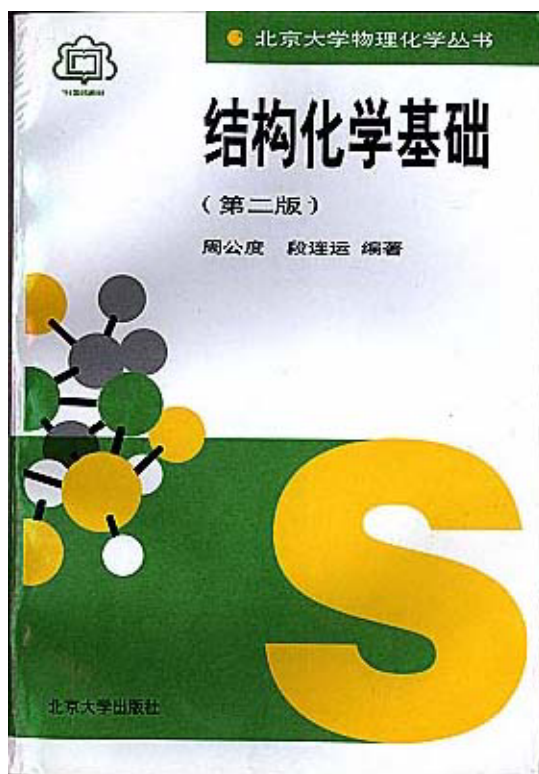


北京大学物理化学丛书 结构化学基础（第二版）

周公度 段连运



本书系北京大学化学与分子工程学院(原化学系)本科生基础课结构化学教材。全书共 10 章，主要包括量子力学基础知识、原子的结构和性质、分子的结构和性质、化学键理论、晶体化学、研究结构的实验方法等内容。本书第一版在 1992 年国家教委举办的全国优秀教材评选中获国家级优秀奖，并为国内许多院校化学系采用。第二版除保持第一版的主要特点(即注重介绍结构化学的基本原理)外，在内容上有所增删，增补了结构化学方面的一些新成就和新进展、新文献，以适应学科发展和教学改革的需要。

北京大学出版社

1995 年 9 月第 2 版

7-301-02834-2

[SS 号]： 10111849

制作人：nichloas

---

感谢：

感谢超星公司 ,感谢 ReadFree 提供的软件 ,感谢 BookExpress  
的作者 ,感谢 Adobe 公司的 Acrobat ,感谢高手们做的注册码

# 目 录

绪 言	1
第一章 量子力学基础知识	3
1.1 微观粒子的运动特征	3
-1- 黑体辐射和能量量子化	3
-2- 光电效应和光子	5
-3- 实物微粒的波粒二象性	7
-4- 测不准原理	12
1.2 量子力学基本假设	16
-1- 波函数和微观粒子的状态	16
-2- 力学量和算符	18
-3- 本征态、本征值和 Schrödinger 方程	20
-4- 态叠加原理	23
-5- Pauli 原理	24
1.3 箱中粒子的 Schrödinger 方程及其解	26
习题一	34
参考文献	36
第二章 原子的结构和性质	38
2.1 单电子原子的 Schrödinger 方程及其解	41
-1- 单电子原子的 Schrödinger 方程	41
-2- 变数分离法	43
-3- $\Phi$ 方程的解	45
-4- 单电子原子的波函数	46
2.2 量子数的物理意义	49
2.3 波函数和电子云的图形	53

-1- $\psi-r$ 图和 $\psi^2-r$ 图 .....	53
-2- 径向分布图 .....	55
-3- 原子轨道等值线图 .....	57
2.4 多电子原子的结构 .....	61
-1- 多电子原子的 Schrödinger 方程及其近似解 .....	61
-2- 原子轨道能和电子结合能 .....	64
-3- 基态原子的电子排布 .....	72
2.5 元素周期表与元素周期性质 .....	74
-1- 元素周期表 .....	74
-2- 原子结构参数 .....	76
-3- 原子的电离能 .....	77
-4- 电子亲合能 .....	79
-5- 电负性 .....	80
-6- 相对论效应对元素周期性质的影响 .....	83
2.6 原子光谱 .....	87
-1- 原子光谱和光谱项 .....	87
-2- 电子的状态和原子的能态 .....	89
-3- 单电子原子的光谱项和原子光谱 .....	91
-4- 多电子原子的光谱项 .....	96
-5- 原子光谱的应用 .....	101
习题二 .....	105
参考文献 .....	107
<b>第三章 双原子分子的结构和性质</b> .....	108
3.1 $H_2^+$ 的结构和共价键的本质 .....	109
-1- $H_2^+$ 的 Schrödinger 方程 .....	109
-2- 变分法解 Schrödinger 方程 .....	110
-3- 积分 $H_{aa}$ 、 $H_{ab}$ 、 $S_{ab}$ 的意义和 $H_2^+$ 的结构 .....	112
-4- 共价键的本质 .....	116
3.2 分子轨道理论和双原子分子的结构 .....	117



-1-	简单分子轨道理论 .....	117
-2-	分子轨道的分布特点和分类 .....	121
-3-	同核双原子分子的结构 .....	125
-4-	异核双原子分子的结构 .....	131
3.3	$H_2$ 分子的结构和价键理论 .....	132
-1-	价键法解 $H_2$ 的结构 .....	132
-2-	价键理论 .....	136
-3-	价键理论(VB)和分子轨道理论(MO)的比较 .....	137
3.4	分子光谱 .....	141
-1-	分子光谱简介 .....	141
-2-	双原子分子的转动光谱 .....	144
-3-	双原子分子的振动光谱 .....	147
-4-	Raman 光谱 .....	157
-5-	分子的电子光谱 .....	158
3.5	光电子能谱 .....	160
-1-	原理 .....	160
-2-	双原子分子的紫外光电子能谱 .....	163
-3-	X 射线光电子能谱 .....	168
	习题三 .....	170
	参考文献 .....	173
<b>第四章</b>	<b>分子的对称性</b> .....	<b>174</b>
4.1	对称操作和对称元素 .....	175
-1-	旋转轴和旋转操作 .....	175
-2-	对称中心和反演操作 .....	178
-3-	镜面和反映操作 .....	179
-4-	反轴和旋转反演操作 .....	180
-5-	映轴和旋转反映操作 .....	181
4.2	对称操作群与对称元素的组合 .....	183
-1-	群的定义 .....	183

-2-	群的乘法表 .....	184
-3-	对称元素的组合 .....	186
4.3	分子的点群 .....	188
-1-	分子点群的分类 .....	188
-2-	分子所属点群的判别 .....	195
4.4	分子的偶极矩和极化率 .....	197
-1-	分子的偶极矩和分子的结构 .....	197
-2-	分子的诱导偶极矩和极化率 .....	201
4.5	分子的对称性和分子的旋光性 .....	203
4.6	群的表示 .....	206
-1-	对称操作的表示矩阵 .....	206
-2-	特征标的性质和特征标表 .....	209
-3-	特征标表应用举例 .....	211
习题四 .....		216
参考文献 .....		218
<b>第五章 多原子分子的结构和性质</b> .....		220
5.1	价电子对互斥理论(VSEPR) .....	220
5.2	杂化轨道理论 .....	223
5.3	离域分子轨道理论 .....	230
5.4	HMO 法 .....	235
-1-	HMO 法的基本内容 .....	235
-2-	丁二烯的 HMO 处理 .....	237
-3-	环状共轭多烯的 HMO 处理 .....	242
5.5	离域 $\pi$ 键和共轭效应 .....	244
-1-	离域 $\pi$ 键的形成和表示法 .....	244
-2-	共轭效应 .....	246
-3-	肽键 .....	248
-4-	超共轭效应 .....	249
5.6	分子轨道的对称性和反应机理 .....	251

-1-	有关化学反应的一些原理和概念 .....	251
-2-	前线轨道理论 .....	252
-3-	分子轨道对称守恒原理 .....	256
5.7	共价键的键长和键能 .....	259
-1-	共价键的键长和原子的共价半径 .....	259
-2-	共价键键能 .....	261
5.8	分子间作用力和分子的大小形状 .....	265
-1-	分子间作用力 .....	265
-2-	范德华引力和范德华半径 .....	266
-3-	分子的大小和形状 .....	270
5.9	核磁共振谱 .....	273
-1-	核磁矩和核磁共振的一般原理 .....	273
-2-	化学位移 .....	276
-3-	核的自旋-自旋耦合作用 .....	279
	习题五 .....	282
	参考文献 .....	285
<b>第六章</b>	<b>配位化合物的结构和性质 .....</b>	<b>287</b>
6.1	概述 .....	287
-1-	配位体 .....	287
-2-	配位化合物结构理论的发展 .....	289
6.2	配位场理论 .....	292
-1-	$ML_6$ 八面体的分子轨道 .....	292
-2-	八面体场的分裂能 $\Delta_o$ .....	294
-3-	配位场稳定化能与配位化合物的性质 .....	296
-4-	配位化合物的热力学稳定性 .....	301
-5-	其他多面体的配位场 .....	303
6.3	$\sigma$ - $\pi$ 配键与有关配位化合物的结构和性质 .....	306
-1-	金属羰基配位化合物和小分子配位化合物 .....	306
-2-	不饱和烃配位化合物 .....	308

-3-	环多烯和过渡金属的配位化合物 .....	309
-4-	等瓣相似规则 .....	311
-5-	配位化合物中原子的原子价 .....	314
-6-	配位催化作用 .....	316
6.4	过渡金属原子簇化合物的结构和性质 .....	317
-1-	18 电子规则和簇合物的几何构型 .....	318
-2-	簇合物中 M—M 间的多重键 .....	320
-3-	簇合物的催化性能 .....	323
	习题六 .....	325
	参考文献 .....	327
<b>第七章</b>	<b>晶体的点阵结构和晶体的性质</b> .....	<b>328</b>
7.1	晶体结构的周期性和点阵 .....	328
-1-	晶体结构的特征 .....	328
-2-	点阵和结构基元 .....	330
-3-	点阵单位 .....	335
-4-	晶体的缺陷 .....	337
7.2	晶体结构的对称性 .....	339
-1-	晶体的对称元素和对称操作 .....	339
-2-	晶胞 .....	343
-3-	晶系 .....	344
-4-	晶体的空间点阵型式 .....	346
-5-	晶体学点群 .....	348
-6-	空间群 .....	350
-7-	点阵点、直线点阵和平面点阵的指标 .....	353
7.3	晶体结构的表达及应用 .....	356
7.4	晶体的 X 射线衍射 .....	362
-1-	X 射线的产生及其性质 .....	363
-2-	衍射方向 .....	365
-3-	衍射强度 .....	368

-4- 单晶衍射法 .....	371
-5- 多晶衍射法 .....	373
习题七 .....	379
参考文献 .....	385
<b>第八章 金属的结构和性质</b> .....	386
8.1 金属键和金属的一般性质 .....	386
-1- 金属键的“自由电子”模型 .....	386
-2- 固体能带理论 .....	390
8.2 球的密堆积和金属单质的结构 .....	392
-1- 等径圆球的堆积 .....	393
-2- 金属单质的结构概况 .....	397
-3- 金属原子半径 .....	399
8.3 合金的结构和性质 .....	400
-1- 金属固溶体的结构 .....	401
-2- 金属化合物的结构 .....	403
-3- 金属间隙化合物的结构 .....	405
8.4 固体表面的结构和性质 .....	406
习题八 .....	408
参考文献 .....	410
<b>第九章 离子化合物的结构化学</b> .....	412
9.1 离子晶体的若干简单结构型式 .....	412
9.2 离子键和点阵能 .....	417
-1- 点阵能的计算和测定 .....	417
-2- 点阵能的应用 .....	423
-3- 键型变异原理 .....	425
9.3 离子半径 .....	429
-1- 离子半径的测定 .....	429
-2- 有效离子半径 .....	432
-3- 离子半径的变化趋势 .....	434

9.4	离子配位多面体及其连接规律	435
-1-	正负离子半径比和离子的配位多面体	435
-2-	配位多面体的连接	437
-3-	离子晶体结构的 Pauling 规则	438
-4-	键价方法	440
9.5	硅酸盐的结构化学	443
-1-	概述	443
-2-	$\text{SiO}_2$ 的结构	445
-3-	各类硅酸盐的结构特点	447
-4-	沸石分子筛	451
习题九		454
参考文献		458
<b>第十章</b>	<b>非金属元素的结构化学</b>	459
10.1	非金属元素的结构特征	459
-1-	非金属单质的结构特征	459
-2-	非金属化合物的结构特征	463
10.2	硼烷和有关化合物的结构	467
-1-	硼烷	468
-2-	金属烷基化合物	472
10.3	氢的结构化学	473
-1-	氢的成键型式	473
-2-	氢键	477
-3-	水的结构化学	481
习题十		488
参考文献		490
<b>附录 I</b>	<b>实习</b>	491
实习 1	原子轨道空间分布图的描绘	491
实习 2	$\text{H}_2^+$ 能量曲线的绘制	493
实习 3	分子的立体构型和分子的性质	494

实习 4	苯的 HMO 处理 .....	496
实习 5	点阵和晶胞 .....	497
实习 6	多晶 X 射线衍射法 .....	498
实习 7	等径圆球的堆积 .....	500
实习 8	离子晶体的结构 .....	502
附录 I	单位、物理常数和换算因子 .....	503
附录 II	习题答案(摘选) .....	506
索 引	.....	513

## 绪 言

结构化学是研究原子、分子和晶体的微观结构,研究原子和分子运动规律,研究物质的结构和性能关系的科学,是化学的一个重要分支。这里所指的结构和运动规律,涉及原子和分子层次的空间排布,涉及微观粒子所遵循的量子力学规律,它包括原子中电子的分布和能级、分子的化学组成、分子的空间构型和构象、分子中电子的分布、化学键的性质和分子的能量状态、晶体中原子的空间排布、晶体的能量状态等内容。结构化学根据结构决定性能、性能反映结构的基本原则,探讨物质的结构与性能间的联系。随着科学的发展,结构化学已成为化学中的一个重要分支。

结构化学包含许多有用的概念和知识,许多重要的规律和原理,并且发展和改进许多研究方法和实验手段,它的内容在不断发展,它对化学学科的重要性日益增加。一方面结构化学利用现代技术,不断武装自己,丰富自己的内容,现在每年都积累大量的结构数据,为归纳总结结构化学的规律和原理作基础;另一方面结构化学根据总结所得的规律和理论,指导化学实践,将结构和性能联系起来,用以设计合成的途径,探讨产品的分析方法,改进产品的质量,开拓产品的用途。

在学习结构化学时,要重视从衍射法、光谱法和磁共振法等实验所得的实验数据以及产品表现出来的性能,这是我们认识物质结构的第一性内容。一切概念和原理都来源于实践,而所得理论的正确性又要由实践来检验。要重视微观粒子运动所遵循的量子力学规律,掌握微观现象的特点,努力把物理概念和数学表达式密切地联系起来。要重视结构和性能间的联系,了解各种物质具有其特性的结构根源,了解各种结构所必然出现的性能,了解理论的实际



应用,加深对事物本质的认识。学以致用,通过学习能更有效地为社会主义四个现代化的建设服务。

本书采用国际单位制(SI),在阅读其他参考书时,要注意单位和表达式等方面的关系。

# 第一章 量子力学基础知识

## 1.1 微观粒子的运动特征

电子、原子、分子和光子等微观粒子,具有波粒二象性的运动特征,它们表现的行为,在一些场合显示粒性,在另一些场合又显示波性。人们对这种波粒二象性的认识是和本世纪物理学的发展密切联系的,是二十世纪初期二十多年自然科学发展的集中体现。1900年以前,物理学的发展处于经典物理学阶段,它由 Newton (牛顿)的力学, Maxwell (麦克斯韦)的电磁场理论, Gibbs (吉布斯)的热力学和 Boltzmann (玻耳兹曼)的统计物理学等组成。这些理论构成一个相当完善的体系,对当时常见的物理现象都可以从中得到说明。但是事物总是不断向前发展的。人们的认识也是不断发展的。在经典物理学取得上述成就的同时,通过实验又发现了一些新现象,它们是经典物理学理论无法解释的。下面简要讨论黑体辐射、光电效应、电子波性等几个经典物理学无法解释的现象,说明微观粒子的运动特征。

### -1- 黑体辐射和能量量子化

黑体是一种能全部吸收照射到它上面的各种波长辐射的物体。带有一个微孔的空心金属球,非常接近于黑体,进入金属球小孔的辐射,经过多次吸收、反射,使射入的辐射实际上全部被吸收。当空腔受热时,空腔壁会发出辐射,极小部分通过小孔逸出。黑体是理想的吸收体,也是理想的发射体,当把几种物体加热到同一温度,黑体放出的能量最多。用棱镜把黑体发射的各种频率的辐射分开,就能在指定狭窄的频率范围内测量黑体辐射的能量。若以  $E$ 、

表示黑体辐射的能量,  $E_\nu d\nu$  表示频率在  $\nu$  至  $\nu+d\nu$  范围内、单位时间、单位表面上辐射的能量。以  $E_\nu$  对  $\nu$  作图, 得能量分布曲线。图 1.1 示出不同温度下实验观测到的黑体的能量分布曲线。 $E_\nu$  的 SI 单位为  $\text{J} \cdot \text{m}^{-2}$ 。

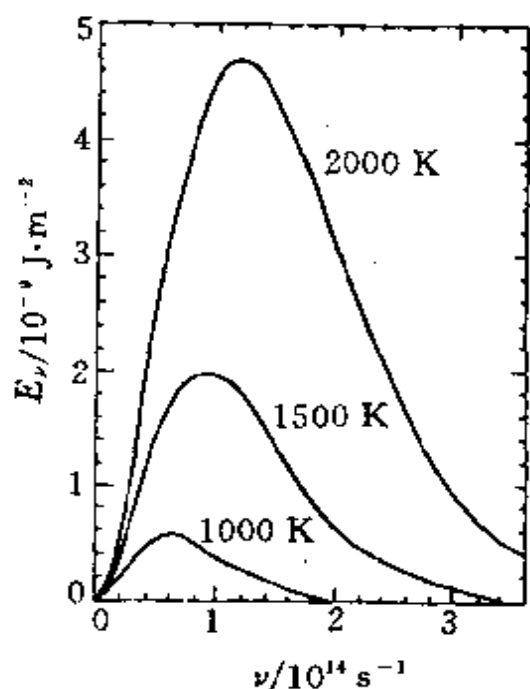


图 1.1 黑体在不同温度下辐射的能量分布曲线

由图中不同温度的曲线可见, 随着温度增加,  $E_\nu$  增大且其极大值向高频移动。例如将一块金属加热, 开始发红光, 然后依次变为橙色、白色和蓝白色。许多物理学家试图用经典热力学和统计力学理论来解释此现象。其中比较好的有 Rayleigh-Jeans (瑞利-金斯) 把分子物理学中能量按自由度均分原则用到电磁辐射上, 得到辐射强度公式, 它和实验结果比较, 在长波长处很接近实验曲线, 而在短波长处与实验显著不符。另一位是 Wien (维恩), 他

假设辐射波长的分布类似于 Maxwell 的分子速度分布, 所得公式在短波处与实验比较接近, 但长波处与实验曲线相差很大。1900 年 Planck (普朗克) 在深入分析实验数据和经典力学的计算基础上, 假定黑体中的原子或分子辐射能量时作简谐振动, 它只能发射或吸收频率为  $\nu$ 、数值为  $\epsilon = h\nu$  的整数倍的电磁能, 即频率为  $\nu$  的振子发射的能量可以等于  $0h\nu, 1h\nu, 2h\nu, \dots, nh\nu$  ( $n$  为整数) 等。它们出现的几率之比为:  $1 : e^{-h\nu/kT} : e^{-2h\nu/kT} : \dots : e^{-nh\nu/kT}$ 。因此频率为  $\nu$  的振动的平均能量为

$$\frac{h\nu}{e^{h\nu/kT} - 1}$$

由此可得单位时间、单位表面上辐射的能量

$$E_{\nu} = \frac{2\pi h \nu^3}{c^2} (e^{h\nu/kT} - 1)^{-1} \quad (1.1)$$

用此公式计算  $E_{\nu}$  值,与实验观察到的黑体辐射非常吻合。式中  $k$  是 Boltzmann 常数;  $T$  是绝对温度;  $c$  是光速;  $h$  称为 Planck 常数,将此式和观察到的曲线拟合,得到  $h$  的数值,目前测得  $h = 6.626 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$ 。

由此可见,黑体辐射频率为  $\nu$  的能量,其数值是不连续的,只能为  $h\nu$  的倍数,称为能量量子化。这一概念是和经典物理学不相容的,因为经典物理学认为谐振子的能量是由振幅决定,而振幅是可连续变化的,并不受限制,因此能量可连续地取任意数值,而不受量子化的限制。

Planck 能量量子化假设的提出,标志着量子理论的诞生。Planck 是在黑体辐射这个特殊场合中引进了能量量子化概念的,此后,在 1900 年至 1926 年间,人们逐渐地把能量量子化的概念推广到所有微观体系。

## -2- 光电效应和光子

首先认识到 Planck 能量量子化重要性的是 Einstein(爱因斯坦),他将能量量子化的概念应用于电磁辐射,并用以解释光电效应。

光电效应是光照在金属表面上,使金属发射出电子的现象。金属中的电子从光获得足够的能量而逸出金属,称为光电子。1900 年前后,许多实验工作已经证实:

- 只有当照射光的频率超过某个最小频率  $\nu_0$  (又称临阈频率) 时,金属才能发射光电子,不同金属的  $\nu_0$  值不同,大多数金属的  $\nu_0$  值位于紫外区。

- 随着光强的增加,发射的电子数也增加,但不影响光电子的动能。

- 增加光的频率,光电子的动能也随之增加。

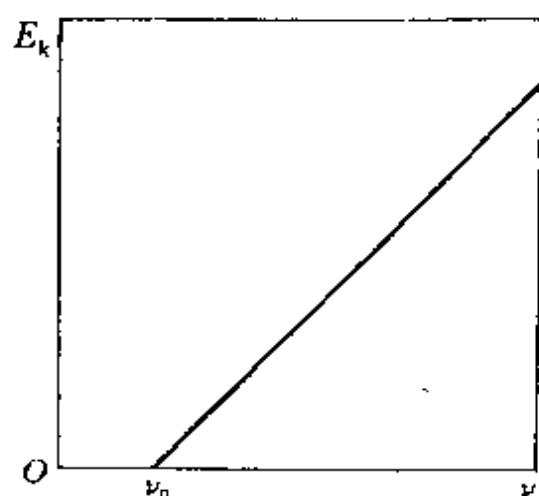


图 1.2 光电子的动能和照射光频率的关系

光电效应的实验结果,可示于图 1.2 中。图中示出光电子的动能  $E_k$  和照射光频率  $\nu$  的关系。

根据光波的经典图像,波的能量与它的强度成正比,而与频率无关。因此只要有足够的强度,任何频率的光都能产生光电效应,而电子的动能将随光强的增加而增加,与光的频率无关,这些经典物理学的推测与实验事实不符。

1905 年 Einstein 提出光子学说,圆满地解释了光电效应。光子学说的内容如下:

(1) 光是一束光子流,每一种频率的光的能量都有一个最小单位,称为光子,光子的能量与光子的频率成正比,即

$$\epsilon = h\nu \quad (1.2)$$

式中  $h$  为 Planck 常数,  $\nu$  为光子的频率。

(2) 光子不但有能量,还有质量( $m$ ),但光子的静止质量为零。按相对论的质能联系定律,  $\epsilon = mc^2$ , 光子的质量为

$$m = h\nu/c^2 \quad (1.3)$$

所以不同频率的光子有不同的质量。

(3) 光子具有一定的动量( $p$ )

$$p = mc = h\nu/c = h/\lambda \quad (1.4)$$

光子有动量在光压的实验中得到了证实。

(4) 光的强度取决于单位体积内光子的数目,即光子密度。

将频率为  $\nu$  的光照射到金属上,当金属中的一个电子受到一个光子撞击时,产生光电效应,光子消失,并把它能量  $h\nu$  转移给电子。电子吸收的能量,一部分用于克服金属对它的束缚力,其余部分则表现为光电子的动能。

$$h\nu = W + E_k = h\nu_0 + \frac{1}{2}mv^2 \quad (1.5)$$

式中  $W$  是电子逸出金属所需要的最低能量,称为脱出功,它等于  $h\nu_0$ ;  $E_k$  是自由电子的动能,它等于  $mv^2/2$ 。(1.5)式能解释全部实验观测的结果:当  $h\nu < W$  时,光子没有足够的能量使电子逸出金属,不发生光电效应;当  $h\nu = W$  时,这时的频率是产生光电效应的临阈频率( $\nu_0$ );当  $h\nu > W$  时,从金属中发射的电子具有一定的动能,它随  $\nu$  的增加而增加,与光强无关。但增加光的强度可增加光束中单位体积内的光子数,因此增加发射电子的速率。

只有把光看成是由光子组成的光束才能理解光电效应,而只有把光看成波才能解释衍射和干涉现象。光表现出波粒二象性,即在一些场合光的行为像粒子,在另一些场合光的行为像波。粒子在空间定域,而波不能定域。光子模型得到的光能是量子化的,波动模型却是连续的、而不是量子化的。因此粒和波两者从表面上看是互相矛盾、互不相容的。在(1.2)和(1.4)式中,  $\epsilon$  和  $p$  是粒的概念,  $\nu$  和  $\lambda$  是波的概念,彼此通过 Planck 常数  $h$  联系在一起。粗略地看,这两个方程本身是矛盾的,但实际上这两个方程把光具有波粒二象性的运动特征统一起来了。

关于光的本质,历史上曾有以 Newton 为代表的微粒说(1680年)和以 Huygens(惠更斯)为代表的波动说(1690年)的争论。争论结果波动说获胜,到 19 世纪 Maxwell 发展了波动说,建立了电磁波理论。Einstein 光子学说又提出微粒说,但他和 Newton 的微粒说本质上是不同的。光子学说和光的波动说并不矛盾。

1907 年, Einstein 把能量量子化的概念用于固体中原子的振动,证明当温度趋于 0 K 时,固体热容也趋于零。这个结论与实验结果一致,却和经典的能量均分定理不同。

### -3- 实物微粒的波粒二象性

波粒二象性是微观粒子的基本特性,这里所指的微观粒子既

包括静止质量为零的光子,也包括静止质量不为零的实物微粒,如电子、质子、原子和分子等。

1924年 de Broglie(德布罗意)受到光的波粒二象性启发,提出实物微粒也有波性的假设。他认为在光学上,比起波动研究方法,是过于忽略了粒子的研究方法;在实物微粒上,是否发生相反的错误?是不是把粒子的图像想得太多,而过于忽略了波的图像?他提出实物微粒也有波性。以后称这种波为德布罗意波。

de Broglie 认为联系光的波性和粒性的关系式也适用于实物微粒,即

$$E = h\nu \quad (1.6-1)$$

$$p = h/\lambda \quad (1.6-2)$$

这样实物微粒若以大小为  $p = mv$  的动量运动时,伴随有波长为  $\lambda$  的波

$$\lambda = h/p = h/mv \quad (1.7)$$

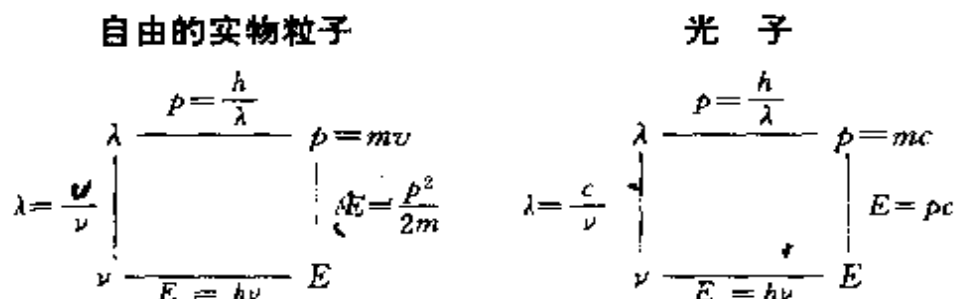
此即著名的德布罗意关系式,  $\lambda$  为德布罗意波的波长,它形式上虽然和爱因斯坦关系式[即(1.4)式]相同,但它是一个新的假设。

德布罗意波与光波不同,在用(1.4)、(1.6)、(1.7)式时,若简单地用  $c$  代替  $v$ ,就会得出互相矛盾的结果

$$E = \frac{1}{2m}p^2 = \frac{1}{2m}(mc)^2 = \frac{1}{2}mc^2$$

$$E = h\nu = \frac{hc}{\lambda} = hc/\frac{h}{mc} = mc^2$$

实际上,描述实物粒子与光子运动规律的有关计算公式应为



比较上述两者公式可见,其主要差别在于:

(1) 光子的  $\lambda = c/\nu$ ,  $c$  既是光的传播速度,又是光子的运动速

度;实物粒子  $\lambda = u/\nu$ ,  $u$  是德布罗意波的传播速度(又称相速度),它不等于粒子的运动速度  $v$ (又称群速度),可以证明  $v = 2u$ 。

(2) 光子:  $p = mc$ ,  $E = pc \neq p^2/2m$ ;

实物粒子:  $p = mv$ ,  $E = p^2/2m \neq pv$ 。

据(1.7)式可计算实物微粒的波长。例如以  $1.0 \times 10^6 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  的速度运动的电子,其 de Broglie 波波长为

$$\lambda = \frac{6.6 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}}{(9.1 \times 10^{-31} \text{ kg}) \times (1.0 \times 10^6 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1})} = 7 \times 10^{-10} \text{ m}$$

这个波长相当于分子大小的数量级,说明原子和分子中电子运动的波效应是重要的。而宏观粒子观察不到波性,例如质量为  $1 \times 10^{-3} \text{ kg}$  的宏观粒子以  $1 \times 10^{-2} \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  的速度运动时,通过类似的计算得  $\lambda = 7 \times 10^{-29} \text{ m}$ ,其数值非常小,观察不到波动效应。

1927 年, Davisson(戴维孙)和 Germer(革末)用单晶体电子衍射实验, G. P. Thomson(汤姆孙)用多晶电子衍射实验,证实了 de Broglie 的假设。

电子运动的波长  $\lambda = h/mv$ ,  $v$  是电子运动速度,它由加速电子运动的电场电势差( $V$ )决定,即

$$\frac{1}{2}mv^2 = eV \quad (1.8)$$

若  $V$  的单位是伏特,则波长为

$$\begin{aligned} \lambda &= h/mv = h/(\sqrt{2me} \sqrt{V}) \\ &= \frac{6.626 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}}{\sqrt{2 \times (9.110 \times 10^{-31} \text{ kg}) \times (1.602 \times 10^{-19} \text{ C})}} \frac{1}{\sqrt{V}} \\ &= 1.226 \times 10^{-9} \left( \frac{1}{\sqrt{V}} \right) \text{ m} \end{aligned}$$

由上式可知,若加速电压用 1000 V,则所得波长为 39 pm,波长的数量级和 X 射线相近,用普通光栅无法检验出它的波性。当时晶体的 X 射线衍射已发展到相当高的水平, Davisson 和 Germer 将被一定电势差加速到一定速度的电子束射到金属镍的单晶上,观察到完全类似于 X 射线衍射的性质,证实电子确实具有波性。



Thomson 将电子束通过多晶金属箔,得到和 X 射线多晶衍射相同的结果。

后来采用中子、质子、氢原子和氦原子等粒子流,也同样观察到衍射现象,充分证明了实物微粒具有波性,而不限于电子。电子显微镜以及用电子衍射和中子衍射测定分子结构都是实物微粒波性的应用。由上可见,一切微观体系都是粒性和波性的对立统一体。 $E=h\nu$ ,  $p=h/\lambda$  两式具体揭示了波性和粒性的内在联系,等式左边体现粒性,右边体现波性,它们彼此联系,互相渗透,在一定条件下又可互相转化,构成矛盾对立的统一体。微观体系的这种波粒二象性是它们运动的本质特性。

电子具有粒性,能在化合物中作为一个带电的微粒独立存在,这里独立存在的意思是指电子自身能独立存在,而不是指依附于其他原子或分子上的电子。包含有这种独立存在的电子的化合物称为电子盐(electride)。第一个测定结构的电子盐是 $[\text{Cs}^+(18\text{-crown-6})_2]\text{e}^{-[9]}$ ,它和 $[\text{Cs}^+(18\text{-crown-6})_2]\text{Na}^-$ 同晶型。在晶体中,2个冠醚分子(18-crown-6)将 $\text{Cs}^+$ 包含起来,它们堆积成晶体,其中有较大的空洞;在 $[\text{Cs}^+(18\text{-crown-6})_2]\text{Na}^-$ 晶体中,空洞填入 $\text{Na}^-$ ;在 $[\text{Cs}^+(18\text{-crown-6})_2]\text{e}^-$ 晶体中,空洞填入 $\text{e}^-$ ,后者空洞半径达 240 pm。 $\text{e}^-$ 处在空洞中心,其大小和 $\text{Na}^-$ 相近,比 $\text{I}^-$ 还要大。人们容易接受电子的粒性,但不易理解电子的波性。

电子等实物微粒具有波性,实物微粒波代表什么物理意义,这是许多科学家关心和研究的问题。1926年, Born(玻恩)提出实物微粒波的统计解释。他认为在空间任何一点上波的强度(即振幅绝对值的平方)和粒子出现的几率成正比,按照这种解释描述的粒子的波称为几率波。为了说明 Born 的统计解释,再分析上述电子衍射实验。人们发现较强的电子流可以在短时间内得到电子衍射照片,但用很弱的电子流,让电子先后一个一个地到达底片,只要时间足够长,也能得同样的衍射图形。这说明电子衍射不是电子之间相互作用的结果,而是电子本身运动所固有的规律性。当用很弱的

电子流做衍射实验,电子一个一个地通过晶体,因为电子具有粒性,开始只能得到照相底片上的一个个点,得不到衍射图像,但电子每次到达的点并不重合在一起,经过足够长的时间,通过电子数目足够多时,照片上就得到衍射图像,显示出波性。可见电子的波性是和微粒行为的统计性联系在一起的。对大量粒子而言,衍射强度(即波的强度)大的地方,粒子出现的数目就多,衍射强度小的地方,粒子出现的数目就少。对一个粒子而言,通过晶体到达底片的位置不能准确预测。若将相同速度的粒子,在相同条件下重复做多次相同的实验,一定会在衍射强度大的地方出现的机会多,在衍射强度小的地方出现的机会少。

由上可见,实物微粒波的物理意义与机械波(水波、声波)和电磁波等不同,机械波是介质质点的振动,电磁波是电场和磁场的振动在空间传播的波,而实物微粒波没有这种直接的物理意义。实物微粒波的强度反映粒子出现几率的大小,故称几率波。

实物微粒有波性,我们对它粒性的理解也应和经典力学的概念有所不同。在经典物理学中,粒子应服从牛顿力学,它在一定的运动条件下有可以预测的运动轨道,一束电子在同样条件下通过晶体,每个电子都应到达底片上同一点,观察不到衍射现象。事实上电子通过晶体时并不遵循牛顿力学,它有波性,每次到达的地方无法准确预测,只有一定的与波的强度成正比的几率分布规律,出现衍射现象。

由上可知,一个粒子不能形成一个波,当一个粒子通过晶体到达底片上,出现的是一个衍射点,而不是强度很弱的衍射图像。但是从大量微观粒子的衍射图像,可揭示出微观粒子运动的波性和这种波的统计性,这个重要的结论适用于各个原子或分子中电子的行为。原子和分子中的电子其运动具有波性,其分布具有几率性。原子和分子中电子的运动可用波函数描述,而电子出现的几率密度可用电子云描述。

在经典物理学中,既没有具有粒性的波,也没有具有波性的粒

子。宏观世界中总结出的概念并不完全适用于微观物体。要正确了解实物微粒的波粒二象性,必须摆脱波和粒子的经典概念的束缚,用新的量子力学的概念去理解。在 1925 到 1927 年间,测不准原理和 Schrödinger (薛定谔) 方程的提出,标志着量子力学的诞生。

#### -4- 测不准原理

测不准原理是由微观粒子本质特性决定的物理量间相互关系的原理,它反映了物质波的一种重要性质。因为实物微粒具有波粒二象性,所以从微观体系得到的信息会受到某些限制。例如一个粒子不能同时具有确定的坐标和动量(也不能将时间和能量同时确定),它要遵循测不准关系。这一关系是 1927 年首先由 Heisenberg (海森伯) 提出的。

为了说明测不准关系,先介绍电子的单缝衍射实验。如图 1.3 所示,一个沿  $y$  方向传播的电子,通过宽度为  $D$  的狭缝,落在荧光

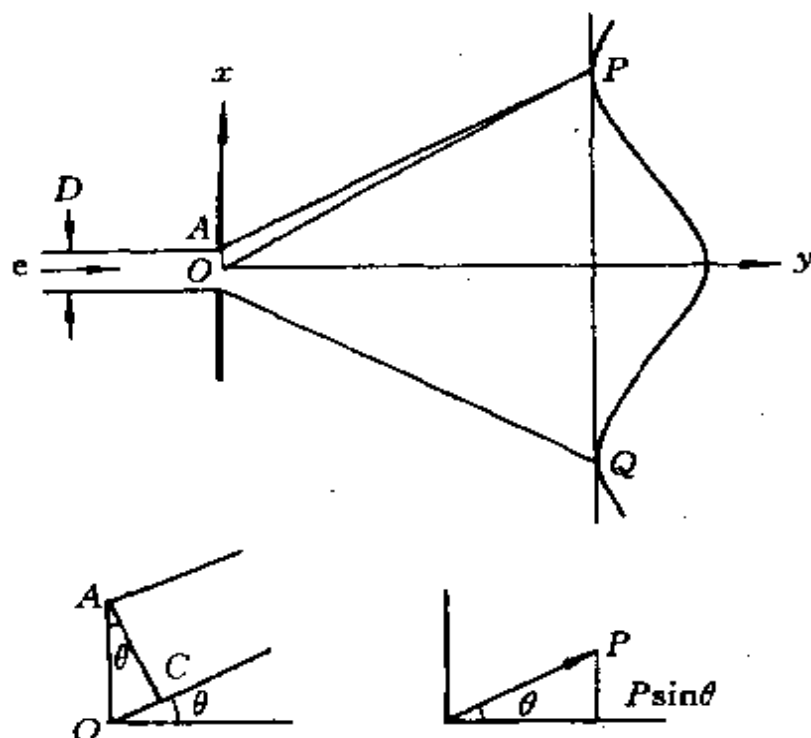


图 1.3 电子的单缝衍射实验示意图

屏上。通过狭缝之前,粒子在  $x$  方向的速度  $v_x$  为零,动量分量  $p_x = mv_x$  也为零。对经典粒子,通过狭缝时总是走直线,一束这样的粒子在屏幕上显示的宽度为  $D$ 。而具有波性的电子通过狭缝时会展宽,得到衍射图样,图中曲线表示屏幕上各点的波强度。曲线的极大值和极小值是由于从狭缝不同部位来的波发生互相叠加与互相抵消的结果。当两列波同相时,互相叠加得到更强的波;当两列波反相时,互相抵消,强度减弱。

在屏幕上显示的第一极小值,  $P$  点(和  $Q$  点),是从狭缝顶端( $A$  点)发出到达这点的波比从狭缝中部( $O$  点)发出的波少走半个波长,这两列波刚好反相,互相抵消。因此,出现第一衍射极小值的条件是

$$\overline{OP} - \overline{AP} = \frac{1}{2}\lambda = \overline{OC}$$

由于从狭缝到屏幕的距离比狭缝的宽度大得多,当  $\overline{CP} = \overline{AP}$ ,  $\angle PAC$ ,  $\angle PCA$ ,  $\angle ACO$  均接近  $90^\circ$ 。这样,出现第一极小值的角度( $\theta$ )可由下式给出

$$\sin\theta = \overline{OC}/\overline{AO} = \frac{1}{2}\lambda / \frac{1}{2}D = \lambda/D$$

从电子的粒性考虑,狭缝的衍射会使电子改变运动方向,大部分电子在  $-\theta$  到  $+\theta$  范围的角度内。落在屏幕上  $P$  点附近的电子,在狭缝处它的动量的  $x$  分量为  $p_x$

$$p_x = p \sin\theta$$

此  $p_x$  即为  $p$  在  $x$  方向的不确定度  $\Delta p_x$ ,所以

$$\Delta p_x = p \sin\theta = p\lambda/D = h/D$$

已知关于坐标  $x$  的不确定度为狭缝宽度  $D$ ,即  $\Delta x = D$ ,故得

$$\Delta x \Delta p_x = h \quad (1.9)$$

这里只考虑落在主峰范围内的一级衍射,如果把这以外的二级衍射等也考虑进去,则

$$\Delta x \Delta p_x \geq h \quad (1.10)$$

有时也用  $\Delta x \Delta p_x \geq h/4\pi$  表示。这就是测不准关系式或称测不准原理。它表明具有波性的粒子,不能同时有确定的坐标和动量,当它的某个坐标确定得愈精确,其相应的动量就愈不确定,反之亦然。而两个量的不确定程度的乘积约为  $h$  的数量级。(1.10)式的关系虽然是从单缝衍射实验引出的,但它是微观粒子的一个普遍特点,也可从其他途径得到。

同样,时间  $t$  和能量  $E$  的不确定度也有类似于(1.10)式的测不准关系

$$\Delta E \cdot \Delta t \geq h/4\pi \quad (1.11)$$

$\Delta E$  是能量在时间  $t_1$  和  $t_2$  时测定的两个值  $E_1$  和  $E_2$  之差,它不是能量在给定时刻的不确定量,而是测量能量的精确度  $\Delta E$  与测量所需时间  $\Delta t$  二者之间所应满足的关系。

为了判断哪些物体其运动规律可用经典力学处理,而哪些则必须用量子力学处理,(1.10)式提供了定量判断的客观标准。对于宏观物体,由(1.10)式表明的不确定数量实在太小了,以至于对我们所讨论的问题不起实际作用,可以认为宏观物体的运动同时有确定的位置和动量,由于  $h$  实际上可以当作零看待,故服从经典力学规律。

例如质量为  $0.01 \text{ kg}$  的子弹,运动速度为  $1000 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ ,若速度的不确定程度为其运动速度的  $1\%$ ,则其位置的不确定程度为

$$\begin{aligned} \Delta x &= h/(m \cdot \Delta v) \\ &= (6.6 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}) / (0.01 \text{ kg}) \times 1\% \times (1000 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}) \\ &= 6.6 \times 10^{-33} \text{ m} \end{aligned}$$

但是对于在原子和分子中,具有上述速度和速度不确定度的电子,这时位置的不确定度就不能忽略。

$$\begin{aligned} \Delta x &= h/(m \cdot \Delta v) \\ &= (6.6 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}) / (9.0 \times 10^{-31} \text{ kg}) \times 1\% \\ &\quad \times (1000 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}) \\ &= 7.3 \times 10^{-5} \text{ m} \end{aligned}$$

$\Delta x$  值远远超过在原子和分子中的电子离原子核的距离。

宏观物体在任意一时刻  $t$ , 它的坐标  $x$  和动量  $p_x$  都有确定值,  $p_x = m(dx/dt)$ , 经  $dt$  时间间隔后, 粒子位置变为

$$x + dx = x + p_x dt / m$$

因此在时间进程中, 粒子沿着确定的轨道运动。而由测不准关系可见, 微观粒子的  $x$  和  $p_x$  不可能同时有确定值, 正好说明它不存在确定的运动轨道, 这也正是具有波性的微观粒子本质上区别于宏观物体的标志。测不准关系是微观粒子波粒二象性的客观反映, 是人们对微观粒子运动规律认识的深化。测不准关系不是限制人们认识的限度, 而是限制经典力学适用的范围。具有波粒二象性的微观粒子, 它没有运动轨道, 而要求人们建立起能反映微观粒子特有的规律去加以研究, 这就是量子力学的任务。

比较微观粒子和宏观物体的特性可见:

(1) 宏观物体同时具有确定的坐标和动量, 可用牛顿力学描述; 而微观粒子没有同时确定的坐标和动量, 需用量子力学描述。

(2) 宏观物体有连续可测的运动轨道, 可追踪各个物体的运动轨迹加以分辨; 微观粒子具有几率分布的特性, 不可能分辨出各个粒子的轨迹。

(3) 宏观物体可处于任意的能量状态, 体系的能量可以为任意的、连续变化的数值; 微观粒子只能处于某些确定的能量状态, 能量的改变量不能取任意的、连续变化的数值, 只能是分立的, 即量子化的。

(4) 测不准关系对宏观物体无实际意义, 在测不准关系式中, Planck 常数  $h$  可当作 0; 微观粒子遵循测不准关系,  $h$  不能看作 0。所以可以用测不准关系式作为宏观物体与微观粒子的判别标准。

直径处于纳米(nm)量级的粒子, 如纳米材料, 常常出现既不同于宏观物体, 又不同于微观粒子的特性, 可称为介观粒子。

## 1.2 量子力学基本假设

科学理论是从大量实践中总结出来的,再经过实践的检验,证明它符合客观的规律,这个理论才能成立。例如热力学的三个基本定律,牛顿力学的三个定律等都是经过实践检验的客观规律。

量子力学是描述微观粒子运动规律的科学。电子和其他微观粒子不仅表现出粒性,而且表现出波性,它不服从经典力学的规律。经典力学是总结宏观物体的运动规律而建立的,它不能应用于微观体系。微观体系遵循的规律叫量子力学,因为它的主要特点是能量量子化和运动的波性。量子力学的基本原理是根据微观粒子的波性,经过许多科学家[如 E. Schrödinger, W. Heisenberg, M. Born 以及 P. A. M. Dirac(狄拉克)等]的大量工作总结出来的,它是自然界的基本规律之一。

量子力学包含若干基本假设,从这些基本假设出发,可推导出一些重要结论,用以解释和预测许多实验事实。经过半个多世纪实践的考验,说明作为量子力学理论基础的那些基本假设是正确的。下面介绍量子力学的基本假设以及由这些假设引出的基本原理。

### 1-1 波函数和微观粒子的状态

**假设 I** 对于一个微观体系,它的状态和有关情况可用波函数  $\Psi(x, y, z, t)$  表示。 $\Psi$  是体系的状态函数,是体系中所有粒子的坐标函数,也是时间的函数。

例如对一个两粒子体系,  $\Psi = \Psi(x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2, t)$ , 其中  $x_1, y_1, z_1$  是粒子 1 的坐标;  $x_2, y_2, z_2$  是粒子 2 的坐标;  $t$  是时间。 $\Psi$  的形式可由光波推演而得,根据平面单色光的波动方程:  $\Psi = A \exp[i2\pi(x/\lambda - \nu t)]$ , 将波粒二象性关系  $E = h\nu$ ,  $p = h/\lambda$  代入,得单粒子一维运动的波函数

$$\Psi = A \exp[(i2\pi/h)(xp_x - Et)] \quad (1.12)$$

不含时间的波函数  $\psi(x, y, z)$  称为定态波函数。在本课程中主要讨论定态波函数, 后面的  $\psi$  都是指定态波函数  $\psi(x, y, z)$ 。

$\psi$  一般是复数形式:  $\psi = f + ig$ ,  $f$  和  $g$  是坐标的实函数。 $\psi$  的共轭复数  $\psi^*$  定义为  $\psi^* = f - ig$ 。为了求  $\psi^*$  只需在  $\psi$  中出现  $i$  的地方都用  $-i$  代替即可。由于

$$\psi^* \psi = (f - ig)(f + ig) = f^2 + g^2 \quad (1.13)$$

因此  $\psi^* \psi$  是实数, 而且是正值。为了书写方便, 有时也用  $\psi^2$  代替  $\psi^* \psi$ 。

由于空间某点波的强度与波函数绝对值的平方成正比, 即在该点附近找到粒子的几率正比于  $\psi^* \psi$ , 所以通常将用波函数  $\psi$  描述的波称为几率波。在原子、分子等体系中, 将  $\psi$  称为原子轨道或分子轨道; 将  $\psi^* \psi$  称为几率密度, 它就是通常所说的电子云;  $\psi^* \psi d\tau$  为空间某点附近体积元  $d\tau$  中电子出现的几率。

用量子力学处理微观体系时, 要设法求出  $\psi$  函数的具体形式。虽然不能把  $\psi$  看成物理波(如电场或磁场的波动), 但  $\psi$  是状态的一种数学表示, 能给出关于体系状态和该状态各种物理量的取值及其变化的信息, 对了解体系的各种性质极为重要。例如氢原子  $1s$  态的波函数为

$$\psi_{1s} = \frac{1}{\sqrt{\pi a_0^3}} \exp[-r/a_0]$$

这是将氢原子核放在极坐标系的原点时, 描述电子运动状态的波函数。式中  $r$  表示电子离核的距离,  $a_0 = 52.92 \text{ pm}$ , 称玻尔半径。

$$\psi_{1s}^2 = \frac{1}{\pi a_0^3} \exp[-2r/a_0]$$

$\psi_{1s}^2$  为氢原子  $1s$  态的几率密度, 即电子云的分布。体系处在该状态的各种物理性质, 如能量、动量、角动量等一系列物理量可由  $\psi$  求得(见假设 II)。

$\psi(x, y, z)$  在空间某点的数值, 可能是正值, 也可能是负值, 微粒的波性通过  $\psi$  的 +、- 号反映出来, 这和光波是相似的。



$\psi$  的性质与它是奇函数还是偶函数有关,

偶函数:  $\psi(x, y, z) = \psi(-x, -y, -z)$

奇函数:  $\psi(x, y, z) = -\psi(-x, -y, -z)$

波函数的奇、偶性是具有波性的微观粒子的重要性质, 涉及微粒从一个状态跃迁至另一个状态的几率性质等。

由上可见, 描述微观粒子运动状态的波函数  $\psi$ , 对了解该体系的性质和运动规律是十分重要的, 因为它全面地规定了体系的各种性质, 它并不局限于只和某一个物理量相联系。有人认为  $\psi$  本身没有什么物理意义, 它的物理意义要通过  $\psi^2$  来体现。这种理解带有局限性, 只看到了  $\psi^2$  的性质, 即只看到  $\psi$  性质的一个侧面。其实,  $\psi$  和体系的各种性质都有联系, 而不局限在电子云这一点上。

由于波函数描述的波是几率波, 所以波函数  $\psi$  必须满足下列三个条件:

(1) 波函数必须是单值的, 即在空间每一点  $\psi$  只能有一个值;

(2) 波函数必须是连续的, 即  $\psi$  的值不出现突跃;  $\psi$  对  $x, y, z$  的一级微商也是连续函数;

(3) 波函数必须是平方可积的, 即  $\psi$  在整个空间的积分  $\int \psi^* \psi d\tau$  为一个有限数, 通常要求波函数归一化, 即

$$\int \psi^* \psi d\tau = 1 \quad (1.14)$$

符合这三个条件的波函数称为合格波函数或品优波函数。

## 2. 力学量和算符

**假设 II** 对一个微观体系的每个可观测的力学量都对应着一个线性自轭算符。

对某一函数进行运算操作, 规定运算操作性质的符号称为算符, 例如  $\frac{d}{dx}$ ,  $\sin$ ,  $\log$  等等。在量子力学中, 为了和用波函数作为描述状态的数学工具相适应, 以算符作为表示力学量的数学工具。体

系的每个可观测的力学量和一个线性自轭算符相对应。线性算符是指算符满足下一条件

$$\hat{A}(\psi_1 + \psi_2) = \hat{A}\psi_1 + \hat{A}\psi_2 \quad (1.15)$$

自轭算符是指算符  $\hat{A}$  能满足

$$\begin{aligned} \int \psi_1^* \hat{A}\psi_1 d\tau &= \int \psi_1 (\hat{A}\psi_1)^* d\tau \\ \text{或} \quad \int \psi_1^* \hat{A}\psi_2 d\tau &= \int \psi_2 (\hat{A}\psi_1)^* d\tau \end{aligned} \quad (1.16)$$

例如,  $\hat{A} = i \frac{d}{dx}$ ,  $\psi_1 = \exp[ix]$ ,  $\psi_1^* = \exp[-ix]$ , 则

$$\begin{aligned} &\int \exp[-ix] \left( i \frac{d}{dx} \right) \exp[ix] dx \\ &= \int \exp[ix] \left\{ \left( i \frac{d}{dx} \right) \exp[ix] \right\}^* dx \\ &= -x \end{aligned}$$

量子力学需要用线性自轭算符, 是使和算符对应的本征值能为实数(见假设 III)。若干力学量对应的算符列于表 1.1 中。

表 1.1 若干力学量及其算符

力 学 量		算 符
位 置	$x$	$\hat{x} = x$
动量的 $x$ 轴分量	$p_x$	$\hat{p}_x = -\frac{i\hbar}{2\pi} \frac{\partial}{\partial x}$
角动量的 $z$ 轴分量	$M_z = x p_y - y p_x$	$\hat{M}_z = -\frac{i\hbar}{2\pi} \left( x \frac{\partial}{\partial y} - y \frac{\partial}{\partial x} \right)$
动 能	$T = p^2/2m$	$\hat{T} = -\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \left( \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} \right)$ $= -\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \nabla^2$
势 能	$V$	$\hat{V} = V$
总 能	$E = T + V$	$\hat{H} = -\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} \nabla^2 + \hat{V}$

表 1.1 所列的算符中,动量的  $x$  轴分量  $p_x$  所对应的算符  $\hat{p}_x$  至关重要,其来源可从下面的推演过程理解,注意这种推演只是说明假设是怎样提出来的,而不是一种严格的证明。按(1.12)式

$$\Psi = A \exp \left[ \frac{i2\pi}{h} (xp_x - Et) \right]$$

微分,得

$$\begin{aligned} \frac{\partial \Psi}{\partial x} &= A \exp \left[ \frac{i2\pi}{h} (xp_x - Et) \right] \frac{d}{dx} \left[ \frac{i2\pi}{h} (xp_x - Et) \right] \\ &= \frac{i2\pi}{h} p_x \Psi \end{aligned}$$

$$p_x \Psi = -\frac{ih}{2\pi} \frac{\partial \Psi}{\partial x}$$

可见

$$\hat{p}_x = -\frac{ih}{2\pi} \frac{\partial}{\partial x} \quad (1.17)$$

动量沿  $y$  轴和  $z$  轴的分量  $p_y, p_z$ , 角动量沿  $z$  轴的分量  $M_z$ , 动能  $T$  等的算符形式即可根据(1.17)式推演得到。

所以为了获得相应物理量的算符,首先是为该物理量写出包含坐标  $q$  (即  $x, y, z$ ) 和动量沿坐标  $q$  的分量  $p_q$  的经典表达式,然后以

$$\hat{q} = q, \quad \hat{p}_q = -\frac{ih}{2\pi} \frac{\partial}{\partial q}$$

代入,整理、化简即得。

算符和波函数的关系是一种数学关系,通过算符的运算可获得有关微观体系的各种信息。实践证明利用算符和波函数能正确地描述微观体系的状态和性质。

### -3- 本征态、本征值和 Schrödinger 方程

**假设 III** 若某一力学量  $A$  的算符  $\hat{A}$  作用于某一状态函数  $\psi$  后,等于某一常数  $a$  乘以  $\psi$ , 即

$$\hat{A}\psi = a\psi \quad (1.18)$$

那么对  $\psi$  所描述的这个微观体系的状态,其力学量  $A$  具有确定的

数值  $a$ ,  $a$  称为力学量算符  $\hat{A}$  的本征值,  $\psi$  称为  $\hat{A}$  的本征态或本征波函数, (1.18) 式称为  $\hat{A}$  的本征方程。

这一假定把量子力学数学表达式的计算值与实验测量的数值沟通起来。当  $\psi$  是  $\hat{A}$  的本征态, 在这个状态下, 实验测定的数值将与  $\hat{A}$  的本征值  $a$  对应。例如, 欲知道一个原子可能的能量数值时, 只需将能量算符作用在该状态的原子波函数  $\psi$  上, 求出能量算符的本征值, 此值应与实验测得该状态的能量数值一致。自轭算符的本征值一定为实数, 这和本征值的物理意义是相适应的, 现证明如下。

由 (1.18) 式两边取共轭

$$\hat{A}^* \psi^* = a^* \psi^* \quad (1.19)$$

由 (1.18)、(1.19) 两式, 可得

$$\begin{aligned} \int \psi^* (\hat{A} \psi) d\tau &= a \int \psi^* \psi d\tau \\ \int \psi (\hat{A}^* \psi^*) d\tau &= a^* \int \psi \psi^* d\tau \end{aligned}$$

根据 (1.16) 式定义, 得

$$\int \psi^* (\hat{A} \psi) d\tau = \int \psi (\hat{A}^* \psi^*) d\tau$$

故

$$\begin{aligned} a \int \psi^* \psi d\tau &= a^* \int \psi \psi^* d\tau \\ a &= a^* \end{aligned}$$

即  $a$  为实数。

一个保守体系的总能量  $E$  在经典力学中用 Hamilton (哈密顿) 函数  $H$  表示, 即

$$H = T + V = \frac{1}{2m} (p_x^2 + p_y^2 + p_z^2) + V$$

将算符形式代入, 得

$$\begin{aligned} \hat{H} &= -\frac{h^2}{8\pi^2 m} \left( \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} \right) + \hat{V} \\ &= -\frac{h^2}{8\pi^2 m} \nabla^2 + \hat{V} \end{aligned} \quad (1.20)$$

式中  $\nabla^2 = \left( \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} \right)$ ,  $\nabla^2$  称为 Laplace 算符 (读作 del 平方)。

利用这能量算符写成 (1.18) 式形式, 得到

$$\begin{aligned} \hat{H}\psi &= E\psi \\ \left( -\frac{h^2}{8\pi^2m} \nabla^2 + \hat{V} \right) \psi &= E\psi \end{aligned} \quad (1.21)$$

(1.21) 式即为 Schrödinger 方程, 它是决定体系能量算符的本征值和本征函数的方程, 是量子力学中一个基本方程, 式中  $\psi$  不含时间, 这种本征态给出的几率密度, 不随时间而改变, 称为定态。这个本征态对应的本征值, 就是该状态的能量。

含时的 Schrödinger 为

$$\hat{H}\Psi = \frac{i\hbar}{2\pi} \frac{\partial}{\partial t} \Psi \quad (1.22)$$

或为 
$$\left( -\frac{h^2}{8\pi^2m} \nabla^2 + \hat{V} \right) \Psi = \frac{i\hbar}{2\pi} \frac{\partial}{\partial t} \Psi \quad (1.23)$$

可以证明, 对一个微观体系, 自轭算符  $\hat{A}$  给出的本征函数组  $\psi_1, \psi_2, \psi_3, \dots$  形成一个正交、归一的函数组。

归一是指粒子在整个空间出现的几率为 1, 即

$$\int \psi_i^* \psi_i d\tau = 1 \quad (1.24)$$

正交是指

$$\int \psi_i^* \psi_j d\tau = 0 \quad (i \neq j) \quad (1.25)$$

正交性可证明如下:

设有  $\hat{A}\psi_i = a_i\psi_i, \quad \hat{A}\psi_j = a_j\psi_j \quad (\text{而 } a_i \neq a_j)$

当取前式复共轭时, 得

$$(\hat{A}\psi_i)^* = a_i^* \psi_i^* = a_i \psi_i^*$$

由于

$$\int \psi_i^* \hat{A}\psi_j d\tau = a_j \int \psi_i^* \psi_j d\tau$$

而

$$\int (\hat{A}\psi_i)^* \psi_j d\tau = a_i \int \psi_i^* \psi_j d\tau$$

按(1.16)式自轭算符定义,上两式左边应相等,故

$$(a_i - a_j) \int \phi_i^* \phi_j d\tau = 0$$

因  $a_i \neq a_j$ , 故  $\int \phi_i^* \phi_j d\tau = 0$

本征函数组的正交性是由它们的对称性决定的。例如作氢原子的  $\phi_{1s}$  和  $\phi_{2p_x}$  图形,由图中  $\phi$  的正负号即可看出  $\int \phi_{1s} \phi_{2p_x} d\tau = 0$ 。

#### -4- 态叠加原理

**假设 IV** 若  $\phi_1, \phi_2, \dots, \phi_n$  为某一微观体系的可能状态,由它们线性组合所得的  $\psi$  也是该体系可能存在的状态。

$$\psi = c_1 \phi_1 + c_2 \phi_2 + \dots + c_n \phi_n = \sum_i c_i \phi_i \quad (1.26)$$

式中  $c_1, c_2, \dots, c_n$  为任意常数。

例如原子中的电子可能以 s 轨道存在,也可能以 p 轨道存在,将 s 和 p 轨道的波函数进行线性组合,所得的杂化轨道( $sp, sp^2, sp^3$  等)也是该电子可能存在的状态,它们适合于原子周围势场改变的条件。

系数  $c_1, c_2, \dots, c_n$  等数值的大小,反映决定  $\psi$  的性质中  $\phi_i$  的贡献; $c_i$  大,相应  $\phi_i$  的贡献大。可由  $c_i$  值求出和力学量  $A$  对应的平均值  $\langle a \rangle$ 。

##### 1. 本征态的力学量的平均值

设与  $\phi_1, \phi_2, \dots, \phi_n$  对应的本征值分别为  $a_1, a_2, \dots, a_n$ , 当体系处于状态  $\psi$  并且  $\psi$  已归一化时

$$\begin{aligned} \langle a \rangle &= \int \psi^* A \psi d\tau = \int \left( \sum_i c_i^* \phi_i^* \right) A \left( \sum_j c_j \phi_j \right) d\tau \\ &= \sum_i |c_i|^2 a_i \end{aligned} \quad (1.27)$$

体系在状态  $\psi$  时,平均值  $\langle a \rangle$  和力学量  $A$  的实验测定值相对应,从而将体系的量子力学数学表达与实验测量沟通起来。

## 2. 非本征态的力学量的平均值

若状态函数  $\psi$  不是力学量  $A$  的算符  $\hat{A}$  的本征态, 当体系处于这个状态时,  $\hat{A}\psi \neq a\psi$ , 但是这时可用积分计算其平均值

$$\langle a \rangle = \int \psi^* \hat{A} \psi d\tau \quad (1.28)$$

例如氢原子基态波函数为  $\psi_{1s}$ , 其半径( $r$ )和势能 $\left(-\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r}\right)$ 等均没有确定的数值, 不是一个常数, 但可以从(1.28)式求出平均半径 $\langle r \rangle$ 和平均势能 $\langle -\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \rangle$ 。

## -5- Pauli(泡利)原理

**假设 V** 在同一原子轨道或分子轨道上, 至多只能容纳两个电子, 这两个电子的自旋状态必须相反。或者说两个自旋相同的电子不能占据相同的轨道。

这一假设在量子力学中通常表达为: 描述多电子体系轨道运动和自旋运动的全波函数, 对任意两粒子的全部坐标(空间坐标和自旋坐标)进行交换, 一定得反对称的波函数。

许多实验现象: 如光谱的 Zeeman(塞曼)效应(Zeeman 效应是在磁场中观察到光谱谱线出现分裂的现象, 1896 年由 Zeeman 发现。), Stern(斯特恩)和 Gerlach(革拉赫)的实验(1921 年发现。他们将银、锂、氢等原子束经过一个不均匀磁场后, 原子束分裂成两束。)以及光谱的精细结构等都说明电子除轨道运动外还有其他运动。1925 年, G. Uhlenbeck(乌伦贝克)和 S. Goudsmit(哥希密特)提出电子自旋的假设, 认为电子具有不依赖于轨道运动的自旋运动, 具有固有的角动量和相应的磁矩。描述电子运动状态的完全波函数, 除了包括空间坐标( $x, y, z$ )外, 还应包括自旋坐标( $w$ ), 对一个具有  $n$  个电子的体系来说, 其完全波函数应为

$$\psi = \psi(x_1, y_1, z_1, w_1; \cdots; x_n, y_n, z_n, w_n) = \psi(q_1, \cdots, q_n)$$

上式的第二个等号是为简化起见用一个坐标符号  $q_i$  代替第  $i$  号

粒子的 4 个坐标  $(x_1, y_1, z_1, w_1)$ 。

根据微观粒子的波性,相同微粒是不可分辨的,它和宏观粒子不同。宏观粒子有一定的运动轨道,根据初始条件,沿每个粒子所取的路径,可以将等同粒子区分出来,而微观粒子因为测不准关系的限制,不能跟踪一个微粒所走的路径。所以由等同粒子组成的体系的波函数  $\psi$ ,对粒子之间具有不可分辨性。例如由两个电子组成的体系, $\psi(q_1, q_2)$ 代表这个体系的状态,而  $\psi(q_2, q_1)$ 代表电子 1 和电子 2 交换坐标后的状态,若这个波函数的平方能经得起坐标  $q_1$  和  $q_2$  的对换,即

$$\psi^2(q_1, q_2) = \psi^2(q_2, q_1)$$

就体现了不可分辨性的要求。由此可得

$$\psi(q_1, q_2) = \pm \psi(q_2, q_1) \quad (1.29)$$

描述电子运动状态的完全波函数除了包括空间坐标外,还应包括自旋坐标,对一个具有  $n$  个电子的体系,其完全波函数应为

$$\psi = \psi(q_1, q_2, \dots, q_n)$$

由 (1.29) 式知道,交换两粒子的坐标位置,波函数或是不变号(对称波函数),或是变为负号(反对称波函数)。这两种情况对于任一对粒子间的交换都成立。但究竟是对称的还是反对称的,应由粒子本身的性质所决定。Pauli 原理指出:对于电子、质子、中子等自旋量子数  $s$  为半整数的体系(费米子),描述其运动状态的全波函数必须是反对称波函数。

$$\psi(q_1, q_2, \dots, q_n) = -\psi(q_2, q_1, \dots, q_n) \quad (1.30)$$

倘若电子 1 和电子 2 具有相同的坐标  $(x_1 = x_2, y_1 = y_2, z_1 = z_2)$ ,自旋相同  $(\omega_1 = \omega_2)$ ,可得

$$q_1 = q_2$$

将它代入 (1.30) 式

$$\psi(q_1, q_1, q_3, \dots, q_n) = -\psi(q_1, q_1, q_3, \dots, q_n)$$

移项并除以 2,得

$$\psi(q_1, q_1, q_3, \dots, q_n) = 0$$



这个结论说明处在三维空间同一坐标位置上,两个自旋相同的电子,其存在的几率密度为零。Pauli 原理的这一结果可引伸出两个常用的规则:第一是 Pauli 不相容原理,第二是 Pauli 排斥原理。前者是说在一个多电子体系中,两个自旋相同的电子不能占据同一个轨道,也就是说在同一原子中,两个电子的量子数不能完全相同;后者是说在一个多电子体系中,自旋相同的电子尽可能分开、远离。

对于光子、 $\pi$  介子、氘( $^2\text{H}$ )和  $\alpha$  粒子( $^4\text{He}$ )等(自旋量子数  $s$  为整数的)玻色子,则要求对称波函数。玻色子不受 Pauli 不相容原理的制约,多个玻色子可以占据同一量子态。激光能够发生是与光子为玻色子有关,因为一个强的单色光束要由大量处于同一态的光子束组成。

如前所述,量子力学的这些基本假设以及由这些假设引出的基本原理,已得到大量实验的检验,证明它是正确的。后面我们将以一维势箱粒子、氢原子等体系为例,用这些原理去求解这些微观体系的运动状态及其性质,并通过一些实例,了解量子力学解决问题的途径和方法。

### 1.3 箱中粒子的 Schrödinger 方程及其解

为了说明量子力学处理问题的方法、步骤以及量子力学的一些概念,我们以一维势箱中粒子为例,说明如何用量子力学原理来处理问题。

一维势箱中粒子是指一个质量为  $m$  的粒子,在一维  $x$  方向上运动,它受到如图 1.4 所示的势能的限制。图中横坐标为  $x$  轴,纵坐标为势能。当粒子处在 0 到  $l$  之间(Ⅱ区)时,势能  $V=0$ ;粒子处在其他地方,势能为无穷大。

$$V = \begin{cases} 0, & 0 < x < l \\ \infty, & x \leq 0 \text{ 和 } x \geq l \end{cases}$$

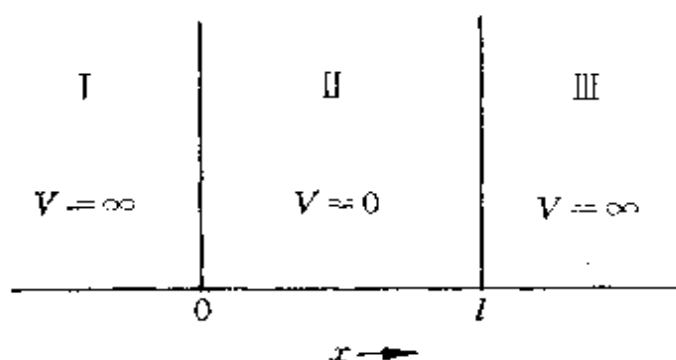


图 1.4 一维势箱中粒子的势能

这个势能把粒子限制在  $x$  轴上 0 到  $l$  的范围内运动。因而在 I, III 这两个区域内粒子出现的几率为 0,  $\psi$  为 0; 而在箱子内部,  $V=0$ , Schrödinger 方程为

$$-\frac{\hbar^2}{8\pi^2m} \frac{d^2\psi}{dx^2} = E\psi \quad (1.31)$$

或 
$$\frac{d^2\psi}{dx^2} + \frac{8\pi^2mE}{\hbar^2}\psi = 0$$

这为二阶齐次方程, 其通解为

$$\psi = c_1 \cos\left(\frac{8\pi^2mE}{\hbar^2}\right)^{\frac{1}{2}}x + c_2 \sin\left(\frac{8\pi^2mE}{\hbar^2}\right)^{\frac{1}{2}}x \quad (1.32)$$

根据品优函数的连续性和单值条件, 当  $x=0$  和  $l$  时,  $\psi$  应为 0, 即  $\psi(0) = c_1 \cos(0) + c_2 \sin(0) = 0$ , 可以推出,  $c_1 = 0$ , 而

$$\psi(l) = c_2 \sin\left(\frac{8\pi^2mE}{\hbar^2}\right)^{\frac{1}{2}}l = 0$$

$c_2$  不能为 0, 故必须是

$$\left(\frac{8\pi^2mE}{\hbar^2}\right)^{\frac{1}{2}}l = n\pi \quad n=1, 2, 3, \dots \quad (1.33)$$

$n$  不能为 0, 因为  $n=0$  会使箱中  $\psi$  值处处为 0, 失去意义。由 (1.33) 式可得

$$E = \frac{n^2\hbar^2}{8ml^2} \quad (1.34)$$

只有按 (1.34) 式取值的  $E$ , 才能使  $\psi$  成为连续的品优函数。因此,

将粒子束缚在 0 与  $l$  之间的条件是:在  $x=0$  和  $x=l$  这两点上波函数  $\psi$  必须等于零,而这边界条件就使能量量子化。将(1.34)式及  $c_1=0$  代入(1.32)式,得

$$\psi(x) = c_2 \sin(n\pi x/l)$$

式中  $c_2$  的数值可由归一化条件  $\int |\psi|^2 d\tau = 1$  求出。由于箱外的  $\psi=0$ ,因而  $\int_0^l |\psi|^2 dx = 1$ 。将  $\psi$  值代入,根据积分公式

$$\int \sin^2 x dx = \frac{1}{2}x - \frac{1}{4}\sin 2x$$

可以得到

$$c_2^2 \int_0^l \sin^2 \left( \frac{n\pi x}{l} \right) dx = c_2^2 \frac{l}{2} = 1$$

$$c_2 = (2/l)^{\frac{1}{2}}$$

所以在箱中波函数  $\psi_n(x)$  为

$$\psi_n(x) = (2/l)^{\frac{1}{2}} \sin(n\pi x/l) \quad (1.35)$$

下面我们根据(1.34)式和(1.35)式,讨论由量子力学处理一维势箱中粒子所得的结果及一些基本概念,并和经典力学模型进行对比。

(1) 由(1.34)、(1.35)两式可得出—维势箱中粒子可以存在的能级的能量值及相应的波函数

$$E_1 = h^2/8ml^2, \quad \psi_1 = (2/l)^{\frac{1}{2}} \sin(\pi x/l) \quad (1.36-1)$$

$$E_2 = 4h^2/8ml^2, \quad \psi_2 = (2/l)^{\frac{1}{2}} \sin(2\pi x/l) \quad (1.36-2)$$

$$E_3 = 9h^2/8ml^2, \quad \psi_3 = (2/l)^{\frac{1}{2}} \sin(3\pi x/l) \quad (1.36-3)$$

$$\vdots \quad \quad \quad \vdots \quad \quad \quad \vdots$$

图 1.5 示出一维势箱中粒子的能级  $E$ 、波函数  $\psi$  及几率密度  $\psi^* \psi$ 。

(2) 根据经典力学模型,粒子可在箱内各处运动,其能量可为零及零以上的任意数值,在箱内势能为零,所以粒子的能量全部是

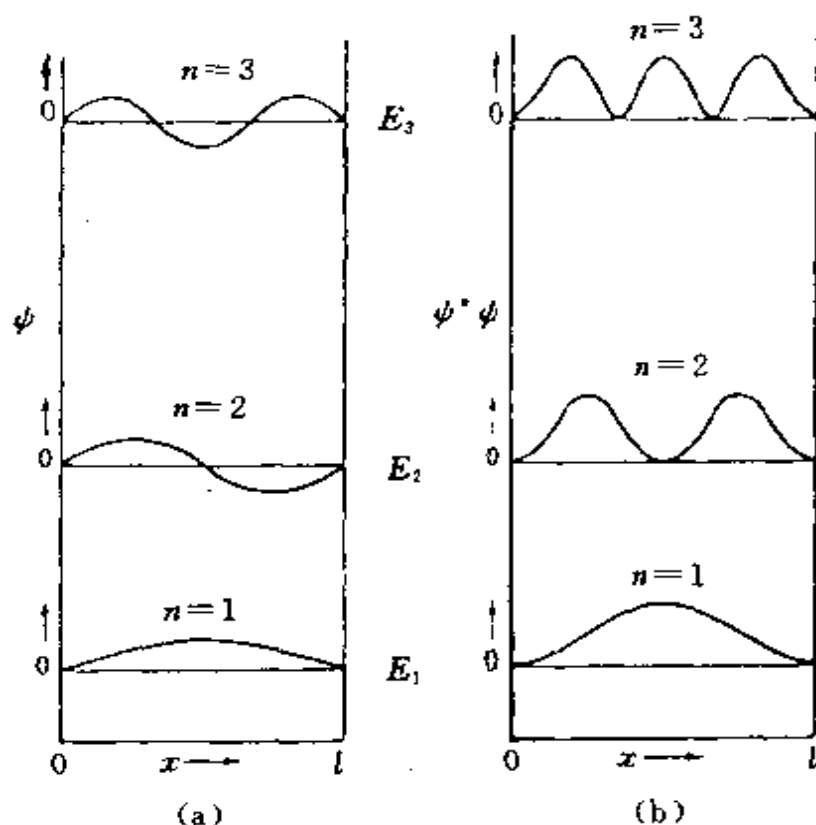


图 1.5 一维势箱中粒子的能级  $E$ 、波函数  $\psi$  及几率密度  $\psi^* \psi$

动能,粒子的速度  $v$  可为任意非负值,因而  $mv^2/2$  也可任意非负值。根据量子力学模型,能量只能按(1.34)式取分立的数值,如图 1.5 所示。在量子力学中,能量是量子化的,而在经典力学中能量是连续的。

(3) 按经典力学模型,箱中粒子能量最小值为零。按量子力学模型,箱中粒子能量的最小值大于零,最小的能量  $h^2/8ml^2$  叫做零点能。零点能的存在是测不准关系的必然结果。能量最低的状态为基态,基态的能量即为零点能。

(4) 按经典力学模型,对箱中粒子来说,箱内所有位置都是一样的。但按照量子力学模型,箱中各处粒子的几率密度是不均匀的,呈现波性,如图 1.5 所示,但并不是粒子本身像波一样分布。粒子在箱中没有经典的运动轨道,而是反映粒子在箱中出现的几率函数的分布像波,并服从波动方程。

(5) 在箱中的粒子由于呈现波性,  $\psi$  可以为正值, 可以为负值, 也可以为零。 $\psi=0$  的点称为节点, 基态没有节点, 每当量子数  $n$  增加 1 时, 节点数目也增加 1。从经典力学角度来看, 存在节点是很难想象的, 很难用直观模型合理地解释。

综上所述, 由量子力学处理箱中粒子, 获得有关受一定势能场束缚的粒子的共同特性:

- 粒子可以存在多种运动状态, 它们可由  $\psi_1, \psi_2, \dots, \psi_n$  等描述;

- 能量量子化;

- 存在零点能;

- 没有经典运动轨道, 只有几率分布;

- 存在节点, 节点多, 能量高。

上述这些微观粒子的特性, 统称量子效应。随着粒子质量  $m$  的增大, 箱子的长度  $l$  增长, 量子效应减弱。当  $m, l$  增大到宏观的数量时, 量子效应消失, 体系变为宏观体系, 其运动规律又可用经典力学描述。

根据上节叙述的量子力学假设, 已知状态函数  $\psi$ , 就可用各力学量算符计算下列一维势箱中粒子体系的各种物理量:

### 1. 粒子在箱中的平均位置

坐标位置的算符  $\hat{x}=x$ , 因为  $\hat{x}\psi_n \neq c\psi_n$ ,  $\hat{x}$  无本征值, 只能求坐标位置的平均值  $\langle x \rangle$ 。

$$\langle x \rangle = \int_0^l \psi_n^* x \psi_n dx = \frac{2}{l} \int_0^l x \sin^2(n\pi x/l) dx = l/2$$

计算结果可知, 粒子的平均位置在势箱的中央, 其物理意义是很明显的。

### 2. 粒子的动量沿 $x$ 轴分量 $p_x$

动量算符  $\hat{p}_x = -\frac{i\hbar}{2\pi} \frac{d}{dx}$ , 可以验证  $\hat{p}_x \psi_n \neq c\psi_n$ , 表明  $\psi_n$  不是  $\hat{p}_x$  的本征函数,  $c$  不是  $\hat{p}_x$  的本征值, 这时只能求粒子在箱中的平均动量  $\langle p_x \rangle$ 。

$$\begin{aligned}\langle p_x \rangle &= \int_0^l \psi_n^* \hat{p}_x \psi_n dx \\ &= -\frac{2}{l} \int_0^l \sin(n\pi x/l) \frac{i\hbar}{2\pi} \frac{d}{dx} \sin(n\pi x/l) dx = 0\end{aligned}$$

由于箱中粒子正向运动和逆向运动应当相等,不可能向其中一个方向运动倾向大于另一个方向,因此平均动量应当为零。

### 3. 粒子的动量平方 $p_x^2$ 值

$p_x^2$  的算符  $\hat{p}_x^2 = -\frac{\hbar^2}{4\pi^2} \frac{d^2}{dx^2}$ , 这是一个具有本征值的算符。

$$\hat{p}_x^2 \psi_n = -\frac{\hbar^2}{4\pi^2} \frac{d^2}{dx^2} \left[ \sqrt{\frac{2}{l}} \sin\left\{\frac{n\pi x}{l}\right\} \right] = \frac{n^2 \hbar^2}{4l^2} \psi_n$$

由计算结果可见,箱中粒子的  $p_x^2$  有确定的数值,其值为  $n^2 \hbar^2 / 4l^2$ 。根据假设,箱中粒子的势能  $V=0$ ,其总能即等于它的动能

$$E = \frac{1}{2} m v_x^2 = \frac{1}{2m} p_x^2 = \frac{n^2 \hbar^2}{8ml^2}$$

这与(1.34)式所得的结果是完全一致的。

许多实际体系可近似用一维势箱模型来理解其性质。线性共轭分子中的  $\pi$  电子的行为,用一维势箱模型处理,对共轭效应的微观结构根源能深入一步得到理解。

#### 【例 1.1】 丁二烯的离域效应

丁二烯有 4 个碳原子,每个碳原子以  $sp^2$  杂化轨道成 3 个  $\sigma$  键后,尚余 1 个  $p_x$  轨道和 1 个  $\pi$  电子。假定有两种情况:(a) 4 个  $\pi$  电子形成两个定域  $\pi$  键。(b) 4 个  $\pi$  电子形成  $\pi_4^2$  离域  $\pi$  键。设相邻碳原子间距离均为  $l$ ,按一维势箱中粒子模型,(a)和(b)中  $\pi$  电子的能级及电子充填情况可进行估算,其结果如图 1.6 所示。

由此可见,共轭分子(b)中离域效应使体系中  $\pi$  电子的能量比定域双键分子(a)中电子的能量要低,所以离域效应扩大了  $\pi$  电子的活动范围,即增加一维势箱的长度使分子能量降低,稳定性增加。离域效应降低的是分子的动能,分子中电子能否发生离域效应,需视体系的实际情况而定。

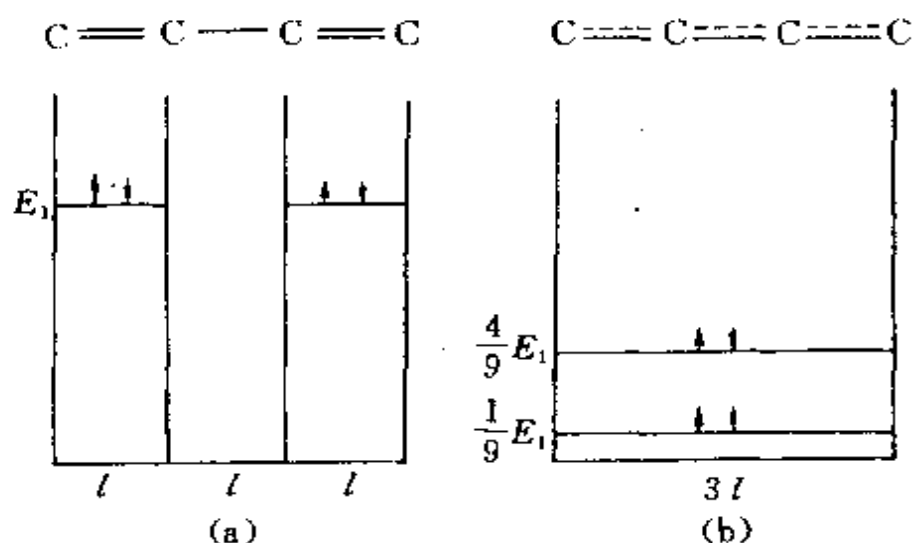


图 1.6 丁二烯分子中  $\pi$  电子的能级

(a) 定域  $E_{(a)} = 2 \times 2 \times h^2 / 8ml^2 = 4E_1$

(b) 离域  $E_{(b)} = 2h^2 / 8m(3l)^2 + 2 \times 2^2 h^2 / 8m(3l)^2 = (10/9)E_1$

### 【例 1.2】花菁染料的吸收光谱

通式为  $\text{R}_2\ddot{\text{N}}-(\text{CH}=\text{CH}-)_r\text{CH}=\text{N}^+\text{R}_2$  的花菁染料(一价正离子),其  $\pi$  电子能级近似于一维势箱体系的能级。势箱长度  $l$  可根据分子结构近似计算。从分子结构可知,  $r$  个烯基贡献  $2r$  个  $\pi$  电子,再加上 N 原子的孤对电子和次甲基双键的 2 个  $\pi$  电子,总计  $2r+4$  个  $\pi$  电子。在基态时,这些电子占据  $r+2$  个分子轨道;当吸收适当波长的光时,可发生电子从最高占据轨道( $r+2$ )到最低空轨道( $r+3$ )的跃迁。这一跃迁所需光的频率  $\nu$  为

$$\nu = \frac{\Delta E}{h} = (h/8ml^2)[(r+3)^2 - (r+2)^2] = (h/8ml^2)(2r+5)$$

根据  $\lambda = c/\nu$ , 则波长为

$$\lambda = 8ml^2c/h(2r+5) = 3.30 l^2/(2r+5)$$

烯基发色团 ( $-\text{CH}=\text{CH}-$ ) 的平均长度为 248 pm, 又势箱两端共往外延伸 565 pm (根据实验结果拟合), 势箱总长  $l = (248r + 565)\text{pm}$ 。将这些数据代入上式, 得

$$\lambda = 3.30(248r + 565)^2 / (2r + 5)$$

兹将  $\text{Me}_2\text{N}(\text{—CH=CH—}), \text{CH=}\overset{+}{\text{N}}\text{Me}_2$  一价正离子的花菁染料的跃迁波长的计算值与实验值比较于表 1.2 中。由表中数据可见，计算值和观察值符合得很好。

表 1.2 花菁染料  $\text{Me}_2\text{N}(\text{—CH=CH—}), \text{CH=}\overset{+}{\text{N}}\text{Me}_2$  的吸收光谱

$r$	$\lambda_{\text{最大}}(\text{计算值})/\text{nm}$	$\lambda_{\text{最大}}(\text{实验值})/\text{nm}$
1	311.6	309.0
2	412.8	409.0
3	514.0	511.0

从一维势箱中粒子的实例可见，量子力学处理微观体系的一般步骤如下：

(1) 根据体系的物理条件，写出它的势能函数，进一步写出  $\hat{H}$  算符及 Schrödinger 方程。

(2) 解 Schrödinger 方程，根据边界条件求得  $\psi_n$  和  $E_n$ 。

(3) 描绘  $\psi_n$ ， $|\psi_n|^2$  等的图形，讨论它的分布特点。

(4) 由所得的  $\psi_n$ ，求各个对应状态的各种力学量的数值，了解体系的性质。

(5) 联系实际问题，对所得结果加以应用。

将一维势箱中粒子扩充到长、宽、高分别为  $a, b, c$  的三维势箱，其 Schrödinger 方程为

$$-\frac{h^2}{8\pi^2m} \left( \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2} \right) \psi = E\psi \quad (1.37)$$

假定  $\psi = \psi_x(x)\psi_y(y)\psi_z(z)$ ，用类似方法可得

$$\psi = \left( \frac{8}{abc} \right)^{\frac{1}{2}} \sin \left( \frac{n_x \pi x}{a} \right) \sin \left( \frac{n_y \pi y}{b} \right) \sin \left( \frac{n_z \pi z}{c} \right) \quad (1.38)$$

$$E = \frac{h^2}{8m} \left( \frac{n_x^2}{a^2} + \frac{n_y^2}{b^2} + \frac{n_z^2}{c^2} \right) \quad (1.39)$$



式中量子数  $n_x, n_y, n_z$  均可分别等于  $1, 2, 3, \dots$  整数。

对于  $a=b=c$  的三维势箱, (1.39) 式变为

$$E = \frac{h^2}{8ma^2}(n_x^2 + n_y^2 + n_z^2) \quad (1.40)$$

有时量子数  $n_x, n_y, n_z$  不同的状态, 具有相同的平方和数值, 例如量子数分别为  $2, 2, 3$  和  $1, 0, 4$  的两个状态, 平方和均为 17, 这时体系在这两个状态的能量数值相同。这种能量相同的各个状态, 称为体系的简并态, 体系的这种性质称为简并性。

用量子力学方法处理箱中粒子体系时, 假定在箱外粒子出现的几率为 0,  $\psi=0$ 。但是由于测不准关系的制约和粒子运动的波动性, 当箱壁势垒不为无限大时, 若波函数在箱壁内侧有非零值, 在箱壁势垒中波函数就不能简单地变成零, 而是从其箱内边界值较快地向零衰减。若此函数衰减得不够迅速, 在箱壁的外边上,  $\psi$  不为零, 此时在箱外发现粒子的几率不为零, 粒子虽不能越过势垒, 但能穿过势垒跑出箱子, 此即隧道效应。隧道效应涉及许多物理现象, 有重要的应用。

## 习 题 一

1.1 实验测定金属钠的光电效应数据如下:

波长( $\lambda/\text{nm}$ )	312.5	365.0	404.7	546.1
光电子最大动能( $E_k/\times 10^{-19} \text{ J}$ )	3.41	2.56	1.95	0.75

作“动能-频率”图, 从图的斜率和截距计算出 Planck 常数( $h$ )值、钠的脱出功( $W$ )和临阈频率( $\nu_0$ )。

1.2 将锂在火焰上燃烧, 放出红光, 波长  $\lambda=670.8 \text{ nm}$ , 这是 Li 原子由电子组态  $(1s)^2(2p)^1 \rightarrow (1s)^2(2s)^1$  跃迁时产生的, 试计算该红光的频率、波数以及以  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  为单位的能量。

1.3 一个  $100 \text{ W}$  的钠蒸气灯发射波长为  $590.0 \text{ nm}$  的黄光, 计算每秒发射的光子数。

1.4 金属钾的临阈频率为  $5.464 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$ , 用它作光电池的阴极, 当用波长为 300 nm 的紫外光照射该电池时, 发射的光电子的最大速度是多少?

1.5 用透射电子显微镜摄取某化合物的选区电子衍射图, 加速电压为 200 kV, 计算电子加速后运动时的波长。

1.6 计算下述粒子的德布罗意波的波长:

(a) 质量为  $10^{-10} \text{ kg}$ , 运动速度为  $0.01 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$  的尘埃;

(b) 动能为 0.1 eV 的中子;

(c) 动能为 300 eV 的自由电子。

1.7 对一个运动速度  $v \ll c$  (光速) 的自由粒子, 有人作了如下推导:

$$mv \xrightarrow{\text{①}} p \xrightarrow{\text{②}} \frac{h}{\lambda} \xrightarrow{\text{③}} \frac{h\nu}{v} \xrightarrow{\text{④}} \frac{E}{v} \xrightarrow{\text{⑤}} \frac{1}{2}mv$$

相速  $\frac{c}{2}$

结果得出  $mv = \frac{1}{2}mv$  的结论。错在何处? 请说明理由。

1.8 子弹(质量  $0.01 \text{ kg}$ , 速度  $1000 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ )、尘埃(质量  $10^{-9} \text{ kg}$ , 速度  $10 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ )、作布朗运动的花粉(质量  $10^{-13} \text{ kg}$ , 速度  $1 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ )、原子中电子(速度  $1000 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$ )等, 速度的不确定度均为速度的 10%, 判断在确定这些质点位置时, 测不准关系是否有实际意义?

1.9 电视机显像管中运动的电子, 假定加速电压为 1000 V, 电子运动速度的不确定度  $\Delta v$  为  $v$  的 10%, 判断电子的波性对荧光屏上成像有无影响?

1.10 试用测不准关系说明用光学光栅(周期约  $10^{-6} \text{ m}$ )观察不到电子衍射(若用 10000 V 电压加速电子)。

1.11 请指出下列算符中的线性算符。

$$x, \frac{d}{dx}, \frac{d^2}{dx^2}, \log, \sin, \sqrt{\quad}$$

1.12  $\psi = xe^{-ax^2}$  是算符  $\left( \frac{d^2}{dx^2} - 4a^2x^2 \right)$  的本征函数, 求本征值。

1.13 下列函数中, 哪几个是算符  $\frac{d^2}{dx^2}$  的本征函数? 若是, 求出本征值。

$$e^x, \sin x, 2\cos x, x^3, \sin x + \cos x$$

1.14  $e^{im\phi}$  和  $\cos m\phi$  对算符  $i \frac{d}{d\phi}$  是否为本征函数? 若是, 求出其本征值。

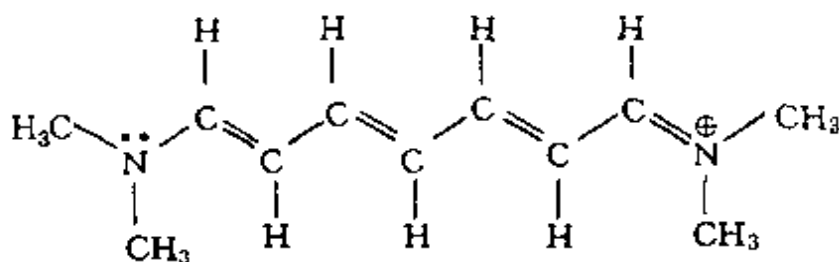
1.15 若两函数  $\psi_1$  和  $\psi_2$  的积分  $\int \psi_1 \psi_2 d\tau = 0$ , 称这两函数互相正交, 证明在一维势箱中运动的质点的各个波函数互相正交。

1.16 已知一维势箱中粒子的归一化波函数为

$$\psi_n(x) = \sqrt{\frac{2}{l}} \sin \frac{n\pi x}{l} \quad n=1,2,3,\dots$$

式中  $l$  是势箱的长度,  $0 < x < l$  是粒子的坐标。求粒子的能量, 以及坐标和动量的平均值。

- 1.17 求一维势箱中粒子在  $\psi_1$  和  $\psi_2$  状态时, 在箱中  $0.49l$  到  $0.51l$  范围内粒子出现的几率, 并与图 1.5(b) 相比较, 讨论所得结果是否合理。
- 1.18 链型共轭分子  $\text{CH}_2\text{CHCHCHCHCHCH}_2$  在长波方向  $460 \text{ nm}$  处出现第一个强吸收峰, 试按一维势箱模型估算其长度。
- 1.19 一个粒子处在  $a=b=c$  的三维势箱中, 试求能级最低的前 5 个能量值 [以  $h^2/(8ma^2)$  为单位]。计算每个能级的简并度 (能量相同的状态数)。
- 1.20 若在下一离子中运动的  $\pi$  电子可用一维势箱近似表示其运动特征:



估计这一势箱的长度  $l = 1.3 \text{ nm}$ , 根据能级公式  $E_n = n^2 h^2 / 8 ml^2$  估算  $\pi$  电子跃迁时所吸收的光的波长, 并与实验值  $510.0 \text{ nm}$  比较。

- 1.21 作为近似, 苯分子中的  $\pi$  电子可看作在边长为  $280 \text{ pm}$  的二维方势箱中运动。计算苯中  $\pi$  电子从基态跃迁到第一激发态所吸收的光的波长。
- 1.22 函数  $\psi(x) = 2\sqrt{\frac{2}{a}} \sin \frac{\pi x}{a} - 3\sqrt{\frac{2}{a}} \sin \frac{2\pi x}{a}$  是否是一维势箱中粒子的一种可能状态? 若是, 其能量有无确定值? 若有, 其值为多少? 若无, 求其平均值。

## 参 考 文 献

- [1] 徐光宪和王祥云, 物质结构 (第二版), 高等教育出版社 (1987)
- [2] 郭用猷, 物质结构基本原理, 高等教育出版社 (1985)

- [3] 谢有畅和邵美成, 结构化学, 人民教育出版社(1983)
- [4] 刘若庄等编, 量子化学基础, 科学出版社(1983)
- [5] 赖文(I. N. Levine)著, 褚德萤、李芝芬和张玉芬译, 物理化学(第二版), 北京大学出版社(1987)
- [6] R. A. Alberty, Physical Chemistry, 7th ed., Wiley(1987)
- [7] I. N. Levine, Quantum Chemistry, 4th ed., Prentice-Hall Inc. (1991)
- [8] P. W. Atkins, Quanta, A Handbook of Concepts, 2nd ed., Oxford University Press(1991)
- [9] S. B. Dawes, D. L. Ward, O. Fussa-Rydel, R. H. Huang and J. L. Dye, *Inorg. Chem.*, **28**, 2132(1989)

## 第二章 原子的结构和性质

原子是由一个原子核和若干个核外电子组成的体系。由于核外电子所带的负电荷可以大于、等于或小于核所带的正电荷,所以在讨论原子问题时,既包括中性原子,也包括正、负离子在内。

化学是研究原子之间的化合和分解的科学。化学运动的物质承担者是原子,通过原子间的化合与分解而实现物质的转化。为了说明和掌握化学运动的规律,并运用它去认识和改造客观世界,就要从研究原子的结构及其运动规律入手。

早在 19 世纪初, Dalton(道尔顿)提出原子学说,认为元素的最终组成者是原子;原子是不能创造、不能毁灭、不可再分,在化学变化中保持不变的质点;同一元素的原子,其形状、质量和性质都相同;原子以简单数目的比例组成化合物。Dalton 的学说对化学的发展具有重大的意义,恩格斯给予高度评价,认为“化学中的新时代是随着原子论开始的(所以近代化学之父不是拉瓦锡,而是道尔顿)”(《自然辩证法》)。在高度评价道尔顿的原子学说的同时,恩格斯对原子不可再分的观点提出了异议,认为“原子决不能被看作简单的东西或已知的最小的实物粒子”(《自然辩证法》),指明原子应有一定结构。1897 年, J. J. Thomson(汤姆孙)发现了电子,打开了原子内部结构的大门,化学进入现代时期。

在认识原子结构的过程中,原子光谱及  $\alpha$  粒子穿透金箔等实验提供了重要基础。1885 年到 1910 年间, Balmer(巴耳末)、Rydberg(里德伯)和其他一些人,先后对氢原子的光谱正确地归纳得出下列经验公式

$$\tilde{\nu} = \nu/c = 1/\lambda = R(1/n_1^2 - 1/n_2^2)$$

式中  $n_1, n_2$  为整数( $n_2 > n_1$ );  $R$  为 Rydberg 常数,它的物理意义在

Bohr(玻尔)模型提出后,得到了正确的解释。1909—1911年间,Rutherford(卢瑟福)用 $\alpha$ 粒子作穿透金箔的实验,说明原子不是实体球,原子有一极小的核,直径仅约 $10^{-13}$  cm左右,原子的质量几乎全部集中在原子核上,核带正电荷,电子绕核运动,提出原子结构的“行星绕太阳”的模型。

1913年,Bohr为了解释上述实验结果,并企图解决Rutherford提出的“行星绕太阳”原子模型所遇到的困难,即当电子绕核运动时,将不断以电磁波辐射形式损失能量,原子不能稳定存在等问题。Bohr综合了Planck的量子论、Einstein的光子学说和Rutherford的原子模型,提出两点假定:

(1) 定态规则:原子有一系列定态,每一个定态有一相应的能量 $E$ ,电子在这些定态的能级上绕核作圆周运动,既不放出能量,也不吸收能量,而处于稳定的状态。原子可能存在的定态受一定的限制,即电子作圆周运动的角动量 $M$ 必须等于 $h/2\pi$ 的整数倍,此为量子化条件

$$M = nh/2\pi \quad n=1,2,3,\dots$$

(2) 频率规则:当电子由一个定态跃迁到另一个定态时,就会吸收或发射频率为 $\nu=\Delta E/h$ 的光子,式中 $\Delta E$ 为两个定态之间的能量差。

按Bohr提出的氢原子模型,电子稳定地绕核运动,其圆周运动的向心力与电子和核间的库仑引力数值大小应相等

$$mv^2/r = e^2/4\pi\epsilon_0 r^2$$

电子在稳定轨道上运动的能量 $E$ ,等于电子运动的动能和静电吸引的势能之和

$$E = (1/2)mv^2 - e^2/4\pi\epsilon_0 r = -e^2/8\pi\epsilon_0 r$$

同时,根据量子化条件,电子轨道运动角动量为

$$M = mvr = nh/2\pi$$

由此可推得电子绕核运动的半径( $r$ )

$$r = n^2 h^2 \epsilon_0 / \pi m e^2$$

当  $n=1$  时,

$$r = \frac{(6.626 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s})^2 (8.854 \times 10^{-12} \text{ J}^{-1} \cdot \text{C}^2 \cdot \text{m}^{-1})}{\pi (9.110 \times 10^{-31} \text{ kg}) (1.602 \times 10^{-19} \text{ C})^2}$$
$$= 52.92 \text{ pm} \equiv a_0$$

$a_0$  称为 Bohr 半径。

对应于一定的  $n$ , 电子具有一定的能量  $E_n$

$$E_n = -me^4/8\epsilon_0^2 h^2 n^2$$

当电子由能量为  $E_1$  的轨道跃迁到能量为  $E_2$  的轨道时, 电子将发射 ( $E_1 > E_2$ ) 或吸收 ( $E_1 < E_2$ ) 光子, 其频率  $\nu$  满足式

$$h\nu = E_2 - E_1 = h\tilde{\nu}c$$

$$\tilde{\nu} = (me^4/8ch^3\epsilon_0^2)(1/n_1^2 - 1/n_2^2)$$

上式右边前面的常数即 Rydberg 常数 ( $R$ )

$$R = me^4/8ch^3\epsilon_0^2$$

式中  $c$  为光速,  $m$  若以电子的质量  $m_e$  代入 (这时是假定核的质量为  $\infty$ , 电子绕核运动时, 核不运动), 按此计算的常数用  $R_\infty$  表示

$$R_\infty = 109737 \text{ cm}^{-1}$$

式中  $m$  若以氢原子的折合质量  $\mu_H [=m_e m_p / (m_e + m_p)]$  代入, 这时算得氢原子的 Rydberg 常数用  $R_H$  表示

$$R_H = 109678 \text{ cm}^{-1}$$

Bohr 当时所得的  $R_H$  的计算值和归纳所得的实验值符合得很好, 是 Bohr 模型的一大成就, 所以 Bohr 原子结构模型曾风行一时。但是把 Bohr 模型应用到其他多电子原子时, 即使只有 2 个电子的氦原子, 计算结果也和光谱实验相差很远, 不能推广, 说明此模型有缺点。从理论上讲, Bohr 假设本身就存在矛盾: 它一方面把电子运动看作服从 Newton 力学定律, 因而像行星绕太阳那样运动; 另一方面又加进角动量要量子化, 能量也要量子化这两个和 Newton 定律矛盾的条件。从经典电磁理论看, Bohr 模型也是不合理的: 电荷作圆周运动, 就会辐射能量, 发出电磁波, 原子不能稳定存在。Bohr 模型的原子是个带心铁环状原子, 与后来实验测定

的球形原子不同。所以 Bohr 模型有很大的局限性,不能正确地表达原子的结构。究其根源是由于原子、电子等微观粒子不仅具有微粒性,而且具有波动性。这种波粒二象性是微观粒子最基本的特性,而 Bohr 模型没有涉及波性,不能正确地表达原子的结构。

电子、原子等微观粒子需要用量子力学规律去描述。下面我们先用量子力学方法处理单电子原子的结构,而由处理单电子原子结构发展起来的思想提供了处理多电子原子结构的基础。

## 2.1 单电子原子的 Schrödinger 方程及其解

### 2.1-1 单电子原子的 Schrödinger 方程

H 原子和  $\text{He}^+$ ,  $\text{Li}^{2+}$  等类氢离子是单电子原子,它们的核电荷数为  $Z$ 。若把原子的质量中心放在坐标原点上,绕核运动的电子离核的距离为  $r$ ,电子的电荷为  $-e$ ,它们的静电作用势能为

$$V = -\frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r} \quad (2.1)$$

由于电子实际上并不是围绕原子核而是绕原子的质量中心运动,故要用折合质量  $\mu$  来表示。令  $m_e$  和  $m_N$  分别代表电子和原子核的质量,则

$$\mu = m_e m_N / (m_e + m_N)$$

对氢原子

$$m_N = 1836.1 m_e$$

$$\mu = 1836.1 m_e / 1837.1$$

$$= 0.99946 m_e$$

所以粗略地也可以认为电子绕

核运动,这样原子的坐标原点是核的位置,并把核看作不动。将  $V$  和  $\mu$  代入算符  $\hat{H}$ ,得出氢原子和类氢离子的 Schrödinger 方程

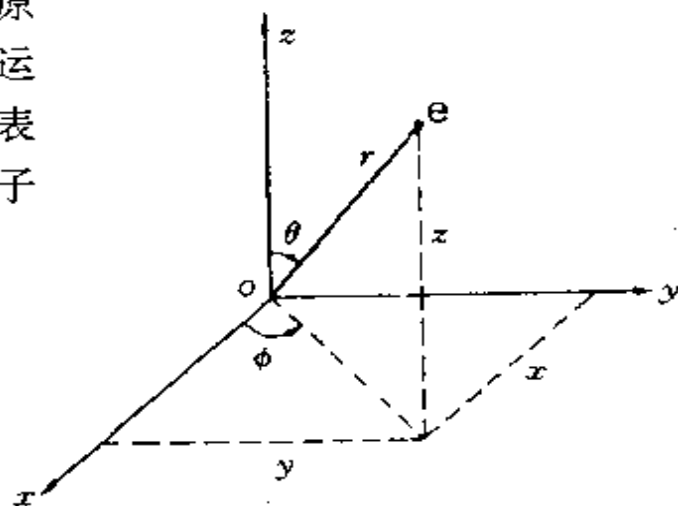


图 2.1 直角坐标与极坐标的关系



$$\left[ -\frac{\hbar^2}{8\pi^2\mu} \nabla^2 - \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r} \right] \psi = E\psi \quad (2.2)$$

式中  $\nabla^2 = \frac{\partial^2}{\partial x^2} + \frac{\partial^2}{\partial y^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2}$  为 Laplace 算符。

为了解题方便,通常按图 2.1 关系,将  $x, y, z$  变量换成极坐标变量  $r, \theta, \phi$ 。由图可得下列关系

$$\left. \begin{aligned} x &= r \sin\theta \cos\phi \\ y &= r \sin\theta \sin\phi \\ z &= r \cos\theta \end{aligned} \right\} \quad (2.3)$$

$$r^2 = x^2 + y^2 + z^2 \quad (2.4)$$

$$\cos\theta = z/(x^2 + y^2 + z^2)^{\frac{1}{2}} \quad (2.5)$$

$$\tan\phi = y/x \quad (2.6)$$

按偏微分关系

$$\frac{\partial}{\partial x} = \left( \frac{\partial r}{\partial x} \right) \frac{\partial}{\partial r} + \left( \frac{\partial \theta}{\partial x} \right) \frac{\partial}{\partial \theta} + \left( \frac{\partial \phi}{\partial x} \right) \frac{\partial}{\partial \phi} \quad (2.7)$$

将(2.4)式对  $x$  偏导,并按(2.3)式关系代入

$$2r \left( \frac{\partial r}{\partial x} \right) = 2x = 2r \sin\theta \cos\phi$$

$$\frac{\partial r}{\partial x} = \sin\theta \cos\phi \quad (2.8)$$

将(2.5)式和(2.6)式对  $x$  偏导,并按(2.3)式关系代入,可得

$$\frac{\partial \theta}{\partial x} = \frac{\cos\theta \cos\phi}{r} \quad (2.9)$$

$$\frac{\partial \phi}{\partial x} = -\frac{\sin\phi}{r \sin\theta} \quad (2.10)$$

将(2.8)、(2.9)、(2.10)式代入(2.7)式,得

$$\frac{\partial}{\partial x} = \sin\theta \cos\phi \frac{\partial}{\partial r} + \frac{\cos\theta \cos\phi}{r} \frac{\partial}{\partial \theta} - \frac{\sin\phi}{r \sin\theta} \frac{\partial}{\partial \phi} \quad (2.11)$$

类似可得

$$\frac{\partial}{\partial y} = \sin\theta \sin\phi \frac{\partial}{\partial r} + \frac{\cos\theta \sin\phi}{r} \frac{\partial}{\partial \theta} + \frac{\cos\phi}{r \sin\theta} \frac{\partial}{\partial \phi} \quad (2.12)$$

$$\frac{\partial}{\partial z} = \cos\theta \frac{\partial}{\partial r} - \frac{\sin\theta}{r} \frac{\partial}{\partial \theta} \quad (2.13)$$

这样,就可根据直角坐标 $(x, y, z)$ 和极坐标 $(r, \theta, \phi)$ 之间的变换关系推出极坐标形式的力学量算符。例如角动量沿 $z$ 轴分量的算符 $(\hat{M}_z)$ 可由(2.11)、(2.12)式推得如下

$$\hat{M}_z = -\left(\frac{i\hbar}{2\pi}\right) \left( x \frac{\partial}{\partial y} - y \frac{\partial}{\partial x} \right) = -\left(\frac{i\hbar}{2\pi}\right) \frac{\partial}{\partial \phi} \quad (2.14)$$

角动量沿 $x, y$ 轴分量的算符 $\hat{M}_x, \hat{M}_y$ 分别为

$$\hat{M}_x = \frac{i\hbar}{2\pi} \left( \sin\phi \frac{\partial}{\partial \theta} + \cot\theta \cos\phi \frac{\partial}{\partial \phi} \right) \quad (2.15)$$

$$\hat{M}_y = \frac{i\hbar}{2\pi} \left( -\cos\phi \frac{\partial}{\partial \theta} + \cot\theta \sin\phi \frac{\partial}{\partial \phi} \right) \quad (2.16)$$

因为 $|\hat{M}^2| = \hat{M}_x^2 + \hat{M}_y^2 + \hat{M}_z^2$ , 角动量平方算符 $(\hat{M}^2)$ 为

$$\hat{M}^2 = -\left(\frac{\hbar}{2\pi}\right)^2 \left[ \frac{1}{\sin\theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \sin\theta \frac{\partial}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{\sin^2\theta} \frac{\partial^2}{\partial \phi^2} \right] \quad (2.17)$$

Laplace 算符 $(\nabla^2)$ 为

$$\begin{aligned} \nabla^2 = & \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \frac{\partial}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2 \sin\theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \sin\theta \frac{\partial}{\partial \theta} \right) \\ & + \frac{1}{r^2 \sin^2\theta} \frac{\partial^2}{\partial \phi^2} \end{aligned} \quad (2.18)$$

将 $\nabla^2$ 的极坐标形式代入(2.2)式,得氢原子和类氢离子的极坐标形式的 Schrödinger 方程

$$\begin{aligned} \frac{1}{r^2} \frac{\partial}{\partial r} \left( r^2 \frac{\partial \psi}{\partial r} \right) + \frac{1}{r^2 \sin\theta} \frac{\partial}{\partial \theta} \left( \sin\theta \frac{\partial \psi}{\partial \theta} \right) + \frac{1}{r^2 \sin^2\theta} \frac{\partial^2 \psi}{\partial \phi^2} \\ + \frac{8\pi^2\mu}{h^2} \left( E + \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0 r} \right) \psi = 0 \end{aligned} \quad (2.19)$$

式中 $\psi = \psi(r, \theta, \phi)$ 。解此偏微分方程可采用变数分离法,把含3个变量的偏微分方程化为3个各含一个变量的常微分方程来求解。

## -2- 变数分离法

令 $\psi(r, \theta, \phi) = R(r)\Theta(\theta)\Phi(\phi)$ 代入(2.19)式,并乘以 $\frac{r^2 \sin^2\theta}{R\Theta\Phi}$ ,

经微分运算移项,可得

$$\frac{1}{\Phi} \frac{d^2\Phi}{d\phi^2} = -\frac{\sin^2\theta}{R} \frac{d}{dr} \left( r^2 \frac{dR}{dr} \right) - \frac{\sin\theta}{\Theta} \frac{d}{d\theta} \left( \sin\theta \frac{d\Theta}{d\theta} \right) - \frac{8\pi^2\mu}{h^2} r^2 \sin^2\theta (E-V) \quad (2.20)$$

因(2.20)式左边不含  $r, \theta$ , 右边不含  $\phi$ , 欲使左右两边相等, 必须等于同一常数, 令这常数为  $-m^2$ , 则得

$$\frac{d^2\Phi}{d\phi^2} = -m^2\Phi \quad (2.21)$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{R} \frac{d}{dr} \left( r^2 \frac{dR}{dr} \right) + \frac{8\pi^2\mu r^2}{h^2} (E-V) \\ = \frac{m^2}{\sin^2\theta} - \frac{1}{\Theta \sin\theta} \frac{d}{d\theta} \left( \sin\theta \frac{d\Theta}{d\theta} \right) \end{aligned} \quad (2.22)$$

(2.22)式左右两边所含变量不同, 要相等必须等于同一常数, 令这一常数为  $l(l+1)$ , 则得

$$-\frac{1}{\sin\theta} \frac{d}{d\theta} \left( \sin\theta \frac{d\Theta}{d\theta} \right) + \frac{m^2\Theta}{\sin^2\theta} = l(l+1)\Theta \quad (2.23)$$

$$\frac{1}{r^2} \frac{d}{dr} \left( r^2 \frac{dR}{dr} \right) + \frac{8\pi^2\mu}{h^2} (E-V)R = l(l+1) \frac{R}{r^2} \quad (2.24)$$

(2.21)式、(2.23)式和(2.24)式分别称为  $\Phi$  方程、 $\Theta$  方程和  $R$  方程。有时将  $\Phi(\phi)\Theta(\theta)=Y(\theta, \phi)$ ,  $Y(\theta, \phi)$  是波函数  $\psi$  的角度部分。

将(2.19)式的  $\psi(r, \theta, \phi)$  分解成 3 个常微分方程:  $R$  方程、 $\Theta$  方程和  $\Phi$  方程, 用解常微分方程的办法求这 3 个方程满足品优条件的解, 再将它们乘在一起便得 Schrödinger 方程的解  $\psi$

$$\psi(r, \theta, \phi) = R(r)\Theta(\theta)\Phi(\phi) \quad (2.25)$$

在解(2.21)、(2.23)和(2.24)这 3 个方程时, 其解都需要符合波函数所必需满足的三个品优条件, 并从中得到对应于各个方程的量子数和能量量子化的结果。下面以解  $\Phi$  方程为例进行讨论。

### 3- $\Phi$ 方程的解

将(2.21)式整理, 得

$$\frac{d^2\Phi}{d\phi^2} + m^2\Phi = 0 \quad (2.21')$$

这是一个常系数二阶齐次线性方程,它有两个复函数形式的独立的特解

$$\Phi_m = A \exp[im\phi], \quad m = \pm |m| \quad (2.26)$$

常数  $A$  可由归一化条件

$$\int_0^{2\pi} \Phi_m^* \Phi_m d\phi = \int_0^{2\pi} A^2 \exp[-im\phi] \exp[im\phi] d\phi = 1$$

求出  $A = 1/(2\pi)^{\frac{1}{2}}$

$$\Phi_m = [1/(2\pi)^{\frac{1}{2}}] \exp[im\phi] \quad (2.27)$$

(2.27)式是  $\Phi$  方程解的复数形式,为了符合波函数的品优条件,  $\Phi_m$  应是  $\phi$  的单值函数。由于  $\phi$  是循环坐标,在  $\phi$  变化一周后,  $\Phi_m$  值应保持不变,即

$$\Phi_m(\phi) = \Phi_m(\phi + 2\pi) \quad (2.28)$$

$$\exp[im\phi] = \exp[im(\phi + 2\pi)] = \exp[im\phi] \exp[im2\pi]$$

得  $\exp[im2\pi] = 1$

根据 Euler 公式  $\exp[im\phi] = \cos m\phi + i \sin m\phi$

$$\cos m2\pi + i \sin m2\pi = 1$$

故  $m$  的取值必须为

$$m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots$$

$m$  的取值是量子化的,称为磁量子数。

(2.27)式为复数形式的  $\Phi$  函数,对角动量沿  $z$  轴分量的算符  $\left(-\frac{i\hbar}{2\pi} \frac{d}{d\phi}\right)$  是本征函数(见习题一, 1.14 题),它了解角动量在  $z$  方向上的分量具有重要的意义。但是复数不便于作图,不能用图形了解原子轨道或电子云的分布。根据态叠加原理(量子力学基本假设 IV),将两个独立特解进行线性组合,仍是  $\Phi$  方程的解。由于

$$\Phi_m = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp[im\phi] = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \cos m\phi + \frac{i}{\sqrt{2\pi}} \sin m\phi$$

$$\Phi_{-m} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp[-im\phi] = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \cos m\phi - \frac{i}{\sqrt{2\pi}} \sin m\phi$$

将它们线性组合,得实函数解

$$\Phi_{\pm m}^{\cos} = C(\Phi_m + \Phi_{-m}) = \frac{2C}{\sqrt{2\pi}} \cos m\phi$$

$$\Phi_{\pm m}^{\sin} = D(\Phi_m - \Phi_{-m}) = \frac{i2D}{\sqrt{2\pi}} \sin m\phi$$

根据归一化条件可求出  $C = \frac{1}{\sqrt{2}}$ ,  $D = \frac{1}{i\sqrt{2}}$ , 故

$$\Phi_{\pm m}^{\cos} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \cos m\phi \quad (2.29-1)$$

$$\Phi_{\pm m}^{\sin} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \sin m\phi \quad (2.29-2)$$

$\Phi$  函数的三角函数形式[即(2.29)式]对算符  $\left(-\frac{\hbar^2}{2\pi} \frac{d}{d\phi}\right)$  不是本征函数,不能用以了解角动量沿  $z$  轴的分量,但它便于作图。复函数解和实函数解是线性组合关系,它们彼此之间没有一一对应关系。兹将  $m=0, \pm 1, \pm 2$  时  $\Phi$  方程的解列于表 2.1 中。

表 2.1  $\Phi$  方程的解

$m$	复函数解	实函数解
0	$\Phi_0 = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}$	$\Phi_0 = \frac{1}{\sqrt{2\pi}}$
1	$\Phi_1 = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp[i\phi]$	$\begin{cases} \Phi_{\pm 1}^{\cos} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \cos \phi \\ \Phi_{\pm 1}^{\sin} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \sin \phi \end{cases}$
-1	$\Phi_{-1} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp[-i\phi]$	
2	$\Phi_2 = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp[i2\phi]$	$\begin{cases} \Phi_{\pm 2}^{\cos} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \cos 2\phi \\ \Phi_{\pm 2}^{\sin} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \sin 2\phi \end{cases}$
-2	$\Phi_{-2} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \exp[-i2\phi]$	

#### -4- 单电子原子的波函数

上面叙述了  $\Phi$  方程的解,关于解  $\Theta$  方程和  $R$  方程比较复杂,

可参看有关量子力学专著。今将解得的一些波函数列于表 2.2 中。

表 2.2 氢原子和类氢离子的波函数

$n$	$l$	$m$	$\psi$
1	0	0	$\psi_{1s} = \frac{1}{\sqrt{\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} e^{-\sigma}$
2	0	0	$\psi_{2s} = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} (2-\sigma) e^{-\frac{\sigma}{2}}$
2	1	0	$\psi_{2p_z} = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} \sigma e^{-\frac{\sigma}{2}} \cos\theta$
2	1	$\pm 1$	$\psi_{2p_x} = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} \sigma e^{-\frac{\sigma}{2}} \sin\theta \cos\phi$ $\psi_{2p_y} = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} \sigma e^{-\frac{\sigma}{2}} \sin\theta \sin\phi$
3	0	0	$\psi_{3s} = \frac{1}{81\sqrt{3\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} (27-18\sigma+2\sigma^2) e^{-\frac{\sigma}{3}}$
3	1	0	$\psi_{3p_z} = \frac{\sqrt{2}}{81\sqrt{\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} (6-\sigma)\sigma e^{-\frac{\sigma}{3}} \cos\theta$
3	1	$\pm 1$	$\psi_{3p_x} = \frac{\sqrt{2}}{81\sqrt{\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} (6-\sigma)\sigma e^{-\frac{\sigma}{3}} \sin\theta \cos\phi$ $\psi_{3p_y} = \frac{\sqrt{2}}{81\sqrt{\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} (6-\sigma)\sigma e^{-\frac{\sigma}{3}} \sin\theta \sin\phi$
3	2	0	$\psi_{3d_{z^2}} = \frac{1}{81\sqrt{6\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} \sigma^2 e^{-\frac{\sigma}{3}} (3\cos^2\theta-1)$
3	2	$\pm 1$	$\psi_{3d_{xz}} = \frac{\sqrt{2}}{81\sqrt{\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} \sigma^2 e^{-\frac{\sigma}{3}} \sin\theta \cos\theta \cos\phi$ $\psi_{3d_{yz}} = \frac{\sqrt{2}}{81\sqrt{\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} \sigma^2 e^{-\frac{\sigma}{3}} \sin\theta \cos\theta \sin\phi$
3	2	$\pm 2$	$\psi_{3d_{x^2-y^2}} = \frac{1}{81\sqrt{2\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} \sigma^2 e^{-\frac{\sigma}{3}} \sin^2\theta \cos 2\phi$ $\psi_{3d_{xy}} = \frac{1}{81\sqrt{2\pi}} \left( \frac{Z}{a_0} \right)^{3/2} \sigma^2 e^{-\frac{\sigma}{3}} \sin^2\theta \sin 2\phi$

$$* \quad \sigma = \frac{Z}{a_0} r$$

表中  $\psi$  由  $n, l, m$  所规定, 可用  $\psi_{nlm}$  表示, 而  $\psi_{nlm}$  又可表示如下

$$\psi_{nlm} = R_{nl}(r) \Theta_{lm}(\theta) \Phi_m(\phi) = R_{nl}(r) Y_{lm}(\theta, \phi) \quad (2.30)$$

波函数角度部分  $Y_{lm}(\theta, \phi)$  可解得

$$Y_{00} = s = \frac{1}{\sqrt{4\pi}}$$

$$Y_{10} = p_z = \sqrt{\frac{3}{4\pi}} \cos\theta$$

$$Y_{1,\pm 1} = \begin{cases} p_y = \sqrt{\frac{3}{4\pi}} \sin\theta \sin\phi \\ p_x = \sqrt{\frac{3}{4\pi}} \sin\theta \cos\phi \end{cases}$$

而  $\Phi, \Theta, R, Y, \psi$  都已归一化, 即

$$\int_0^{2\pi} \Phi^* \Phi d\phi = 1 \quad (2.31-1)$$

$$\int_0^\pi \Theta^* \Theta \sin\theta d\theta = 1 \quad (2.31-2)$$

$$\int_0^\infty R^* R r^2 dr = 1 \quad (2.31-3)$$

$$\int_0^\pi \int_0^{2\pi} Y^* Y \sin\theta d\theta d\phi = 1 \quad (2.31-4)$$

$$\int_0^\infty \int_0^\pi \int_0^{2\pi} \psi^* \psi r^2 \sin\theta dr d\theta d\phi = 1 \quad (2.31-5)$$

极坐标的微体积元  $d\tau = r^2 \sin\theta dr d\theta d\phi$

波函数  $\psi_{nlm}$  由量子数  $n, l, m$  决定, 其中

$$n = 1, 2, 3, \dots, \infty$$

$$l = 0, 1, 2, \dots, n-1$$

$$m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, \pm l$$

$n, l, m$  取值的规定是由解微分方程得到的,  $n$  叫主量子数,  $l$  叫角量子数,  $m$  叫磁量子数。对于由角量子数  $l$  规定的波函数, 通常用符号 s, p, d, f, g, h, ... 依次代表  $l=0, 1, 2, 3, 4, 5, \dots$  的状态。

## 2.2 量子数的物理意义

波函数  $\psi$  不但决定电子在空间的几率密度分布情况,而且还规定了在该状态下微观体系的各种性质。(有些性质通过习题进行计算。)本节将通过量子数的物理意义的讨论,进一步说明波函数和电子自旋状态如何决定原子的各种性质。

### 1. 主量子数 $n$

将能量算符  $\hat{H}$  作用于波函数,得

$$\hat{H}\psi = E\psi$$

此即 Schrödinger 方程,解此方程得出的每一个  $\psi_n$  正好被  $\hat{H}$  作用后都等于一个常数  $E_n$  乘  $\psi_n$ ,即  $\psi_n$  代表的状态具有能量  $E_n$ ,这是解  $R$  方程对  $E_n$  的限制。

单电子原子的能级公式为

$$E_n = -\frac{\mu e^4}{8\varepsilon_0^2 h^2} \frac{Z^2}{n^2} \quad (2.32)$$

能量取负值,是因为把电子离核无穷远处的能量算作 0。对于氢原子,  $Z=1$ ,基态时  $n=1$ ,氢原子基态的能量  $E_1$  为

$$\begin{aligned} E_1 &= -\frac{\mu e^4}{8\varepsilon_0^2 h^2} \\ &= -\frac{(9.1046 \times 10^{-31} \text{ kg})(1.6022 \times 10^{-19} \text{ C})^4}{8(8.8542 \times 10^{-12} \text{ J}^{-1} \cdot \text{C}^2 \cdot \text{m}^{-1})^2 (6.6262 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s})^2} \\ &= -2.178 \times 10^{-18} \text{ J} \\ &= -13.595 \text{ eV} \end{aligned} \quad (2.33)$$

若以电子质量  $m_e$  ( $9.1095 \times 10^{-31} \text{ kg}$ ) 代替折合质量  $\mu$ ,可得

$$E_1 = -2.180 \times 10^{-18} \text{ J} = -13.606 \text{ eV}$$

其他状态时

$$E_n = -13.595 \frac{1}{n^2} (\text{eV}) \quad n=1,2,3,\dots \quad (2.34)$$

$n$  由小到大,体系的能量由低到高,所以主量子数  $n$  决定体系能量



的高低。根据氢原子中电子在不同能级间跃迁计算所得的谱线频率,与原子光谱实验测定值十分符合,说明 Schrödinger 方程是正确的。

如第一章所述,零点能效应是所有受一定势能场束缚的微观粒子的一种量子效应,它反映微粒在能量最低的基态时仍在运动,所以叫零点能。怎样理解氢原子基态(1s 态)能量  $E_{1s} = -13.6 \text{ eV}$  而它仍有零点能呢? 这要用维里定理。

维里定理(virial theorem, virial 不是人名,所以第一个字母小写,它的意思是力。)指出,对势能服从  $r^n$  规律的体系,其平均势能  $\langle V \rangle$  与平均动能  $\langle T \rangle$  的关系为

$$\langle T \rangle = \frac{1}{2} n \langle V \rangle$$

对于氢原子,势能服从  $r^{-1}$  规律,所以

$$\langle T \rangle = -\frac{1}{2} \langle V \rangle$$

$$E_{1s} = -13.6 \text{ eV} = \langle T \rangle + \langle V \rangle = \frac{1}{2} \langle V \rangle$$

$$\langle T \rangle = -\frac{1}{2} \langle V \rangle = 13.6 \text{ eV}$$

即其动能为正值,这也就是体系的零点能。

## 2. 角量子数 $l$

将角动量平方算符  $\hat{M}^2$

$$\hat{M}^2 = -\left(\frac{h}{2\pi}\right)^2 \left[ \frac{1}{\sin\theta} \frac{\partial}{\partial\theta} \left( \sin\theta \frac{\partial}{\partial\theta} \right) + \frac{1}{\sin^2\theta} \frac{\partial^2}{\partial\phi^2} \right] \quad (2.35)$$

作用在氢原子波函数  $\phi_{nlm}$  上,可得下一关系式

$$\hat{M}^2 \phi = l(l+1) \left(\frac{h}{2\pi}\right)^2 \phi$$

根据前面的假定,  $\phi$  所代表的状态角动量平方有确定值

$$M^2 = l(l+1) \left(\frac{h}{2\pi}\right)^2$$

$$l = 0, 1, 2, \dots, n-1$$

或者说角动量的绝对值有确定值

$$|M| = \sqrt{l(l+1)} \frac{h}{2\pi} \quad (2.36)$$

可见量子数  $l$  决定电子的原子轨道角动量的大小, 这就是它称为角量子数的原因。

原子的角动量和原子的磁矩有关。原子只要有角动量也就有磁矩。这个磁矩  $\mu$  与角动量  $M$  的关系为

$$\mu = -\frac{e}{2m_e} M \quad (2.37)$$

式中  $m_e$  为电子质量,  $e$  为电子电荷, 加负号是由于电子带负电荷。 $-e/2m_e$  为轨道磁矩和轨道角动量的比值, 称为轨道运动的磁旋比。所以具有量子数  $l$  的电子, 磁矩的大小  $|\mu|$  与量子数的关系为

$$\begin{aligned} |\mu| &= \frac{e}{2m_e} \sqrt{l(l+1)} \frac{h}{2\pi} \\ &= \sqrt{l(l+1)} \frac{eh}{4\pi m_e} \\ &= \sqrt{l(l+1)} \beta_e \end{aligned} \quad (2.38)$$

$\beta_e$  称为 Bohr 磁子, 是磁矩的一个自然单位<sup>①</sup>

$$\beta_e = \frac{eh}{4\pi m_e} = 9.274 \times 10^{-24} \text{ J} \cdot \text{T}^{-1} \quad (2.39)$$

### 3. 磁量子数 $m$

角动量在  $z$  方向的分量  $M_z$  的算符  $\hat{M}_z$  为

$$\hat{M}_z = -\frac{i\hbar}{2\pi} \frac{\partial}{\partial \phi} \quad (2.40)$$

将  $\hat{M}_z$  算符作用在氢原子  $\Phi$  方程复函数解形式的波函数  $\phi_{nlm}$  上, 可得

$$\hat{M}_z \phi = m \frac{h}{2\pi} \phi \quad (2.41)$$

说明  $\phi_{nlm}$  所代表的状态其角动量在  $z$  方向上的分量有确定值。

<sup>①</sup> 在 CGS 制中, 电子电荷用 esu 单位时,  $\beta_e = eh/4\pi m_e c$ 。

$$M_z = m \frac{h}{2\pi} \quad m = 0, \pm 1, \pm 2, \dots, \pm l \quad (2.42)$$

在磁场中  $z$  方向就是磁场的方向, 因此  $m$  称为磁量子数。 $m$  的物理意义是决定电子的轨道角动量在  $z$  方向上的分量, 也决定轨道磁矩在磁场方向上的分量  $\mu_z$ , 磁矩在磁场方向上的分量为

$$\mu_z = -m\beta_e \quad (2.43)$$

角动量在磁场方向分量的量子化, 已通过 Zeeman 效应得到证实。

#### 4. 自旋量子数 $s$ 和自旋磁量子数 $m_s$

上述用波函数  $\phi$  描述原子中电子的运动, 习惯上称为轨道运动, 原子的轨道运动由 3 个量子数  $n, l, m$  决定:  $n$  决定轨道的能量,  $l$  和  $m$  决定轨道角动量的大小和角动量在磁场方向的分量。电子有自旋运动, 自旋角动量的大小  $|M_s|$  由自旋量子数  $s$  决定。

$$|M_s| = \sqrt{s(s+1)} \frac{h}{2\pi} \quad (2.44)$$

$s$  的数值只能为  $1/2$ 。

自旋角动量在磁场方向的分量  $M_{sz}$  由自旋磁量子数  $m_s$  决定

$$M_{sz} = m_s \frac{h}{2\pi} \quad (2.45)$$

自旋磁量子数  $m_s$  只有两个数值:  $\pm \frac{1}{2}$ 。

电子的自旋磁矩  $\mu_s$  及自旋磁矩在磁场方向的分量  $\mu_{sz}$  分别为

$$|\mu_s| = g_e \frac{e}{2m_e} \sqrt{s(s+1)} \frac{h}{2\pi} = g_e \sqrt{s(s+1)} \beta_e \quad (2.46)$$

$$\mu_{sz} = -g_e \frac{e}{2m_e} m_s \frac{h}{2\pi} = -g_e m_s \beta_e \quad (2.47)$$

式中  $g_e = 2.00232$ , 称为电子自旋因子。由于电子磁矩方向与角动量正好相反, 故加负号。

#### 5. 总量子数 $j$ 和总磁量子数 $m_j$

电子既有轨道角动量, 又有自旋角动量, 两者的矢量和即电子的总角动量  $M_j$ , 其大小由总量子数  $j$  来规定

$$|M_j| = \sqrt{j(j+1)} \frac{h}{2\pi} \quad (2.48)$$

$$j = l+s, l+s-1, \dots, l-s$$

电子的总角动量沿磁场方向的分量  $M_{jz}$  则由总磁量子数  $m_j$  规定

$$M_{jz} = m_j \frac{\hbar}{2\pi} \quad (2.49)$$

$$m_j = \pm \frac{1}{2}, \pm \frac{3}{2}, \dots, \pm j$$

## 2.3 波函数和电子云的图形

波函数( $\psi$ , 原子轨道)和电子云( $\psi^2$  在空间的分布)是三维空间坐标的函数, 将它们用图形表示出来, 使抽象的数学表达式成为具体的图像, 对于了解原子的结构和性质、了解原子化合为分子的过程都具有重要的意义。

波函数和电子云可用多种函数的图形表示它们的分布和特征, 从不同角度了解它们的性质。下面对各种图形分别加以讨论。

### -1- $\psi-r$ 图和 $\psi^2-r$ 图

这两种图一般只用来表示 s 态的分布, 因为 s 态的波函数只与  $r$  有关, 而与  $\theta, \phi$  无关。 $\psi_{ns}$  这一特点使它分布具有球体对称性, 即离核为  $r$  的球面上各点波函数  $\psi$  的数值相同, 几率密度  $\psi^2$  的数值也相同, 只要知道  $\psi$  与  $r$  的关系便知道整个空间波函数与电子云的分布了。

单电子原子的  $\psi_{1s}$  和  $\psi_{2s}$  的表达式由表 2.2 查得如下

$$\psi_{1s} = \left( \frac{Z^3}{\pi a_0^3} \right)^{\frac{1}{2}} \exp \left[ -\frac{Zr}{a_0} \right] \quad (2.50)$$

$$\psi_{2s} = \left( \frac{1}{4} \right) \left( \frac{Z^3}{2\pi a_0^3} \right)^{\frac{1}{2}} \left( 2 - \frac{Zr}{a_0} \right) \exp \left[ -\frac{Zr}{2a_0} \right] \quad (2.51)$$

对于氢原子, 采用原子单位, (2.50)、(2.51)两式可化简为

$$\psi_{1s} = \left( \frac{1}{\pi} \right)^{\frac{1}{2}} \exp[-r] = 0.56 \exp[-r] \quad (2.52)$$

$$\begin{aligned} \psi_{2s} &= \left( \frac{1}{4} \right) \left( \frac{1}{2\pi} \right)^{\frac{1}{2}} (2-r) \exp\left[-\frac{r}{2}\right] \\ &= 0.1(2-r) \exp\left[-\frac{r}{2}\right] \end{aligned} \quad (2.53)$$

它们的图形示于图 2.2 中。

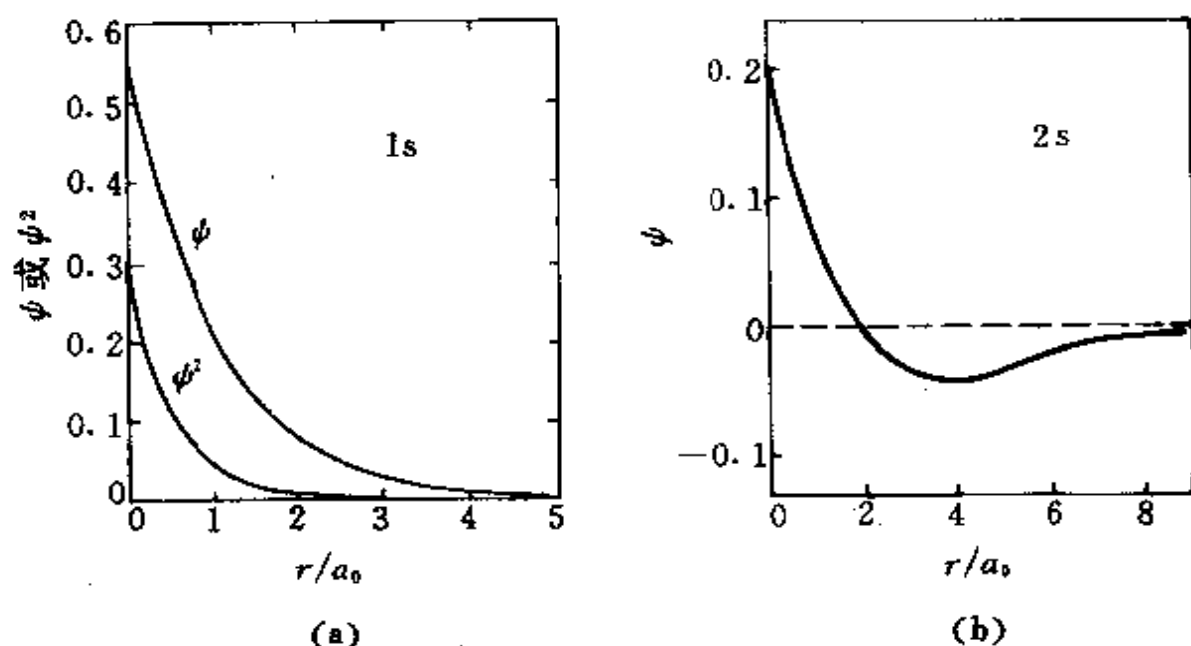


图 2.2 氢原子 1s 态(a)和 2s 态(b)的  $\psi$ - $r$  图和  $\psi^2$ - $r$  图

由图可见,对于 1s 态,在核附近电子出现的几率密度最大,随  $r$  的增加而逐渐稳定地下降。对于 2s 态,在  $r < 2a_0$  时,分布情况和 1s 态相似,在核附近  $\psi$  数值较大,随  $r$  增加而逐渐下降;在  $r = 2a_0$  时,出现一个  $\psi$  的数值为零的球面,称为节面;在  $r > 2a_0$  时,  $\psi$  为负值,先是负的绝对值加大,至  $r = 4a_0$  时达最低点;此后,随  $r$  增加逐渐接近于 0。在主量子数为  $n$  的状态中,有  $n-1$  个节面。2s 态有一个节面,在球形节面之内电子所占的几率为 5.4%,节面之外占 94.6%。3s 态有两个球形节面;在第一个节面之内,电子出现的几率占 1.5%;两个节面之间占 9.5%;在第二个节面之外占 89.0%。

## -2- 径向分布图

为了计算在半径为  $r$  的球面到半径为  $r+dr$  的球面之间薄壳层内电子出现的几率,引入径向分布函数( $D$ )。

由于  $\psi^2(r, \theta, \phi)$  表示在  $(r, \theta, \phi)$  处电子的几率密度,所以在点  $(r, \theta, \phi)$  附近的小体积元  $d\tau$  中,电子出现的几率为  $\psi^2(r, \theta, \phi)d\tau$ 。若将  $\psi^2(r, \theta, \phi)d\tau$  在  $\theta$  和  $\phi$  的全部区域积分,其结果表示离核为  $r$  处,厚度为  $dr$  的球壳内电子出现的几率。若将

$$\psi(r, \theta, \phi) = R(r)\Theta(\theta)\Phi(\phi)$$

$$d\tau = r^2 \sin\theta dr d\theta d\phi$$

$$\begin{aligned} \text{代入,并令 } Ddr &= \int_{\phi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi} \psi^2(r, \theta, \phi) d\tau \\ &= \int_{\phi=0}^{2\pi} \int_{\theta=0}^{\pi} [R(r)\Theta(\theta)\Phi(\phi)]^2 r^2 \sin\theta dr d\theta d\phi \\ &= r^2 R^2 dr \int_0^{\pi} \Theta^2 \sin\theta d\theta \int_0^{2\pi} \Phi^2 d\phi \\ &= r^2 R^2 dr \end{aligned}$$

$$D = r^2 R^2$$

由表 2.2 可知,对于  $s$  态,  $\psi$  只是  $r$  的函数,与  $\theta, \phi$  无关,考虑  $s$  态中  $\Theta(\theta)\Phi(\phi)$  函数具有数值为  $1/\sqrt{4\pi}$ ,可得

$$D = r^2 R^2 = 4\pi r^2 \psi_s^2$$

$D$  的物理意义是:  $Ddr$  代表在半径  $r$  到  $r+dr$  两个球壳夹层内找到电子的几率,它反映电子云的分布随半径  $r$  的变化情况。

对于  $1s$  态,在核附近  $D$  的数值为 0。随  $r$  增加,  $D$  增大,到  $r=a_0$  处出现极大值。这是由于几率密度  $\psi^2$  是随  $r$  值增加而下降,但壳层体积  $4\pi r^2 dr$  随  $r$  增加而上升,这两个随  $r$  变化趋势相反的因素乘在一起的结果。它表明在  $r=a_0$  附近,在厚度为  $dr$  的球壳夹层内找到电子的几率要比任何其他地方同样厚度的球壳夹层内找到电子的几率大。在这个意义上,可以说 Bohr 轨道是氢原子结构的粗略近似。图 2.3 示出氢原子的几种状态的径向分布图。

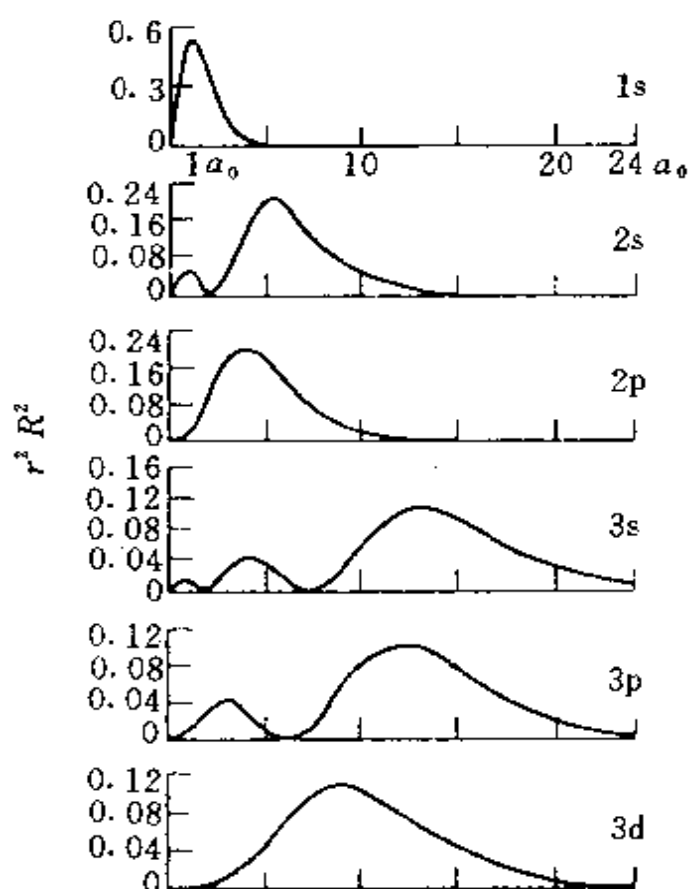


图 2.3 径向分布图( $r^2 R^2 - r$  图)

由图可见,主量子数为  $n$  和角量子数为  $l$  的状态,径向分布图中有  $(n-l)$  个极大值峰和  $(n-l-1)$  个为 0 值的点(不算原点),虽然主峰位置随  $l$  增加而向核移近,但  $l$  值愈小,峰数目愈多,最内层的峰离核愈近。 $n$  值不同而  $l$  值相同的轨道,如  $1s, 2s, 3s; 2p, 3p, 4p; 3d, 4d, 5d$  等,其主峰按照主量子数增加的顺序向离核远的方向排列,例如:  $3p$  态的主峰在  $2p$  态外面,  $4p$  态的主峰在  $3p$  外面等等。这说明主量子数小的轨道在靠近原子核的内层,所以能量低;主量子数大的轨道在离核远的外层,所以能量高。这一点也与 Bohr 模型的结论一致,但须注意有本质的区别,Bohr 模型是行星绕太阳式的轨道,  $n$  值大的轨道绝对在外,  $n$  值小的轨道绝对在内。由于电子具有波性,电子活动范围并不局限在主峰上,主量子

数大的有一部分钻到离核很近的内层。

### -3- 原子轨道等值线图

原子轨道  $\psi$  是  $r, \theta, \phi$  的函数。 $\psi$  在原子核周围空间各点上的数值随  $r, \theta, \phi$  的变化而改变。由于三维数值在纸面上不易表达, 通常在通过原子核及某些坐标轴的截面上, 把面上各点的  $r, \theta, \phi$  值代入  $\psi$  中, 然后根据  $\psi$  值的正负和大小画出等值线, 即为原子轨道等值线图。将等值线图围绕对称轴转动, 可将平面图形扩展成原子轨道空间分布图, 故等值线图是绘制原子轨道空间分布图的基础。

等值线图的描绘方法可参看实习 1。

图 2.4 中分别画出氢原子  $2p_z, 3p_z, 3d_{xz}$  及  $3d_{z^2}$  的等值线图。图中等值线上注明的数字是取原子单位并乘以 100 后的  $\psi$  值。 $\Delta$  表示绝对值为最高的点,  $\Delta$  附近的 + 和 - 号代表在它的周围  $\psi$  的正负号。图中水平轴为  $x$  轴, 垂直轴为  $z$  轴。

$2p_z$  最大值点在  $z$  轴上, 离核  $\pm 2a_0$  处,  $xy$  平面是  $\psi$  为 0 的节面;  $3p_z$  的等值线图大体轮廓和  $2p_z$  相似, 但多一个球形节面, 此节面离核距离为  $6a_0$  [在图 2.4(b) 中画出时已按  $2/n$  即  $2/3$  比例缩小, 所以节面出现在离核为 4 单位长度上]。在各种原子轨道中, 主量子数愈大, 节面愈多, 能级愈高。节面的多少及其形状是了解原子轨道空间分布的重要信息。 $s$  轨道是球形对称的; 3 个  $p$  轨道是中心反对称的, 有 1 个平面型的节面; 5 个  $d$  轨道都是中心对称的, 其中  $d_{z^2}$  轨道沿  $z$  轴旋转对称, 有 2 个锥形节面, 其顶点和核相连, 锥体角度为  $110^\circ$ , 其余 4 个  $d$  轨道均有两个平面型节面, 只是空间分布取向不同。

以原子轨道等值线图为基础, 可以派生出下面几种图形:

#### 1. 电子云分布图

绘制出原子轨道  $\psi$  的等值线图后, 几率密度 (即电子云)  $\psi^2$  的等值线图很容易得到, 因为  $\psi$  的等值线也就是  $\psi^2$  的等值线;  $\psi$  在空间分布的等值面, 也是  $\psi^2$  在空间分布的等值面 (仅数值不同)。



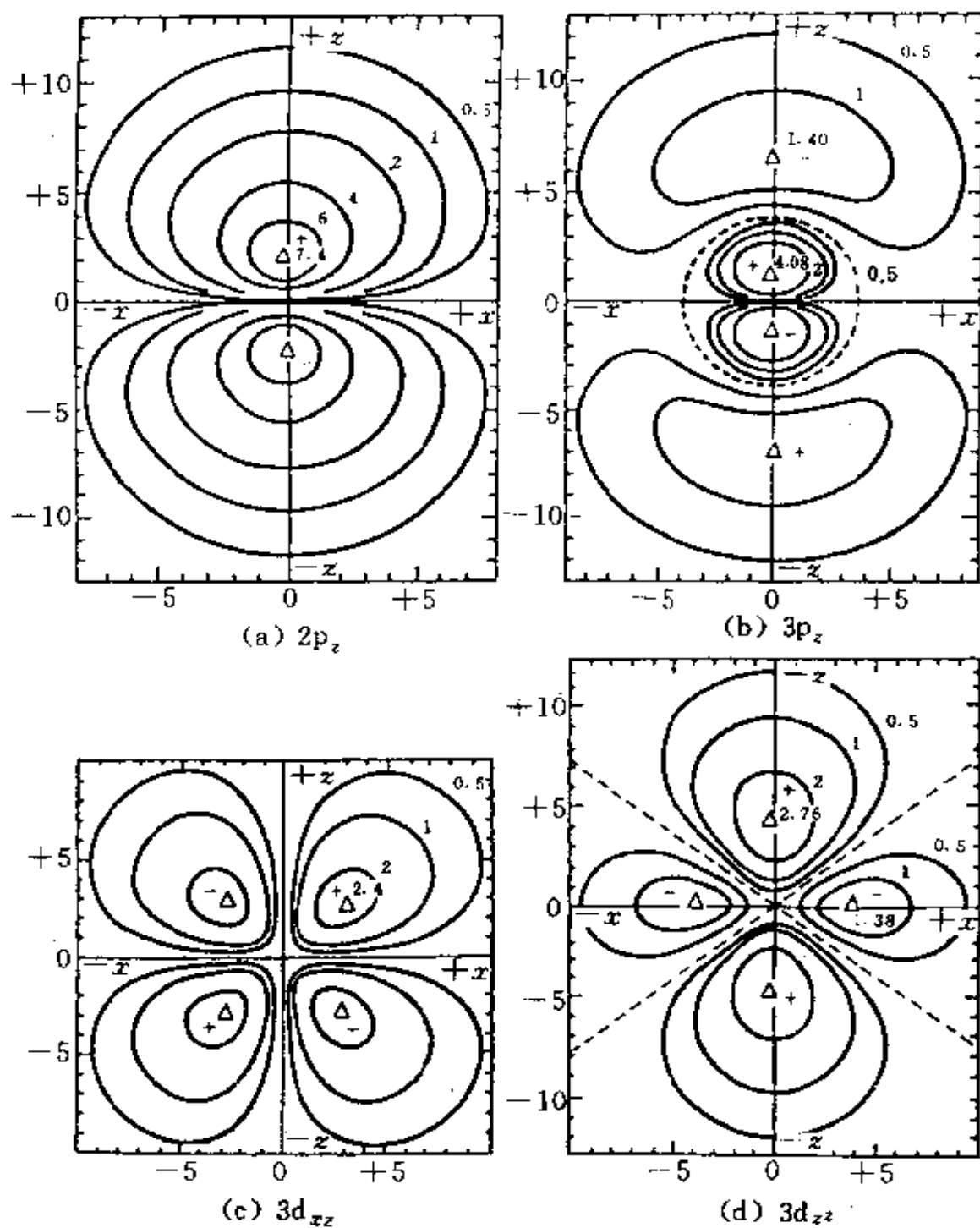


图 2.4 氢原子的原子轨道等值线图

(坐标轴上的单位是  $a_0$ , 离核距离已乘以  $2/n$ ,  $\Delta$  为绝对值最大位置)

$\psi^2$  空间分布图中的最高点( $\Delta$ )的位置以及节面的数目、形状和位置均和  $\psi$  空间分布图相同,只是  $\psi^2$  不为负值,而  $\psi$  则有正有负。

与  $\psi^2$  分布相同的状态对应,有  $+\psi$  和  $-\psi$  两种,  $+\psi$  和  $-\psi$  均可以描述同一状态。对于孤立原子,任意选择  $+\psi$  和  $-\psi$  均可。例如 2s 轨道可以将节面内靠近核的  $\psi$  选为正值,如图 2.2(b)所示。而通常考虑成键时,节面内靠近核的  $\psi$  值选为负值,节面外的  $\psi$  则为正值。原子间相互成键时,  $\psi$  的正负号十分重要,应正确选择。

## 2. $\psi$ 的网格线图

截面上原子轨道  $\psi$  的等值线图可用网格线的弯曲情况表示。网格线平面为截面,网格平整的平面表示  $\psi$  为 0,网格线向上凸起,表示该处  $\psi$  为正值,向下凹陷表示该处  $\psi$  为负值。对于 s 态,平面上峰的中心位置为原子核位置;对于 2p<sub>x</sub> 态,高峰和低谷连线的中点为原子核位置。

## 3. 原子轨道界面图

从上面三种图形可见,电子在空间的分布并没有明确的边界,在  $r$  值较大、离核很远的地方,  $\psi^2$  并不为零,仍有一定的几率密度,但实际上在离核不到 1 nm 以外,电子出现的几率已微不足道了,为了了解电子分布的几率,可以取一个等密度面,使在面内出现的几率达到总几率的一定百分数。例如,50%,90%,99%等,这种面称为界面。界面图实际上表示了原子在不同状态时的大小和形状。

## 4. 原子轨道轮廓图

把  $\psi$  的大小轮廓和正负在直角坐标系中表达出来,以反映  $\psi$  在空间分布的图形叫做原子轨道轮廓图或简称原子轨道图。它和界面图不同,界面图没有正、负号。它也和等值线图不同,等值线图反映原子轨道在通过原点的某一平面上的等值线,能定量地反映  $\psi$  数值的大小和正负。而原子轨道轮廓图是三维空间中反映  $\psi$  的空间分布情况,具有大小和正负,但它的图线只有定性的意义。图 2.5 示出 1s,2p,3d 等共计 9 种原子轨道轮廓图。原子轨道轮廓图

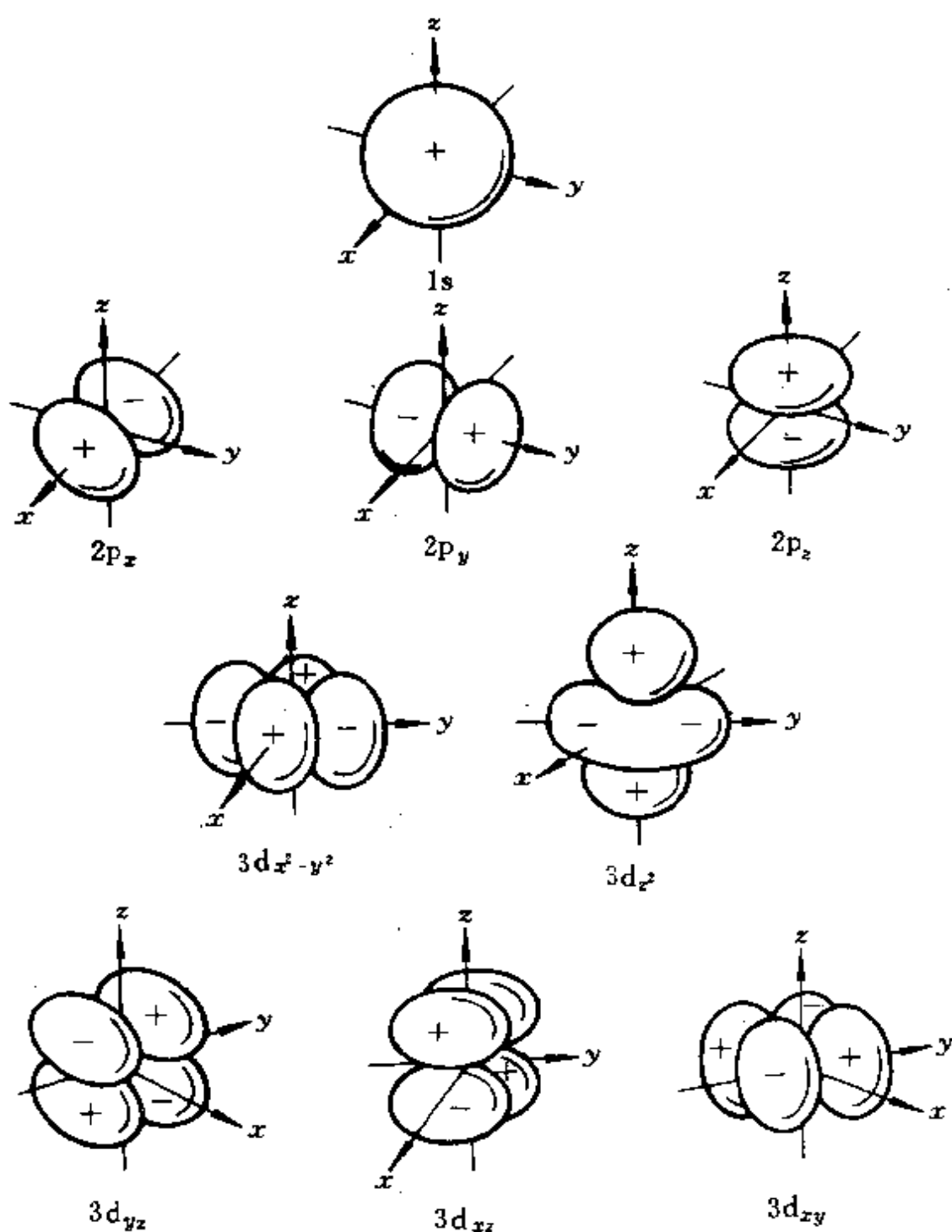


图 2.5 原子轨道轮廓图

(图中 s, p, d 态的标度并不相同)

在化学中有重要意义,它对于了解分子内部原子之间轨道重叠形成化学键的情况提供明显的图像。原子轨道轮廓图是原子轨道空

间分布图简化的实用图形。

在许多教科书中画出角度分布图。通常角度分布图是在极坐标上画出,它将 $\psi$ 的角度部分 $Y(\theta, \phi)$ 函数的数值按给定的 $\theta, \phi$ 值代入求出。作图时从原点(核的位置)开始,沿着给定的 $\theta$ 和 $\phi$ 值方向,取一定长度线段 $|Y|$ ,再注明正负号。将空间各方向上代表 $Y$ 值大小线段的端点连成曲面,即得角度分布图。图 2.6 示出  $2p_z$

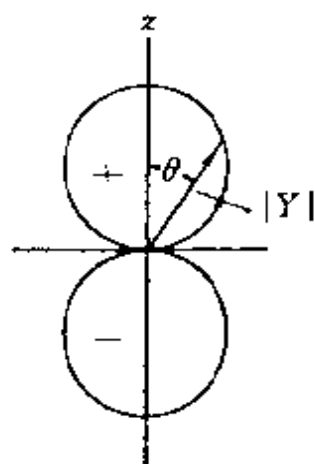


图 2.6  $2p_z$  态的角度分布图

态的角度分布图。由于角度分布图的含义和原子轨道等值线图完全不同,它不能代表空间某点 $(r, \theta, \phi)$ 上 $\psi$ 和 $\psi^2$ 的大小,而又容易使初学者将 $Y$ 图和原子轨道等值线图混淆。又因为原子轨道等值线图和原子轨道轮廓图等讨论轨道叠加时的作用比角度分布图更好,所以本书中不讨论角度分布图。

## 2.4 多电子原子的结构

除氢原子外,所有其他元素的原子,其电子数都不止一个,统称多电子原子。在多电子原子中,由于电子间存在复杂的瞬时相互作用,其势能函数形式比较复杂,精确求解比较困难,一般采用近似方法。

### -1- 多电子原子的 Schrödinger 方程及其近似解

最简单的多电子原子是氦原子(He),它是由有两个正电荷( $Z=2$ )的原子核以及绕核运动的两个电子(1 和 2)组成。考虑电子的动能及电子和核以及电子之间的势能,得 Schrödinger 方程为

$$\left[ -\frac{\hbar^2}{8\pi^2 m} (\nabla_1^2 + \nabla_2^2) - \frac{Ze^2}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{r_1} + \frac{1}{r_2} \right) + \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} \frac{1}{r_{12}} \right] \psi = E\psi$$

式中  $r_1$  和  $r_2$  分别是电子 1 和 2 与核的距离,  $r_{12}$  是电子 1 和 2 间的距离。用附录 I 的原子单位简化,  $\frac{\hbar}{2\pi} = 1 \text{ au}$ ,  $m = 1 \text{ au}$ ,  $e = 1 \text{ au}$ ,  $4\pi\epsilon_0 = 1 \text{ au}$ , 得

$$\left[ -\frac{1}{2} (\nabla_1^2 + \nabla_2^2) - \frac{Z}{r_1} - \frac{Z}{r_2} + \frac{1}{r_{12}} \right] \psi = E\psi$$

对于原子序数为  $Z$ 、含  $n$  个电子的原子, 其 Schrödinger 方程中, 若不考虑电子自旋运动及其相互作用, 并假定质心和核心重合, 用原子单位表示, 则 Hamilton 算符为

$$\hat{H} = -\frac{1}{2} \sum_{i=1}^n \nabla_i^2 - \sum_{i=1}^n \frac{Z}{r_i} + \sum_{i=1}^n \sum_{j>i}^n \frac{1}{r_{ij}} \quad (2.54)$$

式中第一项是各电子的动能算符, 第二项为各电子与原子核相互作用势能算符, 第三项是各电子对之间相互作用势能算符, 因为其中有  $r_{ij}$ , 涉及两个电子的坐标, 无法分离变量, 不能按 2.1 节方法解决。如果将第三项当作 0, 即电子间没有相互作用, 这时体系的 Schrödinger 方程为

$$\left[ -\sum_{i=1}^n \frac{1}{2} \nabla_i^2 - \sum_{i=1}^n \frac{Z}{r_i} \right] \psi = E\psi \quad (2.55)$$

令  $\psi(1, 2, \dots, n) = \psi_1(1)\psi_2(2)\cdots\psi_n(n)$ , 则 (2.55) 式可分离变量, 分解为  $n$  个方程

$$\hat{H}_i \psi_i(i) = E_i \psi_i(i) \quad (2.56)$$

这时  $\hat{H}_i$  类似于单电子原子能量算符, 并可按 2.1 节方法解出  $\psi_i$  和  $E_i$ 。在基态, 电子按 Pauli 原理、能量最低原理和 Hund(洪特)规则填充在这些原子轨道中。 $\psi_i$  称为单电子波函数,  $E_i$  为和  $\psi_i$  对应的能量, 体系的近似波函数

$$\psi = \psi_1 \psi_2 \cdots \psi_n$$

体系总能量

$$E = E_1 + E_2 + \cdots + E_n \quad (2.57)$$

实际上原子中电子之间存在不可忽视的相互作用。在不忽略电子相互作用的情况下,用单电子波函数来描述多电子原子中单个电子的运动状态,这种近似称为单电子近似。这时体系中各个电子都分别在某个势场中独立运动,犹如单电子体系那样。为了从形式上把电子间的势能变成与  $r_i$  无关的函数,便于解出 Schrödinger 方程,常用自洽场(self-consistent field, SCF)法和中心力场法等方法。

自洽场法[这方法最早由 Hartree(哈特里)提出,被 Fock(福克)改进,故又称为 Hartree-Fock 法。]假定电子  $i$  处在原子核及其他  $(n-1)$  个电子的平均势场中运动。为了计算平均势场,先引进一组近似波函数求  $\sum_{i>j} \frac{1}{r_{ij}}$  的平均值,使之成为只与  $r_i$  有关的函数  $V(r_i)$ 。

$$\hat{H}_i = -\frac{1}{2} \nabla_i^2 - \frac{Z}{r_i} + V(r_i) \quad (2.58)$$

$V(r_i)$  是由其他电子的波函数决定的,例如求  $V(r_1)$  时,需用  $\phi_2, \phi_3, \phi_4 \dots$  来计算;求  $V(r_2)$  时,需用  $\phi_1, \phi_3, \phi_4 \dots$  来计算。有了  $\hat{H}_i$ , 解这一组方程得新一轮的  $\phi_i^{(1)}$ , 用它计算新一轮的  $V^{(1)}(r_i)$ 。如法解出第二轮的  $\phi_i^{(2)}, \dots$ , 如此循环,直至前一轮的波函数和后一轮的波函数很好地符合,即自洽为止。

自洽场法提供了单电子原子轨道图像,它把原子中任一电子  $i$  的运动看成在原子核及其他电子的平均势场中独立运动,犹如单电子体系那样,所以  $\phi_i$  可看作原子中单电子的运动状态,即原子轨道,  $E_i$  叫原子轨道能。但自洽场所得的原子轨道能之和,不正好等于原子的总能量,而应扣除多计算的电子间的互斥能<sup>[14]</sup>。

中心力场法是将原子中其他电子对第  $i$  个电子的排斥作用,看成是球对称的,只与径向有关的力场。这样第  $i$  个电子受其余电子的排斥作用看成相当于  $\sigma_i$  个电子在原子中心与之相互排斥。第  $i$  个电子的势能函数为

$$V_i = -\frac{Z}{r_i} + \frac{\sigma_i}{r_i} = -\frac{Z - \sigma_i}{r_i} = -\frac{Z^*}{r_i} \quad (2.59)$$

(2.59)式在形式上和单电子原子的势能相似。式中 $\sigma_i$ 称为屏蔽常数,其意义是:除 $i$ 电子外,其他电子对 $i$ 的相互排斥作用,使核的正电荷减小 $\sigma_i$ ;式中 $Z^*$ 叫有效核电荷。所以多电子原子中第 $i$ 个电子的单电子 Schrödinger 方程为

$$\left[ -\frac{1}{2} \nabla_i^2 - \frac{Z - \sigma_i}{r_i} \right] \psi_i = E_i \psi_i \quad (2.60)$$

(2.60)式的 $\psi_i$ 称单电子波函数,它近似地表示原子中第 $i$ 个电子的运动状态,也称原子轨道, $E_i$ 近似地为这个状态的能量,即原子轨道能。按2.1节中解单电子原子的 Schrödinger 方程的方法,将 $Z$ 换成 $Z^*$ 即得 $\psi_i$ 和相应的 $E_i$ , $\psi_i$ 仍由 $n, l, m$ 这3个量子数所确定,而且

$$\psi_{nlm} = R'_{nl}(r) Y_{lm}(\theta, \phi) \quad (2.61)$$

因为解 $\Theta$ 方程与 $\Phi$ 方程时与势能项 $V(r_i)$ 无关,故 $Y_{lm}(\theta, \phi)$ 的形式和单电子原子相同,而 $R'_{nl}(r)$ 则和单电子原子的 $R_{nl}(r)$ 不相同。和 $\psi_i$ 对应的原子轨道能为

$$E_i = -13.6 (Z^*)^2 / n^2 \quad (2.62)$$

原子的总能量近似地由各个电子的能量 $E_i$ 加和得到;也可通过实验测定全部电子电离所需的能量得到。原子中全部电子电离能之和等于原子轨道能总和的负值。

## -2- 原子轨道能和电子结合能

原子轨道能是指和单电子波函数 $\psi_i$ 相应的能量 $E_i$ 。原子的总能量等于各个电子的原子轨道能之和。电子结合能是指在中性原子中当其他电子均处在可能的最低能态时,电子从指定的轨道上电离时所需能量的负值。电子结合能反映了原子轨道能级的高低,又称为原子轨道能级。

为了阐明上述两个概念及有关问题,分四个问题进行讨论。

## 1. 电离能

气态原子失去一个电子成为一价气态正离子所需的最低能量称为原子的第一电离能( $I_1$ ),即

$$\begin{aligned} A(g) &\longrightarrow A^+(g) + e \\ I_1 = \Delta E &= E(A^+) - E(A) \end{aligned} \quad (2.63)$$

气态  $A^+$  失去一个电子成二价气态正离子( $A^{2+}$ )所需的能量为第二电离能( $I_2$ ),等等。

假定中性原子中去掉一个电子以后,剩下的原子轨道不因此而发生变化(即“轨道冻结”),原子轨道能近似等于这个轨道上电子的平均电离能的负值。这里所说的平均是指该原子轨道有两个电子时,对两个电子的电离能的平均值。这样原子轨道能就可通过实验测定。同理电子结合能也可从电离能或原子光谱测定。今以 He 原子为例说明: He 原子基态有两个电子处在 1s 轨道上,它的第一电离能( $I_1$ )为 24.6 eV,第二电离能( $I_2$ )为 54.4 eV。根据上述定义,He 原子 1s 原子轨道的电子结合能为 -24.6 eV,而 He 原子的 1s 原子轨道能为

$$= -\frac{(24.6 + 54.4)\text{eV}}{2} = -39.5 \text{ eV}$$

## 2. 由屏蔽常数近似计算原子轨道能

原子轨道能可近似由屏蔽常数计算。Slater 提出估算屏蔽常数  $\sigma$  的方法:

- 将电子按内外次序分组: 1s | 2s, 2p | 3s, 3p | 3d | 4s, 4p | 4d | 4f | 5s, 5p 等;
- 外面的各组  $\sigma=0$ ;
- 同一组  $\sigma=0.35$  (1s 的  $\sigma=0.30$ );
- 相邻内一组  $\sigma=0.85$  (d 和 f 的  $\sigma=1.00$ );
- 更内各组  $\sigma=1.00$ 。这个方法可用于主量子数为 1 到 4 的轨道,更高轨道的准确性较差。

例如碳原子的电子组态为  $1s^2 2s^2 2p^2$ 。1s 电子的屏蔽常数  $\sigma=$



0.30, 因而有效核电荷  $Z^* = 6 - 0.30 = 5.70$ , 碳原子的 1s 轨道能为

$$E_{1s} = -(13.6 \text{ eV}) \times (5.70)^2 = -442 \text{ eV}$$

2s 电子的屏蔽常数  $\sigma = 2 \times 0.85 + 3 \times 0.35 = 2.75$ , 有效核电荷为  $Z^* = 6 - 2.75 = 3.25$ , 碳原子 2s(或 2p)轨道能为

$$E_{2s} = -(13.6 \text{ eV}) \frac{3.25^2}{2^2} = -35.9 \text{ eV}$$

按 Slater(斯莱特)方法,  $E_{2s}$  和  $E_{2p}$  相同, 在 2s 和 2p 上的 4 个电子的原子轨道能之和为  $4 \times (-35.9 \text{ eV}) = -143.6 \text{ eV}$ , 此数值与 C 原子的第一至第四电离能之和的负值相近, 即

$$\begin{aligned} I_1 + I_2 + I_3 + I_4 &= (11.26 + 24.38 + 47.89 + 64.49) \text{ eV} \\ &= 148.0 \text{ eV} \end{aligned}$$

同理, 两个处在 1s 上的电子的原子轨道能为

$$2 \times \left[ -(13.6 \text{ eV}) \frac{(6 - 0.3)^2}{1} \right] = -884 \text{ eV}$$

与  $I_5 + I_6 = (392.1 + 490.0) \text{ eV} = 882 \text{ eV}$  的负值相近。说明原子总能量近似等于用 Slater 方法计算所得的各个电子的原子轨道能之和。

按 Slater 方法计算,  $E_{2s}$  和  $E_{2p}$  相同, 实际上多电子原子的  $E_{2s}$  和  $E_{2p}$  是不同的<sup>①</sup>, 这是由于此方法过于粗略。徐光宪等给出的改进 Slater 法考虑了 s, p, d, f 的差异, 得到较好的结果。

在用屏蔽常数及原子的电离能时, 应注意电子间的相互作用。如前所述, He 原子  $I_1 = 24.6 \text{ eV}$ ,  $I_2 = 54.4 \text{ eV}$ 。这时不能简单地认为 He 原子 1s 原子轨道能为  $-24.6 \text{ eV}$ , 并用以求算一个 1s 电子对另一个 1s 电子的屏蔽常数  $\sigma$

① 实验测定 2s 和 2p 原子轨道能的平均差值为

原 子	Li	Be	B	C	N	O	F
$(E_{2p} - E_{2s})/\text{eV}$	1.85	3.36	5.75	8.77	12.39	16.53	21.54

$$-24.6 \text{ eV} = -(13.6 \text{ eV})(2-\sigma)^2$$

这样得  $\sigma=0.65$ 。其原因是一个电子对另一个电子既有屏蔽作用，又有互斥作用，当一个电子电离时，既摆脱了核的吸引，也把互斥作用带走了。根据定义， $I_1$  应为下一过程的能量

$$I_1 = E(\text{He}^+) - E(\text{He})$$

$\text{He}^+$  是单电子原子， $E(\text{He}^+)$  为

$$E(\text{He}^+) = -(13.6 \text{ eV}) \frac{Z^2}{n^2} = -54.4 \text{ eV}$$

而根据屏蔽常数，可列  $E(\text{He})$  式

$$E(\text{He}) = -2 \times (13.6 \text{ eV}) \frac{(2-\sigma)^2}{n^2} = -27.2(2-\sigma)^2 \text{ eV}$$

将这些数据代入，得

$$24.6 = -54.4 + 27.2(2-\sigma)^2$$

解之，得  $\sigma=0.30$ 。

He 原子的  $I_1$  和  $I_2$  都不是 He 原子的 1s 轨道能，它的 1s 原子轨道能为两者的平均值的负值  $-39.5 \text{ eV}$ 。

利用屏蔽常数，还可按下式近似估算原子中某一原子轨道的有效半径  $r^*$  [6]

$$\left( r^* = \frac{n^2}{Z^*} a_0 \right) \quad (2.64)$$

例如 C 原子基态时 ( $1s^2 2s^2 2p^2$ )，2p 轨道  $Z^* = 3.25$

$$r^* = \frac{2^2}{3.25} \times 52.9 \text{ pm} = 65 \text{ pm}$$

### 3. 电子结合能

电子结合能又称为原子轨道能级或简称能级，在徐光宪和王祥云编著的《物质结构》(第二版)中称为中性原子的原子轨道能量，并于表 2.5 中给出 1 至 100 号元素各个轨道的数据<sup>[1]</sup>。电子结合能可根据原子光谱等实验测定。通常所说的当原子结合成分子时，能量相近的原子轨道才能有效地组成分子轨道，这里所指的能量就是电子结合能，而不是前面的原子轨道能。

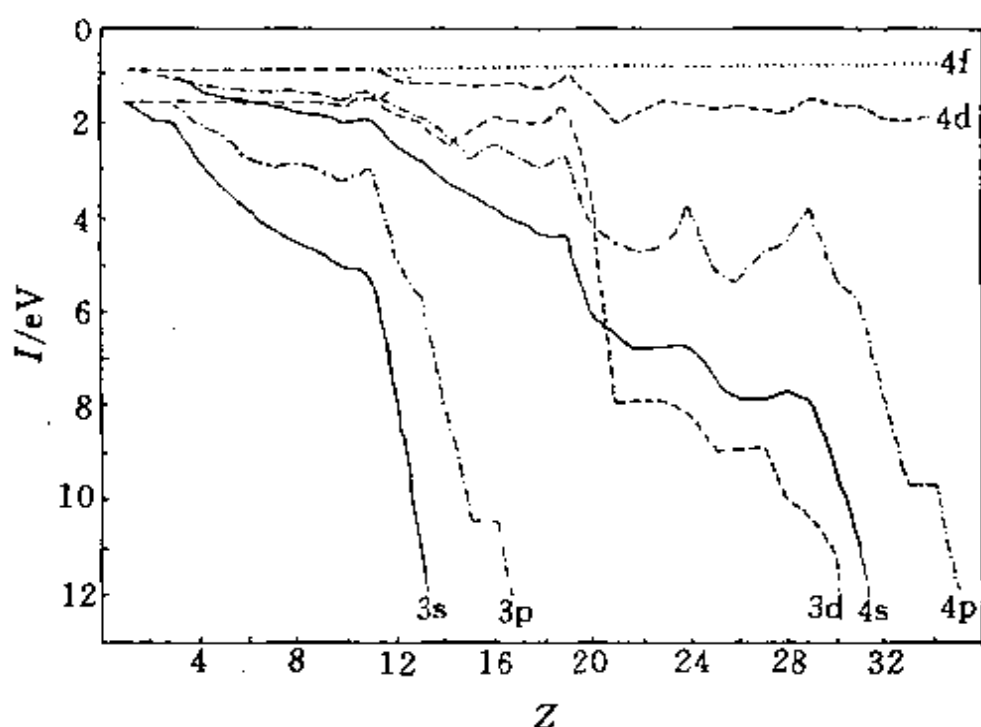


图 2.7 原子外层电子电离能与原子序数的关系  
( $Z=1 \rightarrow 34$ )<sup>[1]</sup>

表 2.3 列出若干原子的电子结合能的实验值<sup>[7]</sup>。图 2.7 示出原子序数从 1 到 34 的原子外层电子的电离能,即各原子轨道的电子结合能与原子序数的关系。

电子结合能与原子轨道能互有联系,对单电子原子两者数值相同,对 Li, Na, K 的最外层电子两者也相同,但在其他情况下就不相同了,这正说明电子间存在互斥能等相互作用的因素。

电子间的相互作用可从屏蔽效应和钻穿效应两方面去认识,这两种效应有着密切的联系,都是根据单电子波函数和中心力场的近似模型提出来的,是在多电子原子中由于各个电子的量子数  $n, l$  不同,电子云分布不同,电子和电子之间、电子和核电荷之间相互的作用不同,引起原子轨道能和电子结合能发生变化的能量效应。屏蔽效应是指核外某个电子  $i$  感受到核电荷的减少,使能级升高的效应;钻穿效应则是指电子  $i$  避开其余电子的屏蔽,其电子云钻到近核区而感受到较大核电荷作用,使能级降低的效应。这两

效应从不同的角度提出：钻穿效应把电子看作主体，从它自身分布的特点来理解；屏蔽效应把电子看作客体，看它受其他电子的屏蔽影响。

表 2.3 若干原子的原子轨道电子结合能实验值(负值, eV)

原子	1s	2s	2p	3s	3p	3d	4s
H	13.6						
He	24.6						
Li	58	5.4					
Be	115	9.3					
B	192	12.9	8.3				
C	288	16.6	11.3				
N	403	20.3	14.5				
O	538	28.5	13.6				
F	694	37.9	17.4				
Ne	870	48.5	21.6				
Na	1075	66	34	5.1			
K	3610	381	298	37	19	1.7	4.3
Sc	4494	503	406	55	33	8	6.5

从钻穿效应看,主量子数  $n$  相同而角量子数  $l$  不同的轨道,能级由低到高的次序为:  $ns, np, nd, nf$ 。这是因为主量子数相同的各态中,  $s$  态峰的数目最多,它的分布特点是:主峰离核最远在最外层,小峰靠核最近,随着核电荷的增加,最靠近核的小峰在能量上的作用越来越明显,这一方面是小峰所代表的电子云有效地避开其他电子的屏蔽,作用在小峰上的  $Z^*$  大,另一方面小峰离核近,  $r$  小,两个因素都使电子和核的相互作用能增加,对该轨道的能级降低影响较大。

对  $n$  和  $l$  都不相同的轨道,能级高低可根据屏蔽效应和钻穿效应作些估计,但不能准确地判断,而且各种轨道能级高低不是固

定不变的,而是随原子序数的改变而变化。例如从图 2.7 可见 3d 和 4s 轨道能级高低随  $Z$  增加而有交错:当  $Z \leq 7$ ,如像 H 原子,3d 轨道能级较低;当  $8 \leq Z \leq 20$ ,如像 K 原子,4s 轨道能级较低

$$E_{4s} = E_{K[Ar]4s^1} - E_{K^+[Ar]} = -4.34 \text{ eV}$$

$$E_{3d} = E_{K[Ar]3d^1} - E_{K^+[Ar]} = -1.67 \text{ eV}$$

当  $Z \geq 21$ ,如像 Sc, 3d 轨道能级较低。一般说来,原子序数增加到足够大时, $n$  相同的内层轨道,能级随  $l$  不同而引起的分化相当小,原子轨道能级主要由主量子数决定。

#### 4. 电子互斥能<sup>[4]</sup>

今以 Sc 原子为例,由基态 Sc 原子和基态  $Sc^+$  离子的电子组态数据,说明能级高低与电子互斥能的关系,实验测得

$$E_{4s} = E_{Sc(3d^1 4s^2)} - E_{Sc^+(3d^1 4s^1)} = -6.62 \text{ eV}$$

$$E_{3d} = E_{Sc(3d^2 4s^2)} - E_{Sc^+(3d^0 4s^2)} = -7.98 \text{ eV}$$

式中将  $Sc[Ar]3d^1 4s^2$  简写为  $Sc(3d^1 4s^2)$ ,下面按此简写表示。由此数据可见,Sc 原子的 4s 轨道能级高。但 Sc 的基态电子组态却为  $Sc(3d^1 4s^2)$ 。由基态  $Sc(3d^1 4s^2)$  向激发态  $Sc(3d^2 4s^1)$  跃迁时,需要吸收能量 2.03 eV,即

$$E_{Sc(3d^2 4s^1)} - E_{Sc(3d^1 4s^2)} = 2.03 \text{ eV}$$

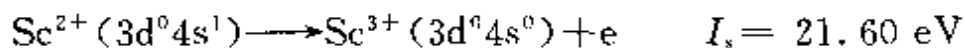
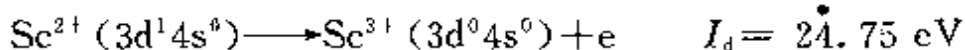
这就存在下面两个问题:

(1) Sc 原子基态的电子组态为什么是  $3d^1 4s^2$ ,而不是  $3d^2 4s^1$  或  $3d^3 4s^0$  呢?

(2) 为什么 Sc 原子(及其他过渡金属原子)电离时先失去的是 4s 电子,而不是 3d 电子?

如果我们通过实验测定原子及离子的电离能( $I$ ),推出原子中不同轨道上电子的互斥能( $J$ ),进行比较,就可回答上述问题。

$Sc^{2+}$  的电离能实验值为



原子中全部价电子电离时所需的能量与不同轨道上电子的电

离能和电子互斥能有关,若忽略自旋成对能(因为实验证明过渡金属价电子自旋成对能较电子互斥能小,可忽略)。则可得下面关系

$$E_{\text{Sc}^{2+}(3d^1 4s^0)} = -I_d$$

$$E_{\text{Sc}^{2+}(3d^0 4s^1)} = -I_s$$

$$E_{\text{Sc}^{+}(3d^1 4s^1)} = -I_d - I_s + J(d, s)$$

$$E_{\text{Sc}^{+}(3d^0 4s^2)} = -2I_s + J(s, s)$$

$$E_{\text{Sc}(3d^1 4s^2)} = -I_d - 2I_s + 2J(d, s) + J(s, s)$$

$$E_{\text{Sc}(3d^2 4s^1)} = -2I_d - I_s + J(d, d) + 2J(d, s)$$

从上述关系,可列出包括 3 个未知数 $[J(d, d), J(d, s), J(s, s)]$ 的 3 个方程

$$E_{\text{Sc}(3d^2 4s^1)} - E_{\text{Sc}(3d^1 4s^2)} = I_s - I_d + J(d, d) - J(s, s) = 2.03 \text{ eV}$$

$$E_{\text{Sc}^{+}(3d^2 4s^2)} - E_{\text{Sc}^{+}(3d^1 4s^2)} = I_d - 2J(d, s) = 7.98 \text{ eV}$$

$$E_{\text{Sc}^{+}(3d^1 4s^1)} - E_{\text{Sc}^{+}(3d^1 4s^2)} = I_s - J(d, s) - J(s, s) = 6.62 \text{ eV}$$

解此 3 个联立方程,可得: $J(d, d) = 11.78 \text{ eV}$ ,  $J(d, s) = 8.38 \text{ eV}$ ,  $J(s, s) = 6.60 \text{ eV}$ 。

电子互斥能是同号电荷的库仑排斥所引起,不同轨道,电子分布密度不同,电子互斥能不同。3d 轨道主峰离核近,比 4s 轨道密集,电子互斥能  $J(d, d)$  大于  $J(s, s)$ ,这与原子结构知识是一致的。

有了上述数据,可进行如下的计算:

(1) 当一个电子与  $\text{Sc}^{+}(3d^1 4s^1)$  结合时,若进入 3d 轨道,则能量改变为

$$\begin{aligned} \Delta E_1 &= -I_d + J(d, d) - J(d, s) \\ &= -24.75 \text{ eV} + 11.78 \text{ eV} + 8.38 \text{ eV} = -4.59 \text{ eV} \end{aligned}$$

若进入 4s 轨道,则能量改变为

$$\begin{aligned} \Delta E_2 &= -I_s + J(s, s) + J(d, s) \\ &= -21.60 \text{ eV} + 6.60 \text{ eV} + 8.38 \text{ eV} = -6.62 \text{ eV} \end{aligned}$$

由此可见进入 4s 轨道能量降低多些,其原因是

$$J(d, d) - J(s, s) > I_d - I_s$$

这是 3d 轨道的电子互斥能较大所引起。

(2)  $\text{Sc}(3d^1 4s^2)$  电离时,若从 3d 轨道电离

$$I_1(3d) = I_d - 2J(d, s) = 7.98 \text{ eV}$$

若从 4s 轨道电离

$$I_1(4s) = I_s - J(d, s) - J(s, s) = 6.62 \text{ eV}$$

可见,  $I_1(4s) < I_1(3d)$ , 所以失去 4s 电子比失去 3d 电子所需能量少。 $\text{Sc}^1$  的基态电子组态为  $3d^1 4s^1$ 。

由上可见, 由于价电子间的斥力  $J(d, d) > J(d, s) > J(s, s)$ , 当电子进入  $\text{Sc}^{3+}(3d^0 4s^0)$ , 因 3d 能级低, 先进入 3d 轨道; 再有一个电子进入  $\text{Sc}^{2+}(3d^1 4s^0)$  时, 因为  $J(d, d)$  较大, 电子填充在 4s 轨道上, 成为  $\text{Sc}^1(3d^1 4s^1)$ 。若继续有电子进入, 也因同样原因, 电子应进入 4s 轨道。这样基态 Sc 的电子组态为  $\text{Sc}(3d^1 4s^2)$ 。所以电子填充次序应使体系总能量保持最低, 而不单纯按轨道能级高低的次序。

### -3- 基态原子的电子排布

原子处在基态时, 核外电子排布遵循下面 3 个原则:

(1) Pauli 不相容原理。在一个原子中, 没有两个电子有完全相同的 4 个量子数, 即一个原子轨道最多只能排两个电子, 而且这两个电子自旋方向必须相反。

(2) 能量最低原理。在不违背 Pauli 原理的条件下, 电子优先占据能级较低的原子轨道, 使整个原子体系能量处于最低, 这样的状态是原子的基态。

(3) Hund 规则。在能级高低相等的轨道上, 电子尽可能分占不同的轨道, 且自旋平行。

作为 Hund 规则的补充, 能级高低相等的轨道上全充满和半充满的状态比较稳定, 因为这时电子云分布近于球形。

根据上述原则, 可按图 2.7 的能级将核外电子进行填充。由  $n, l$  表示的一种电子排布方式, 叫做一种电子组态。

电子在原子轨道中填充的顺序为  $1s, 2s, 2p, 3s, 3p, 4s, 3d, 4p, 5s, 4d, 5p, 6s, 4f, 5d, 6p, 7s, 5f, 6d, \dots$ 。在这填充顺序中,  $3d$  排在  $4s$  之后,  $4d$  排在  $5s$  之后,  $4f, 5d$  排在  $6s$  之后,  $5f, 6d$  排在  $7s$  之后, 使得周期表中过渡元素“延迟”出现。电子在原子轨道中的填充顺序, 并不是原子轨道能级高低的顺序, 填充次序遵循的原则是使原子的总能量保持最低。填充次序表示随着核电荷数目  $Z$  增加的各个原子, 电子数目增加时, 外层电子排布的规律。原子轨道能级的高低随原子序数而改变(见图 2.7), 甚至对同一原子, 电子占据的原子轨道变化之后, 各电子间的相互作用情况改变, 各原子轨道的能级也会发生变化。

核外电子组态一般可按上述规则写出, 例如:  $\text{Fe } 1s^2 2s^2 2p^6 3s^2 3p^6 3d^6 4s^2$ 。通常为了简化组态的表示法, 采用原子实加价电子层表示, 即

$$\text{Fe } [\text{Ar}] 3d^6 4s^2$$

这里原子实  $[\text{Ar}]$  是指  $\text{Fe}$  的原子核及基态时  $\text{Ar}$  的核外电子组态。在表达式中, 将主量子数小的写在前面。

电子在原子轨道中的填充次序, 在最外层常出现不规则现象, 它们有  $\text{Cr}, \text{Cu}, \text{Nb}, \text{Mo}, \text{Ru}, \text{Rh}, \text{Pd}, \text{Ag}, \text{La}, \text{Ce}, \text{Gd}, \text{Pt}, \text{Au}, \text{Ac}, \text{Th}, \text{Pa}, \text{U}, \text{Np}, \text{Cm}$  等。出现这种现象的原因一部分是由于满足  $d$  和  $f$  轨道为全充满或半充满的需要。

对多电子原子, 在知道它的组态及电子的自旋态后, 可用一总的波函数  $\psi(1, 2, \dots, n)$  来表示  $n$  个电子组成的原子的状态。

以  $\text{He}$  原子为例, 两个电子均处在  $1s$  轨道, 自旋相反, 即一个电子的自旋为  $\alpha$ , 另一个电子自旋为  $\beta$ 。这时若仅用下式表示

$$\psi_{1s}(1)\alpha(1)\psi_{1s}(2)\beta(2)$$

则不能经受坐标的交换, 它不等于下式

$$\psi_{1s}(2)\alpha(2)\psi_{1s}(1)\beta(1)$$

为了满足 Pauli 原理, 即交换任意两个坐标, 全波函数为反对称

$$\psi(1, 2) = -\psi(2, 1)$$



这时需要将上面两部分进行线性组合,即

$$\psi(1,2) = \frac{1}{\sqrt{2}} [\psi_{1s}(1)\alpha(1)\psi_{1s}(2)\beta(2) - \psi_{1s}(2)\alpha(2)\psi_{1s}(1)\beta(1)]$$

式中  $1/\sqrt{2}$  为归一化因子。这一表达式通常写成 Slater 行列式的形式

$$\psi(1,2) = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} \psi_{1s}(1)\alpha(1) & \psi_{1s}(2)\alpha(2) \\ \psi_{1s}(1)\beta(1) & \psi_{1s}(2)\beta(2) \end{vmatrix}$$

含  $n$  个电子的 Slater 行列式为

$$\psi(1,2,\dots,n) = \frac{1}{\sqrt{n!}} \begin{vmatrix} \phi_1(1) & \phi_1(2) & \cdots & \phi_1(n) \\ \phi_2(1) & \phi_2(2) & \cdots & \phi_2(n) \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ \phi_n(1) & \phi_n(2) & \cdots & \phi_n(n) \end{vmatrix}$$

式中  $\phi_1, \phi_2, \dots, \phi_n$  表示由轨道波函数和自旋波函数共同组成的一种波函数。

## 2.5 元素周期表与元素周期性质<sup>[12]</sup>

### 1. 元素周期表

元素周期表的确立是化学发展史上的里程碑。1869 年, Mendeleev(门捷列夫)将已发现的 63 种元素按其原子量及化学和物理性质的周期性和相似性排列成表,称元素周期表。在元素周期表中,具有相似性质的化学元素按一定的规律周期地出现,体现出元素的周期性。

现在使用最多的长周期表共分 7 个周期、18 个族,如表 2.4 所示。表中周期数与基态电子组态中电子开始充填的最高的主量子数相对应。同一族元素则具有相似的价电子组态,因而它们有着相似的化学性质。周期表根据价电子组态可分 5 个区:

表 2.4 元素周期表

族	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18
周期	1A	2A	3A	4A	5A	6A	7A	8	9	10	11B	12B	13A	14A	15A	16A	17A	18A
1	H 1.008																	He 4.003
2	Li 6.941	Be 9.012																
3	Na 22.99	Mg 24.31																
4	K 39.10	Ca 40.08	Sc 44.96	Ti 47.87	V 50.94	Cr 52.00	Mn 54.94	Fe 55.85	Co 58.93	Ni 58.69	Cu 63.55	Zn 65.39	Ga 69.72	Ge 72.61	As 74.92	Se 78.96	Br 79.90	Kr 83.80
5	Rb 85.47	Sr 87.62	Y 88.91	Zr 91.22	Nb 92.91	Mo 95.94	Tc (98)	Ru 101.1	Rh 102.9	Pd 106.4	Ag 107.9	Cd 112.4	In 114.8	Sn 118.7	Sb 121.8	Te 127.6	I 126.9	Xe 131.3
6	Cs 132.9	Ba 137.3	[57-71]	Hf 178.5	Ta 180.9	W 183.8	Re 186.2	Os 190.2	Ir 192.2	Pt 195.1	Au 197.0	Hg 200.6	Tl 204.4	Pb 207.2	Bi 209.0	Po (209)	At (210)	Rn (222)
7	Fr (223)	Ra (226)	[89-103]	Unq (261)	Unp (262)	Unh (263)	Uns (262)	Uno (263)	Unl (265)									
			镧系															
				La 138.9	Ce 140.1	Pr 140.9	Nd 144.2	Pm (145)	Sm 150.4	Eu 152.0	Gd 157.3	Tb 158.9	Dy 162.5	Ho 164.9	Er 167.3	Tm 168.9	Yb 173.0	Lu 175.0
			锕系															
				Ac (227)	Th 232.0	Pa 231.0	U 238.0	Np 237.0	Pu (244)	Am (243)	Cm (247)	Bk (247)	Cf (251)	Es (252)	Fm (257)	Md (258)	No (259)	Lr (260)

元素分区	范 围	价 电 子 组 态
s 区	1→2 族	$ns^{1 \sim 2}$ ( $ns^1$ 为碱金属, $ns^2$ 为碱土金属)
p 区	13→18 族	$ns^2 np^{1 \sim 6}$
d 区	3→10 族	$(n-1)d^{1 \sim 9} ns^{1 \sim 2}$
ds 区	11→12 族	$(n-1)d^{10} ns^{1 \sim 2}$
f 区	镧系和锕系	$(n-2)f^{0 \sim 14} (n-1)d^{0 \sim 2} ns^2$

s 区和 p 区元素只有最外层一层未填满电子或全填满电子, 称为主族元素(族的序号又标为 I A—VIII A 诸族)。主族元素共计有 44 个, 其余为副族元素。d 区元素常称过渡元素, 它们是涉及 d 轨道未填满电子的元素, d 轨道将参加成键。有时人们把过渡元素的范围扩大到包括 ds 区和 f 区元素。

## -2- 原子结构参数

原子的性质常用原子结构参数表示。例如原子的大小用原子半径表示, 化合物中原子吸引价电子能力的相对大小用电负性表示, 电离原子所需能量用电离能表示。原子结构参数就是指原子半径( $r$ )、原子核荷电量( $Z$ )、有效核电荷( $Z^*$ )、第一电离能( $I_1$ )、第二电离能( $I_2$ )、电子亲和能( $Y$ )、电负性( $\chi$ )、化合价、电子结合能等。有时还用两个原子结构参数组合成新的参数, 如  $\frac{Z^*}{r}$ 、 $\frac{Z^2}{r}$ 、( $I_1 + Y$ )等来表示原子的性质。

原子结构参数可分两类: 一类是和自由原子的性质关联, 如原子的电离能、电子亲和能、原子光谱谱线的波长等, 它们是指气态原子的性质, 与别的原子无关, 因而数值单一。当然实验测定这些性质时, 各种不同的实验方法会有不同的误差和不同的准确度。这类结构参数的理论计算值也会随所用模型和计算方法不同而有差异。另一类是指化合物中表征原子性质的参数, 如原子半径、电负性和电子结合能等, 同一种原子在不同条件下有不同的数值。例如, 原子中电子的分布是连续函数, 没有明显的边界出现, 因而原

子的大小没有单一的、绝对的含义,表示原子大小的原子半径是指化合物中相邻两个原子的接触距离为该两个原子的半径之和。不同的化合物原子间的距离不同,原子半径随所处环境而变。原子间距离可通过实验准确测定,但对两个原子半径的划分和推求又受到所给条件的制约。因此标志原子大小的半径有共价单键半径、共价双键半径、离子半径、金属原子半径和范德华半径等等,而且其数值具有统计平均的含义。

### 3- 原子的电离能

原子的电离能和原子结构密切相关,用以衡量一个原子或离子丢失电子的难易程度,非常明显地反映出元素性质的周期性。

图 2.8 示出原子的  $I_1$  和  $I_2$  与原子序数  $Z$  的关系图。由图中

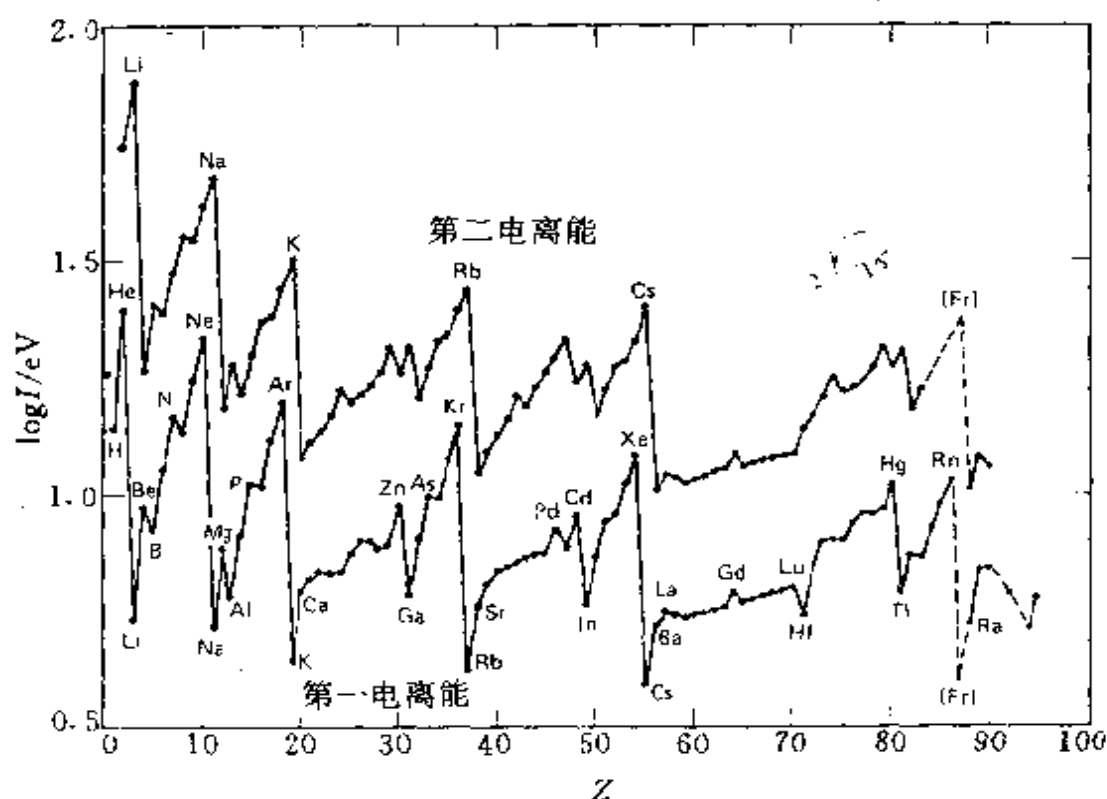


图 2.8 原子的第一电离能( $I_1$ )和第二电离能( $I_2$ )与原子序数( $Z$ )的关系

$I_1-Z$  的曲线可见:

(1) 稀有气体的电离能总是处于极大值,而碱金属处于极小值。这是由于稀有气体的原子形成完满电子层,从完满电子层上移去一个电子是很困难的。碱金属只有一个电子在完满电子层之外,很易失去。但若再电离第二个电子就困难了,所以碱金属容易形成一价正离子。碱土金属的  $I_1$  比碱金属稍大一些,  $I_2$  仍比较小,其原因和碱金属的  $I_1$  较小一样,因此碱土金属较易成二价正离子。

(2) 除过渡金属元素外,同一周期元素的  $I_1$ ,基本上随着原子序数的增加而增加,例如  $H \rightarrow He$ 、 $Li \rightarrow Ne$ 、 $Na \rightarrow Ar$ 、 $K \rightarrow Xe$  等等。而同一族元素随原子序数的增加,  $I_1$  趋于减小,因此周期表左下角的碱金属的第一电离能最小,最容易丢失电子成正离子,金属性最强。周期表右上角的稀有气体元素的  $I_1$  最大,最不易丢失电子。

(3) 过渡金属元素的第一电离能不甚规则地随原子序数增加。对于同一周期的元素,最外层  $ns^2$  相同,当核增加一正电荷,在  $(n-1)d$  轨道增加一个电子,这个电子大部分处在  $ns$  之内,故随核电荷增加,有效核电荷增加不多。

(4) 同一周期中,第一电离能有些曲折变化,如由  $Li \rightarrow Ne$  并非单调上升,  $Be$ 、 $N$ 、 $Ne$  都较相邻两元素为高,这是由于能量相同的轨道电子填充出现全满,半满或全空等情况。 $Li$  的第一电离能最低,由  $Li$  到  $Be$  随核电荷升高电离能升高,这是由于  $Be$  为  $2s^2$  的电子组态。 $B$  失去一个电子可得  $2s^2 2p^0$  的结构,所以  $B$  的第一电离能反而比  $Be$  低;氮原子有较高的电离能因它为半充满的  $p^3$  组态;氧原子的电离能又低于氮原子,因失去一个电子可得半充满的  $p^3$  组态,  $Ne$  为  $2s^2 2p^6$  的稳定结构,在这一周期中电离能最高。

由图中的  $I_2-Z$  曲线可见:

(1)  $I_2$  总是大于  $I_1$ ,所以  $I_2-Z$  曲线在  $I_1-Z$  曲线的上方,曲线形状相似,但峰值向  $Z$  增大一个的方向移动。

(2) 碱金属的  $I_2$  具有极大值,即  $Li^+$ 、 $Na^+$ 、 $K^+$ 、 $Rb^+$ 、 $Cs^+$  分别和  $He$ 、 $Ne$ 、 $Ar$ 、 $Kr$ 、 $Xe$  为等电子体,具有完整的闭壳层电子组态,

而且这些离子比中性稀有气体原子有更多的有效核正电荷吸引住电子,使外层电子束缚更紧,在一般化学反应条件下,碱金属不可能变成  $M^{2+}$  离子。

(3) 碱土金属 Be, Mg, Ca, Sr, Ba 在  $I_2$ -Z 曲线上处于极小值,容易电离成二价正离子。可以预见,在  $I_3$ -Z 曲线中将处于极大值,不能形成  $M^{3+}$  离子。图 2.8 能更明显地反映出各族元素的化学性质。

#### -4- 电子亲合能

气态原子获得一个电子成为一价负离子时所放出的能量称为电子亲合能  $Y$ ,即



由于负离子的有效核电荷较原子少,电子亲合能的绝对数值一般约比电离能小一个数量级,加之数据测定的可靠性较差,重要性不如电离能。

电子亲合能的大小涉及核的吸引和核外电荷相斥两因素:电子亲合能随原子半径减小增大;后者当原子半径小电子云密度大,电子间排斥力强。故同一周期和同一族元素都没有单调变化规律。

表 2.5 列出主族元素的电子亲合能(单位: eV)。从原子结构

表 2.5 主族元素的电子亲合能<sup>[8]</sup>

H							He
0.7542							(-0.5)
Li	Be	B	C	N	O	F	Ne
0.6180	(-0.5)	0.277	1.2629	-0.07	1.4611	3.399	(-1.2)
Na	Mg	Al	Si	P	S	Cl	Ar
0.5479	(-0.4)	0.441	1.385	0.7465	2.0771	3.617	(-1.0)
K	Ca	Ga	Ge	As	Se	Br	Kr
0.5015	(-0.3)	0.30	1.2	0.81	2.0207	3.365	(-1.0)
Rb	Sr	In	Sn	Sb	Te	I	Xe
0.4859	(-0.3)	0.3	1.2	1.07	1.9708	3.0591	(-0.8)
Cs	Ba	Tl	Pb	Bi	Po	At	Rn
0.4716	(-0.3)	0.2	0.364	0.946	1.8	2.8	(-0.7)

的直观概念分析,原子核外电子的屏蔽不会大于核电荷数,中性原子的有效核电荷必定大于零。所以,负值大的电子亲合能是不合理的。表中除 N 外所有的负值都是由理论计算得到,可能计算所用的模型不够完善。由此出发,在电子亲合能的实验测定数据为负值时,可以将它看作零,在表 2.5 中将这些数据加上括号。

## -5- 电负性

“电负性”由 Pauling 提出,用以量度原子对成键电子吸引能力的相对大小。当 A 和 B 两种原子结合成双原子分子 AB 时,若 A 的电负性大,则生成分子的极性是  $A^{\delta-}B^{\delta+}$ ,即 A 原子带有较多的负电荷, B 原子带有较多的正电荷;反之,若 B 的电负性大,则生成分子的极性是  $A^{\delta+}B^{\delta-}$ 。分子的极性愈大,离子键成分愈高,因此电负性也可看作是原子形成负离子倾向相对大小的量度。

Pauling 的电负性标度  $\chi_P$  是用两元素形成化合物时的生成焓的数值来计算的。他认为若 A 和 B 两个原子的电负性相同, A—B 键的键能应为 A—A 键和 B—B 键键能的几何平均值。而大多数 A—B 键的键能均超过此平均值,此差值可用以测定 A 原子和 B 原子电负性的依据。例如, H—F 键的键能为  $565 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,而 H—H 和 F—F 键的键能分别为  $436 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  和  $155 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。它们的几何平均值为  $(155 \times 436)^{\frac{1}{2}} = 260 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。差值  $\Delta$  为  $305 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。根据一系列电负性数据拟合,可得方程

$$\chi_A - \chi_B = 0.102 \Delta^{\frac{1}{2}}$$

F 的  $\chi$  为 4.0,这样 H 的电负性值为

$$4.0 - 0.102 \times (305)^{\frac{1}{2}} = 2.2$$

Mulliken(穆立根)认为,比较原子电负性的大小应综合考虑原子吸引外层电子的能力和抵抗丢失电子的能力。前者与电子亲合能成正比,后者与第一电离能成正比。Mulliken 的电负性标度  $\chi_M$  为  $I_1$  和  $Y$  数值之和(以 eV 为单位)乘以一个因子,使之与  $\chi_P$

接近。

Allred(阿尔雷特)和 Rochow(罗昭)提出计算电负性的方法。这一方法对大多数元素更容易应用,因为根据静电库仑引力,核对外层价电子的引力是

$$F = \frac{Z^* e^2}{4\pi\epsilon_0 r^2}$$

式中  $Z^*$  是作用于价电子上的有效核电荷数,可按 Slater 提出的方法计算(见 2.4 节)。 $e$  代表一个电子的电荷, $r$  是原子的共价半径( $r$  单位为 pm)。为使计算出的电负性与 Pauling 的电负性数值尽可能符合,引入两个常数,得

$$\chi_{AR} = 3590 \frac{Z^*}{r^2} + 0.744$$

1989 年, L. C. Allen(阿伦)根据光谱数据提出电负性的定义:基态时自由原子价层电子的平均单电子能量<sup>[9]</sup>。他用下式计算主族元素(包括稀有气体)的电负性,获得电负性的绝对值为

$$\chi_s = \frac{m\epsilon_p + n\epsilon_s}{m + n}$$

式中  $m$  和  $n$  分别为 p 轨道和 s 轨道上的电子数; $\epsilon_p$  和  $\epsilon_s$  为一个原子的 p 轨道和 s 轨道上的电子的平均能量,可从光谱数据获得。为了和 Pauling 电负性值拟合,将  $\chi$  的 eV 单位乘以(2.30/13.60)因子,即得电负性的光谱标度  $\chi_s$ 。

表 2.6 列出主族元素及第一过渡系列元素的电负性值,由电负性数据可见:

(1) 金属元素的电负性较小,非金属元素的较大。电负性是判断元素金属性的重要参数。 $\chi=2$  可作为近似标志金属元素和非金属元素的分界点。

(2) 同一周期的元素由左向右随着族次增加,电负性增加。对第二周期元素,原子序数每增加一个,电负性值约增加 0.5。同一族元素随着周期的增加而减小。因此,电负性大的元素集中在周期



**表 2-6 元素的电负性值**  
(元素符号下面第一个数为  $\chi_P$ , 第二个数为  $\chi_S^{[15]}$ )

H							He		
2.20							—		
2.30							4.16		
Li	Be	B	C	N	O	F	Ne		
0.98	1.57	2.04	2.55	3.04	3.44	3.98	—		
0.91	1.58	2.05	2.54	3.07	3.61	4.19	4.79		
Na	Mg	Al	Si	P	S	Cl	Ar		
0.93	1.31	1.61	1.90	2.19	2.58	3.16	—		
0.87	1.29	1.61	1.92	2.25	2.59	2.87	3.24		
K	Ca	Ga	Ge	As	Se	Br	Kr		
0.82	1.00	1.81	2.01	2.18	2.55	2.96	—		
0.73	1.03	1.76	1.99	2.21	2.42	2.69	2.97		
Rb	Sr	In	Sn	Sb	Te	I	Xe		
0.82	0.95	1.78	1.96	2.05	2.10	2.66	—		
0.71	0.96	1.66	1.82	1.98	2.16	2.36	2.58		
Sc	Ti	V	Cr	Mn	Fe	Co	Ni	Cu	Zn
1.36	1.54	1.63	1.66	1.55	1.83	1.88	1.91	1.90	1.65
1.15	1.28	1.42	1.57	1.74	1.79	1.82	1.80	1.74	1.60

表的右上角,而小的在左下角。

(3) 电负性差别大的元素之间的化合物以离子键为主。电负性相近的非金属元素相互以共价键结合、金属元素相互以金属键结合。离子键、共价键和金属键是三种极限键型,由于键型变异,在化合物中出现一系列过渡性的化学键,电负性数据是研究键型变异的重要参数。

(4) 稀有气体在同一周期中电负性最高,这是因为它们具有极强的保持电子的能力,即  $I_1$  特别大。Ne 的电负性比所有开壳层电子结构的元素都高,它对价电子抓得极紧,以至于不能形成化学键。Xe 和 F、O 比较,电负性较低,可以形成氧化物和氟化物;Xe 和 C 的电负性相近,可以形成共价键。

第一个测定出晶体结构的包含 Xe—C 共价键的化合物为  $[\text{F}_5\text{C}_6\text{XeNCMe}]^+[(\text{C}_6\text{F}_5)_2\text{BF}_2]^- \text{MeCN}^{[10]}$ 。

## -6- 相对论效应对元素周期性质的影响<sup>[11]</sup>

相对论效应可理解为光速  $c$  的有限值

$$c = 2.99792458 \times 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1} = 137.036 \text{ au}$$

与把光速看作  $\infty$  时互相比较所产生的差异的效应。从相对论推得物质质量  $m$  的表达式为

$$m = m_0 \sqrt{1 - \left(\frac{v}{c}\right)^2}$$

式中  $m_0$  为静止质量,  $v$  为物质运动速度。

下面近似地在 Bohr 理论上对相对论效应作一些定性的解释。按 Bohr 模型, H 原子 1s 电子的运动速度为

$$v = \frac{e^2}{2\epsilon_0 h} = 1 \text{ au} = 2.187 \times 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$$

这数值只有光速的  $1/137$ 。此时质量  $m$  为  $m_0$  的 1.00003 倍, 差别不大。对原子序数为  $Z$  的原子, 可近似算得 1s 电子的平均速度为  $Z \text{ au}$ , 速度增大  $Z$  倍。对重原子,  $Z$  值很大, 相对论效应就显著。例如 Hg 原子  $Z=80$ , 可估算其质量

$$m = m_0 \sqrt{1 - \left(\frac{80}{137}\right)^2} = 1.23 m_0$$

$m$  约为  $m_0$  的 1.23 倍。 $m$  增大, 电子绕核运动的半径( $r$ )收缩, 这可从 Bohr 原子结构模型推出的半径

$$r = \frac{n^2 h^2 \epsilon_0}{\pi m e^2 Z}$$

来理解。电子靠近原子核, 能量降低, 此即相对论的稳定效应。因为同一原子中所有原子轨道必须互相正交, 所以 2s, 3s, 4s, 5s 和 6s 等轨道也必将产生大小相当的轨道收缩和相应的能量降低效应。

第六周期元素的许多性质可用 6s 轨道上的电子具有特别大的相对论稳定效应加以解释。

## 1. 基态电子组态

对比第五周期和第六周期 d 区元素的电子组态,可以明显看出:由于第六周期元素 6s 轨道电子相对论稳定效应大,导致元素的基态电子组态从第五周期价层的  $4d^x5s^1$  变为第六周期价层的  $5d^{x-1}6s^2$ ,如表 2.7 所示。

表 2.7 第五、六周期过渡元素的电子组态

周期数	族 数					
	5	6	7*	8	9	10
五	Nb $d^4s^1$	Mo $d^5s^1$	Tc $d^5s^2$	Ru $d^7s^1$	Rh $d^8s^1$	Pd $d^{10}$
六	Ta $d^3s^2$	W $d^4s^2$	Re $d^5s^2$	Os $d^6s^2$	Ir $d^7s^2$	Pt $d^9s^1$

\* Tc 的  $d^5$  是半充满。

## 2. $(6s)^2$ 惰性电子对效应

相对论效应使第六周期元素的 6s 能级下降幅度大于第五周期元素的 5s 能级,是促成惰性电子对效应出现的重要因素。Tl, Pb, Bi 在化合物中常保持低价态,出现  $Tl^+$ ,  $Pb^{2+}$ ,  $Bi^{3+}$  化合物。从电离能数据可看出其根源,  $Tl^+$  的半径 150 pm,比  $In^+$  的 140 pm 大,但第二、三电离能  $I_2$ ,  $I_3$  的平均值对 Tl 为  $4848 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,对 In 为  $4524 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,相差达 7%。即  $Tl^+$  的半径虽大,但最外层的 6s 电子却比  $In^+$  更难于电离。

## 3. 金和汞性质的差异

金和汞有相似的电子结构



由于 6s 轨道收缩,能级显著下降,与 5d 轨道一起形成最外层的价轨道。这时金具有类似于卤素的电子组态,差一个电子即为满壳层,它的有些化学性质和卤素相似,例如金能生成  $\text{Au}_2$  分子,存在于气相之中。金可生成  $\text{RbAu}$  和  $\text{CsAu}$  等离子化合物,其中  $\text{Au}^{-1}$  为 -1 价离子,如同卤素得一电子形成稳定的闭壳层结构。汞具有类似于稀有气体的电子组态,气态以单原子分子存在。在图 2.8 中

$I_1$ - $Z$  曲线上,汞和稀有气体相似,处于极大值。金属汞中原子间结合力一部分是范德华引力。和金相比,金属汞性质上有显著差异:

- 汞密度低,为  $13.53 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ;金密度高,为  $19.32 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ 。

- 汞熔点低,为  $-39^\circ\text{C}$ ,常温下是液体;金熔点高达  $1064^\circ\text{C}$ 。

- 汞熔化热低,为  $2.30 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ;金的熔化热高,为  $12.8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。

- 汞导电性差,电导为  $10.4 \text{ kS} \cdot \text{m}^{-1}$ ;金是良导体,电导为  $426 \text{ kS} \cdot \text{m}^{-1}$ 。

- 汞可存在  $\text{Hg}_2^{2+}$  离子,此时正好和  $\text{Au}_2$  是等电子体。

#### 4. 金属的熔点

第六周期过渡金属及同周期的碱金属和碱土金属的熔点分布示于图 2.9 中。由图可见,从 Cs 起随着原子序数增加,熔点稳定上

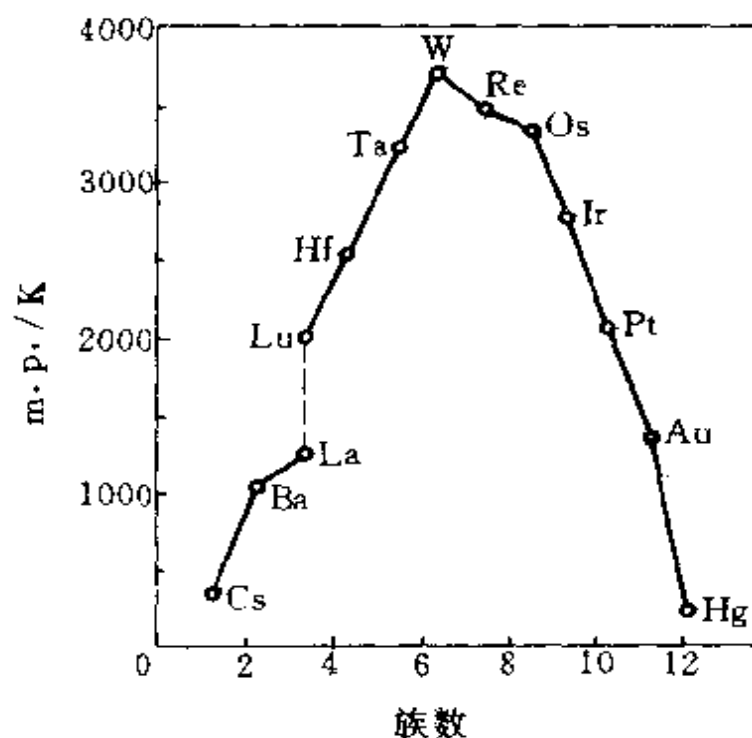


图 2.9 第六周期从 Cs 到 Hg 金属熔点的分布

升,到 W 达极大;从 W 起随原子序数增加,熔点逐步下降,到 Hg 为最低。

上述现象的出现,我们认为和相对论效应有关,即 6s 轨道收缩,能级降低,与 5d 轨道一起共同组成 6 个价轨道。在金属中这 6 个价轨道和周围配位的相同原子的价轨道产生相互叠加作用。由于这 6 个价轨道和配位环境的对称性都很高,各个轨道均能参加成键作用,不会出现非键轨道。不论周围金属原子的配位形式如何,平均而言,每个原子形成 3 个成键轨道和 3 个反键轨道(金属中这些轨道进一步叠加形成能带),电子按能量由低到高顺序填在这些轨道上。若简单地从每个原子的轨道填充情况分析,价电子数少于 6 个时,电子填入成键轨道。随着电子数的增加,能量降低增多,结合力加强,熔点稳定地逐步上升。当价电子数为 6 个时(W 原子),能级低的成键轨道占满,而能级高的反键轨道全空,这时结合力最强,熔点最高。多于 6 个电子时,电子填在反键轨道上,结合力随着电子数的增加逐步减弱,相应地熔点随着电子数增加逐步稳定下降,直至 Hg,这时 12 个价电子将成键轨道和反键轨道全部填满,原子间没有成键效应,与稀有气体相似,熔点最低。

相似的变化趋势也出现在第四周期由 K 到 Zn 和第五周期由 Rb 到 Cd 的金属中,但其效应不如第六周期显著。

金属的硬度、电导等其他一些物理性质也可从这种电子填充情况进行分析,理解其规律。

原子的结构和元素周期律为我们认识复杂多样的元素性质、了解百余种元素之间的相互联系和内部结构以及结构和性质间的联系提供了重要的途径。按照原子的内部结构和元素的周期律,依循量变与质变的关系,可预示和系统掌握元素及其化合物的各种性质,从而相对提高了指导实际工作的预见性,减少了盲目性。

人们对原子结构和元素周期律的认识是不断发展的。例如曾被人们称为惰性气体的元素,以往认为它们是化学惰性物质,是不和其他元素化合的,但在 1962 年 Bartlett 从室温下  $O_2$  和  $PtF_6$  反

应生成红色晶体  $\text{O}_2\text{PtF}_6$  (由  $\text{O}_2$  和  $\text{PtF}_6$  形成的盐) 和 Xe 的第一电离能与  $\text{O}_2$  很接近 ( $\text{O}_2$  的第一电离能为 12.12 eV, 而 Xe 的第一电离能为 12.13 eV) 的事实出发, 因此而考虑  $\text{Xe}^+$  和  $\text{PtF}_6^-$  很可能有足够的点阵能使 Xe 和  $\text{PtF}_6$  化合。他用 Xe 和  $\text{PtF}_6$  反应, 果然在室温下制得红色  $\text{XePtF}_6$  晶体。以后人们将 Xe 和  $\text{F}_2$  直接化合, 获得  $\text{XeF}_2$ 、 $\text{XeF}_4$ 、 $\text{XeF}_6$  等化合物, 打开了惰性气体的新篇章, 并以“稀有气体”的名词代替“惰性气体”。又例如, 人们制得  $\text{Ni}(\text{CO})_4$ 、 $\text{K}_4\text{Ni}(\text{CN})_6$ 、 $\text{K}_4\text{Pd}(\text{CN})_6$  等化合物, 其中 Ni 和 Pd 为零价。

这些实例说明, 人们的认识在改造客观世界中不断深化, 世界上并不存在绝对不变的事物, 也不存在绝对不可逾越的鸿沟, 只要条件合适就能转化。

## 2.6 原子光谱

### 2.6.1 原子光谱和光谱项

原子中的电子都处于一定的运动状态, 每一状态都具有一定的能量。在无外来作用时, 原子中各个电子都尽可能处于最低能级, 从而使整个原子的能量最低。原子的这种状态称为基态。当原子受到外来作用 (例如光照或快速电子的冲击) 时, 它的一个或几个电子吸收能量后跃迁到较高能级, 从而使原子处于能量较高的新状态, 此状态称作激发态。原子由基态跃迁到激发态的过程称为激发。激发态是一种寿命极短的不稳定状态, 原子随即跃迁回基态, 这一过程叫做退激。与此相应的是原子以发光或其他形式将多余的能量释放出来。

原子从某一激发态跃迁回基态, 发射出具有一定波长的一条光线, 而从其他可能的激发态跃迁回基态以及在某些激发态之间的跃迁都可发射出具有不同波长的光线, 这些光线形成一个系列 (谱), 称为原子发射光谱。另一方面, 将一束白光通过某一物质, 若该物质中的原子吸收其中某些波长的光而发生跃迁, 则白光通过

物质后将出现一系列暗线,如此产生的光谱称为原子吸收光谱。

当某一原子由高能级  $E_2$  跃迁到低能级  $E_1$  时,发射出与两能级之差相应的谱线,其波数可表达为下列两项之差,即

$$\tilde{\nu} = \frac{E_2 - E_1}{hc} = \frac{E_2}{hc} - \frac{E_1}{hc}$$

事实上,原子光谱中的任何一条谱线都可写成两项之差,每一项与一能级对应,其大小相当于该能级的能量除以  $hc$ 。通常称这些项为光谱项,记为  $T_n$ ,即  $T_n = E_n/hc$ 。

如前所述,氢原子光谱中各谱线的波数可用式

$$\tilde{\nu} = \frac{R}{n_1^2} - \frac{R}{n_2^2}$$

表示。根据光谱项的定义及  $R$  和  $E_n$  的表达式(见 40 页及 49 页),氢原子的光谱项可表示为:  $T_n = -R/n^2$ 。下表由氢原子光谱的实验数据归纳得到。

Lyman(赖曼)系	$\tilde{\nu} = T_n - T_1$	( $n = 2, 3, 4, \dots$ )
Balmer(巴尔麦)系	$\tilde{\nu} = T_n - T_2$	( $n = 3, 4, 5, \dots$ )
Paschen(帕邢)系	$\tilde{\nu} = T_n - T_3$	( $n = 4, 5, 6, \dots$ )
Brackett(布拉开)系	$\tilde{\nu} = T_n - T_4$	( $n = 5, 6, 7, \dots$ )
Pfund(奋特)系	$\tilde{\nu} = T_n - T_5$	( $n = 6, 7, 8, \dots$ )

氢原子光谱各谱线的波数的规律性,已从氢原子的结构获得圆满的解释。对于多电子原子,虽然其原子光谱复杂得多,但仍可根据原子的结构进行合理的解释和预测。这说明原子的光谱是原子结构的反映,是由结构决定的。不同元素的原子,结构不同,能级不同,因而其光谱的性质(成分和强度)也不相同。光谱和结构之间存在着——对应的内在联系。因此,我们一方面要了解原子光谱是原子结构理论的重要实验基础之一,了解原子光谱实验在原子结构理论的产生、发展和不断完善过程中所起的作用;另一方面又要

重视原子结构理论在原子光谱的测定、解释及应用等方面的指导意义。在下面几小节中,首先介绍与原子结构相关的一些基本概念和原理,然后用这些概念和原理讨论一些简单的原子光谱。

## -2- 电子的状态和原子的能态

由上一小节讨论可知,和光谱实验对应的是原子所处的能级,而原子的能级与原子的整体运动状态有关。那么,如何描述原子的运动状态呢?

对于单电子原子,由于只有一个核外电子,因而其运动状态可用该电子的运动状态来表示。换言之,原子的量子数就是电子的量子数,即  $n, l, j$  和  $m_j$  或  $n, l, m$  和  $m_j$ 。

对于多电子原子,可近似地认为原子中的电子在各自的轨道上运动,其运动状态由轨道波函数或量子数  $n, l, m$  描述。每个电子还有自旋运动,其运动状态由自旋波函数或量子数  $s$  和  $m_s$  来描述。在这 5 个量子数中,  $n, l, s$  与磁场无关,而  $m$  和  $m_s$  则与磁场有关。人们常用各电子的量子数  $n, l$  表示无磁场作用下的原子状态,如此表示的状态称为组态。而把量子数  $m$  和  $m_s$  也考虑进去的状态称为原子的微观状态,它是原子在磁场作用下的运动状态。

整个原子的运动状态应是各个电子所处的轨道和自旋状态的总和。但是,上述量子数是从量子力学的近似处理得到的,它们既未涉及电子间的相互作用,也未涉及轨道运动和自旋运动的相互作用,因而用各个电子的运动状态的简单加合还不足以表达原子整体的运动状态,故不能和原子光谱实验观测到的数据直接联系。和原子光谱实验直接相联系的是原子的能态,它由一套原子的量子数  $L, S, J$  来描述。这些量子数分别规定了原子的轨道角动量  $M_L$ 、自旋角动量  $M_S$  和总角动量  $M_J$ ,这些角动量在磁场方向上的分量则分别由量子数  $m_L, m_S$  和  $m_J$  规定:

$$\text{原子的角量子数 } L \qquad |M_L| = \sqrt{L(L+1)} \frac{h}{2\pi}$$



原子的磁量子数 $m_L$	$(M_L)_z = m_L \frac{h}{2\pi}$
原子的自旋量子数 $S$	$ M_S  = \sqrt{S(S+1)} \frac{h}{2\pi}$
原子的自旋磁量子数 $m_S$	$(M_S)_z = m_S \frac{h}{2\pi}$
原子的总量子数 $J$	$ M_J  = \sqrt{J(J+1)} \frac{h}{2\pi}$
原子的总磁量子数 $m_J$	$(M_J)_z = m_J \frac{h}{2\pi}$

原子的每一个光谱项都与一确定的原子能态相对应,而原子的能态可由原子的量子数表示。因此,原子的光谱项可由原子的量子数来表示。表示的方法是:  $L$  值为  $0, 1, 2, 3, 4, \dots$  的能态用大写字母  $S, P, D, F, G, \dots$  表示,将  $(2S+1)$  的具体数值写在  $L$  的左上角,  $^{2S+1}L$  即原子的光谱项,如  $^1S, ^3P$  等。轨道-自旋相互作用使每个光谱项分裂为  $(2S+1)$  或  $(2L+1)$  个光谱支项,即有  $(2S+1)$  或  $(2L+1)$  个不同的  $J$ 。在光谱项的右下角写出  $J$  的具体数值,便可得到相应的光谱支项  $^{2S+1}L_J$ , 如  $^1S_0, ^3P_2$  等。 $2S+1$  称做光谱项的多重性。

多电子原子的能态可用原子的量子数  $L, S$  和  $J$  来表示,而原子在磁场中表现的微观能态又与原子的磁量子数  $m_L, m_S$  和  $m_J$  有关,那么,这些量子数可取哪些数值,且怎样推求?这里的关键是抓住角动量矢量加和这个实质问题,并且正确理解电子的量子数和原子的量子数之间的关系,特别是磁量子数在联系两套量子数中的作用。

每个电子都有轨道角动量和自旋角动量,而原子的总角动量等于这些电子的轨道角动量和自旋角动量的矢量和。加和的方法有两种:一种是将每一电子的轨道角动量加和得到原子的轨道角动量,将每一电子的自旋角动量加和得到原子的自旋角动量,然后再将原子的轨道角动量和自旋角动量合成为原子的总角动量。此法称为  $L-S$  耦合法(注意,虽然如此称谓,但不意味着是量子数的

加和（—量子数本身不是矢量）。另一种是先把每一电子的轨道角动量和自旋角动量合成为该电子的总角动量，然后再将每个电子的总角动量合成为原子的总角动量。此法称为  $j-j$  耦合法。实验表明， $L-S$  耦合法适用于原子序数小于 40 的轻原子，而  $j-j$  耦合法适用于重原子。

### -3- 单电子原子的光谱项和原子光谱

#### 1. 氢原子光谱项的推引

氢原子核外只有一个电子，当其组态为  $(2p)^1$  时，该电子的轨道角动量和自旋角动量的矢量和就是该原子的总角动量。轨道角动量和自旋角动量在磁场中的取向分别示于图 2.10(a)和(b)中。p 电子的  $l=1$ ,  $m$  可为  $1, 0, -1$ ;  $S=1/2$ ,  $m_s$  可为  $1/2, -1/2$ 。图

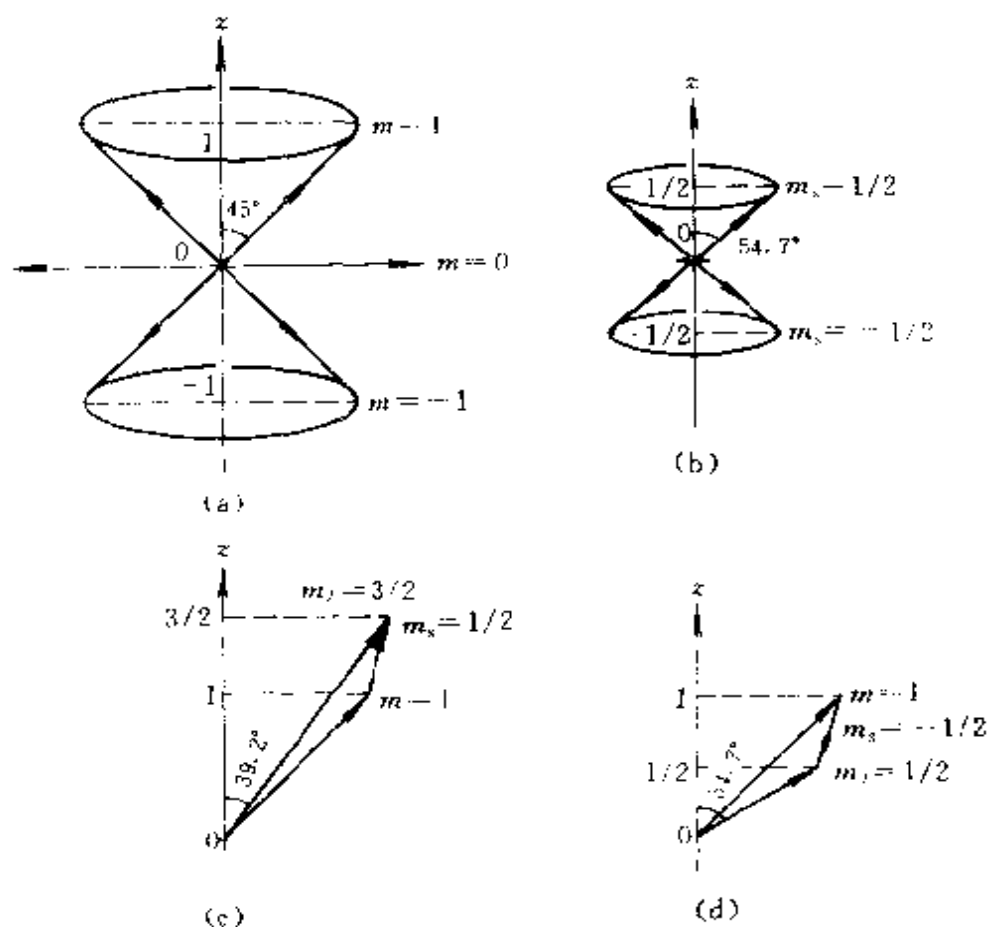


图 2.10 轨道角动量和自旋角动量的加和

中矢量长度以  $h/2\pi$  为单位。图(a)中,  $l=1$ , 角动量矢量长度为  $\sqrt{1(1+1)} = \sqrt{2}$ , 它在  $z$  轴上的投影(即  $m$  值)分别为 1, 0, -1。当  $m=1$ , 角动量矢量与  $z$  轴形成  $45^\circ$  的钝角, 即该矢量可处在绕该角锥的任意方向上。在图(b)中,  $s=1/2$ , 自旋角动量矢量长度为  $\sqrt{\frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}+1\right)} = 0.866$ , 它在  $z$  轴上的投影(即  $m_s$  值)分别为  $1/2$  和  $-1/2$ 。当  $m_s=1/2$ , 自旋角动量与  $z$  轴形成  $54.7^\circ$  钝角。将  $m=1$  和  $m_s=1/2$  的两个角动量矢量进行加和, 得到  $m_J=3/2$  的总角动量矢量, 如图(c)。把  $m=1$  和  $m_s=-1/2$  的角动量矢量加和, 得到  $m_J=1/2$  的角动量矢量, 如图(d)。继续进行其他  $m$  和  $m_s$  的矢量加和, 共得到  $m_J=3/2, 1/2, 1/2, -1/2, -1/2, -3/2$  六个矢量。从  $m_J=3/2, 1/2, -1/2, -3/2$  这四个值, 推得原子的总量子数  $J=3/2$ ; 从  $m_J=1/2, -1/2$  这两个数值, 推得原子的总量子数  $J=1/2$ 。

一个矢量包括大小和方向两方面内容。由图可见,  $(2p)^1$  这个电子的轨道角动量和自旋角动量相互耦合, 是通过  $m$  和  $m_s$  数值的加和关系求出  $m_J$  的数值, 进而得到  $J$ 。由  $J=3/2$  和  $1/2$  得到两个总角动量矢量, 其大小分别为

$$\sqrt{\frac{3}{2}\left(\frac{3}{2}+1\right)} \frac{h}{2\pi} \quad \text{和} \quad \sqrt{\frac{1}{2}\left(\frac{1}{2}+1\right)} \frac{h}{2\pi}$$

若不加外磁场这两个总角动量没有特定的取向。在磁场中则有严格的定向关系, 前者在磁场方向的分量只能为  $3/2, 1/2, -1/2, -3/2$  个  $h/2\pi$ ; 后者为  $1/2, -1/2$  个  $h/2\pi$ 。当  $J=3/2, m_J=3/2$  时(见图 2.10c), 可计算出该向量和  $z$  轴的夹角

$$\theta = \cos^{-1} \left[ \frac{\frac{3}{2}}{\sqrt{\frac{3}{2}\left(\frac{3}{2}+1\right)}} \right] = 39.2^\circ$$

由上述结果可见, 当无外加磁场且不考虑轨道运动和自旋运动相互作用时,  $(2p)^1$  组态只有一个能级, 对应的光谱项是  $^2P(L=$

1,  $S=1/2$ )。由于轨道运动和自旋运动的相互作用,原子能态出现两个能级,对应光谱支项分别为

$$^3P_{\frac{3}{2}}(L=1, S=1/2, J=3/2)$$

和

$$^3P_{\frac{1}{2}}(L=1, S=1/2, J=1/2)$$

在外加磁场中,这两个能级又分别分裂为 4 个和 2 个微观能级,即  $^3P$  谱项对应的 6 种微观能态,它与  $(2p)^1$  组态对应的 6 种微观状态数相等,如表 2.8 所示。

表 2.8 氢原子的微观状态和微观能态

电子的状态			原 子 的 能 态		
$l$	$m$	$m_s$	无外加磁场	在外加磁场中	
			不考虑 $l$ - $s$ 耦合	考虑 $l$ - $s$ 耦合	
1	1	$+\frac{1}{2}$			
1	+1	$-\frac{1}{2}$			$m_J=3/2$ ①
1	-1	$+\frac{1}{2}$			$1/2$ ②
1	-1	$-\frac{1}{2}$			$-1/2$ ③
1	-1	$-\frac{1}{2}$			$-3/2$ ④
1	0	$+\frac{1}{2}$			$1/2$ ⑤
1	0	$-\frac{1}{2}$	$-1/2$ ⑥		

同理可推得氢原子  $(1s)^1$  组态的光谱项为  $^2S$ , 光谱支项为  $^2S_{\frac{1}{2}}$ ,  $m_j$  为  $1/2$  和  $-1/2$ 。

## 2. 氢原子 $(2p)^1 \rightarrow (1s)^1$ 跃迁的光谱

电子由高能级向低能级跃迁,原子的能态改变就会发射出光。实验证明并非任何两个能级之间都可发生跃迁,而要满足一定的选律。氢原子发射光谱的选律为:  $\Delta n$  任意;  $\Delta l = \pm 1$ ;  $\Delta j = 0, \pm 1$ ;  $\Delta m_j = 0, \pm 1$ 。

根据选律,可得 H 原子光谱  $2p \rightarrow 1s$  态跃迁的情况,示于图 2.11 中。在无外磁场影响,使用低分辨光谱仪时,  $2p \rightarrow 1s$  出现一

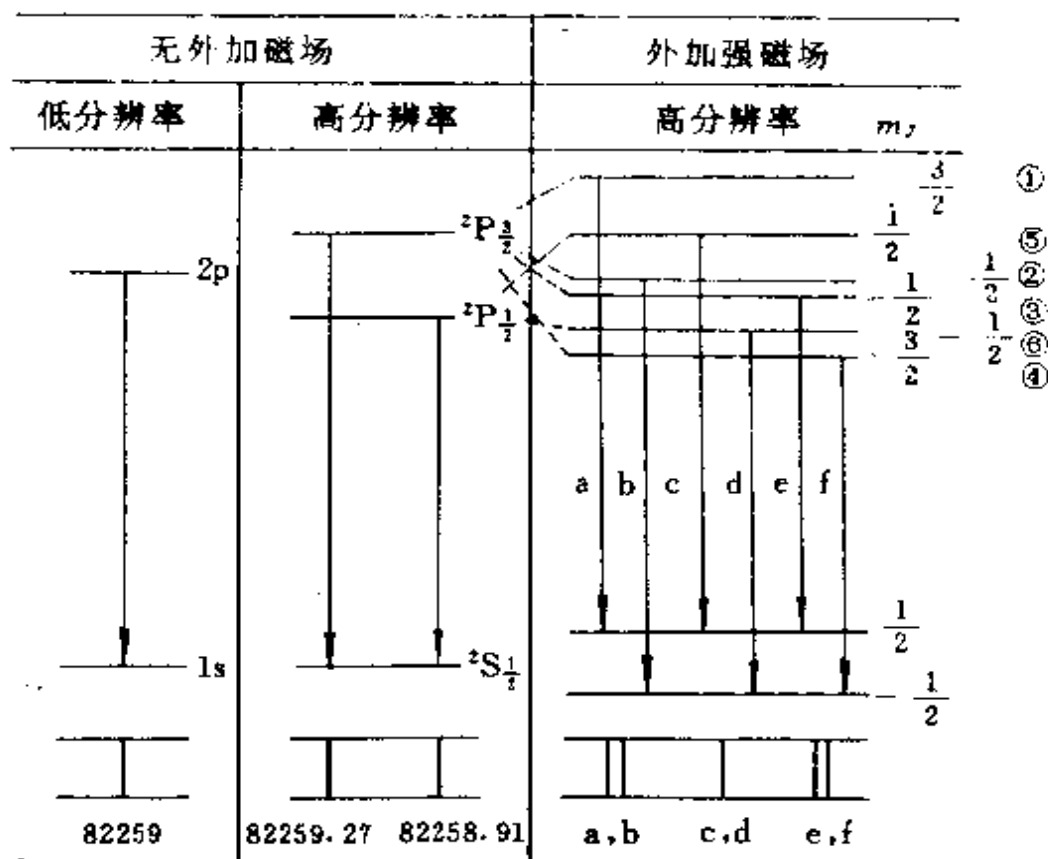


图 2.11 H 原子  $2p \rightarrow 1s$  跃迁的能级和谱线  
(单位为  $\text{cm}^{-1}$ )

条谱线,  $\tilde{\nu} = 82259 \text{ cm}^{-1}$ , 此即 H 原子光谱 Lyman 系的第一条谱线。若无外加磁场, 用高分辨光谱仪, 可看出上述谱线的精细结构, 这条谱线是由相隔很近的两条谱线组成。若外加很强的磁场, 而且用分辨率很高的光谱仪, 则可观察到五条谱线, 这五条谱线外侧两条线相处极近; 若当作三条谱线, 称为正常 Zeeman 效应; 若当作五条线看, 称为反常 Zeeman 效应。

### 3. 碱金属原子光谱

碱金属原子只有 1 个价电子, 其余  $(Z-1)$  个电子与核一起形成原子实, 在普通的原子光谱中, 原子实没有变化, 所以碱金属原

子光谱类似于氢原子光谱。

钠原子的基态为  $[\text{Ne}](3s)^1$ , 激发态的价电子可为  $(np)^1$ 、 $(nd)^1$  ( $n=3, 4, 5, \dots$ ) 或  $(ns)^1$ 、 $(nf)^1$  ( $n=4, 5, 6, \dots$ )。根据选律, 钠原子光谱只包括如图 2.12 所示的谱线系

$np \rightarrow 3s$	主系 ( $n \geq 3$ )
$ns \rightarrow 3p$	锐系 ( $n \geq 4$ )
$nd \rightarrow 3p$	漫系 ( $n \geq 3$ )
$nf \rightarrow 3d$	基系 ( $n \geq 4$ )

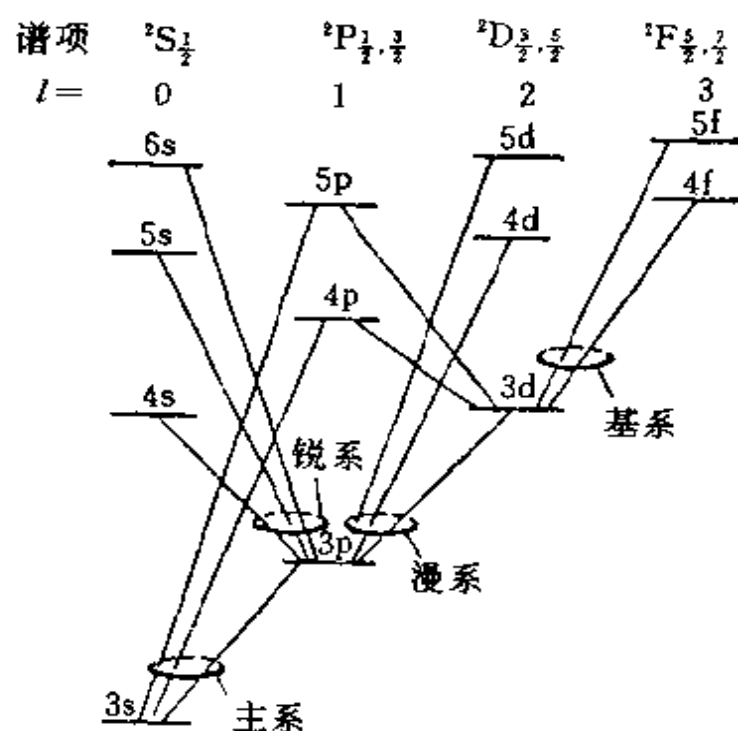


图 2.12 钠原子的能级和允许的单电子跃迁

通常观察到钠的黄色谱线(D线)为  $3p \rightarrow 3s$  跃迁所得谱线。 $(3p)^1$  组态有两个光谱支项:  $^2P_{3/2}$  和  $^2P_{1/2}$ , 所以 D 线为双线, 它们对应的跃迁及波数如下

$$3p(^2P_{1/2}) \longrightarrow 3s(^2S_{1/2}) \quad 16960.85 \text{ cm}^{-1} (589.5930 \text{ nm})$$

$$3p(^2P_{3/2}) \longrightarrow 3s(^2S_{1/2}) \quad 16978.04 \text{ cm}^{-1} (588.9963 \text{ nm})$$

## 4- 多电子原子的光谱项

### 1. 多电子原子光谱项的推求

对多电子体系可先利用下式由各个电子的  $m_l$  和  $m_s$  求得原子的  $m_L$  和  $m_S$

$$m_L = \sum_i m_{li}$$
$$m_S = \sum_i (m_{si})_i$$

进一步求出  $L$  和  $S$ , 再由  $L$  和  $S$  求出  $J$ 。

$m_L$  的最大值即  $L$  的最大值。 $L$  还可能有较小的值, 但必须相隔整数1。 $L$  的最小值不一定为0。根据矢量加和规则, 就能判断  $L$  的最小值, 从而可写出与组态对应的全部  $L$  值。一个  $L$  之下可有  $0, \pm 1, \pm 2, \dots, \pm L$  共  $(2L+1)$  个不同的  $m_L$  值。

$m_S$  的最大值即  $S$  的最大值。 $S$  还可能有较小的值, 但也必须不断减1。 $S$  的最小值为  $1/2$  或  $0$ 。一个  $S$  之下可以有  $S, S-1, S-2, \dots, -S$ , 共  $(2S+1)$  个不同的  $m_S$  值。

有了  $L$  和  $S$ , 即可求出  $J (J=L+S, L+S-1, \dots, |L-S|)$ , 每个  $J$  之下可有  $J, J-1, J-2, \dots, -J$ , 共  $(2J+1)$  个  $m_J$  值。

对多电子体系用  $L-S$  耦合法推引原子的光谱项和光谱支项, 可分两种情况讨论: 一是等价电子组态, 即电子具有完全相同的主量子数和角量子数的组态, 如  $(np)^2$ ; 二是非等价电子组态, 即电子的主量子数和角量子数中至少有一个是不相同的组态, 如  $(2p)^1(3p)^1$  或  $(3p)^1(3d)^1$  等。由于受 Pauli 原理及电子不可分辨性的限制, 两种组态光谱项的推求方法不同。

(1) 非等价电子组态。由于至少已有一个量子数不同, 光谱项推引较容易。只要将  $L$  和  $S$  组合起来, 即可求出所有可能的光谱项。例如  $(2p)^1(3p)^1$  组态, 由  $l_1=1, l_2=1$ , 可得  $L=2, 1, 0$ ; 由  $s_1=1/2, s_2=1/2$ , 可得  $S=1, 0$ 。将  $L$  和  $S$  组合在一起, 可得 6 个光谱项:  ${}^3D, {}^3P, {}^3S, {}^1D, {}^1P, {}^1S$ 。将  $L$  和  $S$  进行矢量加和求出  $J$  值, 得

到每个光谱项对应的光谱支项。由每个光谱支项 $^{2S+1}L_J$ 中的 $J$ 值,可得 $2J+1$ 个 $m_J$ ,从而获得体系的全部微观能态。每个 $^{2S+1}L$ 光谱项的微观能态数目为 $(2S+1)(2L+1)$ ①。按此式计算 $^3D, ^3P, ^3S, ^1D, ^1P, ^1S$ 的微观能态数分别为15, 9, 3, 5, 3, 1, 共计36个。由上小节 $(2p)^1$ 组态推得该单电子体系共有6个微观能态,所以 $(2p)^1(3p)^1$ 两个非等价电子组合,共有 $6 \times 6 = 36$ 种。这与由各光谱项加和所得数目完全相同。

(2) 等价电子组态。由于受Pauli原理和电子的不可分辨性的限制(有些书上把这两种限制统称为Pauli原理的限制),光谱项和微观状态的数目要大大减少。如在 $(np)^2$ 组态中,Pauli原理使



等6个微观状态不再出现。而~~电子的不可分辨性,也限制了微观状态数。~~(若电子可分辨,两个电子分别标记为(1)和(2),则



成了两种状态)。这样对同一组轨道上有 $v$ 个电子,若每个电子可能存在的状态数为 $u$ ,则其微观状态数可按组合

$$C_v^u = \frac{u!}{v!(u-v)!}$$

计算。 $(np)^2$ 组态的微观状态数为

$$C_2^6 = \frac{6!}{2!(6-2)!} = 15$$

种。表2.9排列出 $(np)^2$ 组态的15种微观状态。表中 $m_L$ 的最大值

① 因为每个 $J$ 值只能取 $(L+S)$ 到 $(L-S)$ 间的数值,将它们加和,即得到 $(2S+1)(2L+1)$ 。



是 2, 说明有  $L=2$  的光谱项 D; 而此  $m_L$  只与  $m_S=0$  一起出现, 说明  $S=0$ , 则  $2S+1=1$ , 故有光谱项  $^1D$ 。一个谱项对应的微观状态数为  $(2L+1)(2S+1)$ , 故  $^1D$  对应 5 个状态, 这 5 个状态的  $m_S$  都等于 0, 而  $m_L$  分别为 2, 1, 0, -1, -2。挑出这个状态 ( $m_L$  相同、 $m_S$  也相同的态任选一个) 后, 按同样的道理和手续再挑选出 9 个状态, 相应的  $m_L=0, \pm 1, m_S=0, \pm 1$ , 它们都属于光谱项  $^3P$ 。最后剩下一个微观状态, 其  $m_L=0, m_S=0$ , 即  $L=0, S=0$ , 为  $^1S$  谱项。这样, 我们得到了  $(np)^2$  组态的全部光谱项:  $^1D, ^3P, ^1S$ 。

表 2.9  $(np)^2$  组态的 15 种微观状态

$m$			$m_L = \sum m_i$	$m_S = \sum m_s$	$T_s$
1	0	-1			
$\uparrow\downarrow$			2	0	$^1D$
$\uparrow$	$\uparrow$		1	1	$^3P$
$\uparrow$	$\downarrow$		1	0	
$\downarrow$	$\uparrow$		1	0	$^1D, ^3P$
$\uparrow$		$\uparrow$	0	1	
$\uparrow$		$\downarrow$	0	0	$^1D, ^3P, ^1S$
$\downarrow$		$\uparrow$	0	0	
	$\uparrow\downarrow$		0	0	
	$\downarrow$		1	-1	
		$\downarrow$	0	-1	$^3P$
	$\uparrow$	$\uparrow$	-1	1	$^3P$
	$\uparrow$	$\downarrow$	-1	0	$^1D, ^3P$
	$\downarrow$	$\uparrow$	-1	0	
	$\downarrow$	$\downarrow$	-1	-1	$^3P$
		$\uparrow\downarrow$	-2	0	$^1D$

正是由于 Pauli 原理的限制, 等价电子组态存在着“电子-空位”关系, 即  $n$  个电子的某一组态的光谱项与  $n$  个空位的组态的光谱项相同。例如, p 轨道有 6 个状态,  $(np)^4$  组态有 2 个空位,  $(np)^2$  与  $(np)^4$  组态具有相同的光谱项。同理  $(np)^1$  与  $(np)^5$ 、 $(nd)^1$  与  $(nd)^5$ 、 $(nd)^2$  与  $(nd)^8$  等也有相同的光谱项。

## 2. 多电子原子的能级

如前所述,组态和微观状态是原子状态的表示,而光谱项、光谱支项和微观能态则是原子能级的表示。

对某一多电子原子组态,若忽略电子间的相互作用,则单个电子的能量只与主量子数有关,即该组态只对应一个能级。例如,  $(np)^2$  组态在图 2.13 中用一短线表示。由于电子间有相互作用,

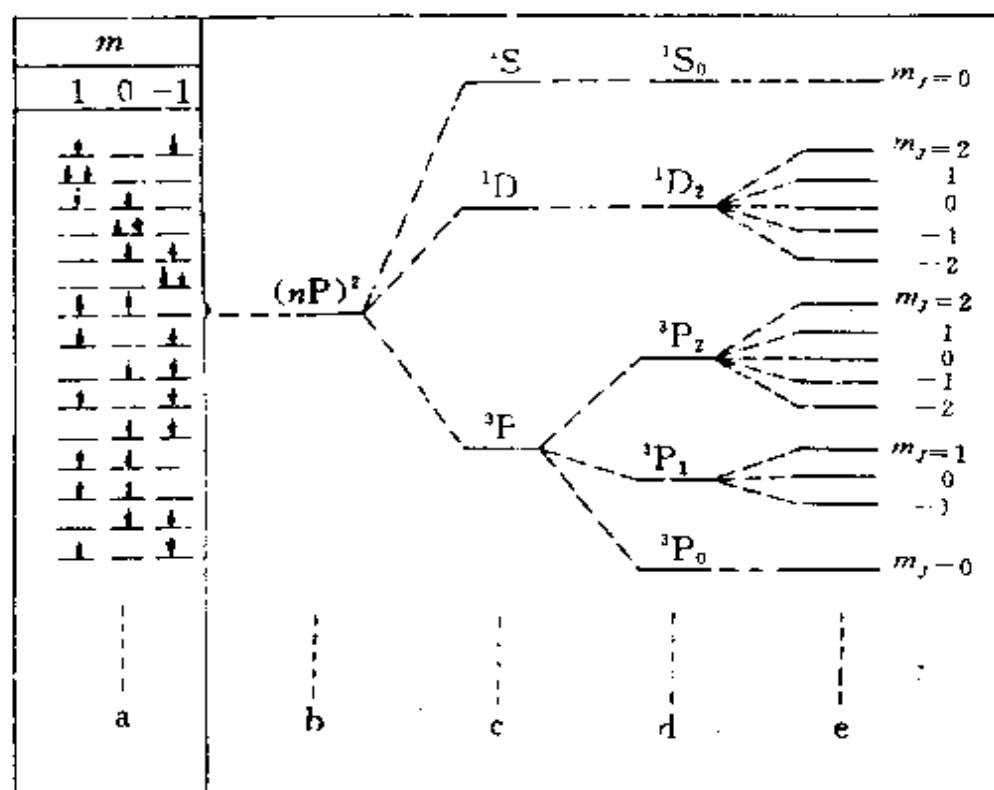


图 2.13  $(np)^2$  组态的能级分裂

- a—微状态(有磁场); b—组态,不考虑电子相互作用(无磁场);  
c—谱项,分别考虑电子的轨道和自旋的作用(无磁场);  
d—光谱支项,考虑  $L$ - $S$  的相互作用(无磁场); e—微能态(有磁场)

每个组态分裂成多个光谱项,不同谱项的能量不再相同。 $(np)^2$  组态分裂为 3 个光谱项:  $^3P$ 、 $^1D$  和  $^1S$ ,其中能量最低的光谱项  $^3P$  称为基态光谱项。再考虑自旋-轨道相互作用,同一光谱项按光谱支项进行分裂。每个光谱项分裂为  $(2S+1)$  或  $(2L+1)$  个光谱支项,相

当于有 $(2S+1)$ 或 $(2L+1)$ 个不同的 $J$ 值。当将原子置于磁场时，每一光谱支项又进一步分裂为 $(2J+1)$ 个不同的微观能态，相当于有 $(2J+1)$ 个不同的 $m_J$ ，这是原子的角动量与磁场相互作用的结果。这种分裂称为 Zeeman 效应。

$(np)^2$  组态对应的原子能级的逐步分裂情况示于图 2.13 中。由图可见，当忽略电子的相互作用时，原子能级只与主量子数有关。随着考虑电子相互作用、自旋-轨道相互作用及外磁场的加入等，原子能级逐步分裂。每一组态所包含的微观状态数与微观能态数严格相等。但由于两者是从不同的出发点得来的，彼此并无一一对应的关系。

多电子原子光谱的选律是： $\Delta S=0$ ； $\Delta L=0, \pm 1$ ； $\Delta J=0, \pm 1$  ( $J=0 \rightarrow J'=0$  除外)； $\Delta m_J=0, \pm 1$ 。根据这些选律所预测的多电子原子光谱与实验结果完全相符。

### 3. 谱项能级高低的判断

在判断由光谱项标记原子能态的高低时，可按下述 Hund 规则进行，这是前述(3-节)Hund 规则的另一种表达方式。

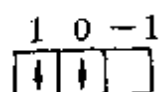
(1) 原子在同一组态时， $S$  值最大者最稳定；

(2)  $S$  值相同时， $L$  值最大者最稳定；

(3) 一般地， $L$  和  $S$  值相同时，电子少于和等于半充满时， $J$  值小，能量低；电子多于半充满时， $J$  值大，能量低。

根据上述规则，并考虑对全充满的电子层，自旋抵消，各电子的轨道角动量的矢量和也正好抵消，可以不考虑，这样就很容易推导出基态的最稳定能态的光谱项。下列数例给出了原子的组态、最外层电子排列、 $L$  和  $S$  的最大值以及最稳定的光谱支项。

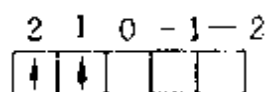
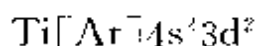
$$C(1s)^2(2s)^2(2p)^2$$



$$m_S=1, S=1$$

$$m_L=1, L=1$$

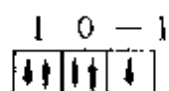
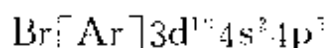
$$L-S=0, {}^3P_0$$



$$m_s = 1, S = 1$$

$$m_L = 3, L = 3$$

$$L + S = 2, {}^3F_2$$



$$m_s = \frac{1}{2}, S = \frac{1}{2}$$

$$m_L = 1, L = 1$$

$$L + S = \frac{3}{2}, {}^2P_{\frac{3}{2}}$$

同理,可得氢原子、氮原子、氧原子、氟原子和氖原子等最稳定的光谱支项分别为 ${}^2S_{\frac{1}{2}}$ 、 ${}^4S_{\frac{3}{2}}$ 、 ${}^3P_2$ 、 ${}^2P_{\frac{3}{2}}$ 和 ${}^1S_0$ 。

## 5- 原子光谱的应用

### 1. 原子发射光谱和原子吸收光谱

不同元素的原子产生不同波长的发射光谱或吸收光谱。根据试样光谱中特征谱线的出现,就可判断该元素的存在,这是光谱定性分析的根据。而谱线的强度与试样中的元素的含量有一定的关系,这是光谱定量分析的依据。

当基态原子受到加热或光照的激发,原子外层电子跃迁到较高的激发态,激发态的原子是不稳定的,在很短时间内(约 $10^{-8}$ — $10^{-10}$  s),电子又从高能态回到低能态或基态上,同时以光的形式放出多余的能量。研究原子发射谱线的波长、强度和试样中元素组分和含量的关系,是原子发射光谱分析的任务。

原子由基态激发至高能态时,需要的能量是一定的,只有符合此能值的光才会被基态原子所吸收,这样由一已知的光源发出辐射透过基态原子蒸气后,在光源光谱中就出现了为蒸气中基态原子所吸收的谱线(暗线)。研究光源中特征谱线被吸收的情况与试样蒸气中元素组分的含量的关系,是原子吸收光谱分析的任务。

在一般火焰温度下(2000—3000 K),原子蒸气中激发态原子数目(其中绝大多数是在第一激发态)只占基态原子数目 $10^{-3}$ —

$10^{-1}$ 左右。因此,一般条件下原子蒸气中参与产生吸收光谱的基态原子数远远大于可能产生发射光谱的激发态原子数,这是原子吸收光谱较原子发射光谱具有较高灵敏度的理论依据。

原子吸收光谱中常用待测元素的空心阴极灯作为光源,发射出待测元素由基态到第一激发态所需能量的光,它只能激发待测元素的原子,虽然样品中存在着其他元素,但这些元素的原子不能吸收,干扰较小,测定前可避免大量繁杂的分离手续。实验时,在火焰中基态原子和激发态原子处于动态平衡中,但是由于吸收的光是从空心阴极灯照射到原子化器经过基态原子吸收减弱后,通过光缝进入单色仪,而由激发态原子跳回基态发出的光是向四面八方发射的,虽然发射和吸收数量一样,但通过光缝进入单色仪的是极少的一部分,可予忽略。

原子吸收光谱的定量根据是光密度值( $D$ )与火焰中基态原子浓度( $c$ )成正比。设有一波长为 $\lambda$ 的光束,通过长度为 $L$ 的原子蒸气,光密度值 $D$ 和吸收系数 $k$ 、火焰中基态原子的浓度 $c$ 、光通过原子蒸气长度 $L$ 之间的关系为

$$D = kcL$$

当试样和标准溶液喷雾、燃烧等条件相同时,火焰中基态原子的浓度正比于试液中待测元素的浓度。同一仪器中 $L$ 值固定, $k$ 为常数,因此光密度值与待测元素的浓度成正比。实验证明,在低浓度时,以光密度值对浓度作图,呈直线关系,可作为工作曲线,进行定量分析。

## 2. 原子的X射线谱

原子的特征X射线谱是由于原子的内层电子跃迁时产生的,当高速电子冲击阳极靶面时,靶面原子的内层电子被击出,转到能级较高的外层,甚至离开原子而电离,这时较外层的电子跃迁至K层以填补空位,发出的X射线称为K系辐射,填补L层空位发出的X射线称L系辐射等等。原子的特征X射线谱中各谱线的波长是一定的。由L层 $\rightarrow$ K层称 $K\alpha$ , M层 $\rightarrow$ K层称 $K\beta$ ,等等。L层有

三个细小差别的能级,其高低次序为  $L_{II} > L_{II} > L_{II}$ , 由于选律限制,  $K\alpha$  只有两条线,  $K\alpha_1$  系由  $L_{II} \rightarrow K$  跃迁产生;  $K\alpha_2$  由  $L_{II} \rightarrow K$  跃迁产生。 $K\alpha_1$  波长较短,强度较高。例如,  $Cu K\alpha_1$  为 154.06 pm,  $Cu K\alpha_2$  为 154.44 pm,  $K\alpha_1$  强度大约比  $K\alpha_2$  强一倍。由 M 层跃迁至 K 层的  $K\beta$  线也是由几条谱线组成。 $Cu K\beta_1 (M_{II} \rightarrow K)$  跃迁) 波长为 139.22 pm。其强度约为  $K\alpha_1$  的 1/5 (参看图 7.22 和 7.23)。

各种原子  $K\alpha$  线的波数  $\bar{\nu}$  可按下式近似计算

$$\bar{\nu} = R(Z - \sigma_1)^2 \left( \frac{1}{1^2} - \frac{1}{2^2} \right) = \frac{3}{4} R(Z - \sigma_1)^2$$

式中 Rydberg 常数  $R = 109737 \text{ cm}^{-1}$ ;  $Z$  为原子序数;  $\sigma_1$  为屏蔽常数,数值约为 0.90。此为拟合所得常数,与由 Slater 法计算略有不同。所以

$$\bar{\nu}_{K\alpha} = \frac{3}{4} R(Z - 0.9)^2$$

这一关系正是早年 Moseley (莫斯莱) 将各元素按所产生的特征 X 射线的波长排列,得到经验公式

$$\sqrt{\frac{1}{\lambda}} = a(Z - b)$$

对进一步确定元素的原子序数  $Z$ , 及其在周期表中的位置,起了重大作用。

原子的 X 射线谱中,尚有连续波长的 X 射线,它们的波长比特征 X 射线还要短,这是因为具有能量为某一定值的电子,在靶面突然减速周围电磁场发生急剧变化,产生电磁波,发出光子。电子深入靶面程度不同,能量损失程度不同,故有各种波长的 X 射线,但最短波长可由所具有的能量换算。

### 3. X 射线荧光分析

利用能量足够高的 X 射线 (或电子) 照射试样,激发出来的光叫 X 射线荧光。利用分光计分析 X 射线荧光光谱,鉴定样品的化学成分称为 X 射线荧光分析。

X 射线荧光分析是基于这样的原理进行的,当样品中元素的原子受到高能 X 射线照射时,即发射出具有一定特征的 X 射线谱,特征谱线的波长只与元素的原子序数( $Z$ )有关,而与激发 X 射线的能量无关。谱线的强度和元素含量的多少有关,所以测定谱线的波长,就可知道试样中包含什么元素,测定谱线的强度,就可知该元素的含量。

X 射线荧光分析有下列特点:

- (1) 不破坏样品的原有状态,且用量很少。
- (2) 除最轻的几个元素外都能分析,固体(包括无定形态)、液态样品均可,而且不受元素价态的限制。
- (3) 谱线数目少,波长和原子序数关系简单,便于鉴定。
- (4) 和化学分析法比较,它简便快速,特别是对稀土、铌钽、锆铪等不易分离的元素,更显示出其优越性。所以 X 射线荧光分析广泛地用在产品质量鉴定和科学研究等各个方面。

#### 4. 电子探针

电子探针全名为电子探针 X 射线显微分析仪,又叫微区 X 射线谱分析仪。是对试样进行微小区域成分分析的仪器,可分析体积为数个 $(\mu\text{m})^3$ 内元素的成分,除 H, He, Li, Be 等几个较轻元素外,都可用它进行定性定量分析。其特点是不必把分析的对象从样品中取出,而直接对大块试样中的微小区域进行分析。

电子探针的原理是利用经过加速和聚焦的极细的电子束(直径约  $0.1-1\ \mu\text{m}$ )当作探针,激发试样中某一微小区域,使其发出特征 X 射线,然后测定该 X 射线的波长和强度,即可对该微区所含的元素作定性或定量分析。

将扫描电子显微镜和电子探针结合,在显微镜下把观察到的显微组织和元素成分联系起来,解决材料显微不均匀性的问题,成为人们研究亚微观结构的有力工具。用于研究材料中元素分布情况和显微不均匀性,研究扩散情况和氧化腐蚀机理,分析矿物、合金、炉渣、耐火材料和催化剂等微细物相的成分和结构。

## 习 题 二

- 2.1 氢原子光谱可见波段相邻 4 条谱线的波长分别为 556.47、486.27、434.17 和 410.29 nm, 试通过数学处理将谱线的波数归纳成下式表示, 并求出常数  $R$  及整数  $n_1$ 、 $n_2$  的数值。

$$\bar{\nu} = R \left( \frac{1}{n_1^2} - \frac{1}{n_2^2} \right)$$

- 2.2 按 Bohr 模型计算氢原子处于基态时电子绕核运动的半径(分别用原子的折合质量和电子的质量计算并准确到 5 位有效数字)和线速度。

- 2.3 对于氢原子

(a) 分别计算从第 1 激发态和第 6 激发态跃迁到基态所产生的光谱线的波长, 说明这些谱线所属的线系及所处的光谱范围。

(b) 上述两谱线产生的光子能否使: (i) 处于基态的另一氢原子电离?

(ii) 晶体中的铜原子电离(铜的功函数为  $7.44 \times 10^{-19} \text{ J}$ )?

(c) 若上述两谱线所产生的光子能使铜晶体的电子电离, 请计算从铜晶体表面发射出的光电子的德布罗意波的波长。

- 2.4 求氢原子  $\psi_{1s}$  在  $r=a_0$  和  $r=2a_0$  处的比值。

- 2.5 计算氢原子的 1s 电子出现在  $r=100 \text{ pm}$  的球形界面内的几率。

$$\left( \int x^n e^{ax} dx = \frac{x^n e^{ax}}{a} - \frac{n}{a} \int x^{n-1} e^{ax} dx + c \right)$$

- 2.6 计算氢原子的积分:

$$P(r) = \int_0^{2\pi} \int_0^\pi \int_r^\infty \psi_{1s}^2 r^2 \sin\theta dr d\theta d\phi$$

作出  $P(r)-r$  图, 求  $P(r)=0.1$  时的  $r$  值, 说明在该  $r$  值以内电子出现的几率是 90%。

- 2.7 已知氢原子的归一化基态波函数为

$$\psi_{1s} = (\pi a_0^3)^{-\frac{1}{2}} \exp\left[-\frac{r}{a_0}\right]$$

(a) 利用量子力学基本假设求该基态的能量和角动量;

(b) 利用维里定理求该基态的平均势能和零点能。

- 2.8 已知 H 原子的

105

$T = \frac{h}{mv} = \frac{h}{m \lambda f} = \frac{h}{m \lambda \nu}$

$\nu = 2.7 \times 10^{14} \text{ Hz}$



$$\psi_{2p_z} = \frac{1}{4\sqrt{2\pi}a_0^3} \left( \frac{r}{a_0} \right) \exp\left[-\frac{r}{2a_0}\right] \cos\theta$$

试回答下列问题：

- 原子轨道能  $E = ?$
- 轨道角动量  $|M| = ?$  轨道磁矩  $|\mu| = ?$
- 轨道角动量  $M$  和  $z$  轴的夹角是多少度？
- 列出计算电子离核平均距离的公式(不必算出<sup>具体的数值</sup>)。
- 节面的个数、位置和形状怎样？
- 几率密度极大值的位置在何处？
- 画出径向分布示意图。

2.9 作氢原子  $\psi_{1s}^2-r$  图及  $D_{1s}-r$  图, 证明  $D_{1s}$  极大值在  $r=a_0$  处, 说明两图形不同的原因。

2.10 试在直角坐标系中画出氢原子的5种3d 轨道的轮廓图, 比较这些轨道在空间的分布, 正、负号, 节面及对称性。

2.11 写出 He 原子的 Schrödinger 方程, 说明用中心力场模型解此方程时要作哪些假设, 计算其激发态  $(2s)^1(2p)^1$  的轨道角动量和轨道磁矩。

2.12 写出  $\text{Li}^{2+}$  离子的 Schrödinger 方程, 说明该方程中各符号及各项的意义, 写出  $\text{Li}^{2+}$  离子 1s 态的波函数并计算:

(a) 1s 电子径向分布最大值离核的距离;

(b) 1s 电子离核的平均距离;

(c) 1s 电子几率密度最大处离核距离;

(d) 比较  $\text{Li}^{2+}$  离子的 2s 和 2p 态能量的高低;

(e) Li 原子的第一电离能(按 Slater 屏蔽常数算有效核电荷)。

2.13 已知 He 原子的第一电离能  $I_1 = 24.59 \text{ eV}$ , 试计算:

(a) 第二电离能;  $-54.4 \text{ eV}$

(b) 基态能量;  $-78.9 \text{ eV}$

(c) 在 1s 轨道中两个电子的互斥能;  $34.5 \text{ eV}$

(d) 屏蔽常数;  $0.31$

(e) 根据(d)所得结果求  $\text{H}^-$  的原子轨道能。

2.14 用 Slater 法计算 Be 原子的第一到第四电离能, 将计算结果与 Be 的常见氧化态联系起来。

2.15 用 2.4 节(2.64)式计算 Na 和 F 的 3s 和 2p 轨道的有效半径  $r^*$ 。

2.16 写出下列原子的基态光谱支项的符号: (a) Si; (b) Mn; (c)  $\text{Br}_{3/2}$ ;

(d) Nb; (e) Ni。

- 2.17 写出 Na 和 F 原子基态组态以及碳的激发态  $C[1s^2 2s^2 2p^1 3p^1]$  存在的光谱支项符号。
- 2.18 基态 Ni 原子可能的电子组态为: (a)  $[Ar]3d^8 4s^2$ ; (b)  $[Ar]3d^9 4s^1$ ; 由光谱实验确定其能量最低的光谱支项为  $^3F_4$ 。试判断它是哪种组态。
- 2.19 列式表明电负性的 Pauling 标度和 Mulliken 标度是怎样定的。
- 2.20 原子吸收光谱较发射光谱有哪些优缺点,为什么?
- 2.21 说明 Moseley 定律的内容和意义。
- 2.22 什么是 X 射线荧光分析?X 射线怎样分光?
- 2.23 什么是电子探针?有何优点?

## 参 考 文 献

- [1] 徐光宪和王祥云,物质结构(第二版),高等教育出版社(1987)
- [2] 潘道觐,赵成大和郑载兴,物质结构(第二版),高等教育出版社(1989)
- [3] 邓景发和范康年,物理化学,高等教育出版社(1993)
- [4] R. Dekock and H. Gray, Chemical Structure and Bonding, Benjamin Cummings(1980)
- [5] 鲍林(L. Pauling)著,卢嘉锡,黄耀曾,曾广植和陈元柱等译,化学键的本质(第三版),上海科学技术出版社(1981)
- [6] M. Karplus and R. N. Porter, Atoms and Molecules, Benjamin(1970)
- [7] D. Briggs 等著,桂琳琳,黄惠忠和郭国霖等译, X 射线与紫外光电子能谱,北京大学出版社(1984)
- [8] S. G. Bratsch, *J. Chem. Educ.*, **65**, 34(1988)
- [9] L. C. Allen, *J. Am. Chem. Soc.*, **111**, 9003(1989)
- [10] H. J. Frohn, S. Jakobs and G. Henkel, *Angew. Chem. Int. Ed. Engl.*, **28**, 1506(1989)
- [11] P. Pyykkö, *Chem. Rev.*, **88**, 563(1988)
- [12] J. Emsley, The Elements, Clarendon Press, Oxford(1989)
- [13] R. D. Cowan, The Theory of Atomic Structure and Spectra, University of California Press(1981)
- [14] F. L. Pilar, Elementary Quantum Chemistry, 2nd ed., McGraw-Hill, New York(1991)

### 第三章 双原子分子的结构和性质

原子通过化学键结合成分子,分子是物质中独立地、相对稳定地存在并保持该化合物特性的最小微粒,是参与化学反应的基本单元。原子互相吸引、互相排斥,以一定的次序和方式结合成分子。物质的化学性质主要决定于分子的性质,而分子的性质主要由分子的结构决定。因此探索分子的内部结构,了解结构和性能的关系,就成了结构化学的重要组成部分。

化学键是指分子中将原子结合在一起的相互化学作用,广义而论还包括分子之间的相互作用。两个或多个原子(或离子)之间依靠化学键将原子结合成相对稳定的分子或晶体。典型的化学键有三种:共价键、离子键和金属键。分子中的化学键主要是共价键。离子键和金属键分别存在于离子化合物和金属之中。分子间和分子内部有时还形成氢键,其强弱介于共价键和范德华力之间。

现代化学键理论是建立在量子力学基础上的。由于分子的 Schrödinger 方程比较复杂,严格求解经常遇到困难,常采用某些近似的假定以简化计算。随着量子力学的发展,为处理分子结构问题提出三个基本理论:分子轨道理论,价键理论和配位场理论。这三个理论互有联系。最早发展起来的是价键理论,1927 年 Heitler (海特勒)和 London(伦敦)用量子力学变分法成功地解了  $H_2$  分子的 Schrödinger 方程,这是最早的价键理论的成果,也是价键理论的基础。以后 Pauling 引进轨道杂化的概念,使价键理论获得发展。分子轨道理论是后来发展起来的,从 50 年代以来,用它处理有机共轭分子结构,取得很大成功,获得迅速发展,成为当代化学键理论的中心。配位场理论则是根据配位化合物的结构特征发展起来的。这些化学键理论都将陆续在后面详细地介绍。

### 3.1 $\text{H}_2^+$ 的结构和共价键的本质

$\text{H}_2^+$  是最简单的分子,在化学上虽不稳定,很容易从周围获得一个电子变为氢分子,但已通过实验证明它的存在,并已测定出它的键长为 106 pm,键解离能为  $255.4 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。正像单电子的氢原子作为讨论多电子原子结构的出发点一样,单电子的  $\text{H}_2^+$  可为讨论多电子的双原子分子结构提供许多有用的概念。

#### -1- $\text{H}_2^+$ 的 Schrödinger 方程

$\text{H}_2^+$  是一个包含两个原子核和一个电子的体系。其坐标关系如图 3.1 所示。图中 A 和 B 代表原子核,  $r_a$  和  $r_b$  分别代表电子与两个核的距离,  $R$  代表两核之间的距离。

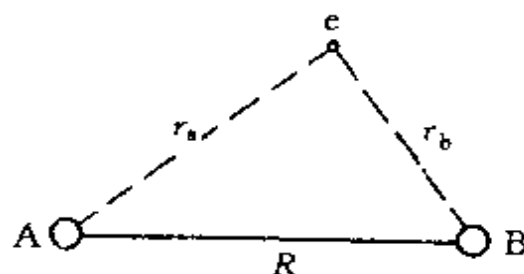


图 3.1  $\text{H}_2^+$  的坐标

$\text{H}_2^+$  的 Schrödinger 方程以原子单位表示为

$$\left[ -\frac{1}{2} \nabla^2 - \frac{1}{r_a} - \frac{1}{r_b} + \frac{1}{R} \right] \psi = E \psi \quad (3.1)$$

式中  $\psi$  和  $E$  分别为  $\text{H}_2^+$  的波函数和能量。左边方括号中第一项代表电子动能算符,第二项和第三项代表电子受核的吸引能,第四项代表两个原子核的静电排斥能。由于电子质量比原子核质量小得多,电子运动速度比核快得多,电子绕核运动时,核可以看作不动,式中不包含核的动能算符项,电子处在固定的核势场中运动,此即 Born-Oppenheimer (玻恩-奥本哈默) 近似。因而解得的波函数  $\psi$  只反映电子的运动状态。这样把核看作不动,固定核间距  $R$  解 Schrödinger 方程,得到分子的电子波函数和能级,改变  $R$  值可得一系列波函数和相应的能级。与电子能量最低值相对应的  $R$  就是平衡核间距  $R_e$ 。

## -2- 变分法解 Schrödinger 方程

变分法是解 Schrödinger 方程的一种近似方法,它基于下面的原理:对任意一个品优波函数  $\psi$ ,用体系的  $\hat{H}$  算符求得能量平均值,将大于或接近于体系基态的能量( $E_0$ ),即

$$\langle E \rangle = \frac{\int \psi^* \hat{H} \psi d\tau}{\int \psi^* \psi d\tau} \geq E_0 \quad (3.2)$$

根据此原理,利用求极值方法调节参数,找出能量最低时对应的波函数,即为和体系基态相近似的波函数。(3.2)式可以证明如下:

设  $\psi_0, \psi_1, \psi_2, \dots$  组成一正交、归一完全的函数组,其能量依次增加,  $E_0 \leq E_1 \leq E_2 \dots$ , 由此可得

$$\hat{H}\psi_i = E_i \psi_i$$

将(3.2)式中的  $\psi$  按照体系  $\hat{H}$  的本征函数  $\psi_i$  展开

$$\psi = c_0 \psi_0 + c_1 \psi_1 + c_2 \psi_2 + \dots = \sum_i c_i \psi_i$$

利用  $\psi_i$  的正交、归一性,可得平均能量

$$\langle E \rangle = \int \psi^* \hat{H} \psi d\tau = \sum_i c_i^* c_i E_i$$

因  $c_i^* c_i$  恒为正值,  $\sum_i c_i^* c_i = 1$  (据 § 1.2 的假设 N),  $0 < c_i^* c_i \leq 1$ , 故得

$$\langle E \rangle - E_0 = \sum_i c_i^* c_i (E_i - E_0) \geq 0$$

所以  $\langle E \rangle \geq E_0$ 。

常用的线性变分法是选择一品优的线性变分函数

$$\psi = c_1 \psi_1 + c_2 \psi_2 + \dots + c_n \psi_n$$

求出  $E$  值最低时对应的  $c_i$  值。

因为电子运动到核 A 附近区域时,分子轨道  $\psi$  很像原子轨道  $\psi_a$ ; 同样,当电子运动到核 B 附近区域时,分子轨道近似于  $\psi_b$ 。根据电子的波动性,波可以叠加,分子轨道将会在一定程度上继承和反

映原子轨道的规律,所以可用原子轨道的线性组合

$$\psi = c_a \psi_a + c_b \psi_b$$

作为  $H_2^+$  的变分函数,式中  $c_a$  和  $c_b$  为待定参数,而

$$\psi_a = \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-r_a}, \quad \psi_b = \frac{1}{\sqrt{\pi}} e^{-r_b}$$

将  $\psi$  代入  $E = \frac{\int \psi^* \hat{H} \psi d\tau}{\int \psi^* \psi d\tau}$  中,得

$$E(c_a, c_b) = \frac{\int (c_a \psi_a + c_b \psi_b) \hat{H} (c_a \psi_a + c_b \psi_b) d\tau}{\int (c_a \psi_a + c_b \psi_b)^2 d\tau} \quad (3.3)$$

由于  $H_2^+$  的两个核是等同的,而  $\psi_a$  和  $\psi_b$  又都是归一化函数,展开上式并令

$$H_{aa} = \int \psi_a^* \hat{H} \psi_a d\tau = H_{bb} = \int \psi_b^* \hat{H} \psi_b d\tau \quad (3.4-1)$$

$$S_{aa} = \int \psi_a^* \psi_a d\tau = S_{bb} = \int \psi_b^* \psi_b d\tau \quad (3.4-2)$$

$$S_{ab} = \int \psi_a^* \psi_b d\tau = \int \psi_b^* \psi_a d\tau = S_{ba} \quad (3.4-3)$$

$$H_{ab} = \int \psi_a^* \hat{H} \psi_b d\tau = H_{ba} = \int \psi_b^* \hat{H} \psi_a d\tau \quad (3.4-4)$$

得 
$$E(c_a, c_b) = \frac{c_a^2 H_{aa} + 2c_a c_b H_{ab} + c_b^2 H_{bb}}{c_a^2 S_{aa} + 2c_a c_b S_{ab} + c_b^2 S_{bb}} = \frac{Y}{Z}$$

对  $c_a, c_b$  偏微商求极值,得

$$\frac{\partial E}{\partial c_a} = \frac{1}{Z} \frac{\partial Y}{\partial c_a} - \frac{Y}{Z^2} \frac{\partial Z}{\partial c_a} = 0$$

$$\frac{\partial E}{\partial c_b} = \frac{1}{Z} \frac{\partial Y}{\partial c_b} - \frac{Y}{Z^2} \frac{\partial Z}{\partial c_b} = 0$$

消去  $Z$ , 因为  $\frac{Y}{Z} = E$ , 得

$$\frac{\partial Y}{\partial c_a} - E \frac{\partial Z}{\partial c_a} = 0, \quad \frac{\partial Y}{\partial c_b} - E \frac{\partial Z}{\partial c_b} = 0$$

将  $Y, Z$  值代入,并用(3.4)式简化,可得久期方程

$$c_a(H_{aa}-E)+c_b(H_{ab}-ES_{ab})=0 \quad (3.5-1)$$

$$c_a(H_{ab}-ES_{ab})+c_b(H_{bb}-E)=0 \quad (3.5-2)$$

为了使  $c_a$  和  $c_b$  有不完全为零的解,可得久期行列式

$$\begin{vmatrix} H_{aa}-E & H_{ab}-ES_{ab} \\ H_{ab}-ES_{ab} & H_{bb}-E \end{vmatrix} = 0 \quad (3.6)$$

解此行列式,得  $E$  的两个解

$$E_1 = \frac{H_{aa}+H_{bb}}{1+S_{ab}} \quad (3.7-1)$$

$$E_2 = \frac{H_{aa}-H_{bb}}{1-S_{ab}} \quad (3.7-2)$$

将  $E_1$  值代入(3.5)式的  $E$ ,得  $c_a=c_b$ ,相应的波函数

$$\psi_1 = c_a(\psi_a + \psi_b) \quad (3.8)$$

将  $E_2$  值代入(3.5)式的  $E$ ,得  $c_a=-c_b$ ,相应的波函数

$$\psi_2 = c'_a(\psi_a - \psi_b) \quad (3.9)$$

通过波函数归一化条件,可求得

$$c_a = (2+2S_{ab})^{-\frac{1}{2}} \quad (3.10-1)$$

$$c'_a = (2-2S_{ab})^{-\frac{1}{2}} \quad (3.10-2)$$

### -3- 积分 $H_{aa}$ 、 $H_{ab}$ 、 $S_{ab}$ 的意义和 $H_2^+$ 的结构

通常把  $H_{aa}$  和  $H_{bb}$  称为库仑积分,又称  $\alpha$  积分。根据  $\hat{H}$  算符表达式,可得

$$\begin{aligned} H_{aa} &= \int \psi_a^* \hat{H} \psi_a d\tau \\ &= \int \psi_a^* \left[ -\frac{1}{2} \nabla^2 - \frac{1}{r_a} - \frac{1}{r_b} + \frac{1}{R} \right] \psi_a d\tau \\ &= \int \psi_a^* \left[ -\frac{1}{2} \nabla^2 - \frac{1}{r_a} \right] \psi_a d\tau + \frac{1}{R} \int \psi_a^* \psi_a d\tau - \int \psi_a^* \frac{1}{r_b} \psi_a d\tau \\ &= E_H + \frac{1}{R} - \int \frac{\psi_a^2}{r_b} d\tau \\ &= E_H + J \end{aligned} \quad (3.11)$$

$E_H$  代表基态氢原子的能量。

$$J \equiv \frac{1}{R} - \int \frac{1}{r_b} \phi_a^2 d\tau \quad (3.12)$$

此式中积分  $-\int \frac{1}{r_b} \phi_a^2 d\tau$  表示电子处在  $\phi_a$  轨道时受到核 b 作用的平均吸引能, 由于  $\phi_a$  为球形对称, 它的平均值近似等于电子在 a 核处受到的 b 核吸引能, 其绝对值与二核排斥能  $1/R$  相近, 因符号相反, 几乎可以抵销。据计算, 在  $H_2^+$  平衡距离时,  $J$  值只是  $E_H$  的 5.5%, 所以  $H_{ab} \approx E_H$ 。

$H_{ab}$  和  $H_{ba}$  叫交换积分, 或  $\beta$  积分。 $\beta$  积分与  $\phi_a$  和  $\phi_b$  的重叠程度有关, 因而是与核间距  $R$  有关的函数。

$$\begin{aligned} H_{ab} &= E_H S_{ab} + \frac{1}{R} S_{ab} - \int \frac{1}{r_a} \phi_a \phi_b d\tau \\ &= \underbrace{E_H S_{ab}} + K \end{aligned} \quad (3.13)$$

$$K \equiv \frac{1}{R} S_{ab} - \int \frac{1}{r_a} \phi_a \phi_b d\tau \quad (3.14)$$

在分子的核间距条件下,  $K$  为负值,  $S_{ab}$  为正值,  $E_H = -13.6 \text{ eV}$ , 这就使  $H_{ab}$  为负值。所以当两个原子接近成键时, 体系能量降低,  $H_{ab}$  项起重大作用。

$S_{ab}$  称重叠积分, 或简称  $S$  积分。

$$S_{ab} = \int \phi_a \phi_b d\tau \quad (3.15)$$

它与核间距离  $R$  有关: 当  $R=0$  时,  $S_{ab}=1$ ; 当  $R=\infty$  时,  $S_{ab} \rightarrow 0$ ;  $R$  为其他值时,  $S_{ab}$  的数值可通过具体计算得到。

将上述关系代入(3.7)式, 可得

$$E_1 = E_H + \frac{J+K}{1+S} \quad (3.16-1)$$

$$E_2 = E_H + \frac{J-K}{1-S} \quad (3.16-2)$$

积分  $J$ 、 $K$ 、 $S$  可在以核 A 和核 B 为焦点的椭圆坐标中求得, 其结果以原子单位表示, 则得



$$J = \left(1 + \frac{1}{R}\right) e^{-2R} \quad (3.17-1)$$

$$K = \left(\frac{1}{R} - \frac{2R}{3}\right) e^{-R} \quad (3.17-2)$$

$$S = \left(1 + R + \frac{R^2}{3}\right) e^{-R} \quad (3.17-3)$$

所以这些积分都是与  $R$  有关的数量。当  $R$  值给定后,可具体计算其数值。例如当  $R=2a_0$  时,  $J=0.0275$  au,  $K=-0.1127$  au,  $S=0.5863$  au,而

$$\frac{J+K}{1+S} = -0.0537 \text{ au}$$

$$\frac{J-K}{1-S} = 0.3388 \text{ au}$$

可见,  $E_1 < E_H < E_2$ 。

图 3.2 给出  $H_2^+$  的能量随核间距的变化曲线(即  $E-R$  曲线)。由图可见,  $E_1$  随  $R$  的变化出现一最低点,它从能量的角度说明  $H_2^+$  能稳定地存在。但计算所得的  $E_1$  曲线的最低点为  $170.8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,  $R=132 \text{ pm}$ ,与实验测定的最低点时  $D_e=269.0 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,  $R=106 \text{ pm}$  相比较,还有较大差别。

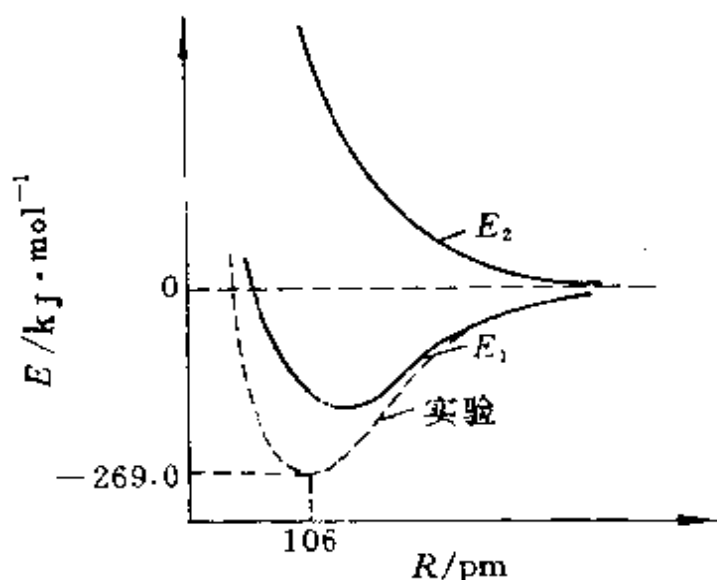


图 3.2  $H_2^+$  的能量曲线( $H+H^+$  能量为 0)

$E_2$  随  $R$  增加而单调地下降, 当  $R \rightarrow \infty$  时,  $E_2$  值为 0, 即  $H + H^+$  的能量。

由上述结果可见, 用变分法近似解  $H_2^+$  的 Schrödinger 方程, 可得两个波函数  $\psi_1$  和  $\psi_2$ , 以及相应的能量  $E_1$  和  $E_2$

$$\psi_1 = \frac{1}{\sqrt{2+2S}} (\psi_a + \psi_b), \quad E_1 = \frac{\alpha + \beta}{1+S} \quad (3.18-1)$$

$$\psi_2 = \frac{1}{\sqrt{2-2S}} (\psi_a - \psi_b), \quad E_2 = \frac{\alpha - \beta}{1-S} \quad (3.18-2)$$

相应的几率密度函数(即电子云)分别为

$$\psi_1^2 = \frac{1}{2+2S} (\psi_a^2 + \psi_b^2 + 2\psi_a\psi_b) \quad (3.19-1)$$

$$\psi_2^2 = \frac{1}{2-2S} (\psi_a^2 + \psi_b^2 - 2\psi_a\psi_b) \quad (3.19-2)$$

$\psi_1$  的能量比 1s 轨道低, 当电子从氢原子的 1s 轨道进入  $\psi_1$  时, 体系的能量降低,  $\psi_1$  为成键轨道。相反, 电子进入  $\psi_2$  时,  $H_2^+$  的能量就要比原来的氢原子和氢离子的能量高,  $\psi_2$  称为反键轨道。图 3.3 示出一个氢原子和一个氢离子的 1s 轨道叠加形成  $H_2^+$  的分子轨道图形。

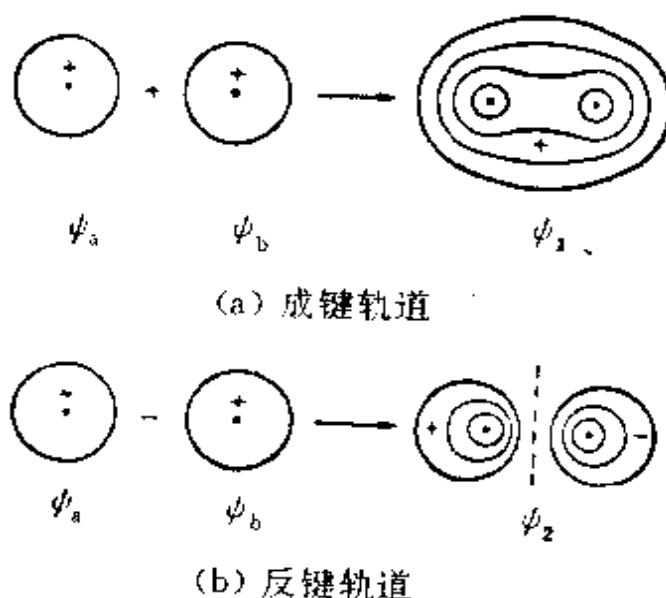


图 3.3  $\psi_a$  和  $\psi_b$  叠加成分子轨道  $\psi_1$  和  $\psi_2$  的等值线示意图

#### 4- 共价键的本质

由上述讨论可见,当原子互相接近时,它们的原子轨道互相同号叠加,组合成成键分子轨道。当电子进入成键轨道,体系能量降低,形成稳定的分子。此时原子间形成的化学键即共价键。

从电子在分子中的分布情况,可了解共价键的成因。电子在分子中的分布,可由分子中空间各点几率密度( $\psi^2$ )数值的大小表示。分子中电子的分布和两个原子的电子分布的简单加和不同。电子云分布的差值图反映了这一结果。电子云分布的差值图,是将 $\psi_1^2$ 按空间各点逐点地减去处在A核位置的 $\psi_A^2$ 和处在B核位置 $\psi_B^2$ 后,绘出的差值等值线图。图3.4示出 $H_2^+$ 的电子云分布的差值

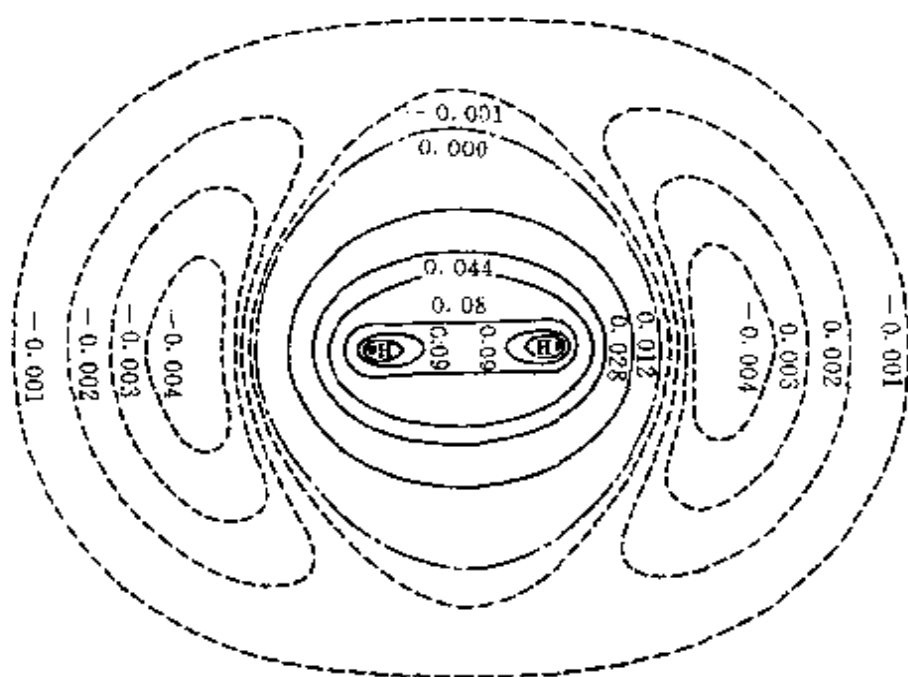


图 3.4  $H_2^+$  电子云分布的差值图

(图中实线表示正值,虚线表示负值)

图。图中实线表示电子云增加的等值线,虚线表示电子云减少的等值线。由图可见, $\psi_1$ 轨道的成键作用,实质上是将分子两端原子外侧的电子抽调到两个原子核之间,增加了核间区域的电子云。聚集

在核间的电子云,同时受到两个原子核的吸引,即核间的电子云把两个原子核结合在一起,这是  $H_2^+$  得以形成的原因。

共价键的形成是原子轨道(或分子轨道)互相叠加,组成新的分子轨道,而不是电子云叠加。原子轨道有正有负,按波的规律叠加,有的加强、有的削弱,形成成键分子轨道或反键分子轨道。而电子云是指  $|\psi|^2$ ,它反映电荷的分布。从物理意义考虑,同号电荷互相接近,只会出现静电排斥作用。由原子轨道叠加成分子轨道  $\psi$  时,在  $|\psi|^2$  中将出现交叉项  $2\psi_a\psi_b$ ,使电子分布的差值图不为 0,但若由电子云  $|\psi_a|^2$  和  $|\psi_b|^2$  叠加,差值图为 0,就没有成键时电子云分布改变的效应。

从能量角度看,聚集在核间运动的电子,同时受两个核正电荷的吸引,降低体系的能量,有利于电子在核间聚集。

一切化学过程都归结为化学的吸引和排斥的过程。由一个氢原子和一个氢原子核组成  $H_2^+$ ,也是排斥和吸引对立统一的过程。当核间距离很大时,相互作用可以忽略。能量等于一个氢原子和一个氢原子核能量之和,一般以它作为能量的相对零点。核间距离逐渐缩小时,两个原子轨道的重叠逐渐增大,成键轨道的能量逐渐降低;当两个核进一步接近时,两个核正电荷相斥又会使能量上升。吸引和排斥这两个矛盾因素的作用,得到图 3.2 中能量和核间距离的关系曲线( $E_1$ )。曲线( $E_1$ )有一最低点,这是体系平衡时稳定存在的情况。这时核间距离就是  $H_2^+$  的键长。

## 3.2 分子轨道理论和双原子分子的结构

### -1- 简单分子轨道理论

$H_2^+$  是最简单的分子,其他分子的电子数较多,要复杂一些,但  $H_2^+$  成键的一般原理和概念对其他分子还是适用的,这已被量子力学计算和实验所证实。将  $H_2^+$  成键的一般原理推广,可得适用于一般分子的分子轨道理论。

## 1. 分子轨道的概念

分子中每个电子是在由各个原子核和其余电子组成的平均势场中运动,第  $i$  个电子的运动状态用波函数  $\psi_i$  描述,  $\psi_i$  称为分子中的单电子波函数,又称分子轨道。 $\psi_i^* \psi_i$  为电子  $i$  在空间分布的几率密度,  $\psi_i^* \psi_i d\tau$  表示该电子在空间某点附近微体积元  $d\tau$  中的几率。当把其他电子和核形成的势场当作平均场来处理时,势能函数只与电子本身的坐标有关,分子中第  $i$  个电子的 Hamilton 算符  $\hat{H}_i$  可单独分离出来,  $\psi_i$  服从

$$\hat{H}_i \psi_i = E_i \psi_i$$

式中  $\hat{H}_i$  包含第  $i$  个电子的动能项、这个电子和所有核的作用能项,以及它与其他电子作用能项的平均值。解此方程可得一系列分子轨道  $\psi_1, \psi_2, \dots, \psi_n$ , 和相应能量  $E_1, E_2, \dots, E_n$ 。分子的波函数  $\psi$  为各个单电子波函数的乘积,分子的总能量为各个电子所处分子轨道的分子轨道能之和。

## 2. 分子轨道的形成

分子轨道  $\psi$  可以近似地用能级相近的原子轨道线性组合(LCAO)得到。这些原子轨道通过线性组合成分子轨道时,轨道数目不变,轨道能级改变。两个能级相近的原子轨道组合成分子轨道时,能级低于原子轨道的称为成键轨道,高于原子轨道的称为反键轨道,等于原子轨道的称为非键轨道。

由两个原子轨道有效地组合成分子轨道时,必须满足能级高低相近、轨道最大重叠、对称性匹配三个条件。能级高低相近,能够有效地组成分子轨道;能级差越大,组成分子轨道的成键能力就越小。一般原子中最外层电子的能级高低是相近的。另外,当两个不同能级的原子轨道组成分子轨道时,能级降低的分子轨道必含有较多成分的低能级原子轨道,而能级升高的分子轨道则含有较多成分的高能级原子轨道。所谓轨道最大重叠就是使  $\beta$  积分增大,成键时体系能量降低较多,这就给两个轨道的重叠方向以一定的限制,此即共价键具有方向性的根源。所谓对称性匹配,就是指原

子轨道重叠时,必须有相同的符号,图 3.5(a)示出若干满足对称性条件,有效地组成分子轨道的情况。图 3.5(b)示出若干种不满足

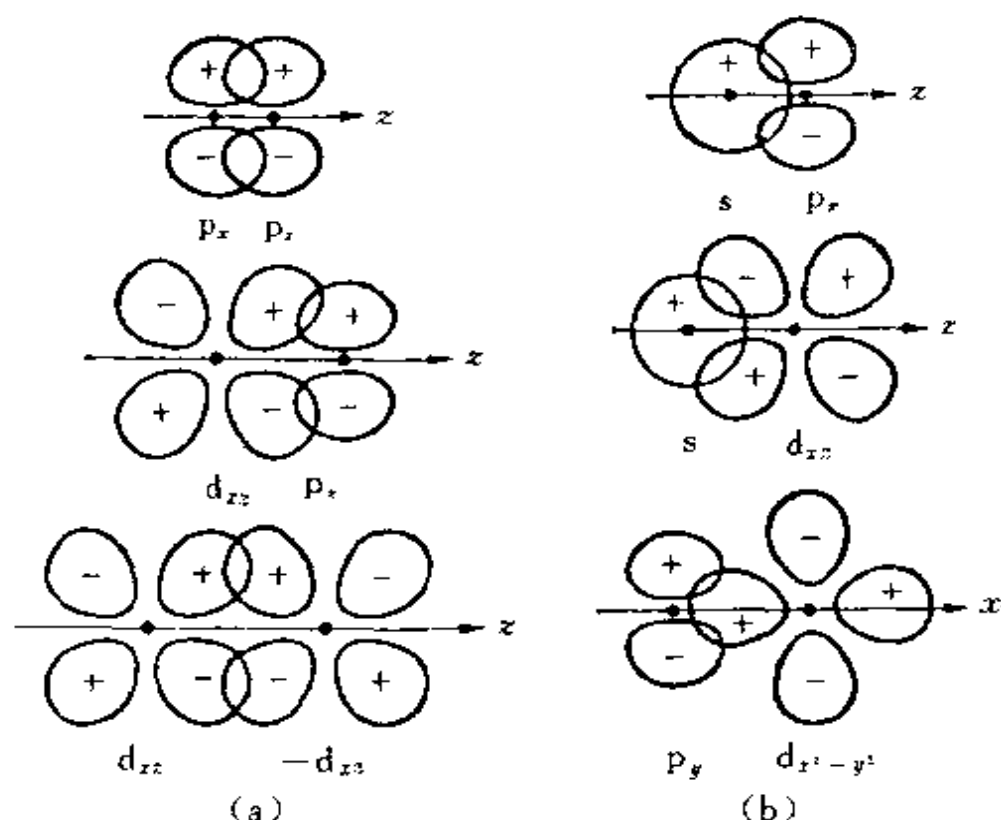


图 3.5 轨道重叠时的对称性条件

(a) 对称性匹配 (b) 对称性不匹配

足对称性条件的情况。这时,重叠区有一半是正正重叠,使能量降低;另一半是正负重叠,使能量升高。二者效果抵消,不能有效组成分子轨道。

在上述三个条件中,对称性条件是首要的,它决定这些原子轨道是否能组合成成键轨道,而其他两个条件只影响组合的效率。

能级高低相近条件可近似证明如下:设  $\psi_a$  和  $\psi_b$  为 A、B 两个原子的能级高低不同的原子轨道,  $E_a < E_b$ 。当它们组合成分子轨道时

$$\psi = c_a \psi_a + c_b \psi_b$$

展开(3.6)式,并假设  $H_{aa}=E_a, H_{bb}=E_b, H_{ab}=\beta, S_{ab}=0$ , 则

$$(E_a - E)(E_b - E) - \beta^2 = 0$$

解之,得分子轨道能量  $E$  的两个解

$$\begin{aligned} E_1 &= \frac{1}{2}[(E_a + E_b) - \sqrt{(E_b - E_a)^2 + 4\beta^2}] \\ &= E_a - U \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} E_2 &= \frac{1}{2}[(E_a + E_b) + \sqrt{(E_b - E_a)^2 + 4\beta^2}] \\ &= E_b + U \end{aligned}$$

式中

$$U = \frac{1}{2}[\sqrt{(E_b - E_a)^2 + 4\beta^2} - (E_b - E_a)] > 0$$

因为  $U > 0$ , 能级高低关系为  $E_1 < E_a < E_b < E_2$ , 如图 3.6 所示。 $E_1$  是成键轨道,  $E_2$  是反键轨道。 $E_1$  比  $E_a$  的能级还要低, 降低值为  $U$ ;  $E_2$  比  $E_b$  的能级还要高, 升高值为  $U$ 。

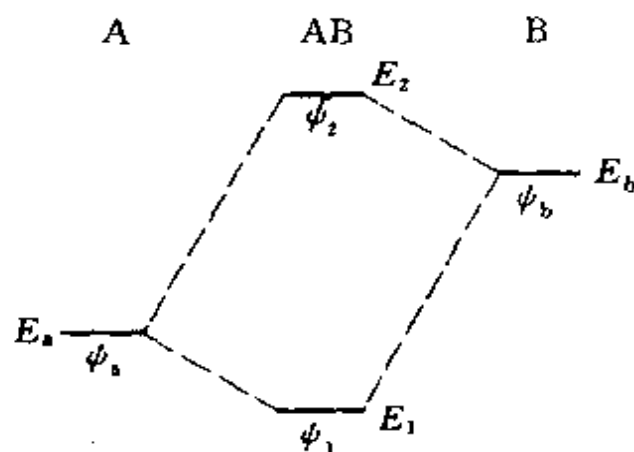


图 3.6 能级高低不同的原子轨道组成分子轨道的能级高低关系

$U$  不仅和  $\beta$  有关, 且与  $(E_b - E_a)$  的差值有关。当  $E_a = E_b$  时,  $U = |\beta|$ 。 $\beta$  是负值, 所得结果和 3.1 节解  $H_2^+$  所得的(3.7)式结果

相同;当 $(E_b - E_a) \gg |\beta|$ 时,  $U \approx 0, E_1 \approx E_a, E_2 \approx E_b$ 。从 3.1 节 (3.5) 式, 得

$$\begin{aligned} \left( \frac{c_b}{c_a} \right)_1 &= -\frac{U}{\beta} \approx 0, & \psi_1 &\approx \psi_a \\ \left( \frac{c_a}{c_b} \right)_2 &= \frac{U}{\beta} \approx 0, & \psi_2 &\approx \psi_b \end{aligned}$$

分子轨道  $\psi_1$  和  $\psi_2$  还原为原子轨道  $\psi_a$  和  $\psi_b$ , 不能有效成键。

### 3. 分子中电子的排布

分子中电子根据 Pauli 不相容原理、能量最低原理和 Hund 规则增填在分子轨道上。

在讨论分子轨道问题时, 我们认为对于反键轨道应予以充分的重视, 其原因是:

(1) 反键轨道是整个分子轨道中不可缺少的组成部分, 反键轨道几乎占总的分子轨道数的一半, 它和成键轨道、非键轨道一起按能级高低排列, 共同组成分子轨道。

(2) 反键轨道具有和成键轨道相似的性质, 每一轨道也可安排自旋相反的两个电子, 只不过能级较相应的成键轨道高, 轨道的分布形状不同。

(3) 在形成化学键的过程中, 反键轨道并不都是处于排斥的状态, 有时反键轨道和其他轨道相互重叠, 也可以形成化学键, 降低体系的能量, 促进分子稳定地形成。利用分子轨道理论能成功地解释和预见许多化学键的问题, 反键轨道参与作用常常是其中的关键所在。在后面讨论分子的化学键性质时, 将会经常遇到反键的作用问题。

(4) 反键轨道是了解分子激发态的性质的关键。

## 2- 分子轨道的分布特点和分类

按照分子轨道沿键轴分布的特点, 可以分为  $\sigma$  轨道、 $\pi$  轨道和  $\delta$  轨道三种, 图 3.7 示出沿键轴一端观看时三种轨道的特点。



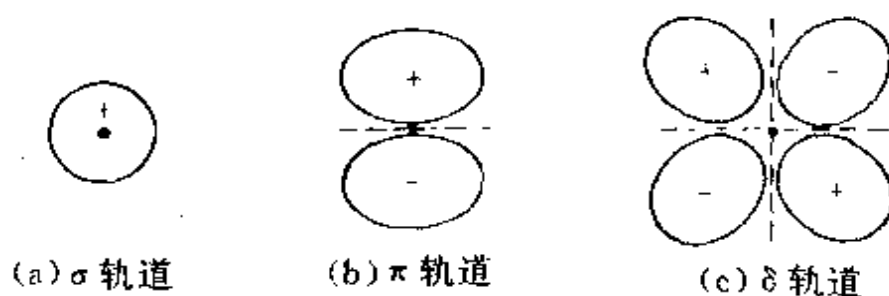


图 3.7 沿键轴一端观看时,三种轨道的特点  
(虚线表示节面)

### 1. $\sigma$ 轨道和 $\sigma$ 键

从  $H_2$  分子的结构知道两个氢原子的  $1s$  轨道线性组合成两个分子轨道,这两个轨道的分布是圆柱对称的,对称轴就是连接两个原子核的键轴。这种转动键轴而不改变轨道符号和大小的分子轨道,称为  $\sigma$  轨道。由  $1s$  原子轨道组成的  $\sigma$  轨道用  $\sigma_{1s}$  表示,反键轨道用  $\sigma_{1s}^*$  表示。如果是由  $2s$  原子轨道组成的成键  $\sigma$  轨道以  $\sigma_{2s}$  表示,反键轨道则以  $\sigma_{2s}^*$  表示。

除  $s$  轨道可组成  $\sigma$  轨道外,  $p$  轨道和  $p$  轨道,  $p$  轨道和  $s$  轨道也可组成  $\sigma$  轨道。图 3.8 是各种  $\sigma$  轨道的示意图。

在  $\sigma$  轨道上的电子称为  $\sigma$  电子。在  $\sigma$  轨道上由于电子的稳定性而形成的共价键,称为  $\sigma$  键。图 3.9 示意表示出  $H_2^+$ ,  $H_2$  和  $He_2^+$  通过  $\sigma$  键形成分子的情况。在  $H_2^+$  中由 1 个  $\sigma$  电子占据成键轨道,称为单电子  $\sigma$  键。 $H_2^+$  不如  $H_2$  稳定,因为它只有 1 个电子占据低能级,容易接受外来电子形成  $H_2$ 。而在  $He_2^+$  中,2 个电子在成键轨道,1 个电子在反键轨道,成键电子数超过反键电子数,故能够存在。光谱实验证明有  $He_2^+$ 。这种由相应的成键和反键两个轨道中的 3 个电子组成的  $\sigma$  键称为三电子  $\sigma$  键。三电子键的稳定性和单电子键相似,因为一个反键电子抵消了一个成键电子。 $He_2$  是不存在的,因为它有 4 个电子,成键轨道的 2 个电子能级降低和反键轨道的 2 个电子能级升高互相抵消了。由此也可以推论,原子的内层电子在形成分子时成键作用与反键作用抵消,它们基本上仍在原来的原子轨道上。

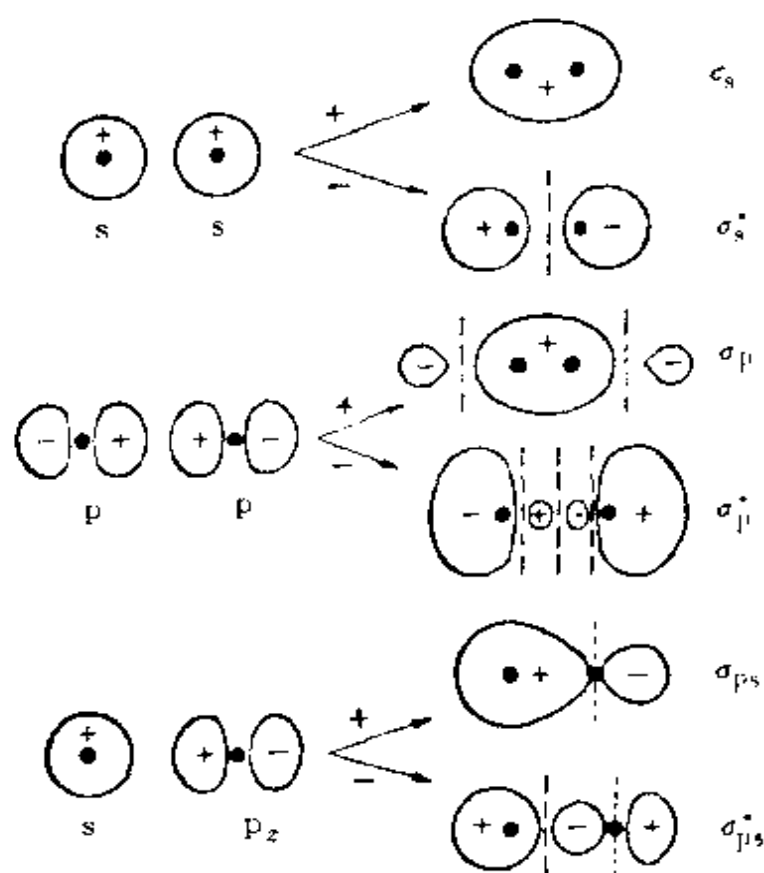


图 3.8 由 s 和 p 轨道组成的  $\sigma$  轨道示意图

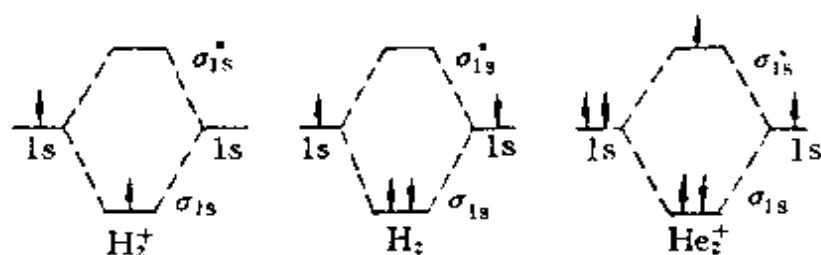


图 3.9  $\text{H}_2^+$ ,  $\text{H}_2$  和  $\text{He}_2^+$  的电子排布图

## 2. $\pi$ 轨道和 $\pi$ 键

假定键轴是  $z$  轴, 原子的  $p_y$  和  $p_x$  轨道的极大值方向均和键轴垂直。当有两个原子沿  $z$  轴靠近, 两个  $p_x$  轨道沿键轴方向肩并肩的重叠, 若两轨道符号相同地相加, 则可得图 3.10 上方所示的

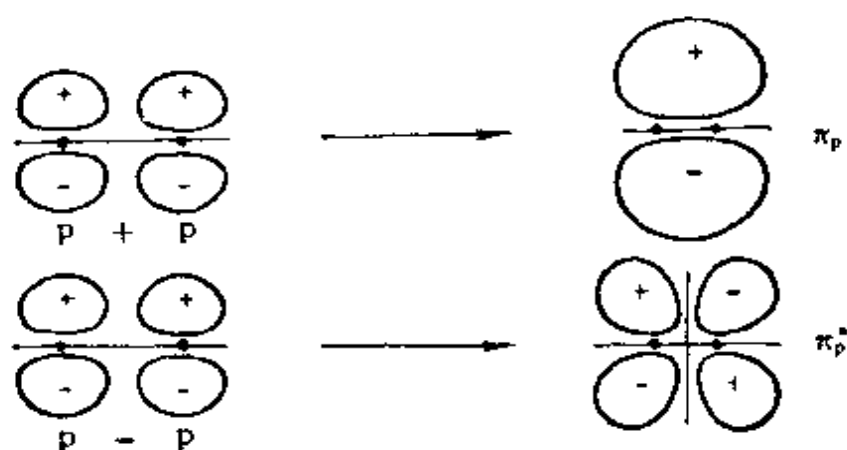


图 3.10 由两个 p 轨道组成  $\pi_p$  和  $\pi_p^*$  示意图

结果,此时通过键轴有一个  $\phi$  为零的节面。但在键轴两侧电子云比较密集。这个分子轨道的能级较相应的原子轨道低,为成键轨道,以  $\pi_p$  表示。若两轨道相减,可得图 3.10 下方所示的结果,此时通过键轴也有一个  $\phi$  为零的节面,而在两核之间波函数互相抵消,垂直键轴又出现一节点,这种轨道能级较高,称为反键轨道,以  $\pi_p^*$  表示。凡是通过键轴有一个  $\phi$  为 0 的节面的轨道都称为  $\pi$  轨道。在  $\pi$  轨道上的电子称为  $\pi$  电子,由成键  $\pi$  电子构成的共价键叫做  $\pi$  键。同样,根据  $\pi$  电子数是 1 个、2 个或 3 个,分别称为单电子  $\pi$  键,  $\pi$  键(即二电子  $\pi$  键)和三电子  $\pi$  键。一对  $\pi$  电子和一对  $\pi^*$  电子不能构成共价键,因为成键作用互相抵消没有能量降低效应。

### 3. $\delta$ 轨道和 $\delta$ 键

凡是通过键轴有两个  $\phi$  为 0 的节面的分子轨道称为  $\delta$  轨道。 $\delta$  轨道不能由 s 或 p 原子轨道组成。但若键轴方向为  $z$  轴方向,则两个  $d_{xy}$  或两个  $d_{x^2-y^2}$  轨道重叠而成的分子轨道是  $\delta$  轨道。在某些过渡金属化合物中,(如  $\text{Re}_2\text{Cl}_8^{2-}$  离子中),有这种分子轨道。图 3.11 表示由两个  $d_{xy}$  轨道互相重叠形成  $\delta$  轨道的示意图。

分子轨道还可利用对称性来区分。对于同核双原子分子若以键轴中心为坐标原点,当对原点中心对称时,以符号“g”表示;对该点中心反对称时,则以符号“u”表示; $\sigma$  轨道是中心对称的, $\sigma^*$  轨道是中心反对称的; $\pi$  轨道是中心反对称的, $\pi^*$  轨道是中心对称的。

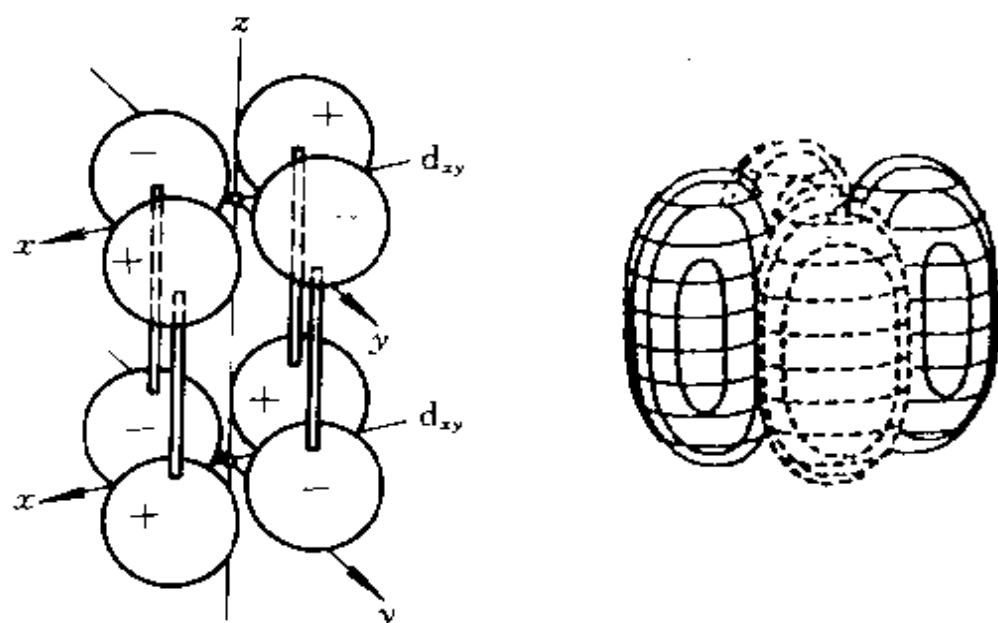


图 3.11 由两个  $d_{xy}$  轨道重叠而成的  $\delta$  轨道

在讨论化学键性质时,还引进键级概念,以表达键的强弱。

$$\text{键级} = \frac{1}{2}(\text{成键电子数} - \text{反键电子数})$$

键级高,键强。 $H_2$  的键级为 1,  $H_2^+$  为  $1/2$ ;  $He_2^-$  为  $1/2$ 。 $He_2$  的键级为 0,故不成键。键级可近似地看作两原子间共价键的数目。

### 3- 同核双原子分子的结构

下面先讨论  $H_2$  分子的结构再讨论其他双原子分子的结构。

$H_2$  分子基态的电子组态为  $(\sigma_{1s})^2$ ,如图 3.9 所示。图中表示两个电子均处在  $\sigma_{1s}$  轨道,而自旋状态不同,设一个为  $\alpha$ ,另一个为  $\beta$ ,描述  $H_2$  分子的轨道运动波函数为

$$\psi_{\text{轨道}} = \sigma_{1s}(1)\sigma_{1s}(2)$$

对于多电子体系必须考虑 Pauli 原理,对称的  $\psi_{\text{轨道}}$  必须乘以反对称的自旋函数  $\frac{1}{\sqrt{2}}[\alpha(1)\beta(2) - \alpha(2)\beta(1)]$ ,使全波函数  $\psi_{\text{全}}$  为反对称,即

$$\psi_{\text{全}} = \sigma_{1s}(1)\sigma_{1s}(2) - \frac{1}{\sqrt{2}}[\alpha(1)\beta(2) - \alpha(2)\beta(1)]$$

若用 Slater 行列式表示, 则

$$\psi_{\text{全}} = \frac{1}{\sqrt{2}} \begin{vmatrix} \sigma_{1s}(1)\alpha(1) & \sigma_{1s}(1)\beta(1) \\ \sigma_{1s}(2)\alpha(2) & \sigma_{1s}(2)\beta(2) \end{vmatrix}$$

用上述分子轨道求得  $\text{H}_2$  分子能量随  $R$  变化在最低点时的核间距离为 73 pm, 能量降低值 (相对于两个 H 原子) 为  $336.7 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。而  $\text{H}_2$  分子实验测定的平衡核间距为 74.12 pm, 平衡解离能  $D_e$  为  $458.0 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。能量数值符合得不太好。

对其他同核双原子分子的结构, 需要考虑各个分子轨道能级的高低。分子轨道的能级由下面两个因素决定, 即构成分子轨道的原子轨道类型和原子轨道的重叠情况。从原子轨道的能级考虑, 在同核双原子分子中, 能级最低的分子轨道是由 1s 原子轨道组合成的  $\sigma_{1s}$  和  $\sigma_{1s}^*$ , 其次是由 2s 轨道组合成的分子轨道  $\sigma_{2s}$  和  $\sigma_{2s}^*$ , 再次是由 2p 原子轨道组合成的三对分子轨道。这是由于 1s 能级低于 2s, 对第二周期元素 2s 的能级低于 2p。从价层轨道的重叠情况考虑, 在核间距离不是相当小的情况下, 一般两个 2s 轨道或两个  $2p_z$  轨道之间的重叠比两个  $2p_x$  或  $2p_y$  轨道之间的重叠大, 即  $\sigma$  键的重叠比  $\pi$  键的重叠大, 因此成键和反键  $\pi$  轨道间的能级间隔比成键和反键  $\sigma$  轨道间的能级间隔小, 根据这种分析, 第二周期同核双原子分子的价层分子轨道能级顺序为

$$\sigma_{2s} < \sigma_{2s}^* < \sigma_{2p_z} < \pi_{2p_x} = \pi_{2p_y} < \pi_{2p_x}^* = \pi_{2p_y}^* < \sigma_{2p_z}^*$$

然而这种顺序不是固定不变的, 由于 s-p 混杂会使能级高低发生改变。s-p 混杂是指当价层 2s 和  $2p_z$  原子轨道能级相近时, 由它们组成的对称性相同的分子轨道, 能进一步相互作用, 混杂在一起组成新的分子轨道。这种分子轨道的相互作用称为 s-p 混杂。它和原子轨道的杂化概念不同, 原子轨道的杂化是指同一个原子能级相近的原子轨道线性组合而成新的原子轨道的过程。

图 3.12 示出 s-p 混杂对同核双原子分子的分子轨道形状及能级的影响。图中左边是可以忽略 s-p 混杂时分子轨道的能级和

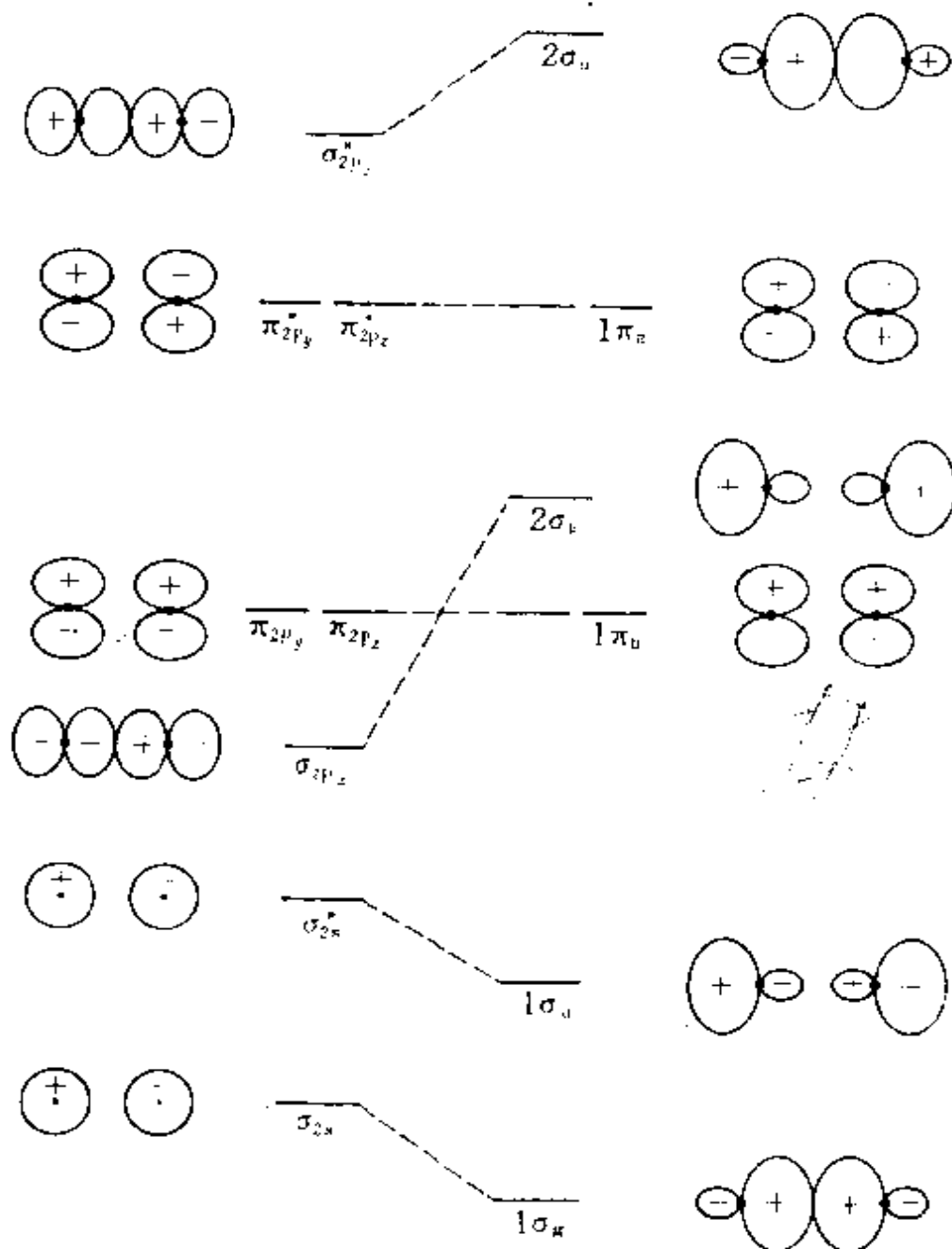


图 3.12 s-p 混杂对同核双原子分子的价层分子  
轨道形状和能级的影响

(为清楚起见,仍保留原子轨道的轮廓)

形状;右边是  $\sigma_{2s}$  和  $\sigma_{2p_z}$  以及  $\sigma_{2s}^*$  和  $\sigma_{2p_z}^*$  对称性相同,它们相互作用后所得的分子轨道的能级和形状。由于各个分子轨道已不单纯是相

应原子轨道的叠加,不能再用  $\sigma_{2s}, \sigma_{2p}$  等符号表示,而改用  $1\sigma_g, 1\sigma_u$  等符号,分子轨道能级高低的次序为

$$1\sigma_g < 1\sigma_u < 1\pi_u (2 \text{ 个}) < 2\sigma_g < 1\pi_g (2 \text{ 个}) < 2\sigma_u$$

分子轨道轮廓形状也明显的改变,  $1\sigma_u$  和  $2\sigma_g$  在核间已变得很小,轨道性质相对地变为非键了。

根据第二周期元素的价轨道能级高低数据(见表 2.3), F, O 等  $2s$  和  $2p$  轨道能级差值大, s-p 混杂少,不改变原有由各相应原子轨道组成的能级顺序;而 N, C, B 等元素  $2s$  和  $2p$  轨道能级差值小, s-p 混杂显著,出现能级高低变化,  $2\sigma_g$  高过  $1\pi_u$ 。

根据分子轨道的能级次序,就可以按 Pauli 原理、能量最低原理和 Hund 规则排出分子在基态时的电子组态。

对于主量子数在 3 或 3 以上的原子轨道组合得的分子轨道,其能级高低次序难以简单地预言,需要更多的实验数据来确定。

下面分别根据同核双原子分子的电子结构,讨论它们的性质。

### (1) $F_2$

$F_2$  分子的价电子组态为

$$(\sigma_{2s})^2 (\sigma_{2s}^*)^2 (\sigma_{2p_z})^2 (\pi_{2p})^4 (\pi_{2p}^*)^4$$

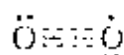
除了  $(\sigma_{2p_z})^2$  形成共价单键外,尚有 3 对成键电子和 3 对反键电子,它们互相抵消,不能有效成键,相当于每个 F 原子有 3 对孤对电子,可作为孤对电子的提供者。

### (2) $O_2$

$O_2$  比  $F_2$  少 2 个电子,因为 2 个反键  $\pi^*$  轨道能级高低一样。按照 Hund 规则电子尽可能分占两个轨道,且自旋平行。 $O_2$  的价电子组态为

$$(\sigma_{2s})^2 (\sigma_{2s}^*)^2 (\sigma_{2p_z})^2 (\pi_{2p_x})^2 (\pi_{2p_y})^2 (\pi_{2p_x}^*)^1 (\pi_{2p_y}^*)^1$$

实验证明氧是顺磁性的,证实  $O_2$  确有自旋平行的电子。根据氧分子的分子轨道,  $O_2$  相当于生成 1 个  $\sigma$  键和 2 个三电子  $\pi$  键,可记为



每个三电子  $\pi$  键能量上只相当于半个键。 $O_2$  分子的键级为 2, 相当于  $O=O$  双键。

### (3) $N_2$

按图 3.12, 基态  $N_2$  的价电子组态为

$$(1\sigma_g)^2(1\sigma_u)^2(1\pi_u)^4(\underline{2\sigma_g})^2$$

由光电子能谱数据可以证明(见 3.5 节),  $N_2$  的三重键为 1 个  $\sigma$  键  $[(1\sigma_g)^2]$ , 2 个  $\pi$  键  $[(1\pi_u)^4]$ , 键级为 3。而  $(1\sigma_u)^2$  和  $(2\sigma_g)^2$  分别具有弱反键和弱成键性质, 实际上成为参加成键作用很小的两对孤对电子, 可记为:  $N \equiv N:$ 。所以  $N_2$  的键长特别短, 只有 109.8 pm; 键能特别大, 达  $942 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 是惰性较大的分子。

### (4) $C_2$

基态  $C_2$  的价电子组态为  $(1\sigma_g)^2(1\sigma_u)^2(1\pi_u)^4$ 。由于 s-p 混杂,  $1\sigma_u$  为弱反键,  $C_2$  的键级应在 2 与 3 之间, 这与  $C_2$  的键能 ( $602 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ) 和键长 (124 pm) 的实验数据一致。

### (5) $B_2$

基态  $B_2$  的价电子组态为  $(1\sigma_g)^2(1\sigma_u)^2(\underline{1\pi_u})^2$ 。其中  $1\sigma_u$  为弱反键, 而  $1\pi_u$  上两个电子应处在两个能级简并的轨道上, 自旋平行, 形成两个单电子键。从这些情况可预见  $B_2$  为顺磁性分子, B—B 间键级介于 1 到 2 之间, 实验测定  $B_2$  为顺磁性分子, B—B 键长为 159 pm, 较 B—B 单键共价半径和 (164 pm) 短, 键能为  $274 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。

表 3.1 中列出若干同核双原子分子的键长和键解离能[表示  $A_2(g) \longrightarrow A(g) + A(g)$  所需能量]的数据。

① 这里我们以小圆点表示参与成键的电子, 以虚线表示形成的  $\pi$  键, 这种表示方法在离域  $\pi$  键中还将应用。



表 3.1 同核双原子分子和离子的键长和键解离能

分 子	键长/pm	键解离能/ $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$
$\text{B}_2$	158.9	274.1
$\text{Br}_2$	228.09	190.12
$\text{C}_2$	124.25	602
$\text{Cl}_2$	198.8	239.24
$\text{F}_2$	141.7	155
$\text{H}_2$	74.12	431.96
$\text{H}_2^+$	106	255.48
$\text{He}_2^+$	108.0	322.2
$\text{I}_2$	266.66	148.74
$\text{K}_2$	392.3	49.4
$\text{Li}_2$	267.2	110.0
$\text{N}_2$	109.76	941.69
$\text{N}_2^+$	111.6	842.15
$\text{Na}_2$	307.8	72.4
$\text{O}_2$	120.74	493.54
$\text{O}_2^+$	112.27	626
$\text{O}_2^-$	126	392.9
$\text{O}_2^{2-}$	149	138
$\text{P}_2$	189.37	477

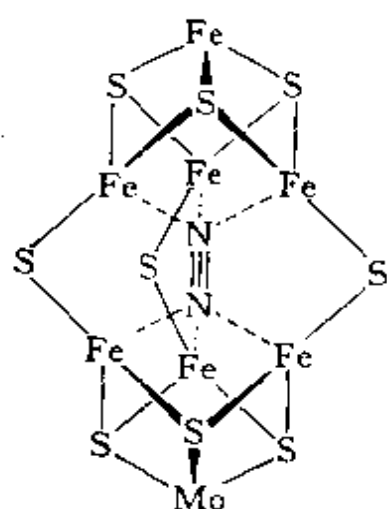


图 3.13 固氮酶活性中心 FeMo-辅助因子和  $\text{N}_2$  分子结合的示意图

表中键能最高的是  $\text{N}_2$  分子,这表明它很稳定。在合成氨工业中和自然界的固氮酶中要削弱此  $\text{N} \equiv \text{N}$  三重键才能使  $\text{N}_2$  分子活化。合成氨铁催化剂上的一种可能的活化型式示意于图 6.26 (b)中。固氮酶中  $\text{N}_2$  的活化型式根据固氮酶活性中心 FeMo-辅助因子结构,可示意于图 3.13 中<sup>[6]</sup>。

#### -4- 异核双原子分子的结构

不同的原子有不同的电子结构,它们不能像同核双原子分子那样可利用相同的原子轨道进行组合,但是组成分子轨道的条件仍须满足。异核原子间内层电子的能级高低可以相差很大,但最外层电子的能级高低总是相近的。异核原子间可利用最外层轨道组合成分子轨道。下面分别以 CO 和 HF 为例说明异核双原子分子的结构。

##### (1) CO

CO 的电子总数和  $N_2$  相同,它们在分子轨道、成键情况和电子排布上也大致相同,这即为等电子原理。基态 CO 分子的价层电子组态为  $(1\sigma)^2(2\sigma)^2(1\pi)^4(3\sigma)^2$ 。和  $N_2$  的差别在于由氧原子提供分子轨道的电子比碳原子提供的电子多 2 个,可记为:  $C \equiv O:$ , 箭头代表由氧原子提供一对电子形成的配键,两边黑点表示孤对电子。

氧原子的电负性比碳原子高,但在 CO 分子中,由于氧原子单方面向碳原子提供电子,抵消了碳原子和氧原子之间由于电负性差引起的极性,所以 CO 分子  $\mu = 0.37 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m}$ ,是个偶极矩较小的分子;而且氧原子端显正性,碳原子端显负性,在羰基化合物中 CO 基表现出很强的配位能力,以碳原子端和金属离子结合。

##### (2) NO

NO 分子比 CO 多 1 个电子,这一电子排在  $\pi^*$  轨道上,它的价电子组态为  $(1\sigma)^2(2\sigma)^2(1\pi)^4(3\sigma)^2(2\pi)^1$ ,出现一个 3 电子  $\pi$  键,键级为 2.5,分子为顺磁性。

一氧化氮(NO)是美国《科学》杂志 1992 年选的明星分子<sup>[7]</sup>。在大气中,NO 是有害的气体,它破坏臭氧层、造成酸雨、污染环境等。但是在人体中,NO 能容易地穿过生物膜,氧化外来物质,在受控制的小剂量情况下,却是极有益的成分。NO 作用在大脑、血管、免疫系统、肝脏、胰脏、肺、子宫、末梢神经等,它可以在体内

起多方面的作用：调整血压、抵抗微生物入侵、促进消化作用、传递性兴奋信息、治疗心脏病、帮助大脑学习和记忆等等。NO 是非常重要的分子。

### (3) HF

根据能级相近和对称性条件，氢原子 1s 轨道（-13.6 eV）和氟原子的  $2p_z$  轨道（-17.4 eV）形成  $\sigma$  轨道，价层电子组态为  $(\sigma_{2s})^2(\sigma)^2(\pi_{2p})^4$ ，有 3 对非键电子，在 F 原子周围形成 3 对孤对电子，故可记为  $H-\ddot{F}:$ 。

由于 F 的电负性比 H 大，所以电子云偏向 F，形成极性共价键， $\mu=6.60 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m}$ 。分子轨道能级示意图于图 3.14 中。

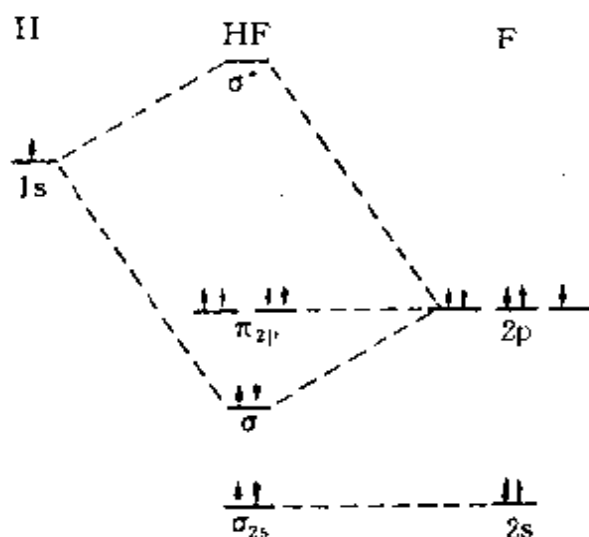


图 3.14 HF 分子轨道能级示意图

## 3.3 $H_2$ 分子的结构和价键理论

### -1- 价键法解 $H_2$ 的结构

$H_2$  分子有两个原子核和两个电子，如图 3.15 所示。它的 Hamilton 算符以原子单位表示为

$$\begin{aligned} \hat{H} &= \left[ -\frac{1}{2} \nabla_1^2 - \frac{1}{r_{a_1}} \right] + \left[ -\frac{1}{2} \nabla_2^2 - \frac{1}{r_{b_2}} \right] \\ &\quad + \left[ -\frac{1}{r_{a_2}} - \frac{1}{r_{b_1}} + \frac{1}{r_{12}} + \frac{1}{R} \right] \\ &= \hat{H}_a(1) + \hat{H}_b(2) + \hat{H}' \end{aligned} \quad (3.20)$$

其中  $\hat{H}_a(1)$  表示电子 1 在  $H_A$  原子中的 Hamilton 算符； $\hat{H}_b(2)$  表示电子 2 在  $H_B$  原子中的 Hamilton 算符。 $\hat{H}'$  为两个原子组成氢

分子后增加的相互作用的势能算符项。若以  $\phi_a = (1/\sqrt{\pi})e^{-r_a}$  表示氢原子 A 的基态波函数,  $\phi_b = (1/\sqrt{\pi})e^{-r_b}$  表示氢原子 B 的基态波函数, 当两个 H 原子远离、无相互作用时, 体系的波函数为

$$\phi_1(1,2) = \phi_a(1)\phi_b(2)$$

$$\text{或 } \phi_2(1,2) = \phi_a(2)\phi_b(1)$$

式中括号内的 1 或 2 表示第 1 个电子或第 2 个电子的坐标, 显然由  $\phi_1$  和  $\phi_2$  线性组合所得的波函数也是这个体系的波函数

$$\phi(1,2) = c_1\phi_1 + c_2\phi_2 \quad (3.21)$$

Heitler-London 以  $\phi(1,2)$  作为  $H_2$  的近似函数, 仿照 3.1 节的线性变分法得  $H_2$  分子的波函数和相应的能量

$$\begin{aligned} \phi_+ &= \frac{1}{\sqrt{2+2S_{12}}}(\phi_1 + \phi_2) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2+2S_{12}}}[\phi_a(1)\phi_b(2) + \phi_a(2)\phi_b(1)] \end{aligned} \quad (3.22)$$

$$E_+ = \frac{H_{11} + H_{12}}{1 + S_{12}} \quad (3.23)$$

$$\begin{aligned} \phi_- &= \frac{1}{\sqrt{2-2S_{12}}}(\phi_1 - \phi_2) \\ &= \frac{1}{\sqrt{2-2S_{12}}}[\phi_a(1)\phi_b(2) - \phi_a(2)\phi_b(1)] \end{aligned} \quad (3.24)$$

$$E_- = \frac{H_{11} - H_{12}}{1 - S_{12}} \quad (3.25)$$

式中重叠积分  $S_{12}$  以及  $H_{11}, H_{12}$  可进一步表达如下

$$\begin{aligned} S_{12} &= \int \phi_1^* \phi_2 d\tau = \int \phi_a^*(1)\phi_b(2) d\tau_1 \int \phi_a^*(2)\phi_b(1) d\tau_2 \\ &= S_{ab}^2 \equiv S^2 \end{aligned}$$

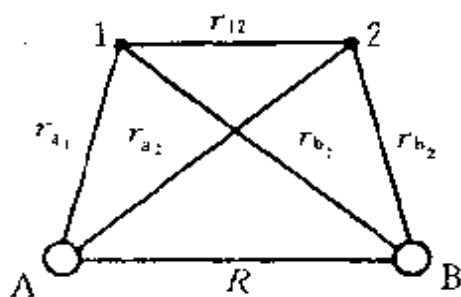


图 3.15  $H_2$  分子的坐标

$$H_{11} = \int \psi_1^* \hat{H} \psi_1 d\tau = \int \psi_a^*(1) \psi_b^*(2) [2E_H + \hat{H}'] \psi_a(1) \psi_b(2) d\tau \\ = 2E_H + Q \quad (3.26)$$

$$H_{12} = \int \psi_a^*(1) \psi_b^*(2) [\hat{H}_a(1) + \hat{H}_b(2) + \hat{H}'] \psi_a(2) \psi_b(1) d\tau \\ = 2E_H S_{ab}^2 + A \quad (3.27)$$

这样

$$E_+ = 2E_H + \frac{Q+A}{1+S^2}, \quad E_- = 2E_H + \frac{Q-A}{1-S^2} \quad (3.28)$$

$$Q = \int \psi_a^*(1) \psi_b^*(2) \hat{H}' \psi_a(1) \psi_b(2) d\tau$$

$$A = \int \psi_a^*(1) \psi_b^*(2) \hat{H}' \psi_a(2) \psi_b(1) d\tau$$

$Q, A, S$  等积分都是核间距  $R$  的函数, 在平衡核间距附近,  $Q$  和  $A$  均为负值, 所以  $H_2$  分子  $\psi_+$  态的能量  $E_+$  比两个无相互作用的氢原子的能量 ( $2E_H$ ) 要低; 又由于  $|A| > |Q|$ ,  $E_-$  则比  $2E_H$  要高。  $E_+$  随  $R$  变化的曲线上有一最低点, 这一最低点处的  $R$  为平衡核间距。 Heitler-London 法处理  $H_2$  分子得平衡核间距为 87 pm, 这时  $E_+$  为 3.14 eV, 与实验观测值 74.12 pm 和 4.7467 eV 相差虽然大, 但它能阐明  $H_2$  稳定存在的原因及共价键的本质。

$\psi_+$  和  $\psi_-$  仅是轨道运动部分的波函数, 考虑 Pauli 原理的要求, 包含自旋函数的全波函数应是反对称波函数, 能量低的  $\psi_+$  是对称的, 相应的自旋函数应是反对称的, 这样全波函数

$$\psi_+(\text{全}) = \psi_+ \frac{1}{\sqrt{2}} [\alpha(1)\beta(2) - \alpha(2)\beta(1)] \quad (3.29)$$

电子在这个态的总自旋角动量为 0, 这时两个电子自旋是反平行的, 自旋角动量沿键轴的分量也为零, 即  $m_S = 0$ 。

能量高的  $\psi_-$  是反对称的, 相应的自旋波函数应为对称波函数, 包含两个电子体系的对称自旋波函数可以有 3 个

$$\begin{array}{ll} \alpha(1)\alpha(2) & m_S = 1 \\ \beta(1)\beta(2) & m_S = -1 \end{array}$$

$$-\frac{1}{\sqrt{2}}[\alpha(1)\beta(2)+\alpha(2)\beta(1)] \quad m_s=0$$

它们可分别和  $\psi_-$  相乘, 得到能级差别很小的 3 个反对称全波函数

$$\psi_-(\text{全}) = \psi_- \begin{cases} \alpha(1)\alpha(2) \\ \beta(1)\beta(2) \\ -\frac{1}{\sqrt{2}}[\alpha(1)\beta(2)+\alpha(2)\beta(1)] \end{cases} \quad (3.30)$$

所以和能量高的  $\psi_-$  相对应的是三重态<sup>①</sup>。

电子在分子中的分布可由空间各点几率密度 ( $|\psi|^2$ ) 数值的大小表示。可以只取波函数的空间部分讨论。对两电子体系, 空间波函数  $\psi(x_1, y_1, z_1, x_2, y_2, z_2)$  在  $P_1$  点  $(x_1, y_1, z_1)$  附近  $d\tau_1$  内找到电子 1, 同时在  $P_2$  点  $(x_2, y_2, z_2)$  附近  $d\tau_2$  内找到电子 2 的几率为  $|\psi|^2 d\tau_1 d\tau_2$ 。若不论电子 2 在何处,  $P_1$  附近  $d\tau_1$  内找到电子 1 的几率为  $\left[ \int |\psi|^2 d\tau_2 \right] d\tau_1$ , 而在  $P_1$  附近  $d\tau_1$  内找到两个电子中任意一个的几率应为  $2 \left[ \int |\psi|^2 d\tau_2 \right] d\tau_1$ 。由于波函数对两个电子是等价的, 在空间任意一点找到电子 1 的几率等于在该点找到电子 2 的几率。这样, 当  $H_2$  处于平衡核间距时, 两个电子的总的几率密度函数为

$$\rho = 2 \int |\psi|^2 d\tau_2 = 2 \int |\psi|^2 d\tau_1$$

对稳定态

$$\rho_+ = \rho(1) + \rho(2) = \int \psi_+ (1,2)^2 d\tau_1 + \int \psi_+ (1,2)^2 d\tau_2$$

将(3.22)式关系代入积分中, 展开, 利用归一化条件化简, 得

$$\rho_+ = \frac{1}{1+S^2} [\phi_a^2 + \phi_b^2 + 2S\phi_a\phi_b] \quad (3.31)$$

---

① 因为  $\psi_+$  和  $\psi_-$  是由原子轨道  $\phi_a$  和  $\phi_b$  相乘而得,  $\phi_a$  和  $\phi_b$  是作为基函数出现, 两个自旋相同的电子处在  $\psi$  状态是指  $\phi_a$  和  $\phi_b$  各有一个电子, 这样并不违反 Pauli 原理(不能在一个轨道上放两个自旋平行的电子)。

$$\rho_- = \frac{1}{1-S^2}[\psi_a^2 + \psi_b^2 - 2S\psi_a\psi_b] \quad (3.32)$$

由于  $S = \int \psi_a^* \psi_b d\tau$ , 其值为正, 故稳定态核间几率密度增加, 对两个核产生吸引能, 使体系能量降低, 而激发态核间几率密度降低, 两核外侧增大, 体系能量升高, 不稳定。

## -2- 价键理论

上面介绍了 1927 年 Heitler-London 处理  $H_2$  结构的方法, 它成功地阐明了  $H_2$  的结构。到 30 年代 Pauling 等加以发展, 引入杂化轨道概念, 综合成价键理论, 成功地应用于双原子分子和多原子分子的结构。价键理论以原子轨道作为近似基函数描述分子中电子的运动规律, 在阐述共价键本质时, 根据 Pauli 原理的要求, 认为一对自旋反平行的电子相互接近时, 彼此呈现互相吸引的作用, 并使体系能量降低, 形成化学键。例如有一原子 A 在它的价层原子轨道  $\psi_a$  中有一未成对电子, 另一原子 B 在它的价层原子轨道  $\psi_b$  中也有一未成对电子, 当 A, B 两原子接近时, 两电子就以自旋反平行配对而成键, 这种形成化学键的理论叫价键理论, 或电子配对理论。按此理论, 分子中每一共价单键代表一对成键原子轨道和两个自旋反平行的电子。

根据价键理论, 为了增加体系的稳定性, 各原子价层轨道中未成对电子应尽可能相互配对, 以形成最多数目的化学键。若原子 A 和 B 的价层原子轨道中各有一个(两个或三个)未成对电子, 这些电子则能配对并构成共价单键(共价双键或三键)。若原子 A 的价层原子轨道中有两个未成对电子, 原子 B 的价层原子轨道中只有一个未成对电子, 则一个 A 原子可和两个 B 原子化合成  $AB_2$  分子。所以原子轨道中未成对电子数即为其原子价。

一个元素的原子价是指它的一个原子和其他原子形成共价键的数目。在形成共价键时, 一个电子和另一个电子配对以后, 就不能再和其他原子的电子配对了, 这就是共价键的饱和性。原子形成

分子时,若原子轨道重叠愈多,则形成共价键愈牢固,所以原子轨道(包括杂化轨道)的取向将影响共价键的方向。

下面举几个例子说明。

(1)  $\text{Li}_2$

Li 原子的电子组态为  $(1s)^2(2s)^1$ , 有一未成对的 2s 电子, 能互相配对成单键  $\text{Li}-\text{Li}$ 。

(2)  $\text{N}_2$

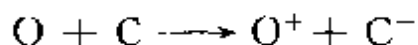
$\text{N}_2$  原子的电子组态为  $(1s)^2(2s)^2(2p_x)^1(2p_y)^1(2p_z)^1$ , 若键轴为  $z$  方向,  $2p_z$  电子可相互配对成  $\sigma$  键, 两个  $2p_x$  和  $2p_y$  电子可两两配对成两个  $\pi$  键。共有三重键,  $\text{N}\equiv\text{N}$ 。在这结构中, 由于每个分立的 N 原子的 2s 电子已经成对, 不再在原子间成键, 而以孤对电子的形式出现。

(3)  $\text{O}_2$

O 原子的电子组态为  $(1s)^2(2s)^2(2p_x)^2(2p_y)^1(2p_z)^1$ , 每个 O 原子都有两个未成对电子, 其中  $2p_x$  电子配对成  $\sigma$  键,  $2p_y$  电子配对成  $\pi$  键,  $\text{O}_2$  为双键,  $\text{O}=\text{O}$ 。实验测定  $\text{O}_2$  分子为顺磁性, 说明  $\text{O}_2$  中有未成对电子, 价键法结果与此矛盾, 说明价键法过于强调电子配对而带有片面性, 用分子轨道理论处理  $\text{O}_2$  分子结果较好。

(4) CO

C 原子基态为  $1s^2 2s^2 2p_x^1 2p_y^1$ , C 和 O 原子各有两个未成对电子, 可以互相配对形成双键  $\text{C}=\text{O}$ 。但实验证明 CO 的键能、键长及力常数都相当于三键。如果认为在形成化学键的瞬间发生



造成两个原子各自均有三个未成对电子, 从而形成三键, 可记为  $^-\text{C}\equiv\text{O}^+$  或  $\text{C}\equiv\text{O}$ 。

### -3- 价键理论(VB)和分子轨道理论(MO)的比较

价键理论和分子轨道理论是处理共价键的两个基本理论, 怎



样评价和看待它们？我们以  $H_2$  为例通过下面几点对比来说明。

(1) 在数学处理上选择变分函数不同。价键法以原子轨道作为基函数，进行变分法处理，定变分参数；简单分子轨道法先将原子轨道进行线性组合成分子轨道，以分子轨道作为基函数进行变分法处理。这样 VB 法中成键的两个电子依然保持有自己原子的特色，这个键只和成键的原子有关，具有定域键的概念。而 MO 法中，每个分子轨道都涉及整个分子，具有离域键概念。

(2) 由于选择基函数不同，所得结果也不相同。描述  $H_2$  分子基态的波函数，两个方法所得结果略有差异

$$\psi_{VB} = \frac{1}{\sqrt{2 + 2S^2}} [\psi_a(1)\psi_b(2) + \psi_a(2)\psi_b(1)] \quad (3.33)$$

$$\psi_{MO} = \frac{1}{\sqrt{2 + 2S}} [\psi_a(1) + \psi_b(1)][\psi_a(2) + \psi_b(2)] \quad (3.34)$$

(3.34) 式是用简单分子轨道法近似求解  $H_2$  分子结构时，把  $H_2$  分子中的每个电子看成是在两个核(A 和 B)及另一个电子所形成的势场中运动，并把电子势能函数  $V$  作为电子本身坐标的函数。对于  $H_2$  分子中的一个电子，Schrödinger 方程为

$$-\frac{h^2}{8\pi^2m} \nabla^2 \psi + V\psi = E\psi$$

它近似地描写了  $H_2$  分子中一个电子的独立运动情况，整个  $H_2$  分子的波函数  $\psi(1,2)$  可认为是两个电子的单电子波函数的乘积

$$\psi(1,2) = \psi(1)\psi(2)$$

电子在  $H_2$  分子中 A、B 两核周围运动，可近似地用  $H_2^+$  的 LCAO-MO 表示。电子 1 和电子 2 均可处在  $\sigma_{1s}$  分子轨道上，这样未归一化的波函数

$$\psi(1) = [\psi_a(1) + \psi_b(1)], \quad \psi(2) = [\psi_a(2) + \psi_b(2)]$$

代入  $\psi(1,2)$  并进行归一化，即得 (3.34) 式。

由 (3.33)、(3.34) 两式可见，除归一化系数略有不同外，若将  $\psi_{MO}$  展开，则得

$$\psi_{MO} = \frac{1}{\sqrt{2 + 2S}} [\psi_a(1)\psi_b(2) + \psi_b(1)\psi_a(2) + \psi_a(1)\psi_a(2) + \psi_b(1)\psi_b(2)] \quad (3.35)$$

括号中的前两项和  $\psi_{VB}$  相同, 它们可看作两个电子分别处于不同原子的原子轨道中, 称为“共价项”; 后两项两个电子都处于同一原子的轨道中, 相当于  $H_a^+H_b^-$  和  $H_a^-H_b^+$ , 称为“离子项”。

在  $H_2$  中, 两个电子为两个原子所共有, 它们同时在某一核附近的几率是存在的, 但不会很大。  $\psi_{MO}$  中“共价项”和“离子项”各占 50%, 离子项成分过大, 是造成 MO 法计算  $H_2$  分子的解离能不太好的原因。反之,  $\psi_{VB}$  中只有“共价项”而不包括“离子项”也是它不太好的原因。

(3) 若将上述结果加以改进, 在 VB 法中加进离子项, 则

$$\psi_{VB(改进)} = \psi_a(1)\psi_b(2) + \psi_b(1)\psi_a(2) + \delta[\psi_a(1)\psi_a(2) + \psi_b(1)\psi_b(2)] \quad (3.36)$$

参数  $\delta$  是核间距离  $R$  的函数  $\delta = \delta(R)$ , 当  $R \rightarrow \infty$  时,  $\delta = 0$ , 按 (3.36) 式作变分函数, 用变分法求解, 当  $R$  为平衡距离时,  $\delta = 0.26$ , 此函数计算所得的  $H_2$  分子解离能更接近实验值。

若将  $\psi_{MO}$  加以改进, 把其他组态例如激发态加到变分函数中, 这种过程称为组态相互作用, 可得

$$\psi_{MO(改进)} = [\psi_a(1) + \psi_b(1)][\psi_a(2) + \psi_b(2)] + \lambda[\psi_a(1) - \psi_b(1)][\psi_a(2) - \psi_b(2)] \quad (3.37)$$

因这个函数尚未归一化, 故可乘以常数  $\frac{1}{1-\lambda}$ , 得

$$\psi_{MO(改进)} = \psi_a(1)\psi_b(2) + \psi_b(1)\psi_a(2) + \frac{1+\lambda}{1-\lambda}[\psi_a(1)\psi_a(2) + \psi_b(1)\psi_b(2)] \quad (3.38)$$

对比 (3.36) 和 (3.38) 两式, 当  $\delta = \frac{1+\lambda}{1-\lambda}$  时

$$\psi_{VB(改进)} = \psi_{MO(改进)}$$

由此可见, VB 法和 MO 法在其初级阶段都是粗略的近似方法,

各有优缺点,而当改进后,两者的结果就彼此接近了。

在改进的 VB 波函数(3.36)中,  $H_2$  分子基态的波函数是不随时间变化的波函数,它包括“共价函数”和“离子函数”两部分,它们都不随时间而变化。但在有些著作和文章中,把  $\psi_{VB(\text{改进})}$  说成是表示了“共价结构”与“离子结构”间的“共振”,有人将它理解为电子 1 和 2 有时在 A 原子,有时在 B 原子,有时处在 A, B 之间。这是随着时间在“共价结构”和“离子结构”之间来回摆动的图像,并不符合实际情况。

(4) 电子云分布的对比。VB 法所得  $H_2$  分子基态的几率密度为

$$\rho_{VB} = \frac{1}{1+S^2}[\psi_a^2 + \psi_b^2 + 2S\psi_a\psi_b]$$

MO 法所得  $H_2$  分子基态的几率密度为

$$\rho_{MO} = \frac{1}{1+S}[\psi_a^2 + \psi_b^2 + 2\psi_a\psi_b]$$

两者均表明电子云在核间密集,这是共同点。但由于  $S < 1$ , 可以看出在两核之间  $\rho_{MO} > \rho_{VB}$ , 即在 MO 法中,把电子云过多地集中到核间,引起排斥能增大,算得的  $E$  偏高,因而求得  $H_2$  分子的解离能就偏低了。

(5) 将 VB 法和 MO 法推广应用于其他多原子分子时, VB 法用定域轨道概念描述分子的结构,配合杂化轨道法,适合于处理基态分子的性质,例如分子的几何构型和键解离能等。目前有机化学和无机化学中表达分子的结构式时,在两原子间画一短线,表示单键;画两短线表示双键;画三短线表示三键,基本上表达了键的性质。在此基础上,进一步考虑极化作用、离域作用及轨道叠加作用等对典型共价键的影响,就能对各种分子的结构深入一步地了解,预言分子的结构和分子的性质,解决有关的化学问题。

MO 法中每个分子轨道都遍及于分子整体,而分子中各个分子轨道都具有一定的分布和能级,非常适合于描述分子的基态和

激发态间的性质,了解各个状态的波函数的分布和能级的高低,阐明各种类型的分子光谱的性质以及有关激发态分子的性质,在解决化学问题中起重大作用。若需进一步了解 VB 法和 MO 法,可参看有关文献资料<sup>[8,9]</sup>。

### 3.4 分子光谱

#### -1- 分子光谱简介

分子光谱是把由分子发射出来的光或被分子所吸收的光进行分光得到的光谱,是测定和鉴别分子结构的重要实验手段,是分子轨道理论发展的实验基础。

分子光谱和分子内部运动密切相关。它既包括分子中电子的运动,也包括各原子核的运动。一般所指的分子光谱,其涉及的分子运动的方式主要为分子的转动、分子中原子间的振动,分子中电子的跃迁运动等。核自旋和电子自旋在分子光谱中一般不考虑。分子的平动的能级间隔大约只有  $10^{-18}$  eV,在光谱上反映不出来,因此常常将分子的平动能看作连续的。

孤立分子的状态可由分子的转动态、振动态和电子状态表示。分子中的电子运动在前两节中已予以讨论,分子中电子的运动状态由分子轨道及其能级描述。在用 Born-Oppenheimer 近似处理时,将核和电子分开,分子轨道及其能量是在固定核间距条件下计算的。分子的转动及分子中原子间的振动和原子核的运动相联系,需要用 Schrödinger 方程描述。例如描述双原子分子的转动和振动的 Schrödinger 方程

$$\left[ -\frac{h^2}{8\pi^2\mu} \nabla^2 + V \right] \psi_N = E_{VR} \psi_N$$

式中:  $\mu$  表示双原子分子的折合质量;前一项为动能算符项,包括振动和转动的动能,  $V$  包括振动和转动的势能;  $\psi_N$  为原子运动的波函数,它包括原子间振动的波函数  $\psi_v$  和分子转动的波函数  $\psi_R$

$$\psi_N = \psi_V \psi_R$$

方程中不包括分子的平移运动,所以坐标系原点是分子的质心。转动、振动及电子运动的能量都是量子化的,分子运动的能量  $E$  是这三种运动能量之和,即

$$E = E_e + E_v + E_R$$

三种运动的  $\Delta E$ ,  $\bar{\nu}$  及  $\lambda$  的范围列于下表。

	$\Delta E/\text{eV}$	$\bar{\nu}/\text{cm}^{-1}$	$\lambda/\mu\text{m}$
转    动	$10^{-4}—0.05$	$1—400$	$10^4—25$
振    动	$0.05—1$	$400—10^4$	$25—1$
电子运动	$1—20$	$10^4—10^5$	$1—0.1$

### (1) 转动

分子的转动是指分子绕质心进行的运动,其能级间隔较小,相邻两能级差值大约为  $10^{-4}—0.05 \text{ eV}$ 。当分子由一种转动状态跃迁至另一种转动状态时,就要吸收或发射和上述能级差相应的光。这种光的波长处在远红外或微波区,称为远红外光谱或微波谱。当光谱仪的分辨能力足够高时,可观察到和转动能级差相应的一条条光谱线。

### (2) 振动

分子中的原子在其平衡位置附近小范围内振动,分子由一种振动状态跃迁至另一种振动状态,就要吸收或发射与其能级差相应的光。相邻两振动能级的能量差约为  $0.05—1 \text{ eV}$ 。振动能级差较转动能级差大,振动光谱包括转动光谱在内,通常振动光谱在近红外和中红外区,一般称红外光谱。若仪器记录范围较宽、分辨率较低时,分辨不出振动能级相应的谱线中转动能级的差异,每一谱线呈现一定宽度的谱带,是带状光谱。

### (3) 电子运动

分子中的电子在分子范围内运动,当电子由一种分子轨道(即一种状态)跃迁至另一分子轨道时,吸收或发射光的波长范围在可

见、紫外区。由于电子运动状态跃迁的能级差(1—20 eV)较振动和转动的能级差大,实际观察到的是电子-振动-转动兼有的谱带,由于这种光谱位于紫外光和可见光范围,称为紫外可见光谱。

研究分子光谱的方法主要是吸收光谱法。所用光谱仪品种很多,其主要部件通常包括光源、样品池、分光器、检测记录器等。光源产生波长连续变化的光,样品池是装样品的设备,分光器则将各种波长的光分开,检测记录器测量记录不同波长的光的强度。红外光谱仪的红外光源可用碳化硅棒通过电热发光。样品池和棱镜等需用透红外线的材料(如 NaCl、KBr、LiF 等)制作,也可用光栅分光。用热电偶或热敏电阻探测器将讯号传送给放大记录系统。图 3.16 为红外光谱仪示意图。

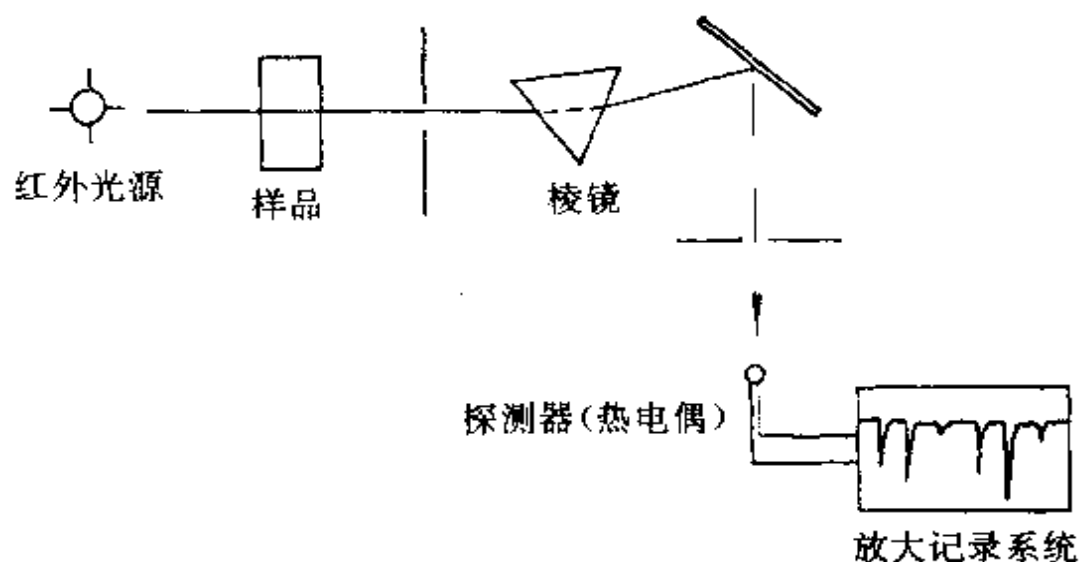


图 3.16 红外光谱仪示意图

红外光谱图中纵坐标常表示透射光强与入射光强之比,即透光率  $T(T=I/I_0)$  或吸光度  $A(A=-\log T)$  的大小。横坐标用波数( $\bar{\nu}$ )或波长( $\lambda$ )表示。

在分子光谱中,谱线存在与否(即选律),通常是从分子是否有偶极矩出发进行讨论:

- 对同核双原子分子,偶极矩为 0,分子在转动和振动时,偶极矩也为 0,没有转动和振动光谱。但电子跃迁时会改变分子中电

荷的分布,即产生偶极矩,故有电子光谱。并伴随有振动、转动光谱产生。

● 极性双原子分子有转动、振动和电子光谱。

● 转动过程保持非极性的多原子分子,如  $\text{CH}_4$ 、 $\text{BCl}_3$ 、 $\text{CO}_2$  等没有转动光谱,而有振动光谱和电子光谱。

## -2- 双原子分子的转动光谱

由两个质量为  $m_1$  和  $m_2$ ,核间距离为  $r$  的原子组成双原子分子,若近似地认为分子在转动时核间距不变,原子质量集中在原子核上,这样的模型称为刚性转子。

设质量为  $m_1$  的原子距离质心为  $r_1$ ,质量为  $m_2$  的原子距离质心为  $r_2$ ;分子绕质心转动,选质心为坐标原点。根据经典力学,有

$$m_1 r_1 = m_2 r_2, \quad r_1 + r_2 = r$$

$$m_1 r_1 = m_2 (r - r_1)$$

$$r_1 = \frac{m_2}{m_1 + m_2} r, \quad r_2 = \frac{m_1}{m_1 + m_2} r$$

转动惯量为

$$I = m_1 r_1^2 + m_2 r_2^2 = \frac{m_1 m_2}{m_1 + m_2} r^2 = \mu r^2$$

$\mu$  称折合质量。将经典的平动和转动进行对比,可得

(1) 平动

质量  $m$ , 速度  $v$ , 动量  $p = mv$ , 动能  $T = mv^2/2$ 。

(2) 转动

转动惯量  $I$ , 角速度  $\omega$ , 角动量  $M = I\omega$ , 动能  $T = I\omega^2/2$ 。

由于刚性转子只有动能,它的 Hamilton 算符

$$\hat{H} = \frac{1}{2I} \hat{M}^2$$

刚性转子 Schrödinger 方程为

$$\frac{1}{2I} \hat{M}^2 \psi = E \psi$$

根据角动量平方算符的意义及本征值(参看 2.2 节),可得

$$M^2 = J(J+1) \frac{h^2}{4\pi^2}, \quad J=0,1,2,\dots$$

$$E_R = J(J+1) \frac{h^2}{8\pi^2 I}$$

$J$  称为转动量子数。由这能量公式可得刚性双原子分子的转动能级图,如图 3.17 所示。

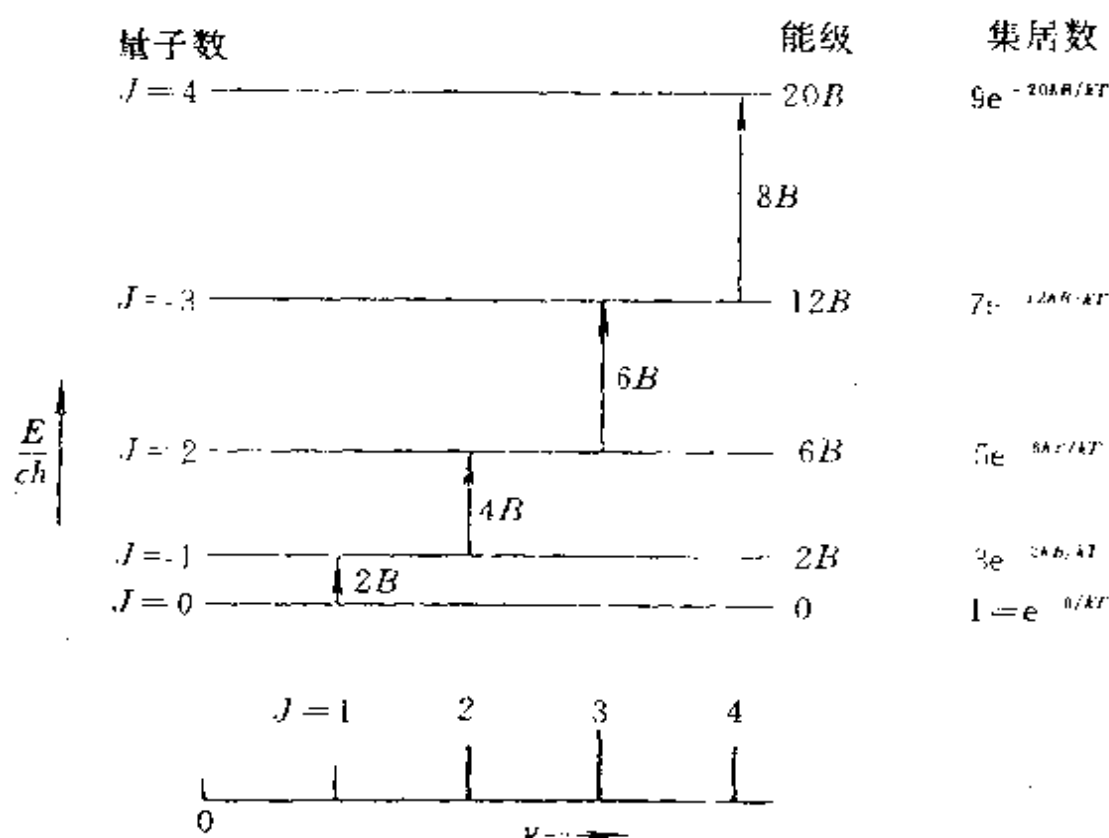


图 3.17 刚性转子转动能级图

极性分子有转动光谱。跃迁条件为

$$\Delta J = \pm 1$$

就吸收光谱而言,分子只能由量子数为  $J$  的状态跃迁到  $J+1$  的状态,跃迁时吸收光的波数为

$$\bar{\nu} = \frac{\Delta E}{ch} = \frac{E(J+1) - E(J)}{ch}$$



$$\begin{aligned}
&= \frac{h}{8\pi^2 I_c} [(J+2)(J+1) - (J+1)J] \\
&= 2 \times \frac{h}{8\pi^2 I_c} (J+1) = 2B(J+1)
\end{aligned}$$

式中  $B = h/(8\pi^2 I_c)$  称为转动常数, 它表征分子的特性。实验时使用样品的分子数目总是很大的, 在一定温度下, 各能级上分布的分子数目服从 Boltzmann 分布定律。由于转动能级相差很小, 在室温下各转动能级的分子数目差不多。这样, 处在  $J=0$  状态的分子可跃迁到  $J=1$  的状态; 处在  $J=1$  状态的分子可跃迁到  $J=2$  的状态等等。由此可得一系列距离相等 ( $\Delta\tilde{\nu} = 2B$ ) 的谱线。谱线相对强度与电子跃迁轨道上的相对集居数成正比, 如图 3.17 下部所示。实验所得结果与理论分析一致。

利用远红外光谱, 可以测定异核双原子分子的键长和同位素效应等性质。

**【例 3.1】**  $\text{H}^{35}\text{Cl}$  的远红外光谱线  $\tilde{\nu} = 21.18, 42.38, 63.54, 84.72, 105.91 \text{ cm}^{-1}$ , 试求其转动惯量及核间距。

由于相邻谱线之间间隔为  $21.18 \text{ cm}^{-1}$ , 可得

$$\begin{aligned}
B &= 10.59 \text{ cm}^{-1} \\
I &= \frac{h}{8\pi^2 c B} = 2.643 \times 10^{-40} \text{ g} \cdot \text{cm}^2 \\
\mu &= 1.62668 \times 10^{-24} \text{ g} \\
r &= \sqrt{\frac{I}{\mu}} = 127.5 \text{ pm}
\end{aligned}$$

**【例 3.2】** 同位素效应上的应用。利用红外光谱可研究同位素效应, 例如以 D 交换 H。

$\text{DCl}$  和  $\text{HCl}$  的核间距虽相同, 但分子质量改变, 影响折合质量  $\mu$  和转动惯量  $I$ , 从而改变转动光谱中谱线的波数和谱线的间隔。所以当混有质量不同的同位素时, 在光谱谱线主线旁有一较弱线伴生, 弱线与主线的波数差  $\Delta\tilde{\nu}$  可按下式算得

$$\tilde{\nu}_1 = 2B_1(J+1) = \frac{h}{4\pi^2 c I_1} (J+1)$$

$$\begin{aligned}\tilde{\nu}_2 &= 2B_2(J+1) = \frac{h}{4\pi^2 c I_2} (J+1) \\ \Delta\tilde{\nu} &= \tilde{\nu}_1 - \tilde{\nu}_2 = \frac{h}{4\pi^2 c} (J+1) \left( \frac{1}{I_1} - \frac{1}{I_2} \right) \\ \Delta\tilde{\nu} &= \tilde{\nu}_1 \left( 1 - \frac{I_1}{I_2} \right) = \tilde{\nu}_1 \left( 1 - \frac{\mu_1}{\mu_2} \right) \\ &= 2B_1(J+1) \left( 1 - \frac{\mu_1}{\mu_2} \right)\end{aligned}$$

### -3- 双原子分子的振动光谱

在讨论双原子分子的振动光谱时,为了简化问题的处理,先将双原子分子的振动当作简谐振子的振动。然后在简谐振子模型的基础上,进一步作非谐性的修正,以及结合转动能研究振动谱带的精细结构。

#### 1. 简谐振子模型

在双原子分子内,原子核与原子核之间,原子核与各电子之间都有相互作用力,其结果使得两原子核有一平衡距离 $r_e$ 。两原子核可在平衡位置附近作微小振动,两原子核的实际距离为 $r$ 。描述振动运动状态的波函数为 $r$ 的函数 $\psi=\psi(r)$ 。其势能

$$V = \frac{1}{2}k(r-r_e)^2$$

式中 $k$ 称为弹力常数或力常数,它标志化学键的强弱( $k$ 愈大,键愈强)。今以 $q$ 代表分子核间距和平衡核间距之差: $q=r-r_e$ ,则 $V=\frac{1}{2}kq^2$ 。

关于谐振子的动能 $T$ ,可取分子的质心作为坐标原点。两原子的动能分别为

$$T_1 = \frac{m_1}{2} \left( \frac{dr_1}{dt} \right)^2, \quad T_2 = \frac{m_2}{2} \left( \frac{dr_2}{dt} \right)^2$$

因为

$$r_1 = \frac{m_2}{m_1+m_2}r, \quad r_2 = -\frac{m_1}{m_1+m_2}r$$

$$\text{总动能} \quad T = T_1 + T_2 = \frac{\mu}{2} \left( \frac{dr}{dt} \right)^2$$

以  $q = r - r_e$  (或  $r = q + r_e$ ) 代入, 得

$$T = \frac{\mu}{2} \left( \frac{dq}{dt} \right)^2 = \frac{1}{2\mu} p_q^2$$

$$\hat{T} = -\frac{h^2}{8\pi^2\mu} \frac{d^2}{dq^2}$$

这样, 双原子分子振动运动的 Schrödinger 方程为

$$\left[ -\frac{h^2}{8\pi^2\mu} \frac{d^2}{dq^2} + \frac{1}{2} kq^2 \right] \psi = E\psi$$

解此方程, 得波函数  $\psi_v$  及相应能量  $E_v$

$$\begin{aligned} \psi_0 &= \left( \frac{\alpha}{\pi} \right)^{\frac{1}{4}} \exp \left( -\frac{1}{2} \alpha q^2 \right) & E_0 &= \frac{1}{2} h\nu \\ \psi_1 &= \left( \frac{4\alpha^3}{\pi} \right)^{\frac{1}{4}} q \exp \left( -\frac{1}{2} \alpha q^2 \right) & E_1 &= \left( 1 + \frac{1}{2} \right) h\nu \\ &\vdots & & \vdots \\ \psi_v &= \left( \frac{\alpha}{\pi} \right)^{\frac{1}{4}} \left( \frac{1}{2^v v!} \right)^{\frac{1}{2}} \exp \left( -\frac{1}{2} \alpha q^2 \right) H_v(\alpha^{\frac{1}{2}} q) & E_v &= \left( v + \frac{1}{2} \right) h\nu \end{aligned}$$

式中  $\alpha = \frac{4\pi^2\mu\nu}{h}$ , 而  $H_v$  为第  $v$  项厄米多项式

$$H_v(\alpha^{\frac{1}{2}} q) = (-1)^v \exp(\alpha q^2) \frac{d^v}{d(\alpha^{\frac{1}{2}} q)^v} \exp(-\alpha q^2)$$

其中  $v=0, 1, 2, \dots$  整数, 为振动能量量子数。

分子的振动能量是量子化的。其能量最小值为  $h\nu/2$ , 称零点振动能。也就是说即使处在绝对零度的基态上, 也还有零点能存在。

根据上述结果, 可得简谐振子的波函数和能级图如图 3.18 所示。图中曲线表示  $\psi_0, \psi_1, \psi_2, \dots$  及  $\psi_0^2, \psi_1^2, \psi_2^2, \dots$  的分布形状。水平线段表示振动能级的高低, 能级间隔是相等的。

对于双原子分子振动的谐振子模型, 光谱的选律为: 非极性分子没有振动光谱, 极性分子  $\Delta v = \pm 1$ , 由振动状态  $\psi_v$  跃迁至  $\psi_{v+1}$  时, 不论  $v$  值如何, 吸收光的波数均相等, 因为振动能级是等间隔

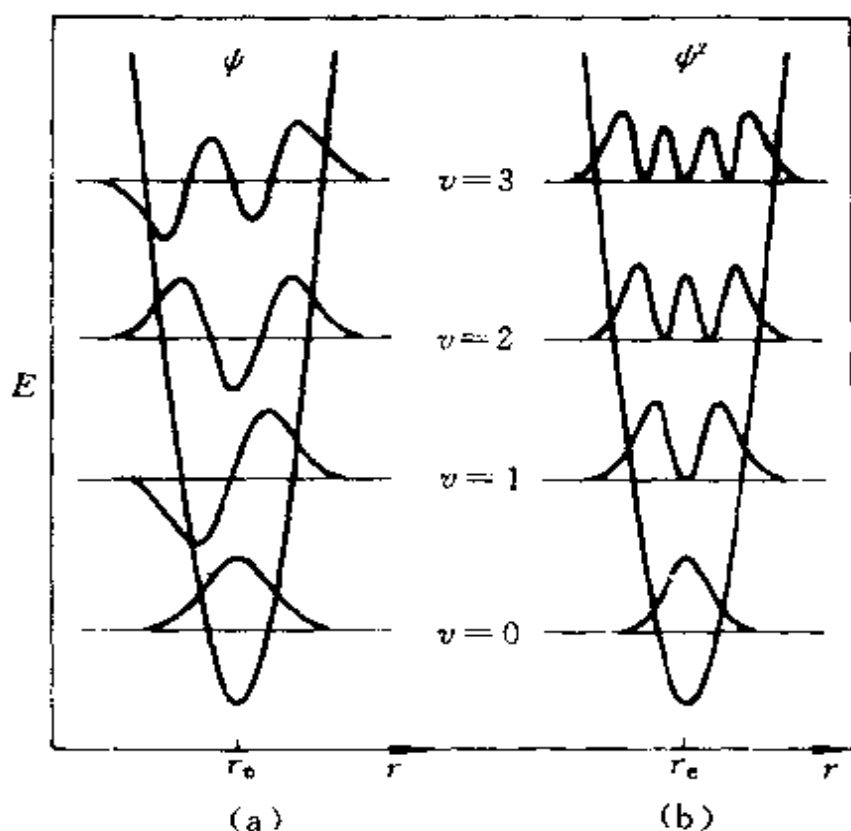


图 3.18 简谐振子的  $\psi-r$  图(a)和  $\psi^2-r$  图(b)

的。所以对于符合简谐振子条件的双原子分子，谱线只有一条，波数为  $\bar{\nu}_e$ ， $\bar{\nu}_e$  叫谐振子经典振动波数<sup>①</sup>。

由简谐振子所得的结论与双原子分子振动光谱的实验数据近似地相符。图 3.19 示出 HCl 的红外光谱。由图可见，波数为  $2885.9 \text{ cm}^{-1}$  的谱带强度最大，是 HCl 的基本谱带( $\bar{\nu}_1$ )。其他谱带的波数接近  $2\bar{\nu}_1, 3\bar{\nu}_1, \dots$ ，它们分别称为第一泛音带，第二泛音带等，它们是由  $v=0$  到  $v=2$  和由  $v=0$  到  $v=3$  等跃迁的结果，而各线强度只有相邻前一条线的 20% 左右。

① 在经典力学中，质量为  $\mu$ 、弹力常数为  $k$  的谐振子，它的振动频率为  $\nu_e = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{\mu}}$ ， $\nu_e$  为经典振动频率。

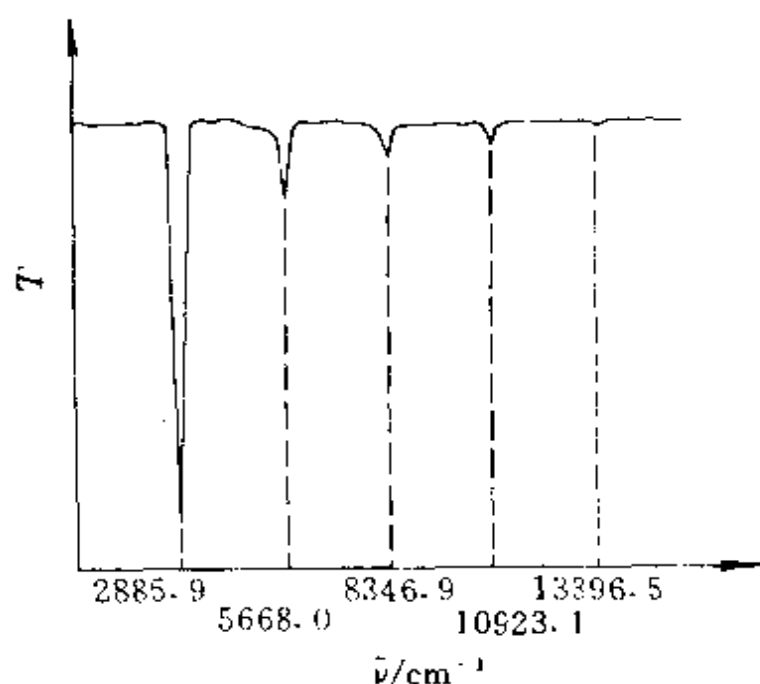


图 3.19 HCl 的红外光谱

## 2. 非谐振子模型

由 HCl 振动光谱可见,简谐振子模型只能近似地反映出双原子分子的振动情况。实际能级不是等间隔,还出现泛音频率谱带。分析它的势能曲线  $k(r-r_e)^2/2$ ,有明显不合理处:势能随  $r$  的增大而增大。但实际情况是当核间距离增大到一定程度时,双原子分子分离为二个原子,两原子的引力等于零,势能应趋于一常数。

双原子分子的实际势能曲线与简谐振子模型表达的势能曲线的关系示于图 3.20 中。因此对简谐振子势能曲线有必要加以校正。常用的校正方法是用 Morse(摩斯)势能函数

$$V = D_e \{1 - \exp[-\beta(r-r_e)]\}^2$$

代替谐振子的势能函数。由于  $r-r_e$  很小,势能  $V$  可在  $r_e$  点展开

$$\begin{aligned} V(r) = & V(r_e) + \frac{dV}{dr}(r-r_e) + \frac{1}{2!} \frac{d^2V}{dr^2}(r-r_e)^2 \\ & + \frac{1}{3!} \frac{d^3V}{dr^3}(r-r_e)^3 + \dots \end{aligned}$$

因为  $V$  在  $r_e$  时最低,令  $V(r_e)=0$ ,  $\frac{dV}{dr}=0$ 。略去  $(r-r_e)^4$  等高次

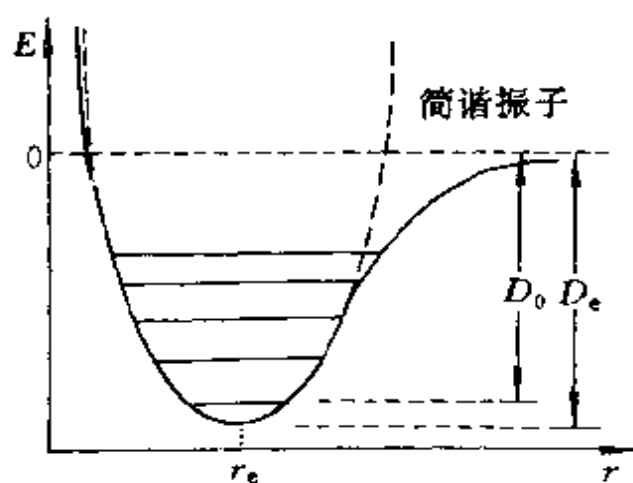


图 3.20 双原子分子的简谐振子势能曲线(虚线)  
与实际势能曲线(实线)

项,这样势能函数可用下一表达式表示

$$V = \frac{1}{2}k(r - r_e)^2 + k'(r - r_e)^3$$

$k' = \frac{1}{6} \left( \frac{d^3V}{dr^3} \right)$ 。将此势能代入 Schrödinger 方程,可解得分子的振动能级为

$$E_v = \left( v + \frac{1}{2} \right) h\nu_e - \left( v + \frac{1}{2} \right)^2 x h\nu_e \quad v = 0, 1, 2, \dots$$

$x$  称为非谐性常数,其值可由实验求得。振动光谱的选律为

(1) 分子偶极矩有变化的振动。

(2)  $\Delta v = \pm 1, \pm 2, \pm 3, \dots$ 。

由于在室温下大多数分子处于最低能级即  $v=0$ ,因而它的振动光谱对应于从  $v=0(E=E_0)$  的状态跃迁至  $v=v(E=E_v)$  的状态。

$$\begin{aligned} \tilde{\nu} &= \frac{E_v - E_0}{ch} \\ &= \left[ \left( v + \frac{1}{2} \right) - \left( v + \frac{1}{2} \right)^2 x - \left( \frac{1}{2} - \frac{1}{4}x \right) \right] \tilde{\nu}_e \\ &= [1 - (v+1)x] v \tilde{\nu}_e \end{aligned}$$

这样,当  $v=1,2,3,4$  时的  $\tilde{\nu}$  值为

$$0 \rightarrow 1, \text{ 基本谱带, } \tilde{\nu}_1 = \tilde{\nu}_e(1-2x)$$

$$0 \rightarrow 2, \text{ 第一泛音带, } \tilde{\nu}_2 = 2\tilde{\nu}_e(1-3x)$$

$$0 \rightarrow 3, \text{ 第二泛音带, } \tilde{\nu}_3 = 3\tilde{\nu}_e(1-4x)$$

$$0 \rightarrow 4, \text{ 第三泛音带, } \tilde{\nu}_4 = 4\tilde{\nu}_e(1-5x)$$

通过实验,从光谱中测得  $\tilde{\nu}_1, \tilde{\nu}_2, \tilde{\nu}_3$  等数值。利用上述公式即可求得常数  $\tilde{\nu}_e$  和非谐性常数  $x$ 。例如从图 3.19 的 HCl 红外光谱,可得下面联立方程式

$$\begin{cases} \tilde{\nu}_e(1-2x) = 2885.9 \text{ cm}^{-1} \\ 2\tilde{\nu}_e(1-3x) = 5668.0 \text{ cm}^{-1} \end{cases}$$

由此解得  $\tilde{\nu}_e = 2989.7 \text{ cm}^{-1}$ ,  $x = 0.0174$ 。

根据  $\tilde{\nu}_e$  值,可算出力常数  $k$

$$k = 4\pi^2 c^2 \tilde{\nu}_e^2 \mu = 516.3 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$$

现将若干分子基态时的数据列于表 3.2 中。

表 3.2 若干分子基态时的数据\*

分 子	$\tilde{\nu}_e/\text{cm}^{-1}$	$x$	$k/\text{N} \cdot \text{m}^{-1}$	$r_e/\text{pm}$
HF	4138.5	0.0218	965.7	91.7
HCl	2989.7	0.0174	516.3	127.4
HBr	2649.7	0.0171	411.5	141.4
HI	2309.5	0.0172	313.8	160.9
CO	2169.7	0.0061	1902	113.0
NO	1904.0	0.0073	1595	115.1

\* 双原子分子光谱数据可查阅参考文献[10]。许多书中将  $\tilde{\nu}_e$  用  $\tilde{\omega}_e$  表示,而有些书将  $\omega$  当作圆频率( $\omega = 2\pi\nu$ ),本书不用  $\omega$ 。

利用 Morse 势能函数表达时,  $D_e$  和  $\beta$  两个常数与非谐性常数  $x$  的关系如下

$$D_e = \frac{h\nu_e}{4x} \quad \beta = \left( \frac{8\pi^2 \mu x \nu_e}{h} \right)^{\frac{1}{2}}$$

对于非谐振子  $D_0 = D_e - \frac{1}{2}h\nu_e + \frac{1}{4}h\nu_e x$

### 3. 双原子分子的振动-转动光谱

用高分辨的红外光谱仪观察双原子分子的振动谱带时,发现每条谱带都是由许多谱线组成的。例如 HCl 的基本频带( $\nu = 2885.9 \text{ cm}^{-1}$ )的精细结构如图 3.21(a)所示。这是因为振动能级的改变必然伴随着转动能级的改变所引起。

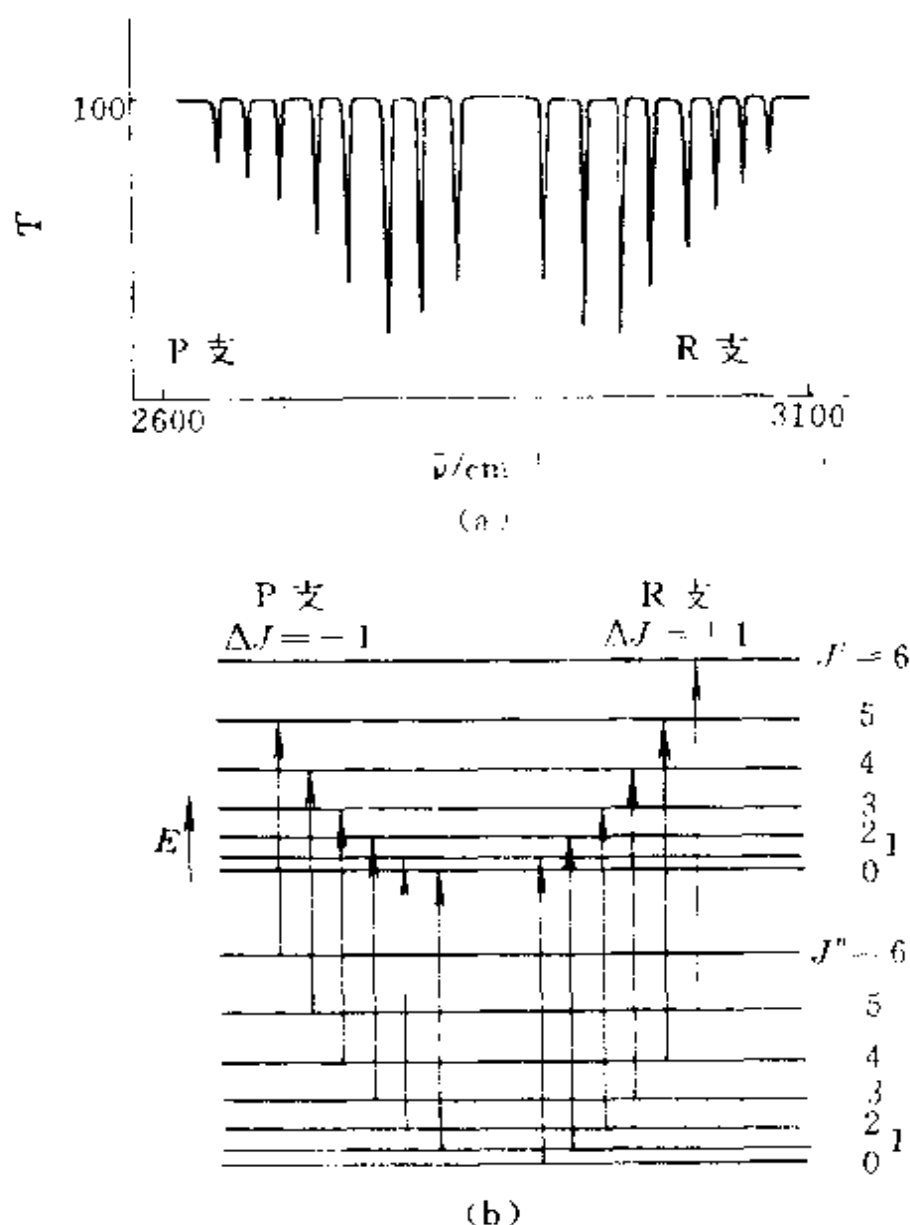


图 3.21 HCl 红外光谱的精细结构(a)及振动-转动能级间的跃迁(b)



振动能级和转动能级间隔差别很大。作为一级近似,可以认为双原子分子的振动和转动是完全独立的,从而可以把振动与转动的总能量看作两种能量的简单加和。如果我们对振动采用非谐振子模型,转动采用刚性转子模型,振动和转动的总能量可表达为

$$E_{v,J} = \left( v + \frac{1}{2} \right) h\nu_e - \left( v + \frac{1}{2} \right)^2 x h\nu_e + BchJ(J+1)$$

振-转光谱选律:非极性分子没有振-转光谱。对于极性分子

$$\Delta v = \pm 1, \pm 2, \dots$$

$$\Delta J = \pm 1$$

根据选律,从  $v=0$  到  $v=1$  的基本谱带由一系列谱线组成。这些谱线可按  $\Delta J = +1$  和  $-1$  分为两组。 $\Delta J = +1$  的一支,波数比  $\nu_1$  大,排列在右边,称为 R 支; $\Delta J = -1$  的一支,波数比  $\nu_1$  小,排列在左边,称为 P 支。各谱线的距离均为  $2B$ 。由于  $\Delta J = 0$  不符合跃迁选律要求,波数为  $\nu_1$  的中心线不出现,即 Q 支不出现,所以两支之间的间隔为  $4B$ 。图 3.21(b) 示出双原子分子振动-转动能级间的跃迁。

#### 4. 多原子分子的振动光谱

用谐振子模型处理双原子分子时,双原子分子的振动光谱只应有一条谱线,其频率与分子本性有关,且与双原子分子的经典振动频率

$$\nu_e = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{k}{\mu}}$$

一致。这一结论与实验测到的振动光谱中最强的一条谱线基本吻合。这就给我们启发——作为近似处理,是否也可用经典方法来讨论多原子分子的振动,而其经典振动频率就是该分子振动光谱中的几条强度最强的谱线的频率呢? 实验结果说明确实如此。

一个由  $n$  个原子组成的分子,其自由度为  $3n$ ,除去 3 个平动,3 个转动(线型分子为 2 个)外,有  $3n-6$  个振动自由度(线型分子有  $3n-5$  个振动自由度)。每个振动自由度都有一种基本振动方

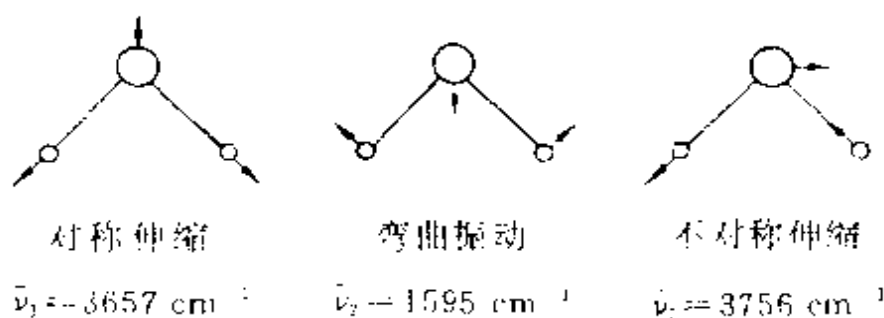
式,当分子按这种方式振动时,所有的原子都同位相且有相同频率,即简正振动。简正振动可以分为两大类:第一类只是键长有变化而键角不变,称伸缩振动;第二类是键长不变而键角改变的振动,称为弯曲振动。分子的各种振动不论怎样复杂都可表示成这些简正振动方式的叠加。

每一个红外活性的简正振动都有一个特征频率,反映在红外光谱上就可能出现一个吸收峰。简正振动方式的独立性使分析光谱问题得到简化,每个简正振动都可应用简谐振子的性质去描述。

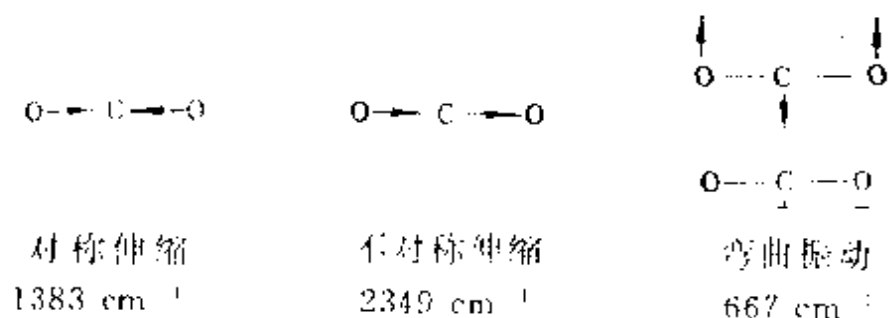
多原子分子的振动是很复杂的,常应用经验的规律。

在比较一系列化合物的光谱后,发现在不同化合物中同一化学键或官能团近似地有一共同频率,称为该化学键或基团的特征振动频率。分析各个谱带所在的频率范围,即可用以鉴定基团和化学键。化学键和基团虽有相对稳定的特征吸收频率,但受到各种因素的影响,在不同的化学环境中,将会有所变化,使用时需要仔细分析。

分子的红外光谱起源于分子的振动基态  $\psi_0$  与振动激发态  $\psi_k$  之间的跃迁。只有在跃迁的过程中有偶极矩变化的跃迁,即指  $\int \psi_0 \mu \psi_k d\tau$  不为零的振动才会出现红外光谱,这称为红外活性。在振动过程中,偶极矩改变大者,其红外吸收带就强;偶极矩不改变者,就不出现红外吸收,为非红外活性。 $H_2O$  分子的下面 3 种振动均有偶极矩的改变。



CO<sub>2</sub> 的 4 种振动如下所示,其中对称伸缩振动不会改变偶极矩,是非红外活性,其特征频率是由 Raman 光谱测得的。



除上述这些特征频率外,还出现倍频、合频和差频。倍频是从基态到第二、三激发态的跃迁,合频是两个不同频率之和,差频是两个不同频率之差。这些频率谱带的强度较弱。例如,H<sub>2</sub>O 分子的红外光谱中还出现

3152 cm<sup>-1</sup>(2ν<sub>2</sub>), 5331 cm<sup>-1</sup>(ν<sub>2</sub> + ν<sub>3</sub>), 6872 cm<sup>-1</sup>(2ν<sub>2</sub> + ν<sub>3</sub>)  
等频率的谱线。

红外光谱各波长区所对应的化学键情况如下:

(1) 3700—2500 cm<sup>-1</sup>为含氢化学键的伸缩振动区。因氢原子质量小,振动发生在高频区。没有氢键的 O—H 键振动频率在 3600—3700 cm<sup>-1</sup>,氢键可使振动频率下降 300—1000 cm<sup>-1</sup>甚至更多。N—H 键振动频率在 3300—3400 cm<sup>-1</sup>, C—H 键在 2850—3000 cm<sup>-1</sup>。当和 H 结合的同周期原子变重时,振动频率增加,例如, Si—H, P—H, S—H 的振动频率近似为 2200, 2400 和 2500 cm<sup>-1</sup>。

(2) 2500—2000 cm<sup>-1</sup>为三重键振动区,三重键强,力常数大,因此频率高。C≡C 吸收频率在 2050—2300 cm<sup>-1</sup>区,由于分子的对称性,吸收强度弱,甚至消失。C≡N 键吸收频率在 2200—2300 cm<sup>-1</sup>间。

(3) 2000—1600 cm<sup>-1</sup>为双键振动区。含有苯环基团的化合物振动频率也在这个区间。醛、酮、酸、酰胺的 C=O 键及碳酸根在

1700  $\text{cm}^{-1}$ 附近表现出强的吸收。C—C 键在 1650  $\text{cm}^{-1}$ 左右，C=NH 键也在此范围。但 C=S 键在 1100  $\text{cm}^{-1}$ 左右。

(4) 1700—500  $\text{cm}^{-1}$ 为单键的伸缩振动和弯曲振动区。在此区域无特征基团的吸收频率，但却是很有用的指纹区。相似的分子结构略有改变也会在此区域显示出差异。有机物中含氢的化学键的弯曲振动，峰的范围在 1300—1475  $\text{cm}^{-1}$ 。烯烃和苯环的 C—H 键的面外弯曲出现在 700—1000  $\text{cm}^{-1}$ 范围。当 X 为 F, Cl, Br, I 时， $\begin{array}{c} \diagup \\ \text{—C—X} \\ \diagdown \end{array}$  键的振动频率分别为 1050, 725, 650, 560  $\text{cm}^{-1}$ ，依次随键长增长而减小。

#### -4- Raman 光谱

Raman(拉曼)光谱和吸收光谱不同，Raman 光谱研究被样品散射的光，而不是吸收或发射的光。当光子和某一处于状态 a 的分子发生碰撞，如果光子的能量相当于状态 a 和另一能级较高的状态 b 之间的能量差，则可以被吸收，而分子跃迁到更高的能级。光子和分子之间发生碰撞，可以散射光子，即改变光子的运动方向。虽然大多数散射光子的频率不发生改变，即弹性散射，但有少部分散射光子在碰撞过程中与分子交换能量，造成散射光子能量的增减，即非弹性散射，这就是 Raman 光谱研究的对象。

设  $\nu_a$  和  $\nu_b$  分别代表入射光和 Raman 散射光的频率， $E_a$  和  $E_b$  是分子散射前后的能量，根据能量守恒原理

$$h\nu_a + E_a = h\nu_b + E_b$$

$$\Delta E = E_b - E_a = h(\nu_a - \nu_b)$$

$\Delta E$  是分子的两种状态 a 和 b 的能量差，所以测量 Raman 光谱频率位移  $\nu_b - \nu_a$ ，便可得到分子的能级间隔。

Raman 光谱所用光源波长没有限制，一般是用可见光或紫外光作光源照射在样品上。在垂直于入射光的方向，观测散射光的强度随波长的变化关系、非弹性散射峰的频率和弹性散射峰的频率

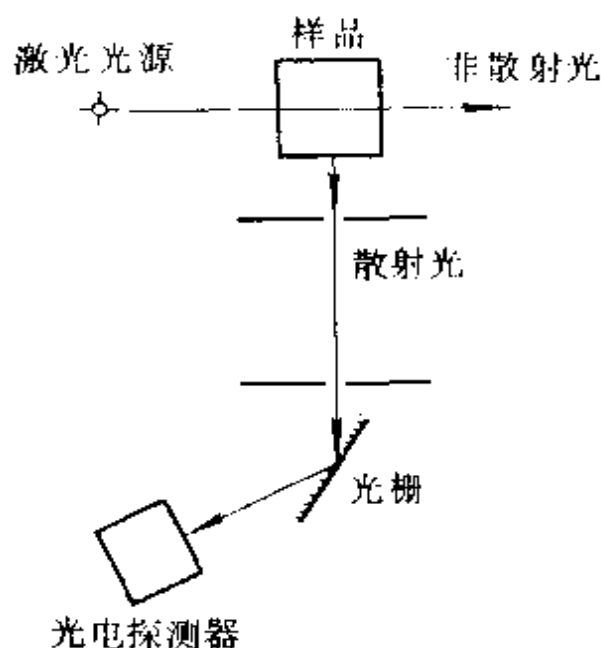


图 3.22 Raman 光谱仪示意图

(即入射光频率)之差,以了解分子的振动-转动能级情况。由于非弹性散射光很弱(大约只有入射光的百万分之一), Raman 光谱较难观测。但激光技术的发展,用激光作光源,使得一度陷于停滞的 Raman 光谱又获得新的活力,灵敏度和分辨力大大得到提高。图 3.22 为 Raman 光谱仪示意图。

Raman 光谱的选择律是分子具有各向异性的极化率,如 H—H 分子,当其电子在电场作用下沿键轴方向变形大于垂直于键轴方向,就会出现诱导偶极矩变化,出现 Raman 光谱活性。Raman 光谱和红外光谱可以起互相补充的作用,而 Raman 光谱相当于把分子的振动-转动能级从红外区搬到紫外可见区来研究。

由 Raman 光谱测得  $\text{H}_2$ 、 $\text{D}_2$ 、 $\text{H}_2^+$  的  $\bar{\nu}_0$  值分别为: 4400、3118 和  $2322 \text{ cm}^{-1}$ , 利用  $k = 4\pi^2 \mu c^2 \bar{\nu}^2$ , 可算得力常数分别为: 574.9、577.0 和  $160.0 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$ 。

## -5- 分子的电子光谱

分子中的电子处在一定能级的分子轨道上,当电子从一种分子轨道跃迁至另一分子轨道时,会发射或吸收光,从而表现出分子光谱。由于电子能级间隔比分子的振转能级间隔大得多,电子能级的改变总是伴随着振转能级的改变。一般分辨率不太高的紫外可见光谱呈现出带状光谱。紫外可见光谱仪的原理示于图 3.23 中。

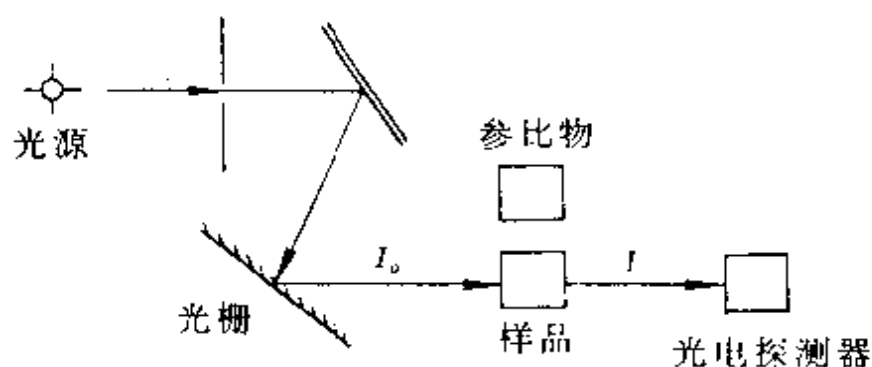


图 3.23 紫外可见光谱仪示意图

在考虑电子吸收光谱时,需要了解 Franck-Condon(弗兰克-康登)原理。该原理指出:振动能级间跃迁强度最高的谱线是与相同核间距对应最高几率密度的振动态间的跃迁。这是因为当基态分子吸收光子时,电子跃迁,基态分子转变为激发态分子,但由于电子跃迁时间极短(约  $10^{-15}\text{s}$ ),分子中的原子来不及改变它的振动位置,而保持基态时的核间距( $r$ )。以图 3.24 为例:强度最高

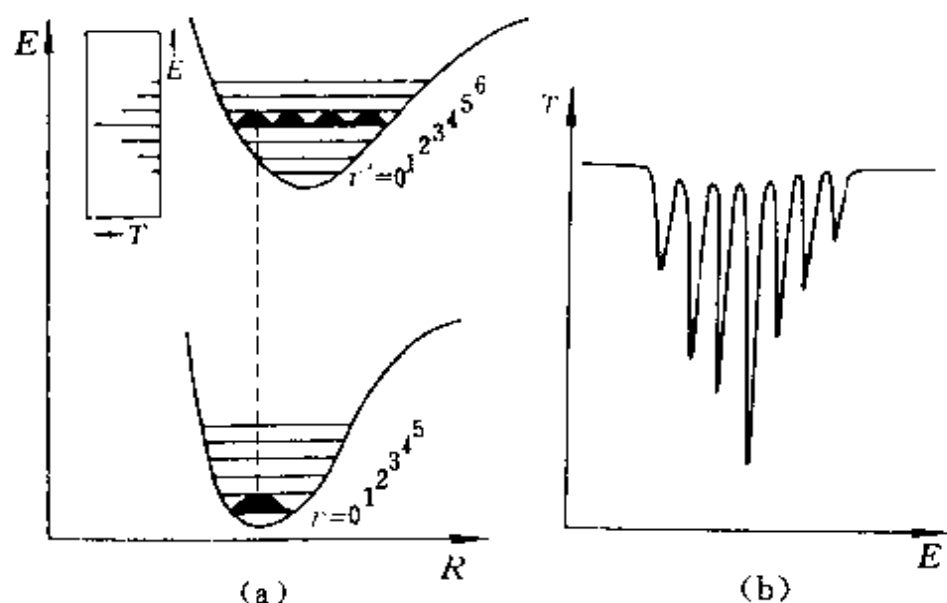


图 3.24  $\text{H}_2$  分子由  $\sigma^2_{1s} \rightarrow \sigma^1_{1s} \cdot \pi^1_{2p}$   
(a) 跃迁的能级示意图 (b) 光谱示意图

的谱线是由基态  $v=0$  跃迁到激发态  $v=3$  的谱线,图中虚线为核间距( $r$ )不变的垂直线。

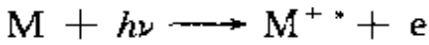
Franck-Condon 原理对解释电子光谱很重要。图 3.24 示出  $H_2$  分子由  $(\sigma_{1s})^2 \rightarrow (\sigma_{1s})^1(\pi_{2p})^1$  跃迁时的能级示意图(a)和光谱示意图(b)。由图可见,强度最高的第 4 条谱线是核间距不变的垂直跃迁的谱线。

### 3.5 光电子能谱

电子能谱主要包括光电子能谱<sup>[11,12]</sup>和 Auger(俄歇)电子能谱,它们之间有着密切的关系。俄歇电子是样品受电子或 X 射线照射电离出内层电子后,接着一个高能级电子跃迁到内层空位所释放能量导致发射的一个二次电子,它的动能反映了原子的能级特征。本节只简单讨论光电子能谱。

#### -1- 原理

光电子能谱和分子光谱都是分子轨道理论的实验基础,但两者的机理不同:分子光谱探测的是被物质吸收后的电磁波;而光电子能谱探测的是被入射辐射从物质中击出的光电子的能量分布、强度分布和空间分布,其基本物理过程是光致电离



M 代表分子或原子,  $M^{+*}$  代表激发态的分子离子或离子。

分子中的电子被束缚在各原子轨道或分子轨道上,各具有一定的电子结合能。若入射光的能量超过电子的结合能,它就能够将电子击出,如此产生的电子称作光电子。根据第一章 1.1 节(1.5)式可知,当一个光子击出一个被束缚得很紧的电子时,光电子具有较低的动能;当一个光子击出一个被束缚得较松的电子时,光电子则具有较高的动能。因此,使用固定能量的激发源,可产生多种动能的光电子。由于原子或分子中电子的能量是量子化的,因而光电

子有一个动能分布,由一系列分立的能带组成。具有不同动能的光电子通过能量分析器被区分开来,经过检测、记录,得到讯号强度,即光电子数  $n(E)$ 。将分子的电离能或电子结合能的负值作为横坐标,单位时间内发射的光电子数作为纵坐标,所得图谱称为光电子能谱。根据光源的不同,光电子能谱可分为紫外光电子能谱(UPS)和 X 射线光电子能谱(XPS)。前者击出的是原子或分子的价电子,后者不但能击出价电子,而且可击出内层电子。内层电子基本上不参与形成化学键,在物质中基本上保持其原子特性,故通过测量击出的内层电子可以进行化学分析,此即 X 射线光电子能谱又被称为化学分析能谱(ESCA)的原因。

光电子能谱仪主要由下列 6 个部分:激发源、样品电离室、电子能量分析器、电子检测器、真空系统和数据处理系统等组成。激发源应该强度大、单色性好。UPS 常用 He I 线(21.22 eV)或 He II 线(40.8 eV)。XPS 常采用 Al、Mg 等轻元素发射出的自然宽度很窄的  $K\alpha$  射线;样品电离室是样品(原则上,三种聚集态皆可)受光照射后电离,产生光电子的设备;电子能量分析器多用静电色散原理制成。光电子进入分析器后,由于受电场的作用,只有具备一定动能的那些光电子才能通过出口狭缝。根据所知电场的强弱,便可了解光电子的动能;从能量分析器飞出的电子由电子检测器计数。目前用得最多的是多道电子倍增器,它可检测记录小于  $10^{-15}$  A 的微电流;真空系统对电子能谱至关重要,主要原因有二:

(1) 光电子在从样品电离室到能量分析器的运动中必须避免与残余气体发生非弹性碰撞而损失能量,这就要求整个系统有一定的真空度,通常约  $10^{-8}$ — $10^{-11}$  Pa。

(2) 为在实验的全过程中保持样品表面不被污染,必须获得高真空度。根据气体动力学计算,要使固体样品的表面在 1 小时内保持“清洁”,仪器的真空度应至少维持在  $10^{-10}$  Pa;数据处理系统除记录谱函数外,还具有解谱功能,即自动寻峰、拟合本底和峰形函数、自动扣除本底及求峰面积等。图 3.25 示出光电子能谱仪的



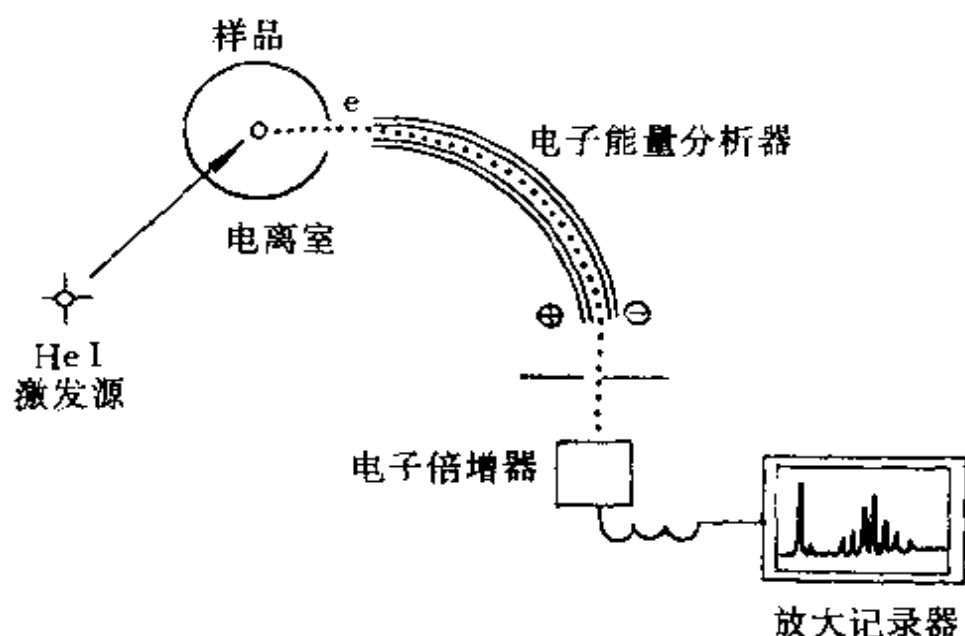


图 3.25 光电子能谱仪示意图

示意图。

电子能谱能够测定分子中从各个被占分子轨道上激发电子所需要的能量,从而可直接证明分子轨道能级高低,为分子轨道理论提供坚实的实验基础。电子能谱也是重要的表面分析技术,它提供的表面信息大致有:

- 表面化学状态,包括元素的种类和含量、化学价态和化学键的形成等;

- 表面结构,包括宏观的表面形貌、物相分布、元素分布以及微观的表面原子排列等;

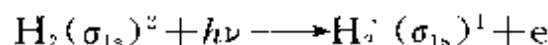
- 表面电子态,涉及表面的电子云分布和能级结构等。

这一表面分析技术广泛用于催化、电子、冶金、有机高分子、环境保护等化学和化工领域。

## -2- 双原子分子的紫外光电子能谱

### 1. $H_2$ 的光电子能谱

$H_2$  受光激发电离如下



所得光电子  $e$  的动能和  $e$  在分子中的结合能有关。根据  $H_2$  分子和  $H_2^+$  离子的能量曲线, 可得图 3.26 所示的能量关系图。图中标明的能量数据以及平衡核间距数据均在本章前两节加以讨论。

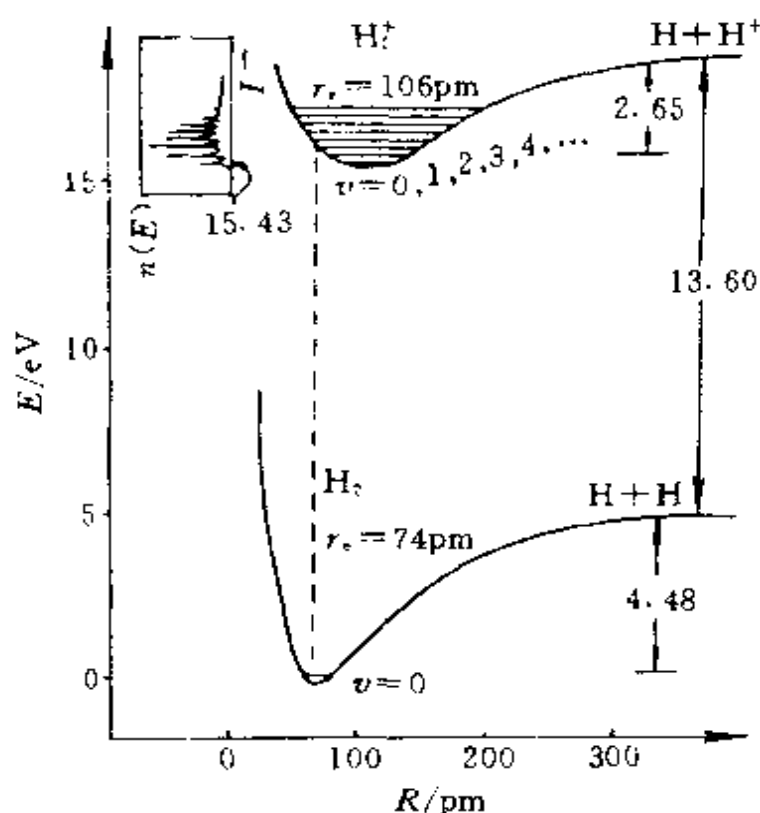


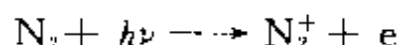
图 3.26  $H_2$  和  $H_2^+$  的能量曲线及  $H_2$  的光电子能谱

室温下, 大多数  $H_2$  分子处于  $v=0$  的基态, 由  $H_2$  变成  $H_2^+$ , 根据  $H_2^+$  振动能级的不同, 电子能谱形成一较宽的谱带, 这一谱带开始于 15.43 eV, 不断延伸到 18 eV, 如图 3.26 左上角所附小图。小图中谱线间隔为  $2200\text{ cm}^{-1}$ , 即  $H_2^+$  的振动能级差; 最强谱线相当于  $H_2^+$  中  $v=2$  的谱线。通常用绝热电离能( $I_A$ )表示中性分子基态跃迁到分子离子基态的能量, 相当于和谱带起点相应的能量, 图中

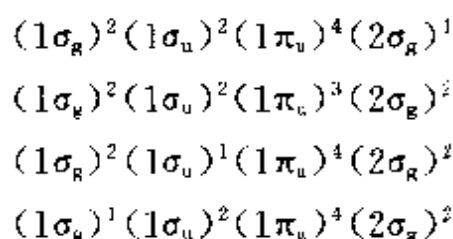
标明为 15.43 eV。垂直电离能( $I_v$ )是由中性分子基态跃迁到分子离子跃迁几率最高的振动态所需的能量,  $I_v$  是由 Franck-Condon 原理所阐明的。

## 2. $N_2$ 的光电子能谱

在受光激发下,  $N_2$  的电离如下



$N_2$  的价电子组态为  $(1\sigma_g)^2(1\sigma_u)^2(1\pi_u)^4(2\sigma_g)^2$ , 这是由于 s-p 混杂, 使  $(1\pi_u)$  的轨道电子结合能低于  $(2\sigma_g)$  的轨道电子结合能。而  $N_2^+$  的电子组态



则因电子从  $N_2$  的不同轨道上电离而异。根据不同组态的  $N_2^+$  光谱基本振动频率, 可得表 3.3 所列的数据。

表 3.3  $N_2$  和  $N_2^+$  的三种状态的键性质

分 子 (括号内表示电离的轨道)	基本振动波数 $cm^{-1}$	键 长 pm	键 能 $kJ \cdot mol^{-1}$
$N_2$	2330	109.78	941.69
$N_2^+(2\sigma_g)$	2175	111.6	842.16
$N_2^+(1\pi_u)$	1873	117.6	-
$N_2^+(1\sigma_u)$	2373	107.5	-

图 3.27 画出  $N_2$  的分子轨道能级高低的分布情况以及它与光电子能谱之间的关系。由图可见, 通过电子能谱可以测定轨道能级的高低, 而且根据谱带的形状, 可以进一步了解分子轨道的性质:

(1) 一个非键电子电离, 核间平衡距离几乎没有什么变化, 从分子 M 的  $v=0$  的振动基态, 跃迁到  $M^+$  的  $v=0$  的振动基态时重叠最大,  $I_A = I_v$ , 而其他振动能级上波函数重叠很少, 所以跃迁几

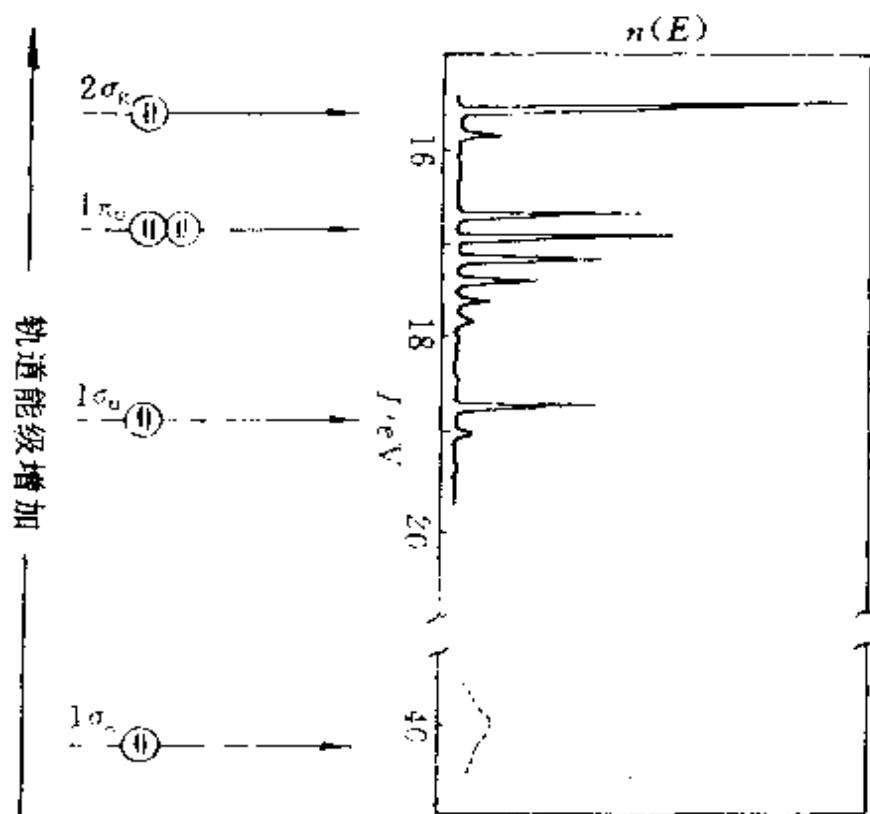


图 3.27  $N_2$  的分子轨道能级图与光电子能谱之间的关系  
(只示出被占的分子轨道)

率集中,表现出谱带的振动序列很短。

(2) 一个成键或反键电子电离,核间平衡距离就要发生很大变化,变化大小与成键或反键的强弱有关。成键电子电离,使核间平衡距离增大;反键电子电离,使核间平衡距离缩短,这时垂直跃迁的几率最大,其他的振动能级上也有一定的跃迁几率,表现在能谱上谱带的序列比较长。

(3) 根据电子能谱中谱带内谱线分布的稀密,可以了解  $M^+$  中振动能级的分布。若分子振动能级很密,或者分子离子态与分子基态的核间距相差很大,则谱线表现为连续的谱带。

由表 3.3 数据可见,  $(1\sigma_g)$  电子电离,键长缩短,但缩短数值不多,  $(1\sigma_g)$  轨道呈弱反键性质,  $(2\sigma_g)$  轨道电子电离,键长略有增加,具有弱成键性质。  $(1\sigma_g)$  和  $(2\sigma_g)$  这两个轨道上的两对电子带有非键性质,表现在电子能谱图上它们的跃迁几率集中,谱带的振动

序列很短。在分子的点电子结构式中， $N_2$  分子可写作  $:N \equiv N:$ ，在此结构式中两对孤对电子是等同的，但分子轨道理论和光电子能谱说明这两对孤对电子  $[(1\sigma_g)^2 \text{ 和 } (2\sigma_g)^2]$  能量不简并。

$(1\pi_u)$  轨道并不受  $s-p$  混杂的影响，依然保持强的成键轨道性质，所以这一轨道电子电离时，键长显著增长。 $(1\pi_u)$  谱带的精细振动能级结构的实验结果说明了这一点。

CO 分子的能谱图和  $N_2$  很相似，如图 3.28 所示。因为它们都是等电子分子并有相似的能级结构。

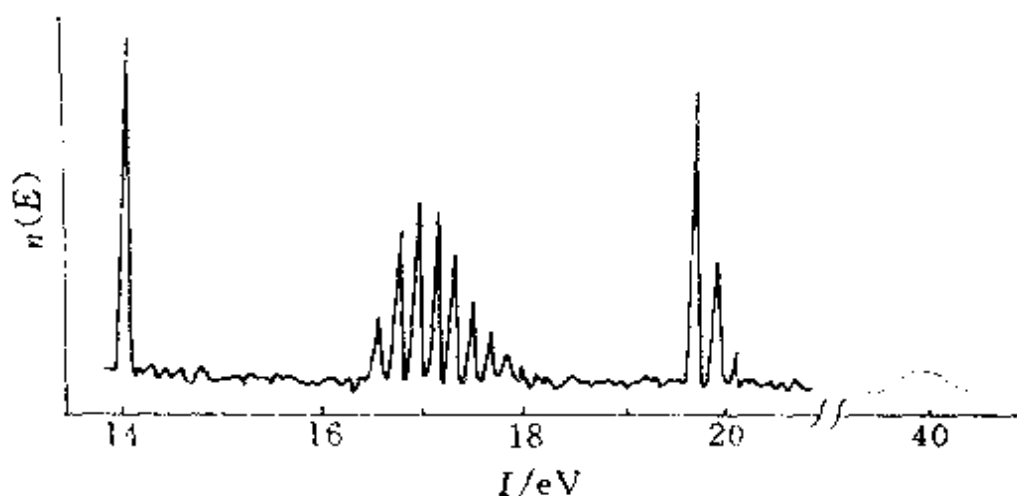


图 3.28 CO 的光电子能谱图

从某一全充满的分子轨道击走一个电子后，在该轨道上就有一个自旋未成对的电子，设其轨道量子数为  $l$ 。由于轨道运动和自旋运动的相互作用，它将产生两种状态

$$j_1 = l + \frac{1}{2}, \quad j_2 = l - \frac{1}{2}$$

两者具有不同的能量，其差值称为自旋-轨道耦合常数。使用高分辨率的光电子能谱仪可观察到这种自旋-轨道分裂。因这种分裂所产生的两个峰的面积比为  $(2j_1 + 1) : (2j_2 + 1)$ ，即  $(l + 1) : l$ 。这样，就可从峰的强度比推知被击出的电子的轨道角量子数。例如，Ar 的紫外光电子能谱的第一条谱线分裂为强度比为 2 : 1 的两个

峰,由此推知被击出的电子的  $l=1$ ,即  $3p$  电子。

### 3. $O_2$ 的光电子能谱

$O_2$  分子的价层电子组态为  $(\sigma_{2s})^2(\sigma_{2s}^*)^2(\sigma_{2p_z})^2(\pi_{2p})^4(\pi_{2p}^*)^2$ 。它的电子能谱图示于图 3.29 中。

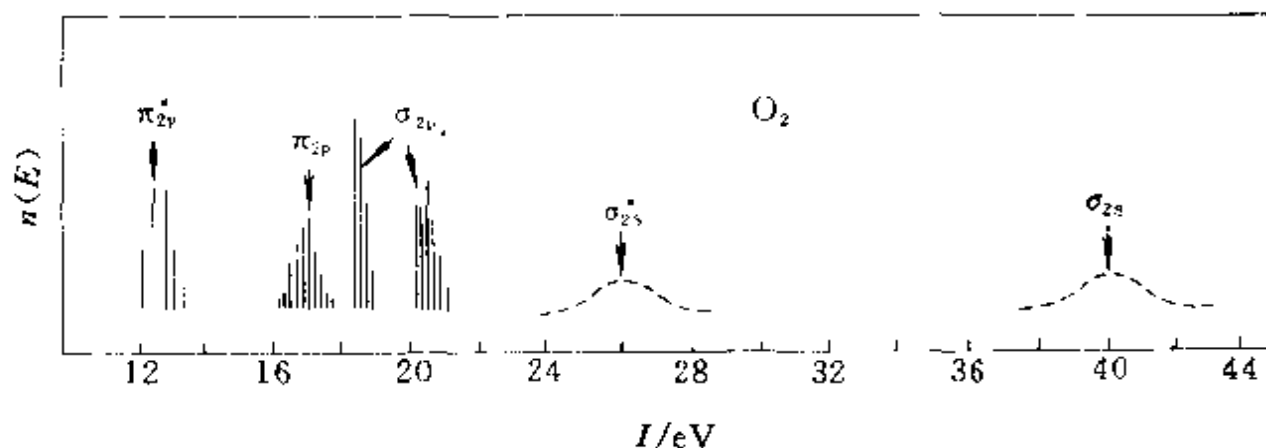


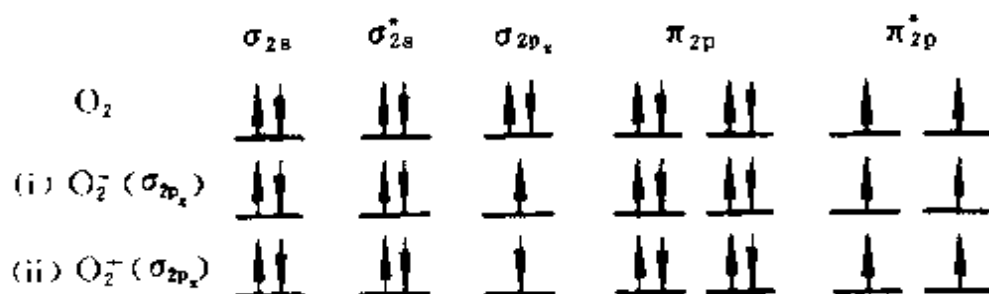
图 3.29  $O_2$  的光电子能谱图

对比  $O_2$  和  $N_2$  的能谱图可知:

(1)  $O$  原子虽比  $N$  原子有较高的有效核电荷,但是  $O_2$  的第一电离能比  $N_2$  小,因为  $O_2$  最高占据轨道是能级较高的  $\pi_{2p}^*$  轨道。

(2)  $\sigma_{2p}$  电子电离时,能谱中出现两个谱带。这是由于  $\pi_{2p}^*$  中具有两个自旋相同的电子,当  $\sigma_{2p}$  电子电离时,剩余一个电子的自旋态可能和  $\pi_{2p}^*$  平行(i),也可能反平行(ii),因而在能量上不同。同样情况也在  $\pi_{2p}$  中出现,不过没有那样明显。

(3)  $O_2$  的  $\sigma_{2p}$  和  $\pi_{2p}$  能级次序和  $N_2$  不同。对  $O_2$  而言,  $2s$  和  $2p$  能级差较大,  $s-p$  混杂不明显。



#### 4. HF 的光电子能谱

HF 的价电子组态为  $(2s)^2(\sigma)^2(2p_x)^2(2p_y)^2$  (见图 3.14), 其电子能谱和此组态相应。HF 分子的第一电离能为 16.05 eV, 比 F 原子的第一电离能 (18.6 eV) 要小 2.5 eV 多。为什么我们说  $(2p_x)(2p_y)$  是非键轨道, 而形成分子后能级有这么大的变化? 其原因是: HF 是极性分子, F 的电负性比 H 高, 价电子电荷集中在 F 原子周围, 排斥非键轨道上的电子, 使它容易电离。

从上述例子可见, 光电子能谱可以测定分子轨道能级顺序和高低, 可以区分分子中被占分子轨道的性质, 即区分成键轨道、反键轨道和非键轨道。这样, 用分子轨道理论结合光电子能谱能对双原子分子的结构和成键情况分析得比较清楚。

#### -3- X 射线光电子能谱

X 射线光电子能谱用能量较高、但本征半宽度较宽的软 X 射线作激发源。它既可电离外层电子, 也可电离内层电子, 并且常激发出俄歇电子。常用的激发源有 Mg K $\alpha$  辐射 ( $h\nu=1253.6$  eV) 和 Al K $\alpha$  辐射 ( $h\nu=1486.6$  eV)。

如前所述, X 射线光电子能谱可以探测非键的内层电子, 而内层电子的结合能是高度特征的, 因而它可用于元素的定性和定量分析。又由于内层电子的结合能受化学位移的影响, 因而研究化学位移可获得物质化学态的若干信息。

原子的内层电子虽然不参与形成化学键, 但其结合能却随着周围化学环境的变化而变化。这一现象是在对硫代硫酸钠作常规研究时发现的。同一种原子在不同的分子或相同分子中的不等同位置上, 内层电子的结合能各不相同。将分子中某一内层电子  $i$  的结合能  $E_i(M)$  与自由原子中内层电子  $i$  的结合能  $E_i(A)$  之差定义为该分子的化学位移  $(\Delta E_b)_i$ 。

$$(\Delta E_b)_i = E_i(M) - E_i(A)$$

产生化学位移的原因是原子周围化学环境的变化。所谓化学环境

的变化可具体归结为三方面：

(1) 当原子结合成分子或晶体时，价电子发生转移或共享，价电子的这种电荷变化会引起内层电子结合能的变化；

(2) 分子或晶体中其他原子所形成的势场对该原子的内层电子的结合能产生影响；

(3) 从原子中电离掉一个电子后，其余电子不能完全保持其原来的状态和能量。

目前关于化学位移的理论模型很多，一般计算都比较复杂，有一些经验规律可作为分析 XPS 谱图的参考。

(1) 原子失去价电子或因和电负性高的原子结合电子远离时，内层电子的结合能增大。

(2) 原子获得电子时内层电子的结合能减小。

(3) 氧化态愈高结合能愈大。

(4) 价层有某种变化，所有内层电子结合能的位移都相同。

XPS 峰强度也有一些经验规律。就给出峰的轨道来说，主量子数小的壳层的峰比主量子数大的峰强；同一壳层，角量子数大者峰强； $n$  和  $l$  都相同的壳层， $j$  大者峰强。

利用这些经验规律，比较内层电子结合能的化学位移及峰的强度，可以考察原子周围的化学环境，从而了解原子的价态、成键情况及其他结构信息。下面列举二例子以说明。

$\text{Na}_2\text{S}_2\text{O}_3$  的 XPS 在硫 2p 区有两个峰，而  $\text{Na}_2\text{SO}_4$  只有一个硫的 2p 峰。这是因为  $\text{S}_2\text{O}_3^{2-}$  中含有两类硫原子，与氧原子相连的硫原子带有正电荷，而末端硫原子带负电荷，因此前者的结合能比后者的结合能大，从而出现了两个硫的 2p 峰。

图 3.30 是  $\text{B}_5\text{H}_9$  的 B(1s) 光电子能谱，谱中有两个强度比为 4 : 1 的峰，较小的峰的结合能较小。这说明  $\text{B}_5\text{H}_9$  分子中有 4 个 B 原子处于相同的化学环境；另一个 B 原子处于不同的化学环境，它有较高的电子密度，这与  $\text{B}_5\text{H}_9$  中有一个 B 原子具有明显的亲核行为一致。由此可推知，其可能结构为 5 个 B 原子排列成四方



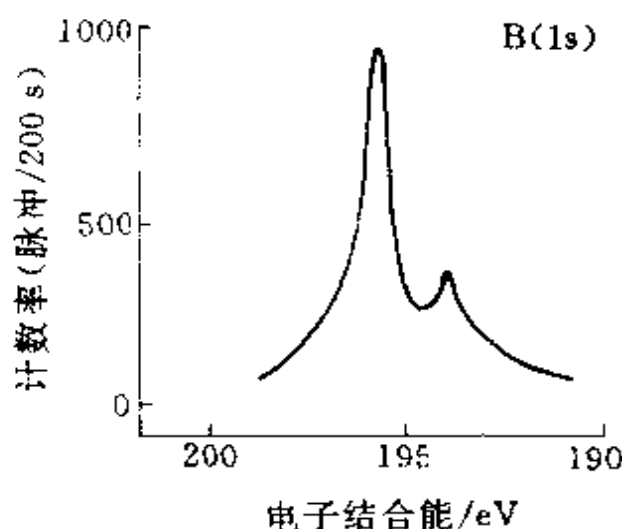


图 3.30  $B_5H_9$  的  $B(1s)$  XPS

锥形(见图 10.7)。

XPS 的适应性很强,分析对象遍及周期表中除 H 和 He 以外的全部元素。XPS 的最大特点是能够进行表面分析,是一种对表面上的单层也能够进行分析的表面分析技术。

### 习 题 三

- 3.1 写出  $O_2, O_2^-, O_2^{2-}, O_2^{2+}$  的键级、键长长短次序及磁性。  
 3.2  $H_2$  分子基态的分子轨道电子组态为  $(\sigma_{1s})^2$ , 其激发态有

$$(a) \frac{\uparrow}{\sigma_{1s}} \frac{\downarrow}{\sigma_{1s}^*}, \quad (b) \frac{\uparrow}{\sigma_{1s}} \frac{\uparrow}{\sigma_{1s}^*}, \quad (c) \frac{\uparrow\downarrow}{\sigma_{1s}} \frac{\uparrow\downarrow}{\sigma_{1s}^*}$$

试比较(a)、(b)、(c)三者能级的高低次序,说明理由,能量最低的激发态是顺磁性还是反磁性?

- 3.3 试列出下列同核双原子分子:  $B_2, C_2, N_2, O_2, F_2$  的键级、键能和键长的大小关系,在相邻两个分子间填入“<”或“>”符号表示。  
 3.4 基态  $C_2$  为反磁性分子,试写出其电子组态;实验测定  $C_2$  分子键长为 124 pm,比 C 原子共价双键半径和  $(2 \times 67 \text{ pm})$  短,试说明其原因。  
 3.5 按分子轨道理论说明  $Cl_2$  的键比  $Cl_2^+$  的键是强还是弱? 为什么?  
 3.6 画出  $CN^-$  的分子轨道示意图,写出基态的电子组态,计算键级及不成对电子数。

$$(1s)^2 (2s)^2 (2p)^2 (2p)^2 (2p)^2 (2p)^2$$

- 3.7 画出 NO 的分子轨道能级示意图, 计算键级及不成对电子数, 试比较 NO 和  $\text{NO}^-$  何者的键更强? 哪一个键长长一些? 并与实验值比较。
- 3.8 按分子轨道理论写出  $\text{NF}$ ,  $\text{NF}^+$ ,  $\text{NF}^-$  基态时的电子组态, 说明它们的不成对电子数和磁性。(提示: 按类似  $\text{O}_2$  的能级排。)
- 3.9 试用分子轨道理论讨论 SO 分子的电子结构, 说明基态时有几个不成对电子。
- 3.10 CF 和  $\text{CF}^-$  的键能分别为 548 和 753  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 试用分子轨道理论探讨它们的键级(按  $\text{F}_2$  能级次序)。
- 3.11 下列 AB 型分子:  $\text{N}_2$ ,  $\text{NO}$ ,  $\text{O}_2$ ,  $\text{C}_2$ ,  $\text{F}_2$ ,  $\text{CN}$ ,  $\text{CO}$ ,  $\text{XeF}$  中哪几个是得电子变为  $\text{AB}^-$  后比原来中性分子键能大? 哪几个是失电子变为  $\text{AB}^+$  后比原来中性分子键能大?
- 3.12 OH 分子于 1964 年在星际空间被发现。
- 试按分子轨道理论只用 O 原子的 2p 轨道和 H 原子的 1s 轨道叠加, 写出其电子组态。
  - 在哪个分子轨道中有不成对电子?
  - 此轨道是由 O 和 H 的原子轨道叠加形成, 还是基本上定域于某个原子上?
  - 已知 OH 的第一电离能为 13.2 eV, HF 为 16.05 eV, 它们的差值几乎和 O 原子与 F 原子的第一电离能(15.8 eV 为 18.6 eV)的差值相同, 为什么?
- 3.13 已知  $\text{N}_2$  的平衡解离能  $D_e = 955.42 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 其基态波数为 2330  $\text{cm}^{-1}$ , 计算光谱解离能  $D_0$  值。
- 3.14  $\text{H}^{79}\text{Br}$  在远红外区给出一系列间隔为 16.94  $\text{cm}^{-1}$  的谱线, 试求算 HBr 分子的转动惯量和平衡核间距离。
- 3.15  $\text{CO}(^{12}\text{C}^{16}\text{O})$  核间距为 112.83 pm, 计算其纯转动光谱前 4 条谱线所应具有的波数。
- 3.16 在  $\text{H}^{127}\text{I}$  的振动光谱图中观察到 2309.5  $\text{cm}^{-1}$  强吸收峰, 若将 HI 的简正振动看作谐振子, 请计算和说明:
- 这个简正振动是否为红外活性;
  - HI 简正振动频率;
  - 计算零点能;
  - 计算这个简正振动的力常数。

3.10-6

3.11-5

- 3.17  $\text{H}-\text{O}-\text{O}-\text{H}$  和  $\text{H}-\text{C}\equiv\text{C}-\text{H}$  分子的简正振动数目各有多少? 画出  $\text{H}-\text{C}\equiv\text{C}-\text{H}$  简正振动方式, 并分别标明红外活性或 Raman 活性。
- 3.18 在 CO 的振动光谱中观察到  $2169.8\text{ cm}^{-1}$  强吸收峰, 若将 CO 的简正振动看作谐振子, 计算 CO 的简正振动频率、力常数和零点能。
- 3.19 画出  $\text{SO}_2$  的简正振动方式, 已知与 3 个基频对应的谱带波数分别为  $1351, 1151, 519\text{ cm}^{-1}$ , 指出每种频率所对应的振动, 说明是否为红外活性或 Raman 活性(参看 4.6 节)。
- 3.20  $\text{H}_2(\text{g})$  的光谱解离能为  $4.4763\text{ eV}$ , 振动基频波数为  $4395.24\text{ cm}^{-1}$ , 若  $\text{D}_2(\text{g})$  与  $\text{H}_2(\text{g})$  的力常数、核间距和  $D_0$  等都相同, 计算  $\text{D}_2(\text{g})$  的光谱解离能。

- 3.21  $\text{CO}_2(^{12}\text{C}, ^{16}\text{O})$  的转动惯量为  $7.167 \times 10^{-46}\text{ kg} \cdot \text{m}^2$ 。

(a) 计算  $\text{CO}_2$  分子中  $\text{C}=\text{O}$  键的键长;

(b) 假定同位素置换不影响  $\text{C}=\text{O}$  键的键长, 试计算  $^{12}\text{C}, ^{16}\text{O}$  和  $^{13}\text{C}, ^{16}\text{O}$  组成的  $\text{CO}_2$  分子的转动惯量。

提示: 线型分子  $\text{A}-\text{B}-\text{C}$  的转动惯量  $I$  可按下式计算:

$$I = \frac{m_A m_B r_{AB}^2 + m_B m_C r_{BC}^2 + m_A m_C (r_{AB} + r_{BC})^2}{m_A + m_B + m_C}$$

- 3.22 用  $\text{He I}(21.22\text{ eV})$  作激发源,  $\text{N}_2$  的 3 个分子轨道的电子电离所得光电子动能为多少? (按图 3.27 估计。)
- 3.23 什么是垂直电离能和绝热电离能? 试以  $\text{N}_2$  分子的电子能谱图为例(参看图 3.27)说明 3 个轨道的数据。
- 3.24 怎样根据电子能谱区分分子轨道的性质。

- 3.25  $\text{NO}$  分子的第一电离能为  $9.26\text{ eV}$ , 比  $\text{CO}$  的  $I_1(14.01\text{ eV})$  小很多, 试从分子的电子组态解释其原因。

- 3.26 三氟代乙酸乙酯的 XPS 谱中, 有 4 个不同化学位移的  $\text{C } 1s$  峰, 其结合能大小次序如何? 为什么?

- 3.27 银的下列 4 个 XPS 峰中, 强度最大的特征峰是什么?

Ag 4s 峰, Ag 3p 峰, Ag 3s 峰, Ag 3d 峰

- 3.28 由于自旋-轨道耦合, Ar 的紫外光电子能谱第一条谱线分裂成强度比为 2:1 的两个峰, 它们所对应的电离能分别为  $15.759$  和  $15.937\text{ eV}$ 。

(a) 写出 Ar 原子和  $\text{Ar}^+$  的基态光谱支项;

(b) 写出与两电离能对应的电离过程表达式;

- (c) 说明相应于此第一条谱线的光电子是从 Ar 原子的哪个轨道上被击出的；
- (d) 计算自旋-轨道耦合常数。

## 参 考 文 献

- [1] 徐光宪和王祥云, 物质结构(第二版), 高等教育出版社(1987)
- [2] 鲍林(L. Pauling)著, 卢嘉锡, 黄耀曾, 曾广植和陈元柱等译, 化学键的本质(第三版), 上海科学技术出版社(1981)
- [3] P. W. Atkins, Physical Chemistry, 4th ed., Freeman(1990)
- [4] R. L. Dekock and H. B. Gray, Chemical Structure and Bonding, Benjamin/Cummings(1980)
- [5] B. Webster, Chemical Bonding Theory, Blackwell Scientific Publications, Oxford(1990)
- [6] M. K. Chen, J. Kim and D. C. Rees, *Science*, **260**, 792(1993)
- [7] E. Cullotta and D. E. Koshland, *Science*, **258**, 1862(1992)
- [8] 唐敖庆, “价键理论和分子轨道理论”, 《物质结构教学文集》, 高等教育出版社, p. 13--26(1984)
- [9] 刘若庄等编, 量子化学基础(第七章), 科学出版社(1983)
- [10] K. P. Huber and G. Herzberg, Molecular Spectra and Molecular Structure IV, Constants of Diatomic Molecules, Van Nostrand, New York(1979)
- [11] 桂琳琳, “光电子能谱及其在化学中的应用”, 《物质结构教学文集》, 高等教育出版社(1984)
- [12] 王建祺, 吴文辉和冯大明编著, 电子能谱学(XPS/XAES/UPS)引论, 国防工业出版社(1992)
- [13] F. L. Pilar, Elementary Quantum Chemsitry, 2nd ed., McGraw-Hill, New York(1991)
- [14] 邓景发, 范康年, 物理化学, 高等教育出版社(1993)

## 第四章 分子的对称性

自然界普遍存在着对称性。许多动物的外形左右对称,具有镜面对称元素;许多植物的花朵和叶片绕对称轴排列,具有对称轴的对称元素,如梅花五瓣、百合花三瓣等。许多建筑、雕刻、绘画、图案,根据实用和美观的要求,设计成对称的形式,或左右对称,或绕轴对称。微观的分子也和宏观的物体一样,具有多种多样的对称元素。总之,我们所处的环境,从宏观到微观,是个存在对称性的世界。利用对称性概念及有关原理和方法去解决我们遇到的问题,可以使我们对自然现象及其运动发展规律的认识更加深入。

在分子中,原子固定在其平衡位置上,其空间排列是个对称的图像,利用对称性原理探讨分子的结构和性质,是人们认识分子的重要途径,是了解分子结构和性质的重要方法。分子对称性是联系分子结构和分子性质的重要桥梁之一。

对称性概念和有关原理对化学十分重要。

(1) 它能简明地表达分子的构型。例如  $\text{Ni}(\text{CN})_4^{2-}$  离子具有  $D_{4h}$  点群的对称性,用  $D_{4h}$  这个符号就可准确地表达 9 个原子在同一平面上, Ni 原子在离子的中心位置,周围 4 个  $-\text{CN}$  完全等同,  $\text{M}-\text{C}-\text{N}$  都是直线形,互成  $90^\circ$  角。

(2) 可简化分子构型的测定工作。将对称性基本原理用于量子力学、光谱学、X 射线晶体学等测定分子和晶体结构时,许多计算可以简化,图像更为明确。

(3) 帮助正确地了解分子的性质。分子的性质由分子的结构决定,分子的许多性质直接与分子的对称性有关,正确地分析分子的对称性,能帮助我们正确地理解分子的性质。

(4) 指导化学合成工作。反映分子中电子运动状态的分子轨

道,具有特定的对称性,化学键的改组和形成,常需要考虑对称性匹配的因素,许多化合物及生物活性物质,其性质与分子的绝对构型有关。合成具有一定生物活性的化合物,需要考虑对称性因素。

## 4.1 对称操作和对称元素

对称,就其字面含义来讲,是指一个物体包含若干等同部分,这些部分相对(对等、对应)而又相称(适合、相当)。这些部分能经过不改变其内部任何两点间距离的对称操作所复原。旋转、反映、反演等都是对称操作,对称物体经过某一操作后,物体中每一点都被放在周围环境与原先相似的相当点上,操作前物体中原来在什么地方有些什么,操作后那个地方依然相同,无法区别是操作前的物体还是操作后的物体,这种情况叫复原。能不改变物体内部任何两点间的距离而使物体复原的操作叫对称操作。对称操作所据以进行的旋转轴、镜面和对称中心等几何元素称为对称元素。对于分子等有限物体,在进行操作时,分子中至少有一点是不动的,叫点操作。现将点操作及相应的对称元素的性质,分别叙述于下。

### 4.1.1 旋转轴和旋转操作

旋转操作是将分子绕通过其中心的轴旋转一定的角度使分子复原的操作,旋转依据的对称元素为旋转轴, $n$ 次旋转轴用记号  $C_n$  表示。旋转操作的特点是将分子的每一点都沿这条轴线转动一定的角度。能使物体复原的最小旋转角( $0^\circ$ 除外)称为基转角( $\alpha$ ), $C_n$ 轴的基转角  $\alpha = 360^\circ/n$ ,旋转角度按逆时针方向计算。和  $C_n$ 轴相应的基本旋转操作为  $C_n^1$ ,按  $C_n^1$ 重复进行,当旋转角度等于基转角的2倍、3倍等整数倍时,分子也能复原。这些旋转操作分别记为

$$C_n^2 = C_n^1 C_n^1, \quad C_n^3 = C_n^1 C_n^1 C_n^1, \quad \dots$$

所有分子都有无限多个  $C_1$  旋转轴,因为绕通过分子的任一直线旋转  $360^\circ$ 都能使分子复原,是个恒等操作,常用  $E$ 表示。 $E$ 称为

主操作，和乘法中的 1 相似。严格地说，一个分子若只有  $E$  能使它复原，这种分子不能称为对称分子，或只能看作对称分子的一个特例。在分子的对称操作群中， $E$  是一个不可缺少的元素。

对于分子等有限物体， $C_n$  的轴次  $n$  并不受限制， $n$  可为任意整数。分子中常见的旋转轴有  $C_2, C_3, C_4, C_5, C_6, C_\infty$  等。例如  $H_2O$ ,  $H_2O_2$  等分子中有  $C_2$  轴； $NH_3, HCCl_3, PCl_5, Fe(CO)_5$  等分子中有  $C_3$  轴； $Ni(CN)_4^{2-}, SF_6, PtCl_4^{2-}$  等分子中有  $C_4$  轴； $Fe(C_5H_5)_2, IF_7$  等分子中有  $C_5$  轴； $C_6H_6$  分子中有  $C_6$  轴； $H_2, HCl, CO_2$  等直线分子中有  $C_\infty$  轴。

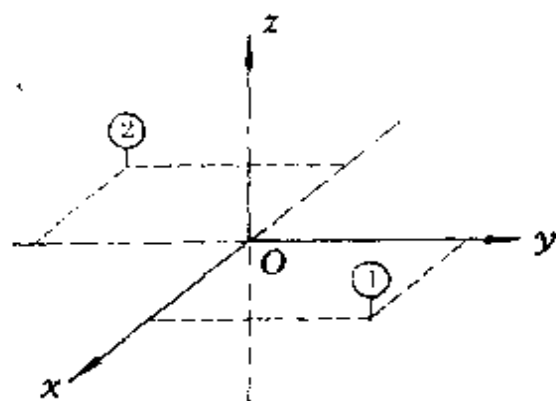


图 4.1  $C_2^1$  的对称操作

当  $C_2$  轴和坐标轴  $z$  轴重合，并通过原点  $O$ ，对称操作  $C_2^1$  能将原来处在  $(x, y, z)$  处的原子 1 移至  $(\bar{x}, \bar{y}, z)$  处，同时将  $(\bar{x}, \bar{y}, z)$  处的原子 2 移至  $(x, y, z)$  处，如图 4.1 所示。当原子 1 和原子 2 相同， $C_2^1$  操作能使之复原。

各种对称操作相当于不同的坐标变换，而坐标变换为一种线性变换，所以可用变换矩阵表示

对称操作。 $C_2^1$  操作的表示矩阵如下

$$C_2^1 \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -x \\ -y \\ z \end{bmatrix}$$

$C_3$  轴有三种操作  $C_3^1, C_3^2, C_3^3$ ，这三种操作的关系示于图 4.2(a) 中。 $C_3^1$  和  $C_3^2$  的表示矩阵为

$$C_3^1 = \begin{bmatrix} -1/2 & -\sqrt{3}/2 & 0 \\ \sqrt{3}/2 & -1/2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad C_3^2 = \begin{bmatrix} -1/2 & \sqrt{3}/2 & 0 \\ -\sqrt{3}/2 & -1/2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

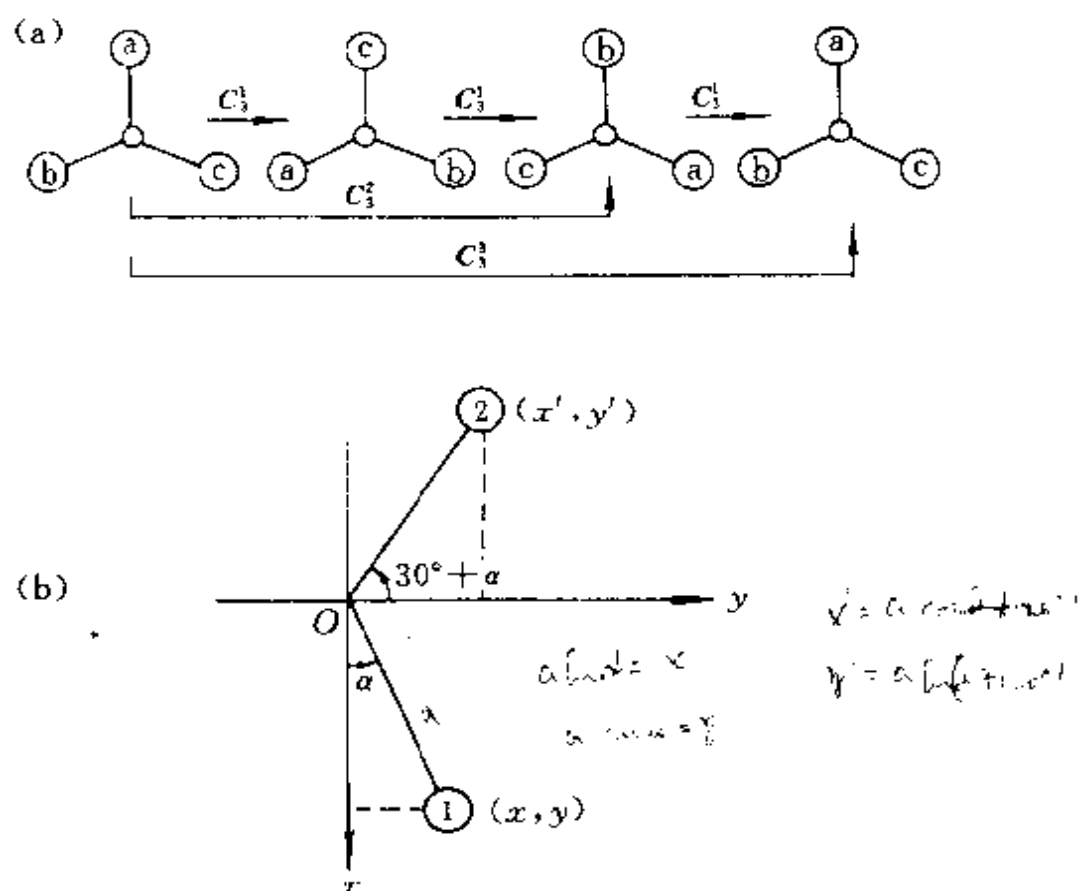


图 4.2  $C_3$  轴的三种对称操作(a)及坐标变换(b)

表示矩阵中的数字来源,可参看图 4.2(b)。由图可见,当原子由位置 1( $x, y, z$ )转至位置 2( $x', y', z$ )时,坐标关系为

$$\begin{aligned} x' &= -\sin(30^\circ + \alpha)z = -\sin 30^\circ \cos \alpha z - \cos 30^\circ \sin \alpha z \\ &= (-1/2)z + (-\sqrt{3}/2)\alpha z \\ y' &= \cos(30^\circ + \alpha)z = \cos 30^\circ \cos \alpha z - \sin 30^\circ \sin \alpha z \\ &= (\sqrt{3}/2)\alpha z + (-1/2)z \end{aligned}$$

与  $C_3$  轴相关的转动操作及其表示矩阵为

$$C_3 = \begin{bmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad C_3^{-1} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ -1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = C_3^{-1}$$



由于  $C_4^2 = C_2$ , 所以  $C_4$  轴包括  $C_2$  轴。 $C_4^1$  和  $C_4^3$  为  $C_4$  轴的两种特征操作。

$C_6$  轴有 6 种对称操作

$$C_6^1, C_6^2 = C_3^1, C_6^3 = C_2^1, C_6^4 = C_3^2, C_6^5, C_6^6 = E$$

可见  $C_6$  轴包括  $C_2$  轴和  $C_3$  轴的全部对称操作, 即有  $C_6$  轴的物体一定在  $C_6$  轴相应的方向上有  $C_3$  轴和  $C_2$  轴, 通常只标明  $C_6$  轴而不必再标明  $C_2$  轴和  $C_3$  轴。 $C_6$  轴有特征操作  $C_6^1$  和  $C_6^5$ , 其表示矩阵为

$$C_6^1 = \begin{bmatrix} 1/2 & -\sqrt{3}/2 & 0 \\ \sqrt{3}/2 & 1/2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}, \quad C_6^5 = \begin{bmatrix} 1/2 & \sqrt{3}/2 & 0 \\ -\sqrt{3}/2 & 1/2 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

讨论对称操作时, 常将分子定位在右手坐标轴系上, 分子的重心处在坐标原点, 主轴和  $z$  轴重合。一般主轴指分子中轴次最高的  $C_n$  轴。由线性代数可推得  $C_n$  轴的  $k$  次对称操作  $C_n^k$  的表示矩阵为

$$C_n^k = \begin{bmatrix} \cos(2k\pi/n) & -\sin(2k\pi/n) & 0 \\ \sin(2k\pi/n) & \cos(2k\pi/n) & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

## -2- 对称中心和反演操作

当分子有对称中心  $i$  时, 从分子中任一原子至对称中心连一直线, 将此线延长, 必可在和对称中心等距离的另一侧找到另一相同原子。和对称中心相应的对称操作叫反演或倒反。由于每一个原子通过对称中心的反演操作可以得到另一个相同原子, 所以除位于对称中心  $i$  上的原子外, 其他原子必定成对地出现。两个由对称中心联系的分子是对映体, 它们不一定完全相同, 如左右手关系: 伸出你的右手, 手心朝上, 指尖向左; 伸出你的左手, 手心朝下, 指尖向右。它们是由对称中心联系的两只手。

若对称中心位置在原点  $(0, 0, 0)$  处, 反演操作  $i$  的表示矩阵为

$$i = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

连续进行两次反演操作等于主操作,而反演操作和它的逆操作相等。所以

$$i^n = \begin{cases} E, n \text{ 为偶数} \\ i, n \text{ 为奇数} \end{cases}$$

$C_6H_6, SF_6, CO_2, C_2H_4$ , 反式  $ClHC=CHCl$  等分子均具有对称中心,为中心对称分子。有些分子如  $CH_4, H_2O, NH_3, CO$  等没有对称中心,称为非中心对称分子。

### -3- 镜面和反映操作

镜面是平分分子的平面,在分子中除位于镜面上的原子外,其他成对地排在镜面两侧,它们通过反映操作可以复原。反映操作是使分子中的每一点都反映到该点到镜面垂线的延长线上,在镜面另一侧等距离处。镜面对称元素在讨论分子结构时常用  $\sigma$  表示,在晶体学中常用  $m$  表示。

若镜面和  $xy$  平面平行并通过原点,则反映操作  $\sigma$  的表示矩阵为

$$\sigma_{xy} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

和  $i$  相似,连续进行两次反映操作,相当于主操作;反映操作和它的逆操作相等。

$$\sigma^n = \begin{cases} E, n \text{ 为偶数} \\ \sigma, n \text{ 为奇数} \end{cases}$$

一个分子和它在镜中的像完全相同,没有任何差别,包括没有左右手对映体那样的差别,则这个分子有镜面对称性,即通过分子中心必定有一镜面。有些分子它的形状和它在镜中的像的形状虽

有对映关系,但并不完全相同,如左手或右手那样,这种分子的不对称性称为手性(chirality)。手性分子本身不具有镜面的对称性。

根据镜面和旋转轴在空间排布方式上的不同,常以不同的下标表示。当 $\sigma$ 垂直于主轴 $C_n$ ,以 $\sigma_h$ 表示( $h$ 来源于horizontal); $\sigma$ 通过主轴 $C_n$ ,以 $\sigma_v$ 表示( $v$ 来源于vertical); $\sigma$ 通过主轴 $C_n$ ,平分副轴( $C_2$ 轴)的夹角,以 $\sigma_d$ 表示[ $d$ 来源于diagonal(对角线的)或dihedral(双面角的)]。下标 $h, v, d$ 在标记分子点群时有重要意义。

平面型分子至少有一个镜面,就是分子平面,例如,反式化合物 $\text{ClHC}=\text{CHCl}$ 为有一个镜面的平面分子。 $\text{H}_2\text{O}$ 分子有2个 $\sigma_v$ ,它们彼此垂直相交,交线为 $C_2$ 轴。 $\text{NH}_3$ 分子有3个 $\sigma_v$ ,它们彼此成 $120^\circ$ 相交,交线为 $C_3$ 轴。 $\text{C}_6\text{H}_6$ 分子有6个 $\sigma_d$ ,互成 $30^\circ$ 相交,交线为 $C_6$ 轴,此外还有1个和 $C_6$ 轴垂直的 $\sigma_h$ 。 $\text{HCl}$ 分子有 $\infty$ 个 $\sigma_v$ ,它们的交线为 $C_\infty$ 轴。同核双原子分子除 $\infty$ 个 $\sigma_v$ 外,还有垂直于 $C_\infty$ 的 $\sigma_h$ 。

#### -4- 反轴和旋转反演操作

反轴 $I_n$ 的基本操作为绕轴转 $360^\circ/n$ ,接着按轴上的中心点进行反演, $I_n=iC_n^1$ 。这个操作是 $C_n^1$ 和 $i$ 相继进行的联合操作。 $I_1$ 对称元素等于 $i$ ;  $I_2$ 等于 $\sigma_h$ ;  $I_3$ 包括下列6个对称操作

$$I_3^1=iC_3^1, \quad I_3^2=C_3^2, \quad I_3^3=i,$$

$$I_3^4=C_3^1, \quad I_3^5=iC_3^2, \quad I_3^6=E$$

$I_3$ 轴包括 $C_3$ 和 $i$ 的全部对称操作,而 $I_3^1$ 和 $I_3^5$ 可由 $C_3^1$ 和 $i$ 等组合而得,所以 $I_3$ 轴可看作由 $C_3$ 和 $i$ 组合得到

$$I_3=C_3+i$$

具有 $I_3$ 的分子如图4.3所示。

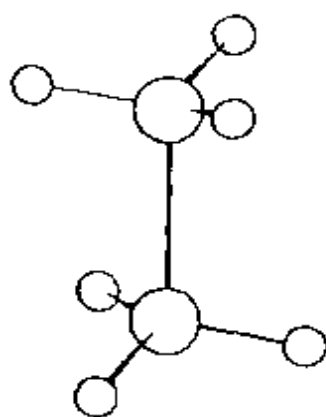


图 4.3 具有反轴 $I_3$ 的分子

$I_4$  对称元素包括下列操作

$$I_4^1 = iC_4^1, \quad I_4^2 = C_2,$$

$$I_4^3 = iC_4^3, \quad I_4^4 = E$$

可见  $I_4$  轴包括  $C_2$  轴的全部操作, 即  $I_4$  轴包括  $C_2$  轴。但是一个包含  $I_4$  对称性的分子, 并不具有  $C_4$  轴, 也不具有  $i$ , 即  $I_4$  不等于  $C_4$  和  $i$  两个对称元素的简单加和,  $I_4$  是一个独立的对称元素。例如在  $\text{CH}_4$  分子中包含 3 个互相垂直相交的  $I_4$ , 如图 4.4 所示。

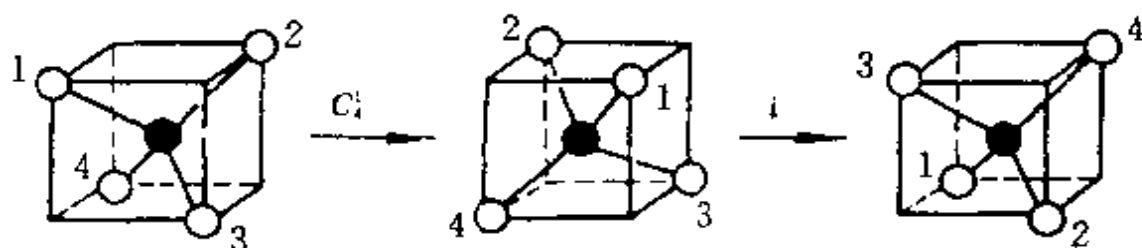


图 4.4 具有  $I_4$  轴分子经过  $I_4^1$  操作的情况

图 4.4 示出具有  $I_4$  的分子, 先进行  $C_4^1$ , 再进行  $i$  操作使分子复原的情况。

$I_6$  包括下列 6 个对称操作

$$I_6^1 = iC_6^1 = \sigma C_3^2, \quad I_6^2 = C_3^1, \quad I_6^3 = \sigma$$

$$I_6^4 = C_3^2, \quad I_6^5 = iC_6^5 = \sigma C_3^1, \quad I_6^6 = E$$

所以  $I_6$  可看作由  $C_3$  和  $\sigma_h$  组合得到。

由上可见, 对于反轴  $I_n$ , 当  $n$  为奇数时, 包含  $2n$  个对称操作, 可看作由  $n$  重旋转轴  $C_n$  和对称中心  $i$  组成; 当  $n$  为偶数而不为 4 的整数倍时, 由旋转轴  $C_{n/2}$  和垂直于它的镜面  $\sigma_h$  组成; 当  $n$  为 4 的整数倍时,  $I_n$  是一个独立的对称元素, 这时  $I_n$  轴与  $C_{n/2}$  轴同时存在。

## 5- 映轴和旋转反映操作

映轴  $S_n$  所对应的基本操作  $S_n^1$  为绕轴转  $360^\circ/n$  接着按垂直于轴的平面进行反映,  $S_n^1 = \sigma C_n^1$ 。这个操作是  $C_n^1$  和  $\sigma$  相继进行的联合

操作。按照上述对反轴那样进行分析,可得

$S_1$  等于镜面

$S_2$  等于对称中心

$S_3$  等于  $C_3 + \sigma_h$

$S_4$  是个独立的对称元素

$S_5$  等于  $C_5 + \sigma_h$

$S_6$  等于  $C_3 + i$

对于映轴  $S_n$ : 当  $n$  为奇数时, 有  $2n$  个操作, 它由  $C_n$  轴和  $\sigma_h$  组成; 当  $n$  为偶数而又不为 4 的整数倍时,  $S_n$  可看作由  $C_{n/2}$  与  $i$  组成; 当  $n$  为 4 的整数倍时,  $S_n$  是个独立的对称元素, 而且  $S_n$  轴与  $C_{n/2}$  轴同时存在。

反轴  $I_n$  和映轴  $S_n$  是互有联系、互相包含的, 它们与其他对称元素的关系如下

$$\begin{array}{ll} I_1 = S_2^- = i & S_1 = I_2^- = \sigma \\ I_2 = S_1^- = \sigma & S_2 = I_1^- = i \\ I_3 = S_6^- = C_3 + i & S_3 = I_6^- = C_3 + \sigma \\ I_4 = S_4^- & S_4 = I_4^- \\ I_5 = S_{10}^- = C_5 + i & S_5 = I_{10}^- = C_5 + \sigma \\ I_6 = S_3^- = C_3 + \sigma & S_6 = I_3^- = C_3 + i \end{array}$$

式中右上角的负号表示逆操作, 例如  $I_3$  和  $S_6$  的逆操作  $S_6^{-1}$  是相同的。

由上可见, 反轴和映轴两者是相通的, 对它们只要选择一种即可。通常对分子的对称性用  $S_n$  较多, 对晶体对称性则采用  $I_n$ , 因为按特征对称元素划分晶系时, 按反轴轴次规定进行。为了将分子对称性和晶体对称性统一起来, 我们主要用反轴。

综上所述, 分子中可能存在的对称元素及相应的对称操作归纳于表 4.1 中。它们可分两大类: 简单旋转操作属第一类, 为实操作, 其特点是能具体操作, 直接实现; 其他反映、反演、旋转反映、旋

转反演等属第二类,为虚操作,其特点是操作只能在想象中实现。

表 4.1 对称元素和对称操作

对称元素 符号	对称元素	基本对称操作 符号	基本对称操作
$E$	—	$E$	恒等操作
$C_n$	旋转轴	$C_n^1$	绕 $C_n$ 轴按逆时针方向转 $360^\circ/n$
$\sigma$	镜面	$\sigma$	通过镜面反映
$i$	对称中心	$i$	按对称中心反演
$S_n$	映轴	$S_n^1 = \sigma C_n^1$	绕 $S_n$ 轴转 $360^\circ/n$ ,接着按垂直于轴的平面反映
$I_n$	反轴	$I_n^1 = i C_n^1$	绕 $I_n$ 轴转 $360^\circ/n$ ,接着按中心点反演

## 4.2 对称操作群与对称元素的组合

### 4.2.1 群的定义

一个分子具有的全部对称元素构成一个完整的对称元素系,和该对称元素系对应的全部对称操作形成一个对称操作群。群是按照一定规律相互联系着的一些元(又称元素)的集合,这些元可以是操作、数字、矩阵或算符等。在本章中群的元均指对称操作或对称操作的表示矩阵。

连续作两个对称操作即和这两个元的乘法对应。若对称操作  $A, B, C, \dots$  的集合  $G = \{A, B, C, \dots\}$  同时满足下列四个条件,这时  $G$  形成一个群。

#### (1) 封闭性

指  $A$  和  $B$  若为同一群  $G$  中的对称操作,则  $AB = C, C$  也是群  $G$  中的一个对称操作。

#### (2) 主操作

在每个群  $G$  中必有一个主操作  $E$ ,它与群中任何一个操作相乘给出

$$AE = EA = A$$

### (3) 逆操作

群  $G$  中的每一个操作  $A$  均存在逆操作  $A^{-1}$ ,  $A^{-1}$  也是该群中的一个操作。逆操作是按原操作途径返回去的操作。

$$AA^{-1} = A^{-1}A = E$$

### (4) 结合律

对称操作的乘法符合下面的结合律(括号中的 2 个对称操作表示先进行相乘)。

$$A(BC) = (AB)C$$

上述四点既是判断对称操作的集合是否形成一个群的标准,也是群的最基本的性质。

一个对称群中  $A, B, C$  等群的元的数目,称为群的阶次。阶次也代表组成物体的等同部分的数目。群中元的数目为有限的群称为有限群,元的数目为无限的群称为无限群。

当一个群中的部分元满足上述四个条件时,则这部分元构成的群称为该群的子群,子群的阶是该群的阶的一个因子。

一个有限分子的对称操作群称为点群,点群中点字的含义有两层:一层是这些对称操作都是点操作,操作时分子中至少有一个点不动;另一层是分子的全部对称元素至少通过一个公共点。如果两个对称元素不交于一点,例如分子中若有两个平行的镜面存在,这两个镜面的对称操作互相作用,就会出现无数个镜面,分子就不能维持有限性质了。

## -2- 群的乘法表

如果知道一个  $h$  阶有限群的元及这些元的所有可能的乘积(共  $h^2$  个),那么这个群就完全确定了,并可用群的乘法表的形式把它们简明地表达出来。乘法表由  $h$  行(每行由左至右)和  $h$  列(每列由上至下)组成。在行坐标为  $x$  和列坐标为  $y$  的交点上找到的元是  $yx$ ,即先操作  $x$  再操作  $y$ 。因为对称操作的乘法一般是不可交

换的,所以要注意次序。在群的乘法表中,每个元在每一行和每一列中只出现一次,不可能有两行是全同的,也不可能有两列全同。每一行和每一列都是元的重新排列。

$\text{H}_2\text{O}$  分子的对称性示于图 4.5 中,它有 4 个对称操作: $E$ ,  $C_2$ ,  $\sigma_{xz}$ ,  $\sigma_{yz}$ 。这些操作形成一个群,用记号  $C_{2v}$  表示。这些操作按乘法规则排成群的乘法表,如表 4.2 所示。

表 4.2  $C_{2v}$  群的乘法表

$C_{2v}$	$E$	$C_2$	$\sigma_{yz}$	$\sigma_{xz}$
$E$	$E$	$C_2$	$\sigma_{yz}$	$\sigma_{xz}$
$C_2$	$C_2$	$E$	$\sigma_{xz}$	$\sigma_{yz}$
$\sigma_{yz}$	$\sigma_{yz}$	$\sigma_{xz}$	$E$	$C_2$
$\sigma_{xz}$	$\sigma_{xz}$	$\sigma_{yz}$	$C_2$	$E$

的第四个元  $\sigma_c$  和列的第二个元  $C_3$  相乘得  $\sigma_c = C_3 \sigma_a$ 。还规定进行对称操作时,参考坐标系在空间固定不动,只动分子。

通过乘法表可以清楚地看到一个分子的全部对称操作符合群的四个基本性质。在乘法表中,两个旋转操作相乘和两个反映操作相乘得到的是旋转操作,即第一

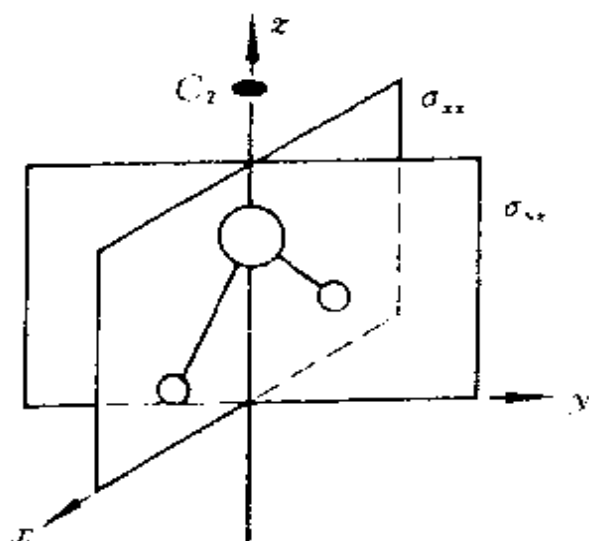


图 4.5  $\text{H}_2\text{O}$  分子的对称性

$\text{NH}_3$  分子的对称性示于图 4.6 中,对称操作有: $E$ ,  $C_3$ ,  $C_3^2$ ,  $\sigma_a$ ,  $\sigma_b$ ,  $\sigma_c$ 。这些对称操作组成  $C_{3v}$  点群,其乘法表列于表 4.3 中。

乘法表中行和列交叉点的元是由行上的元与列上的元组合所得的对称操作。例如表 4.3 中行

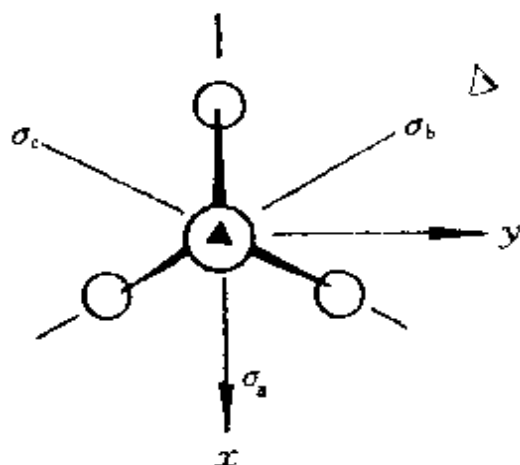


图 4.6  $\text{NH}_3$  分子的对称性



类操作。旋转和反映相乘,得到的

表 4.3  $C_{3v}$  群的乘法表

$C_{3v}$	$E$	$C_3^1$	$C_3^2$	$\sigma_a$	$\sigma_b$	$\sigma_c$
$E$	$E$	$C_3^1$	$C_3^2$	$\sigma_a$	$\sigma_b$	$\sigma_c$
$C_3^1$	$C_3^1$	$C_3^2$	$E$	$\sigma_c$	$\sigma_a$	$\sigma_b$
$C_3^2$	$C_3^2$	$E$	$C_3^1$	$\sigma_b$	$\sigma_c$	$\sigma_a$
$\sigma_a$	$\sigma_a$	$\sigma_b$	$\sigma_c$	$E$	$C_3^1$	$C_3^2$
$\sigma_b$	$\sigma_b$	$\sigma_c$	$\sigma_a$	$C_3^2$	$E$	$C_3^1$
$\sigma_c$	$\sigma_c$	$\sigma_a$	$\sigma_b$	$C_3^1$	$C_3^2$	$E$

是反映,即第二类操作。实际上两个第一类对称操作的乘积和两个第二类对称操作的乘积都是第一类对称操作,而第一类和第二类操作的乘积为第二类对称操作。

### 3- 对称元素的组合

一个分子中有多个对称元素存在,根据对称操作的乘法关系可以证明,当两个对称元素按一定的相对位置同时存在时,必能导出第三个对称元素,这叫对称元素的组合。对称元素的组合服从一定的组合原则,下面举三方面例子。

#### 1. 两个旋转轴的组合

交角为  $2\pi/2n$  的两个  $C_2$  轴相组合,在其交点上必定出现一个垂直于该两个  $C_2$  轴的一个  $C_n$  轴。而垂直于  $C_n$  通过交点的平面内必有  $n$  个  $C_2$  轴。分子中存在两个互相垂直的二次轴  $C_{2(x)}$  和  $C_{2(y)}$  时,必然出现一个与此两个轴垂直的二次轴  $C_{2(z)}$ 。由此也可推出,由旋转轴  $C_n$  与垂直于它的  $C_2$  轴组合,在垂直  $C_n$  的平面内必有  $n$  个  $C_2$  轴,相邻两个轴间的夹角为  $2\pi/2n$ 。

#### 2. 两个镜面的组合

两个镜面相交,若交角为  $2\pi/2n$ ,则其交线必为一个  $n$  次轴  $C_n$ ,这可从图 4.7 得到证明。图中  $A$  和  $B$  两个镜面的交角为  $\alpha + \beta = 2\pi/2n$ 。原子 1 经镜面  $A$  反映至原子 2,原子 1 经镜面  $B$  反映至

原子 3, 原子 2 和原子 3 可由通过  $AB$  的交线( $O$  点)转动  $2(\alpha + \beta)$  即  $2\pi/n$  可以重合。将原子 3 通过镜面  $A$  和镜面  $B$  反映所得的原子, 与通过交线再转  $2\pi/n$  的操作所得的原子重合(前者图中未画出), 所以此线为  $C_n$  轴。

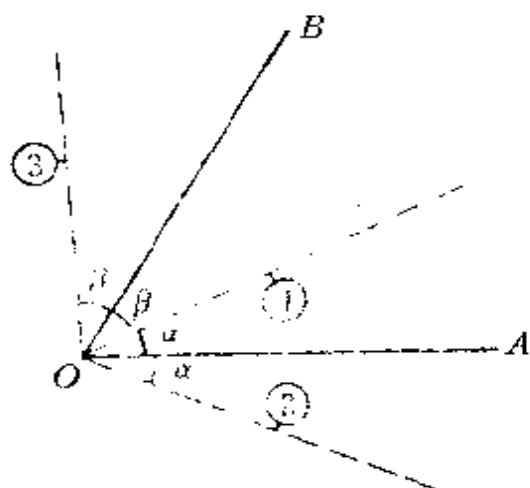


图 4.7 两个镜面的组合

同理, 由  $C_n$  轴以及通过该轴和它平行的镜面组合, 则一定存在  $n$  个镜面, 相邻面间的夹角为  $2\pi/2n$ 。

### 3. 偶次旋转轴和与它垂直的镜面的组合

一个偶次轴与一个垂直于它的镜面组合, 必定在交点上出现对称中心, 如图 4.8 所示。假定偶次轴  $C_{2n}$  与  $z$  轴重合, 镜面  $\sigma_{xy}$  和  $x, y$  轴平行, 轴与镜面的交点为原点, 分子中一原子坐标为  $(x, y, z)$ , 当绕  $C_{2n(z)}$  轴转动  $C_{2n(z)}^n$ , 即  $C_{2(z)}^1$ , 再经  $\sigma_{xy}$  反映, 得

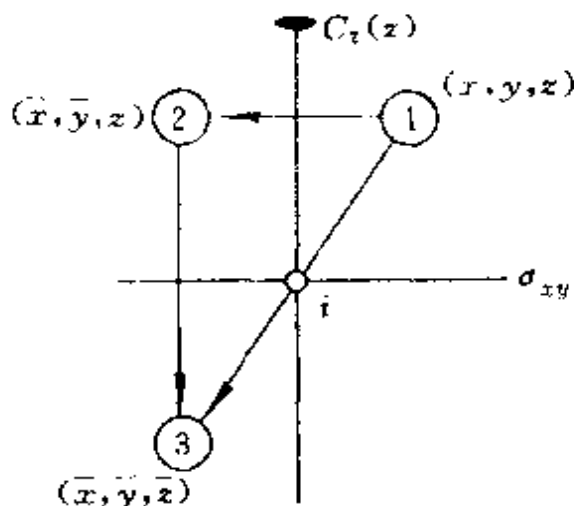


图 4.8 镜面与垂直于它的偶次轴组合

$$\sigma_{xy}C_{2(z)}^1 \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \sigma_{xy} \begin{pmatrix} -x \\ -y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -x \\ -y \\ -z \end{pmatrix}$$

这一结果与由对称中心反演的结果相同,如图 4.8 所示。

$$i \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} -x \\ -y \\ -z \end{pmatrix}$$

所以

$$\sigma_{xy}C_{2n(z)}^n = \sigma_{xy}C_{2(z)}^1 = i$$

和此相类似,可得

$$C_{2n(z)}^n i = C_{2(z)}^1 i = \sigma_{xy}$$

$$i\sigma_{xy} = C_{2n(z)}^n$$

上述三个操作  $\sigma_{xy}$ ,  $C_{2n(z)}^n$  和  $i$  中每一操作均为其余两个操作的乘积。所以可推论出:一个偶次轴与对称中心组合,必有一垂直于这个轴的镜面;对称中心与一镜面组合,必有一垂直于该面的二次轴。

### 4.3 分子的点群

#### 4.3.1 分子点群的分类

分子的对称元素服从对称元素组合原则,每一分子都具有有一对称元素系,由它产生的全部对称操作形成一个点群。分子的对称性可由对称操作所组成的点群充分体现出来。下面从只有旋转轴的简单情况开始,逐步增加对称元素,讨论各类点群。各类点群的记号采用 Schönflies(熊夫利)记号<sup>①</sup>。

---

① 常用的点群记号有 Schönflies 记号和国际记号(又称 Hermann-Mauguin 记号)两种,国际记号中以数字  $n$  代表  $n$  重轴,  $\bar{n}$  代表  $n$  重反轴,  $m$  代表镜面,  $2/m$  代表垂直镜面有二重轴,其他依此类推。

## 1. $C_n$ 点群

属于这类点群的分子, 它的对称元素只有一个  $n$  次旋转轴。这类点群的独立对称操作有  $n$  个, 故阶次为  $n$ 。图 4.9 示出若干属于  $C_n$  点群的分子。

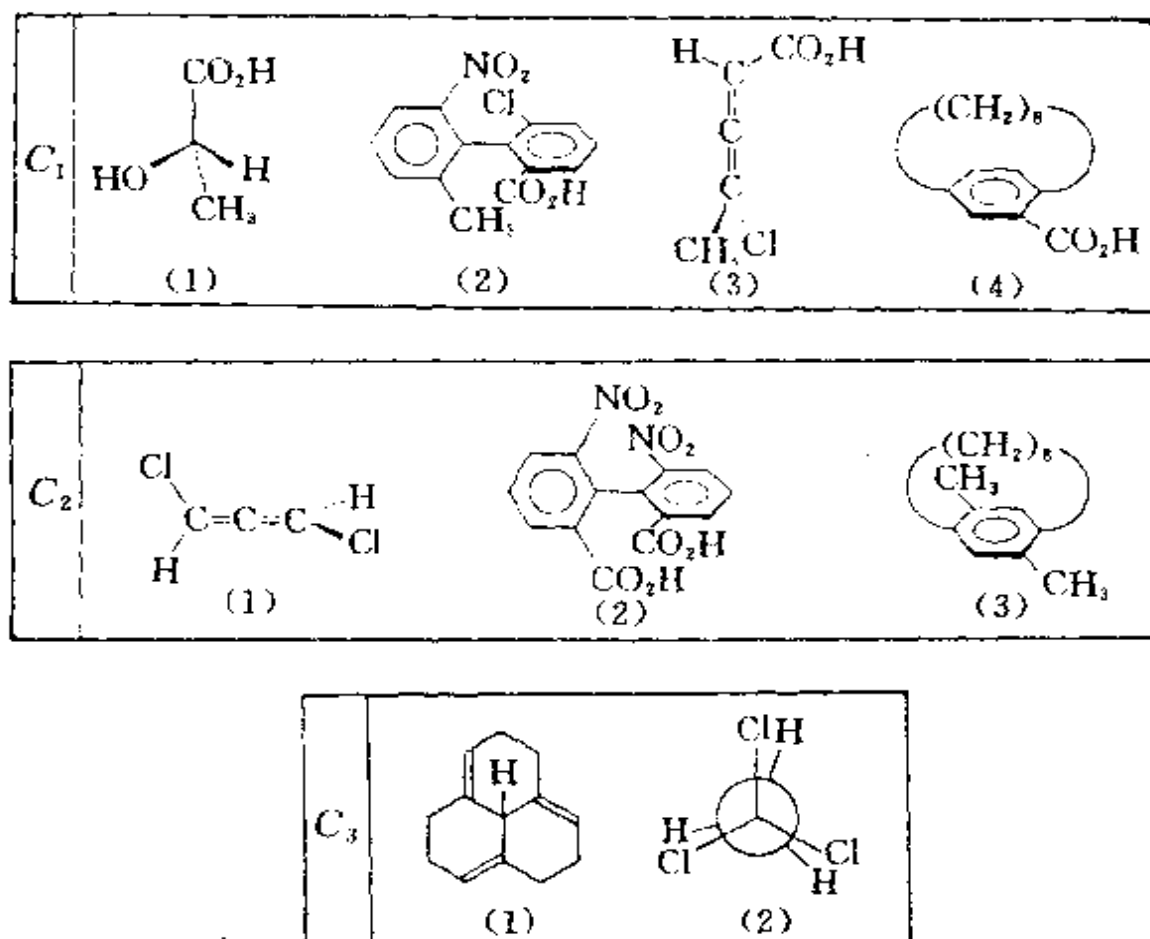


图 4.9 若干属于  $C_n$  点群的分子

## 2. $C_{nh}$ 点群

属于  $C_{nh}$  点群的分子中有一个  $n$  次旋转轴  $C_n$  和垂直于此轴的镜面  $\sigma_h$ , 阶次为  $2n$ 。其对称元素系

$$n = \text{偶数}: C_n, \sigma_h, i, (I_n)$$

$$n = \text{奇数}: C_n, \sigma_h, I_{2n}$$

习惯上将  $C_{1h}$  点群用  $C_s$  记号。图 4.10 示出若干属于  $C_{nh}$  点群的分子。

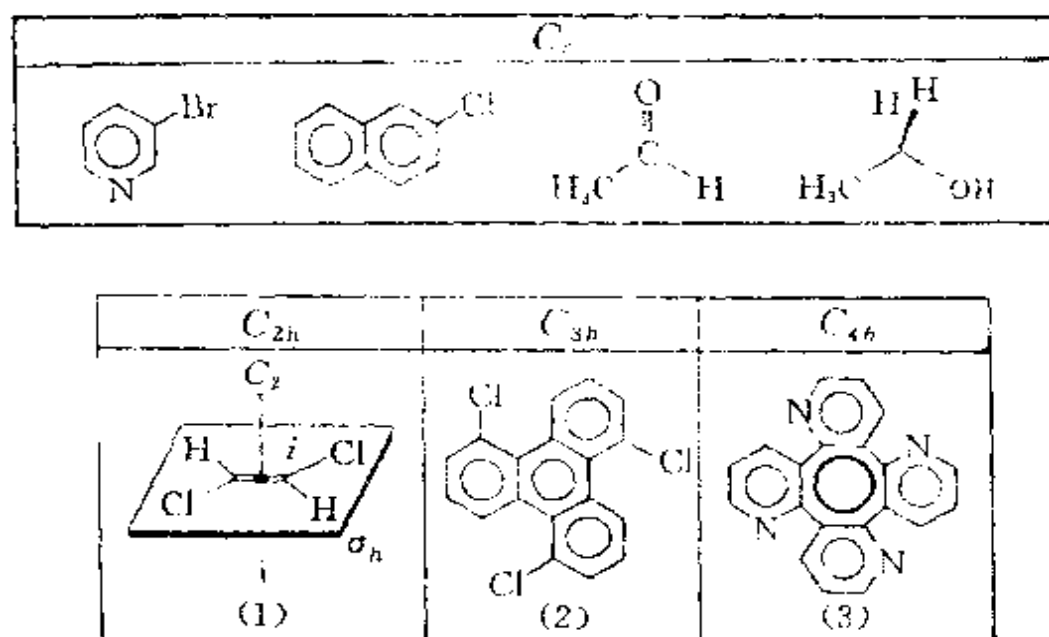


图 4.10 若干属于  $C_{nh}$  点群的分子

### 3. $C_{nv}$ 点群

在  $C_n$  点群中加入一个通过  $C_n$  轴的镜面  $\sigma_v$ , 由  $C_n$  转动, 必产生  $n$  个  $\sigma_v$ , 形成  $C_{nv}$  点群, 阶次为  $2n$ , 对称元素系为  $C_n$  和  $n$  个  $\sigma_v$ . 图 4.11 示出若干属于  $C_{nv}$  点群的分子. CO, NO, HCN 等不具对称中

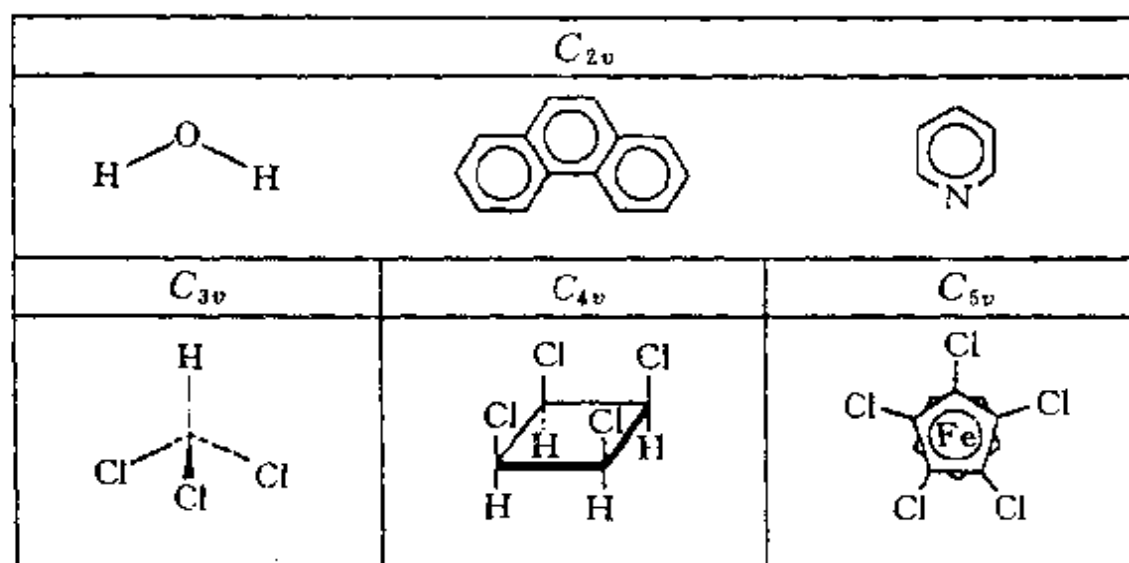


图 4.11 若干属于  $C_{nv}$  点群的分子

心的直线形分子属  $C_{\infty v}$  点群。

#### 4. $S_n$ 和 $C_{nh}$ 点群

分子中只包含一个反轴(或映轴)的点群属于这一类。当  $n$  为奇数的反轴时, 所属点群为  $C_{nh}$ , 可看作在  $C_n$  点群中加入  $i$  ( $i$  在  $C_n$  轴上) 得到, 其对称元素有  $C_n, i, I_n$ , 阶次为  $2n$ 。当  $n$  为偶数的反轴时, 有两种情况:  $n$  不为 4 的整数倍时, 属于点群  $(C_{n/2}^h)$ ;  $n$  为 4 的整数倍时, 分子中只有一个反轴  $I_n$  (或只有一个映轴  $S_n$ ), 属于点群  $S_n$ , 阶次为  $n$ 。图 4.12(上) 示出属于  $S_4$  点群的分子, 图中穿过分子的线和  $I_4$  轴重合; 图 4.12(下) 示出属于  $C_i$  点群的若干分子。

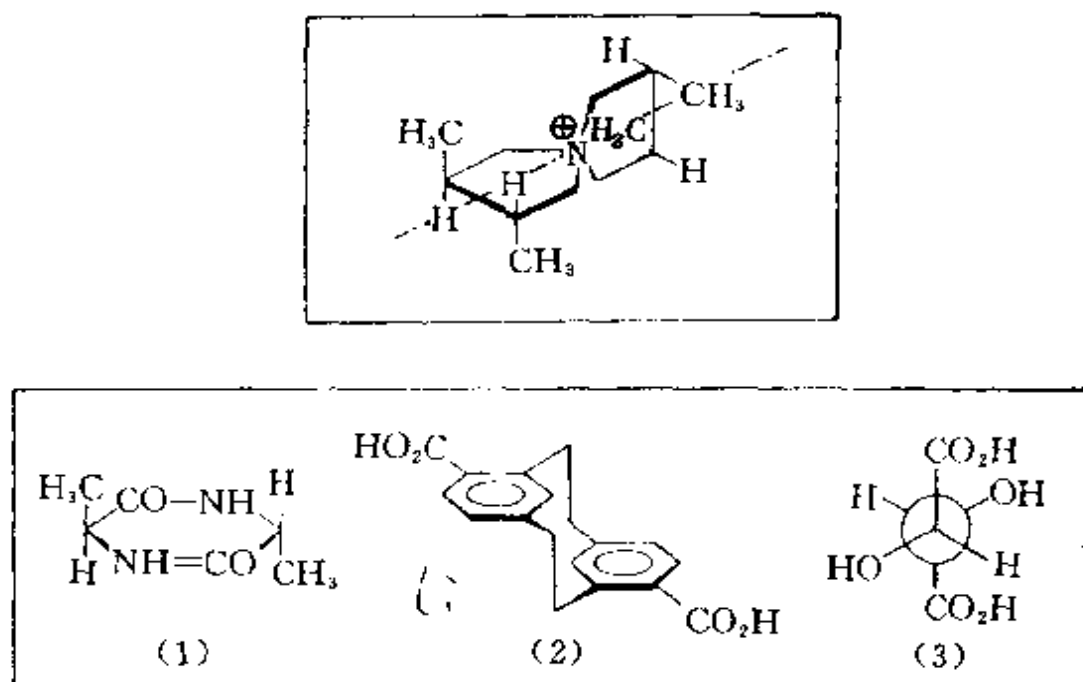


图 4.12 属于  $S_4$  点群(上)和  $C_i$  点群(下)的分子

#### 5. $D_n$ 点群

在  $C_n$  点群中加入一垂直于  $C_n$  轴的  $C_2$  轴, 则在垂直于  $C_n$  轴的平面内必有  $n$  个  $C_2$  轴, 得  $D_n$  点群, 其对称元素有:  $C_n, n$  个  $C_2$ , 阶次为  $2n$ 。图 4.13 示出若干属于  $D_n$  点群的分子。图中上面两个分子属  $D_2$  点群, 下面两个分子属  $D_3$  点群。

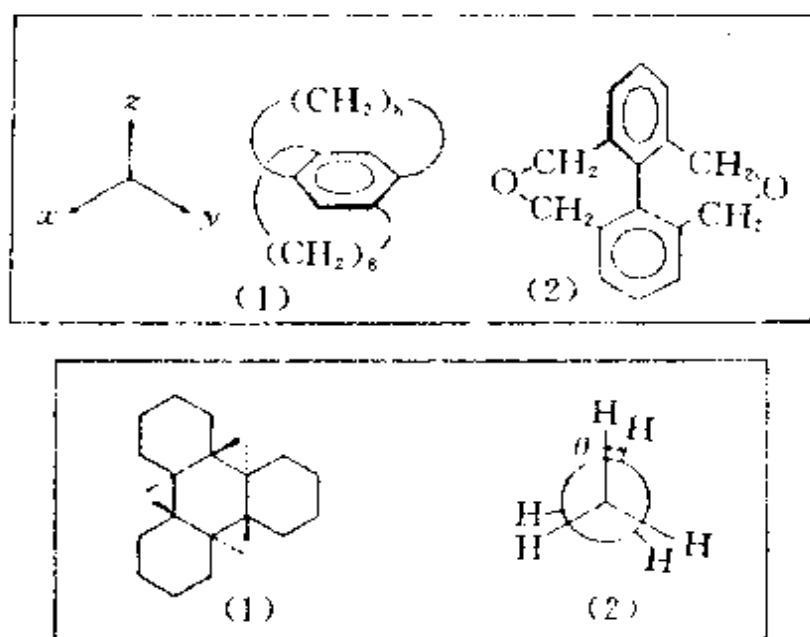


图 4.13 若干属于  $D_2$  点群的分子(上)和属于  $D_3$  点群的分子(下)

### 6. $D_{nh}$ 点群

在  $D_n$  点群的对称元素系中加入一个垂直于  $C_n$  轴的镜面  $\sigma_h$ , 得  $D_{nh}$  点群。由于  $n$  个  $C_2$  轴与  $\sigma_h$  组合必然产生  $n$  个  $\sigma_v$ , 若主轴  $C_n$  为偶次轴, 与  $\sigma_h$  组合必产生对称中心, 所以  $D_{nh}$  的对称元素有  $C_n, n$

$D_{2h}$		$D_{3h}$	
$D_{4h}$	$D_{5h}$	$D_{6h}$	$D_{7h}$

图 4.14 若干属于  $D_{nh}$  点群的分子

个  $C_2$ ,  $\sigma_h$ ,  $I_n$ ,  $n$  个  $\sigma_v$ ,  $i$  等; 当  $C_n$  主轴为奇数轴, 则有  $C_n$ ,  $I_{2n}$ ,  $n$  个  $C_2$ ,  $\sigma_h$ ,  $n$  个  $\sigma_v$  等。  $D_{nh}$  点群的阶次为  $4n$ 。图 4.14 示出若干属于  $D_{nh}$  点群的分子。  $H_2$ ,  $N_2$ ,  $CO_2$  等具有对称中心的直线型分子属于  $D_{\infty h}$  点群。

### 7. $D_{nd}$ 点群

在  $D_n$  点群的对称元素系中加入一个通过  $C_n$  轴又平分二个  $C_2$  轴夹角的镜面  $\sigma_d$ , 得  $D_{nd}$  点群。  $D_{nd}$  点群的对称元素可按主轴轴次的奇偶区分,  $n = \text{奇数}$  时有:  $C_n$ ,  $n$  个  $C_2$ ,  $n$  个  $\sigma_d$ ,  $i$ ,  $(I_n)$ ;  $n = \text{偶数}$  时有:  $I_{2n}$ ,  $n$  个  $C_2$ ,  $n$  个  $\sigma_d$ , 因  $C_n$  的对称操作已包括在  $I_{2n}$  中, 可不必写出。  $D_{nd}$  的阶次为  $4n$ 。若干属于  $D_{nd}$  点群的分子示于图 4.15 中。

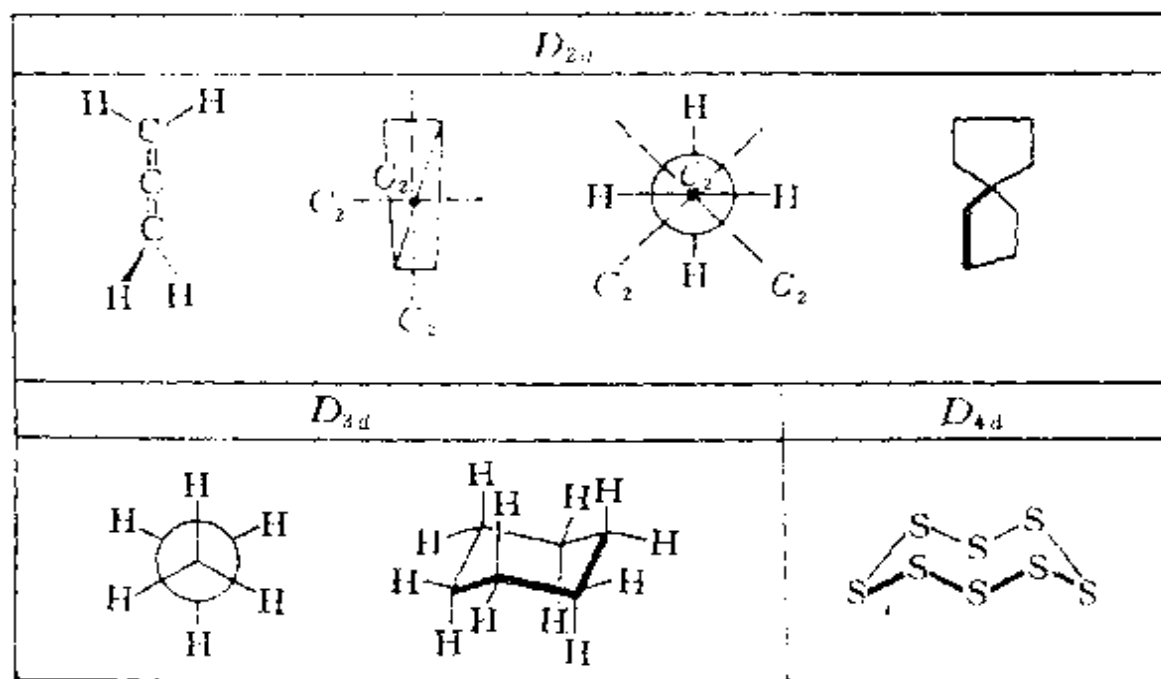


图 4.15 若干属于  $D_{nd}$  点群的分子

以上讨论了只有一个高次轴  $C_n (n > 2)$  的点群。下面讨论有多个高次轴的情况。含有多个高次轴的对称元素组合所得的对称元素系和正多面体的对称性相对应。正多面体是指它的面为正多边形且彼此相等, 同时它的各个顶角和棱边也相等。正多面体有 5



表 4.4 正多面体的性质

	正四面体	正八面体	立方体	正五角十二面体	正三角二十面体
面数	4	8	6	12	20
面的边数	3	3	4	5	3
会聚于顶点的棱数	3	4	3	3	5
棱数	6	12	12	30	30
顶点数	4	6	8	20	12
双面角	$70^{\circ}32'$	$109^{\circ}28'$	$90^{\circ}$	$116^{\circ}34'$	$138^{\circ}12'$
点群	$T_d$	$O_h$	$O_h$	$I_d$	$I_d$

种,它们的性质列于表 4.4 中,它们的图形示于图 4.16 中;表中的  $T$  表示四面体群(Tetrahedral Group); $O$  表示八面体群(Octahedral Group),它包括正八面体和立方体; $I$  表示二十面体群(Icosahedral Group),包括正五角十二面体和正三角二十面体。

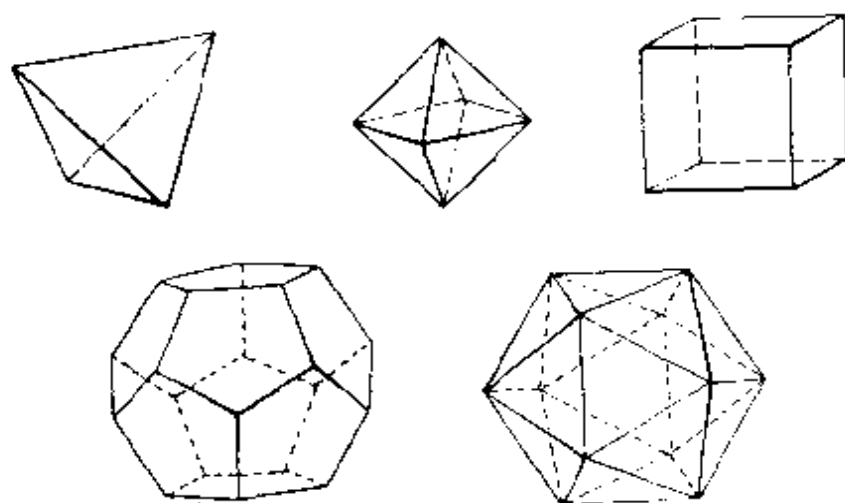


图 4.16 五种正多面体的图形

### 8. $T, T_h, T_d$ 点群

这三个点群的共同点是都具有 4 个  $C_3$  轴,按立方体对角线安置。立方体中心作原点,坐标轴和立方体的边平行,3 个  $C_2$  轴分别和 3 个坐标轴重合, $C_2$  轴作主轴,由这 4 个  $C_3$  轴和 3 个  $C_2$  轴组成的点群称  $T$  点群,阶次为 12。

在  $T$  点群对称元素系中加入  $\sigma_h$  使和  $C_2$  轴垂直, 得  $T_h$  点群, 其对称元素有: 4 个  $C_3$ , 3 个  $C_2$ , 3 个  $\sigma_h$ ,  $i$ , (4 个  $I_3$ ) 等, 阶次为 24。

在  $T$  点群对称元素系中加入  $\sigma_d$  使通过  $C_2$  轴, 平分两个  $C_3$  轴的夹角, 得  $T_d$  点群, 其对称元素有: 4 个  $C_3$ , 3 个  $I_3$ , 6 个  $\sigma_d$ 。由于  $I_3$  轴包括  $C_2$  轴, 故  $C_2$  轴不必写出。3 个  $I_3$  轴和 3 个坐标轴重合, 选作主轴。6 个  $\sigma_d$  分别平分 4 个  $C_3$  轴的夹角, 阶次为 24。

属于  $T$  和  $T_h$  点群的分子不常见, 而正四面体形的分子和离子如  $\text{CH}_4$ ,  $\text{P}_4$ ,  $\text{SO}_4^{2-}$  等均属  $T_d$  点群。

### 9. $O, O_h$ 点群

这两个点群的特点是都具有互相垂直排列的 3 个  $C_4$  轴, 其交点作原点, 3 个  $C_4$  轴分别和三个坐标轴重合, 围绕原点画一立方体, 使  $C_4$  轴通过面中心, 在立方体对角线安置 4 个  $C_3$  轴, 得  $O$  点群, 其对称元素有: 4 个  $C_3$ , 3 个  $C_4$ , 6 个  $C_2$ , 阶次为 24。

在  $O$  点群对称元素系中加入  $\sigma_h$  使和  $C_4$  轴垂直, 得  $O_h$  点群, 其对称元素有: 3 个  $C_4$ , 4 个  $C_3$ , 6 个  $C_2$ , 6 个  $\sigma_d$ , 3 个  $\sigma_h$ ,  $i$  (3 个  $I_4$  和 4 个  $I_3$ ) 等, 阶次为 48。

属于  $O$  点群的分子不常见, 而具有正八面体、立方体构型的分子和离子如  $\text{SF}_6$ ,  $[\text{PtCl}_6]^{2-}$ , 立方烷  $\text{C}_8\text{H}_8$  等属于  $O_h$  点群。

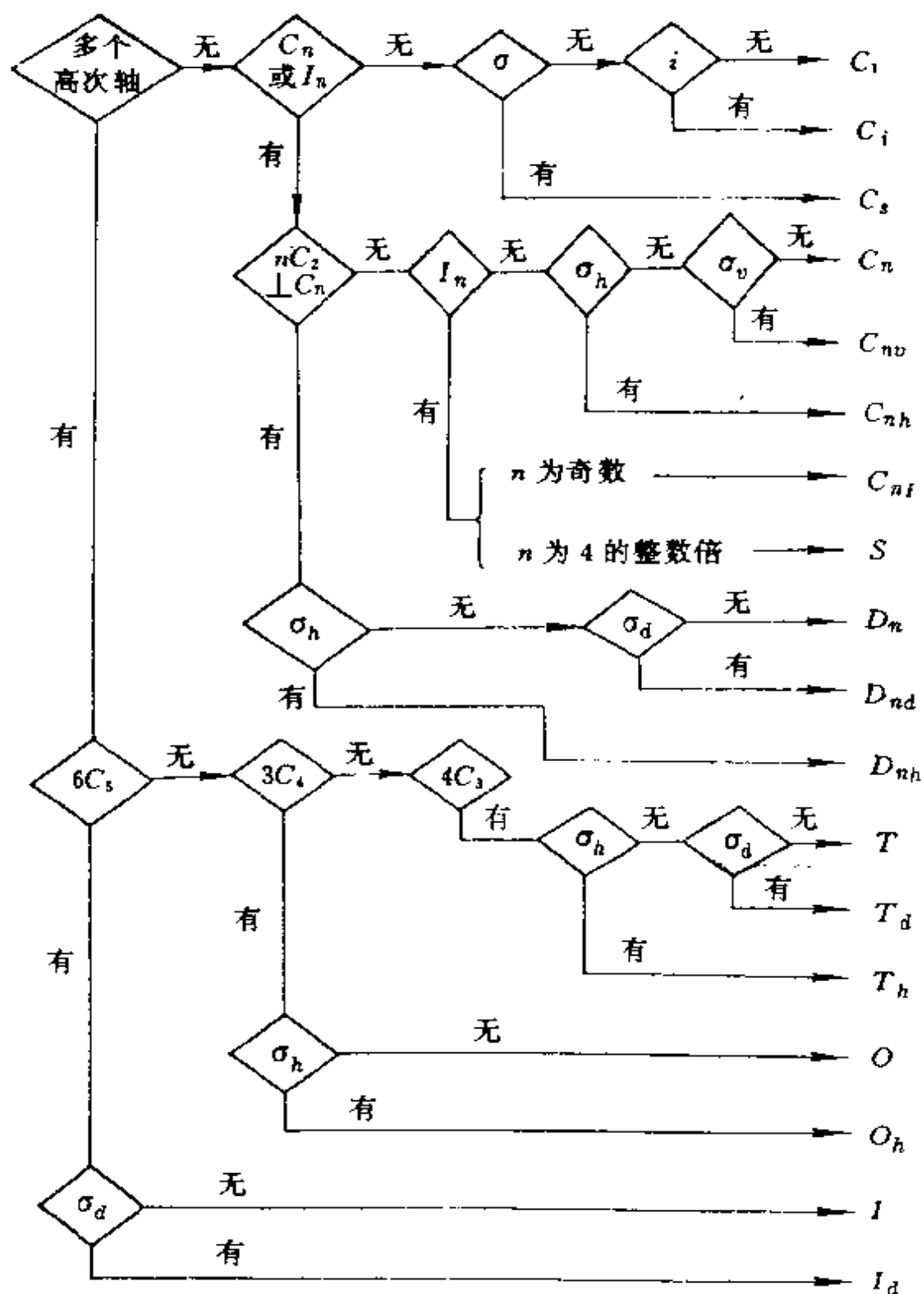
### 10. $I, I_h$ 点群

这两个点群的特点是都具有 6 个  $C_5$  轴。正五角十二面体构型的分子和正三角二十面体构型的分子如  $\text{B}_{12}\text{H}_{12}^{2-}$ ,  $\text{B}_{12}$  等属  $I_h$  点群。它的对称元素包括: 6 个  $C_5$ , 10 个  $C_3$ , 15 个  $C_2$ , 15 个  $\sigma$  和  $i$  等, 阶次 120。在此点群中主轴可选择 3 个互相垂直的  $C_2$  轴。若将  $I_h$  点群中的第二类对称元素去掉, 只剩第一类对称元素, 则为  $I$  点群, 阶次为 60。

## -2- 分子所属点群的判别

确定某一分子所属的点群, 可根据分子的对称元素系, 按表 4.5 的步骤进行。

表 4.5 分子点群的判别



#### 4.4 分子的偶极矩和极化率<sup>[7-9]</sup>

偶极矩是表示分子中电荷分布情况的物理量。分子由带正电的原子核和带负电的电子组成,对于中性分子,正负电荷数量相等,整个分子是电中性的,但正负电荷的重心可以重合,也可以不重合。正负电荷重心不重合的分子称为极性分子,它有偶极矩。偶极矩是个矢量,这里我们规定其方向是由正电重心指向负电重心,偶极矩  $\mu$  是正负电重心间的距离  $r$  与电荷量  $q$  的乘积。

$$\mu = qr \quad \text{矢量}$$

偶极矩的单位为库仑米( $\text{C} \cdot \text{m}$ ),若有电量为一个电子( $1.6022 \times 10^{-19} \text{C}$ )的正负电荷相距  $10^{-10} \text{m}$ ,则其偶极矩为

$$\mu = 1.6022 \times 10^{-29} \text{C} \cdot \text{m}$$

在 cgs 制中,上述情况下  $\mu = 4.8 \times 10^{-18} \text{cm} \cdot \text{esu} = 4.8 \text{D}$ 。这里 D 称 Debye(德拜),是分子偶极矩的一种单位。

$$1 \text{D} = 3.336 \times 10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$$

##### -1- 分子的偶极矩和分子的结构

分子有无偶极矩与分子的对称性有密切关系,可根据分子的对称性为分子有无偶极矩作出简单而明确的判据:只有属于  $C_{\infty}$  和  $C_{nv}(n=1,2,3,\dots,\infty)$  这两类点群的分子具有偶极矩,而其他点群的分子偶极矩为 0。 $C_{1v} \equiv C_{1h} \equiv C_s$ ,  $C_s$  点群也包括在  $C_{nv}$  之中。

上述判据的物理基础是由于偶极矩是分子的静态性质,这种静态性质的特点是它在分子所属点群的每一对称操作下,其大小和方向必须保持不变。因此,偶极矩矢量必须坐落在每一对称元素上。由此可见,具有对称中心的分子不可能有偶极矩,因为处在点上的矢量其大小为 0。具有多个  $C_n(n>1)$  轴的分子,偶极矩应为 0,因为一个矢量不可能同时与两个方向的轴相重合。只有  $C_{\infty}$  和

$C_{\infty}$ 点群,偶极矩矢量可和  $C_{\infty}$  轴重合,正负电重心可分别处在轴的任意点上。

具有镜面对称性的分子仍可以有偶极矩,而镜面和二重反轴是等同的,所以不能说具有反轴对称性的分子都没有偶极矩。

根据上述原理,可由分子的对称性推测分子有无偶极矩,也可由分子有无偶极矩以及偶极矩的大小了解分子结构的信息。

同核双原子分子没有偶极矩。异核双原子分子有偶极矩。其大小反映分子的极性,反映组成分子的两个原子间电负性的差异,也反映化学键的性质。表 4.6 列出若干分子的偶极矩数据,表中  $\mu$  和  $r$  都是实验测定数据。 $\mu/er$  值小于 1,说明键的性质为极性共价键。Pauling 用  $\mu/er$  值作为键的离子性,但有人认为还应考虑离子在其他离子电场作用下的变形因素,即诱导偶极矩的影响。

表 4.6 分子的偶极矩

分子	$\mu/10^{-30}\text{C} \cdot \text{m}$	$r/10^{-12}\text{m}$	$er/10^{-30}\text{C} \cdot \text{m}$	$\mu/er$
CO	0.39	1.1283	18.08	0.02
HF	6.37	0.9168	14.69	0.43
HCl	3.50	1.2744	20.42	0.18
HBr	2.64	1.4145	22.66	0.12
HI	1.27	1.6090	25.78	0.05

对于多原子分子的偶极矩由分子中全部原子和键的性质以及它们的相对位置所决定。若不考虑键的相互影响,并认为每个键可以贡献它自己的偶极矩,则分子的偶极矩可近似地由键的偶极矩(简称键矩)按矢量加和而得。

各种化学键的键矩,可根据实验测定的偶极矩数值以及分子的几何构型进行分配推出。例如, $\text{H}_2\text{O}$  的  $\mu=6.17 \times 10^{-30}\text{C} \cdot \text{m}$ ,  $\angle\text{HOH}=104.5^\circ$ 。如果认为  $\text{H}_2\text{O}$  分子的偶极矩为两个  $\text{H}-\text{O}$  键键矩的矢量和,则  $\mu=6.17 \times 10^{-30}\text{C} \cdot \text{m} = 2\mu_{\text{H}-\text{O}} \cdot \cos(104.5^\circ/2)$ 。这样可得  $\mu_{\text{H}-\text{O}}=5.04 \times 10^{-30}\text{C} \cdot \text{m}$ 。表 4.7 列出若干化学键的键矩值(左边原子  $\delta^-$ )。

表 4.7 键矩/ $10^{-30}\text{C} \cdot \text{m}$ 

键	键矩	键	键矩	键	键矩	键	键矩
H—C	1.3	C—Cl	4.90	N—O	1.0	P=Se	10.7
H—N	4.44	C—Br	4.74	P—Cl	2.70	As=O	14.0
H—O	5.04	C—I	4.17	As—F	6.77	Sb=S	15.0
H—P	1.2	Si—H	3.3	S—Cl	2.0	S=O	10.0
H—S	2.3	Si—C	2.0	C=N	3.0	Se=O	10.3
C—N	0.73	Si—N	5.17	C=O	7.7	Te=O	7.7
C—O	2.5	Ge—Br	7.0	C=S	6.7	C≡N	11.8
C—S	3.0	Sn—Cl	10.0	N=O	6.7	N→B	8.5
C—Se	2.0	Pb—I	11.0	P=O	9.0	N→O	14.3
C—F	4.64	N—F	0.57	P=S	10.3	O→B	12.0

根据偶极矩与分子对称性的关系,根据键矩及分子构型对分子偶极矩的影响,可对分子的结构和性能提供一定的信息。表 4.8 列出四对化学式相似的化合物,但由于构型不同,点群不同,偶极矩数值也不同,可从偶极矩数据引出有关分子构型的信息。例如从表 4.8 右边第四个分子的偶极矩数据可知,分子沿着 S…S 线折叠而成蝴蝶形。

表 4.8 若干化合物的偶极矩

分 子	$\frac{\mu}{10^{-30}\text{C} \cdot \text{m}}$	点 群	分 子	$\frac{\mu}{10^{-30}\text{C} \cdot \text{m}}$	点 群
$\text{H}-\text{C}\equiv\text{C}-\text{H}$	0	$D_{\infty h}$	$\text{H}-\text{O}-\text{O}-\text{H}$	6.9	$C_2$
	0	$D_{2h}$		6.1	$C_{2v}$
	0	$C_{2h}$		10.7	$C_{2v}$
	0	$D_{2h}$		5.0	$C_{2v}$

偶极矩数据可以判断分子为邻位、间位和对位异构体,例如二氯苯的三种异构体,观察值(下标 o)和计算值(下标 c)列于下表:

	$\mu_o / \text{C} \cdot \text{m}$	$\mu_c / \text{C} \cdot \text{m}$
邻位	$7.58 \times 10^{-30}$	$8.7 \times 10^{-30}$
间位	$4.9 \times 10^{-30}$	$5.0 \times 10^{-30}$
对位	0	0

表中,对位和间位符合得很好,邻位偏差较大,这和两个紧邻的 Cl 原子间的排斥作用有关。又如,对位二苯胺偶极矩不为 0,说明—NH<sub>2</sub>基团不与苯环共面。

在烷烃及其衍生物中,C 原子为正四面体构型,根据对称关系可得—CH<sub>3</sub> 和—CH 的偶极矩相等,由此可以推论:

- 烷烃的偶极矩接近于 0;
- 同系物的偶极矩大致相等。

由于键型的多样性,键矩及其矢量加和规则仅在某些同系物中得到较好结果。因为在分子中原子间相互作用是很复杂的,同是 C—H 键,C 原子采用不同的杂化轨道,键矩就不完全相同。对于不相邻原子间的相互作用,如诱导效应、共轭效应、空间阻碍、分子内旋转等都会对分子的偶极矩发生影响,所以键矩矢量加和规则对分子结构信息只能获得近似的数值。反之,根据加和规则计算结果和实验测定数值的符合程度,可以探讨分子结构的某些信息。例如,由表 4.9 中所列 RX 的偶极矩( $\mu/10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$ )的实验测定值数据可见:CH<sub>3</sub>X 和 C<sub>2</sub>H<sub>5</sub>X 相差较大,而在 C<sub>3</sub>H<sub>7</sub>X 之后差别就较小了。这可解释为卤素原子 X 的诱导效应在 C 链上传递,传递到第三个碳原子以后就基本上不起作用。说明诱导效应是近程效应。

表 4.9 RX 的偶极矩

R	CH <sub>3</sub>	C <sub>2</sub> H <sub>5</sub>	n-C <sub>3</sub> H <sub>7</sub>	n-C <sub>4</sub> H <sub>9</sub>	n-C <sub>5</sub> H <sub>11</sub>	i-C <sub>3</sub> H <sub>7</sub>
RCl	5.24	5.84	7.01	7.04	7.08	7.18
RBr	6.00	6.71	7.11	7.18	7.31	7.31
RI	5.47	6.24	6.71	6.94		

## -2- 分子的诱导偶极矩和极化率

前面讲的是永久偶极矩,它是分子本身固有的性质,与是否有外加电场无关。当没有外电场存在时,由于热运动分子取向机遇,大量分子的平均偶极矩为 0。在电场中,分子产生诱导极化,它包括两部分:一是电子极化,由电子与核产生相对位移引起;二是原子极化,由原子核间产生相对位移,即键长和键角改变引起。

诱导极化又称变形极化。对于极性分子还有定向极化,它是由于在电场中永久偶极矩转到与电场方向反平行的趋势,出现择优取向所引起。诱导极化产生诱导偶极矩( $\mu_{\text{诱}}$ )

$$\mu_{\text{诱}} = \alpha E$$

$E$  为物体内部分子直接感受到的电场强度; $\alpha$  称为分子的极化率,其因次为  $\text{J}^{-1} \cdot \text{C}^2 \cdot \text{m}^2$ 。若将  $\mu_{\text{诱}}$  分为 3 个分量  $\mu_x, \mu_y, \mu_z$ ,  $\alpha$  可用对称方阵表示。它有 6 个独立的组元:  $\alpha_{xx}, \alpha_{yy}, \alpha_{zz}, \alpha_{xy} (= \alpha_{yx}), \alpha_{xz} (= \alpha_{zx}), \alpha_{yz} (= \alpha_{zy})$

$$\begin{bmatrix} \mu_x \\ \mu_y \\ \mu_z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \alpha_{xx} & \alpha_{xy} & \alpha_{xz} \\ \alpha_{yx} & \alpha_{yy} & \alpha_{yz} \\ \alpha_{zx} & \alpha_{zy} & \alpha_{zz} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} E_x \\ E_y \\ E_z \end{bmatrix}$$

极化率  $\alpha$  和摩尔折射度  $R$  有关。在光的电磁场作用下,测定物质的折光率( $n$ ),可求得摩尔折射度  $R$  (molar refractivity)

$$R = (n^2 - 1)M / (n^2 + 2)d$$

式中:  $M$  为摩尔质量,  $d$  为物质的密度,  $R$  主要是反映电子极化率。因为光的频率很高,分子定向变化跟不上高频光的电场的变化,而原子极化只占诱导极化中很少的一部分,可以忽略。摩尔折射度和极化率成正比,按 Lorenz-Lorentz (劳伦斯-劳伦兹) 方程,可得

$$R = (n^2 - 1)M / (n^2 + 2)d = N\alpha / 3\epsilon_0$$

$N$  为 Avogadro 常数,  $\epsilon_0$  为真空介电常数。由此式可得

$$\alpha = 3\epsilon_0 R / N = 3\epsilon_0 (n^2 - 1)M / N(n^2 + 2)d$$

例如, 293K 时水对波长为 589nm 的光的折光率为  $n =$



1.3330,  $M=18.015 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,  $d=0.9982 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}=0.9982 \times 10^6 \text{ g} \cdot \text{m}^{-3}$ 。由于

$$\epsilon_0=8.854 \times 10^{-12} \text{ J}^{-1} \cdot \text{C}^2 \cdot \text{m}^{-1}$$

代入,得

$$\alpha=1.638 \times 10^{-40} \text{ J}^{-1} \cdot \text{C}^2 \cdot \text{m}^2$$

摩尔折射度直接和极化率成正比,所以它的数值大小反映分子中电荷分布变形的难易程度,例如  $\pi$  键电子比  $\sigma$  键电子容易变形,因而含有  $\pi$  电子(如  $\text{C}=\text{C}$ ,  $\text{C}\equiv\text{C}$ )特别是有离域  $\pi$  键电子的分子比只含  $\sigma$  键电子的分子容易变形、极化率大,摩尔折射度也大。

表 4.10 若干键和离子的折射度  $R/\text{cm}^3 \cdot \text{mol}^{-1}$

C—H	1.676	C—F	1.45	C—O	1.54	C—N	1.57
C—C	1.296	C—Cl	6.51	C=O	3.32	C=N	3.75
C=C	4.17	C—Br	9.39	O—H (醇)	1.66	C≡N	4.82
C≡C	5.87	C—I	14.61	O—H (酸)	1.80	N—H	1.76
C <sub>6</sub> H <sub>5</sub>	25.46	C—S	4.61	C=S	11.91	S—S	8.11
Li <sup>+</sup>	0.07	Be <sup>2+</sup>	0.20	O <sup>2-</sup>	6.6	F <sup>-</sup>	2.65
Na <sup>+</sup>	0.46	Mg <sup>2+</sup>	0.24	S <sup>2-</sup>	20.8	Cl <sup>-</sup>	9.30
K <sup>+</sup>	2.12	Ca <sup>2+</sup>	1.19			Br <sup>-</sup>	12.12
Rb <sup>+</sup>	3.57	Al <sup>3+</sup>	0.17			I <sup>-</sup>	18.07

摩尔折射度具有加和性,表 4.10 列出若干键和离子的摩尔折射度值。根据表列数据可以计算出某一化合物的  $R$ ,可与由  $n$ ,  $M$ ,  $d$  等实验测定值进行比较,互相验证。例如

化合物	$R$ (计算值)	$R$ (实验值)
$\text{CH}_2\text{Cl}_2$	$2(\text{C—H})+2(\text{C—Cl})=16.37 \text{ cm}^3$	$16.40 \text{ cm}^3$
$\text{C}_2\text{H}_5\text{COOH}$	$5(\text{C—H})+2(\text{C—C})+(\text{C=O})$ $+ (\text{C—O}) + (\text{O—H})=17.63 \text{ cm}^3$	$17.51 \text{ cm}^3$
$\text{C}_6\text{H}_5\text{NHCH}_3$	$(\text{C}_6\text{H}_5)+2(\text{C—N})+3(\text{C—H})$ $+ (\text{N—H})=35.36 \text{ cm}^3$	$35.67 \text{ cm}^3$

## 4.5 分子的对称性和分子的旋光性

分子有无旋光性(或称光学活性),是分子结构的重要特征,和分子的对称性有密切的联系。

具有旋光性分子的特点是分子本身和它在镜中的像只有对映关系而不完全相同,是一对等同而非全同的图形。所谓等同,是指这个图形的每一点在对映图形中必可找到另一个相当点,这个图形中任意两点间的距离等于对映图形中两个相当点间的距离。所谓非全同,是指不能通过平移或转动等第一类对称操作使两个图形叠合。一对等同而非全同的分子,构成一对对映体,称为旋光异构体,如同人的左右手一样,这种没有第二类对称元素的分子称为手性分子。两种对映的手性分子常用记号 D 和 L 或 R 和 S 来区分。

根据分子的对称性,可为分子有无旋光性提出准确而简明的判据。若分子具有反轴  $I_n (n=1,2,3,4,\dots)$  的对称性,则分子一定没有旋光性;若分子不具有反轴的对称性,则可能出现旋光性。

如前所述,反轴的对称操作是一联合的对称操作,一重反轴等于对称中心,二重反轴等于镜面,而独立的反轴只有  $I_n$ 。所以判断分子有无旋光性,可归结为分子中是否有  $\sigma, i, I_n$  的对称性。具有这三种对称性的分子都没有旋光性,而不具有这三种对称性的分子,都可能具有旋光性。

没有  $\sigma, i, I_n$  等对称性的手性分子,可从具有下列结构特征的化合物中寻找,但这些结构特征并不是手性分子的准确判断标准,也不能包括全部的手性分子。

(1) 含有不对称碳原子(或氮原子)的化合物。一个碳原子(或氮原子)周围的 4 个键呈四面体分布,当这 4 个键所连接的基团都不相同时,这个碳原子称为不对称碳原子或手性碳原子。有时 4 个基团中的两个基团的化学组成完全相同,但在顺反异构上的构型

不同,也是不对称碳原子。有机化学中常用有无不对称碳原子作为有无旋光性的标准,这是一个简单实用而并不全面的判断标准。绝大多数含有不对称碳原子的分子是有旋光性的,但有例外。有的分子没有不对称碳原子也有旋光性,例如六螺烯分子(a);有的有不对称碳原子却无旋光性,例如 $(\text{H}_3\text{CCHCONH})_2$ 分子(b),因分子本身具有对称中心的对称性,失去旋光性,如图4.17所示。

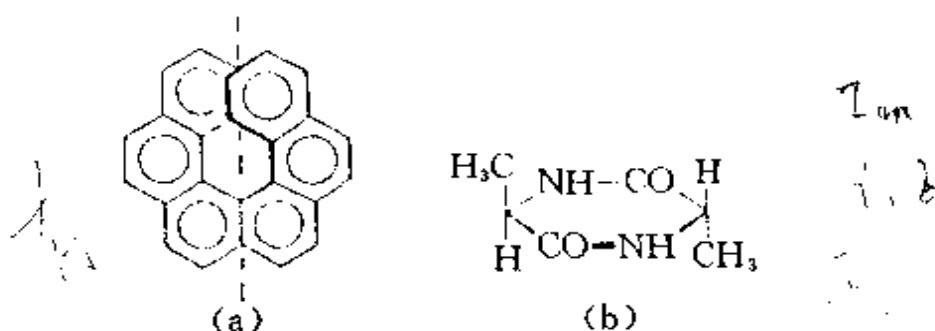
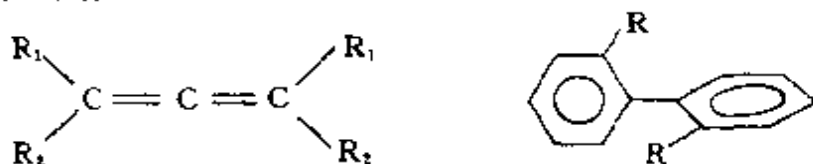


图4.17 六螺烯(a)和 $(\text{H}_3\text{CCHCONH})_2$ 分子(b)

(2) 螺旋形分子。一切螺旋形结构的分子,不论有无不对称碳原子都是手性分子,没有例外,例如 $\alpha$ -螺旋体、六螺烯分子等。螺旋型式有左手螺旋型和右手螺旋型,互成对映体。

(3) 丙二烯型和联苯型化合物,以及受空间阻碍效应影响而变形的分子,例如



这些分子没有 $\sigma$ ,  $i$ 和 $I_{4n}$ 等对称性,是手性分子。

(4) 风扇形分子。例如 $\text{Co}^{3+}$ 与乙二胺形成的螯合物,螯合配位体(en)像风扇排布,属 $D_3$ 点群。其他风扇形的 $\text{ML}_3$ ,  $\text{MXYL}_2$ , ... 均为手性分子。

手性分子的结构与旋光性的关系可归纳为:右手螺旋结构的分子呈现右旋光性,左手螺旋结构的分子呈现左旋光性;组成螺旋的原子和基团的极化率越大,则此螺旋贡献的旋光度越大;螺旋的

匝数越多,旋光度越大;螺距小,旋光度大;分子内存在多个螺旋,旋光度是各个螺旋旋光度的代数和<sup>[16]</sup>。图 4.17(a)所示的六螺烯分子是右手螺旋构型,它的摩尔旋光度为 $[M]_D = +11950^\circ$ 。(文献中规定右旋旋光性在旋光度前标“+”号,左旋标“-”号。)

在实验室或工厂中进行化学反应合成手性分子时,两种对映体分子的数量是相等的,即所得的产品中,D型和L型是等量的,称为外消旋产品。但是在天然动植物中所得的手性分子,往往只有一种对映体出现,例如组成蛋白质的 $\alpha$ -氨基酸,天然出现的有20多种,除甘氨酸无旋光性外,其他基本上都是L型,如图4.18(a)所示。而组成核糖核酸的糖,基本上是D型,即其中不对称碳原子具有和D型甘油醛相同的立体结构,如图4.18(b)所示。这是由于动植物中的这些手性分子,是酶的不对称催化作用的产物,是在不对称的环境中形成的。

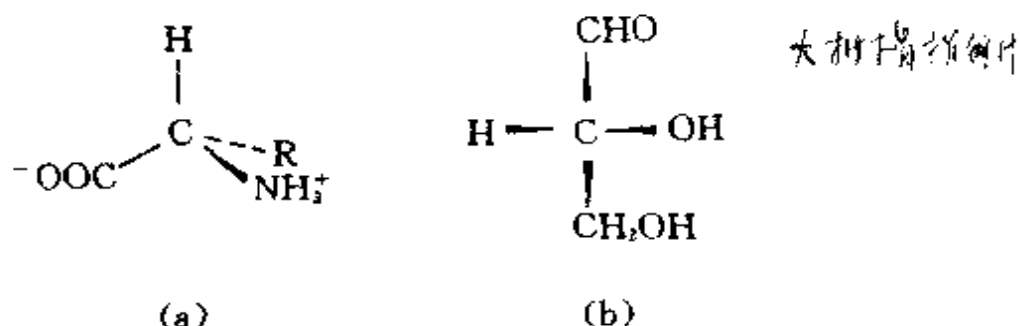


图 4.18 L型 $\alpha$ -氨基酸(a)和D型甘油醛(b)

酶是由蛋白质与核酸组成的巨大手性分子,是不对称的有机催化剂,有强烈的选择性功能。由于酶的催化作用产生出不对称的蛋白质和核酸,由不对称的蛋白质和核酸又产生不对称的酶,所以生命是不断地产生特定手性分子的过程。

在地球上酶是怎样出现的?可以说一定是经历了漫长的不对称合成的过程,经历了漫长的化学进化的过程。手性分子的出现、新的化合物不断产生发展,化学不断地进化。化学进化又为生物产生和进化提供物质基础;而生物进化过程中又产生了多种酶和蛋

白质等手性分子,为产生结构复杂、作用专一的酶创造条件,为制造生命物质提供物质基础。

## 4.6 群的表示

根据分子的对称性探讨分子的性质,群的表示起重要的作用。本节简略介绍有关群的表示的一些概念、定义和性质。

### -1- 对称操作的表示矩阵

一个分子的全部对称操作形成一个群。若将这些对称操作用变换矩阵表示,这些变换矩阵也形成一个群。通常称这样的矩阵群为相应点群的表示。

群中元的作用对象称为基,在前面几节讨论对称操作时,基为原子的坐标 $(x, y, z)$ 。基也可选择其他函数和物理量。基不同,同一对称操作的表示矩阵不同。今以原子坐标 $(x, y, z)$ 、原子轨道 $p_x$ 和 $p_y$ 、绕 $z$ 轴旋转的转动矢量 $R_z$ 等三种不同的基为例,说明 $C_{2v}$ 点群的4个对称操作: $E, C_2, \sigma_{xz}, \sigma_{yz}$ 的表示矩阵。对于原子坐标 $(x, y, z)$ 用变换矩阵表示对称操作,已在4.1节中列出。对于 $p_x$ 原子轨道,沿 $z$ 轴圆柱对称, $C_{2v}$ 的4个对称操作均不改变 $p_x$ 的大小和符号,均可用单位矩阵(1)表示。而 $p_y$ 对 $C_2$ 和 $\sigma_{xz}$ 这两操作要变号。对于绕 $z$ 轴旋转的转动函数 $R_z$ ,经 $C_2$ 操作不会改变旋转方向和大小,可用单位矩阵(1)表示, $\sigma_{xz}$ 和 $\sigma_{yz}$ 的操作改变 $R_z$ 的旋转方向,用矩阵 $(-1)$ 表示。这样可将这4个基的对称操作表示矩阵列于表4.11中。表中第一列 $\Gamma$ 代表矩阵表示的名称符号,第二列为4个操作的表示矩阵,第三列为基。

对 $C_{3v}$ 点群,有6个对称操作,今 $C_3$ 轴和 $z$ 轴平行, $xz$ 平面为 $\sigma_a$ ;  $\sigma_b$ 和 $\sigma_c$ 均与 $\sigma_a$ 差 $60^\circ$ ,如图4.6所示。上述 $(x, y, z)$ 、 $p_x$ 、 $R_z$ 三个基的6个对称操作的表示矩阵,可按同样方法获得,见表4.12。

矩阵代数证明,任何一个矩阵 $A$ ,都可以找到一个合适的变换

表 4. 11a  $C_{2v}$  群的几种表示

$C_{2v}$	$E$	$C_2$	$\sigma_{xz}$	$\sigma_{yz}$	基
$\Gamma_a$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} -1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$x$ $y$ $z$
$\Gamma_b$	(1)	(1)	(1)	(1)	$p_x$
$\Gamma_c$	(1)	(-1)	(-1)	(1)	$p_y$
$\Gamma_d$	(1)	(1)	(-1)	(-1)	$R_z$

矩阵  $S$ , 经过相似变换, 即进行  $S^{-1}AS$  操作, 将它变成对角方块矩阵, 这种相似变换的过程称为矩阵的约化。

$$S^{-1}AS = S^{-1} \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} & \cdots & a_{1n} \\ a_{21} & a_{22} & \cdots & a_{2n} \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ a_{n1} & a_{n2} & \cdots & a_{nn} \end{pmatrix} S = \begin{pmatrix} \boxed{A_1} & & 0 \\ & \boxed{A_2} & \\ 0 & & \boxed{A_3} \end{pmatrix}$$

当对角方块矩阵通过相似变换无法约化了, 称为不可约化的矩阵。群的可约表示总是可用不可约表示描述。一个群可以有许许多多多个可约表示, 但只有几个不可约表示。

表 4. 11 和 4. 12 中的  $\Gamma_a$  对群中各对称操作具有相同的分块矩阵形式。这种表示矩阵的分块, 说明基分成了互不相干的组。表 4. 11 的  $\Gamma_a$  分成互不相干的  $(x)$ ,  $(y)$ ,  $(z)$  三组, 因此应属于 3 个独立的表示。表 4. 12 的  $\Gamma_a$  分成  $(x, y)$  和  $(z)$  两组, 它们应分属于两个独立的表示。这样,  $C_{2v}$  有 4 种不可约表示矩阵(表 4. 11b),  $C_{3v}$  有 3 种不可约表示矩阵(表 4. 12b)。

表 4. 11b  $C_{2v}$  群的不可约表示

$C_{2v}$	$E$	$C_2$	$\sigma_{xz}$	$\sigma_{yz}$	基
$\Gamma_1$	(1)	(1)	(1)	(1)	$z, p_z$
$\Gamma_2$	(1)	(1)	(-1)	(-1)	$R_z$
$\Gamma_3$	(1)	(-1)	(1)	(-1)	$x$
$\Gamma_4$	(1)	(-1)	(-1)	(1)	$y, p_y$

表 4.12a  $C_{3v}$  群的几种表示

$C_{3v}$	$E$	$C_3^1$	$C_3^2$	$\sigma_v$	$\sigma_h$	$\sigma_v$	基
$\Gamma_1$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ -\frac{1}{2} & 0 & 0 \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & -\frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ \frac{1}{2} & 0 & 0 \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & \frac{\sqrt{3}}{2} & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$x$
		$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & 1 & 0 \\ -\frac{1}{2} & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & -1 & 0 \\ -\frac{1}{2} & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \frac{\sqrt{3}}{2} & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$y$
		$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$	$z$
$\Gamma_h$	(1)	(1)	(1)	(1)	(1)	(1)	$p_x$
$\Gamma_g$	(1)	(1)	(1)	(-1)	(-1)	(-1)	$R_z$

表 4.12b  $C_{3v}$  群的不可约表示

$C_{3v}$	$E$	$C_3^1$	$C_3^2$	$\sigma_v$	$\sigma_h$	$\sigma_v$	基
$\Gamma_1$	(1)	(1)	(1)	(1)	(1)	(1)	$z, p_z$
$\Gamma_2$	(1)	(1)	(1)	(-1)	(-1)	(-1)	$R_z$
$\Gamma_3$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$	$(x, y)$
		$\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & -\frac{\sqrt{3}}{2} \\ \frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} \frac{1}{2} & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ -\frac{\sqrt{3}}{2} & \frac{1}{2} \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$	$\begin{pmatrix} 1 & \frac{\sqrt{3}}{2} \\ 0 & 2 \end{pmatrix}$	

## -2- 特征标的性质和特征标表

在矩阵约化过程中矩阵元的值在改变,但正方矩阵的迹,即矩阵对角元之和,在相似变换中是不变的。这种对称操作的矩阵的迹,称为特征标。通常用符号  $\chi$  标记,  $\chi(R)$  是矩阵中操作  $R$  的特征标。

对某个群,它的不可约表示的数目究竟有多少个?不可约表示的特征标怎样去找?下面三条有关群的特征标的性质,有助于回答这两个问题。

(1) 群的不可约表示的数目等于群中类的数目。

在群  $G\{A, B, C, \dots\}$  中,当进行  $BAB^{-1}=C$  相似变换时,  $A$  和  $C$  为相互共轭的元,相互共轭元的完整集合称为一共轭类。

$C_{3v}$  群共分三类:  $E, 2C_3, 3\sigma$ , 所以它应有 3 个不可约表示。上面提到的  $\Gamma_1, \Gamma_2, \Gamma_3$  就是这 3 个不可约表示。 $C_{2v}$  群的 4 个操作,各自都成一类,应有 4 个不可约表示,即  $\Gamma_1, \Gamma_2, \Gamma_3$  和  $\Gamma_4$ 。

同类的元有相同的特征标,因此特征标以类标出。

(2) 群的不可约表示的维数的平方和等于群的阶。

$C_{2v}$  群中  $\Gamma_1, \Gamma_2, \Gamma_3, \Gamma_4$  都是一维表示,故阶为 4。 $C_{3v}$  群中  $\Gamma_1$  和  $\Gamma_2$  是一维表示,  $\Gamma_3$  为二维表示,故阶为 6。 $\{1\} + \{2\} + \{3\} = 6$

(3) 群各不可约表示的特征标之间,满足正交、归一条件。

设以  $\chi_i(R)$  和  $\chi_j(R)$  分别代表群的元  $R$  在第  $i$  个和第  $j$  个不可约表示中的特征标,  $h$  为点群的阶,则上述正交、归一条件可列式于下

$$(1/h) \sum_R \chi_i(R) \chi_j(R) = \begin{cases} 0, & \text{当 } i \neq j \\ 1, & \text{当 } i = j \end{cases} \quad (4.1)$$

这一关系可从表 4.13 所列数据验证。例如  $C_{3v}$  群有  $A_1, A_2, E$  三种不可约表示,若  $i$  代表  $A_1$  不可约表示,  $j$  代表  $A_2$  不可约表示,则可得

$$(1/6) \{1 \times 1 + 2(1 \times 1) + 3 \times 1 \times (-1)\} = 0$$



若  $i=j$  均代表 E 表示, 则可得

$$(1/6)\{1 \times 2 \times 2 + 2 \times (-1) \times (-1)\} = 1$$

将点群所有不可约表示的迹(特征标)及相应的基列成表, 称为特征标表。特征标表中列出全部的不可约表示、各个不可约表示的特征标及相应的基。表 4.13 列出  $C_{2v}$  和  $C_{3v}$  点群的特征标表。

表 4.13  $C_{2v}$  群和  $C_{3v}$  群的特征标表

$C_{2v}$	E	$C_2$	$\sigma_{xz}$	$\sigma_{yz}$	基
$A_1$	1	1	1	1	$z, s, x^2, y^2, z^2$
$A_2$	1	1	-1	-1	$R_z, xy$
$B_1$	1	-1	1	-1	$x, R_y, xz$
$B_2$	1	-1	-1	1	$y, R_x, yz$

$C_{3v}$	E	$2C_3$	$3\sigma$	基
$A_1$	1	1	1	$z, s, x^2 + y^2, z^2$
$A_2$	1	1	-1	$R_z$
E	2	-1	0	$(x, y), (R_x, R_y), (xz, yz), x^2 - y^2$

表中第一列第一栏是点群的名称, 第二栏  $A_1, A_2, B_1, B_2, E$  等为不可约表示的符号, 代替  $\Gamma_1, \Gamma_2, \Gamma_3, \dots$ 。 $A, B$  代表一维表示,  $E$  为二维表示,  $T$  为三维表示。在一维表示中, 当进行  $C_n$  操作以后, 得到对称的图形, 其迹为 1, 用  $A$  表示; 若得到反对称的图形, 其迹为 -1, 用  $B$  表示。下标 1 和 2 分别表示对垂直于  $C_n$  轴的  $C_2$  轴或  $\sigma_v$  (无  $C_2$  轴时) 是对称的和反对称的。若分子有  $\sigma_h$  则用右上角的“ $'$ ”和“ $''$ ”代表对  $\sigma_h$  是对称和反对称。若分子有  $i$ , 则以  $g$  和  $u$  表明其不可约表示对  $i$  是对称和反对称, 如表 4.14 所示。特征标表中第二列的第一栏, 表明该点群的对称操作的归类情况。第二栏中各行数字分别代表与左端不可约表示相应的特征标。例如  $C_{2v}$  群中  $A_2$  不可约表示的特征标为 1, 1, -1, -1。

特征标表中第三列表明对应的各不可约表示采用的基。其中  $x, y, z$  分别代表原子的 3 个坐标以及在此轴上的平移运动, 由于  $p_x, p_y, p_z$  轨道的变换性质和偶极矩向量的变换性质均与平移运动

表 4.14 特征标表中不可约表示记号的意义

维数和对称性	维数和特征标	记号*
维 数	1	A 或 B
	2	E
	3	T
$C_n$	1	A
	1	B
$i$	1	g
	-1	u
$C_2(\perp C_n)$ 或 $\sigma_v$	1	下标 1
	-1	下标 2
$\sigma_h$	1	上标'
	1	上标''

\* 不可约表示记号有时用 a, b, e 等小写英文字母, 并可用它作为分子轨道的记号, 如将分子轨道记为  $a_1, b_1$  或  $a_{1g}, e_{1u}, t_{2g}$  等。

的变换性质相似, 也用  $x, y, z$  代表。 $R_q$  代表绕  $q$  轴进行旋转的转动向量。 $xy, xz, yz, x^2 - y^2, z^2$  分别代表各个 d 轨道和判断 Raman 光谱活性的极化率的不可约表示。

### 3- 特征标表应用举例

将可约表示分解为不可约表示, 是利用群论解决实际问题的关键, 而约化是通过特征标进行的。知道点群的特征标表, 就能依靠下式从可约表示中求出第  $i$  个不可约表示  $\Gamma_i$  在可约表示  $\Gamma$  中重复出现的次数  $n_i$ 。

$$n_i = (1/h) \sum_R n(R) \chi_i(R) \chi(R) \quad (4.2)$$

式中  $h$  为点群的阶,  $n(R)$  为各类对称操作前系数,  $\chi_i(R)$  和  $\chi(R)$  分别代表在不可约表示  $\Gamma_i$  和可约表示  $\Gamma$  中对称操作  $R$  的特征标。求得  $n_i$  后, 查特征标表中不可约表示对应的基(原子轨道或其他函数)在可约表示中的贡献, 根据研究的对象或讨论问题的性质

和物理图像,从对称性角度找出答案。所以特征标表的应用可大致分成下面三个步骤:

- (1) 用一个合适的基得出点群的一个可约表示;
- (2) 约化这个可约表示成为构成它自己的不可约表示;
- (3) 解释各个不可约表示所对应的图像,找出问题的答案。

#### 【例 4.1】 $\text{H}_2\text{O}$ 分子的振动光谱

$\text{H}_2\text{O}$  分子包括 3 个原子,共有 9 个自由度,分别用 9 个箭头代表,如图 4.19 所示。

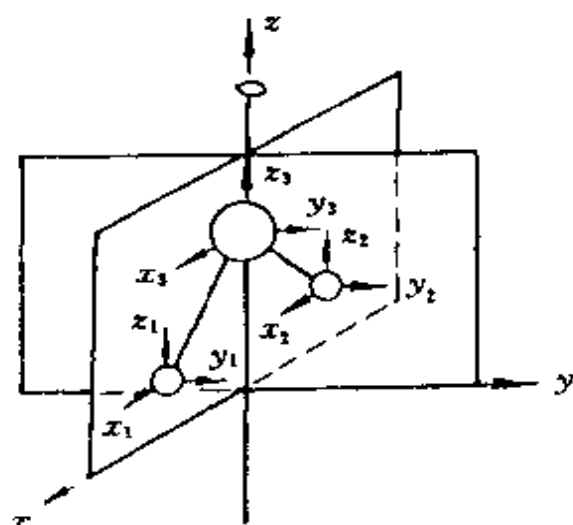


图 4.19  $\text{H}_2\text{O}$  分子的 9 个自由度

$\text{H}_2\text{O}$  分子属  $C_{2v}$  点群,包括  $E$ ,  $C_2$ ,  $\sigma_{xz}$ ,  $\sigma_{yz}$  4 个操作,分子的 3 个原子都坐落在  $\sigma_{xz}$  镜面上。9 个自由度用 9 个箭头表示,作为基。可约表示的特征标可从  $9 \times 9$  个表示矩阵找出。一种简化的找特征标的方法,可从对称操作作用在箭头上看箭头的变化来定:箭头不动该箭头的特征标为 1;箭头全部移动,特征标为 0;箭头反向,特征标为 -1。

$E$ : 全部箭头均未动,  $\chi(E) = 9$ 。

$$\chi(E) = 9$$

$C_2$ : 原子 1, 2 上所有箭头都移动,  $x_3$  变为  $-x_3$ ,  $y_3$  变为  $-y_3$ ,  $z_3$  不变。得  $\chi(C_2) = -1$ 。

$$\chi(C_2) = -1$$

$\sigma_{xz}$ : 全部  $x, z$  都未移动,  $y$  变为  $-y$ , 得  $\chi(\sigma_{xz}) = 3$ 。

$\sigma_{yz}$ : 原子 1, 2 的全部箭头都移动,  $x_3$  变为  $-x_3$ ,  $y_3$  和  $z_3$  未移动, 得  $\chi(\sigma_{yz}) = 1$ 。

这样得可约表示的特征标为

$C_{2v}$	$E$	$C_2$	$\sigma_{xz}$	$\sigma_{yz}$
$\Gamma$	9	-1	3	1

按(4.2)式用  $C_{2v}$  特征标表约化这个可约表示  $\Gamma$ , 可得

$$\Gamma = 3A_1 + A_2 + 3B_1 + 2B_2$$

这中间包括了全部 9 个可能的运动的对称类型, 所以应从这 9 个运动中除去平动和转动。在基中平动用  $x, y, z$  表示, 转动用  $R_x, R_y, R_z$  表示, 按  $C_{2v}$  特征标表, 前者分别属于  $A_1, B_1, B_2$  后者分别属于  $B_2, B_1, A_2$ 。所以

水分子全部运动的对称性:  $3A_1 + A_2 + 3B_1 + 2B_2$

水分子平动的对称性:  $A_1 + B_1 + B_2$

水分子转动的对称性:  $A_2 + B_1 + B_2$

水分子振动的对称性:  $2A_1 + B_1$

现在我们判断在这些振动中哪些具有红外活性, 哪些具有 Raman 活性。判断的标准是:

(1) 如果一个振动隶属的对称类型和偶极矩的一个分量隶属的对称类型相同, 即和  $x$  (或  $y$ , 或  $z$ ) 隶属的对称类型相同, 它就具有红外活性。

(2) 如果一个振动隶属的对称类型和极化率的一个分量隶属的对称类型相同, 即一个振动隶属于  $x^2, y^2, z^2, xy, xz, yz$  这样的二元乘积中的某一个, 或者隶属于  $x^2 - y^2$  这样的乘积的组合, 那么它就是 Raman 活性。

$H_2O$  分子有三种振动方式, 如图 4.20 所示。用上述两条判断

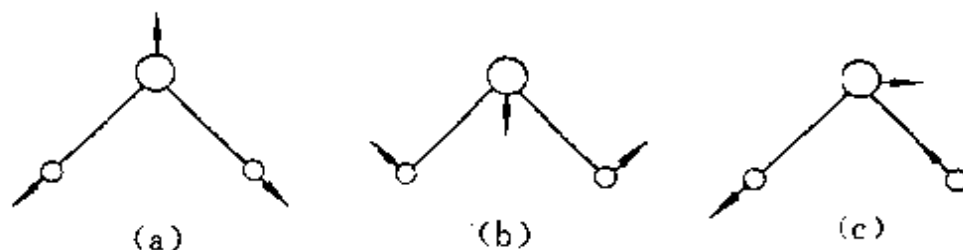


图 4.20  $H_2O$  分子的三种振动方式

时,  $z$  属  $A_1$  不可约表示,  $x$  属  $B_1$ , 三个振动都是红外活性的。其中  $2A_1$  代表对称性相同两个非简并的振动, 如图 4.20 中的 (a) 和

(b)。此外  $x^2, y^2, z^2$  属于  $A_1$  表示,  $xz$  属  $B_1$ , 三个振动也都是 Raman 活性的。所以对  $H_2O$  分子而言, 红外光谱和 Raman 光谱是相对应的, 红外吸收频率和 Raman 移动频率一致。

### 【例 4.2】 $H_2O$ 分子的分子轨道组成

用特征标表可简化分子轨道组成的计算。由表 4.13 可知, O 原子价轨道  $2s$  和  $2p_z$  属  $A_1$  不可约表示,  $2p_x$  属  $B_1$ ,  $2p_y$  属  $B_2$ 。2 个 H 原子不处在  $C_2$  轴上, 它们的价轨道  $1s_a$  和  $1s_b$  对  $C_2$  是非对称的, 不能直接作为基, 而需进行线性组合。按图 4.19 用 H 原子  $1s_a$  和  $1s_b$  为基, 用简化的求可约表示的方法可得

$C_{2v}$	$E$	$C_2$	$\sigma_{xz}$	$\sigma_{yz}$
$\Gamma_{2H}$	2	0	2	0

按公式(4.2)约化, 得

$$\Gamma_{2H} = A_1 + B_1$$

现在怎样将  $1s_a$  和  $1s_b$  组合成具有  $A_1$  和  $B_1$  对称的轨道, 以作为不可约表示的基? 方法是取其中之一, 如  $1s_a$ , 以  $C_{2v}$  的对称操作作用, 将操作结果分别乘以该不可约表示的各个操作的特征标, 求和即得。例如对  $A_1$  不可约表示

$$\begin{aligned}\psi(A_1) &= 1(E)1s_a + 1(C_2)1s_b + 1(\sigma_{xz})1s_a + 1(\sigma_{yz})1s_a \\ &= 2(1s_a) + 2(1s_b)\end{aligned}$$

归一化, 可得

$$\psi(A_1) = \frac{1}{\sqrt{2}}(1s_a + 1s_b)$$

同法对  $B_1$  表示, 可得

$$\psi(B_1) = \frac{1}{\sqrt{2}}(1s_a - 1s_b)$$

$\psi(A_1)$  和 O 原子的  $2s, 2p_z$  同属  $A_1$  不可约表示的基, 对称性匹配, 它们互相组合, 得 3 个分子轨道:  $a_1, a_1^n, a_1^*$ 。 $\psi(B_1)$  和  $2p_x$  同属  $B_1$  的基, 互相组合得 2 个分子轨道:  $b_1, b_1^*$ 。 $2p_y$  为  $B_2$  不可约表示, 与

$\phi(A_1), \phi(B_1)$  对称性不匹配, 保持非键性质, 记为  $b_2^*$ 。①根据分子轨道能级高低和价电子数, 可得  $H_2O$  的分子轨道组成图, 如图 4.21 所示。

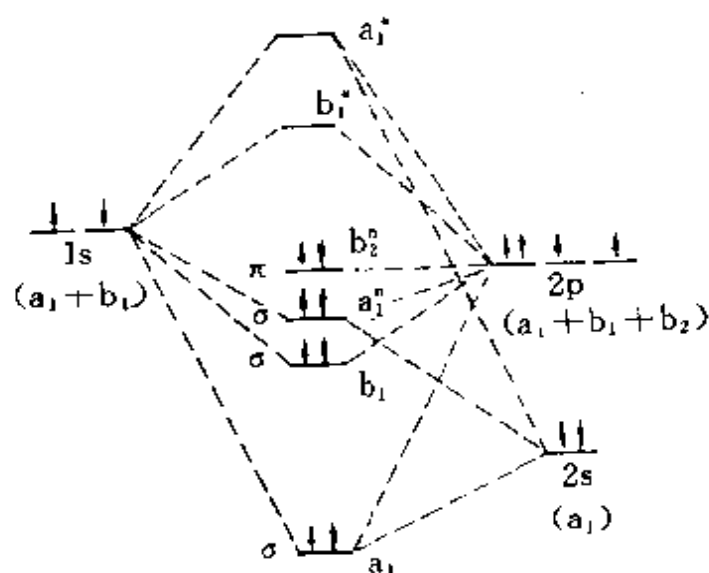


图 4.21  $H_2O$  的分子轨道能级图

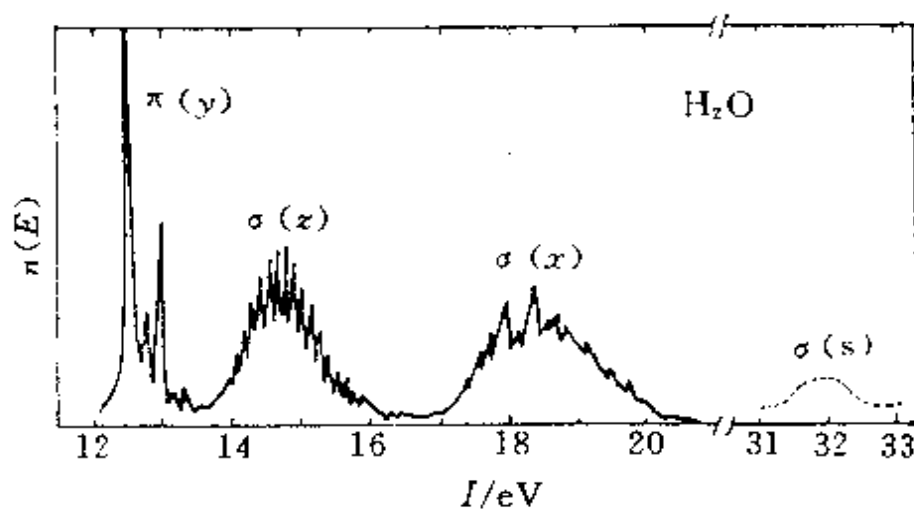


图 4.22  $H_2O$  分子的光电子能谱图

① 因为  $H_2O$  分子坐在  $xz$  平面上, 对  $p_y$  轨道而言, 键轴平面为一节面, 呈现  $\pi$  轨道特性。

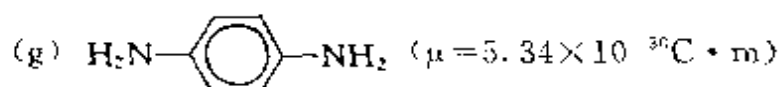
利用光电子能谱可测得  $\text{H}_2\text{O}$  的分子轨道能级的高低,图 4.22 示出  $\text{H}_2\text{O}$  的光电子能谱图。它和图 4.21 是完全对应的。

## 习 题 四

- 4.1  $\text{HCN}$  和  $\text{CS}_2$  都是直线型分子,写出该分子的对称元素。  
 4.2 写出  $\text{H}_3\text{CCl}$  分子中的对称元素。  
 4.3 写出三重映轴  $S_3$  和三重反轴  $I_3$  的全部对称操作。  
 4.4 写出四重映轴  $S_4$  和四重反轴  $I_4$  的全部对称操作。  
 4.5 写出  $\sigma_{xz}$  和通过原点并与  $x$  轴重合的  $C_2$  轴的对称操作  $C_2^1$  的表示矩阵。  
 4.6 用对称操作的表示矩阵证明:  
 (a)  $C_2(z)\sigma_{xy}=i$   
 (b)  $C_2(x)C_2(y)=C_2(z)$   
 (c)  $\sigma_{yz}\sigma_{xz}=C_2(z)$   
 4.7 写出  $\text{ClHC=CHCl}$  (反式)分子全部对称操作及其乘法表。  
 4.8 写出下列分子所归属的点群:  $\text{HCN}$ ,  $\text{SO}_2$ , 氯苯( $\text{C}_6\text{H}_5\text{Cl}$ ), 苯( $\text{C}_6\text{H}_6$ ), 萘( $\text{C}_{10}\text{H}_8$ )。  
 4.9 判断下列结论是否正确,说明理由。  
 (a) 凡直线形分子一定有  $C_\infty$  轴  
 (b) 甲烷有对称中心  
 (c) 分子中最高轴次( $n$ )与点群记号中的  $n$  相同(例如  $C_{3h}$  中最高轴次为  $C_3$  轴)  
 (d) 分子本身有镜面,它的镜像和它本身全同  
 4.10 联苯  $\text{C}_6\text{H}_5-\text{C}_6\text{H}_5$  有三种不同构象,两苯环的二面角( $\alpha$ )分别为: (a)  $\alpha=0^\circ$ , (b)  $\alpha=90^\circ$ , (c)  $0<\alpha<90^\circ$ , 试判断这三种构象的点群。  
 4.11  $\text{SF}_5\text{Cl}$  分子的形状和  $\text{SF}_6$  相似,试指出它的点群。  
 4.12 画一立方体,在 8 个顶角上放 8 个相同的球,写明编号。若: (a) 去掉 2 个球, (b) 去掉 3 个球。分别列表指出所去掉的球的号数,指出剩余的球构成的图形属于什么点群?  
 4.13 判断一个分子有无永久偶极矩和有无旋光性的标准分别是什么?  
 4.14 作图给出  $\text{Ni(en)}(\text{NH}_3)_2\text{Cl}_2$  可能的异构体及其旋光性。

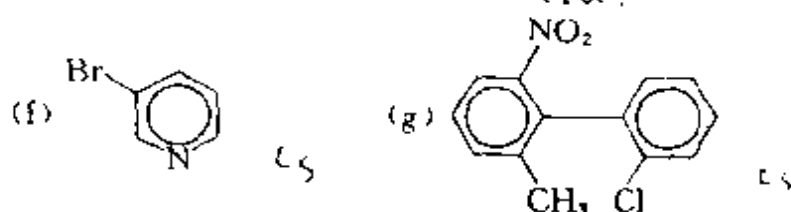
4.15 由下列分子的偶极矩数据,推测分子立体构型及其点群。

- (a)  $\text{C}_3\text{O}_2$  ( $\mu=0$ )  
 (b)  $\text{SO}_2$  ( $\mu=5.40 \times 10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$ )  $\text{C}_{2v}$   
 (c)  $\text{N} \equiv \text{C} - \text{C} \equiv \text{N}$  ( $\mu=0$ )  $\text{C}_{2h}$   
 (d)  $\text{H} \cdot \text{O} \cdot \text{O} \cdot \text{H}$  ( $\mu=6.9 \times 10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$ )  $\text{C}_2$   
 (e)  $\text{O}_2\text{N} \cdot \text{NO}_2$  ( $\mu=0$ )  $\text{D}_{2h}$   
 (f)  $\text{H}_2\text{N} \cdot \text{NH}_2$  ( $\mu=6.14 \times 10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$ )  $\text{C}_{2v}$



4.16 指出下列分子的点群、旋光性和偶极矩情况:

- (a)  $\text{H}_3\text{C}-\text{O}-\text{CH}_3$  (b)  $\text{H}_3\text{C}-\text{CH}=\text{CH}_2$  (c)  $\text{IF}_5$   
 (d)  $\text{S}_8$  (环形) (e)  $\text{ClCH}_2\text{C}(\text{CH}_3)_2\text{CH}_2\text{Cl}$  (交叉式)



4.17 试阐明表 4.8 中 4 对化学式相似的化合物,偶极矩不同,分子构型主要差异是什么?

4.18 已知连接苯环上  $\text{C}-\text{Cl}$  键矩  $5.17 \times 10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$ ,  $\text{C}-\text{CH}_3$  键矩  $-1.34 \times 10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$ 。试推算邻位、间位和对位的  $\text{C}_6\text{H}_4\text{ClCH}_3$  的偶极矩,并与实验值 4.15, 5.94,  $6.34 \times 10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$  相比较。

4.19 水分子的偶极矩为  $6.18 \times 10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$  而  $\text{F}_2\text{O}$  只有  $0.90 \times 10^{-30} \text{C} \cdot \text{m}$ , 它们的键角值很相近,试说明为什么  $\text{F}_2\text{O}$  的偶极矩要比  $\text{H}_2\text{O}$  小很多。

4.20 八面体配位的  $\text{Fe}(\text{C}_2\text{O}_4)_3^{3-}$  有哪些异构体? 属什么点群? 旋光性情况如何?

4.21 利用表 4.10 所列有关键的折射度数据,求算  $\text{CH}_3\text{COOH}$  分子的摩尔折射度  $R$  值。实验测定醋酸折射率  $n=1.3718$ , 密度为  $1.046 \text{g} \cdot \text{cm}^{-3}$ , 根据实验数据计算出  $R$  实验值并进行比较。

4.22 用  $\text{C}_{2v}$  群的元进行相似变换,证明 4 个对称操作分四类。[提示:选群中任意一个操作为  $S$ , 逆操作为  $S^{-1}$ , 对群中某一个元(例如  $\text{C}_2$ )进行相似



变换,若  $S^{-1}C_2S = C_2$ , 则  $C_2$  自成一类。]

4.23 用  $C_{3v}$  群的元进行相似变换,证明 6 个对称操作分三类。

4.24 试述红外活性的判据。

4.25 试述 Raman 活性的判据。

4.26 既有旋光性又有偶极矩的分子属于什么点群?

4.27 写出  $CH_3^+$ 、 $C_5H_5N$ 、 $Li_4(CH_3)_4$ 、 $H_2C=C=C=CH_2$ 、椅式环己烷、 $Xe-OF_4$  等分子所属的点群。

4.28 正八面体 6 个顶点上的原子有 3 个被另一种原子取代,有几种可能的方式?取代产物各属于什么点群?取代后所得产物是否具有旋光性和偶极矩?

## 参 考 文 献

- [1] 唐有祺,对称性原理:(一)对称图像的群论原理(1977);(二)有限对称群的表象及其群论原理,科学出版社(1979)
- [2] 唐有祺,大学化学,2(1),1(1987)
- [3] I. Hargittai and M. Hargittai, Symmetry Through the Eyes of a Chemist, VCH(1986)
- [4] M. F. C. Ladd, Symmetry in Molecules and Crystals, Ellis Horwood and Wiley, Chichester(1989)
- [5] 科顿(F. A. Cotton)著,刘春万、游效曾、赖伍江译,群论在化学中的应用,科学出版社(1975)
- [6] 毕晓普(D. M. Bishop)著,新民、胡文海等译,群论与化学,高等教育出版社(1984)
- [7] W. Baumann, Determination of Dipole Moments in Ground and Excited States, in B. W. Rossiter and J. F. Hamilton (eds.), Determination of Chemical Composition and Molecular Structure, Vol. III B, 2nd. ed., Wiley, New York(1989)
- [8] G. J. Moody and J. D. R. Thomas, Dipole Moments in Inorganic Chemistry, Edward Arnold, London(1971)
- [9] V. I. Minkin, O. A. Osipov and Y. A. Zhdanov, Dipole Moments in Or-

- ganic Chemistry, Plenum(1970)
- [10] 尹玉英, 化学通报, **10**, 1(1993); 大学化学, **7**(6), 12(1992)
- [11] Fujita, Shinsaku, Symmetry and Combinatorial Enumeration in Chemistry, Springer-Verlag(1991)

## 第五章 多原子分子的结构和性质

绝大多数分子为多原子分子,即一个分子中包含的原子数目大于2。在多原子分子中,1个原子可和1个或多个原子成键,也可由多个原子共同组成化学键。分子结构的内容有两个方面:

(1) 组成分子的原子在三维空间的排布次序、相对位置,通常由键长、键角、扭角等参数描述分子的几何构型和构象。分子的几何结构可用衍射方法(包括X射线衍射、电子衍射和中子衍射)测定。

(2) 分子的电子结构、化学键型式和相关的能量参数,通常由分子轨道的组成、性质、能级高低和电子排布描述。分子的电子结构可用谱学方法(包括分子光谱、电子能谱和磁共振谱等)测定。

分子结构的这两方面内容互相关联并共同决定分子的性质。

### 5.1 价电子对互斥理论(VSEPR)<sup>[7,8]</sup>

价电子对包括成键电子对(bp)和孤对电子对(lp)。价电子对互斥理论认为:原子周围各个价电子对之间由于相互排斥作用,在键长一定条件下,互相间距离愈远愈稳定。要求分布在中心原子周围的价电子对,尽可能离得远些,由此可以说明许多简单分子的几何构型。虽然这个理论是定性的,但对判断分子构型很有用。

价电子对之间斥力的根源有两个方面:第一是各电子对之间的静电排斥作用;第二是Pauli斥力,即价电子对之间自旋相同的电子互相回避的效应。

当中心原子A周围存在 $m$ 个配位体L及 $n$ 个孤对电子对E时,根据斥力效应,并考虑多重键中多对电子集中在同一键区,可



较远,占据空间角度相对较小。

根据上述规则,用 VSEPR 方法可判断原子 A ( $AL_nE_m$ ) 周围配位体 L 和孤对电子对 E 的空间排布应如图 5.1 所示。

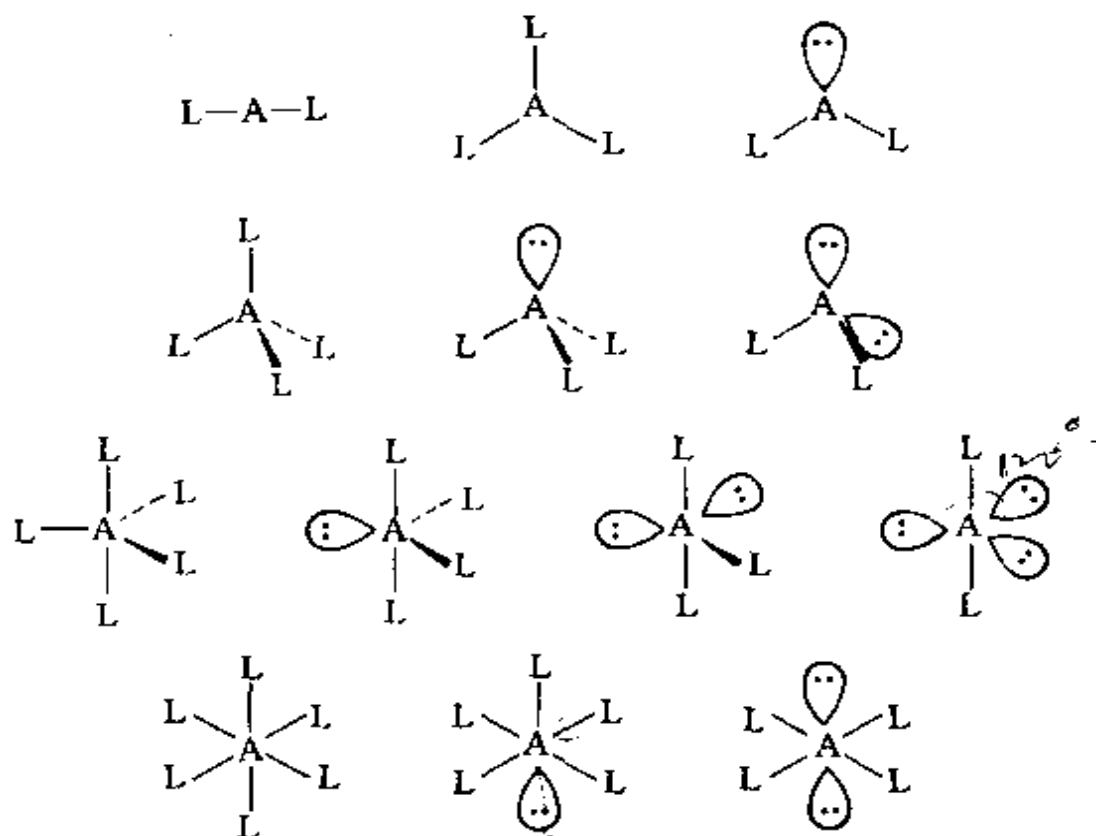


图 5.1 用 VSEPR 方法判断原子 A 周围配位体和孤对电子对的空间排布

利用价电子对互斥理论时,等电子原理常能给以一定的启发和预见。等电子原理是指两个或两个以上的分子,它们的原子数相同(有时不算 H 原子)、分子中电子数也相同,这些分子常具有相似的电子结构,相似的几何构型,物理性质也相近。

价电子对互斥理论对极少数化合物判断不准。例如  $CaF_2$ ,  $SrF_2$ ,  $BaF_2$  是弯曲形而不是预期的直线型。价电子对互斥理论不能应用于过渡金属化合物,除非金属具有充满的、半充满的或全空的 d 轨道。

## 5.2 杂化轨道理论

原子在化合成分子的过程中,根据原子的成键要求,在周围原子影响下,将原有的原子轨道进一步线性组合成新的原子轨道。这种在一个原子中不同原子轨道的线性组合,称为原子轨道的杂化。杂化后的原子轨道称为杂化轨道。杂化时,轨道的数目不变,轨道在空间的分布方向和分布情况发生改变。组合所得的杂化轨道一般均和其他原子形成较强的 $\sigma$ 键或安排孤对电子,而不会以空的杂化轨道的形式存在。

在某个原子的几个杂化轨道中,参与杂化的s、p、d等成分若相等,称为等性杂化轨道;若不相等,称为不等性杂化轨道。表5.1列出一些常见的杂化轨道的性质。表中两个 $dsp^3$ 是不等性杂化轨道,但可分别看作由等性杂化轨道组合而成:三方双锥形: $sp^2$ 和 $p_z d_{z^2}$ ,四方锥形: $dsp^2$ 和 $p_z$ 。

表 5.1 一些常见的杂化轨道

杂化轨道	参加杂化的原子轨道	构型	对称性	实例
$sp$	$s, p_x$	直线形	$D_{\infty h}$	$CO_2, N_3$
$sp^2$	$s, p_x, p_y$	平面三角形	$D_{3h}$	$BF_3, SO_3$
$sp^3$	$s, p_x, p_y, p_z$	四面体形	$T_d$	$CH_4$
$dsp^2$	$d_{x^2-y^2}, s, p_x, p_y$	平面正方形	$D_{4h}$	$Ni(CN)_4^2-$
$dsp^3$	$d_{z^2}, s, p_x, p_y, p_z$	三方双锥形	$D_{3h}$	$PF_5$
$dsp^3$	$d_{x^2-y^2}, s, p_x, p_y, p_z$	四方锥形	$C_{4v}$	$IF_5$
$d^2sp^3$	$d_{z^2}, d_{x^2-y^2}, s, p_x, p_y, p_z$	正八面体形	$O_h$	$SF_6$

杂化轨道具有和s、p等原子轨道相同的性质,必须满足正交、归一性。例如由s和p轨道组成杂化轨道 $\phi_i = a_i s + b_i p$ ,由归一性可得

$$\int \phi_i^* \phi_i d\tau = 1, \quad a_i^2 + b_i^2 = 1 \quad (5.1)$$

由正交性,可得

$$\int \psi_i^* \psi_j d\tau = 0, \quad (i \neq j \text{ 时}) \quad (5.2)$$

根据这一基本性质,考虑杂化轨道的空间分布及杂化前原子轨道的取向,就能写出各个杂化轨道中原子轨道的组合系数。例如由  $s, p_x, p_y$  组成的平面三角形的  $sp^2$  杂化轨道  $\psi_1, \psi_2, \psi_3$ , 当  $\psi_1$  极大值方向和  $x$  轴平行, 由等性杂化概念可知每一轨道  $s$  成分占  $1/3$ , 组合系数为  $1/\sqrt{3}$ 。其余  $2/3$  成分全由  $p$  轨道组成, 因  $\psi_1$  与  $x$  轴平行, 与  $y$  轴垂直,  $p_y$  没有贡献, 全部为  $p_x$ , 所以

$$\psi_1 = \sqrt{\frac{1}{3}}s + \sqrt{\frac{2}{3}}p_x \quad (5.3)$$

同理, 可得

$$\psi_2 = \sqrt{\frac{1}{3}}s - \sqrt{\frac{1}{6}}p_x + \sqrt{\frac{1}{2}}p_y \quad (5.4-1)$$

$$\psi_3 = \sqrt{\frac{1}{3}}s - \sqrt{\frac{1}{6}}p_x - \sqrt{\frac{1}{2}}p_y \quad (5.4-2)$$

并可验证  $\psi_1, \psi_2, \psi_3$  满足正交、归一性。

原子轨道经过杂化, 可使成键的相对强度加大。因为杂化后的原子轨道沿一个方向更集中地分布, 当与其他原子成键时, 重叠部分增大, 成键能力增强。图 5.2 示出碳原子的  $sp^3$  杂化轨道等值线图。由图可见, 杂化轨道角度部分相对最大数值有所增加, 意味着相对成键强度增大。

根据杂化轨道的正交、归一条件, 两个等性杂化轨道的最大值之间的夹角  $\theta$  满足

$$\alpha + \beta \cos\theta + \gamma \left( \frac{3}{2} \cos^2\theta - \frac{1}{2} \right) + \delta \left( \frac{5}{2} \cos^3\theta - \frac{3}{2} \cos\theta \right) = 0 \quad (5.5)$$

式中  $\alpha, \beta, \gamma, \delta$  分别为杂化轨道中  $s, p, d, f$  轨道所占的百分数。

与(5.5)式相似, 两个不等性杂化轨道  $\psi_i$  和  $\psi_j$  的最大值之间的夹角  $\theta_{ij}$  可按下式计算:

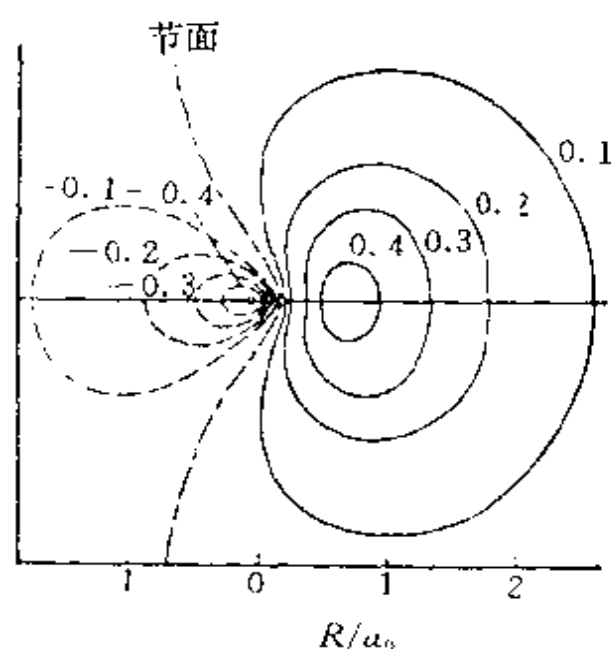


图 5.2 碳原子的  $sp^3$  杂化轨道等值线图

$$\begin{aligned} \sqrt{\alpha_i} \sqrt{\alpha_j} + \sqrt{\beta_i} \sqrt{\beta_j} \cos \theta_{ij} + \sqrt{\gamma_i} \sqrt{\gamma_j} \left( \frac{3}{2} \cos^2 \theta_{ij} - \frac{1}{2} \right) \\ + \sqrt{\delta_i} \sqrt{\delta_j} \left( \frac{5}{2} \cos^3 \theta_{ij} - \frac{3}{2} \cos \theta_{ij} \right) = 0 \end{aligned} \quad (5.6)$$

含 f 轨道的 (5.5) 式和 (5.6) 式由唐敖庆等推得。(5.5) 式不适用于  $dsp^2$  杂化轨道。(5.5) 式和 (5.6) 式可从杂化轨道的正交、归一性推出, 下面以只含 s 和 p 成分的杂化轨道进行推证。

令  $\psi_i$  和  $\psi_j$  为两个 sp 杂化轨道,  $\alpha_i$  和  $\alpha_j$  分别为它们所含的 s 成分。由定义可得

$$\psi_i = \sqrt{\alpha_i} s + \sqrt{1 - \alpha_i} p_i \quad (5.7-1)$$

$$\psi_j = \sqrt{\alpha_j} s + \sqrt{1 - \alpha_j} p_j \quad (5.7-2)$$

式中  $p_i$  和  $p_j$  是  $p_x, p_y, p_z$  的线性组合, 即

$$p_i = x_i p_x + y_i p_y + z_i p_z \quad (5.8-1)$$

$$p_j = x_j p_x + y_j p_y + z_j p_z \quad (5.8-2)$$

若以  $p_x, p_y, p_z$  为单位矢量,  $(x_i, y_i, z_i)$  即  $p_i$  的方向余弦 (因为归一化要求  $x_i^2 + y_i^2 + z_i^2 = 1$ ); 同理,  $(x_j, y_j, z_j)$  即  $p_j$  的方向余弦。从  $\psi_i$



和  $\phi_j$  的正交条件可得

$$\sqrt{\alpha_i \alpha_j} + \sqrt{(1 - \alpha_i)(1 - \alpha_j)} \int p_i p_j d\tau = 0 \quad (5.9)$$

由 (5.8) 式可得  $\int p_i p_j d\tau = x_i x_j + y_i y_j + z_i z_j$ , 再根据两个空间矢量点积的定义可得

$$\int p_i p_j d\tau = x_i x_j + y_i y_j + z_i z_j = \cos \theta_{ij} \quad (5.10)$$

$\theta_{ij}$  即  $p_i$  与  $p_j$  间的夹角, 也就是杂化轨道  $\phi_i$  和  $\phi_j$  间的夹角。由 (5.9) 式和 (5.10) 式得

$$\cos \theta_{ij} = - \sqrt{\frac{\alpha_i \alpha_j}{(1 - \alpha_i)(1 - \alpha_j)}} \quad (5.11)$$

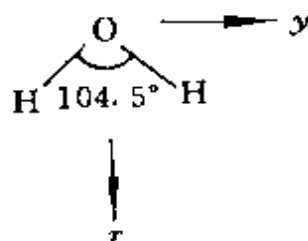
对于等性杂化轨道  $\alpha_i = \alpha_j = \alpha$ , 即得

$$\cos \theta = -\alpha / (1 - \alpha) = -\alpha / \beta \quad (5.12)$$

由不等性杂化轨道形成的分子, 其准确的几何构型需要通过实验测定, 而不能预言其键角的准确值。根据实验测定结果, 可按 (5.6) 式计算每一轨道中 s 和 p 等轨道的成分。下面举例说明。

### 1. $H_2O$

实验测定  $H_2O$  分子  $\angle HOH$  为  $104.5^\circ$ 。设分子处在  $xy$  平面上。坐标关系如右图所示, 可得 O 原子两个杂化轨道



$$\begin{aligned} \phi_a &= c_1 [(\cos 52.25^\circ) p_x + (\sin 52.25^\circ) p_y] + c_2 s \\ &= 0.61 c_1 p_x + 0.79 c_1 p_y + c_2 s \\ \phi_b &= c_1 [(\cos 52.25^\circ) p_x - (\sin 52.25^\circ) p_y] + c_2 s \\ &= 0.61 c_1 p_x - 0.79 c_1 p_y + c_2 s \end{aligned}$$

根据原子轨道的正交、归一条件, 可得

$$\begin{cases} c_1^2 + c_2^2 = 1 \\ 0.61^2 c_1^2 - 0.79^2 c_1^2 + c_2^2 = 0 \end{cases}$$

解之, 得

$$c_1^2 = 0.80, \quad c_1 = 0.89$$

$$c_2^2 = 0.20, \quad c_2 = 0.45$$

$$\phi_a = 0.55p_x + 0.70p_y + 0.45s$$

$$\phi_b = 0.55p_x - 0.70p_y + 0.45s$$

若只求算杂化轨道中 s 成分和 p 成分, 可由 (5.12) 式算得。H<sub>2</sub>O 中 O 原子只有 s 轨道和 p 轨道参加杂化。设 s 成分为  $\alpha$ , p 成分  $\beta = 1 - \alpha$ 。由 (5.12) 式

$$\alpha + (1 - \alpha)\cos\theta = 0$$

$$\alpha + (1 - \alpha)\cos 104.5^\circ = 0$$

解得

$$\alpha = 0.20$$

$$c_2^2 = \alpha = 0.20, \quad c_2 = 0.45$$

$$c_1^2 = 1 - \alpha = 0.80, \quad c_1 = 0.89$$

此结果和上述相同。根据此结果, 还可以计算出 H<sub>2</sub>O 分子中 2 个孤对电子所占轨道的成分 ( $\alpha = 0.30$ ) 及其夹角 ( $115.4^\circ$ )。

## 2. NH<sub>3</sub>

实验测定 NH<sub>3</sub> 分子属 C<sub>3v</sub> 点群, 3 个 N—H 键中 s、p 成分相同。 $\angle\text{HNH} = 107.3^\circ$ 。计算一个 N—H 键中 s 成分即可了解其他的键。设有两个 H 原子和 N 原子坐在 *xy* 平面上。根据对 H<sub>2</sub>O 分子的处理方法, 可得 N 原子的杂化轨道中 s 轨道的成分

$$\alpha + (1 - \alpha)\cos 107.3^\circ = 0$$

$$\alpha = 0.23$$

即每个形成 N—H 键的杂化轨道中: s 轨道占 0.23, p 轨道占 0.77。杂化轨道为

$$\phi_{\text{键}} = \sqrt{0.77} p + \sqrt{0.23} s = 0.88 p + 0.48 s$$

而孤对电子所占的杂化轨道中

$$s \text{ 轨道占 } 1.00 - 3 \times 0.23 = 0.31$$

$$p \text{ 轨道占 } 3.00 - 3 \times 0.77 = 0.69$$

即

$$\phi_{\text{孤}} = \sqrt{0.69} p + \sqrt{0.31} s = 0.83 p + 0.56 s$$

由  $\text{H}_2\text{O}$  和  $\text{NH}_3$  分子可见, 孤对电子占据的轨道含较多的 s 成分。

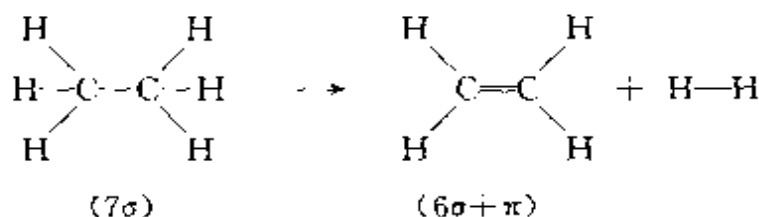
杂化轨道理论是通俗易懂而又应用广泛的一种理论。这与它能简明地阐明分子的几何构型及一部分分子的性质有关。例如,  $\text{CH}_4$  中 C 原子用  $\text{sp}^3$  杂化轨道, 分子具有  $T_d$  点群对称性; 4 个 C—H 键键长相等, 按正四面体方向排列。 $\text{SF}_6$  分子中 S 原子用  $\text{sp}^3\text{d}^2$  杂化轨道, 6 个 S—F 键键长相等, 按正八面体方向排列, 具有  $O_h$  点群对称性。 $\text{PF}_5$  分子呈三方双锥形, P 原子采用  $\text{sp}^3\text{d}$  杂化轨道, 这种杂化轨道可以看作  $\text{sp}^2 + \text{pd}$  两种杂化轨道组合而成; P—F 键有两套键长, 分子具有  $D_{3h}$  点群对称性。

用杂化轨道讨论分子性质时, 通常结合分子的键型和分子几何构型进行。杂化轨道和其他原子形成较强的  $\sigma$  键,  $\sigma$  键沿键轴圆柱对称。由  $\sigma$  键形成的单键可以自由转动而不影响分子的势能。杂化后剩余轨道有一定方向, 常可形成  $\pi$  键。 $\pi$  键也有一定方向。以烯烃为例, C 原子以  $\text{sp}^2$  杂化轨道形成平面三角形的 3 个  $\sigma$  键后, 剩余  $p_z$  轨道和 3 个  $\sigma$  键的平面垂直。

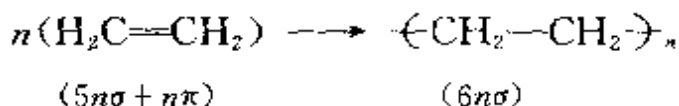
$\pi$  键显露在外, 易受干扰, 化学反应活泼。当条件合适时, 发生加成, 打开双键;  $\pi$  键容易极化, 即  $\pi$  电子分布容易变形, 因此有  $\pi$  键电子的化合物折射度较大; 由  $\pi \rightarrow \pi^*$  的能级差通常较  $\sigma \rightarrow \sigma^*$  为小, 一般  $\sigma \rightarrow \sigma^*$  能级差范围在紫外区, 而  $\pi \rightarrow \pi^*$  接近可见光区。

在化学反应过程中, 化学键的个数不变, 但键能在改变, 例如  $2E_{\text{C-C}} > E_{\text{C=C}}$ 。了解反应过程有无碳—碳  $\sigma$  键变为  $\pi$  键或  $\pi$  键变为  $\sigma$  键的变化, 即可预见化学反应的一些性质。在有共轭效应存在时, 还应考虑共轭的因素。

(1) 当反应有  $\sigma$  键变成  $\pi$  键时, 通常是吸热反应。例如烷烃裂解有部分  $\sigma$  键变为  $\pi$  键,  $\Delta H$  为正值。裂解时气态分子数增加, 熵增加,  $\Delta S$  也为正值。从  $\Delta G = \Delta H - T\Delta S$  来看, 这种吸热的熵增反应, 只有升高温度, 使熵效应超过焓效应,  $\Delta G < 0$ , 反应才能顺利进行。



(2) 当反应有  $\pi$  键变为  $\sigma$  键时,通常是放热反应。例如烯烃聚合反应



这个反应是放热的熵减反应,根据  $\Delta G = \Delta H - T\Delta S$ ,升高温度会使  $\Delta G$  往正值方向增加,平衡常数会下降。

(3) 无  $\sigma$  和  $\pi$  键型转变的反应,例如酯化反应,酯的水解和醇解反应等,一般反应热很小。

由上述讨论可见,物质的各种宏观性质均有其内部结构根源。

杂化轨道概念对了解分子的几何构型帮助很大。如计算键角,理解  $\text{CH}_4$  中 4 个  $\text{C--H}$  键准确地相等,能和 VSEPR 理论结合等等。还可利用  $\pi$  键轨道的方向,了解  $\text{H}_2\text{C}=\text{C}=\text{CH}_2$  型化合物中基团在空间的排布及其对称性。

下面我们再讨论两个与杂化轨道有关的问题。

### (1) 弯键

杂化轨道的极大值方向通常和键轴方向一致,形成圆柱对称的  $\sigma$  键。但有时极大值方向却与分子中成键两原子间的连线方向不同。例如环丙烷中键角为  $60^\circ$ ,而碳原子利用  $\text{sp}^3$  杂化轨道成键,轨道间的夹角为  $109.5^\circ$ 。

为了了解三元环中轨道叠加情况,有人曾测定 2,5-二环乙胺-1,4 苯醌  $\text{C}_6\text{H}_2\text{O}_2(\text{NC}_2\text{H}_4)_2$  在 110 K 下的晶体结构<sup>[9]</sup>,并计算通过  $-\text{NC}_2\text{H}_4$  三元环平面的电子密度差值图,如图 5.3 所示。由图可见,轨道叠加最大区域在三角形外侧,这时形成的  $\sigma$  键由于弯曲,不存在绕键轴的圆柱对称性,这种弯曲的  $\sigma$  键称为弯键。四面体的  $\text{P}_4$  分子中也存在弯键。

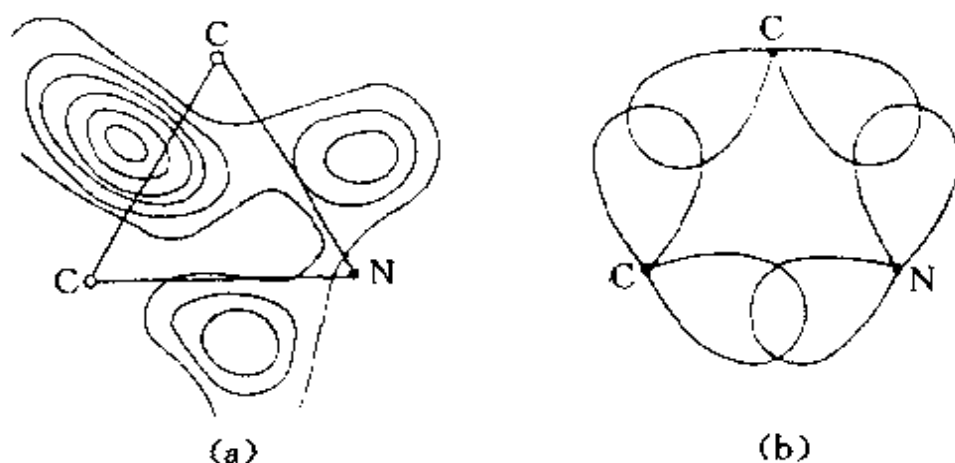


图 5.3  $-\text{NC}_2\text{H}_4$  三元环中的弯键  
(a) 电子密度差值图 (b) 轨道叠加图

## (2) 关于共价键的饱和性与分子的不饱和数

原子轨道杂化时,轨道数目不变,而每个原子能提供的轨道数目和电子数目是一定的,因此共价键有饱和性。分子中各个原子周围化学键数目的总和为偶数。(单键算 1 个,双键算 2 个,三键算 3 个。例如  $\text{CH}_4$  共有 8 个,  $\text{H}_2\text{C}=\text{CH}_2$  共有 12 个等等。)这就决定分子中各种原子化合的数量关系,因而可以帮助确定有机物的结构式。例如,一个分子中 H、卤素、N 等奇数价元素的原子数目之和必须是偶数。又如,在烃的结构式中含有一个双键或一个环,分子式中 H 的数目就比相应的饱和烃减少 2 个。因此烃中 H 的数目与相应的饱和烃之差,除以 2,所得的数值称不饱和数。这个数即为双键数或成环数,双键不饱和数为 1,三键不饱和数为 2,苯为 4 等等。不饱和数也可用于烃类的衍生物。这些简单规则在有机物结构鉴定中有一定作用。

## 5.3 离域分子轨道理论

用分子轨道理论(MO)处理多原子分子时,最一般的方法是用非杂化的原子轨道进行线性组合,构成分子轨道,它们是离域化

的,这些分子轨道中的电子并不定域在多原子分子中的两个原子之间,而是在几个原子间离域运动。这种离域分子轨道对于讨论分子的激发态、电离能以及分子的光谱性质等方面可起很大作用,理论分析所得的结果与实验的数据符合。下面以  $\text{CH}_4$  分子为例。

$\text{CH}_4$  分子的离域 MO 是由 8 个 AO (即 C 原子的  $2s, 2p_x, 2p_y, 2p_z$  和 4 个 H 原子的  $1s$  轨道  $1s_a, 1s_b, 1s_c, 1s_d$ ) 线性组合而成的,组合时要符合对称性匹配原则。根据分子的对称性,可使组合方式简化。因为 C 原子的 4 个原子轨道对  $\text{CH}_4$  分子的对称性各不相同,所以每个分子轨道只能有 1 个 C 原子轨道参与组合,而这些分子轨道的对称性分别与相应的 C 原子的 AO 相同。4 个氢原子的  $1s$  轨道为了能与中心碳原子轨道的对称性匹配,必须先线性组合成符合分子对称性要求的轨道。由图 5.4 可知,与碳原子  $2s$  轨道球形对称性匹配的线性组合是

$$\frac{1}{2}(1s_a + 1s_b + 1s_c + 1s_d) \quad (5.13)$$

与 C 原子的  $2p_x, 2p_y, 2p_z$  对称性匹配的线性组合依次是

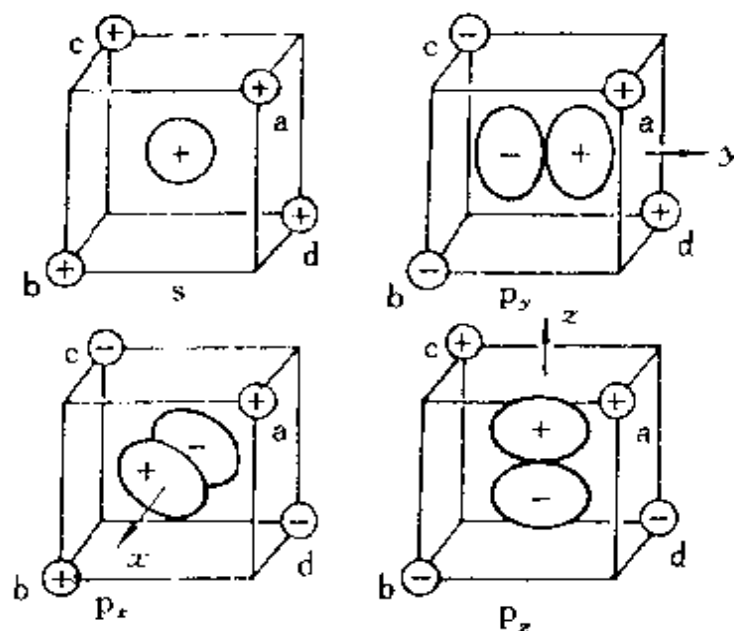


图 5.4  $\text{CH}_4$  的分子轨道组合图

$$\frac{1}{2}(1s_a + 1s_b - 1s_c - 1s_d) \quad (5.14-1)$$

$$\frac{1}{2}(1s_a - 1s_b - 1s_c + 1s_d) \quad (5.14-2)$$

$$\frac{1}{2}(1s_a - 1s_b + 1s_c - 1s_d) \quad (5.14-3)$$

用中心原子轨道和对称性相同的 H 原子的线性组合轨道进一步组合,得到分子轨道(不考虑组合系数差异)。这些分子轨道的图形示于图 5.4 中。

$$\psi_s = s + \frac{1}{2}(1s_a + 1s_b + 1s_c + 1s_d) \quad (5.15-1)$$

$$\psi_s^* = s - \frac{1}{2}(1s_a + 1s_b + 1s_c + 1s_d) \quad (5.15-2)$$

$$\psi_x = p_x + \frac{1}{2}(1s_a + 1s_b - 1s_c - 1s_d) \quad (5.16-1)$$

$$\psi_x^* = p_x - \frac{1}{2}(1s_a + 1s_b - 1s_c - 1s_d) \quad (5.16-2)$$

$$\psi_y = p_y + \frac{1}{2}(1s_a - 1s_b - 1s_c + 1s_d) \quad (5.17-1)$$

$$\psi_y^* = p_y - \frac{1}{2}(1s_a - 1s_b - 1s_c + 1s_d) \quad (5.17-2)$$

$$\psi_z = p_z + \frac{1}{2}(1s_a - 1s_b + 1s_c - 1s_d) \quad (5.18-1)$$

$$\psi_z^* = p_z - \frac{1}{2}(1s_a - 1s_b + 1s_c - 1s_d) \quad (5.18-2)$$

CH<sub>4</sub> 的离域分子轨道能级图如图 5.5 所示。图中 a<sub>1</sub>, t<sub>1</sub> 是用群的不可约表示的符号,表达分子轨道的对称性和维数等性质。而 CH<sub>4</sub> 的光电子能谱图示于图 5.6 中。图中 σ<sub>s</sub> 代表(5.15)式的 ψ<sub>s</sub> 即和 a<sub>1</sub> 对应, σ<sub>x,y,z</sub> 分别和(5.16), (5.17), (5.18)式的 ψ<sub>x</sub>, ψ<sub>y</sub>, ψ<sub>z</sub> 即和 t<sub>1</sub> 相对应。

从上述离域分子轨道出发计算的分子轨道能级与由光电子能谱所得的实验结果符合得很好,由此可知离域分子轨道的成功。离域分子轨道是单电子能量算符的本征态,为正则分子轨道。在多原

子分子中,分子轨道并非传统的定域键轨道。而单个电子的实际行为并不像经典价键图像所描写的那样集中在一个键轴附近,而是遍及整个分子。

从衍射实验证明,  $\text{CH}_4$  具有  $T_d$  点群对称性, 4 个 C-H 键是等同的; 而从图 5.5 的分子轨道能级图说明 4 个轨道的能级高低不同。这两者的差别说明不能把分子轨道理论中的成键轨道简单地和化学键直接联系起来。分子轨道是指分子中的单电子波函数, 本质上是离域的, 属于整个分子, 成键轨道上的电子对分子中的每个化学键都有贡献, 或者说它们的成键作用是分摊到各个化学键上的。

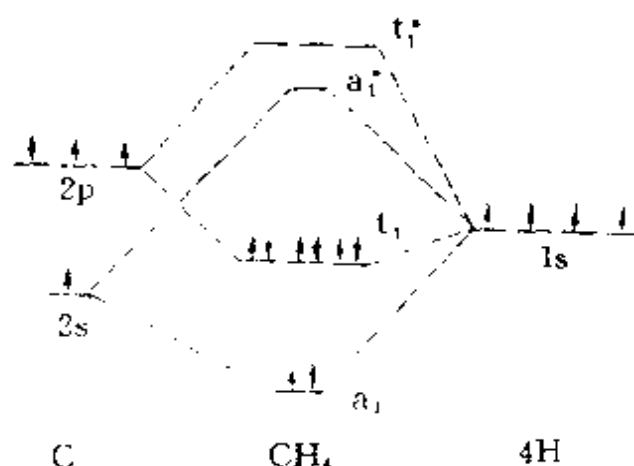


图 5.5  $\text{CH}_4$  的离域分子轨道能级图

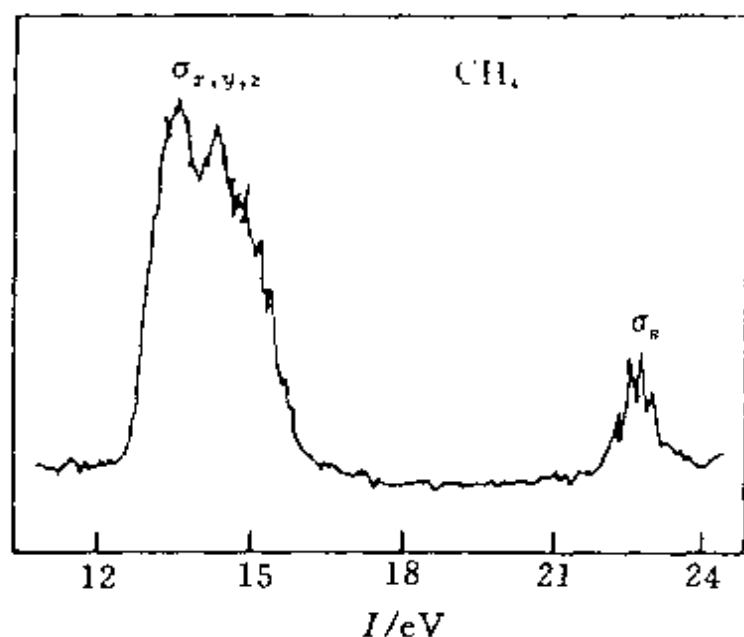


图 5.6  $\text{CH}_4$  的光电子能谱图



事实上用杂化轨道的定域键描述  $\text{CH}_4$  分子与由离域分子轨道描述的  $\text{CH}_4$  分子是等价的,只是反映的物理图像有所差别。离域键描写单个电子在整个分子内运动的行为;定域键描写所有价电子在定域轨道区域内的平均行为。或者说定域键是在整个分子内运动的许多电子在该定域区域内的平均行为,而不是某两个电子真正局限于某个定域区域内运动。因此对单个电子的运动还要用(5.15)式至(5.18)式表示的离域轨道来描述。将被占离域分子轨道进行适当的组合,就得定域分子轨道。例如,令

$$\psi'_a = \psi_s + \psi_x + \psi_y + \psi_z \quad (5.19-1)$$

$$\psi'_b = \psi_s + \psi_x - \psi_y - \psi_z \quad (5.19-2)$$

$$\psi'_c = \psi_s - \psi_x - \psi_y + \psi_z \quad (5.19-3)$$

$$\psi'_d = \psi_s - \psi_x + \psi_y - \psi_z \quad (5.19-4)$$

将  $\psi_s, \psi_x, \psi_y, \psi_z$  的表达式(5.15)—(5.18)式代入,除以 2,即得到

$$\psi'_a = \frac{1}{2} [s + p_x + p_y + p_z] + 1s_a \quad (5.20-1)$$

$$\psi'_b = \frac{1}{2} [s - p_x - p_y - p_z] + 1s_b \quad (5.20-2)$$

$$\psi'_c = \frac{1}{2} [s - p_x - p_y + p_z] + 1s_c \quad (5.20-3)$$

$$\psi'_d = \frac{1}{2} [s - p_x + p_y - p_z] + 1s_d \quad (5.20-4)$$

可以看出,方括号内就是 C 原子的一个  $\text{sp}^3$  杂化轨道。而每个杂化轨道与一个 H 原子的  $1s$  轨道形成一个定域分子轨道。实验证明,除了由单个电子行为所确定的分子性质,如电子光谱、电离能等外,凡是与整个分子所有电子运动有关的分子性质,如电偶极矩、电荷密度、键能等,离域和定域两种分子轨道模型的结果都是一样的,而定域轨道模型常常具有直观明确、易于和分子几何构型相联系的优点。

## 5.4 HMO 法

共轭分子以其中有离域的  $\pi$  键为特征,它有若干特殊的物理化学性质:分子多呈平面构型;有特征的紫外吸收光谱;具有特定的化学性能,例如丁二烯倾向于 1,4 加成,苯分子取代反应比加成反应容易;键长均匀化,如苯分子中 6 个 C—C 键是相等的,分不出单键与双键的区别等等。共轭分子的这些性质,用单、双键交替的定域键来解释比较困难。一种简单有效的方法是 Hückel (休克尔)分子轨道法(即 HMO 法),它已有数十年的历史(1931 年由 E. Hückel 提出)。HMO 法是个经验性的近似方法,定量结果的精确度不高,但在预测同系物的性质、分子的稳定性和化学反应性能、解释电子光谱等一系列问题上,显示出高度概括能力,至今仍在广泛应用。

### -1- HMO 法的基本内容

有机平面构型的共轭分子中, $\sigma$  键是定域键,构成分子的骨架。每个 C 原子余下的一个垂直于分子平面的 p 轨道,它们通常不是形成定域的双中心  $\pi$  键,而是一并组合起来形成多中心  $\pi$  键,所有  $\pi$  电子在整个分子骨架的范围内运动,又称离域  $\pi$  键( $\pi$  键对分子平面的反映为反对称)。

用 HMO 法处理共轭分子结构时,假定:

- (1) 将  $\sigma$  键和  $\pi$  键分开处理,这是由于  $\pi$  电子是在核和  $\sigma$  键所形成的整个分子骨架中运动;
- (2) 共轭分子具有相对不变的  $\sigma$  键骨架,而  $\pi$  电子的状态决定分子的性质;
- (3) 对每个  $\pi$  电子  $i$  的运动状态用  $\psi_i$  描述,其 Schrödinger 方程为

$$\hat{H}_\pi \psi_k = E_k \psi_k$$

HMO 法考虑各个 C 原子的  $\alpha$  积分相同, 各相邻 C 原子  $\beta$  积分也相同, 而不相邻的  $\beta$  积分和重叠积分  $S$  均为 0。这就不需要考虑势能函数  $V$  及  $\hat{H}_\pi$  的具体形式。处理步骤如下:

(1) 设共轭分子有  $n$  个 C 原子, 每个 C 原子提供一个 p 轨道  $\phi_i$  以组成分子轨道  $\psi$ 。按 LCAO, 得

$$\psi = c_1\phi_1 + c_2\phi_2 + \cdots + c_n\phi_n = \sum c_i\phi_i \quad (5.21)$$

式中  $\psi$  是分子轨道,  $\phi_i$  是组成分子的第  $i$  个 C 原子的 p 轨道,  $c_i$  是分子轨道中第  $i$  个 C 原子的原子轨道系数。

(2) 根据线性变分法(3.1 节), 从

$$\frac{\partial E}{\partial c_1} = 0, \frac{\partial E}{\partial c_2} = 0, \cdots, \frac{\partial E}{\partial c_n} = 0 \quad (5.22)$$

可得久期方程式

$$\begin{bmatrix} H_{11}-ES_{11} & H_{12}-ES_{12} & \cdots & H_{1n}-ES_{1n} \\ H_{21}-ES_{21} & H_{22}-ES_{22} & \cdots & H_{2n}-ES_{2n} \\ \cdots & \cdots & \cdots & \cdots \\ H_{n1}-ES_{n1} & H_{n2}-ES_{n2} & \cdots & H_{nn}-ES_{nn} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c_1 \\ c_2 \\ \cdots \\ c_n \end{bmatrix} = 0 \quad (5.23)$$

式中  $H_{ij} = \int \phi_i \hat{H}_\pi \phi_j d\tau$ ,  $S_{ij} = \int \phi_i \phi_j d\tau$ 。这行列式方程是  $E$  的一元  $n$  次代数方程。

(3) 引入下列基本假设

$$\begin{aligned} H_{11} &= H_{22} = \cdots = H_{nn} = \alpha \\ H_{ij} &\begin{cases} = \beta, \text{当 } i \text{ 和 } j \text{ 相邻} \\ = 0, \text{当 } i \text{ 和 } j \text{ 不相邻} \end{cases} \\ S_{ij} &\begin{cases} = 1, \text{当 } i = j \\ = 0, \text{当 } i \neq j \end{cases} \end{aligned} \quad (5.24)$$

简化上述行列式方程, 求出  $n$  个  $E_k$ , 将每个  $E_k$  值代回久期方程, 得  $c_k$  和  $\psi_k$ 。

(4) 画出分子轨道  $\psi_k$  相应的能级  $E_k$  图, 排布  $\pi$  电子; 画出  $\psi_k$  的图形。

(5) 计算下列数据,作分子图。

● 电荷密度  $\rho_i$ 。即第  $i$  个原子上出现的  $\pi$  电子数,  $\rho_i$  等于离域  $\pi$  键中  $\pi$  电子在第  $i$  个碳原子附近出现的几率。

$$\rho_i = \sum_k n_k c_{ki}^2 \quad (5.25)$$

式中  $n_k$  代表在  $\phi_k$  中的电子数,  $c_{ki}$  为分子轨道  $\phi_k$  中第  $i$  个原子轨道的组合系数。

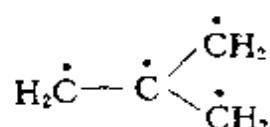
● 键级  $P_{ij}$ 。即原子  $i$  和  $j$  间  $\pi$  键的强度。

$$P_{ij} = \sum_k n_k c_{ki} c_{kj} \quad (5.26)$$

● 自由价  $F_i$ 。即第  $i$  个原子剩余成键能力的相对大小。

$$F_i = F_{\max} - \sum_j P_{ij} \quad (5.27)$$

$F_{\max}$  是碳原子  $\pi$  键键级和中最大者,其值为  $\sqrt{3}$ 。这是采用理论上存在的三次甲基甲烷分子,即



的中心碳原子和周围 3 个 C 原子形成的  $\pi$  键键级总和为  $\sqrt{3}$  (见习题 5.29)。 $\sum_j P_{ij}$  为原子  $i$  与其邻接的原子间  $\pi$  键级之和。

● 分子图。把共轭分子由 HMO 法求得的电荷密度  $\rho_i$ , 键级  $P_{ij}$ , 自由价  $F_i$  都标在一张分子结构图上,即为分子图。

(6) 根据上述结果讨论分子的性质,并对所得结果加以应用。

## -2- 丁二烯的 HMO 处理

丁二烯 ( $\text{H}_2\text{C}=\text{CH}-\text{CH}=\text{CH}_2$ ) 的分子轨道为

$$\psi = c_1\phi_1 + c_2\phi_2 + c_3\phi_3 + c_4\phi_4$$

式中  $\phi_1, \phi_2, \phi_3, \phi_4$  为参加共轭的 4 个 C 原子的  $p_z$  轨道;  $c_1, c_2, c_3, c_4$  是变分参数,按变分法可得  $c_1, c_2, c_3$  和  $c_4$  应满足下列久期方程

$$(H_{11}-ES_{11})c_1 + (H_{12}-ES_{12})c_2 + (H_{13}-ES_{13})c_3 + (H_{14}-ES_{14})c_4 = 0 \quad (5.28-1)$$

$$(H_{21}-ES_{21})c_1 + (H_{22}-ES_{22})c_2 + (H_{23}-ES_{23})c_3 + (H_{24}-ES_{24})c_4 = 0 \quad (5.28-2)$$

$$(H_{31}-ES_{31})c_1 + (H_{32}-ES_{32})c_2 + (H_{33}-ES_{33})c_3 + (H_{34}-ES_{34})c_4 = 0 \quad (5.28-3)$$

$$(H_{41}-ES_{41})c_1 + (H_{42}-ES_{42})c_2 + (H_{43}-ES_{43})c_3 + (H_{44}-ES_{44})c_4 = 0 \quad (5.28-4)$$

用(5.24)式简化(5.28)式,得

$$\begin{bmatrix} \alpha-E & \beta & 0 & 0 \\ \beta & \alpha-E & \beta & 0 \\ 0 & \beta & \alpha-E & \beta \\ 0 & 0 & \beta & \alpha-E \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c_1 \\ c_2 \\ c_3 \\ c_4 \end{bmatrix} = 0 \quad (5.29)$$

用  $\beta$  除各项并令  $x = \frac{\alpha-E}{\beta}$ , 代入(5.29)式,得

$$\begin{bmatrix} x & 1 & 0 & 0 \\ 1 & x & 1 & 0 \\ 0 & 1 & x & 1 \\ 0 & 0 & 1 & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c_1 \\ c_2 \\ c_3 \\ c_4 \end{bmatrix} = 0 \quad (5.30)$$

根据丁二烯分子具有对称中心性质,  $c_1 = \pm c_4$ ,  $c_2 = \pm c_3$ 。当  $c_1 = c_4$ ,  $c_2 = c_3$  时, (5.30)式可展开化简为

$$xc_1 + c_2 = 0 \quad (5.31-1)$$

$$c_1 + (x+1)c_2 = 0 \quad (5.31-2)$$

由(5.31)式系数行列式  $\begin{vmatrix} x & 1 \\ 1 & (x+1) \end{vmatrix} = 0$ , 解得  $x = -1.62$  和  $0.62$ 。

当  $c_1 = -c_4$ ,  $c_2 = -c_3$ , (5.30)式可展开化简为

$$xc_1 + c_2 = 0 \quad (5.32-1)$$

$$c_1 + (x-1)c_2 = 0 \quad (5.32-2)$$

由(5.32)式系数行列式  $\begin{vmatrix} x & 1 \\ 1 & (x-1) \end{vmatrix} = 0$ , 解得  $x = 1.62$  和  $-0.62$ 。

将解得的每个  $x$  值分别代入(5.31)式和(5.32)式中, 并结合归一化条件

$$c_1^2 + c_2^2 + c_3^2 + c_4^2 = 1 \quad (5.33)$$

可从每个  $x$  值得到与其能级相应的分子轨道波函数的系数。例如  $c_1 = c_4, c_2 = c_3, x = -1.62$ , 得

$$-1.62 c_1 + c_2 = 0 \quad (5.34-1)$$

$$2 c_1^2 + 2 c_2^2 = 1 \quad (5.34-2)$$

由此求得  $c_1 = c_4 = 0.372, c_2 = c_3 = 0.602$ 。

因为  $E = \alpha - \beta x$ , 由 4 个不同的  $x$  值得离域  $\pi$  键的 4 个分子轨道能级

$$E_1 = \alpha + 1.62 \beta \quad (5.35-1)$$

$$E_2 = \alpha + 0.62 \beta \quad (5.35-2)$$

$$E_3 = \alpha - 0.62 \beta \quad (5.35-3)$$

$$E_4 = \alpha - 1.62 \beta \quad (5.35-4)$$

因为  $\beta$  积分是负值, 故  $E_1 < E_2 < E_3 < E_4$ , 而相应的分子轨道波函数如下

$$\psi_1 = 0.372 \phi_1 + 0.602 \phi_2 + 0.602 \phi_3 + 0.372 \phi_4 \quad (5.36-1)$$

$$\psi_2 = 0.602 \phi_1 + 0.372 \phi_2 - 0.372 \phi_3 - 0.602 \phi_4 \quad (5.36-2)$$

$$\psi_3 = 0.602 \phi_1 - 0.372 \phi_2 - 0.372 \phi_3 + 0.602 \phi_4 \quad (5.36-3)$$

$$\psi_4 = 0.372 \phi_1 - 0.602 \phi_2 + 0.602 \phi_3 - 0.372 \phi_4 \quad (5.36-4)$$

根据式(5.35)和(5.36)可得丁二烯离域  $\pi$  键轨道示意图和相应的能级图, 如图 5.7 所示。图中各个 p 轨道的大小系按其系数  $c_i$  的比例画出, 因为  $c_i^2$  代表原子轨道  $\phi_i$  在分子轨道中的贡献。

由(5.36)式可知道各个分子轨道的组合系数。由图 5.7 可知丁二烯的 4 个  $\pi$  电子填在  $\psi_1$  和  $\psi_2$  上, 根据这两个数据即可计算电荷密度、键级和自由价等数值, 各碳原子的  $\pi$  电子密度为

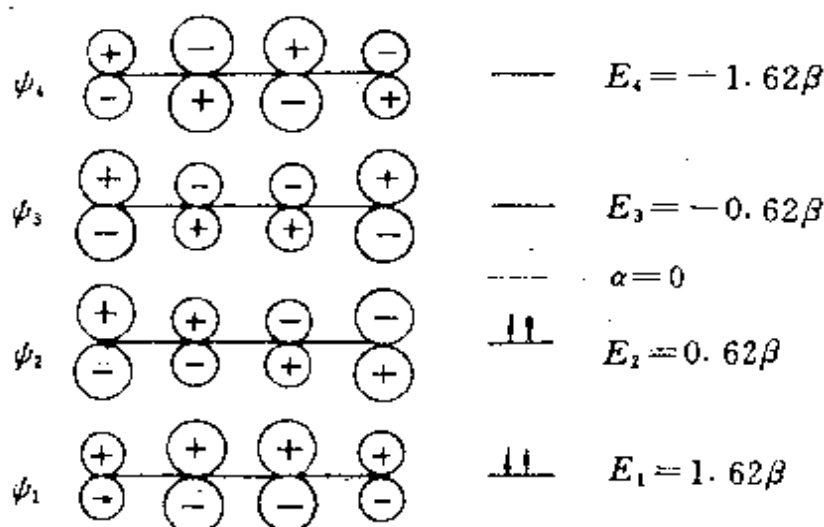


图 5.7 丁二烯离域  $\pi$  键分子轨道及能级图

$$\rho_1 = 2 \times (0.372)^2 + 2 \times (0.602)^2 = 1.00$$

$$\rho_2 = 2 \times (0.602)^2 + 2 \times (0.372)^2 = 1.00$$

$$\rho_3 = 2 \times (0.602)^2 + 2 \times (-0.372)^2 = 1.00$$

$$\rho_4 = 2 \times (0.372)^2 + 2 \times (-0.602)^2 = 1.00$$

各碳原子间键级为

$$P_{12} = 2 \times 0.372 \times 0.602 + 2 \times 0.602 \times 0.372 = 0.896$$

$$P_{23} = 2 \times 0.602 \times 0.602 + 2 \times 0.372 \times (-0.372) = 0.448$$

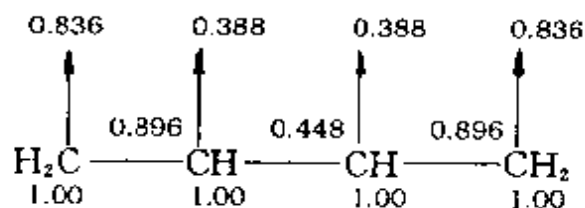
$$P_{34} = 2 \times 0.602 \times 0.372 + 2(-0.372)(-0.602) = 0.896$$

原子的自由价为

$$F_1 = F_4 = 1.732 - 0.896 = 0.836$$

$$F_2 = F_3 = 1.732 - 0.896 - 0.448 = 0.388$$

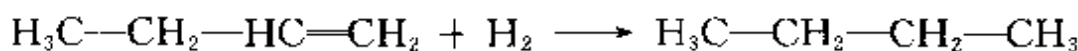
所以丁二烯的分子图为



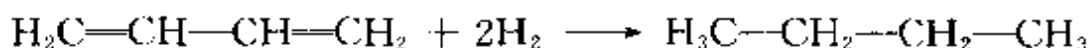
上述用 HMO 法处理所得的结果,与实验所得结果比较符合,

下面从几个方面进行讨论。

(1) 离域可降低体系的能量。对比下面两式



$$\Delta H = -126.8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$



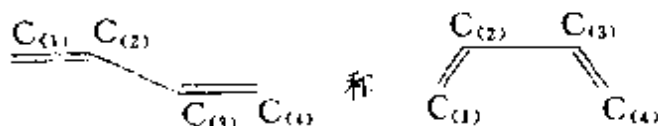
$$\Delta H = -236.8 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

丁二烯加  $\text{H}_2$  转变为丁烷所放出的能量小于丁烯加  $\text{H}_2$  变为丁烷所放出的能量的两倍。这一差值是由于形成离域  $\pi$  键, 电子填入  $\psi_1$ ,  $\psi_2$ 。若假定  $\alpha$  积分近似等于原子中 p 电子 能量,  $\alpha=0$ , 则两个轨道上 4 个电子的能量为

$$E_\pi = 2(\alpha + 1.62\beta) + 2(\alpha + 0.62\beta) = 4\alpha + 4.48\beta = +4.48\beta$$

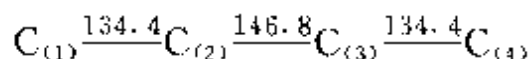
丁烯中 2 个电子的键能为  $2\beta$ , 所以丁二烯离域结果比单纯两个丁烯的双键能量要低  $0.48\beta$ 。

(2) 丁二烯有顺、反异构体



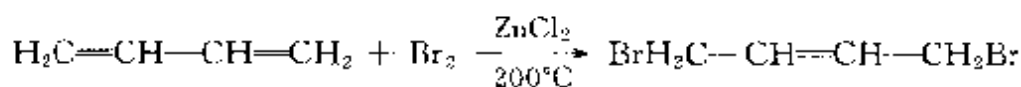
说明  $\text{C}_{(2)}$  和  $\text{C}_{(3)}$  之间有一定双键成分。从计算的键级看,  $P_{23} = 0.448$ , 具有双键成分, 不能自由旋转。

(3) 丁二烯的键长。其实验值为



说明  $\text{C}_{(1)}$  和  $\text{C}_{(2)}$  之间比典型的双键键长 (133 pm) 要长些,  $\text{C}_{(2)}$  和  $\text{C}_{(3)}$  之间比典型的单键键长 (154 pm) 要短。键长的均匀化可从键级数据来理解。

(4) 丁二烯具有 1,4 加成的化学反应性能。例如



(70%)



这可从自由价得到解释。

### -3- 环状共轭多烯的 HMO 处理

用 HMO 法处理单环共轭多烯分子  $C_nH_n$ , 可得一些有益的启示。设分子中参加共轭的所有碳原子都处在同一平面上, 从结构式列出久期行列式, 解之, 可得单环共轭体系的分子轨道能级图, 如图 5.8 所示。由图可见, 当  $n=4m+2$  时 ( $m$  为整数), 在所有成键

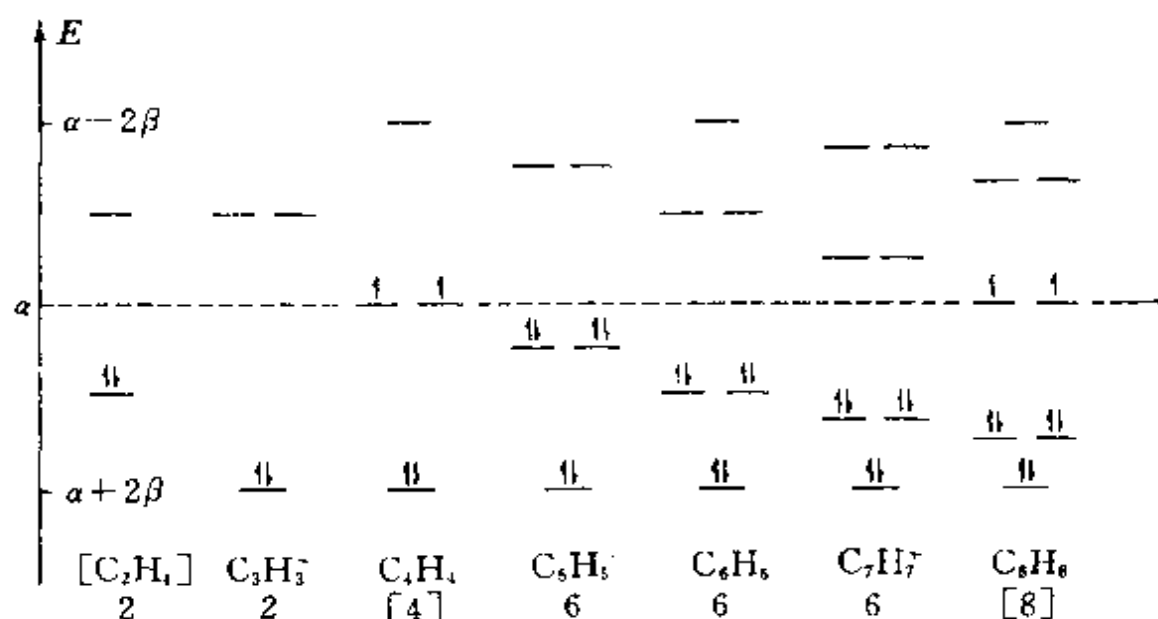


图 5.8 单环共轭体系分子轨道能级图

轨道中都充满电子, 反键轨道是空的, 构成稳定的  $\pi$  键体系。例如:  $m=0$  的环丙烯基正离子 ( $C_3H_3^+$ );  $m=1$  的苯  $C_6H_6$ 、 $C_5H_5^-$  等; 吡啶  $C_5H_5N$  和吡咯  $C_4H_4NH$  也都是 6 个  $\pi$  电子体系, 它们和苯一样, 6 个电子都填在成键轨道上。所以具有  $4m+2$  个  $\pi$  电子的单环共轭体系为芳香稳定性的结构。

当  $n=4m$  时, 如  $C_4H_4$ 、 $C_8H_8$  等除成键轨道充满电子外, 它还有一对二重简并的非键轨道, 在每一轨道中有一个  $\pi$  电子, 从能量上看是不稳定的构型, 不具有芳香性。  $C_8H_8$  分子不是平面构型。

平面构型的多环芳烃也可用 HMO 法处理。例如, 用 HMO 法计算得到的萘 ( $C_{10}H_8$ ) 和蒽 ( $C_{14}H_{10}$ ) 的分子图示于图 5.9。

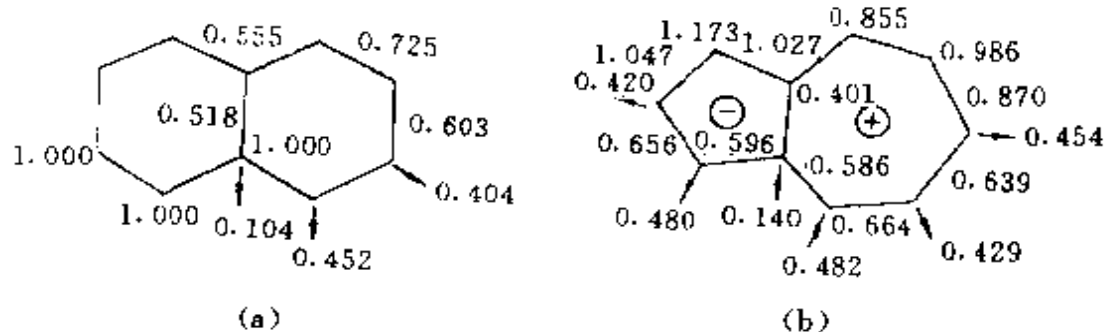
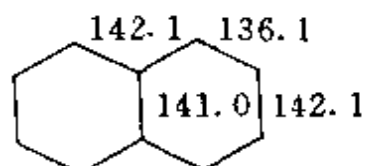


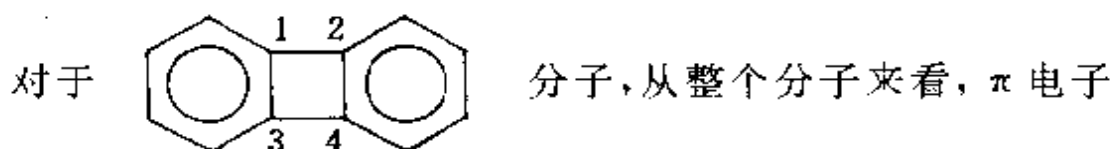
图 5.9 蒽(a)和萸(b)的分子图

根据分子图可以很好地解释分子的性质。在蒽分子中,各个碳原子所处的地位不同,自由价不同, $\alpha$ 位的自由价为 0.452, $\beta$ 位为 0.404,桥碳原子的自由价为 0.104。说明在桥碳原子部位不易加成, $\alpha$ 位最容易发生反应。实验测得蒽分子的键长(单位为 pm)数据如下图示:



键长应和  $\pi$  键键级成反比,键级高,键长短,理论计算与实验测定基本一致。

用 HMO 法了解萸分子的物理性质很有说服力。萸是极性分子,七元环端显正电性,五元环端显负电性。偶极矩  $\mu = 3.54 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m}$ 。萸能溶于盐酸和浓硫酸中。出现极性的原因是  $4m+2$  规则,即七元环中移一个电子至五元环,可使两个环同时都为 6 个电子,满足  $4m+2$  规则。



数为 12,不符合  $4m+2$  规则。但是分子的两个六元环部分均为 6 个电子,符合  $4m+2$  规则,即可看作两个苯环通过 C—C 单键相连。实验测定  $C_1-C_2$ ,  $C_3-C_4$  间的键长和单键相同,说明中间四元环不具芳香性。

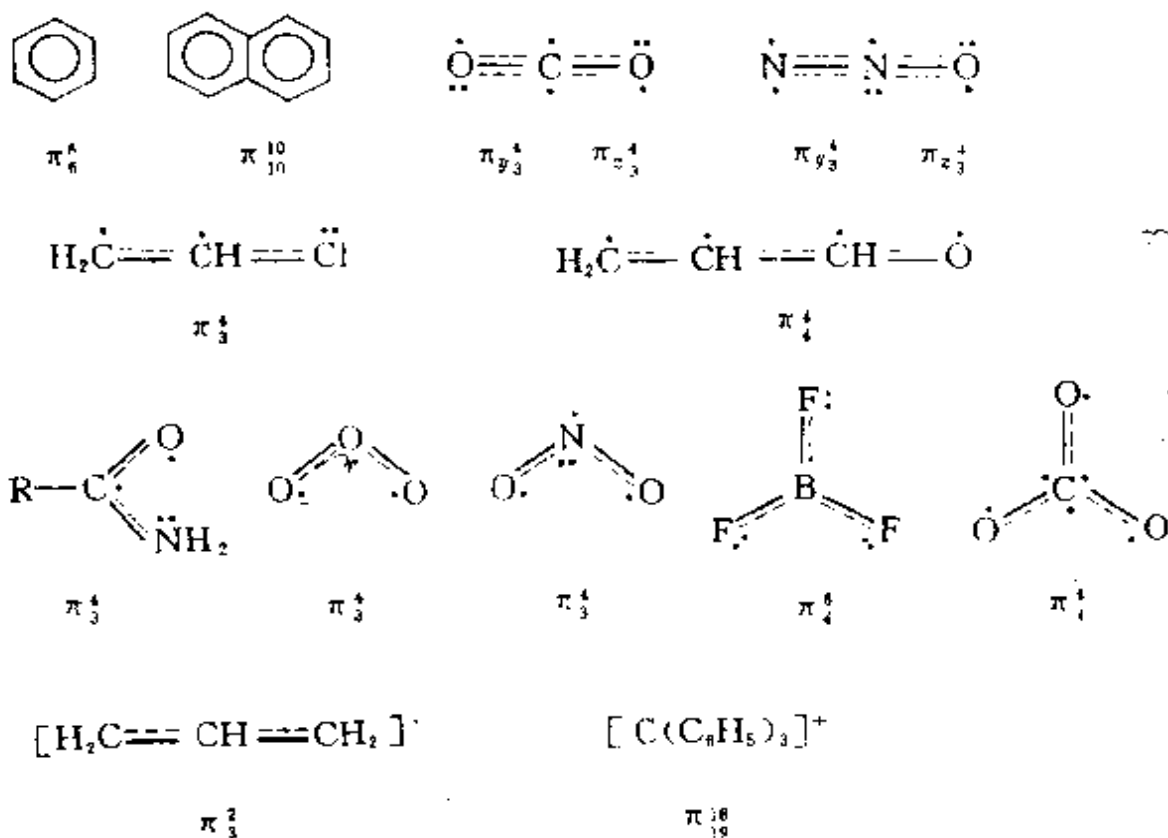
## 5.5 离域 $\pi$ 键和共轭效应

### -1- 离域 $\pi$ 键的形成和表示法

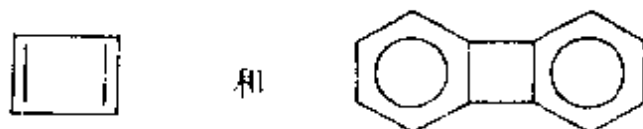
形成化学键的  $\pi$  电子不局限于两个原子的区域,而是在由参加成键的多个原子形成的分子骨架中运动。这种由多个原子形成的  $\pi$  型化学键称做离域  $\pi$  键。大部分离域  $\pi$  键可由经典结构式中有单、双键交替地连结的那一部分原子组成,一般地说,满足下列条件就可能形成:

- (1) 原子共面,每个原子可提供一个方向相同的 p 轨道;
- (2)  $\pi$  电子数小于参加成键的 p 轨道数的二倍。

芳香化合物以及许多其他体系存在离域  $\pi$  键。离域  $\pi$  键可用  $\pi_n^m$  表示,  $n$  为原子数,  $m$  为电子数。下图示出一些分子和离子形成离域  $\pi$  键的情况。



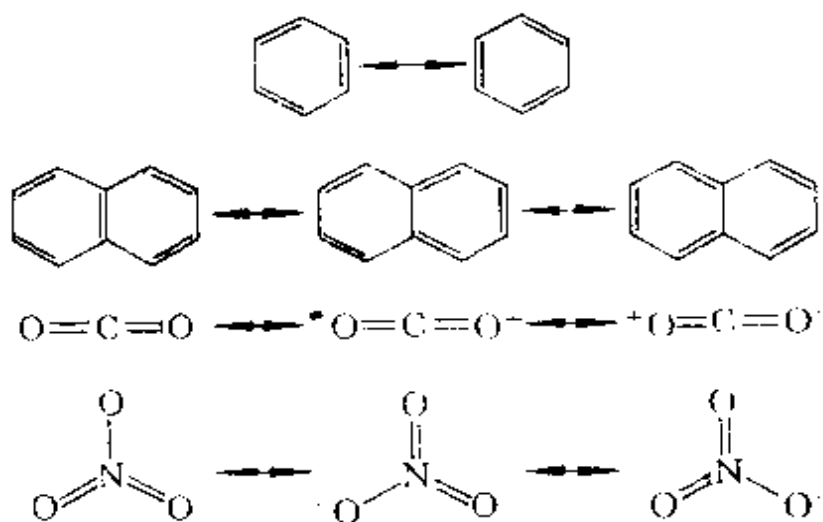
但是上述两个条件不是绝对的,根据实验测定的数据,有时虽满足这两个条件并不一定能形成离域  $\pi$  键,从而也不出现共轭效应所应具有的性质。例如环丁二烯



的四元环,草酸分子( $\text{HOOC}-\text{COOH}$ )中的  $\text{C}-\text{C}$  键等等。还有层形(BN)<sub>n</sub>分子,它虽然和石墨是等电子体系,满足形成离域  $\pi$  键的两个条件,但它是白色、绝缘性能很好的固体。其原因是  $\text{B}-\text{N}$  键的极化作用,使其能带分成两个亚带,禁区宽度达  $440 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,所以没有离域能出现。

在有些分子中,原子并不完全共面,但也有一定的共轭效应出现。

共轭分子的结构也可用两个或多个价键共振结构式表达,把分子的真实结构看作由这些价键结构的叠加或共振的结果。下图给出苯、萘、二氧化碳和硝酸根等的共振结构式。



若简单地用一个共振结构式表达共轭分子,则最好选用与分子的实际键长最相近的结构式来表达。苯和硝酸根可任选其一,二氧化碳和萘则宜分别选用  $\text{O}=\text{C}=\text{O}$  和

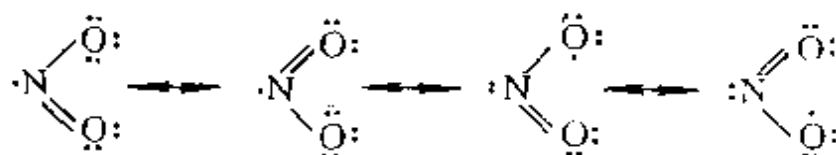
前面所列的臭氧分子,  $O_3$ , 为弯曲形结构, 键角  $116.8^\circ$ , 键长  $127.8 \text{ pm}$ 。  $O_3$  为极性分子,  $\mu = 1.94 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m}$ , 中心氧原子显电正性。

弯曲形的  $NO_2$  分子, 键角  $134.25^\circ$ , 键长  $119.7 \text{ pm}$ 。对它的电子结构有三种观点:

- 认为单电子处于 N 的一个  $sp^2$  杂化轨道上, 剩余  $p_z$  轨道形成  $\pi_3^1$ ,  $NO_2$  分子的键角远大于  $120^\circ$ , 以及单占杂化轨道容易二聚成  $O_2N-NO_2$  可以佐证。

- 一对孤对电子占据 N 的一个  $sp^2$  杂化轨道,  $\pi$  电子形成  $\pi_3^2$ , 因为单占的孤对电子能量较高,  $\pi_3^2$  比  $\pi_3^1$  强, 对分子稳定有利。

- 介于上述两者之间, 可用下一共振结构式表示:



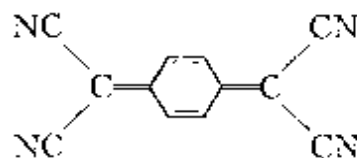
分子的电子自旋共振及分子轨道的量子化学计算结果比较支持第一种观点。

## -2- 共轭效应

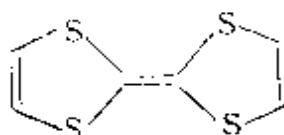
一般包含双键和单键相互交替排列的分子形成离域  $\pi$  键, 这时分子的物理和化学性质不能简单地看作各个双键和单键性质的简单加和, 而表现出特有的性能, 称为共轭效应或离域效应。共轭效应是化学中的一种基本效应, 它除了影响分子的构型和构象(单键缩短、双键增长、有关原子保持共面和单键不能自由旋转)外, 还影响物质的许多性质, 例如:

### 1. 电性

离域  $\pi$  键的形成增加物质的电导性能。例如, 石墨具有金属光泽、能导电, 四氰基奎诺二甲烷(TCNQ)等类



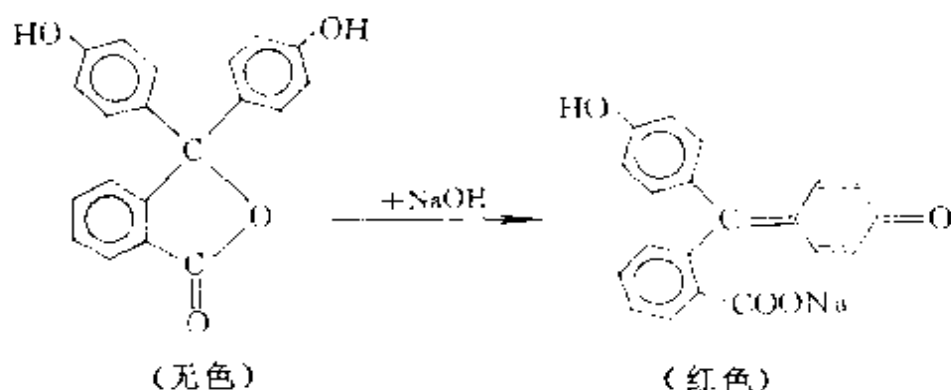
型的分子能和合适的其他分子,如四硫代富瓦烯(TTF)



分子等组成有机半导体或导体,都应归因于离域  $\pi$  键的形成。

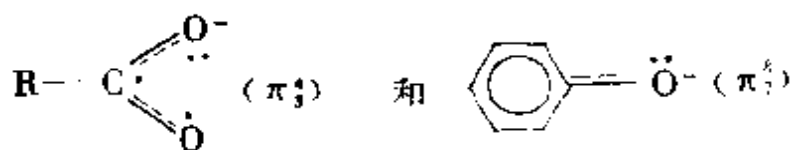
## 2. 颜色

离域  $\pi$  键的形成,增大  $\pi$  电子的活动范围,使体系能量降低,能级间隔变小,其光谱由  $\sigma$  键的紫外光区移至离域  $\pi$  键的可见光区,例如染料和指示剂等。酚酞在碱液中变成红色是因为发生下一反应,扩大了离域范围。

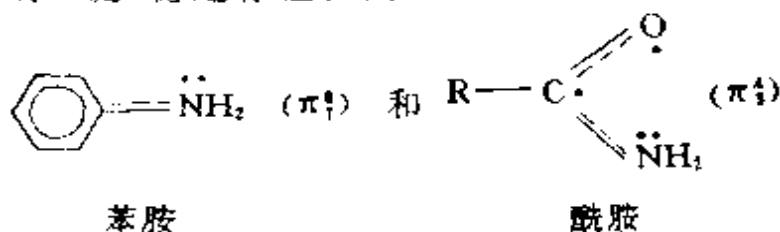


## 3. 酸碱性

苯酚显酸性,苯胺显碱性,羧酸呈酸性,酰胺呈碱性。这些均与离域  $\pi$  键的生成与否有关。苯酚和羧酸电离出  $H^+$  后,酸根



均生成离域  $\pi$  键,稳定存在。而



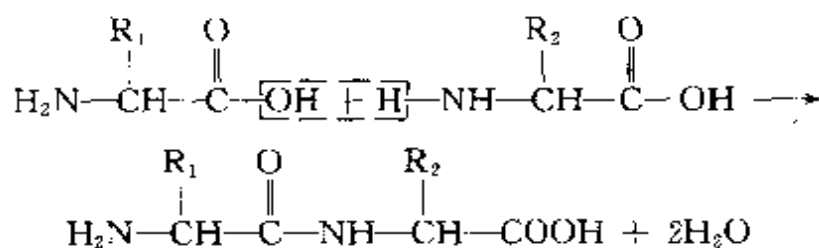
中就已有离域  $\pi$  键存在, 它们不易电离, 苯胺可接受  $H^+$  形成  $-NH_3^+$  基团, 故呈弱碱性。(苯胺的  $-NH_2$  基团并不和苯环共平面, 但 N 原子上的孤对电子能参加组成离域  $\pi$  键。)

#### 4. 化学反应性

离域  $\pi$  键的存在对体系性质的影响在化学中常用共轭效应表示, 它是化学中最基本的效应之一。芳香化合物的芳香性, 许多游离基的稳定性, 丁二烯类的 1,4 加成反应性等都和离域  $\pi$  键有关。此外, 像丙烯醛  $H_2C=CH-CH=O$  形成  $\pi_4^4$ , 使它稳定性提高; 氯乙烯  $H_2C=CH-Cl$  出现的  $\pi_3^4$  使  $C-Cl$  键缩短, Cl 的活泼性下降等等。

#### -3- 肽键

一个氨基酸的氨基与另一氨基酸的羧基缩合, 失去一分子水而生成的酰胺键称为肽键, 缩合脱水所得的产物称为肽。由两个氨基酸分子缩合形成的肽叫二肽, 由多个氨基酸分子缩合通过肽键连接而成的分子叫多肽。蛋白质是多肽大分子。下式表示二肽的形成。



肽键是多肽分子中  $C-N$  键和相邻的  $C=O$  键中的  $\pi$  电子形成的离域  $\pi$  键。在肽键中,  $C=O$  的  $\pi$  键的电子和 N 原子上的孤对电子一起共同形成离域  $\pi$  键  $\pi_3^4$ , 使  $C-N$  间具有双键成分, 键长缩短(通常为 132 pm),  $CN$  和周围原子共平面, 即形成平面构象而不能自由旋转, 如图 5.10 所示。

在研究蛋白质和多肽化合物的结构和性质时, 肽键的特性必须给予充分的重视。

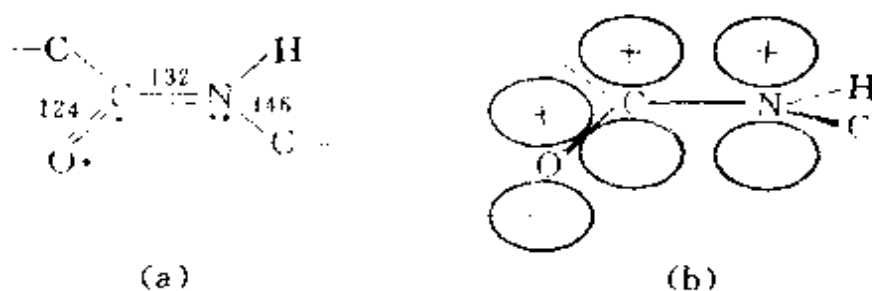


图 5.10 肽键结构示意图

(a) 肽键及其键长 (b) 肽键  $\pi$  中轨道叠加示意

#### -4- 超共轭效应

超共轭效应是由  $\pi$  键轨道与相邻原子或基团的轨道互相叠加而形成离域轨道,  $\pi$  键电子与  $\sigma$  键电子间相互作用产生的离域效应。例如在  $\text{H}_3\text{C}-\text{CH}=\text{CH}_2$  分子中,  $-\text{CH}_3$  的碳原子采用  $\text{sp}^3$  杂化轨道, 它和  $-\text{CH}=\text{CH}_2$  相连, 当分子处在重叠构象时,  $-\text{CH}_3$  有 2 个 H 原子不和双键上的原子共平面。按离域分子轨道理论,  $-\text{CH}_3$  的  $\phi_z$  和  $\phi_z^*$  与  $\text{C}=\text{C}$  的  $\pi$  和  $\pi^*$  MO 分布如图 5.11(a) 所

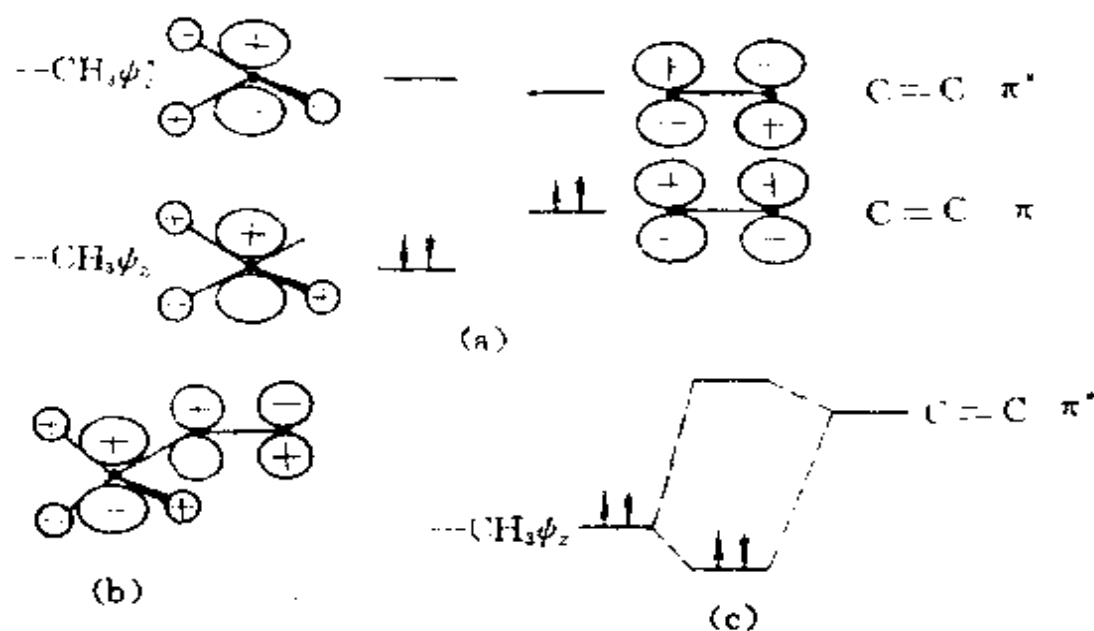


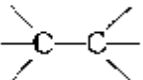
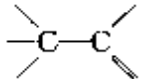
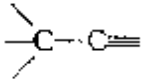
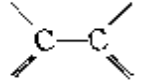
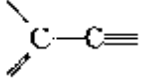
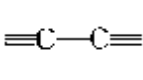
图 5.11  $\text{CH}_3-\text{CH}=\text{CH}_2$  分子的超共轭效应



示。这时 $-\text{CH}_3$ 的 $\sigma$ 轨道与 $\text{C}=\text{C}$ 的 $\pi$ 轨道发生相互叠加。由于 $\psi_\sigma$ 和 $\pi$ 轨道均充满电子,不能有效成键;而 $\psi_\sigma$ 和 $\pi^*$ 可以有效地互相作用,因为 $\pi^*$ 是空的, $\psi_\sigma$ 电子可以转移到低能级的分子轨道中,如图 5.11(b)和(c)所示,此即超共轭效应的本质。这一效应使得 $\text{C}-\text{C}$ 单键键长缩短,键能增加;使 $\text{C}=\text{C}$ 双键键长略为增长。

表 5.2 列出不同杂化轨道影响到 $\text{C}-\text{C}$ 单键的键长(实验测定的平均值)及键能(计算值)。

表 5.2 在不同碳氢化合物中,碳原子的杂化形式  
与 $\text{C}-\text{C}$ 键长和键能

键 型	C 原子的 杂化形式	C—C 键长 (pm)	C—C 键能 ( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )
	$\text{sp}^3-\text{sp}^3$	154	346.3
	$\text{sp}^3-\text{sp}^2$	151	357.6
	$\text{sp}^3-\text{sp}$	146	382.5
	$\text{sp}^2-\text{sp}^2$	146	383.2
	$\text{sp}^2-\text{sp}$	144	403.7
	$\text{sp}-\text{sp}$	137	433.5

超共轭效应使 $-\text{CH}_3$ 的C原子带有正电性 $\delta^+$ ,这是由于碳原子的电负性依赖于它的杂化状态,当两个不同杂化形式的碳原子连接在一起时,将会出现键矩。根据计算所得 $\text{C}-\text{C}$ 键键矩值如下:

$$\text{C}(\text{sp}^3)\delta^- - \text{C}(\text{sp}^2)\delta^- \quad 2.27 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m} (0.68\text{D})$$

$$\text{C}(\text{sp}^2)\delta^+ - \text{C}(\text{sp})\delta^- \quad 3.84 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m} (1.15\text{D})$$

$$\text{C}(\text{sp}^3)\delta^+ - \text{C}(\text{sp})\delta^- \quad 4.94 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m} (1.48\text{D})$$

超共轭效应也会改变分子的性质。例如,由于超共轭效应,甲苯和二甲苯的紫外吸收峰分别比苯向长波方向移 8 nm 和 16 nm。

## 5.6 分子轨道的对称性和反应机理<sup>[13-15]</sup>

分子轨道的对称性对化学反应进行的难易程度及产物的构型和构象有决定的作用。应用分子轨道对称性探讨反应机理,主要有福井谦一提出的前线轨道理论和 Woodward(伍德瓦德)和 Hoffmann(霍夫曼)提出的分子轨道对称守恒原理。这些理论以大量实验为基础,抓住分子轨道对称性这个关键,探讨基元反应的条件和方式,使人们对反应机理和化学反应动力学的认识深入到微观结构领域,进而通过控制反应条件使化学反应沿着预期的途径进行,合成具有特定立体构型的产品。

### 5.6.1 有关化学反应的一些原理和概念

化学反应的实质有两个方面:一是分子轨道在化学反应过程中进行改组,在改组时涉及分子轨道的对称性;二是电荷分布在化学反应过程中发生改变,电子发生转移,转移时一般削弱原有化学键、加强新的化学键,使产物分子稳定,而电子由电负性低的原子向电负性高的原子转移比较容易。

化学反应的可能性和限度由化学势决定,反应沿化学势降低的方向进行,直至化学势相等,达到平衡状态。而化学势的正负、大小,可按照热力学规律进行计算。

化学反应的速度决定于活化能的高低:活化能高,反应不易进行,反应速度慢;活化能低,反应容易进行,反应速度快。在反应时,若正反应是基元反应,则逆反应也是基元反应,且经过同一活化

体,此即微观可逆性原理。

化学反应的条件指主要影响化学反应的外界条件。加热反应( $\Delta$ ),体系受热辐射影响,由于热辐射光子能量小,反应物分子不激发,一般处于基态情况下进行。光照反应( $h\nu$ ),例如体系受紫外线照射,光子能量大,反应物常受激发而处于激发态。催化剂的作用为改变反应物的性质,加速或减慢反应进行,或改变反应的途径。如催化加氢,用 Ni 作催化剂, Ni 原子的 d 轨道和  $H_2$  反键轨道对称性合适, Ni 原子 d 轨道上的电子往  $H_2$  反键轨道转移,使  $H_2$  内的化学键变弱甚至拆开,变成吸附在 Ni 原子上的活泼 H 原子,就可使加氢反应容易进行。

## -2- 前线轨道理论

本小节用分子轨道对称性分析双分子反应。

分子中有一系列能级从低到高排列的分子轨道,电子只填充了其中能量较低的一部分。已填电子的能量最高轨道称为最高占据轨道(HOMO),能量最低的空轨道称为最低空轨道(LUMO),这些轨道统称前线轨道。前线轨道理论认为反应的条件和方式主要决定于前线轨道的对称性,其内容包括:

(1) 分子在反应过程中,分子轨道发生相互作用,优先起作用的是前线轨道。当反应的两个分子互相接近时,一个分子中的 HOMO 和另一个分子中的 LUMO 必须对称性合适,即按轨道正与正叠加、负与负叠加的方式相互接近所形成的过渡状态是活化能较低的状态,称为对称允许的状态。

(2) 互相起作用的 HOMO 和 LUMO 能级高低必须接近(约 6 eV 以内)。

(3) 随着两个分子的 HOMO 与 LUMO 发生叠加,电子便从一个分子的 HOMO 转移到另一个分子的 LUMO,电子的转移方向从电负性判断应该合理,电子的转移要和旧键的削弱相一致,不能发生矛盾。

在下面几个实例中,试用分子的前线轨道对称性分析双分子反应。

**【例 5.1】**  $\text{N}_2 + \text{O}_2 \rightleftharpoons 2\text{NO}$

$\text{N}_2$  的前线轨道是  $2\sigma_g$  (HOMO) 和  $1\pi_g$  (LUMO)。  $\text{O}_2$  的前线轨道为  $\pi_{2p}^*$  (既是 HOMO 也是 LUMO)。这两分子的前线轨道图形可参看图 5.12。当这两个分子接近时,可能出现两种情况:

(1)  $\text{N}_2$  的  $2\sigma_g$  和  $\text{O}_2$  的  $\pi_{2p}^*$  接近,因对称性不匹配,不能产生净的有效重叠,形成的过渡状态活化能高,电子很难从  $\text{N}_2$  的 HOMO 转移至  $\text{O}_2$  的 LUMO,反应不能进行,如图 5.12(a) 所示。

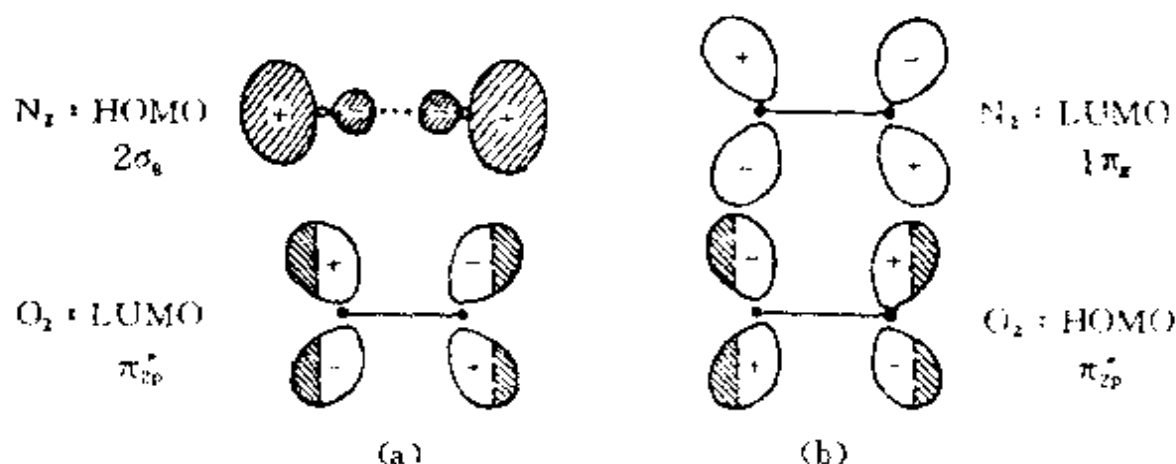


图 5.12  $\text{N}_2$  和  $\text{O}_2$  前线轨道相互作用

(2)  $\text{N}_2$  的 LUMO ( $1\pi_g$ ) 和  $\text{O}_2$  的 HOMO ( $\pi_{2p}^*$ )<sup>1</sup> 对称性是匹配的,但欲使反应进行,电子需从电负性较高的 O 向电负性较低的 N 转移,而当  $\text{O}_2$  的电子从反键转移后,要增强  $\text{O}_2$  分子原有的化学键,因此反应也是很难进行的。如图 5.12(b) 所示。

$\text{N}_2 + \text{O}_2 \rightleftharpoons 2\text{NO}$  的反应过程示意于图 5.13 中。由  $\text{N}_2 + \text{O}_2 \longrightarrow 2\text{NO}$  的反应很难进行,活化能高达  $389 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。根据微观可逆性原理,其逆反应也是很难进行的,即 NO 分子不易分解为  $\text{N}_2$  和  $\text{O}_2$ 。



这一分解反应是强放热反应。从热力学角度看,反应由左向右是化

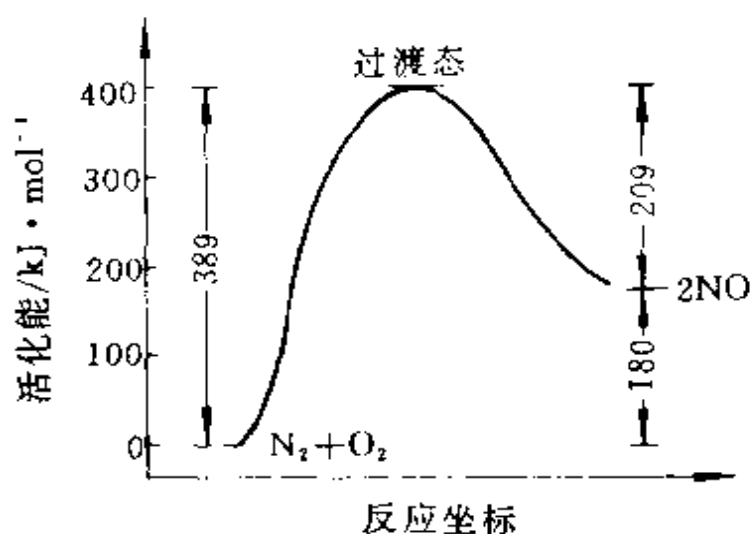


图 5.13  $\text{N}_2 + \text{O}_2 \rightleftharpoons 2\text{NO}$  的反应过程

学势降低的方向,但因这个反应的活化能很高,达  $209 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,实际上反应不易进行。所以  $\text{N}_2$  和  $\text{O}_2$  很难化合成  $\text{NO}$ ,当  $\text{NO}$  一旦形成又不易分解。 $\text{NO}$  是汽车尾气中的主要有害成分之一,它在汽缸中高温条件下生成后,排放到大气中,能和空气中的  $\text{O}_2$  反应生成  $\text{NO}_2$ ,  $\text{NO}_2$  可和水蒸气反应生成酸雾,污染空气环境。所以需要用合适的催化剂,使  $\text{NO}$  分解为  $\text{N}_2$  和  $\text{O}_2$ ,解决污染问题。

### 【例 5.2】 乙烯加氢反应



从热力学角度看,反应放热,理当容易进行,但实际上这个反应需要催化剂。对这反应可用前线轨道理论分析如下:当  $\text{C}_2\text{H}_4$  分子 HOMO 和  $\text{H}_2$  分子的 LUMO 接近,彼此对称性不匹配;当  $\text{C}_2\text{H}_4$  分子的 LUMO 和  $\text{H}_2$  分子的 HOMO 接近,彼此对称性也不匹配。如图 5.14(a)、(b)所示。只有进行催化反应,例如利用金属镍作催化剂,将  $\text{H}_2$  的反键轨道和 Ni 原子的 d 轨道叠加, Ni 的 d 轨道提供电子给 H 原子,再和  $\text{C}_2\text{H}_4$  的 LUMO 结合,  $\text{C}_2\text{H}_4$  分子加  $\text{H}_2$  反应才可进行,如图 5.14(c)。

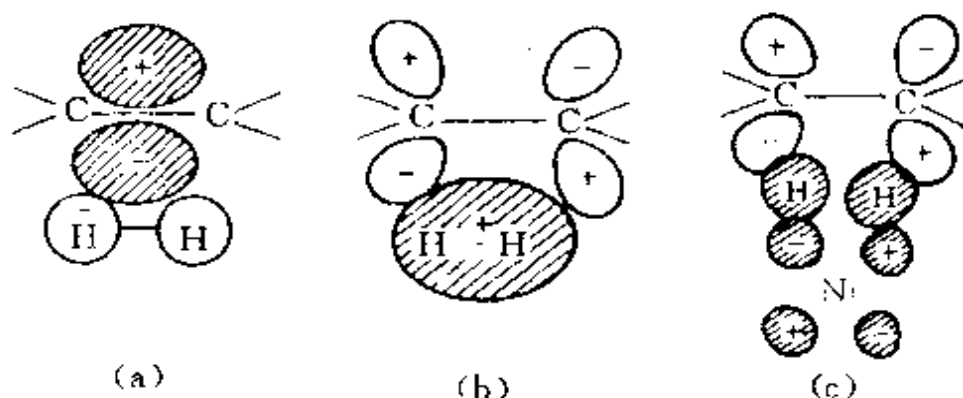
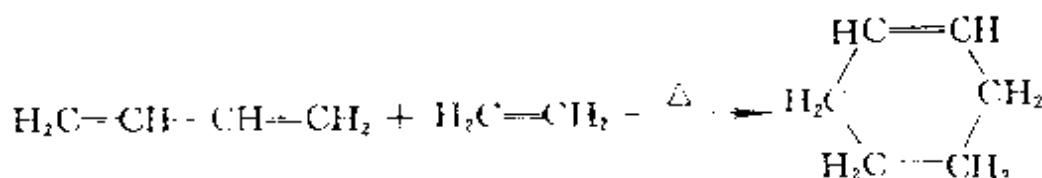


图 5.14 乙烯加氢反应

**【例 5.3】** 丁二烯和乙烯环加成生成环己烯的反应



这一反应加热即能进行,因为它们的前线轨道对称性匹配,如图 5.15 所示。

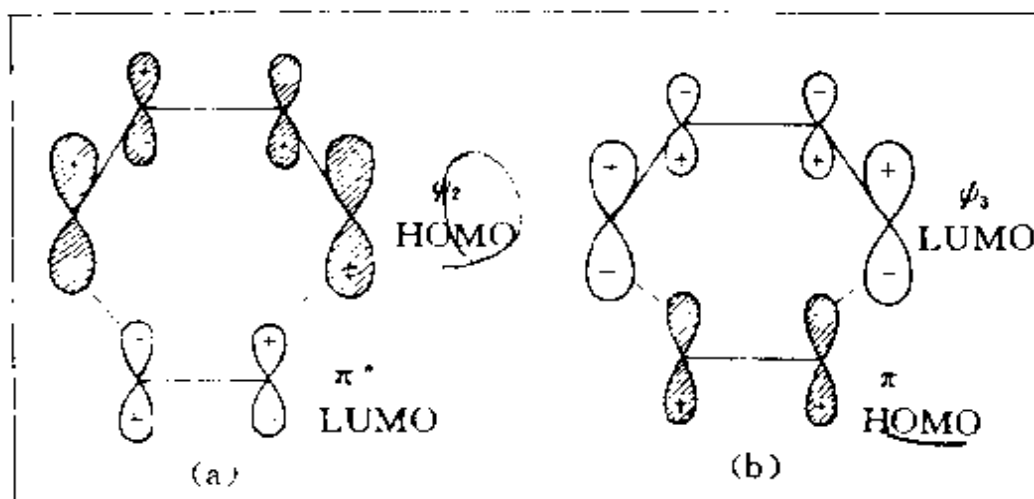


图 5.15 丁二烯和乙烯环加成生成环己烯的反应

但是两个乙烯分子环加成变为环丁烷的反应,单纯加热并不能进行。(为什么?)

如左图所示  
 $\pi - \pi^*$   
 $\sigma - \sigma^*$

### -3- 分子轨道对称守恒原理

本小节用分子轨道对称守恒原理中的能量相关理论来分析单分子反应,并以丁二烯型化合物和己三烯型化合物为例进行讨论。

分子轨道对称守恒原理是将整个分子轨道一起考虑,即在一步完成的化学反应中,若反应物分子和产物分子的分子轨道对称性一致时,反应容易进行,也就是说整个反应体系从反应物、中间态到产物,分子轨道始终保持某一点群的对称性(顺旋过程保持 $C_2$ 点群,对旋过程保持 $C_2$ 点群),反应容易进行。根据这一考虑,可将反应过程分子轨道的变化关系用能量相关图联系起来,并得出几个要点如下:

- (1) 反应物的分子轨道与产物的分子轨道一一对应;
- (2) 相关轨道的对称性相同;
- (3) 相关轨道的能量应相近;
- (4) 对称性相同的相关线不相交。

在能量相关图中,如果产物的每个成键轨道都只和反应物的成键轨道相关联,则反应的活化能低,易于反应,称作对称允许,一般加热就能实现反应;如果双方有成键轨道和反键轨道相关联,则反应活化能高,难于反应,称作对称禁阻,要实现这种反应,须把反应物的基态电子激发到激发态。对称性相同的轨道间会产生相互排斥的作用,所以对称性相同的关联线不相交。

#### 1. 丁二烯型化合物

丁二烯型化合物在不同条件下电环合,可得不同构型的环丁烯型产物。在加热条件下,分子保持 $C_2$ 对称性,进行顺旋反应,如图 5.16(a);在光照条件下,分子保持 $\sigma_v$ 对称性,进行对旋反应,如图 5.16(b)。

在讨论反应物和产物的分子轨道对称性时,只需考虑参与旧键断裂新键形成的那些分子轨道,对于 $\sigma$ 键骨架以及一些取代基都可不必考虑。图 5.17 示出丁二烯和环丁烯的分子轨道图形。

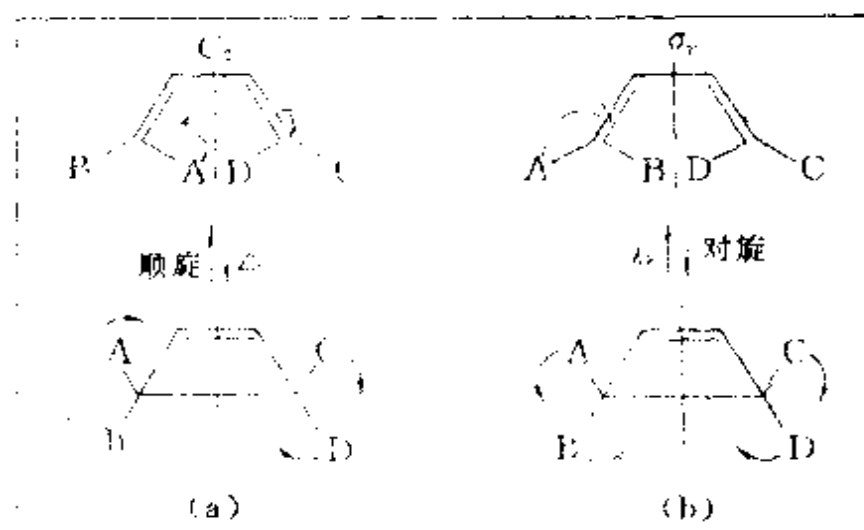


图 5.16 丁二烯在不同条件下的电环合

按图 5.15 将丁二烯和环丁烯的分子轨道的能级高低和对称性相并在一起,画出顺旋和对旋两种方式,并按能量相关图的几个要点连线,得图 5.18 所示的结果。

由图 5.18 可见,在进行顺旋闭环时,反应物的成键轨道是与产物的成键轨道相关连的,说明反应物处于基态时就可直接转化

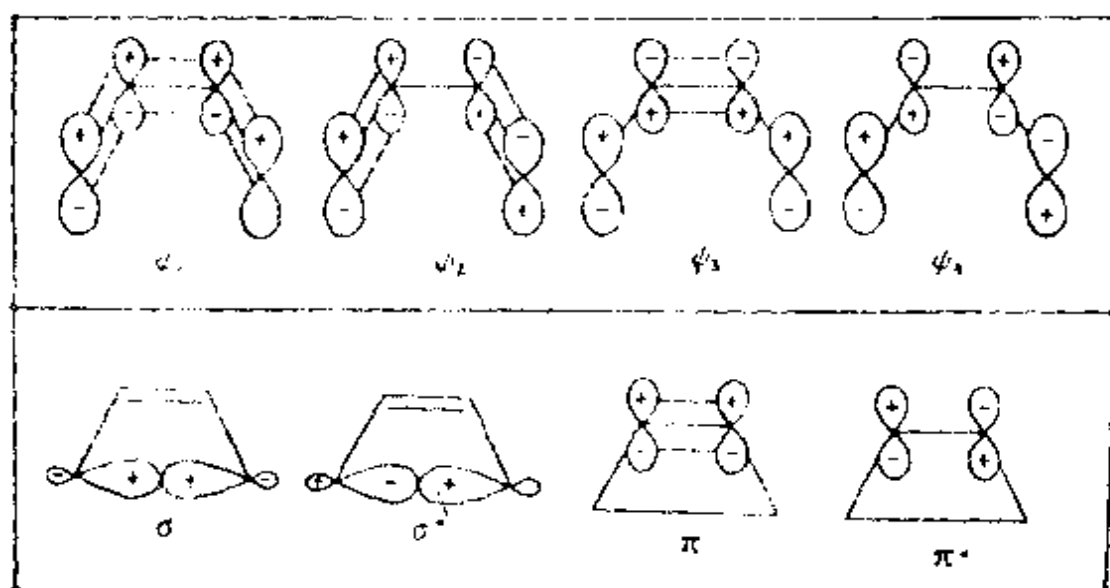


图 5.17 丁二烯(上)与环丁烯(下)的分子轨道图形  
(图中丁二烯轨道相对大小没有按比例画,请参看图 5.7)



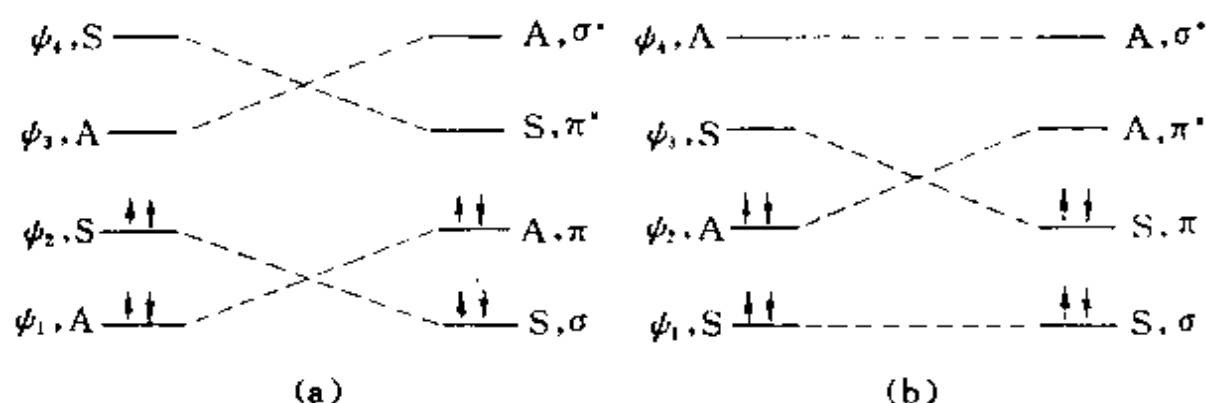


图 5.18 丁二烯-环丁烯顺旋(a)和对旋(b)相互转化时的轨道能级相关图

(图中 S 表示对称, A 表示反对称)

为产物的基态,一般加热条件下即可进行。在进行对旋闭环时,反应物的一些成键轨道与产物中的反键轨道相关连,而产物中的有些成键轨道却与反应物中的反键轨道相关连,这说明反应物必须处在激发态的情况,即  $\psi_2$  的电子激发到  $\psi_3$ ,才能转化为产物的基态,反应的活化能较大,在光照条件( $h\nu$ )下反应才能进行。

## 2. 己三烯型化合物

己三烯的分子轨道对称性和丁二烯不同,如果按照上述方法作能级相关图,可得加热情况下发生对旋闭环,光照情况下发生顺旋闭环的结论,如图 5.19 所示。

归纳以上两例,可得共轭多烯环合反应情况,列于表 5.3 中。

表 5.3 共轭多烯环合反应情况

$\pi$ 电子数	MO 对称性		反应条件	反应方式
	$C_2$	$\sigma$		
$4m$	S A	A S	$\Delta$ $h\nu$	顺旋 对旋
$4m+2$	A S	S A	$\Delta$ $h\nu$	对旋 顺旋

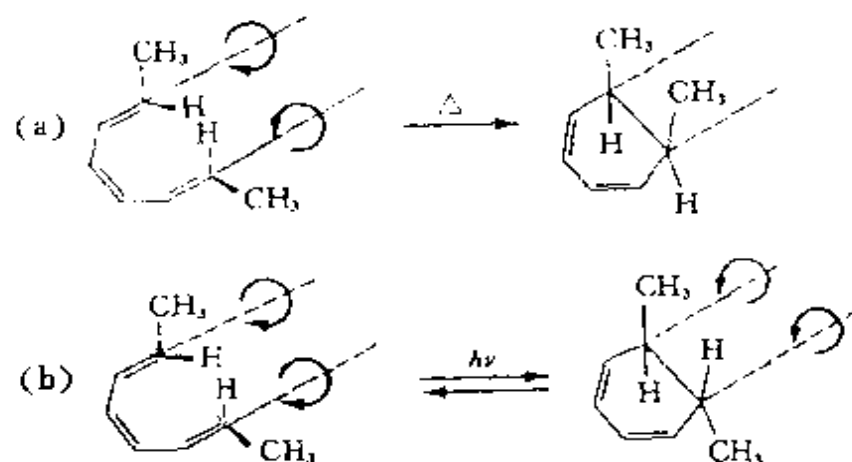


图 5.19 己三烯在不同条件下环合的情况

## 5.7 共价键的键长和键能

### 1- 共价键的键长和原子的共价半径

通过衍射、光谱等实验,已测定大量分子立体构型的数据,获得许多分子中成键原子间的距离<sup>[10,11]</sup>。由实验结果得知,在不同分子中两个原子间形成相同类型的化学键时,键长相近,即共价键键长有一定守恒性。

通过实验测定各种共价化合物的键长,求出它们的平均值,即得到共价键键长数据。根据键长数据可以获得原子的共价半径。例如,实验测定 C—C 共价单键的键长为 154 pm,取该值的一半可当作碳原子的共价半径,即 77 pm。同理,由 Cl—Cl 键长得到 Cl 的共价单键半径 99 pm。若干原子的共价半径数据列于表 5.4 中。

利用表 5.4 中的数值,可以从两个成键原子的共价半径计算出键长数据。例如 C—Cl 键键长为 176 pm ( $= 77 \text{ pm} + 99 \text{ pm}$ ),在  $\text{CCl}_4$  分子中,实验测定的 C—Cl 键键长为 177 pm,与计算值符合得很好。

表 5.4 原子的共价半径/pm

共价单键										
H										
32										
Li	Be					B	C	N	O	F
134	90					82	77	75	73	72
Na	Mg					Al	Si	P	S	Cl
154	130					118	113	106	102	99
K	Ca	Sc	Ti	Cu	Zn	Ga	Ge	As	Se	Br
196	174	144	136	138	131	126	122	119	116	114
Rb	Sr	Y	Zr	Ag	Cd	In	Sn	Sb	Te	I
211	192	162	148	153	148	144	141	138	135	133
Cs	Ba	La	Hf	Au	Hg	Tl	Pb	Bi		
225	198	169	--	150	149	148	147	146		
共价双键和三键										
	B	C	N	O	S	Se				
双键	71	67	62	60	94	107				
三键	64	60	55	55	87					

利用原子共价半径计算键长时,应考虑下面两种情况。

(1) 异核原子间键长的计算值常常比实验测定值稍大。例如,实验测定  $\text{SnCl}_4$  中  $\text{Sn}-\text{Cl}$  键键长为 231 pm,而根据共价半径加和值为  $141+99=240$  pm。这一差异的原因是由于共价半径的理论值是由同核双原子分子中获得;而实际分子中原子间有电负性差,额外增加了吸引力,使键缩短。这时可根据电负性差( $\Delta$ ),按下式计算键长(取 pm 单位)

$$r_{A-B}=r_A+r_B-9|\chi_A-\chi_B| \quad (5.37)$$

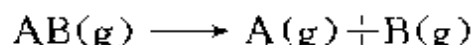
$r_{A-B}$  是计算的键长,  $r_A$  和  $r_B$  分别为 A 原子和 B 原子的共价半径,  $\chi_A$  和  $\chi_B$  是 A 和 B 的电负性值,  $\chi_A$  值大。

(2) 同样一种化学键对不同分子有它的特殊性,键长也略有差异。例如同是 C—C 键,由于杂化形式发生改变,键中 s 轨道的成分发生变化时, C—C 键长也发生变化,如表 5.2 所示。

当有离域  $\pi$  键或其他复键存在时,就不能再用共价单键半径计算键长。反之,根据键长可以了解键的性质。

## -2- 共价键键能

按热化学观点,双原子分子  $A-B$  键的键能是指在 0.103 MPa 和 298 K 时,反应体系



焓的改变量。所以在 0.103 MPa、298 K 时,双原子分子的解离能就是它的键能,可直接从热化学测量中得到。从微观分析,令  $A(g)$  和  $B(g)$  相距无限远时,体系的相对能量为 0;当  $A(g)$  和  $B(g)$  彼此逐渐接近时,体系的能量降低。能量曲线如图 3.20 所示。至平衡距离  $r_e$  时,体系能量最低,降低值为  $D_e$ 。 $D_e$  为平衡解离能。实验测定的解离能和  $D_e$  值不同。若以  $D_0$  表示  $AB$  分子基态的能量(即 0 K 时的能量),  $D_e$  和  $D_0$  之差为体系的零点能,它等于  $h\nu/2$ 。可由这个分子的振动频率计算。若精确计算 298 K 时的解离能  $D_{298}$ ,还应当考虑温度的微小影响,  $D_{298}$  即为  $A-B$  键的键能。对于  $H_2$  分子

$$D_0 = 432 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$$\begin{aligned} \frac{1}{2}h\nu &= 0.5 \times 6.626 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s} \times 1.25 \times 10^{14} \text{ s}^{-1} \times 6.02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1} \\ &= 25 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \end{aligned}$$

$$D_e = 457 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

考虑  $T$  K 时,  $H_2$  和  $2H$  的平动和转动能量差为

$$2 \times \frac{3}{2}RT - \frac{5}{2}RT = -\frac{1}{2}RT$$

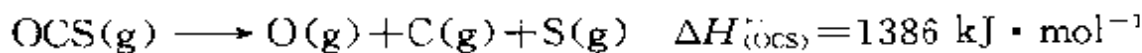
体积膨胀能量差为  $RT$ , 两项共  $3RT/2$ , 即  $4 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 所以  $H_2$  的  $D_{298} = 436 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 表 5.5 列出若干化学键的键能。

对于多原子分子,如果仅仅拆断一个键,使一个分子变成两部分,所需的能量称为该键的解离能  $D$ ,它在热化学计算中是一个很

表 5.5 若干化学键的键能<sup>1)</sup> (kJ·mol<sup>-1</sup>, 298 K)

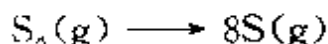
单键	H	C	N	O	F	Si	P	S	Cl	Ge	As	Se	Br	Sb	Te	I
H	436															
C	415	331														
N	389	293	159													
O	465	343	201	138												
F	565	486	272	181	155											
Si	320	281		368	540	197										
P	318	264	360	352	490	214	214									
S	364	289	217		310	226	230	264								
Cl	431	327	201	205	252	360	318	272	213							
Ge	289	243			465				239	163						
As	247				465				289		178					
Se	314	247			306				251			193				
Br	368	276	243		239	289	272	214	218	276	239	226	193			
Sb														126		
Te	268				343										138	
I	297	239	201	201		214	214		209	214	180		180			151
双键和三键		C=C	620	C=N	615	C=O	708	N=N	419	O=O	498	S=O	420	S=C	378	
		C≡C	812	C≡N	879	C≡O	1072	N≡N	945	S=S	423	Se=O	425	Se=C	156	

有价值的数。但是需要注意,键的解离能( $D$ )并不能代表键的强度,即不能代表键能,因为当分子断开一个键分成两部分时,每一部分都可能键或电子的重排。例如



$D_{(\text{OC}=\text{S})}$ 与 $D_{(\text{O}=\text{CS})}$ 之和远比OCS分解为组成它的全部原子所需的能量要少。

把一个分子分解为组成它的全部原子时所需要的能量,应该恰好等于这个分子中全部化学键键能的总和。有了这一概念,既可以从解离能计算键能,也可以从键能粗略地计算解离能。例如

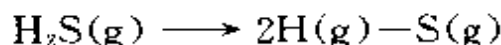


$$\Delta H_{\text{解离}} = 2130 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

由此数据可以计算S—S键键能

$$E_{(\text{S}-\text{S})} = 2130 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} / 8 = 266 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

又如,  $\text{H}_2\text{S}$  的解离能为

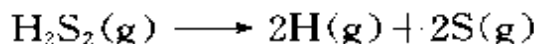


$$\Delta H_{\text{解离}}^\circ = 735 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

S—H 键键能

$$E_{\text{S-H}} = 735 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} / 2 = 367 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

由上述数据,就可估计出



的解离能为  $266 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} + 2 \times 367 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} = 1000 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 此分子的解离能的实验测定值为  $984 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。

表 5.5 所列的键能数据是统计平均值,它反映了不同分子中同一种键的共性,忽略了它们的个性。例如乙烯和乙烷中的 C—H 键键能不会完全相同的,但是用它估算,准确度可达  $10 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。从键能数据还可归纳出下面两个有用规律:

(1) 当同种原子键  $A-A$  和  $B-B$  改组成为两个异种原子键  $A-B$  时, 键能一般有所增加, 即

$$2E_{A-B} > E_{A-A} + E_{B-B}$$

Pauling 认为这是由于异核键中有离子键成分, 其数值与两原子的电负性值差 ( $\Delta = \chi_A - \chi_B$ ) 有关, 可表示为

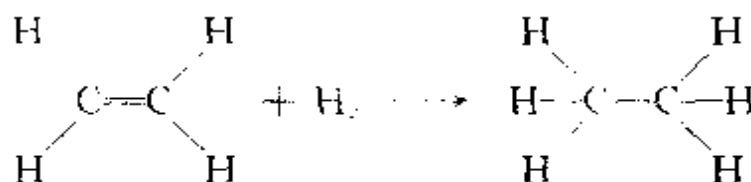
$$E_{A-B} = \frac{1}{2}(E_{A-A} + E_{B-B}) + (96 \Delta^2) \quad (5.38)$$

式中键能  $E$  用  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  为单位。

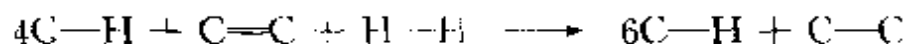
(2) 当  $C=C$  双键改组成为两个  $C-C$  单键时, 键能总是有所增加, 即

$$2E_{C-C} > E_{C=C}$$

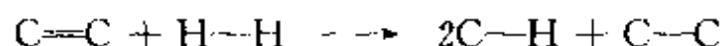
利用键能表及其规律估计反应热, 在不要求很准确的情况下, 常常是十分有用的。例如乙烯加氢



反应前后键的变化是



可简化为



由键能计算反应热(或反应焓变  $\Delta H$ )的公式为

$$\Delta H = \text{反应物分子中键能的总和} - \text{产物分子中键能的总和}$$

即

$$\Delta H = (4E_{\text{C}-\text{H}} + E_{\text{C}=\text{C}} + E_{\text{H}-\text{H}}) - (6E_{\text{C}-\text{H}} + E_{\text{C}-\text{C}})$$

也即

$$\begin{aligned} \Delta H &= (E_{\text{C}=\text{C}} + E_{\text{H}-\text{H}}) - (2E_{\text{C}-\text{H}} + E_{\text{C}-\text{C}}) \\ &= (615 + 436) \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} - (2 \times 415 + 344) \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \\ &= -123 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \end{aligned}$$

此估算值与实验测定值  $-137.3 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  是相近的。

## 5.8 分子间作用力和分子的大小形状

### 1- 分子间作用力

分子间作用力是除共价键、离子键和金属键外基团间和分子间相互作用力的总称,它主要包括:离子或荷电基团、偶极子、诱导偶极子之间的相互作用力、氢键力、疏水基团相互作用力及非键电子推斥力等。大多数分子的分子间作用能在  $10 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  以下,比通常的共价键键能小 1—2 个数量级,作用范围约为  $0.3\text{--}0.5 \text{ nm}$ 。除氢键外,一般没有方向性和饱和性。

现将离子或荷电基团、偶极子及诱导偶极子等之间相互作用的能量与距离间有明确函数关系者列于表 5.6 中。

表 5.6 中与  $1/r^n$  成比例的三种作用力通称范德华引力(van der Waals forces),它是人们在研究气体行为时,发现在气相中分子之间存在吸引和排斥的作用,用范德华方程以校正实际气体对理想气体的偏离时提出来的,它们将在本节中详细地讨论。荷电基团间的静电作用力(又称盐键力,如 $-\text{COO}^- \cdots ^+\text{H}_3\text{N}-$ 间的静电作用力),其作用能正比于互相作用的基团间荷电的数量,而与基团间的距离成反比。非键电子的推斥作用存在于一切基团之间,与 Pauli 斥力等有关,是短程作用力。

表 5.6 一些分子间作用能与距离的关系

作用力类型	能量与距离的关系
荷电基团静电作用	$1/r$
离子-偶极子	$1/r^2$
离子-诱导偶极子	$1/r^4$
偶极子-偶极子	$1/r^6$
偶极子-诱导偶极子	$1/r^6$
诱导偶极子-诱导偶极子	$1/r^6$
非键推斥	$1/r^9 \sim 1/r^{12}$



表 5.6 中未列入的氢键,其本质及结构原理,将在后面(10.3 节)讨论。和氢键密切相关的疏水基团相互作用,是指极性基团间的静电力和氢键力使极性基团倾向于聚集在一起,因而排斥疏水基团,使疏水基团互相聚集所产生的能量效应和熵效应。在蛋白质分子中,疏水侧链基团如:苯丙氨酸、亮氨酸、异亮氨酸等较大的疏水基团通常聚集在一起,形成疏水区,大部分存在于分子的内部,这种聚集在一起的作用力即为疏水基团相互作用。图 5.20 示意表示出 A 和 B 两个疏水基团在水中相互结合后,从 A...B 间非极性

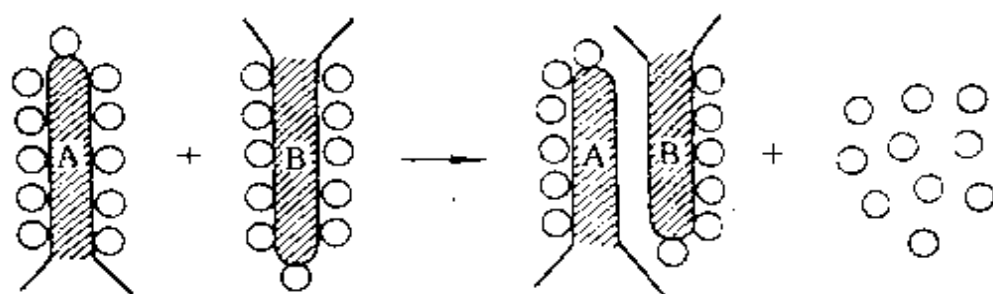


图 5.20 疏水基团相互作用示意图

面置换出来的水分子成无序状态,使体系的熵增加,减少自由焓 ( $-T\Delta S$ ),使两个非极性区域间的接触稳定化,这种缔合就是疏水基团相互作用的结果,每个  $\text{CH}_2 \cdots \text{H}_2\text{C}$  约达  $3 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。

分子间的作用力对分子构型(即键长和键角)的影响一般都很小,但是对围绕单键的扭角等分子构象的改变影响却很大。分子的构象决定于分子间的作用力或非共价键的作用力。所以分子间作用力对于讨论分子的化学性质和分子的几何学关系很大。

在有些大分子中,分子内部各基团之间的相互作用,也带有上述分子间作用力的性质。例如,在球蛋白中,蛋白质分子的稳定构象,或者说蛋白质分子的高级结构,主要由上述各种分子间的作用力所决定。

## -2- 范德华引力和范德华半径

范德华引力的来源主要有三种。

## 1. 静电力

极性分子有永久偶极矩, 偶极矩间产生静电吸引作用, 其平均能量为

$$E_{\text{静}} = -\frac{2}{3} \frac{\mu_1^2 \mu_2^2}{kT r^6} \times \frac{1}{(4\pi\epsilon_0)^2} \quad (5.39)$$

式中:  $\mu_1$  和  $\mu_2$  分别是两个相互作用分子的偶极矩,  $r$  是分子质心间的距离,  $k$  为 Boltzmann 常数,  $T$  为绝对温度, 负值代表能量降低。由此式可见, 偶极分子间作用能随分子永久偶极矩的增加而增大, 对同类分子,  $\mu_1 = \mu_2$ ,  $E_{\text{静}}$  和偶极矩四次方成正比。当温度升高时, 破坏偶极分子的取向, 相互作用能降低, 故它是和绝对温度成反比。

在室温下 ( $T=300\text{ K}$ ), 具有偶极矩约 1D 的分子, 相距为 0.3 nm 时。这时

$$\mu_1 = \mu_2 = 1\text{D} = 3.336 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m}$$

$$\epsilon_0 = 8.854 \times 10^{-12} \text{ J}^{-1} \cdot \text{C}^2 \cdot \text{m}^{-1}$$

$$k = 1.381 \times 10^{-23} \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$$

$$T = 300 \text{ K}$$

$$r = 3 \times 10^{-10} \text{ m}$$

将这些数据代入公式, 得

$$E_{\text{静}} = -2.2 \times 10^{-21} \text{ J} = -1.3 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

## 2. 诱导力

永久偶极矩将诱导邻近分子使发生电荷位移, 出现诱导偶极矩。永久偶极矩和诱导偶极矩之间存在吸引作用, 此相互作用的能量称为诱导能。偶极矩为  $\mu_1$  的分子 1 与极化率为  $\alpha_2$  的分子 2 之间的平均诱导能为

$$E_{\text{诱}} = -\frac{\alpha_2 \mu_1^2}{(4\pi\epsilon_0)^2 r^6} \quad (5.40)$$

例如某一分子具有偶极矩  $\mu_1 = 1\text{D}$ , 而相邻分子的极化率  $\alpha_2 = 1.11 \times 10^{-40} \text{ J}^{-1} \cdot \text{C}^2 \cdot \text{m}^2$ 。它们相隔 0.3 nm 时, 可算得

$$E_{\text{诱}} = -0.08 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

### 3. 色散力

非极性分子有瞬间的偶极矩。瞬间偶极矩将在邻近分子中诱导出偶极矩,瞬间偶极矩与诱导偶极矩间的相互作用力叫色散力。这种相互作用的能量叫色散能。London 推出两个分子之间色散能的近似表达式为

$$E_{\text{色}} = -\frac{3}{2} \frac{I_1 I_2}{I_1 + I_2} \left\{ \frac{\alpha_1 \alpha_2}{r^6} \right\} \frac{1}{(4\pi\epsilon_0)^2} \quad (5.41)$$

式中  $I_1$  和  $I_2$  是两个相互作用分子的电离能,  $\alpha_1$  和  $\alpha_2$  是它们的极化率。例如,对两个相同分子

$$\alpha_1 = \alpha_2 = 2.9 \times 10^{-40} \text{ J}^{-1} \cdot \text{C}^2 \cdot \text{m}^2,$$

$$I = 7 \text{ eV} (670 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1})$$

当二者相隔 0.3 nm 时,可算得

$$E_{\text{色}} = -4.7 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

静电力和诱导力只存在于极性分子,色散力则不管是极性分子或非极性分子都存在。这些作用力不仅存在于不同分子间,而且还存在于同一分子内的不同原子或基团之间。实验表明一般分子之间的这三种作用力,色散力是主要的。

表 5.7 若干分子的范德华作用能

分子	偶极矩 $\mu$ $\frac{10^{-30}}{\text{C} \cdot \text{m}}$	极化率 $\alpha$ $\frac{10^{-40} \text{ J}^{-1}}{\text{C}^2 \cdot \text{m}^2}$	$E_{\text{静}}$ $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	$E_{\text{诱}}$ $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	$E_{\text{色}}$ $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$	$E_{\text{总}}$ $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$
Ar	0	1.85	0.000	0.000	8.50	8.50
CO	0.390	2.20	0.003	0.008	8.75	8.75
HI	1.40	6.06	0.025	0.113	25.87	26.00
HBr	2.67	4.01	0.69	0.502	21.94	23.11
HCl	3.60	2.93	3.31	1.00	16.83	21.14
NH <sub>3</sub>	4.90	2.47	13.31	1.55	14.95	29.60
H <sub>2</sub> O	6.17	1.65	36.39	1.93	9.00	47.31

一些纯化合物中分子间作用能的贡献列于表 5.7。由表可见,除个别极性很高的分子外,  $E_{\text{色}}$  是主要的,而  $E_{\text{偶}}$  和  $E_{\text{静}}$  都较小。 $E_{\text{色}}$  由分子的极化率( $\alpha$ )决定,  $\alpha$  反映分子中电子云是否容易变形,当分子中电子数目增加,原子变大,外层电子离核较远,  $\alpha$  增加。例如卤素分子的  $\alpha$  值随分子量的增加而加大,  $E_{\text{色}}$  也加大。

当分子中有  $\pi$  键,其电子云比  $\sigma$  键容易变形;若有离域  $\pi$  键,则  $\alpha$  一般都较大,如苯和萘等。 $E_{\text{色}}$  增加,分子间作用力增加。

分子间相距较远时,吸引力较明显;而当分子靠近时,就会出现排斥力。和吸引力相比,排斥力是短程力,其作用能可近似表达为

$$E_{\text{排斥}} = \frac{A}{r^n} \quad (5.42)$$

$A$  是个正值常数,  $n$  是约 9—12 的数值。这样,分子间相互作用的势能可表达为

$$E = \frac{A}{r^n} - \frac{B}{r^6} \quad (5.43)$$

Lennard-Jones (林纳德-琼斯) 认为对大多数物质  $n=12$  符合较好。这样分子间作用势能可用“Lennard-Jones 6—12 关系式”

$$E = \frac{A}{r^{12}} - \frac{B}{r^6} \quad (5.44)$$

表达。常数  $A$  和  $B$  可通过实验(如在分子束中分子的散射)予以测定。根据这公式作  $E-r$  曲线时,曲线会出现最低点。相应这最低点的距离即平衡距离。也就是说,当分子相互接近,到吸引和排斥达到平衡时,体系能量最低。此时分子间保持一定的接触距离。相邻分子相互接触的原子间的距离即为该两原子的范德华半径和。范德华半径比共价半径大,变动范围也大,即守恒性差。现在应用最广的范德华半径是由 Pauling 所给定的数值;而数据最全而又被一些人认为是最合适的范德华半径是由 Bondi (邦迪) 所给定的数值。表 5.8 列出一些原子和基团的范德华半径(单位: pm)。人们可根据需要,选用其中的一套,但不宜混用。由于实验数据不断积

累,有些人对新的结构数据进行归纳整理,以求得更适合于实际情况的范德华半径值。

表 5.8 一些原子和基团的范德华半径\*

原子	$r_B$	$r_P$	原子	$r_B$	$r_P$	原子	$r_B$	$r_P$
H	(120)	120	N	155	150	Ar	188	192
Li	(182)		P	180	190	Kr	202	198
Na	(227)		As	185	200	Xe	216	218
K	(275)		Sb	190	220	Cu	(143)	
Mg	(173)		Bi	187		Ag	(172)	
B	(213)		O	152	140	Au	(166)	
Al	(251)		S	180	184	Zn	139	
Ga	(251)		Se	190	200	Cd	162	
In	(255)		Te	206	220	Hg	170	
Tl	(196)		F	147	135	Ni	(163)	
C	(170)	172	Cl	175	180	Pd	(163)	
Si	210		Br	185	195	Pt	(175)	
Ge	219		I	198	215	CH <sub>3</sub>		200
Sn	(227)		He	140	140			
Pb	(202)		Ne	154	154			

\*  $r_B$  表示由 Bondi 所给的值,加括号表示精确度较差; $r_P$  表示 Pauling 所给的值,参看参考文献[16,17]。

根据 Pauling 所给的范德华半径值,卤素原子 X 和 O, S, Se, Te 等原子的范德华半径,分别和它们相应的 1 价负离子  $X^-$  和 2 价负离子  $O^{2-}$ ,  $S^{2-}$ ,  $Se^{2-}$ ,  $Te^{2-}$  的离子半径相近。例如: Cl 的范德华半径为 180 pm,  $Cl^-$  的离子半径为 181 pm; O 的范德华半径为 140 pm,  $O^{2-}$  的离子半径为 140 pm。这是由于在离子晶体中,  $Cl^-$  离子间的接触状况与含氯分子中 Cl 在非键方向电子云分布的状况相似。

### -3- 分子的大小和形状

一个分子的大小可由液态或固态时的摩尔体积求算。例如水的摩尔体积是 18 cm<sup>3</sup>,水中一个 H<sub>2</sub>O 分子占有的体积为

$$18 \text{ cm}^3 / 6.02 \times 10^{23} = 30 \times 10^{-24} \text{ cm}^3$$

此即一个  $\text{H}_2\text{O}$  分子的大小,它包括了分子间的空隙。

一个分子的形状和大小由分子内部原子间的键长、键角、扭角和原子的范德华半径等决定。可通过测定晶体的结构,根据结构了解分子内部有关参数、晶体中分子的堆积情况和分子间的接触距离等。图 5.21 示出若干种分子的形状。

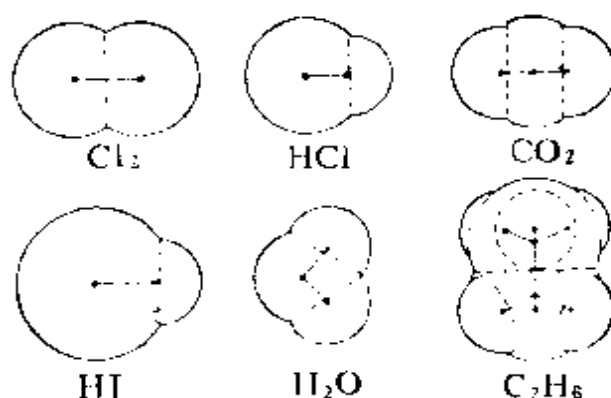


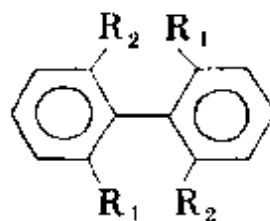
图 5.21 分子的形状

根据分子的结构式和键长、键角、扭角数值,可以搭出分子的骨架;再考虑分子中各个原子的范德华半径,就可得到分子的形状和大小。许多分子模型就是根据原子的共价半径、典型的键角数值以及原子的范德华半径等数据制造的。伸展的直链烷烃  $\text{C}_n\text{H}_{2n+2}$  分子的直径为 490 pm,长度为  $[400 + 126(n-1)] \text{ pm}$ 。

分子的形状和大小在实际工作中具有重要的意义:

(1) 了解空间阻碍效应。空间阻碍效应是一种基本的化学效应,它和共轭效应、诱导效应等一样,是了解化合物性质的重要依据之一。空间阻碍效应主要是分子内部基团之间的相互排斥作用,它会影响分子的构型和性质。联苯型分子

由于邻位取代基  $\text{R}_1$ 、 $\text{R}_2$  空间阻碍作用,当  $\text{R}_1$  和  $\text{R}_2$  较大时,两个苯环不能共面,破坏镜面对称性,使分子具有旋光的性质。



一系列有机反应,由于空间阻碍作用,减少反应基团间互相接触机会,使产率降低。

将  $X-\text{C}_6\text{H}_5$  进行取代反应,在通常条件下,对位、间位和邻位的产品有一定的比例,很难获得单一的对位产品。欲得单一的对位产品,可利用空间阻碍效应控制反应进行的部位,方法之一是利用环糊精保护法。环糊精具有管状结构,其内壁由疏水基团组成。当在环糊精水溶液中加入  $X-\text{C}_6\text{H}_5$  后,环糊精内壁的亲油效应使分子进入管中,露出两头,再进行反应,可获得单一的对位取代产物  $X-\text{C}_6\text{H}_4-\text{Y}$ 。

(2) 了解表面吸附性质。评价催化剂的品位和性质需要了解催化剂的比表面,可根据催化剂对气体分子的单层饱和吸附量和分子的截面积( $\sigma$ )求算。常用的几种分子的截面积如下表:

分子	$\text{H}_2\text{O}$	$\text{N}_2$	$\text{C}_6\text{H}_6$
$\frac{\sigma}{\text{nm}^2}$	0.125 (25℃)	0.162 (-195℃)	0.43 (20℃)

水表面上单分子层吸附的性质与分子的大小密切相关。例如长链有机酸  $\text{CH}_3(\text{CH}_2)_{16}\text{COOH}$ 。它的分子量为 284,密度为  $0.85 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ 。其摩尔体积为  $284 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} / 0.85 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3} = 330 \text{ cm}^3 \text{ mol}^{-1}$ ,一个分子所占体积为  $330 \text{ cm}^3 / 6.02 \times 10^{23} = 0.55 \text{ nm}^3$ 。而曲折的碳氢链长度加上端基  $-\text{CH}_3$  和  $\text{O}$  的范德华半径,可近似求得分子的长度为

$$18 \times 154 \text{ pm} \times \cos 35^\circ + 200 \text{ pm} + 140 \text{ pm} = 2610 \text{ pm} = 2.61 \text{ nm}$$

分子的截面积为

$$0.55 \text{ nm}^3 / 2.61 \text{ nm} = 0.21 \text{ nm}^2$$

这一数值和实验测定该有机酸在水表面上单层饱和吸附所得数值  $0.205 \text{ nm}^2$  是比较符合的。

## 5.9 核磁共振谱<sup>[18]</sup>

### 5.9.1 核磁矩和核磁共振的一般原理

电荷运动产生磁场。电子在空间自由运动、电子在导线中运动、电子在分子中运动、电子自旋运动、核自旋运动等,均产生磁场。

磁场强度可用磁感应强度  $B$  表示<sup>①</sup>。 $B$  的 SI 单位是特斯拉 (T),其因次为:  $1 \text{ T} = 1 \text{ N} \cdot \text{C}^{-1} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s} = 1 \text{ kg} \cdot \text{s}^{-1} \cdot \text{C}^{-1}$

核和电子一样,也有自旋运动。核自旋由核自旋量子数  $I$  及核自旋磁量子数  $m_I$  描述。核自旋角动量大小 ( $M_N$ ) 决定于  $I$  的数值

$$M_N = \sqrt{I(I+1)} \frac{h}{2\pi} \quad (5.45)$$

$I$  为整数或半整数。核自旋角动量在  $z$  轴上的分量  $M_{N_z}$  由  $m_I$  决定

$$M_{N_z} = m_I \frac{h}{2\pi} \quad (5.46)$$

( $m_I$  可为  $-I, -I+1, \dots, I-1, I$ )

带电物体有角动量就有磁矩。核磁矩  $\mu_N$  和核自旋角动量  $M_N$  的关系为

$$\begin{aligned} \mu_N &= g_N \frac{e}{2m_p} M_N \\ &= g_N \left( \frac{eh}{4\pi m_p} \right) \sqrt{I(I+1)} \\ &= g_N \beta_N \sqrt{I(I+1)} \end{aligned} \quad (5.47)$$

式中:  $m_p$  是核的质量,  $g_N$  是核的  $g$  因子。目前核结构理论还不能预示各种核的  $g_N$  值, 需要从实验上测得。一些核的  $g_N$  值、 $I$  值及其他性质列于表 5.9 中。 $\beta_N \equiv eh/4\pi m_p$  称为核磁子, 它是一个物

---

①  $B$  是真正的基本磁矢量, 理应将  $B$  称为磁场强度, 只是过去认为  $H$  是基本磁矢量, 已将  $H$  称为磁场强度, 因此只好将  $B$  称为磁感应强度。



表 5.9 一些原子核的性质

核	天然丰度 (%)	$I$	磁 矩 $\mu_N/\beta_N$	$g_N$	1 T 场中 NMR 频率 $\nu/\text{MHz}$
$^1\text{H}$	99.9844	1/2	2.79285	5.5857	42.576
$^2\text{H}$	0.0156	1	0.85745	0.85745	6.563
$^{13}\text{C}$	1.108	1/2	0.7023	1.4046	10.705
$^{19}\text{F}$	100	1/2	2.62835	5.2567	40.054
$^{35}\text{Cl}$	75.4	3/2	0.8218	0.5479	4.171
$^{37}\text{Cl}$	24.6	3/2	0.6841	0.4561	3.472

理常数,  $\beta_N$  数值如下

$$\begin{aligned}\beta_N &= \frac{(1.6022 \times 10^{-19} \text{ C})(6.626 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s})}{4\pi(1.6726 \times 10^{-27} \text{ kg})} \\ &= 5.051 \times 10^{-27} \text{ J} \cdot \text{T}^{-1}\end{aligned}\quad (5.48)$$

将外磁场  $B$  加在含有自旋不为零的核的样品上, 核磁矩  $\mu_N$  与  $B$  相互作用, 将产生核磁偶极能量  $E$ 。

$$E = -\mu_N B \cos\theta$$

$\theta$  是  $B$  和  $\mu_N$  的夹角。若令外磁场方向为  $z$  方向, 上式可写成

$$\begin{aligned}E &= -g_N \left( \frac{e}{2m_P} \right) M_N B \\ &= -g_N \left( \frac{e}{2m_P} \right) \left( \frac{h}{2\pi} \right) m_I B \\ &= -g_N \beta_N m_I B\end{aligned}\quad (5.49)$$

式中核磁量子数  $m_I$  可能取值为  $-I, \dots, I$ , 对质子  $^1\text{H}$ ,  $I=1/2$ ,  $m_I$  可为  $-1/2$  和  $1/2$ 。随外磁场  $B$  增加, 不同  $m_I$  值间的能级间隔增加, 如图 5.22 所示。

将样品放在频率合适的电磁辐射中, 可观察到核自旋能级间的跃迁, 产生共振吸收谱, 称为核磁共振谱(NMR)。跃迁选律为:

$\Delta m_I = \pm 1$ , 所以吸收频率  $\nu$  为

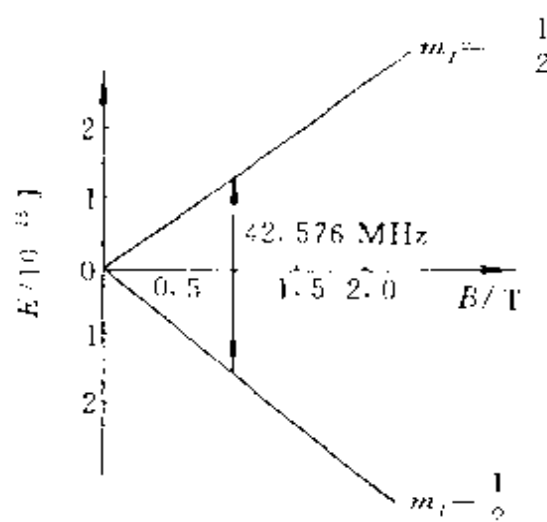


图 5.22  $^1\text{H}$  核自旋能级与外磁场  $B$  的关系

$$\nu = \frac{|\Delta E|}{h} = \frac{g_N \beta_N B}{h} \quad (5.50)$$

若外磁场为 1 T, 这时  $^1\text{H}$  核的吸收频率为

$$\begin{aligned} \nu &= 5.586(5.051 \times 10^{-27} \text{ J/T})(1 \text{ T}) / (6.626 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{S}) \\ &= 42.576 \text{ MHz} \end{aligned}$$

这个频率位于电磁波的射频部分。当  $B=1 \text{ T}$  时, 其他核的 NMR 频率可参看表 5.9。  $I=0$  的核, 例如  $^{12}\text{C}$ ,  $^{16}\text{O}$  等没有磁偶极矩, 也就没有 NMR 谱。  $I \geq 1$  的核有电四极矩, 电四极矩使 NMR 吸收

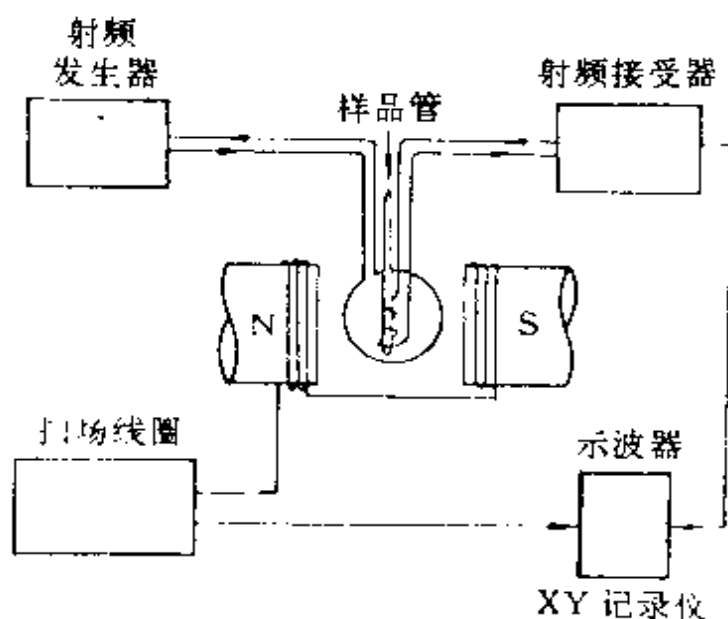


图 5.23 核磁共振仪装置示意图

线变宽,从而失去其化学上有价值的细节的信息,所以通常只研究  $I=1/2$  的核,其中应用最多的是  $^1\text{H}$  和  $^{13}\text{C}$ 。

在实际的 NMR 仪的设计中,常用固定频率  $\nu_0$ ,通过改变外磁场  $B$  的大小来改变能级间隔,使之满足(5.50)式的要求,而产生跃迁。图 5.23 示出 NMR 仪仪器装置示意图,对质子  $^1\text{H}$  的 NMR 谱有 60,100,220 和 300 MHz 等商品型号。

## -2- 化学位移

在一个化合物中,由于  $^1\text{H}$  核所处的化学环境不同,核  $i$  感受的有效磁场  $B_i$  与外磁场  $B$  略有差异,这是因为不同的化学环境电子的分布不同,电子的磁场对抗外磁场的程度略有不同。核  $i$  周围的电子对磁场的贡献是  $-\sigma_i B$ ,  $\sigma_i$  称为核  $i$  的屏蔽常数。例如苯分子中 6 个质子的  $\sigma_i$  都相同,因为它们都具有相同的化学环境;而氯苯( $\text{C}_6\text{H}_5\text{Cl}$ )中处在邻位、间位和对位上的质子,因化学环境不同,有 3 种不同的  $\sigma_i$  值;  $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$  中 H 有 3 种不同的环境,所以有 3 种不同的  $\sigma_i$ 。这样化合物中不同环境的  $^1\text{H}$  核  $i$  感受的有效磁场  $B_i$  变为

$$B_i = B(1 - \sigma_i)$$

因核  $i$  的化学环境改变,使发生跃迁吸收的外场强度由  $B$  变为  $B_i$ ,这种改变叫做化学位移。质子  $i$  的化学位移  $\delta_i$  定义为

$$\delta_i = \frac{B_{\text{参}} - B_i}{B_{\text{参}}} \times 10^6 \quad (5.51)$$

式中  $B_{\text{参}}$  和  $B_i$  是使参比核和核  $i$  产生 NMR 跃迁吸收的外磁场。常用的参比化合物为四甲基硅 [ $\text{Si}(\text{CH}_3)_4$ , 称 TMS], TMS 中全部质子都具有相同的化学环境,因而只显示一个质子 NMR 峰;式中乘以因子  $10^6$  是为了使  $\delta$  得到一个便于表达的数值。 $\delta$  还可以表达成

$$\delta_i = \frac{\Delta\nu}{\nu_{\text{参}}} \times 10^6 = \frac{\nu_i - \nu_{\text{参}}}{\nu_{\text{参}}} \times 10^6 \quad (5.52)$$

$\delta$  是无量纲的, 由于乘  $10^6$  因子, 所以单位为 ppm<sup>①</sup> (百万分之一)。

$\text{Si}(\text{CH}_3)_4$  的质子, 受屏蔽较强, 吸收峰在场强较高区域, 对绝大多数有机物的质子吸收峰不干扰。一般规定它的质子的  $\delta$  为 0.00 ppm。其他质子吸收峰在低磁场区域,  $\delta$  值为正值。实验证明, 在不同化合物中, 同一化学基团的质子, 其  $\delta$  的变化不大, 可用以判别 NMR 谱中各个峰所对应的基团。表 5.10 列出若干基团中质子的  $\delta$  值( $\delta/\text{ppm}$ )。

表 5.10 质子( $^1\text{H}$ )的化学位移

$(\text{CH}_3)_4\text{Si}$	0.00	$\text{C}_{10}\text{H}_8$ (萘)	7.73
$(\text{CH}_2)_2\text{C}$	0.92	$-\text{C}-\text{CH}$	1.4~3.1
$\text{CH}_3-\text{C} \begin{smallmatrix} \diagup \\ \diagdown \end{smallmatrix}$	0.8~1.9	$-\text{OH}$ (醇)	1.4~3.5
$\text{CH}_3-\text{O}-$	3.2~4.0	$\text{OH}$ (酚)	4~10
$\begin{smallmatrix} \diagup \\ \diagdown \end{smallmatrix} \text{C}-\text{CH}_2-\text{C} \begin{smallmatrix} \diagup \\ \diagdown \end{smallmatrix}$	0.3~2.1	$-\text{NH}_2$ (烷基胺)	1.1~1.8
$\text{C}_3\text{H}_6$ (环丙烷)	0.22	$-\text{NH}_2$ (芳基胺)	3.4~4.3
$\begin{smallmatrix} \diagup \\ \diagdown \end{smallmatrix} \text{C}=\text{CH}-$	4.6~7.0	$\text{NH}_2$ (酰胺)	6.0~6.3
$\text{C}_6\text{H}_6$ (苯)	7.27	$-\text{CHO}$	8.0~10.5
		$-\text{COOH}$	9.7~13.3

分子中不同化学环境的质子化学位移不同, 通过化学位移和峰的强度可用以鉴别质子所属的基团, 推测分子的结构。化学位移值受下列结构因素的影响:

(1) 核外电子分布。一切改变电子云分布的因素都会对化学

① ppm: 英文缩写, 表示百万分之一。根据“量和单位”国家标准, 应逐步废除。但为了照顾专业人员的阅读习惯, 本书仍沿用 ppm 表示化学位移。

位移产生影响,一般核周围电子云密度大,对核的屏蔽作用较强, $\delta$  值较小。邻近基团的诱导效应会改变电子云的分布而影响化学位移。例如  $\alpha$  位置上有关素、N、O 等原子,由于诱导效应使质子周围的电子云减少,屏蔽作用减弱, $\delta$  值增大。和电负性较强的原子相连的质子, $\delta$  值增大较多。

(2) 反磁各向异性效应。化学键中的  $\pi$  键电子容易变形,易受外磁场感应产生磁场,苯环中的  $\pi$  电子在磁场中的环流运动产生感应磁场。外加磁场  $B$  (箭头由下朝上) 与感应磁场(由带箭头的曲线表示)的关系示于图 5.24 中。由图(a)可见,当苯环平面和外磁

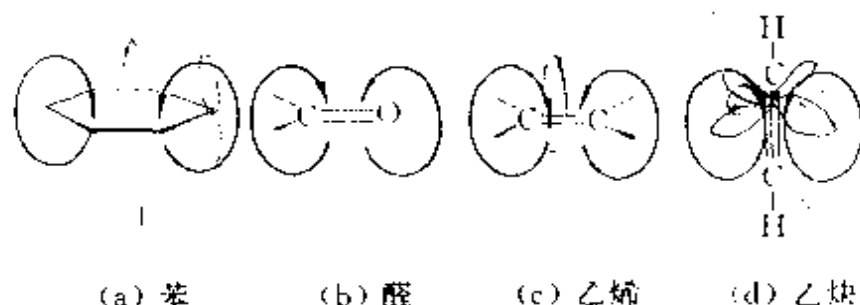


图 5.24 若干分子的反磁各向异性效应

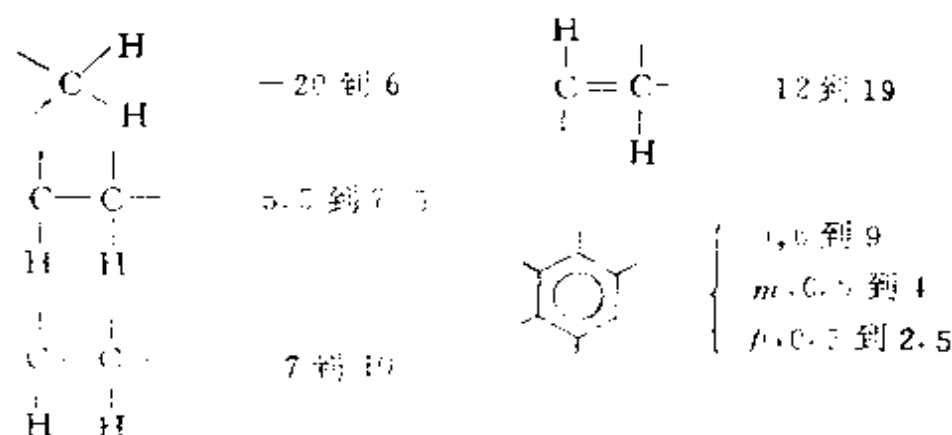
场垂直时,由楞次定律可知: $\pi$  电子在磁场中的环流运动所产生的感应磁场,环内和外磁场相反,为正屏蔽区;环外和外磁场相同,为负屏蔽区(去屏蔽效应)。质子在环外侧受到去屏蔽效应,化学位移较大, $\delta$  达 6—9 ppm。实际上液态苯分子不停地快速运动,实验测定的是所有取向的平均值。在(b)中,碳氧双键中  $\pi$  电子的环流产生感应磁场,在醛基质子位置产生去屏蔽效应,同时氧的电负性大,诱导效应也有去屏蔽效应,使醛基质子  $\delta$  特别大,达 9.6—10 ppm。(c)的图像可以解释烯烃质子比烷烃质子具有较大  $\delta$  值,达 4.5—8 ppm。(d)中叁键与外磁场平行时,两个互相垂直分布的  $\pi$  键电子呈圆柱形, $\pi$  电子环流运动所引起的感应磁场对质子起正屏蔽效应,因而使它的峰向高磁场方向移动, $\delta$  值为 2—3 ppm。

(3) 溶剂效应和氢键的影响。高分辨核磁共振谱只能测定液体样品,常将样品溶于溶剂之中。溶剂改变,化学位移会起改变。溶

剂和溶质生成氢键,  $\delta$  可增大几个 ppm, 容易生成氢键的溶剂如水等, 一般不常用, 以免引起干扰。

### -3- 核的自旋-自旋耦合作用

NMR 谱由于存在核的自旋-自旋耦合作用, 实际要比上述描述的情况复杂, 因而高分辨的 NMR 谱要比低分辨 NMR 谱提供更多的信息, 观察到谱线的精细结构, 对每一个  $I \neq 0$  的核都有核磁矩, 这个核磁矩的磁场可以影响相邻核感受到的磁场, 从而略微地改变相邻核发生 NMR 吸收的频率。频率改变的大小由  $J$  表示, 它取决于所涉及的两个核的性质及相隔键的数目。对于相隔 4 个或更多个键的质子, 相互作用可以忽略。一些有代表性的质子-质子的  $J$  值(以 Hz 表示)如下:



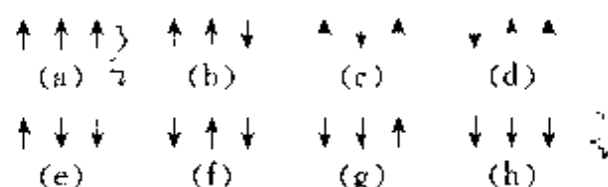
以  $\text{CH}_3\text{CH}_2\text{OH}$  为例,  $\text{CH}_3$  质子与  $\text{OH}$  质子相隔 4 个键, 自旋-自旋相互作用可以忽略。  $\text{CH}_3$  质子与  $\text{CH}_2$  质子只相隔 3 个键, 相互作用不能忽略,  $\text{CH}_2$  使  $\text{CH}_3$  峰发生分裂, 而  $\text{CH}_3$  基团内部等价质子彼此间的自旋-自旋相互作用算作这基团的性质而不必考虑。质子的  $m_I$  有  $1/2$  和  $-1/2$  两种, 若用箭头的朝向标记这两种质子的自旋状态,  $\text{CH}_2$  的两个质子有下面 4 种可能



由于  $\text{CH}_2$  两个质子自旋是不可分辨的, (b) 和 (c) 的总自旋磁量子数均为 0, (a) 为 1, (d) 为 -1。按几率分布, (a) 和 (d) 各占 25%,

(b)和(c)共占 50%，(b)和(c)不影响  $\text{CH}_3$  质子感受的磁场，而(a)和(d)则增强或减弱这个磁场。所以  $\text{CH}_2$  质子使  $\text{CH}_3$  的 NMR 峰分裂成三重线。三条线的间隔等于  $\text{CH}_2$  和  $\text{CH}_3$  质子之间的耦合常数  $J$ ，三条线的强度比应为  $1:2:1$ 。

$\text{CH}_3$  对  $\text{CH}_2$  的作用情况如下。 $\text{CH}_3$  质子自旋的各种可能为



状态(b)、(c)、(d)有相同的总自旋磁量子数，(e)、(f)、(g)也相同。因此  $\text{CH}_3$  质子使  $\text{CH}_2$  吸收峰分裂为四重线，并具有强度比  $1:3:3:1$ 。 $\text{CH}_2$  质子与 OH 质子相隔 3 个键，应考虑到 OH 对  $\text{CH}_2$  的影响。微量  $\text{H}_3\text{O}^+$  或  $\text{OH}^-$  (包括来自  $\text{H}_2\text{O}$ ) 能促进乙醇分子之间 OH 质子的迅速交换，这种交换消除了  $\text{CH}_2$  质子和 OH 质子之间的自旋-自旋相互作用，使  $\text{CH}_2$  仍保持四重线，OH 质子成单重线。

在纯乙醇中不发生分子间 OH 质子交换，OH 质子的两种自旋态  $\uparrow$  和  $\downarrow$ ，使  $\text{CH}_2$  四重线的每一条线又分裂成双线， $\text{CH}_2$  共有 8 条线。而 OH 吸收峰被  $\text{CH}_2$  质子作用分裂成三重线。图 5.25 示出高纯乙醇的高分辨核磁共振谱。

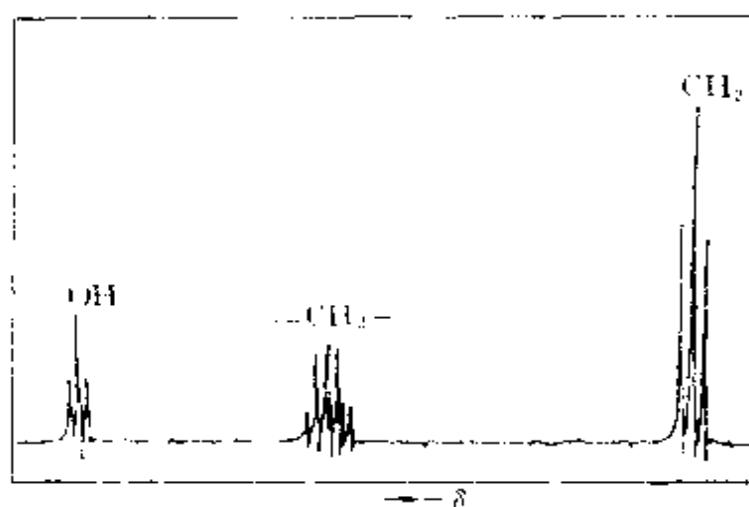


图 5.25 高纯乙醇的高分辨核磁共振谱(100 兆周)

由上可见,质子核磁共振谱能提供质子所属的基团和种类的信息;通过各类质子峰面积比,可知道各类质子的数目比;通过自旋分裂了解各类质子的相互作用。这些信息对推测化合物的结构起很大作用。

除 $^1\text{H}$ 外, $^{13}\text{C}$ 的NMR谱发展很快,因为这种谱提供了关于有机化合物“骨架”的信息。 $^{13}\text{C}$ 同位素天然丰度只有1%,这就使 $^{13}\text{C}$  NMR的吸收信号很弱。解决的方法之一是重复地扫描这个谱,并将结果送进计算机累加,但这样做很费时间(例如2天)。另一种方法是用富里哀变换技术(F·T),这个方法不用单一射频的辐射,而用一时间短功率大的射频辐射脉冲( $1\ \mu\text{s}$ 达1 kW)照射样品,脉冲包含各种频率,它破坏核能级的平衡集居数,当辐射脉冲停止后,体系趋向恢复平衡态而放出能量,记录不同时间的讯号,用计算机F·T技术将时间函数转换为频率函数,将多次相继的脉冲的结果累加在一起,便得到 $^{13}\text{C}$  NMR谱。有机分子中很难得有两个 $^{13}\text{C}$ 原子相邻,故 $^{13}\text{C}$ 之间不耦合,再加上 $^{13}\text{C}$ 的化学位移很大,峰很窄,图谱比较简单,容易解释。所以 $^{13}\text{C}$  F·T NMR是一种很有用的新技术。

二维核磁共振(2D NMR)已在许多领域得到广泛应用。因为在复杂分子的 $^1\text{H}$  NMR谱上,各种质子谱峰拥挤在一个较小的频率范围,难以分析和判断其耦合状况。2D NMR引入另一个频率变量,可使原来密集拥挤在一条线上的谱线,分散在一个平面上。例如可将化学位移和耦合常数分别展开在横坐标和纵坐标上,清楚地得到耦合常数信息。二维和多维核磁共振谱为解决溶液中的化学结构提供丰富的信息,了解分子的立体构型,有人赞誉它为溶液中的X射线衍射。





## 习 题 五

- 5.1 对下列分子和离子  $\text{CO}_2$ ,  $\text{NO}_2^+$ ,  $\text{NO}_2$ ,  $\text{NO}_2^-$ ,  $\text{SO}_2$ ,  $\text{ClO}_2$ ,  $\text{O}_3$  等, 判断它们的形状, 指出中性分子的极性, 指出每个分子和离子的不成对电子数。
- 5.2 指出  $\text{NO}_2^+$ ,  $\text{NO}_2$ ,  $\text{NO}_2^-$  中 N—O 键的相对长度, 说明理由  $\text{NO}_2^+ > \text{NO}_2 > \text{NO}_2^-$
- 5.3 利用价电子对互斥理论说明  $\text{XeF}_4$ ,  $\text{XeO}_4$ ,  $\text{XeO}_3$ ,  $\text{XeF}_2$ ,  $\text{XeOF}_4$  的分子形状。
- 5.4 利用价电子对互斥理论说明  $\text{AsH}_3$ ,  $\text{ClBr}_3$ ,  $\text{SO}_3$ ,  $\text{SO}_3^{2-}$ ,  $\text{CH}_4$ ,  $\text{CN}^-$  等分子和离子的几何形状, 说明哪些分子有偶极矩。
- 5.5 说明下列两组化合物分子中键角大小的变化次序, 并解释原因。  
(a)  $\text{NH}_3$ ,  $\text{PH}_3$ ,  $\text{AsH}_3$ ,  $\text{SbH}_3$ ; (b)  $\text{NF}_3$ ,  $\text{NH}_3$ 。
- 5.6 写出下列分子或离子中, 中心原子所采用的杂化轨道:  $\text{S}_2$ ,  $\text{NO}_2^+$ ,  $\text{NO}_2^-$ ,  $\text{BF}_3$ ,  $\text{CBr}_4$ ,  $\text{PF}_5$ ,  $\text{SeF}_6$ ,  $\text{SiF}_4$ ,  $\text{AlF}_3$ ,  $\text{IF}_5$ ,  $\text{MnO}_4^-$ ,  $\text{MoCl}_5$ ,  $(\text{CH}_3)_2\text{SnF}_2$ 。
- 5.7 请自己找出 10 种化合物, 用价键理论写出它们的结构式, 然后根据结构式逐个地按它们具有的特色讨论它们的立体构型和性质。构型中包括分子形状、共面性等; 性质中包括物理性质, 如旋光性、极性、水中溶解性、磁性等, 也包括化学性质, 如不饱和性、稳定性等。
- 5.8 为什么存在  $\text{H}_3\text{O}^+$  和  $\text{NH}_4^+$ , 而不存在  $\text{CH}_5^+$ ? 为什么存在  $\text{SF}_6$ , 而不存在  $\text{OF}_6$ ?
- 5.9  $\text{N}_2\text{H}_2$  有两种同分异构体, 是哪两种? 为什么  $\text{C}_2\text{H}_2$  只有一种同分异构体?
- 5.10 试证明含 C、H、O、N 的有机分子, 若分子量为奇数, 则分子中含 N 原子数必为奇数; 若分子量为偶数, 则含 N 原子数亦为偶数。
- 5.11 由  $d_{x^2-y^2}$ ,  $s$ ,  $p_x$ ,  $p_y$  轨道组成  $\text{dsp}^2$  等性杂化轨道:  $\phi_1, \phi_2, \phi_3, \phi_4$ , 这些轨道极大值方向按平面四方形分别和  $x$ 、 $y$  轴平行。根据原子轨道正交、归一性推出各个杂化轨道的  $d$ ,  $s$ ,  $p_x$ ,  $p_y$  的组合系数, 验证它们是正交、归一的。
- 5.12 臭氧  $\text{O}_3$  的键角为  $116.8^\circ$ , 若用杂化轨道:  $\psi = c_1\psi_{2s} + c_2\psi_{2p}$  描述中心氧原子的成键轨道, 试按键角与轨道成分的关系式  $\cos\theta = -c_1^2/c_2^2$  计算:

- (a) 成键杂化轨道  $\psi$  中系数  $c_1$  和  $c_2$  值;  
 (b) 成键杂化轨道的每个原子轨道贡献的百分数。

5.13  $[\text{F}-\text{H}-\text{F}]$  为直线型对称构型, 是已知最强的氢键。

- (a) 试画出由原子轨道叠加成分子轨道的图形;  
 (b) 画出  $\text{HF}_2^-$  的分子轨道能级图;  
 (c) 判断这离子是顺磁性或反磁性; ~~顺磁~~

(d) 估计  $\text{HF}_2^-$  中  $\text{H}-\text{F}$  键的键级。0.5

[提示: 取键轴为  $z$  轴,  $\text{H}$  原子用  $1s$  轨道,  $\text{F}$  原子用  $2p_z$  轨道(其中只有一个电子),  $2p_z$  沿  $z$  轴从正负两个方向和  $1s$  轨道叠加, 和  $1s$  同号相加没有节面为成键轨道; 出现一个节面为非键; 两个节面为反键。]

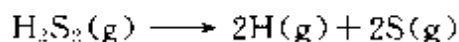
5.14 直线型对称构型的  $\text{I}_3^-$  离子, 若成键电子只是  $5p$  轨道上的电子(即将  $5s^2$  电子作为原子实的一部分)。

- (a) 画出  $\text{I}_3^-$  中每个  $\sigma$  和  $\pi$  轨道的原子轨道叠加图;  $\text{I}-\text{I}$   
 (b) 将  $\text{I}_3^-$  分子轨道能级图画出来。  
 (c)  $\text{I}_3^-$  中  $\text{I}-\text{I}$  键的键级是多少?

5.15  $\text{C}_2\text{N}_2$  分子中碳—碳键长比乙烷中碳—碳键键长短约 10%, 试述其结构根源。

5.16 已知  $\text{Cl}_2$  分子的键能为  $242 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 而  $\text{Cl}$  原子和  $\text{Cl}_2$  分子的第一电离能分别为  $1250$  和  $1085 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 试计算  $\text{Cl}_2^+$  的键能, 并讨论  $\text{Cl}_2^+$  和  $\text{Cl}_2$  哪一个键能大, 说明理由。

5.17 已知  $\text{S}_8$  分子的解离能[指  $\text{S}_8(\text{g}) \rightarrow 8\text{S}(\text{g})$ ] 为  $2130 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,  $\text{H}_2\text{S}$  分子的解离能[指  $\text{H}_2\text{S}(\text{g}) \rightarrow 2\text{H}(\text{g}) + \text{S}(\text{g})$ ] 为  $735 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。试估计下一反应所需的能量, 并与实验值  $984 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  比较。



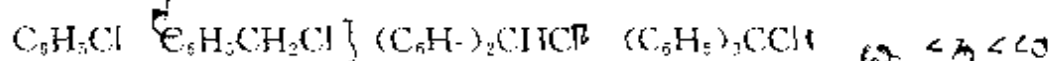
5.18 苯( $\text{C}_6\text{H}_6$ )、环己烯( $\text{C}_6\text{H}_{10}$ )、环己烷( $\text{C}_6\text{H}_{12}$ )的燃烧热分别为  $3301.6$ 、 $3786.6$ 、 $3953.0 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 试求算苯的离域能。  $-48 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$

5.19  $\text{H}_2\text{O}_2(\text{g})$  的生成热  $\Delta_f H^\circ = -133 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,  $\text{O}-\text{H}$  键键能为  $463 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 而  $\text{H}_2$  和  $\text{O}_2$  的解离能分别为  $436$  和  $495 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ , 试求  $\text{O}-\text{O}$  键的键能。为什么不用  $\text{O}_2$  分子的解离能作为  $\text{O}-\text{O}$  键键能?

5.20 试分析下列分子中的成键情况, 指出  $\text{C}-\text{Cl}$  键键长大小次序, 并说明理由。

- (a)  $\text{H}_3\text{CCl}$  (b)  $\text{H}_2\text{C}=\text{CHCl}$  (c)  $\text{HC}\equiv\text{CCl}$

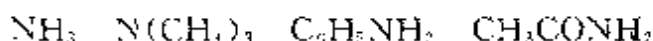
5.21 试分析下列分子的成键情况,比较Cl的活泼性,并说明理由。



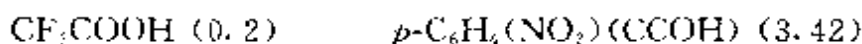
5.22 试比较 $CO_2$ ,  $CO$ 和丙酮中C—O键键长大小次序,并说明理由。

5.23 苯胺的紫外可见光谱和苯差别很大,但其盐酸盐的光谱却和苯相近,解释这现象。  
 $\pi \rightarrow \pi^*$   $\pi \rightarrow \pi^*$   $\pi \rightarrow \pi^*$

5.24 试分析下列分子中的成键情况,比较其碱性的强弱,并说明理由。



5.25 下列化合物的 $pK_s$ 值表示于相应分子式后的括号里,试从结构上加以解释。



5.26 用HMO法解环丙烯正离子 $(C_3H_3)^+$ 的离域 $\pi$ 键分子轨道波函数并计算 $\pi$ 键键级和C原子的自由价。  
 $\frac{2}{3}$

5.27 用HMO法求丙二烯双自由基 $H\dot{C}==C=\dot{C}H$ 的 $\pi$ 型分子轨道及相应的能量,并计算 $\pi$ 键键级。  
 $\pi_1$

5.28 说明 $N_3$ 的几何构型和成键情况;用HMO法求离域 $\pi$ 键的波函数及离域能。

5.29 已知 $[C(CH_2)_3]$ 为平面型分子,形成 $\pi$ 键。试用HMO法处理,证明中心碳原子和周围3个碳原子间的 $\pi$ 键键级和为 $\sqrt{3}$ 。[提示:列出久期行列式,解得 $x = \sqrt{3}, 0, 0, -\sqrt{3}$ ,然后再解 $\psi$ 。]

5.30 用前线轨道理论分析 $CO$ 加 $H_2$ 反应,说明只有使用催化剂该反应才能顺利进行。

5.31 用前线轨道理论分析加热或光照条件下,环己烯和丁二烯一起进行加成反应的规律。

5.32 用前线轨道理论分析乙烯环加成变为环丁烷的反应条件及轨道叠加情况。  
 $\pi$

5.33 试用分子轨道对称守恒原理讨论己三烯衍生物电环合反应在光照和加热条件下产物的立体构型。

5.34 邻位和对位硝基苯酚20℃时在水中的溶解度之比为0.39,在苯中为1.93,请由氢键说明其差异的原因。

5.35 乙醚分子量比丙酮大,但沸点(34.6℃)比丙酮沸点(56.5℃)低;乙醇分

- 子量更小,但沸点(78.5°C)更高。试分别解释其原因。
- 5.36 请根据分子中原子的共价半径和范德华半径,画出尿素分子的形状和大小。
- 5.37 环氧乙烷中含少量水,试画出它们的分子模型,估计最小分子直径,判断能否用 3Å 型分子筛(孔径 3.3 Å)作环氧乙烷的干燥剂?4Å 和 5Å 型(孔径分别为 4 Å 和 5 Å)又如何?
- 5.38 用 220 MHz 进行质子( $^1\text{H}$ )核磁共振实验,磁感应强度( $B$ )值应为多少?
- 5.39 解释在 NMR 法中化学位移的产生原因和定义。 $\delta = \frac{\nu - \nu_{\text{ref}}}{\nu_{\text{ref}}} \times 10^6$  (ppm)
- 5.40 化学位移  $\delta$  通常用 ppm 表示,但因为耦合常数常以 Hz 表示,所以  $\delta$  也可用 Hz 表示。对于磁感应强度  $B$  为 1.41 T 的  $^1\text{H}$  NMR 谱仪,化学位移  $\delta = 1$ ,相当于产生多少 Hz 的化学位移?

## 参 考 文 献

- [1] 潘道皐、赵成大和郑载兴,物质结构(第二版),高等教育出版社(1989)
- [2] 邓景发和范康年,物理化学,高等教育出版社(1993)
- [3] 何福城和朱正和,结构化学,人民教育出版社(1980)
- [4] P. W. Atkins, *Physical Chemistry*, 4th ed., Oxford Univ. Press and W. H. Freeman Co. (1990)
- [5] R. A. Alberty, *Physical Chemistry*, 7th ed., Wiley (1987)
- [6] J. N. Murrell, S. F. A. Kettle and J. M. Tedder, *The Chemical Bond*, 2nd ed., Wiley (1985)
- [7] R. J. Gillespie and I. Hargittai, *The VSEPR Model of Molecular Geometry*, Allyn and Bacon, Boston (1991)
- [8] R. J. Gillespie, *Chem. Soc. Revs.*, **21**, 59 (1992)
- [9] T. Ito and T. Sakurai, *Acta Cryst.*, **B29**, 1594 (1973)
- [10] F. H. Allen, O. Kennard, D. G. Watson, L. Brammer, A. G. Orpen and R. Taylor, *J. Chem. Soc. Perkin Trans.*, **1** S1-S19 (1987) [汇集有机化合物的键长值]
- [11] A. G. Orpen, L. Brammer, F. H. Allen, O. Kennard, D. G. Watson and R. Taylor, *J. Chem. Soc. Dalton Trans.*, S1-S89 (1989) [汇集无机和配位化合物的键长值]

- [12] R. Steudel, *Chemistry of the Non-Metals*, Walter de Gruyter (1977)
- [13] 伍德沃德(R. B. Woodward), 霍夫曼(R. Hoffmann)著, 王志中和杨忠志译, 轨道对称性守恒, 科学出版社(1978)
- [14] 福井谦一著, 李荣森译, 化学反应与电子轨道, 科学出版社(1985)
- [15] I. Fleming, *Frontier Orbitals and Organic Chemical Reactions*, Wiley (1976)
- [16] A. Bondi, *J. Phys. Chem.*, **68**, 441(1964); **80**, 3006(1966)
- [17] 鲍林(L. Pauling)著, 卢嘉锡, 黄耀曾, 曾广植和陈元柱等译, 化学键的本质(第三版), 上海科学技术出版社(1981)
- [18] 裘祖文, 裴奉奎, 核磁共振波谱, 科学出版社(1991)

## 第六章 配位化合物的结构和性质

### 6.1 概 述

配位化合物又称络合物,是一类含有中心金属原子(M)和若干配位体(L)的化合物( $ML_n$ )。中心原子M通常是过渡金属元素的原子(或离子),具有空的价轨道;而配位体L则有一对或一对以上孤对电子。M和L之间通过配位键结合,成为带电的配位离子,配位离子与荷异性电荷的离子结合,形成配位化合物。有时中心原子和配位体直接结合成不带电的中性配位化合物分子。

一个配位化合物分子(或离子)中只含一个中心原子的叫单核配位化合物,含两个或两个以上中心原子的叫多核配位化合物。在多核配位化合物中,若M—M之间有键结合在一起的叫做金属原子簇化合物。

配位化合物是金属离子最普遍的一种存在形式,例如水溶液中金属离子一般是和水或其他离子配位的。金属离子和不同的配位体结合后,性质不相同,可用以进行溶解、沉淀和萃取,以达到合成制备、分离提纯、分析化验等目的。配位化合物中有许多化学工业上用的重要催化剂,在化工生产中起极为重要的作用。研究配位化合物的结构和性质,对于科研和生产、对于化学的各个分支都将是十分重要的。

#### -1- 配位体

每个配位体至少有一个原子具有一对或一对以上的孤对电子,或分子中有 $\pi$ 电子,它们能和金属离子进行配位作用。这种原子处在周期表的右上角,其中最重要的是N和O,其次是C,P,S,

Cl, F 等。根据配位体所能提供的络合点数目和结构特征, 可将配位体分成下列几类。

### 1. 单啮配位体

在一个配位体中, 能与金属离子配位的点称为配位点(或络合点), 只有一个配位点的配位体叫单啮配位体, 如  $\text{NH}_3$ 。通常单啮配位体与金属离子生成单核配位离子后, 金属离子被掩蔽在配位体之中, 它的性质会起变化, 这种配位离子比单个金属离子大, 半径增加, 使正、负离子之间静电引力下降, 溶解度增大, 不易沉淀。例如  $\text{AgCl}$  能溶于氨水, 生成银氨配位离子。

### 2. 非螯合多啮配位体

配位体有多个配位点, 但由于配位体本身几何形状的限制。同一配位体的几个配位点不能直接与同一个金属离子配位。例如,  $\text{PO}_4^{3-}$ 、 $\text{CO}_3^{2-}$  等。一般情况下, 每个配位体要和一个以上金属离子配位, 而每个金属离子为了满足配位要求, 又要与若干个这样的配位体配位, 这样形成的多核配位化合物, 往往是不溶性的沉淀, 所以非螯合多啮配位体在化学中常作沉淀剂。

### 3. 螯合配位体

一个配位体中的几个配位点能直接和同一个金属离子配位, 称为螯合配位体。

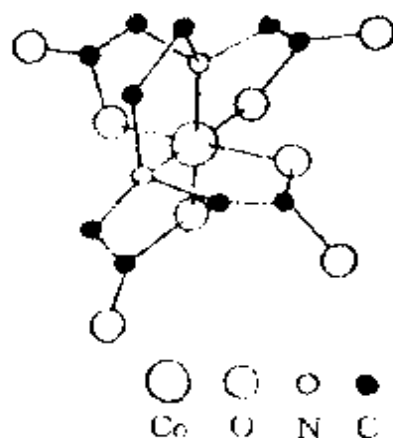


图 6.1  $[\text{Co}(\text{EDTA})]^-$   
螯合离子的结构

图 6.1 示出在  $[\text{Co}(\text{EDTA})]^-$  配位离子中, 一个 EDTA 螯合配位体和  $\text{Co}^{3+}$  螯合的情况。

不带电的单核螯合分子, 一般在水中的溶解度很小。但能溶于有机溶剂中, 因此这种配位体在水溶液中是一种沉淀剂, 在有机溶液中能起萃取络合剂的作用。例如, 乙酰丙酮铝  $\text{Al}(\text{acac})_3$ , 中性分子, 熔点  $192^\circ\text{C}$ , 几乎不溶于水, 但非常容易溶解在许多

有机溶剂中。带电的单核螯合离子一般很难从水溶液中沉淀出来，这种配位体可作掩蔽剂，如酒石酸盐、EDTA 等都是这类掩蔽剂。

#### 4. $\pi$ 键配位体

含有  $\pi$  电子的烯烃、炔烃、芳香烃等类分子也可作为配位体，这类配位体有露在分子骨架外部的成键的  $\pi$  电子和空的反键轨道存在。它们可以和过渡金属结合成配位化合物。由于石油化工的发展，近几十年来，这类配位化合物的结构和性能，在理论上和实际生产中都引起人们极大的兴趣。例如，烯烃是石油化工中需求量最大的一类原料，常用过渡金属化合物作催化剂进行氧化、加成、聚合等反应，以制取石油化工产品。乙烯 ( $\text{C}_2\text{H}_4$ )、丁二烯 ( $\text{H}_2\text{C}=\text{CH}-\text{CH}=\text{CH}_2$ )、一氧化碳 ( $\text{CO}$ )、苯 ( $\text{C}_6\text{H}_6$ )、环戊二烯基 ( $\text{C}_5\text{H}_5$ ) 等都是  $\pi$  键配位体。

在配位化合物的结构中，一个配位体同时和  $n$  个不同的金属原子  $M$  配位结合时，常在配位体前加  $\mu_n$ -记号，例如  $\text{Fe}_3(\text{CO})_{10} \cdot (\mu_2\text{-CO})_2$ ，表示有 2 个  $\text{CO}$  分别同时和 2 个  $\text{Fe}$  原子结合成桥式结构，而其余 10 个  $\text{CO}$  都分别只和 1 个  $\text{Fe}$  原子结合。若一个配位体有  $n$  个配位点与同一金属原子结合，则在配位体前标上  $\eta^n$ -记号，例如  $(\eta^5\text{-C}_5\text{H}_5)_2\text{Fe}$ ，表示每个  $\text{C}_5\text{H}_5$  都有 5 个配位点和同一个  $\text{Fe}$  原子结合。

### -2- 配位化合物结构理论的发展

配位化合物的中心原子一般是过渡金属元素。其价电子层轨道没有充满，容易和配位体结合成配位化合物。

阐明配位化合物结构的理论重要的有价键理论、晶体场理论、分子轨道理论和配位场理论等，本节概述它们的基本内容。

#### 1. 价键理论

配位化合物的价键理论是根据配位化合物的性质，按杂化轨道理论用共价配键和电价配键解释配位化合物中金属离子和配位体间的结合力。例如： $\text{Fe}(\text{CN})_6^{4-}$ 、 $\text{Co}(\text{NH}_3)_6^{3+}$ 、 $\text{Co}(\text{CN})_6^{4-}$ 、



$\text{Ni}(\text{CN})_4^{2-}$  等呈现反磁性或弱顺磁性是由于中心离子有未充满的  $d$  轨道和  $s, p$  空轨道, 这些空轨道通过杂化组成杂化轨道, 由配位体提供孤对电子, 形成  $\text{L} \rightarrow \text{M}$  的  $\sigma$  配键;  $\text{FeF}_6^{3-}$ 、 $\text{CoF}_6^{3-}$  等的磁性表明, 中心离子的未成对电子数目和自由离子一样, 认为金属离子和配位体以静电吸引力结合在一起。上述这些配位离子的电子结构列于表 6.1 中。

表 6.1 配位离子的电子组态和几何构型

配位离子	$d$	$4s$	$4p$	$5s$	杂化轨道	几何构型
$\text{Fe}(\text{CN})_6^{4-}$	$\uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \boxed{\phantom{\uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow}}$				$d^2sp^3$	八面体
$\text{Co}(\text{NH}_3)_6^{3+}$	$\uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \boxed{\phantom{\uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow}}$				$d^2sp^3$	八面体
$\text{Co}(\text{CN})_6^{4-}$	$\uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \boxed{\phantom{\uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow}} \uparrow$				$d^2sp^3$	八面体
$\text{Ni}(\text{CN})_4^{2-}$	$\uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \boxed{\phantom{\uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow}}$				$dsp^2$	平面四方
$\text{FeF}_6^{3-}$	$\uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \uparrow \dots$					八面体
$\text{Ni}(\text{NH}_3)_6^{2+}$	$\uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow\downarrow \uparrow \uparrow \dots$					八面体

价键理论能简明地解释配位化合物的几何构型和配位化合物的磁性等性质; 可以解释  $\text{Co}(\text{CN})_6^{4-}$  存在高能态电子, 非常容易氧化, 是很强的还原剂, 能把水中的  $\text{H}^+$  还原为  $\text{H}_2$ 。价键理论是个定性理论, 没有提到反键轨道, 不涉及激发态, 不能满意地解释配位化合物的光谱数据, 有些配位化合物的磁性、几何构型和稳定性也不能满意地说明。

## 2. 晶体场理论

晶体场理论是静电作用模型, 把中心离子(M)和配位体(L)的相互作用看作类似离子晶体中正负离子的静电作用。当 L 接近 M 时, M 中的  $d$  轨道受到 L 负电荷的静电微扰作用, 使原来能级

简并的 d 轨道发生分裂。按微扰理论可计算分裂能的大小,因计算较繁,定性地将配位体看作按一定对称性排布的点电荷与 M 的 d 轨道电子云产生排斥作用。由于 d 轨道分布的特点,在晶体场中原来 5 个能级简并的 d 轨道能级发生分裂,引起电子排布及其他一系列性质的变化,据此可解释配位化合物的各种性质。例如八面体配位离子中,6 个配位体沿  $x, y, z$  坐标接近金属离子, L 的负电荷对  $d_{x^2-y^2}$  和  $d_{z^2}$  轨道的电子排斥作用大,使这两轨道能级上升较多,而夹在两坐标轴之间的  $d_{xy}, d_{xz}, d_{yz}$  受到排斥较小,能级上升较少,这样 d 轨道分裂成两组:低能级的 3 个 d 轨道  $d_{xy}, d_{xz}, d_{yz}$  通常用  $t_{2g}$  表示;高能级的 2 个 d 轨道  $d_{x^2-y^2}, d_{z^2}$  通常用  $e_g$  表示。这两组能级间的差值,称为晶体场分裂能,用  $\Delta_o$  (或  $\Delta$ ) 表示。d 电子根据分裂能 ( $\Delta$ ) 和成对能 ( $P$ ) 的相对大小填在这两组轨道上,形成强场低自旋或弱场高自旋结构,以此解释配位化合物的结构、光谱、稳定性及磁性等一系列性质。

晶体场理论成功地解释了配位化合物的许多结构和性质,但它只按静电作用进行处理,相当于只考虑离子键作用,出发点过于简单,而且对于分裂能的大小变化次序难以解释。例如中性的  $\text{NH}_3$  分子比带负电的卤素离子分裂能大,而  $\text{CO}$  和  $\text{CN}^-$  等分裂能特别大,都无法用静电场解释。

### 3. 分子轨道理论

配位化合物的分子轨道理论是用分子轨道理论的观点和方法处理金属离子和配位体的成键作用。描述配位化合物分子的状态主要是 M 的价层电子波函数  $\phi_M$  与配位体 L 的分子轨道  $\phi_L$  组成离域分子轨道  $\psi$

$$\psi = c_M \phi_M + \sum c_L \phi_L$$

式中:  $\phi_M$  包括 M 中  $(n-1)d, ns, np$  等价层轨道,  $\sum c_L \phi_L$  可看作 L 的群轨道。为了有效组成分子轨道,要满足对称性匹配、轨道最大重叠、能级高低相近等条件,对称性匹配在其中起突出作用。

#### 4. 配位场理论

配位场理论是晶体场理论的发展,其实质是配位化合物的分子轨道理论。在处理中心金属原子在其周围配位体所产生的电场作用下,金属原子轨道能级发生变化时,以分子轨道理论方法为主,根据配位体场的对称性进行简化,并吸收晶体场理论的成果,阐明配位化合物的结构和性质。它与纯粹的分子轨道理论有一定差别,故称配位场理论。

### 6.2 配位场理论

#### -1- $ML_6$ 八面体的分子轨道

大多数六配位化合物呈正八面体或变形八面体的结构,如  $TiF_6^{3-}$ ,  $Fe(CN)_6^{4-}$ ,  $V(H_2O)_6^{3+}$ ,  $Co(NH_3)_6^{3+}$ ,  $Ni(H_2O)_6^{2+}$ 。在  $ML_6$  正八面体配位化合物中, M 原子处在对称中心位置,呈  $O_h$  点群对称性。

设中心原子 M 处在直角坐标系原点, 6 个配位体位于坐标轴上。按 M 和 L 组成的分子轨道是  $\sigma$  轨道还是  $\pi$  轨道将 M 的价轨道进行分组,得

$$\begin{aligned}\sigma: & s, p_x, p_y, p_z, d_{x^2-y^2}, d_{z^2} \\ \pi: & d_{xy}, d_{yz}, d_{zx}\end{aligned}$$

配位体 L 按能与中心原子生成  $\sigma$  键或  $\pi$  键轨道分别组合成新的群轨道,使与 M 的原子轨道对称性匹配。设处在  $x, y, z$  3 个正向的 L 的  $\sigma$  轨道分别为  $\sigma_1, \sigma_2, \sigma_3$ , 负向的为  $\sigma_4, \sigma_5, \sigma_6$ 。这些轨道组成和中心原子  $\sigma$  轨道对称性匹配的群轨道,它们的情况列于表 6.2 中。而中心原子的各个轨道以及和它对称性匹配的配位体群轨道的图形示于图 6.2 中。由于 M 的  $d_{xy}, d_{yz}, d_{zx}$  轨道的极大值方向正好和 L 的  $\sigma$  轨道错开,基本上不受影响,是非键轨道。M 的 6 个轨道和 6 个配位体轨道组合得到 12 个离域分子轨道,一半为成键轨道,一半为反键轨道。这些轨道能级定性示意于图 6.3 中。因 L 电负

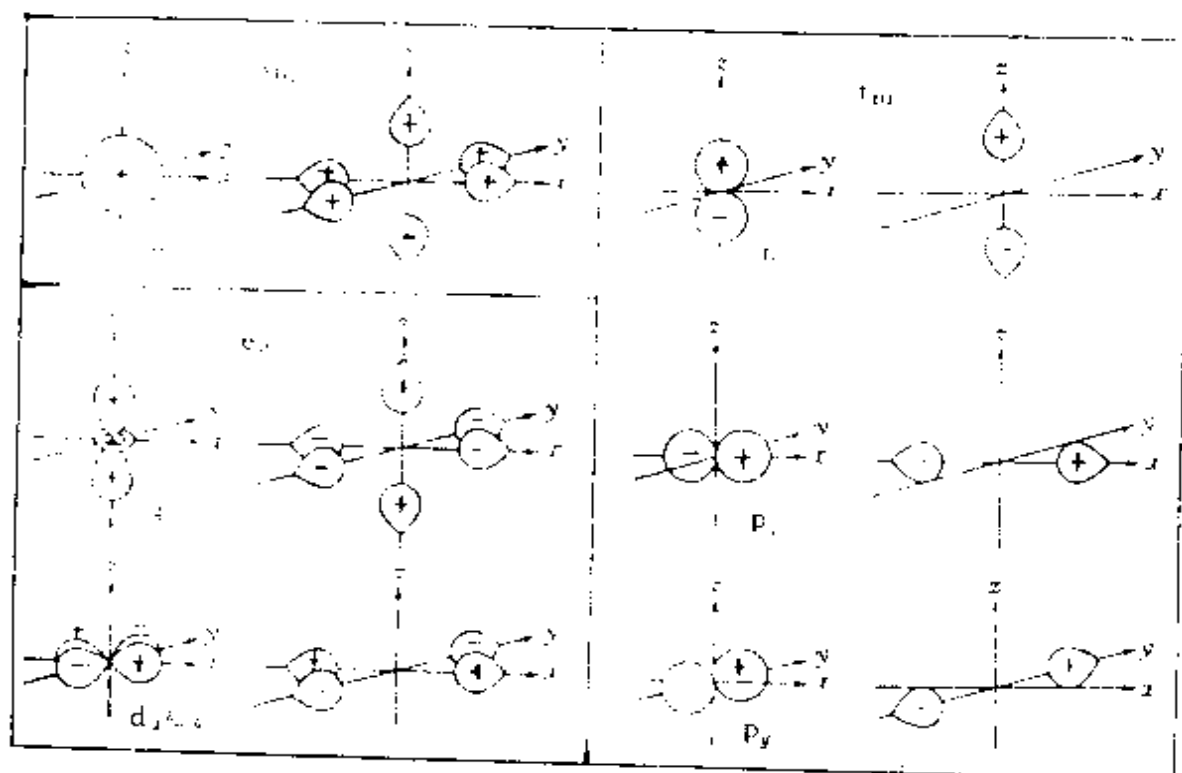


图 6.2 中心原子轨道及配位体的群轨道

性值较高而能级低,电子进入成键轨道,相当于配键。 $M$ 的电子安排在  $t_{2g}$  和  $e_g^*$  轨道上。这样,3个非键轨道  $t_{2g}$  与2个反键轨道  $e_g^*$  所形成的5个轨道,提供安排中心金属离子的  $d$  电子。把5个轨道分成两组:3个低的  $t_{2g}$ ,2个高的  $e_g^*$ 。 $t_{2g}$  和  $e_g^*$  间的能级间隔称为分裂能  $\Delta_o$ ,它和晶体场理论中  $t_{2g}$  和  $e_g$  间的  $\Delta_o$  相当。

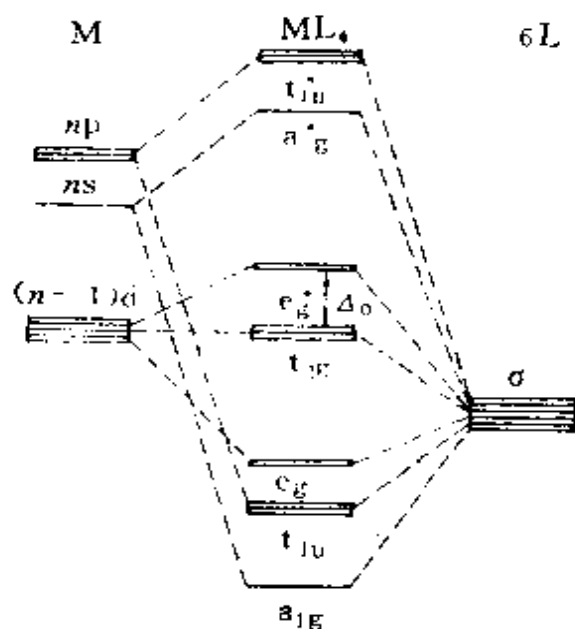


图 6.3 配位化合物分子轨道能级图

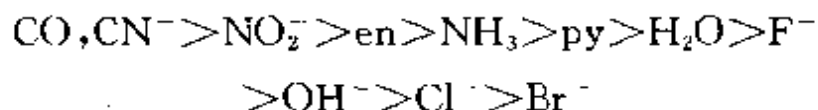
表 6.2  $ML_6$  八面体场的分子轨道

$\psi_M$	$c_L \psi_L$	表 示
4s	$\pm \frac{1}{\sqrt{6}}(\sigma_1 + \sigma_2 + \sigma_3 + \sigma_4 + \sigma_5 + \sigma_6)$	$a_{1g}, a_{1g}^*$
$3d_{x^2-y^2}$	$+\frac{1}{2}(\sigma_1 - \sigma_2 + \sigma_4 - \sigma_5)$	$e_g, e_g^*$
$3d_{z^2}$	$+\frac{1}{2\sqrt{3}}(2\sigma_3 + 2\sigma_6 - \sigma_1 - \sigma_2 - \sigma_4 - \sigma_5)$	
$4p_x$	$\pm \frac{1}{\sqrt{2}}(\sigma_1 - \sigma_4)$	$t_{1u}, t_{1u}^*$
$4p_y$	$\pm \frac{1}{\sqrt{2}}(\sigma_2 - \sigma_5)$	
$4p_z$	$\pm \frac{1}{\sqrt{2}}(\sigma_3 - \sigma_6)$	
$3d_{xy}$		$t_{2g}$
$3d_{xz}$		
$3d_{yz}$		

## -2- 八面体场的分裂能 $\Delta_o$

八面体场的分裂能  $\Delta_o$  的大小,随不同的配位体和中心原子的性质而异。根据光谱数据可测得分裂能  $\Delta_o$  的数值,并可得下面经验规则:

(1) 对同一种金属原子(M),不同配位体的场强不同,分裂能有大有小,一般而言,配位体分裂能的大小次序为



$\Delta_o$  大者称为强场配位体,  $\Delta_o$  小者称为弱场配位体。为什么不带电荷的中性分子 CO 是强配位体,而带电荷的卤素离子是弱配位体呢?  $\pi$  键的形成是影响分裂能大小的重要因素,  $d_{xy}, d_{yz}, d_{zx}$  等  $t_{2g}$  轨

道虽不能和配位体 L 形成  $\sigma$  键,但条件合适时可形成  $\pi$  键。

CO 和  $\text{CN}^-$  等通过分子的  $\pi^*$  群轨道和 M 的  $t_{2g}$  轨道形成  $\pi$  键,扩大了  $\Delta_0$ ,是强场配位体,如图 6.4 所示。图中左边表示轨道叠加,由有电子的轨道(实线)向空轨道(虚线)提供电子,形成配键。右边表示能级图。

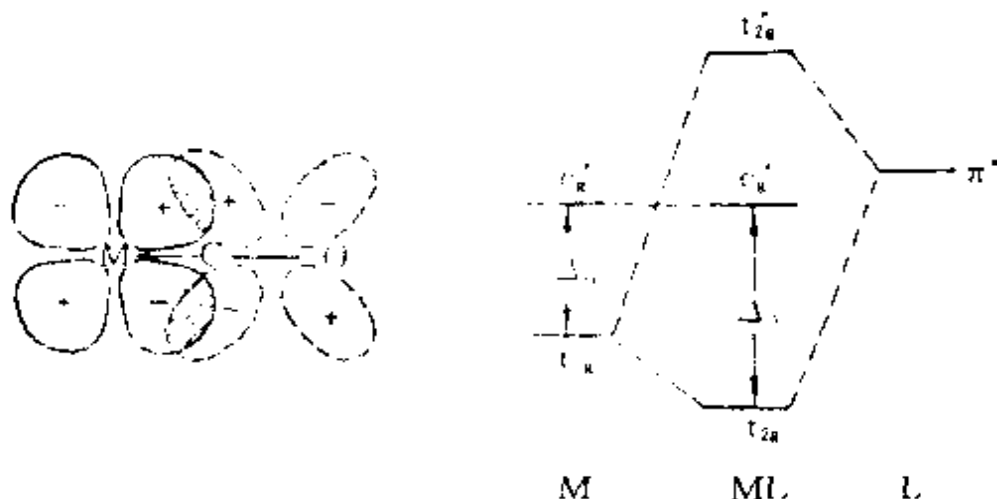


图 6.4 强场配位体扩大  $\Delta_0$

$\text{Cl}^-$ ,  $\text{F}^-$  等的 p 轨道和 M 的 d 轨道形成  $\pi$  键,缩小了  $\Delta_0$ ,是弱场配位体,如图 6.5 所示。图中左边表示轨道叠加,由有电子的轨道(实线)向空轨道(虚线)提供电子,形成配键。右边表示能级图。

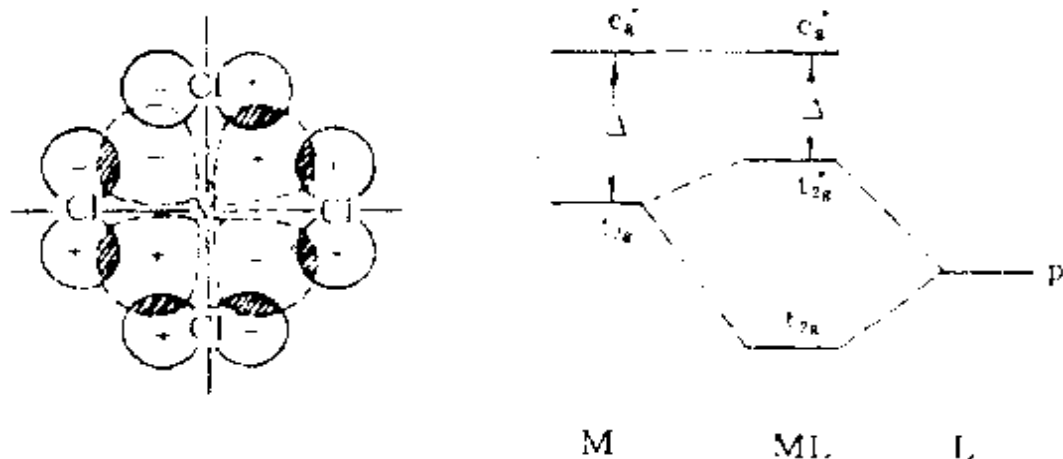
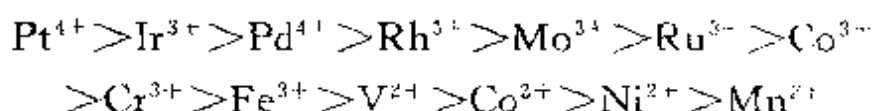


图 6.5 弱场配位体缩小  $\Delta_0$

若只看配位体 L 中直接配位的单个原子,  $\Delta_0$  值随原子序数增大而减小,次序为  $\text{C} > \text{N} > \text{O} > \text{F} > \text{S} > \text{Cl} > \text{Br} > \text{I}$ 。

(2) 对一定的配位体,  $\Delta_o$  值随  $M$  不同而异, 其大小次序为



其中中心离子的价态对  $\Delta_o$  影响很大, 价态高,  $\Delta_o$  大, 例如  $\text{Mn}^{2+}$  对  $\text{H}_2\text{O}$  的  $\Delta_o$  值为  $7800 \text{ cm}^{-1}$ , 而  $\text{Mn}^{3+}$  为  $21000 \text{ cm}^{-1}$ 。中心离子所处的周期数也影响  $\Delta_o$  值。第二、第三系列过渡金属离子的  $\Delta_o$  均比同族第一系列过渡金属离子大。例如:  $\text{Co}(\text{NH}_3)_6^{3+}$  为  $23000 \text{ cm}^{-1}$ ,  $\text{Rh}(\text{NH}_3)_6^{3+}$  为  $34000 \text{ cm}^{-1}$ ,  $\text{Ir}(\text{NH}_3)_6^{3+}$  为  $41000 \text{ cm}^{-1}$ 。

(3)  $\Delta_o$  值可分为配位体的贡献( $f$ )和中心离子的贡献( $g$ )的乘积, 即  $\Delta_o = f \times g$ , Jørgensen 给出八面体场的  $f$  和  $g$  的数值如表 6.3 所示。

表 6.3 八面体场的  $f$  和  $g$  值<sup>[6]</sup>

$f$ 值				$g$ 值(单位: $1000 \text{ cm}^{-1}$ )			
$\text{Br}^-$	0.72	$\text{C}_2\text{O}_4^{2-}$	3.99	$\text{Mn}^{2+}$	8.0	$\text{Ru}^{2+}$	20
$\text{SCN}^-$	0.73	$\text{H}_2\text{O}$	1.00	$\text{Ni}^{2+}$	8.7	$\text{Mn}^{3+}$	23
$\text{Cl}^-$	0.78	$\text{NCS}^-$	1.02	$\text{Co}^{2+}$	9	$\text{Mo}^{3+}$	24.6
$\text{F}^-$	0.9	$\text{py}$	1.23	$\text{V}^{2+}$	12.0	$\text{Rh}^{2+}$	27.0
尿素	0.92	$\text{NH}_3$	1.25	$\text{Fe}^{2+}$	14.0	$\text{Te}^{3+}$	30
$\text{HAc}$	0.94	$\text{en}$	1.28	$\text{Cr}^{3+}$	17.4	$\text{Ir}^{2+}$	32
乙醇	0.97	$\text{CN}^-$	1.7	$\text{Co}^{3+}$	18.2	$\text{Pt}^{4+}$	36

### -3- 配位场稳定化能与配位化合物的性质

根据八面体配位化合物分子轨道能级高低增填电子时, 6 个配位体的 6 对孤对电子填入 6 个成键轨道。中心离子  $d$  轨道上的电子填入  $t_{2g}$  和  $e_g^*$  两组轨道时, 需要考虑成对能( $P$ )和分裂能( $\Delta_o$ )的相对大小。当  $P > \Delta_o$ , 电子倾向于多占轨道, 弱场形成高自旋型(HS)配合物; 当  $P < \Delta_o$ , 强场形成低自旋型(LS)配合物。

若选取  $t_{2g}$  和  $e_g^*$  能级的权重平均值作为能级的零点,即

$$2E(e_g^*) + 3E(t_{2g}) = 0$$

而

$$E(e_g^*) - E(t_{2g}) = \Delta_o$$

由此可得  $e_g^*$  的能级为  $0.6 \Delta_o$ ,  $t_{2g}$  的能级为  $-0.4 \Delta_o$ 。这个能级零点也就作为中心离子 M 处在球形场中未分裂的 d 轨道的能级。配位化合物中 d 电子填入这些轨道后,若不考虑成对能,能级降低的总值称为配位场稳定化能(LFSE)。表 6.4 示出强场和弱场时不同电子组态的 LFSE 的数值。相应的图形示于图 6.6 中。

表 6.4 不同电子组态的 LFSE 的数值( $-\Delta_o$ )

d 电子 数目	HS(弱场)			LS(强场)		
	$t_{2g}$	$e_g^*$	LFSE	$t_{2g}$	$e_g^*$	LFSE
0	— — —	— —	0	— — —	— —	0
1	$\uparrow$ — —	— —	0.4	$\uparrow$ — —	— —	0.4
2	$\uparrow$ $\uparrow$ —	— —	0.8	$\uparrow$ $\uparrow$ —	— —	0.8
3	$\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$	— —	1.2	$\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$	— —	1.2
4	$\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$ —	—	0.6	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow$ $\uparrow$ —	— —	1.6
5	$\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$	—	0	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow$ —	— —	2.0
6	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$	—	0.4	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ — —	— —	2.4
7	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow$ $\uparrow$ $\uparrow$	—	0.8	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow$ —	—	1.8
8	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow$ $\uparrow$	—	1.2	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow$ $\uparrow$	—	1.2
9	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow$	—	0.6	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow$	—	0.6
10	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$	—	0	$\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$ $\uparrow\downarrow$	—	0

所谓成对能,是指自旋平行分占两个轨道的电子被挤到同一轨道上自旋相反,这两种状态间的能量差。由于弱场条件下不成对电子数不变,无成对能影响;而强场条件下只有  $d^4, d^5, d^6, d^7$  有成



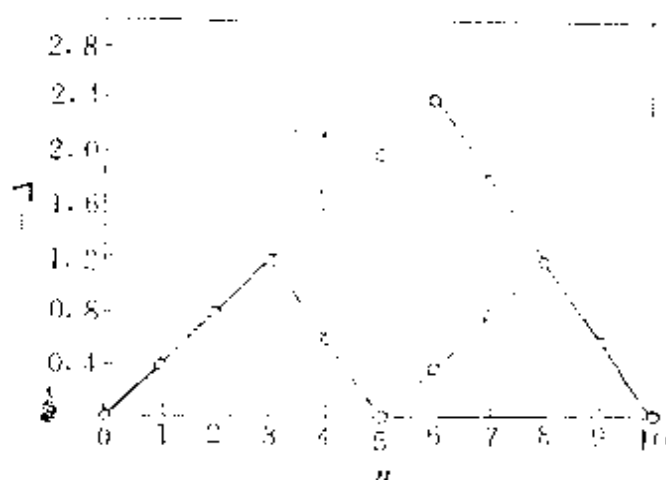


图 6.6 不同电子组态的 LFSE 值

对能影响,此时  $\Delta_0$  大于  $P$ 。若只考虑  $\Delta_0$ ,即可定性地解释有关规律。所以在表 6.4 中没有标出成对能。

LFSE 的大小不同,配位化合物的性质不同。下面列举几个方面的性质予以说明。

### 1. 离子水化热和 $MX_2$ 的点阵能

第一系列过渡金属二价离子由  $Ca^{2+}$  到  $Zn^{2+}$ ,由于 3d 电子层受核吸引增大,水化热理应循序增加,但实际上由于受 LFSE 的影响,出现如图 6.7 所示的形状,它是按弱场情况变化的。

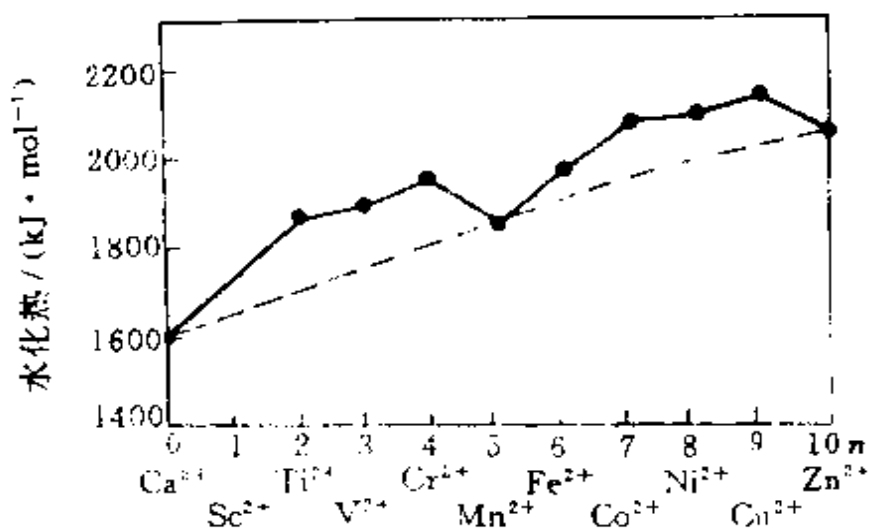


图 6.7 第一过渡系列金属离子( $M^{2+}$ )的水化热

第一系列过渡金属元素的卤化物,从  $\text{CaX}_2$  到  $\text{ZnX}_2$  ( $\text{X}=\text{Cl}, \text{Br}, \text{I}$ ), 点阵能随  $d$  电子数变化也有相似的双突起的情况。

## 2. 离子半径

若将第一系列过渡金属六配位的二价离子的离子半径对  $3d$  电子数作图, 得图 6.8。由于随核电荷增加,  $d$  电子也增加, 但  $d$  电子不能将增加的核电荷完全屏蔽, 单从这个因素考虑应单调下降。

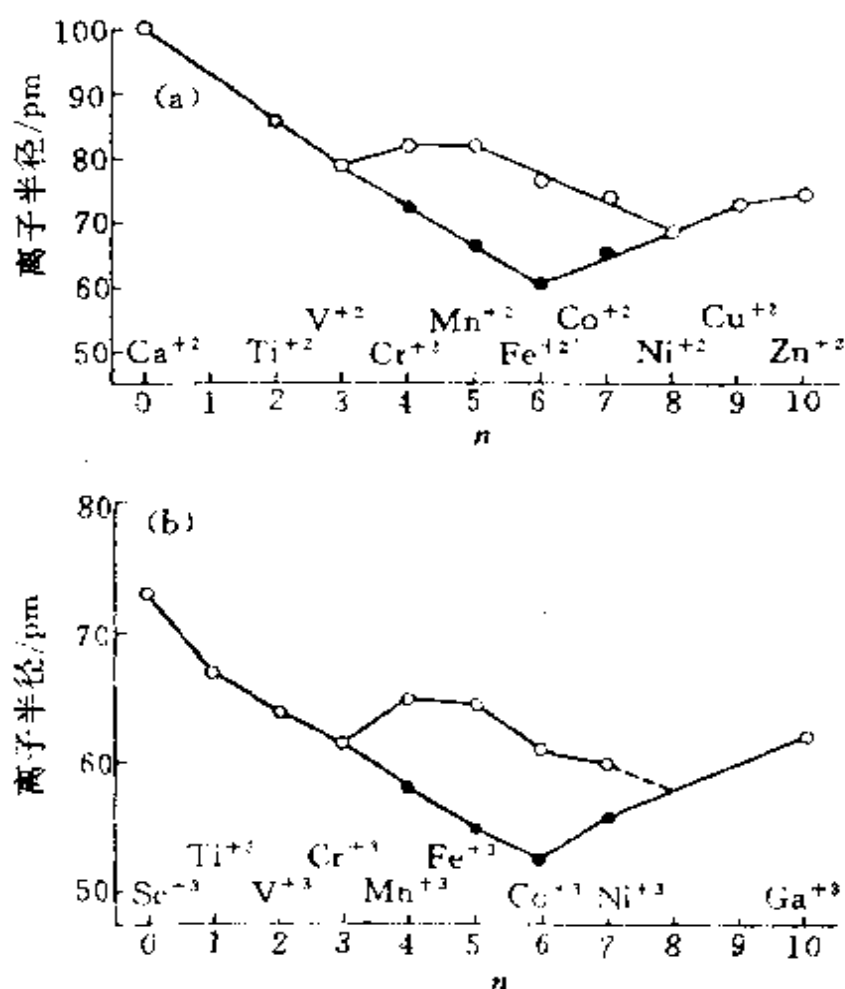


图 6.8 第一系列过渡金属离子  $M^{2+}$  (a) 和  $M^{3+}$  (b) 的离子半径

实际上由于 LFSE 的影响, HS 型出现向下双峰, LS 型出现向下单峰, 这是 LFSE 的能量效应对微观结构的影响。八面体配位时, HS 态的半径(○)比 LS 态的半径(●)大。

由于自旋状态不同引起离子半径的差异, 在生物化学中有重

要意义。例如在血红蛋白中,血红素辅基的  $\text{Fe}^{2+}$  能可逆载氧,载氧时  $\text{Fe}^{2+}$  的状态为低自旋,半径较小,能嵌入卟啉环的平面中,呈六配位。而脱氧后  $\text{Fe}^{2+}$  呈高自旋态,半径较大,不能嵌入卟啉环的平面中,高出平面 70—80 pm,  $\text{Fe}-\text{N}$  距离 220 pm,为五配位,如图 6.9 所示。

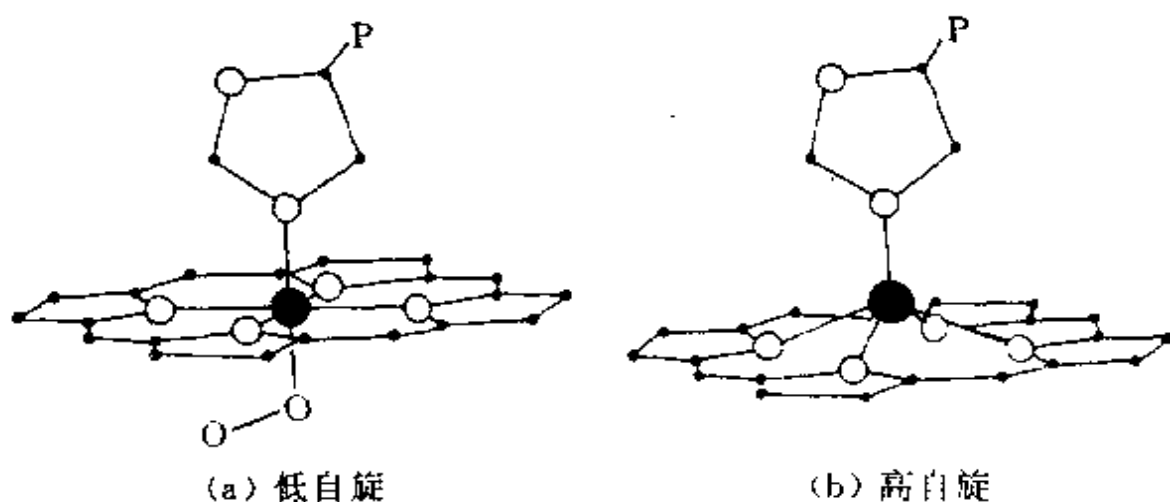


图 6.9  $\text{Fe}^{2+}$  在卟啉环中的位置

(图中黑球代表 Fe, 白球代表 N, P 代表蛋白质中多肽链)

### 3. Jahn-Teller 效应

$t_{2g}$  或  $e_g$  中各个轨道上电子数不同时,就会出现简并态,例如  $(d_{x^2-y^2})^2(d_{z^2})^1$  和  $(d_{x^2-y^2})^1(d_{z^2})^2$ 。按 Jahn-Teller(姜-泰勒)理论,当遇到简并态时,配位化合物会发生变形,使一个轨道能级降低,配位离子发生变形,消除简并态。 $\text{Cu}^{2+}$  是发生 Jahn-Teller 变形的明显实例。例如  $\text{CuL}_4\text{L}'_2$  配位离子中,不论 L 和 L' 是否相等,一般均偏离正八面体构型,出现拉长或压扁的四方形配位,而以拉长的居多,即多数出现 4 个  $\text{Cu}-\text{L}$  短键和 2 个  $\text{Cu}-\text{L}'$  长键。这时电子组态应为  $(d_{z^2})^2(d_{x^2-y^2})^1$ 。下页表列出若干种化合物的  $\text{Cu}-\text{L}$  键长。这种变形必将影响配位化合物的性质。

乙二胺(en)和二价过渡金属离子在水溶液中的逐级稳定常数  $K_1, K_2, K_3$  分别代表 en 置换  $[\text{M}(\text{H}_2\text{O})_6]^{2+}$  中的 2, 4, 6 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子,形成 1, 2, 3 个 en 与 M 螯合的离子,其 pK 值如图 6.10 所示。

$\text{CuF}_2$	4F	为 193, 2F	227 pm
$\text{CuCl}_2$	4Cl	为 230, 2Cl	295 pm
$\text{CuBr}_2$	4Br	为 240, 2Br	318 pm
$\text{Cu}(\text{NH}_3)_6^{2+}$	4 $\text{NH}_3$	为 207, 2 $\text{NH}_3$	262 pm
$\text{K}_2\text{CuF}_4$	4F	为 208, 2F	195 pm

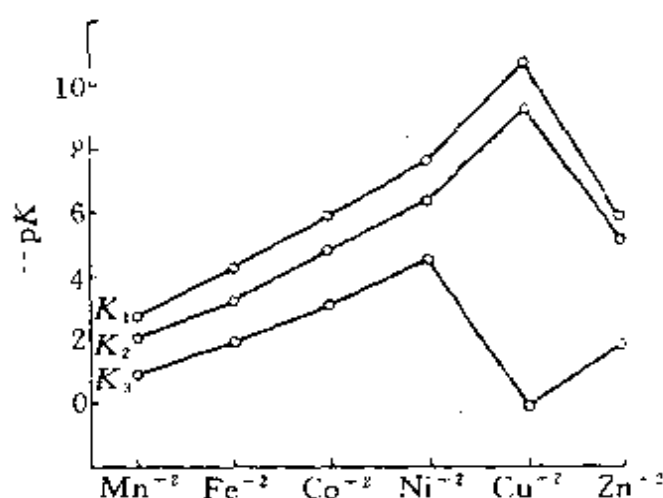
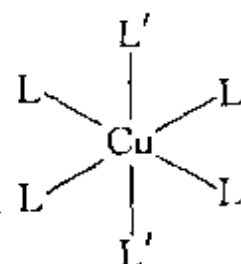
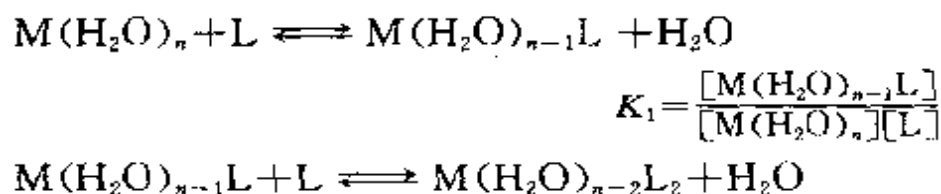


图 6.10 若干  $\text{M}(\text{en})_3^{2+}$  的  $\text{p}K$  值

由图可见,  $\text{Cu}^{2+}$  具有反常的最高  $K_1, K_2$  值和最低的  $K_3$  值, 这是由于 Jahn-Teller 效应使  $[\text{Cu}(\text{en})_3]^{2+}$  明显地不稳定造成的。

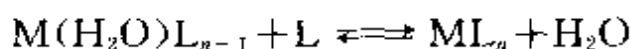
#### 4. 配位化合物的热力学稳定性

配位化合物的稳定性常用稳定常数表示。由于在水溶液中金属离子和水结合在一起, 形成水合离子, 当配位体 (L) 加到水溶液中, 配位体将置换  $\text{H}_2\text{O}$ , 其逐级平衡反应如下



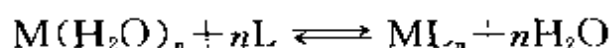
$$K_1 = \frac{[M(H_2O)_{n-2}L_2]}{[M(H_2O)_{n-1}L][L]}$$

.....



$$K_n = \frac{[ML_n]}{[M(H_2O)L_{n-1}][L]}$$

$K_1, K_2, \dots, K_n$  为逐级平衡常数。 $ML_n$  的总的配位反应的平衡常数称为配位化合物  $ML_n$  的稳定常数  $K$  (有时  $K$  也用  $\beta$  表示)。



$$K = \frac{[ML_n]}{[M(H_2O)_n][L]^n}$$

$$K (= \beta) = K_1 K_2 K_3 \cdots K_n$$

例如  $Cu(H_2O)_4^{2+}$  和配位体  $NH_3$  反应,  $K_1 = 1.66 \times 10^4$ ,  $K_2 = 3.16 \times 10^3$ ,  $K_3 = 8.31 \times 10^2$ ,  $K_4 = 1.51 \times 10^2$ 。根据这些数据,可得到  $Cu(NH_3)_4^{2+}$  的稳定常数  $K = 6.58 \times 10^{12}$ 。

$K$  值的大小反映配位化合物的稳定性。根据反应标准自由焓变化和平衡常数的关系,可得

$$\Delta G^\circ = -2.303 RT \log K$$

在一定温度和压力条件下

$$\Delta G^\circ = \Delta H^\circ - T\Delta S^\circ$$

$$\log K = \frac{\Delta S^\circ}{2.303 R} - \frac{\Delta H^\circ}{2.303 RT}$$

配位化合物的稳定常数决定于配位反应的熵变和焓变两部分。

金属离子在配位场影响下降低的能量是影响稳定常数的焓变因素,当  $L$  的配位场比  $H_2O$  强,发生置换反应时放热多,即配位场稳定化能比较大,促使置换反应进行。配位反应时,分子数目的增减是影响稳定常数的熵变因素。用螯合配位体置换  $H_2O$  分子时,置换反应将使分子数目增多,是个熵增加的效应,也是促使置换反应进行的重要条件。

螯合效应是指由螯合配位体形成的配位化合物,一般要比相同配位数和相同配位原子的单齿配位体形成的配位化合物稳定的

效应。螯合效应的实质是一种熵增效应。表 6.5 给出一些由过渡金属离子和  $\text{NH}_3$ 、en 及 EDTA 所形成配合物的稳定常数(实验值)。由表可见,  $\text{Co}(\text{NH}_3)_6^{2+}$  和  $\text{Co}(\text{en})_3^{2+}$ , 以及  $\text{Ni}(\text{NH}_3)_6^{2+}$  和  $\text{Ni}(\text{en})_3^{2+}$ , 发生配位反应时, 都是以 N 原子置换 O 原子, 键强度的改变值差别不大, 所以平衡常数的差别主要是来自熵增的效应。

表 6.5 若干配位化合物的稳定常数

$\text{M}^{2+}$		$\text{Mn}^{2+}$	$\text{Fe}^{2+}$	$\text{Co}^{2+}$	$\text{Ni}^{2+}$	$\text{Cu}^{2+}$	$\text{Zn}^{2+}$
log K	$\text{M}(\text{NH}_3)_6^{2+}$			5.1	8.7		
	$\text{M}(\text{en})_3^{2+}$	5.7	9.5	13.8	18.6	18.7	12.1
	$\text{M}(\text{EDTA})^{2-}$	13.8	14.3	16.3	18.6	18.7	16.1

EDTA 的稳定常数高, 在分析化学中, 可用 EDTA 进行配位滴定分析; 在医学上, 当人体中有害金属离子过多时, 可用 EDTA 进行螯合疗法, 使配位体和有害金属离子螯合, 排出体外。由于配位体对金属离子缺乏选择性, 在排除有害离子的同时, 也会螯合其他对人体必需的、有益的离子。例如  $\text{Na}_4(\text{EDTA})$  排除  $\text{Pb}^{2+}$  时, 常会导致血钙水平降低; 但改用  $\text{Na}_2\text{Ca}(\text{EDTA})$ , 既可顺利排铅, 又可保持血钙不受影响。

## -5- 其他多面体的配位场

按照八面体场的处理方法, 对于其他配位体场能级分裂的相对大小数值, 列于表 6.6 中; 5 个 d 轨道能级的分裂情况示意于图 6.11 中, 其中以正八面体场的分裂能为 1, 取球形场离子未分裂的 d 轨道的能级作为相对零点, 轨道能级升高取正值, 降低取负值。

四面体配位化合物[如  $\text{VCl}_4$ ,  $\text{Ni}(\text{CO})_4$  等]的配位体场能级分裂的情况是:  $d_{xy}$ 、 $d_{xz}$ 、 $d_{yz}$  轨道要比  $d_{x^2-y^2}$ 、 $d_{z^2}$  轨道的能级高, 和八面体场是相反的。3 个  $\sigma$  型的是  $t_{2g}$  轨道, 2 个  $\pi$  型是  $e_g$  轨道。这两组轨道间的能级差记为  $\Delta_t$ ,  $\Delta_t$  要比  $\Delta_o$  小, 给定了配位体和金属离子, 并假定在四面体场和八面体场中金属-配位体的键距近于相

表 6.6 各种对称性场中 d 轨道能级的分裂( $\Delta$ )

配位数	场对称性	$d_{x^2-y^2}$	$d_{z^2}$	$d_{xy}$	$d_{yz}$	$d_{zx}$	注
2	直线形	-0.628	1.028	-0.628	0.114	0.114	键沿 z 轴
3	正三角形	0.545	-0.321	0.546	-0.386	-0.386	键在 xy 平面
4	正四面体形	-0.267	-0.267	0.178	0.178	0.178	—
4	平面正方形	1.228	-0.428	0.228	-0.514	-0.514	键在 xy 平面
6	正八面体形	0.600	0.600	-0.400	-0.400	-0.400	—
5	三角双锥形	-0.082	0.707	-0.082	-0.272	-0.272	} 锥底在 xy 平面
5	四方锥形	0.914	0.086	-0.086	-0.457	-0.457	
7	五角双锥形	0.282	0.493	0.282	-0.528	-0.528	

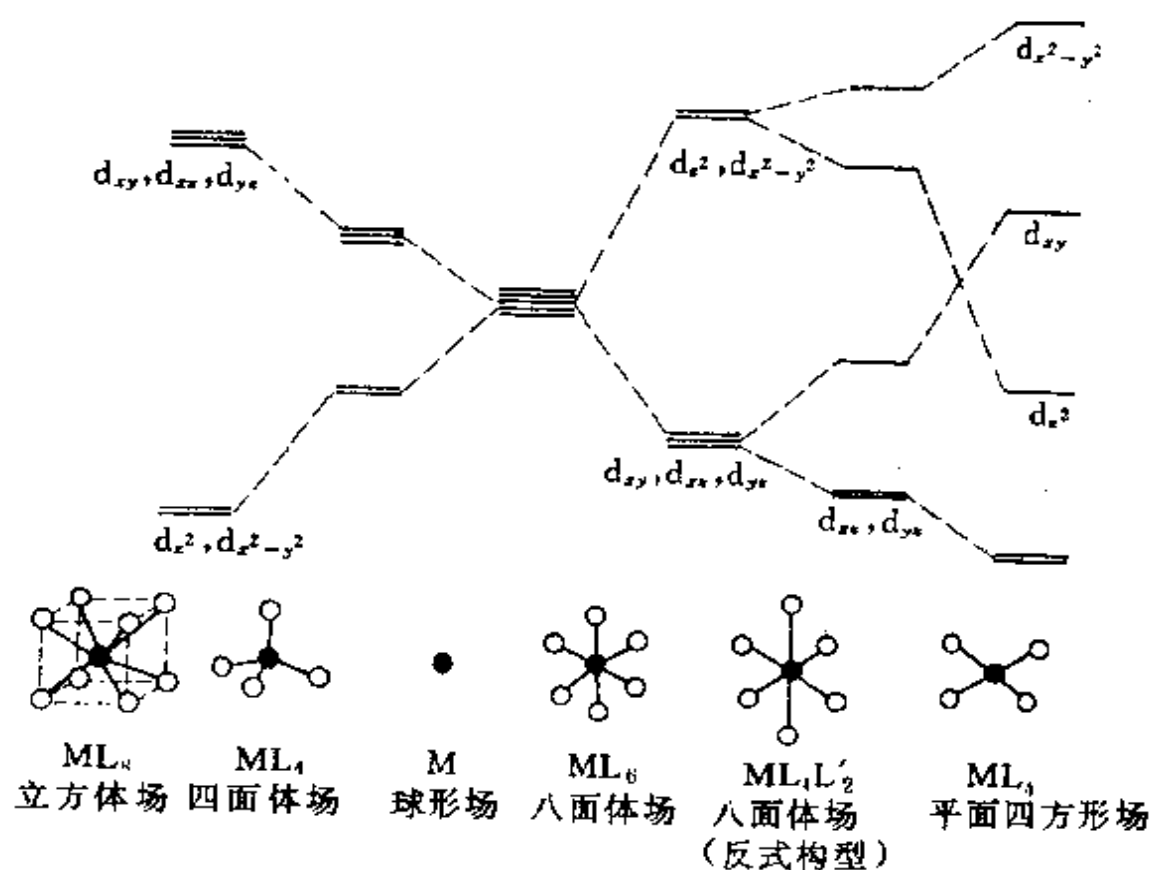


图 6.11 各种配位场条件下,金属 d 轨道能级的分裂情况

等,理论上可以推得:  $\Delta_t \approx (4/9)\Delta_o$ , 即四面体配位场强度要比八面体弱很多。实验测定结果和理论上推导基本一致,例如

$\text{CoCl}_4^{2-}$	$3300 \text{ cm}^{-1}$
$\text{CoBr}_4^{2-}$	$2900 \text{ cm}^{-1}$
$\text{CoI}_4^{2-}$	$2700 \text{ cm}^{-1}$

确实要比相同金属和配位体的  $\Delta_o$  小很多。由于四面体配位场的分裂能很小,几乎所有四面体的过渡金属配位化合物具有高自旋的基态电子组态。

四配位化合物的配位型式与 d 电子数多少有关。在弱场中,  $d^0, d^5, d^{10}$  离子采取四面体构型相互间排斥力最小,如  $\text{TiCl}_4, \text{FeCl}_4^-, \text{CuX}_4^{2-}, \text{ZnX}_4^{2-}$  等均采取四面体排列;  $d^1$  和  $d^9$  一般仍采取四面体形,如  $\text{VCl}_4, \text{FeCl}_4^{2-}$ 。对于  $d^8$  的四配位化合物,应为平面正方形,因为这种构型获得的 LFSE 较多,这时配位化合物自旋成对,显反磁性。第二和第三长周期过渡元素确是如此,如  $\text{PdCl}_4^{2-}, \text{PtCl}_4^{2-}, \text{Au}_2\text{Cl}_6, [\text{Rh}(\text{CO})_2\text{Cl}]_2$  等;而第一长周期过渡元素,因金属离子较小,碰到电负性高、体积大的配位体时,则需要考虑排斥的因素,  $\text{Ni}(\text{CN})_4^{2-}$  为平面正方形,  $\text{NiX}_4^2-$  ( $\text{X} = \text{Cl}^-, \text{Br}^-, \text{I}^-$ ) 为四面体形。

五配位化合物有三方双锥形和四方锥形两种构型。按杂化轨道理论,三方双锥用  $d_{x^2-y^2}sp^3$  杂化轨道;四方锥用  $d_{z^2-y^2}sp^3$  杂化轨道。 $\text{CdCl}_5^{2-}$  是三方双锥构型的代表,  $\text{Ni}(\text{CN})_5^{3-}$  则是四方锥结构的代表。而有的构型可看作是介于这两者之间。影响五配位的因素较多, LFSE 是其中之一,它不是配位化合物采取三方双锥或四方锥构型的决定因素。

七配位化合物中最常见构型是五方双锥形,它可看作由  $d^3sp^3$  杂化轨道组成, 3 个 d 轨道为  $d_{xy}, d_{xz}, d_{yz}$ 。许多 Mo 的配位化合物采用这种构型。



### 6.3 $\sigma$ - $\pi$ 配键与有关配位化合物的结构和性质

许多由  $\pi$  配键形成的配位化合物是生产和科研中起重要作用的体系。下面分六小节加以叙述。

#### -1- 金属羰基配位化合物和小分子配位化合物

许多过渡金属能通过  $\sigma$ - $\pi$  配键与 CO 分子结合,生成羰基配位化合物,如  $\text{Ni}(\text{CO})_4$ ,  $\text{Cr}(\text{CO})_6$ ,  $\text{Fe}(\text{CO})_5$ ,  $\text{HMn}(\text{CO})_5$  等。

在金属羰基配位化合物中,CO 以碳原子和金属原子相连, $\text{M}-\text{C}-\text{O}$  在一直线上。CO 分子一方面以孤对电子给予中心金属原子的空轨道形成  $\sigma$  配键,如图 6.12(a);另一方面又有空的反键

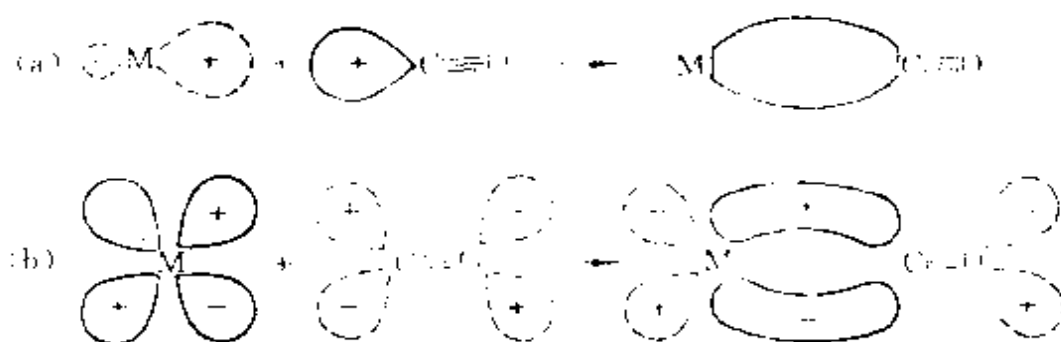


图 6.12  $\text{M}-\text{C}-\text{O}$  中  $\sigma$ - $\pi$  配键示意图

(图中表示一个截面的波函数重叠情况,重叠后原来处在原子轨道上的电子主要分布在  $\text{M}-\text{C}$  原子之间,而分子两端电子较少)

$\pi^*$  轨道可以和金属原子的 d 轨道形成  $\pi$  键,这种  $\pi$  键由金属原子单方面提供电子,也称反馈  $\pi$  键,如图 6.12(b)。这两方面的键合称为  $\sigma$ - $\pi$  配键。两方面的电子授受作用正好互相配合,互相促进,其结果使  $\text{M}-\text{C}$  间的键比共价单键要强,而  $\text{C}-\text{O}$  间的键比 CO 分子中的键要弱一些,因为反键轨道上有了一定数量的电子。图 6.13 示出  $\text{Fe}(\text{CO})_5$  和  $\text{HMn}(\text{CO})_5$  的结构。

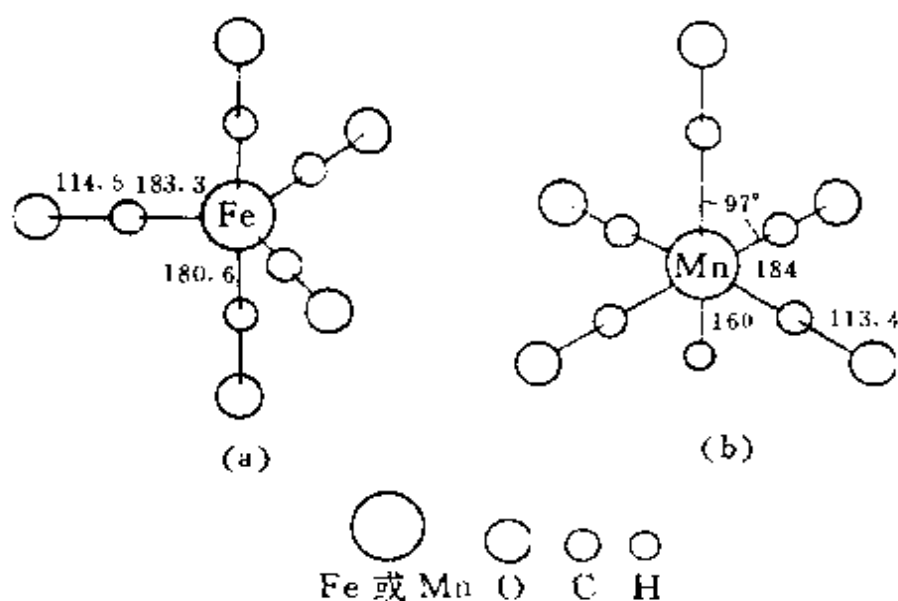


图 6.13  $\text{Fe}(\text{CO})_5$  和  $\text{HMn}(\text{CO})_5$  的结构

大多数羰基配位化合物都有一个特点：每个金属原子的价电子数和它周围配位体提供的价电子数加在一起满足 18 电子结构规则，是反磁性的。例如

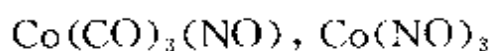
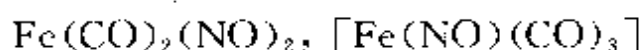
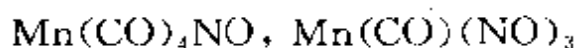
M	Cr	Mn	Fe	Co	Ni
价电子数	6	7	8	9	10
需要电子数	12	11	10	9	8
形成的羰基配位化合物	$\text{Cr}(\text{CO})_6$	$\text{Mn}_2(\text{CO})_{10}$	$\text{Fe}(\text{CO})_5$	$\text{Co}_2(\text{CO})_8$	$\text{Ni}(\text{CO})_4$

$\text{Mn}_2(\text{CO})_{10}$  是典型的双核羰基化合物，其中  $\text{Mn}-\text{Mn}$  直接成键。每个 Mn 与 5 个 CO 形成八面体构型中的 5 个配位，第六个配位位置通过  $\text{Mn}-\text{Mn}$  键相互提供 1 个电子，使每个 Mn 原子周围满足 18 个价电子。为了减少空间阻碍引起的排斥力，羰基基团互相错开。 $\text{Co}_2(\text{CO})_8$  的情况和  $\text{Mn}_2(\text{CO})_{10}$  相似。

$\text{N}_2$ 、 $\text{NO}^+$ 、 $\text{CN}^-$  等和 CO 是等电子分子，由于结构的相似性，它们也可和过渡金属形成配位化合物。对于  $\text{N}_2$  分子，早已预料会像  $\text{M}-\text{CO}$  一样，形成  $\text{M}-\text{N}\equiv\text{N}$  配位化合物，但一直到 1965 年

才获得第一个  $\text{N}_2$  分子配位化合物  $[\text{Ru}(\text{NH}_3)_5\text{N}_2]\text{Cl}_3$ 。

$\text{NO}$  比  $\text{CO}$  多一个电子,这个电子处在  $\pi^*$  轨道上。当  $\text{NO}$  和过渡金属配位时,由于  $\pi^*$  轨道参与反馈  $\pi$  键的形成,所以每个  $\text{NO}$  分子有 3 个电子参与成键。当按照 18 电子结构规则计算时,由  $\text{NO}$  分子与  $\text{CO}$  分子可形成下列化合物



除  $\text{CO}$ ,  $\text{N}_2$ ,  $\text{NO}$  外,  $\text{O}_2$ ,  $\text{H}_2$ ,  $\text{CO}_2$ ,  $\text{NO}_2$ ,  $\text{CH}_4$ ,  $\text{C}_2\text{H}_2$ ,  $\text{C}_2\text{H}_4$  等小分子和过渡金属形成的配位化合物颇受人们的重视。例如  $\text{O}_2$  的过渡金属配位化合物的研究工作,既是生化、无机等化学分支感兴趣的基本课题,也是化工和石油化工生产中催化氧化反应涉及到的问题。

磷、砷、锑、铋的三价化合物,如  $\text{PF}_3$ ,  $\text{PCl}_3$ ,  $\text{AsCl}_3$ ,  $\text{SbCl}_3$ ,  $\text{PR}_3$  等,也可作为配位体形成  $\sigma$ - $\pi$  配键。 $\text{P}$ ,  $\text{As}$  等原子除有一孤对电子可以作为电子对的供给者,与  $\text{M}$  形成  $\sigma$  键外,它还有空的外  $d$  轨道可和  $\text{M}$  形成反馈  $\pi$  键,使配位化合物稳定存在。例如,  $\text{Pd}(\text{PF}_3)_4$ ,  $\text{HCo}(\text{PF}_3)_4$ ,  $\text{Ni}(\text{PF}_3)_4$ ,  $(\text{R}_3\text{P})_4\text{Mo}(\text{CO})_2$  等。

## -2- 不饱和烃配位化合物

以不饱和烃为配位体,通过  $\sigma$ - $\pi$  配键与过渡金属形成的配位化合物,在石油化工中占有重要地位。最早制得的此类配位化合物是  $\text{K}[\text{PtCl}_3(\text{C}_2\text{H}_4)] \cdot \text{H}_2\text{O}$ ,称为 Zeise(蔡斯)盐(1827 年,  $\text{W. C. Zeise}$  首先制得),它可从  $\text{K}_2\text{PtCl}_4$  的稀盐酸溶液中通入乙烯沉淀出来。这种配位化合物中的  $[\text{PtCl}_3(\text{C}_2\text{H}_4)]^-$  的结构示于图 6.14,  $\text{Pt}^{2+}$  按平面正方形和 4 个配位体配位,其中 3 个是  $\text{Cl}^-$ , 1 个是  $\text{C}_2\text{H}_4$ ;  $\text{C}_2\text{H}_4$  的  $\text{C}-\text{C}$  键与  $\text{PtCl}_3^-$  的平面垂直,两个碳原子和  $\text{Pt}^{2+}$  保持等距离。所以  $\text{C}_2\text{H}_4$  按侧面方式和  $\text{Pt}^{2+}$  配位。

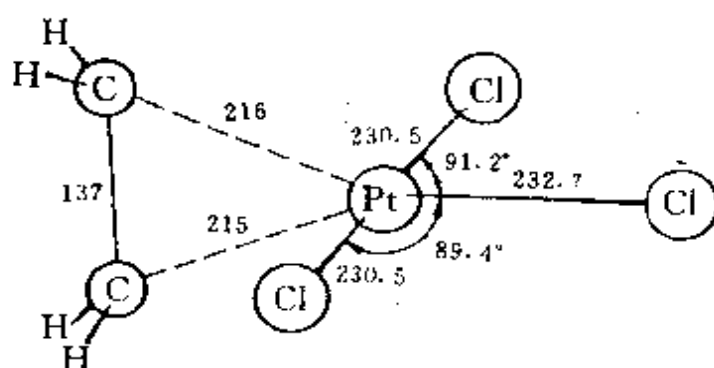


图 6.14  $[\text{PtCl}_3(\text{C}_2\text{H}_4)]$  的结构

$\text{C}_2\text{H}_4$  和  $\text{Pt}^{2+}$  间的键是  $\sigma$ - $\pi$  配键。 $\text{C}_2\text{H}_4$  的  $\pi$  分子轨道与  $\text{Pt}^{2+}$  的空的  $\text{dsp}^2$  轨道叠加成键, 由  $\text{C}_2\text{H}_4$  提供  $\pi$  电子成  $\sigma$  配键。如图 6.15(右); 另一方面  $\text{Pt}^{2+}$  的充满电子的  $d$  轨道(如  $d_{xy}$ )和  $\text{C}_2\text{H}_4$  的  $\pi^*$  轨道叠加成键, 由  $\text{Pt}^{2+}$  提供  $d$  电子成  $\pi$  配键, 如图 6.15(左)。这样既可防止由于形成  $\sigma$  配键使电荷过分集中到金属原子上, 又促进成键作用。

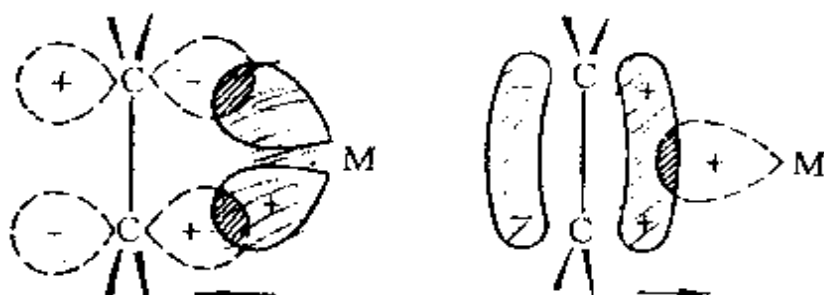


图 6.15 过渡金属(M)和烯烃  $\begin{pmatrix} \diagup & \diagdown \\ \text{C} & = & \text{C} \\ \diagdown & \diagup \end{pmatrix}$  间形成  $\sigma$ - $\pi$  配键的情况

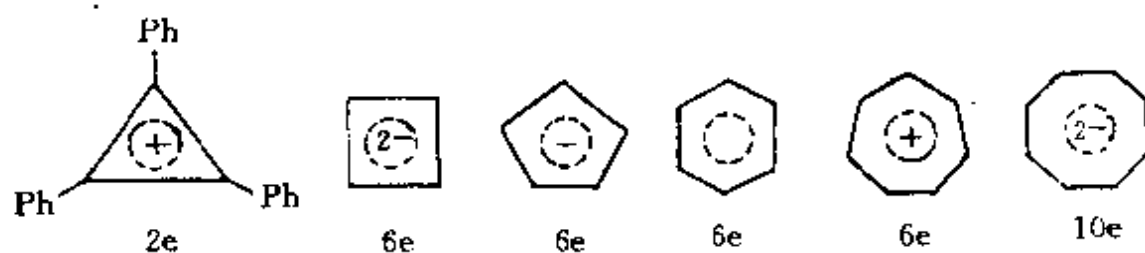
(箭头表示电子提供方向)

除乙烯外, 其他的烯烃和炔烃也能和过渡金属形成配位化合物, 其中有许多已测定出它们的结构, 研究它们的性质。

### -3- 环多烯和过渡金属的配位化合物

许多环多烯具有离域  $\pi$  键的结构, 离域  $\pi$  键可以作为一个整体和中心金属原子通过多中心  $\pi$  键形成配位化合物。平面构型的

对称环多烯有： $[\text{C}_3\text{Ph}_3]^+$ ， $[\text{C}_4\text{H}_4]^{2-}$ ， $[\text{C}_5\text{H}_5]^-$ ， $\text{C}_6\text{H}_6$ ， $[\text{C}_7\text{H}_7]^+$ ， $[\text{C}_8\text{H}_8]^{2-}$  等，下图示意出它们的结构式和  $\pi$  电子数。



这些环多烯可以和过渡金属 M 形成形式多样的配位化合物，如

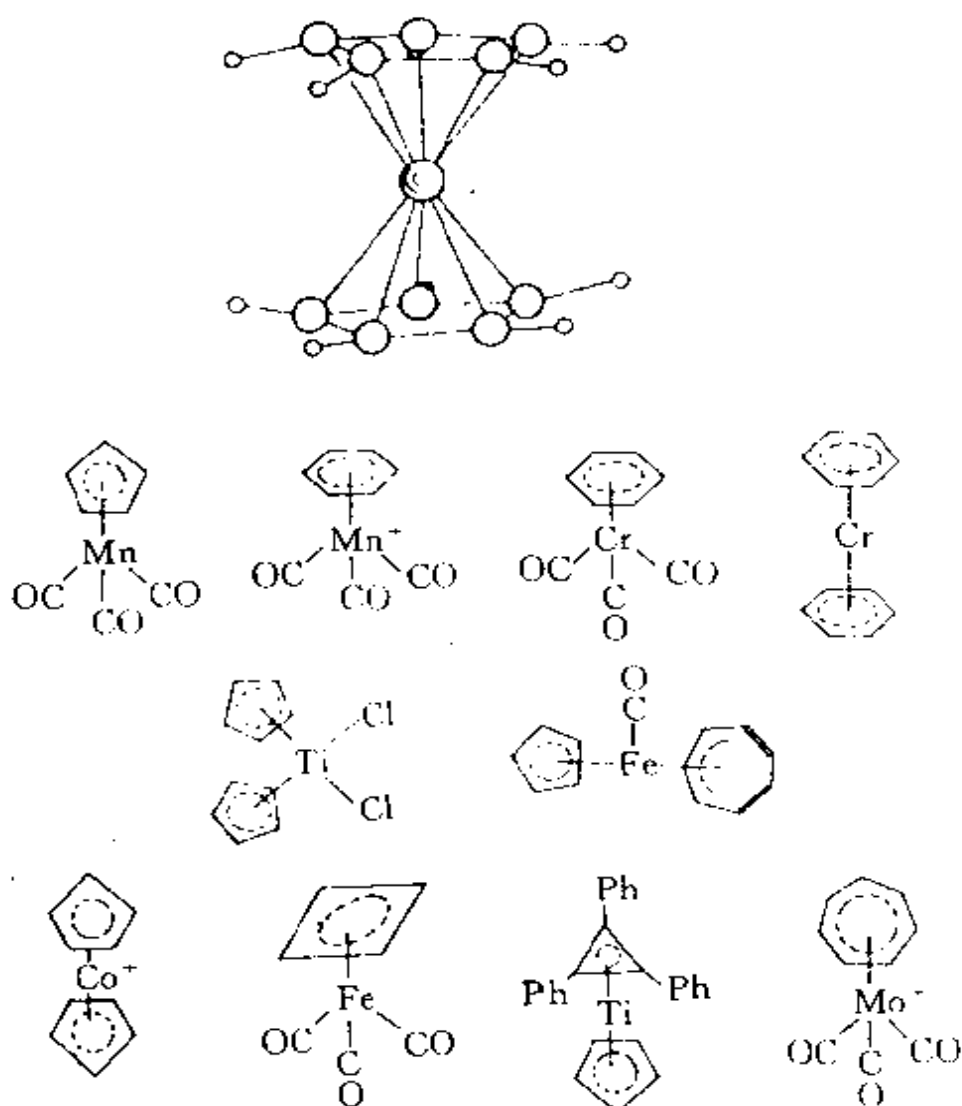
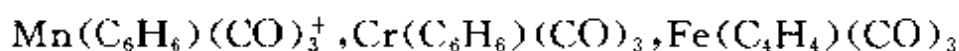
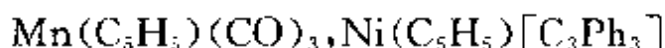
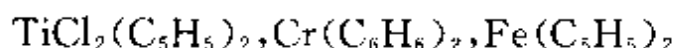


图 6.16 若干环多烯与过渡金属配位化合物的结构



等等。它们中的大多数符合 18 电子规则。在结构中,多烯环的平面与键轴垂直,这里键轴不是指中心原子与环上原子的连线,而是中心原子和整个参与成键的环的中心的连线。图 6.16 示出若干环多烯与过渡金属配位化合物的结构。

关于  $(\text{C}_5\text{H}_5)_2\text{Fe}$  的结构,早经 X 射线测定建立了夹心式的构型,两个 Cp 环为交错型,属  $D_{5d}$  点群。根据电子衍射测定气态  $(\text{C}_5\text{H}_5)_2\text{Fe}$  分子的结构,认为两个 Cp 环为覆盖型,属  $D_{5h}$  点群。几年前用中子衍射和 X 射线衍射进一步研究其结构,得到在室温下两个 Cp 环既不是交错型,也不是覆盖型,但和覆盖型比较接近,分子点群为  $D_5$ ,如图 6.16 所示。此外从中子衍射测得 H 原子位置,发现 C—H 键朝向 Fe 原子,与过去向外倾斜正好相反<sup>[7,8]</sup>。

#### -4- 等瓣相似规则<sup>[9]</sup>

等瓣相似(Isolobal Analogy)是指两个或两个以上的分子片,它们的前线轨道的数目、能级分布、形状、对称性和所含电子数等均相似。当分子片等瓣相似时,他们形成化合物的情况可用相似的分分子轨道等瓣相似连接模型进行分析。这里指的分子片,既可以是有机分子片,如  $\text{CH}_3, \text{CH}_2, \text{CH}$  等,也可以是含金属原子的分子片,如  $\text{Mn}(\text{CO})_5, \text{Fe}(\text{CO})_4, \text{Co}(\text{CO})_3$  等。利用等瓣相似规则,可以按已知的有机分子的结构来推测未知金属有机化合物的结构,并进行合成,使新化合物的合成更有方向性。

对八面体场  $\text{ML}_6$  的分子轨道能级图(图 6.3)加以简化表示,可得图 6.17 所示的情况。L 的孤对电子进入成键轨道,金属 d 电子进入  $t_{2g}$  轨道及反键轨道。对于  $\text{ML}_5$  分子轨道能级图,可简化地示于图 6.18 中。

若将  $\text{Mn}(\text{CO})_5$  和  $\text{CH}_3$  两个分子片的前线轨道能级和电子填

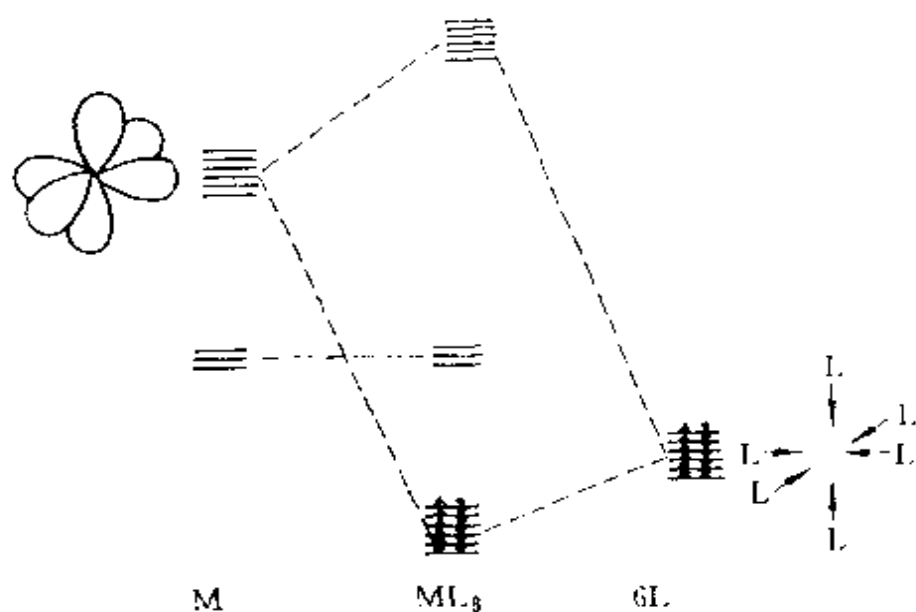


图 6.17  $ML_6$  分子轨道能级图

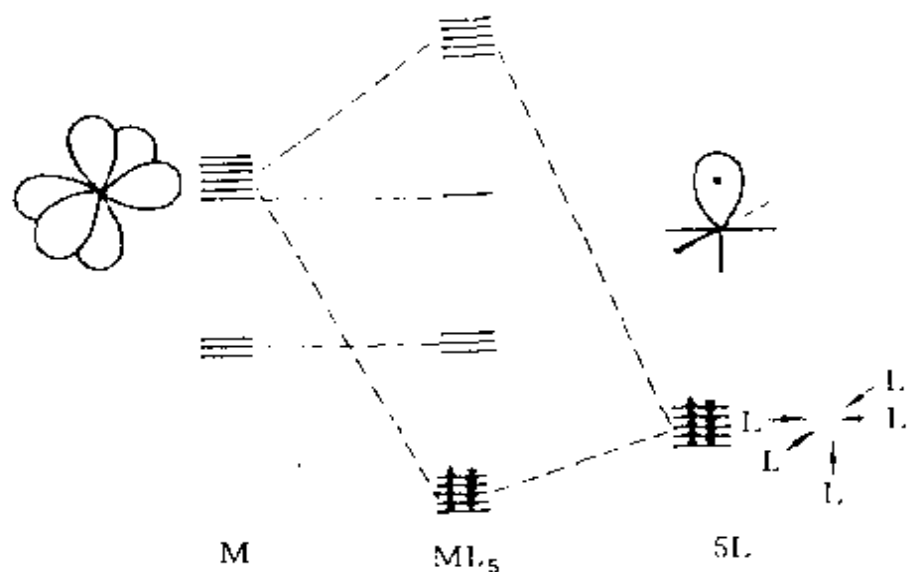


图 6.18  $ML_5$  分子轨道能级图

充情况进行对比,可得图 6.19 所示的情况。由图可见,  $Mn(CO)_5$  和  $CH_3$  的前线轨道分布轮廓图、能级和电子排布均很相似,预期它们有相似的成键方式,按此可对有些化合物进行如下类比分析



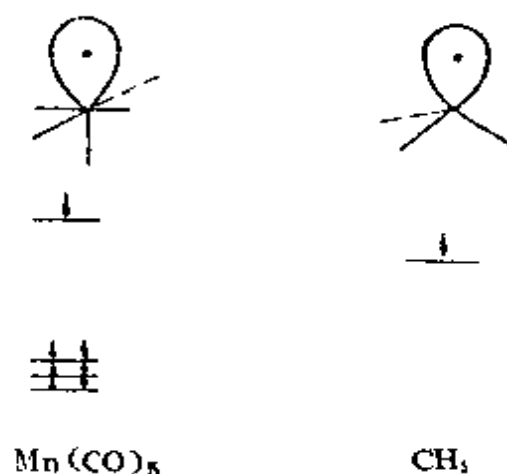


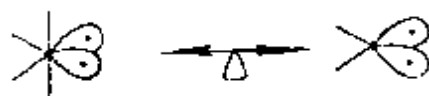
图 6.19  $\text{Mn(CO)}_5$  和  $\text{CH}_3$  的前线轨道



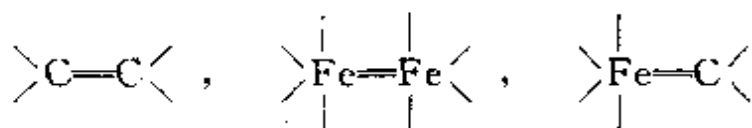
分子片中轨道的这种相似, Hoffmann 等用“ $\longleftrightarrow$ ”符号表示。根据等瓣相似规则,可得



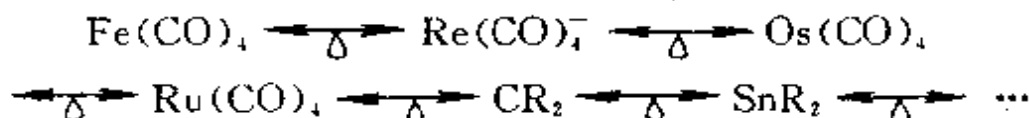
$\text{CH}_2$  和  $\text{Fe(CO)}_4$  也是等瓣相似的分子片



由  $\text{CH}_2$  和  $\text{Fe(CO)}_4$ , 可以结合成下列化合物

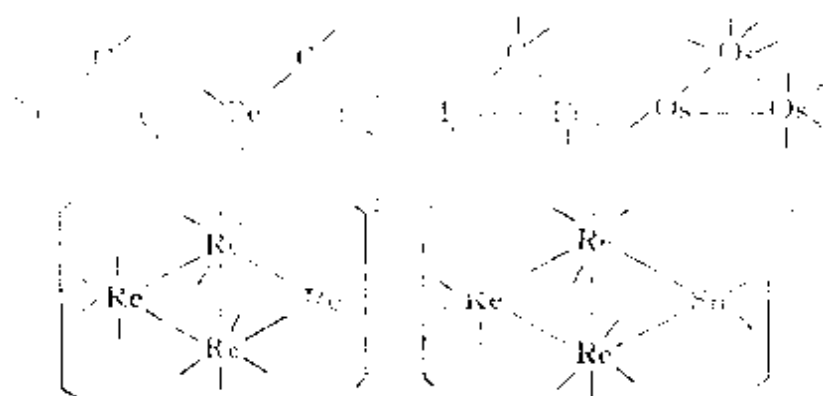


将它们推广,可得



由这些等瓣相似的分子片结合,可得下列形式多样的化合物,在无机化学和有机化学间架起桥梁。





## -5- 配位化合物中原子的原子价

针对不断发展的配位化合物的结构,徐光宪教授提出原子价规则,把各类分子中原子 A 的原子价( $V_A$ )建立统一的标准,并和原子的配位数、氧化态、价轨道数、价电子数和未成对电子数等联系起来,了解各类化合物的性质。本节对徐光宪教授的原子价规则简介于下。

分子中某一原子 A 的共价原子价( $V_A$ )定义为它在形成分子时所接受的有效共享成键电子数。

这一定义既适用于常见的 H, C, N, O, F 等原子,也适用于过渡金属原子。

对于由 H, C, N, O, F 这些元素中的任何一个或几个元素组成的稳定分子中,这五个元素的价轨道数和价电子数不变,它们的原子价是不变的,即

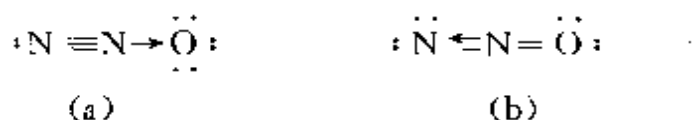
$$V_H=1, V_C=4, V_N=3, V_O=2, V_F=1$$

这种不变性可用以判断和了解由它们组成的分子的结构,例如

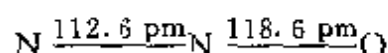
(1) CO 分子。它的结构式为  $C \equiv O$ , 由此结构式可知

$$V_C=4, V_O=2$$

(2)  $N_2O$  分子。若满足  $V_N=3, V_O=2$ , 居中的原子必须为 N, 而且不应形成张力较大的不稳定的三元环。这样就只有下面两种可能性



(a)和(b)相比,(a)的左边键级为3,右边为1;(b)的左右两边键级均为2。通常具有均匀分布的键级者较稳定,所以结构以(b)合适,实验测定直线型的  $\text{N} \leftarrow \text{N} = \text{O}$  分子键长如下



与(b)式符合。

对于有d轨道参加成键的元素,其原子价  $V_A$  不恒定,需视它在化合物中的情况而定。例如

(1) 在  $\text{H}_2\text{S}$  分子中,  $V_S=2$ ; 在  $\text{SF}_4$  分子中,  $V_S=4$ , 在  $\text{SF}_6$  分子中,  $V_S=6$ 。

(2) 在  $\text{Fe}(\text{CO})_5$  分子(见图 6.13a)中,  $V_{\text{Fe}}=5 \times 2=10$ 。

(3) 在  $\text{HMn}(\text{CO})_5$  分子(见图 6.13b)中,  $V_{\text{Mn}}=1+5 \times 2=11$ 。

(4) 在  $(\text{Cp})_2\text{TiCl}_2$ (见图 6.16)分子中,  $V_{\text{Ti}}=5 \times 2+2 \times 1=12$ ; 在  $\text{TiCl}_4$  分子中,  $V_{\text{Ti}}=4$ 。

原子的配位数与原子价和氧化态间的关系为

$$\text{配位数} = \frac{1}{2}(\text{原子价} + \text{氧化态})$$

其中配位数定义为:配位化合物或金属有机化合物或分子片的中心原子的配位数是指与它结合的配位体原子的数目或  $\pi$  配位体的  $\pi$  电子对数。

氧化态定义为:当分子中原子间的共享电子对被指定属于电负性较大的原子后,各原子所带的形式电荷分别称为它们的氧化态。例如化合物  $\text{HMn}(\text{CO})_5$  中, Mn 的价电子数为7,价轨道数为9,原子价为11,氧化态为+1,则其

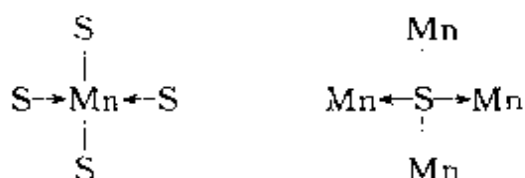
$$\text{配位数} = \frac{1}{2}(11+1)=6$$

$$\text{未成对电子数} = 2 \times \text{价轨道数} - \text{价电子数} - \text{原子价数}$$

$$= 2 \times 9 - 7 - 11 = 0$$

该化合物为反磁性。

又如 ZnS 型结构的 MnS 晶体中, S 和 Mn 均为四面体配位, 这两原子平面投影结构式为



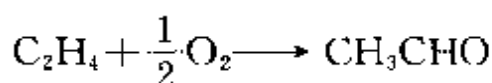
	原子价	价轨道数	价电子数	未成对电子数
硫(S)	2	4	6	$2 \times 4 - 6 - 2 = 0$
锰(Mn)	$2 \times 1 + 2 \times 2 = 6$	9	7	$2 \times 9 - 7 - 6 = 5$

所以 MnS 是顺磁性的, 含有 5 个未成对电子, 磁矩的计算值为  $5.92 \beta_e$ , 实验值为  $5.61 \beta_e$ , 两者符合较好。

## 6- 配位催化作用

在石油化工中, 烯烃和炔烃的氧化、加成、聚合等反应过程, 常涉及配位催化作用。下面举两个实例, 说明  $\sigma$ - $\pi$  键配位化合物在其中的作用。

乙烯氧化制乙醛的反应为



这一反应是在  $\text{PdCl}_2$  和  $\text{CuCl}_2$  的稀盐酸溶液中进行的,  $\text{Pd}^{2+}$  在其中起主要的催化作用, 其反应机理如图 6.20 所示。

又如用  $\text{TiCl}_3$  作催化剂进行烯烃聚合, 在固体  $\text{TiCl}_3$  表面, 可认为不断地进行下页图示的聚合过程。

从这两个例子可见, 在反应过程中形成不太稳定的  $\sigma$ - $\pi$  配键配位化合物是其中重要的步骤。

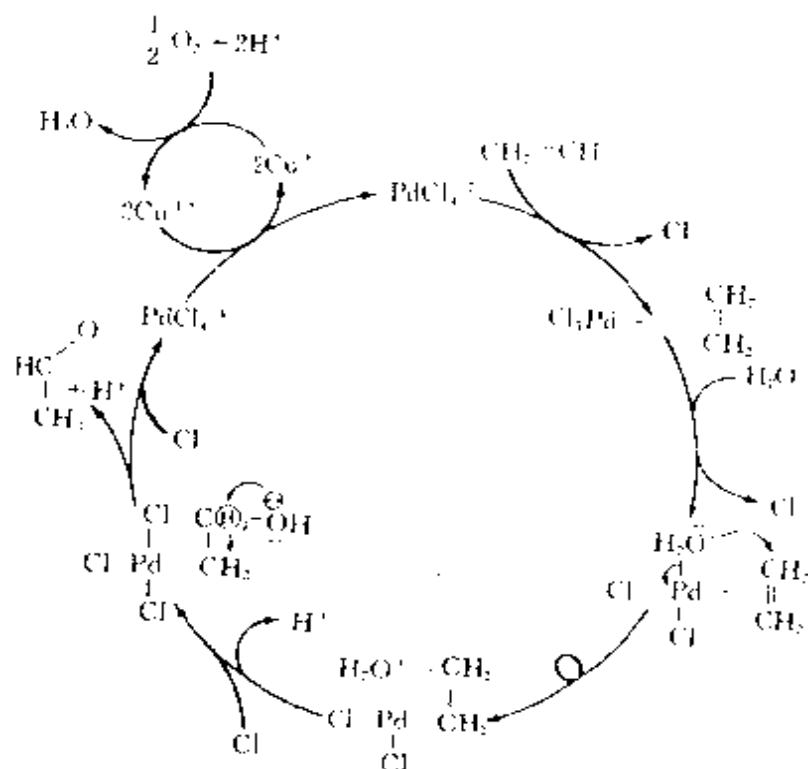
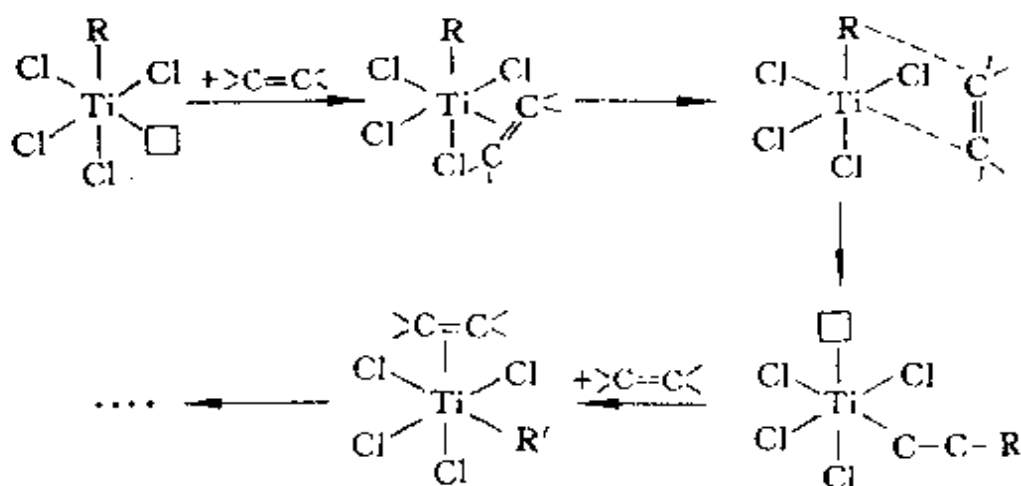


图 6.20 乙烯氯化制乙醛的催化机理



#### 6.4 过渡金属原子簇化合物的结构和性质

在有些配位化合物中,金属原子 M 间能直接成键,这种含有金属 M—M 键的化合物,称为金属原子簇化合物。

过渡金属原子簇化合物日益受到人们的重视,首先是它们在催化领域中发挥重要的作用,有些原子簇化合物是优良的催化剂;其次在原子簇化合物中具有多种多样的键型;有多种型式的共价键,例如 $\sigma$ 键, $\pi$ 键, $\delta$ 键;有多种型式的多中心键,例如三中心键,四中心键等等;有许多过渡的键型,如介于共价键和金属键之间的键型。所以这类化合物在生产实践和化学键理论上都具有重要意义。有关这类化合物的合成、制备、测定结构、探讨它的化学键性质以及探讨它在无机生物化学、催化、石油化工等方面应用的研究工作很多。

过渡金属原子簇化合物中,金属元素的氧化态较低,d轨道参加成键,使金属元素之间能结合起来;一般重金属元素形成原子簇的倾向更大些。而一个配位体常常能和两个或两个以上金属原子成键,对金属原子起桥连作用。下面结合实例说明原子簇化合物的结构和性质。

### -1- 18 电子规则和簇合物的几何构型<sup>[10,11]</sup>

每个过渡金属原子(M)参加成键的价层原子轨道有 9 个(5 个 d 轨道、1 个 s 轨道和 3 个 p 轨道),在分子中每个过渡金属原子可以容纳 18 个价电子以形成稳定的结构,此即 18 电子规则。在含有  $n$  个金属原子的多核原子簇化合物中,除 M 本身的价电子和配位体提供的电子外,金属原子间直接成键,相互提供电子以满足 18 电子规则。故  $M_n$  中  $n$  个金属原子之间互相成键,互相提供电子。M 原子间成键的总数可用键价( $b$ )表示。 $b$  值可按下式计算:

$$b = \frac{1}{2}(18n - g)$$

式中  $g$  代表分子中与  $M_n$  有关的价电子总数,它包含三部分电子:(a)组成  $M_n$  簇合物中  $n$  个 M 原子的价电子数,(b)配位体提供  $n$  个 M 原子的电子数,(c)若簇合物带有电荷则包括所带电荷数。

许多簇合物(例如过渡金属羰基络合物)符合 18 电子规则,可

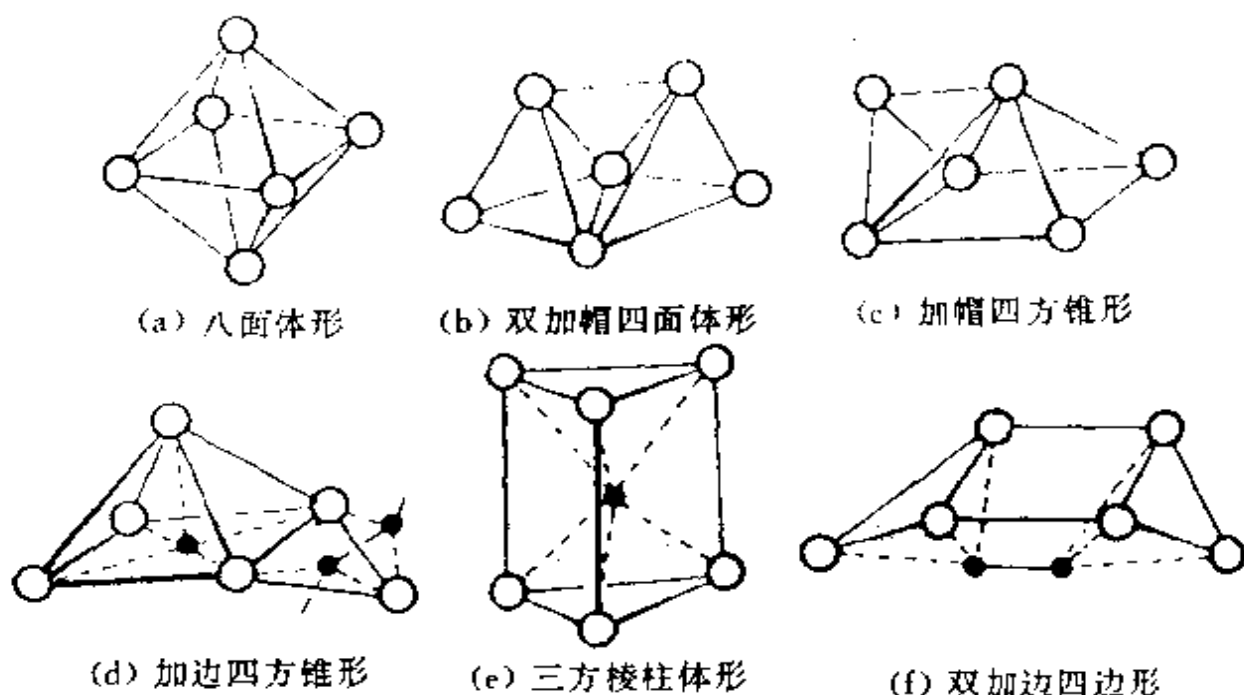


图 6.21 若干六核簇合物的几何构型

- (a)  $[\text{Mo}_6(\mu_3\text{-Cl})_8\text{Cl}_6^{2-}]$ , (b)  $[\text{Os}_6(\text{CO})_{18}]$ ,  
 (c)  $[\text{Os}_6(\text{CO})_{18}\text{H}_2^-]$ , (d)  $[\text{Os}_6\text{C}(\text{CO})_{16}(\text{H}_3\text{CC}_2\text{CH}_3)]$ ,  
 (e)  $[\text{Rh}_6\text{C}(\text{CO})_{15}^-]$ , (f)  $[\text{Co}_6(\mu_6\text{-C}_2)(\mu_2\text{-CO})_6(\text{CO})_8(\mu_4\text{-S})]$

用简单的电子计数方法来理解它们的几何构型。下面举例说明。

**【例 6.1】**  $\text{Ir}_4(\text{CO})_{12}$

$$g = 4 \times 9 + 12 \times 2 = 60$$

$$b = \frac{1}{2}(18 \times 4 - 60) = 6$$

金属原子族( $\text{Ir}_4$ )的键价为 6, 形成 6 个  $\text{M}-\text{M}$  单键,  $\text{Ir}_4$  呈 6 条边的四面体形。

**【例 6.2】**  $\text{Fe}_4(\text{CO})_{13}\text{C}$

$$g = 4 \times 8 + 13 \times 2 + 4 = 62$$

$$b = \frac{1}{2}(18 \times 4 - 62) = 5$$

$\text{Fe}_4$  的键价为 5, 形成 5 个  $\text{Fe}-\text{Fe}$  单键,  $\text{Fe}_4$  呈 5 条边的蝴蝶形。

**【例 6.3】**  $\text{Os}_5(\text{CO})_{16}$

$$g = 5 \times 8 + 16 \times 2 = 72$$

$$b = \frac{1}{2} (18 \times 5 - 72) = 9$$

$\text{Os}_9$  键价为 9, 呈 9 条边的三方双锥形。

六核原子簇有如图 6.21 所示的多种形式, 其构型可从它们各自的键价来理解。

## -2- 簇合物中 M—M 间的多重键<sup>[4,12]</sup>

在原子簇化合物中, 金属原子之间可以形成单键、双键、叁键或四重键。多重键的存在已由原子簇化合物的晶体结构和化学性能所证实。今以  $\text{K}_2(\text{Re}_2\text{Cl}_8) \cdot 2\text{H}_2\text{O}$  晶体中的  $\text{Re}_2\text{Cl}_8^{2-}$  离子结构为例, 了解它的键型和性质。

$\text{Re}_2\text{Cl}_8^{2-}$  的结构示于图 6.22 中。由图可见 Re 和 Re 之间虽然没有桥连配位体, 但原子间距离 224 pm, 比金属铼中原子距离 276 pm 短得多。不同 Re 原子上的 Cl 原子, 上下对齐成四方柱形, Cl 原子间距离为 332 pm, 短于 Cl 原子的范德华半径和。为什么 Cl 原子不因空间阻碍而互相错开, 反而形成这种重叠式的构象呢? 是什么作用力使 Re 和 Re 间距离这样短呢? 这与 Re 和 Re 之间形成多重键有关。

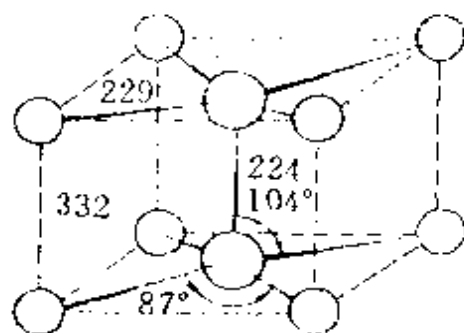


图 6.22  $\text{Re}_2\text{Cl}_8^{2-}$  的结构

Re 原子的电子组态为  $[\text{Xe}]5d^56s^2$ , Re 除以  $\text{dsp}^2$  杂化轨道和 Cl 形成 4 个键外, 尚余 4 个 d 轨道 ( $d_{xy}, d_{xz}, d_{yz}, d_{z^2}$ ) 和 4 个价电子。当两个 Re 原子沿  $z$  轴方向接近时, d 轨道按图 6.23 所示方式互相叠加而形成分子轨道。能级高低次序及电子填充情况也示于图中。由图可见电子组态为  $\sigma^2\pi^4\delta^2$ , 键级为 4, 即 Re 和 Re 之间形成四重键。Re  $\equiv$  Re 四重键的形成不仅说明  $\text{Re}_2\text{Cl}_8^{2-}$  的几何构型, 而且可从结构了解它的化学性质。四重键的存在说明 Re 和 Re 之间具有较强的结合力, 它能经受反应而稳定存在, 例如  $\text{Re}_2\text{Cl}_8^{2-}$  和

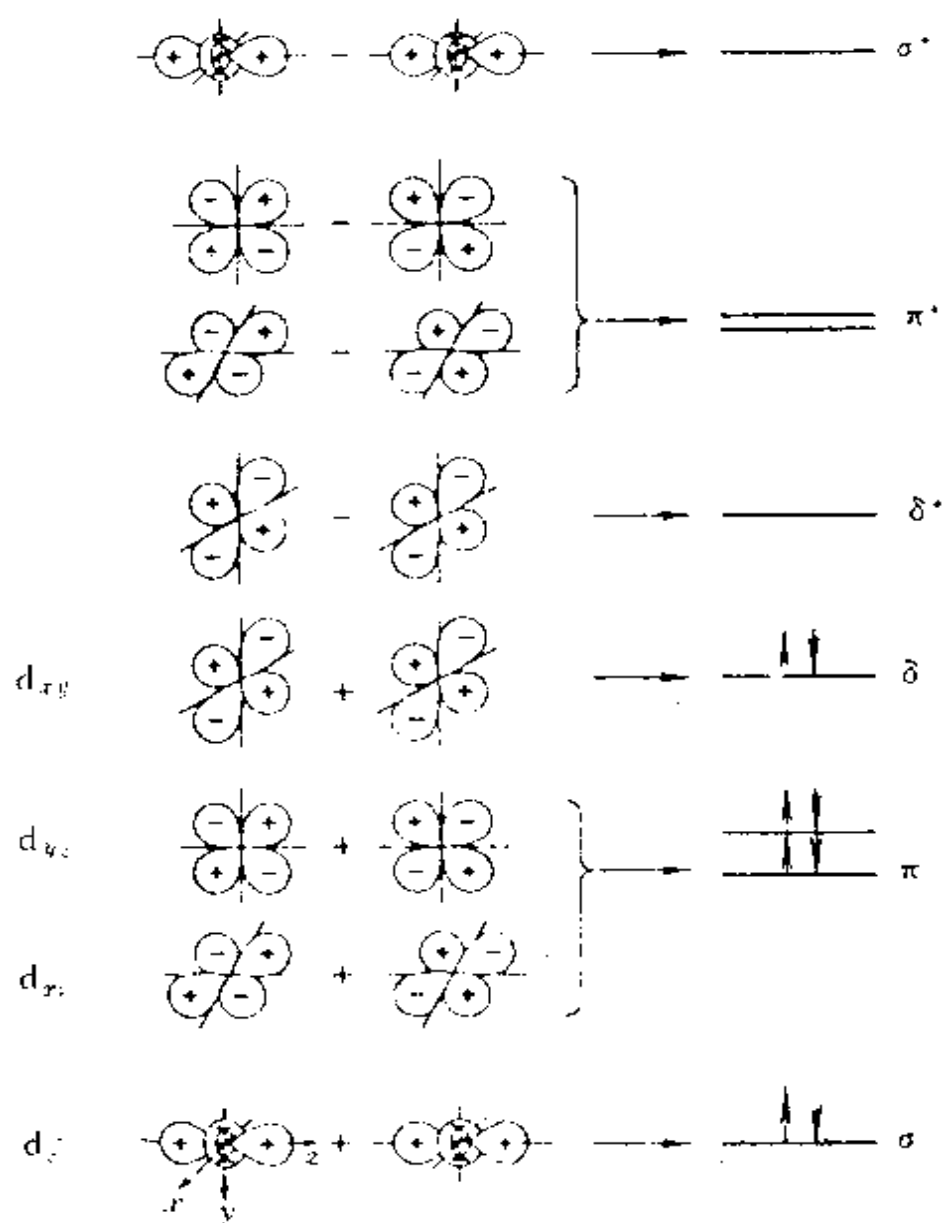
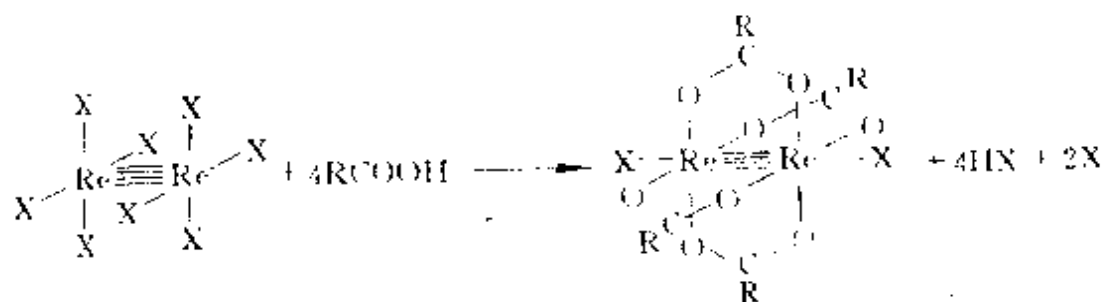


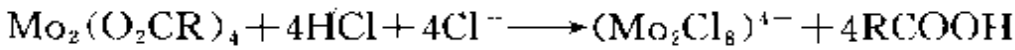
图 6.23  $\text{Re}_2\text{Cl}_8^{2-}$  中 Re 和 Re 间 d 轨道成键情况

$\text{RCOOH}$  进行反应时, 四重键依然存在。





$\text{Mo}_2(\text{O}_2\text{CR})_4$  和  $\text{Re}_2(\text{O}_2\text{CR})_4\text{Cl}_2$  是等电子体系, 也存在  $\text{Mo} \equiv \text{Mo}$  四重键, 也可进行下述反应



当成键电子数改变时, 或者由于成键电子数减少, 或者由于反键轨道填入电子, 都会导致键级降低, 表 6.7 中列出若干化合物中  $\text{M}-\text{M}$  化学键情况。

表 6.7 若干化合物中的  $\text{M}-\text{M}$  化学键

键 级	电 子 组 态	实 例
4.0	$\sigma^2 \pi^4 \delta^2$	$\text{Cr}_2(\text{O}_2\text{CR})_4, \text{Re}_2\text{Cl}_8^{4-}$
3.5	$\sigma^2 \pi^4 \delta^2 \delta^*$	$\text{Re}_2\text{Cl}_4(\text{PR}_3)_4^+$
3.0	$\sigma^2 \pi^4 \delta^2 \delta^{*2}$	$\text{Re}_2\text{Cl}_4(\text{PR}_3)_4$
2.5	$\sigma^2 \pi^4 \delta^2 \delta^{*2} \pi^{*1}$	$\text{Ru}_2(\text{O}_2\text{CR})_4\text{Cl}$
1.0	$\sigma^2 \pi^4 \delta^2 \delta^{*2} \pi^{*4}$	$\text{Rh}_2(\text{O}_2\text{CR})_4$

含有多重键的原子簇化合物有其特异的化学性能, 图 6.24 示出含有  $\text{M} \equiv \text{M}$  四重键的原子簇化合物可能进行的化学反应的一些类型。图中标明(1)的置换反应, 可由大量配位体  $\text{L}'$  置换  $\text{L}$ , 如

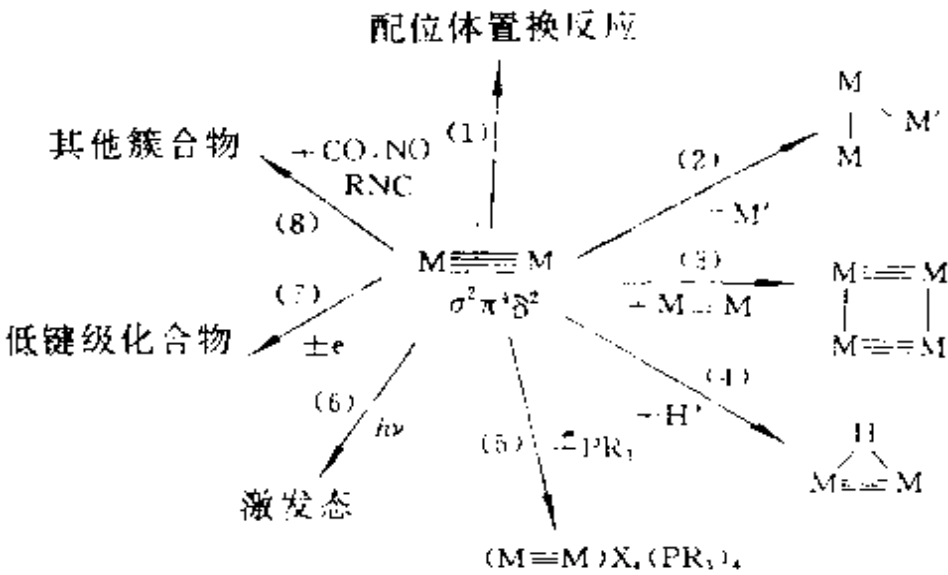


图 6.24 含  $[\text{M} \equiv \text{M}]$  原子簇化合物的化学反应性能

前述用  $\text{RCOOH}$  置换  $\text{X}$  等。第(2)类反应是由双核加成至三核原子簇化合物。第(3)类反应是指在一定条件下,环化成环。第(4)类反应以  $\text{H}^+$  进行加成,如形成  $\text{Mo}\equiv\text{Mo}$  和  $\text{W}\equiv\text{W}$  等。第(5)类是指以  $\text{PR}_3$  作还原剂,使成三重键的原子簇化合物。第(6)类反应是将  $\delta$  键上的电子激发至  $\delta^*$ ,促进催化反应。第(7)类是通过电化学氧化还原,使其键级降低。第(8)类是指与  $\pi$  配位体如  $\text{CO}$ ,  $\text{NO}$ ,  $\text{RNC}$  等进行化学反应,形成新的化合物。总之,具有  $\text{M}\equiv\text{M}$  四重键的化合物,可以进行置换、加成、环化、氧化还原等等多种形式的化学反应。

### -3- 簇合物的催化性能

许多原子簇化合物具有优良的催化性能,这与它们的空间构型和电子组态有关。例如四核原子簇化合物  $\text{Ni}_4[\text{CNCMe}_3]_7$  是重要的催化剂。分子中 4 个  $\text{Ni}$  原子作四面体排列,每个  $\text{Ni}$  原子端接 1 个  $-\text{CNCMe}_3$  基团,另外 3 个配体按  $\mu_2$  形式以  $\text{C}$  和  $\text{N}$  原子分别配位在两个  $\text{Ni}$  原子上,形成大三角形面,其结构如图 6.25(a) 所示。根据过渡金属原子簇键价的计算,  $\text{Ni}_4$  簇中已有 60 个价电子,总键价为 6,  $\text{Ni}_4$  簇呈四面体形,每条边上  $\text{Ni}-\text{Ni}$  键价为 1。

$\text{Ni}_4[\text{CNCMe}_3]_7$  是一种能使乙炔环聚成苯的优良催化剂,其催化机理可说明如下:  $\text{Ni}_4[\text{CNCMe}_3]_7$  的大三角形面上的  $\text{Ni}$  原子 [图 6.25(a)] 可吸附  $\text{C}_2\text{H}_2$  分子,当 3 个  $\text{C}_2\text{H}_2$  和  $\text{Ni}$  结合,每个  $\text{C}_2\text{H}_2$  提供 2 个电子,为保持  $\text{Ni}_4$  簇价电子数不变、四面体几何构型不变,  $\mu_2-\text{CNCMe}_3$  中的  $\text{N}$  和  $\text{Ni}$  脱离,如图 6.25(b)。在大三角形面上的 3 个  $\text{C}_2\text{H}_2$  分子,由于空间几何条件及电子条件合适,环化成苯分子,如图 6.25(c)。当  $-\text{CNCMe}_3$  配体因热运动使  $\text{N}$  原子重新靠拢并和  $\text{Ni}$  原子结合时,为了保持  $\text{Ni}_4$  簇的价电子数不变,促使苯环离开催化剂成产品放出,  $\text{Ni}_4[\text{CNCMe}_3]_7$  恢复原样,如图 6.25(a)。所以正是这样一个微观空间的特殊结构以及成键电子的需要,为乙炔环化成苯提供催化模板性能。

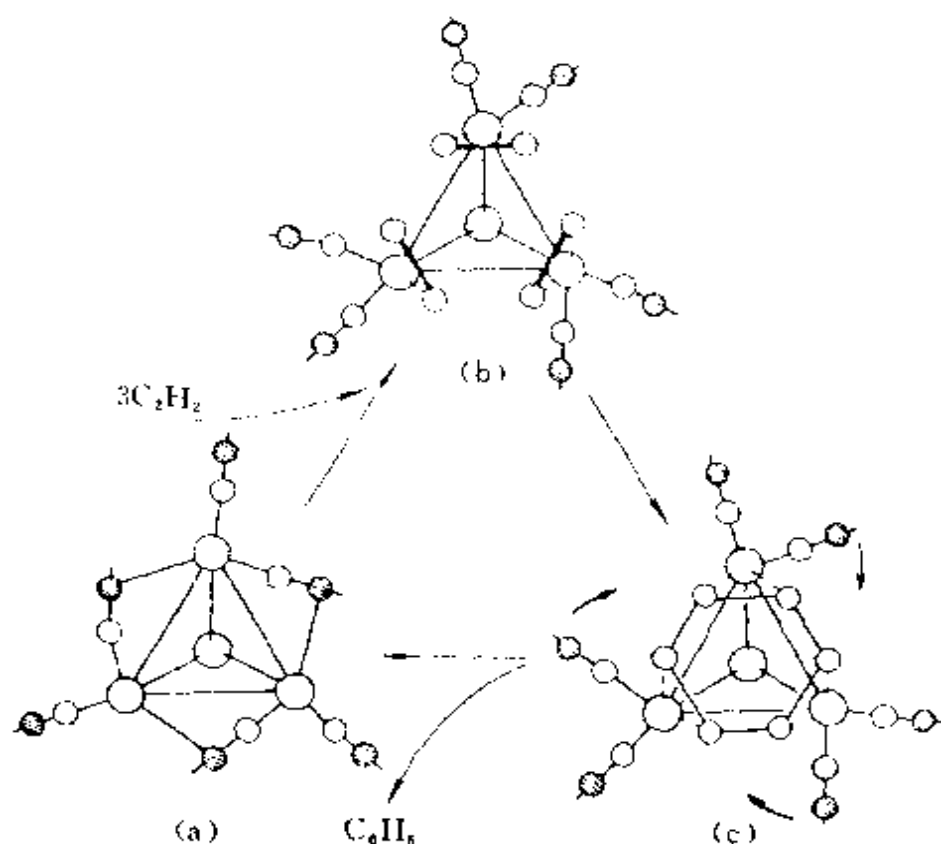


图 6.25 以  $\text{Ni}_4[\text{CNC}(\text{CH}_3)_3]_7$  作催化剂, 将乙炔环化成苯的机理

图中大球代表 Ni 原子, 小球代表 C 原子,  
黑影球代表 N 原子, 没有示出  $\text{CMe}_3$  部分

实验测定原子簇化合物  $\text{HFe}_4(\text{CO})_{12}(\text{CO})^-$  具有下面蝴蝶式结构, 如图 6.26(a) 所示。其中有一个 CO 分子和 Fe 原子结合, 如

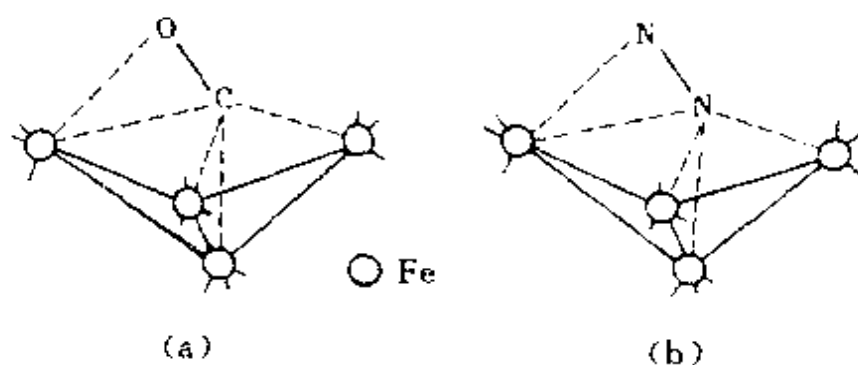


图 6.26  $\text{HFe}_4(\text{CO})_{12}(\text{CO})^-$  的结构(a)和铁催化剂上的  $\text{N}_2$ (b)

式中虚线所示,由于这个原子簇化合物分子对 CO 的活化作用,将 CO 分子中的 C—O 键削弱,使其键长由 112.8 pm 增加至 126 pm,因而可以进一步进行加成反应。鉴于  $N_2$  和 CO 是等电子体系,可以想象  $N_2$  也能得结构类似的化合物,见图 6.26(b)。这些原子簇化合物的结构为阐明  $N_2$  和  $H_2$  在铁催化剂作用下合成氨的催化过程,提供重要的依据和线索。

## 习 题 六

- 6.1 判断下列配位离子是高自旋型还是低自旋型,画出 d 电子排布方式,说明配位离子的磁性,计算 LFSE(用  $\Delta_o$  表示)  
(a)  $Mn(H_2O)_6^{2+}$  (b)  $Fe(CN)_6^{4-}$  (c)  $FeF_6^{3-}$
- 6.2 试给出  $Co(NH_3)_6^{3+}$  配位离子的分子轨道能级图,指出配位离子生成前后电子的配布,并在能级图上标明分裂能位置。
- 6.3 已知  $Co(NH_3)_6^{3+}$  的  $\Delta_o$  为  $23000\text{ cm}^{-1}$ ,  $P$  为  $22000\text{ cm}^{-1}$ ;  $Fe(H_2O)_6^{3+}$  的  $\Delta_o$  为  $13700\text{ cm}^{-1}$ ,  $P$  为  $30000\text{ cm}^{-1}$ ,试说明这两离子的 d 电子排布及磁矩。
- 6.4 解释为什么水溶液中八面体配位的  $Mn^{3+}$  不稳定,而八面体配位的  $Cr^{3+}$  却稳定。  
*弱场,高自旋*
- 6.5 解释为什么大多数  $Zn^{2+}$  的配位化合物都是无色的。
- 6.6 作图给出下列每种配位离子可能出现的异构体:  
(a)  $[Co(en)_2Cl_2]^+$   
(b)  $[Co(en)_2(NH_3)Cl]^{2+}$   
(c)  $[Co(en)(NH_3)_2Cl_2]^+$
- 6.7 许多  $Cu^{2+}$  的配位化合物为平面四方结构,试写出  $Cu^{2+}$  d 轨道的能级排布及电子组态。
- 6.8 利用配位场理论考虑下列配位离子的结构及不成对电子数。  
(a)  $MnO_4^{3-}$  (b)  $Pd(CN)_4^{2-}$  (c)  $NiI_4^{2-}$  (d)  $Ru(NH_3)_6^{3+}$   
(e)  $MoCl_6^{3-}$  (f)  $IrCl_6^{2-}$  (g)  $AuCl_4^-$
- 6.9 解释为什么  $Co(C_5H_5)_2$  极易氧化为  $Co(C_5H_5)_2^+$ 。
- 6.10 用 Jahn-Teller 效应说明下列配位离子中哪些会发生变形。

- (a)  $\text{Ni}(\text{H}_2\text{O})_6^{2+}$  (b)  $\text{CuCl}_4^{2-}$  (c)  $\text{CuCl}_6^{4-}$   
 (d)  $\text{Ti}(\text{H}_2\text{O})_6^{3+}$  (e)  $\text{Cr}(\text{H}_2\text{O})_5^{3+}$  (f)  $\text{MnCl}_6^{4-}$

6.11 作图示出  $[\text{PtCl}_3(\text{C}_2\text{H}_4)]^-$  离子中  $\text{Pt}^{2+}$  和  $\text{C}_2\text{H}_4$  间化学键的轨道叠加情况(注明各用什么轨道、形成什么键及电子的提供情况),并回答:

- (a)  $\text{Pt}^{2+}$  和  $\text{C}_2\text{H}_4$  间化学键对碳-碳键强度有什么影响?  
 (b)  $[\text{PtCl}_3(\text{C}_2\text{H}_4)]^-$  是否符合 18 电子规律? 解释其原因。

6.12 写出下列分子的结构式,使其符合 18 电子规则:

- (a)  $\text{V}_2(\text{CO})_{12}$  (b)  $\text{Ni}_2(\text{CO})_2(\text{C}_5\text{H}_5)_2$  (羰基成桥)  
 (c)  $\text{Cr}_2(\text{CO})_4[\text{C}_5\text{H}_5]_2$  (d)  $[\text{Cp}_3\text{Mo}_2(\text{CO})_6(\mu_3\text{-S})]^+$   
 (e)  $[\text{H}_3\text{Re}_3(\text{CO})_{10}]^{2-}$  (有 2 个  $\text{Re}-\text{Re}$  单键, 1 个  $\text{Re}=\text{Re}$  双键)

6.13 硅胶干燥剂中常加入  $\text{CoCl}_2$  (蓝色), 吸水后变为粉红色, 试用配位场理论解释其原因。

6.14 尖晶石的化学组成可表示为  $\text{AB}_2\text{O}_4$ , 氧离子紧密堆积构成四面体空隙和八面体空隙。当金属离子 A 占据四面体空隙时, 称为正常尖晶石; 而当 A 占据八面体空隙时, 则称为反尖晶石。试从配位场稳定化能计算结果说明  $\text{NiAl}_2\text{O}_4$  是何种尖晶石结构。

6.15 根据磁性测定结果知  $\text{NiCl}_4^{2-}$  为顺磁性而  $\text{Ni}(\text{CN})_4^{2-}$  为反磁性, 试推测它们的几何构型。

6.16 某学生测定了三种配合物的 d-d 跃迁光谱, 但忘记了贴标签, 请帮他将光谱波数与配合物对应起来。三种配合物是:  $\text{CoF}_6^{3-}$ ,  $\text{Co}(\text{NH}_3)_6^{3+}$  以及  $\text{Co}(\text{CN})_6^{3-}$ ; 三种光谱波数是:  $34000\text{ cm}^{-1}$ ,  $13000\text{ cm}^{-1}$  和  $23000\text{ cm}^{-1}$ 。

6.17 试画出三方柱形的配合物  $\text{MA}_4\text{B}_2$  的全部几何异构体。

6.18 写出羰基配合物  $\text{Fe}_2(\text{CO})_9(\mu_2\text{-CO})_3$  的结构式, 说明它是否符合 18 电子规则。已知端接羰基的红外伸缩振动频率为  $1850-2125\text{ cm}^{-1}$ , 而架桥羰基的振动频率为  $1700-1860\text{ cm}^{-1}$ , 解释原因。

6.19 二氯二氨合铂有两种几何异构体, 一个是顺式, 一个是反式, 简称顺铂和反铂。顺铂是一种常用的抗癌药, 而反铂没有抗癌作用。

- (a) 写出顺铂和反铂的结构式。  
 (b) 若用 1,2-二氨基环丁烯二酮代替两个  $\text{NH}_3$  与铂配位, 则生成什么结构的化合物, 有无顺反异构体? 分析化合物中原子的成键情况。  
 (c) 若把 1,2-二氨基环丁烯二酮上的双键加氢然后再代替两个  $\text{NH}_3$  与铂配位, 则生成什么化合物? 写出其结构式。该化合物有无  $\sigma-\pi$  配键

形成?

- 6.20 将烷烃和烯烃混合物通过  $\text{AgNO}_3$  或  $\text{AgClO}_4$  等银盐溶液,可将烷烃和烯烃分离。这一方法既可用于色谱分离,也可用于工业分离,请说明所依据的原理。
- 6.21 把亚铜盐分散到分子筛表面上可制得固体吸附剂,它能够把 CO 从工业废气中吸附下来,从而避免了对环境的污染,解吸后又可获得高纯 CO。试从表面化学键的形成说明 CO 吸附剂的作用原理。

## 参 考 文 献

- [1] 徐光宪和王祥云,物质结构(第二版),高等教育出版社(1987)
- [2] 徐志固,现代配位化学,化学工业出版社(1987)
- [3] D. M. P. Mingos and D. J. Wales, Introduction to Metal Cluster Chemistry, Prentice-Hall, New York(1990)
- [4] F. A. Cotton and R. A. Walton, Multiple Bonds Between Metal Atoms, 2nd ed., Clarendon Press, Oxford(1993)
- [5] N. N. Greenwood and A. Earnshaw, Chemistry of the Elements, Pergamon Press, Oxford(1984)
- [6] C. K. Jørgensen, Oxidation Numbers and Oxidation States, Springer, New York(1969)
- [7] P. Seiler and J. D. Dunitz, *Acta Cryst.*, **B35**, 1069(1979)
- [8] F. Takusagawa and T. F. Koetzle, *Acta Cryst.*, **B35**, 1074(1979)
- [9] R. Hoffmann, *Angew. Chem. Int. Ed. Engl.*, **21**, 711(1982)
- [10] 周公度,化学通报, **7**, 11(1986); **7**, 21(1988)
- [11] S. M. Owen, *Polyhedron*, **7**, 253(1988)
- [12] F. A. Cotton, *J. Chem. Educ.*, **60**, 713(1983)

## 第七章 晶体的点阵结构和晶体的性质

### 7.1 晶体结构的周期性和点阵

#### 1- 晶体结构的特征

晶体是由原子或分子在空间按一定规律周期重复地排列构成的固体物质。晶体中原子或分子的排列具有三维空间的周期性,隔一定的距离重复出现,这种周期性规律是晶体结构最基本的特征。

晶体的分布非常广泛,自然界的固体物质中,绝大多数是晶体。气体、液体和非晶物质在一定条件下也可以转变成晶体。我们日常生活中接触到的岩石、砂子、金属器材、水泥制品、食用的盐和糖,实验室用的固体试剂等绝大多数是由晶体组成的。在这些物质中,晶体颗粒大小十分悬殊,有些每颗重量只有几毫克,有些则达几十吨。食用盐、砂糖、试剂等晶粒大小可用毫米计,金属中晶粒大小以微米计。但是不论晶体颗粒的大小如何,晶体内部原子或分子按周期性规律重复地排列的结构特征都是共同的。在固体中,有些是非晶物质,如玻璃、松香、明胶等,在它们内部原子或分子的排列没有周期性的结构规律,像液体那样杂乱无章地分布,可以看作过冷液体,称为玻璃体、无定形体或非晶态物质。图 7.1 示意出晶体和玻璃体的结构特点。固体高聚物中,一部分是晶体,一部分是无定形体,相对数量决定于高聚物的性质和制备的方法。

晶体内部原子或分子按周期性规律排列的结构,使晶体具有下列共同的性质:

(1) 均匀性。一块晶体内部各个部分的宏观性质是相同的,例如有着相同的密度、相同的化学组成等。晶体的均匀性来源于晶体中原子排布的周期很小,宏观观察分辨不出微观的不连续性。气

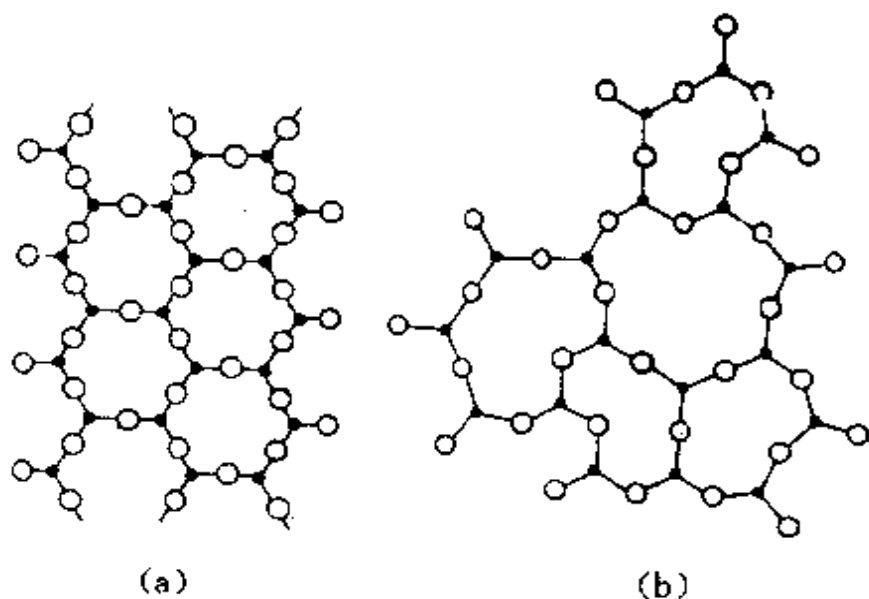


图 7.1 晶体(a)和玻璃体(b)的结构特点

体、液体和玻璃体也有均匀性,那是由于原子杂乱无章地分布,均匀性来源于原子无序分布的统计性规律。

(2) 各向异性。在晶体中不同的方向上具有不同的物理性质。例如在不同的方向具有不同的电导率、不同的热膨胀系数、不同的折光率以及不同的机械强度等等。晶体的这种特性,是由晶体内部原子的周期性排列所决定的。在周期性结构中,不同方向上原子或分子的排列情况是不相同的,因而在物理性质上具有异向性。玻璃体等非晶物质,不会出现各向异性,而是等向性,例如玻璃的折光率、热膨胀系数等,一般不随测定的方向而改变。

(3) 自发地形成多面体外形。晶体在生长过程中自发地形成晶面,晶面相交成为晶棱,晶棱会聚成顶点,从而出现具有多面体外形的特点,这种特点决定于晶体的周期性结构。晶体在理想环境中生长应长成凸多面体。凸多面体的晶面数( $F$ )、晶棱数( $E$ )和顶点数( $V$ )相互之间的关系符合公式

$$F + V = E + 2$$

例如四面体有 4 个面, 6 条棱, 4 个顶点;立方体有 6 个面、12 条棱、8 个顶点;八面体有 8 个面、12 条棱、6 个顶点。



玻璃体不会自发地形成多面体外形,当液体玻璃冷却时,随着温度降低,粘度变大,流动性变小,固化成表面圆滑的无定形体。与晶体的有棱、有顶角、有平面的性质完全不同。

(4) 晶体具有明显确定的熔点。晶体具有周期性结构,各个部分都按同一方式排列。当温度升高,热振动加剧,晶体开始熔化时,各部分需要同样的温度,因而有一定的熔点。玻璃体和晶体不同,它们没有一定的熔点。例如,将玻璃加热,它随着温度升高逐渐变软,粘度减小,变成粘稠的液体,进而成为流动性较大的液体。在此过程中,没有温度停顿的时候,很难指出哪一温度是其熔点。

(5) 晶体的对称性。晶体的理想外形和晶体内部结构都具有特定的对称性,晶体的对称性和晶体的性质关系非常密切,将在后面专门讨论。

(6) 晶体对 X 射线的衍射。晶体结构的周期大小和 X 射线的波长相当,可作为三维光栅,使 X 射线产生衍射。而晶体的 X 射线衍射,成为了解晶体内部结构的重要实验方法。非晶物质没有周期性结构,只能产生散射效应,得不到衍射图像。

上述晶体的特性是由晶体内部原子或分子排列的周期性所决定的,是各种晶体所共有的,是晶体的一些基本性质。

## **-2- 点阵和结构基元**

在晶体内部,原子或分子在三维空间作周期性地重复排列,每个重复单位的化学组成相同、空间结构相同,若忽略晶体的表面效应,重复单位的周围的环境也相同。这些重复单位可以是单个原子或分子,也可以是离子团或多个分子。如果在每个重复单位上定一个点,可得到一组点,这些点按一定规律排列在空间,研究这些点在空间重复排列的方式,可以更好地描述晶体内部原子排列的周期性。从晶体中无数个重复单位抽出来的无数个点,在三维空间按一定周期重复,它具有一种重要的性质:这些点构成一个点阵。什么是“点阵”?点阵是一组无限的点,连结其中任意两点可得一向

量,将各个点按此向量平移能使它复原,凡满足这条件的一组点称为点阵(lattice)。注意:这里所说的平移必须是按向量平行移动,而没有丝毫的转动。点阵中每个点都具有完全相同的周围环境。

点阵结构中每个点阵点所代表的具体内容,包括原子或分子的种类和数量及其在空间按一定方式排列的结构,称为晶体的结构基元(structural motif)。结构基元是指重复周期中的具体内容,点阵点是一个抽象的点。如果在晶体点阵中各点阵点的位置上,按同一种方式安置结构基元,就得整个晶体的结构。所以可以简单地将晶体结构示意表示为:晶体结构=点阵+结构基元。

根据晶体结构的周期性,将沿着晶棱方向周期地重复排列的结构基元,抽象出一组分布在同一直线上等距离的点列,称为直线点阵。图 7.2 示出按一维周期排列的结构及其点阵。图中:(a)为金属铜中在直线上等间距排列的原子,一个原子为一个结构基元;

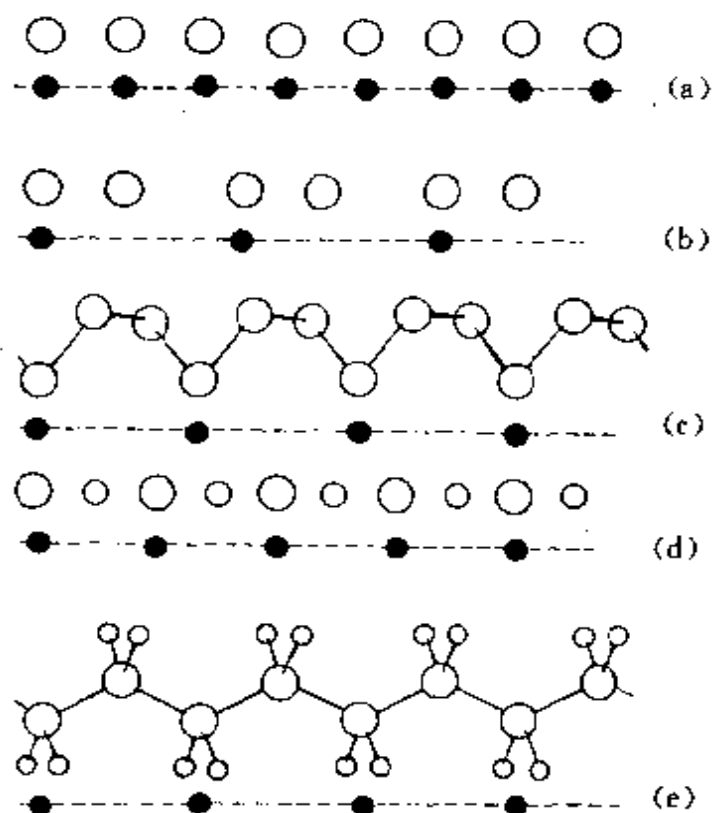


图 7.2 一维周期排列的结构及其点阵(黑点代表点阵点)

(a) Cu (b) 石墨 (c) Se (d) NaCl (e) 伸展聚乙烯

(b)为层型石墨分子中某些方向上碳原子周期排列的情况, 2 个 C 原子为一结构基元; (c)为硒晶体中链型硒分子按螺旋型周期排列, 3 个 Se 原子为一结构基元; (d)为 NaCl 晶体中一条晶棱方向上原子的排列, 结构基元为相邻的一个  $\text{Na}^+$  和一个  $\text{Cl}^-$ ; (e)为伸展聚乙烯链的结构情况, 结构基元为  $-\text{CH}_2-\text{CH}_2-$ 。图中从各个结构基元抽象出点阵点, 以黑点表示。由图可见, 结构基元有时和化学组成的基本单位相同, 而有时不同。

图 7.3 示出二维周期排列的结构及其点阵。图中: (a)为 NaCl 晶体内部一个截面上原子的排列, 其结构基元如虚线画出的正方形单位, 包括一个  $\text{Na}^+$  和一个  $\text{Cl}^-$ ,  $\text{Cl}^-$  离子中心的黑点表示点阵点; (b)为等径原子的最密堆积层, 一个原子为一个结构基元; (c)为层型石墨分子, 其结构基元为 2 个 C 原子, 如虚线划出的单

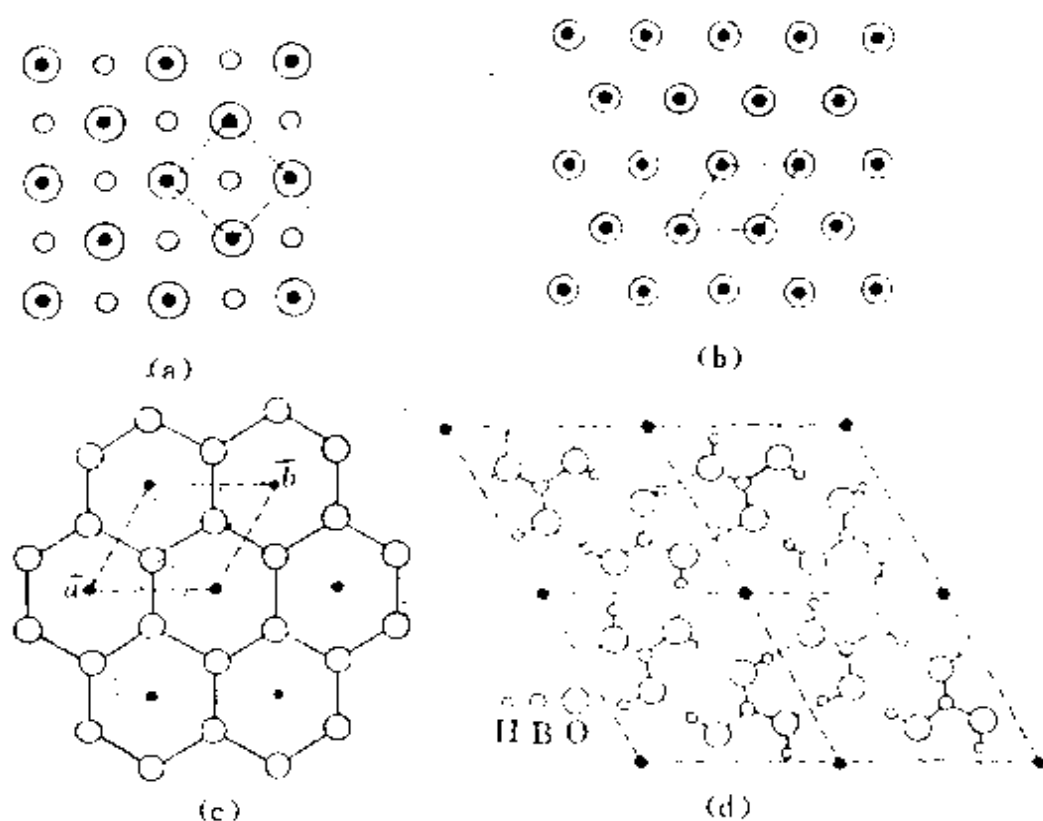


图 7.3 二维周期排列的结构及其点阵(黑点代表点阵点)

(a) NaCl (b) Cu (c) 石墨 (d)  $\text{B(OH)}_3$

位,每个结构基元以一个黑点表示;(d)为硼酸晶体中层型结构的一个层,两个硼酸分子形成一个结构基元。

图 7.4 示出三维周期排列的结构及其点阵。图中:(a)为金属钋的结构,一个 Po 原子为一个结构基元;(b)为 CsCl 的结构,一个结构基元包括一个  $\text{Cs}^+$  和一个  $\text{Cl}^-$ ; (c)为金属钠的结构,一个 Na 原子即为一个结构基元;(d)为金属铜的结构,一个 Cu 原子为一结构基元;(e)为金属镁的结构,2 个 Mg 原子为一结构基元;(f)为金刚石结构,2 个 C 原子构成一结构基元;(g)为 NaCl 结构,一个  $\text{Na}^+$  和一个  $\text{Cl}^-$  构成一结构基元;(h)为石墨结构,在这结构中,4 个 C 原子构成一结构基元。

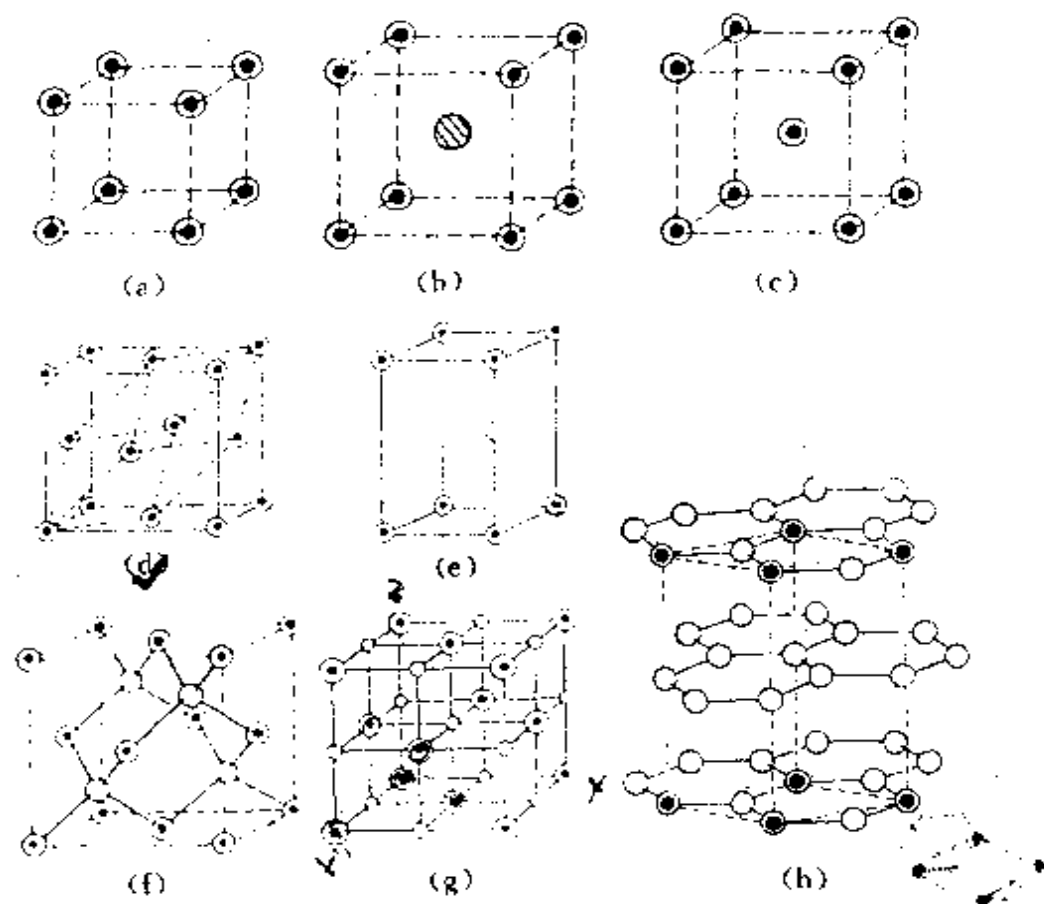


图 7.4 三维周期排列的结构及其点阵(黑点代表点阵点)

(a) Po (b) CsCl (c) Na (d) Cu (e) Mg

(f) 金刚石 (g) NaCl (h) 石墨

为什么金属钋、金属铜和金属钠的结构基元是一个原子,而金属镁和金刚石却是 2 个原子? 这要按结构基元和点阵的基本定义去衡量。在金属钋、金属铜和金属钠中,每个原子都具有相同的周围环境,每个原子都作为结构基元,由这些结构基元抽象出来的点符合点阵定义的要求。金属铜的面心立方单位和金属钠的体心立方单位均可画出只含一个原子的平行六面体单位,整个晶体可按这种单位堆砌而成,如图 7.5 所示。而金属镁和金刚石的情况就不同了。例如在金刚石中,虽然每个碳原子都是按正四面体的型式和

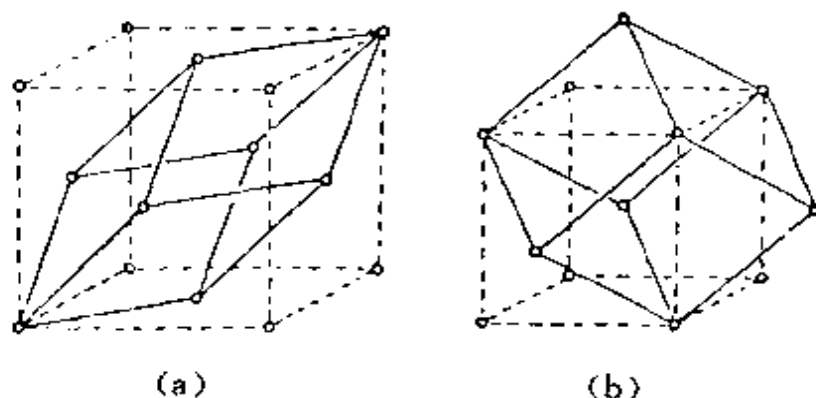


图 7.5 面心立方单位(a)和体心立方单位(b)

(均可画出只含一个原子的平行六面体单位)

周围的原子成键,但相邻两个碳原子的 4 个键在空间的取向不同,周围环境不同。不能画出只含一个碳原子的平行六面体单位。若以每个碳原子作为结构基元抽出一个点,这些点不满足点阵的定义,即不能按连接任意 2 个碳原子的矢量进行平移而使结构复原。金属镁也有着同样的情况,不能以一个镁原子作为一个结构基元<sup>①</sup>。

---

① 在一些书中,把 NaCl 等类型的晶体结构,看成由一套  $\text{Na}^+$  的面心立方点阵和另一套  $\text{Cl}^-$  的面心立方点阵互相穿插组合而成。这种几套点阵互相穿插的方法和每个点阵点代表一个结构基元不相符合,所得的几套点阵之间点和点的关系也和点阵的定义不合。

### -3- 点阵单位

在点阵中以直线连结各个点阵点,形成直线点阵,相邻两个点阵点的矢量  $\mathbf{a}$  是这直线点阵的单位矢量,矢量的长度  $a = |\mathbf{a}|$ ,称为点阵参数,如图 7.6(a)。

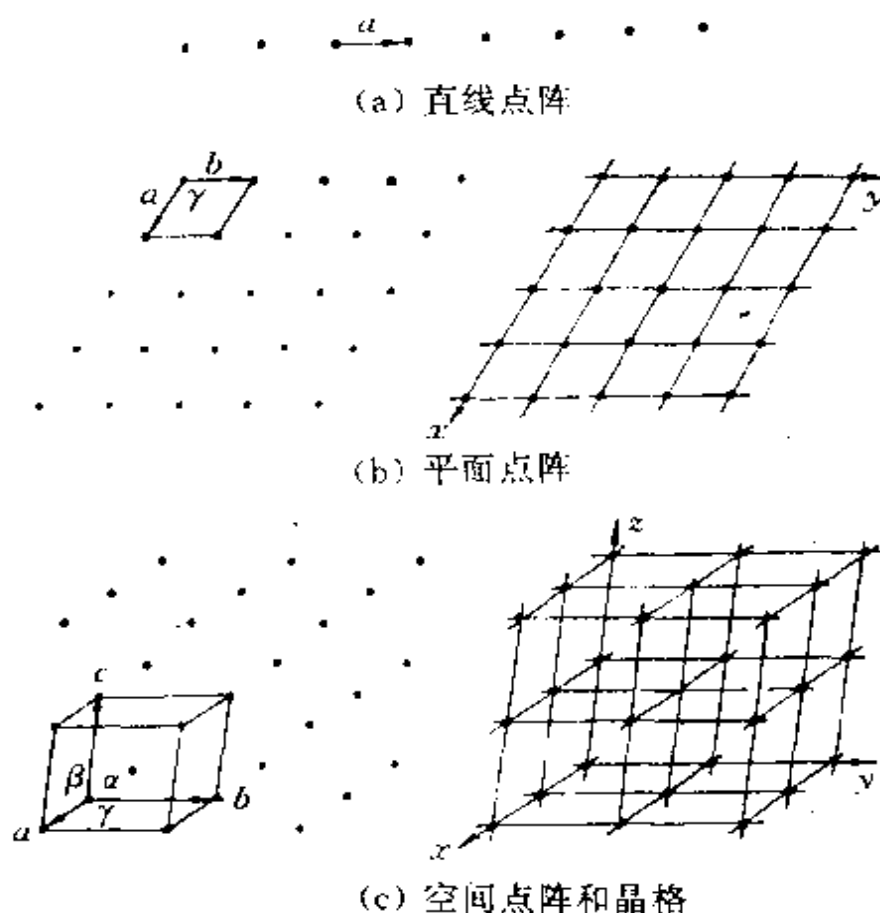


图 7.6 点阵的划分和晶格

平面点阵必可划分为一组平行的直线点阵,并可选择两个不相平行的单位矢量  $\mathbf{a}$  和  $\mathbf{b}$  划分成并置的平行四边形单位,点阵中各点阵点都位于平行四边形的顶点上。矢量  $\mathbf{a}$  和  $\mathbf{b}$  的长度  $a = |\mathbf{a}|$ ,  $b = |\mathbf{b}|$  及其夹角  $\gamma$  称为平面点阵参数,如图 7.6(b)。通过点阵点划分平行四边形的方式是多种多样的,虽然它们的点阵参数不同,但若它们都只含一个点阵点,它们的面积就一定相同。

空间点阵必可选择 3 个不相平行的单位矢量  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$ , 它们将

点阵划分成并置的平行六面体单位,称为点阵单位。相应地,按照晶体结构的周期性划分所得的平行六面体单位称为晶胞。矢量  $\mathbf{a}$ ,  $\mathbf{b}$ ,  $\mathbf{c}$  的长度  $a, b, c$  及其相互间的夹角  $\alpha, \beta, \gamma$  称为点阵参数或晶胞参数,且

$$a = |\mathbf{a}|, b = |\mathbf{b}|, c = |\mathbf{c}|$$

$$\alpha = \mathbf{b} \wedge \mathbf{c}, \beta = \mathbf{a} \wedge \mathbf{c}, \gamma = \mathbf{a} \wedge \mathbf{b}$$

通常根据矢量  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$  选择晶体的坐标轴  $x, y, z$ , 使它们分别和矢量  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$  平行。一般 3 个晶轴按右手定则关系安排:伸出右手的 3 个指头,食指代表  $x$  轴,中指代表  $y$  轴,大姆指代表  $z$  轴。如图 7.6 (c)所示者即为右手坐标系。

空间点阵可任意选择 3 个不相平行的单位矢量进行划分,由于选择单位矢量不同,划分的方式也不同,可以有无数种形式。但基本上可归结为两类:一类是单位中包含一个点阵点者,称为单单位。注意计算点阵点数目时,要考虑处在平行六面体顶点上的点阵点均为 8 个相邻的平行六面体所共有,每一平行六面体单位只摊到该点的一部分。另一类是每个单位中包含 2 个或 2 个以上的点阵点,称为复单位。有时为了一定的目的,将空间点阵按复单位进行划分。

空间点阵按照确定的平行六面体单位连线划分,获得一套直线网格,称为空间格子或晶格。点阵和晶格是分别用几何的点和线反映晶体结构的周期性,它们具有同样的意义,都是从实际晶体结构中抽象出来,表示晶体周期性结构的规律。晶体最基本的特点是晶体结构具有空间点阵式的结构。

若一整块固体基本上为一个空间点阵所贯穿,称为单晶体。有些固体是由许多小的单晶体按不同的取向聚集而成,称为多晶,金属材料及许多粉状物质是由多晶体组成的。有些固体,例如炭黑,结构重复的周期数很少,只有几个到几十个周期,称为微晶。微晶是介于晶体和非晶物质之间的物质。在棉花、蚕丝、毛发及各种人造纤维等物质中,一般具有不完整的一维周期性的特征,并沿纤维

轴择优取向,这类物质称为纤维多晶物质。

#### -4- 晶体的缺陷

实际的晶体都是近似的空间点阵式的结构,实际晶体有一定的大小,晶体中多少都存在一定的缺陷。晶体中一切偏离理想的点阵结构都称为晶体缺陷,按几何形式划分可分为点缺陷、线缺陷、面缺陷和体缺陷等。

点缺陷包括空位、杂质原子、间隙原子、错位原子和变价原子等。任何晶体当处于一定温度时,有些原子的振动能可能瞬间增大到可以克服其势垒,离开其平衡位置而挤入间隙,形成一对空位和间隙原子。这种正离子空位和间隙原子称为 Frenkel(弗仑克尔)缺陷,如图 7.7(a)所示。有时也可能是一对正负离子同时离开其平衡位置而迁移到晶体表面上,在原来的位置形成一对正负离子空位。这种正负离子空位并存的缺陷,称为 Schottky(肖特基)缺陷,如图 7.7(b)所示。这两种缺陷导致了离子晶体中由于正负离子的运动而使晶体具有可观的导电性。在卤化银晶体中,  $\text{Ag}^+$  具有一定的自由运动性能, Frenkel 缺陷使离子从它的结构的正常位置进入空隙位置而移动, Schottky 缺陷使离子从它的正常位置迁移到位错位置或表面。这两种迁移都会在晶体中造成空位。空位密

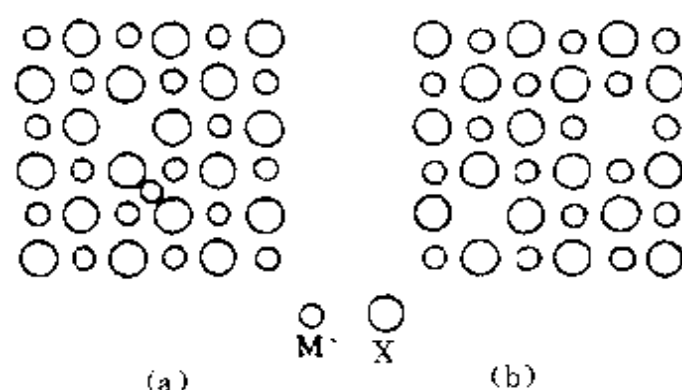


图 7.7 Frenkel 缺陷(a)和 Schottky 缺陷(b)



度通常随温度升高而增加, AgCl 晶体在接近熔点时, 空位大约有 1%。

当将微量杂质元素掺入晶体中时, 可能形成杂质置换缺陷, 例如 ZnS 中掺进约  $10^{-4}\%$  (原子) 的 AgCl 时,  $\text{Ag}^+$  和  $\text{Cl}^-$  分别占据  $\text{Zn}^{2+}$  和  $\text{S}^{2-}$  的位置, 形成杂质缺陷。晶体中点缺陷的存在, 破坏了点阵结构, 使得缺陷周围的电子能级不同于正常位置原子周围的能级。因此导致不同类型的缺陷, 赋予晶体以特定的光学、电学和磁学性质。上述含有杂质  $\text{Ag}^+$  的 ZnS 晶体, 在阴极射线激发下, 发射波长为 450 nm 的荧光, 是彩色电视荧光屏中的蓝色荧光粉。

晶体中出现空位或填隙原子, 使化合物的成分偏离整比性, 这是很普遍的现象, 称为非整比化合物, 如  $\text{Fe}_{1-x}\text{O}$ ,  $\text{Ni}_{1-x}\text{O}$ ,  $\text{Ti}_{1-x}\text{O}$  等许多过渡金属氧化物和硫化物都为非整比化合物。这类化合物由于它们的成分可以改变, 因而出现在变价原子, 而使晶体具有特异颜色等光学性质, 具有半导体性甚至金属性, 具有特殊的磁学性质以及化学反应活性等, 因而成为重要的固体材料。下面举数例予以说明。

#### (1) $\text{Zn}_{1+x}\text{O}$

在 1000 K 左右将氧化锌晶体放在锌蒸气中加热, 晶体转变为红色, 生成  $\text{Zn}_{1+x}\text{O}$  的 n 型半导体, 它在室温下的电导要比整比化合物 ZnO 大很多。

#### (2) $\text{TiO}_{1-\delta}$

这个化合物的化学组成变化范围很宽, 从  $\text{TiO}_{0.82}$  到  $\text{TiO}_{1.18}$ 。测定整比 TiO 晶体的密度和晶胞参数可知, 常温下大约有 15% 的  $\text{Ti}^{2+}$  和  $\text{O}^{2-}$  空位。将 TiO 在高于或低于整比 TiO 的分解压的各种不同的氧气分压下加热时, 既可以在空位中加入过量的氧, 也可脱去部分的氧造成过量的钛。氧的数量不同, Ti 的价态不同, 电导性质不同, 甚至可出现金属那样的导电性。

#### (3) $\text{Li}_\delta\text{TiS}_2$ ( $0 < \delta < 1$ )

$\text{TiS}_2$  为层型分子, 分子间硫原子靠范德华引力联系。将  $\text{TiS}_2$

置于锂蒸气中或浸在正丁基锂的非极性溶液中,  $\text{Li}^+$  可进入层间, 生成  $\text{Li}_x\text{TiS}_2$ 。由于它导电性能很好, 可以作为锂电池的电解质。

最重要的线缺陷是位错, 位错是使晶体出现镶嵌结构的根源。

面缺陷反映在晶面、堆积层错、晶粒和双晶的界面、晶畴的界面等。体缺陷反映在晶体中出现空洞、气泡、包裹物、沉积物等。

晶体的缺陷对晶体生长、晶体的力学性能、电学性能、磁学性能和光学性能等均有着极大的影响, 在生产上和科研中都非常重要, 是固体物理、固体化学、材料科学等领域的重要基础内容。

## 7.2 晶体结构的对称性

### -1- 晶体的对称元素和对称操作

晶体的内部结构具有一定的对称性, 可用一组对称元素组成的对称元素系描述。晶体所具有的对称元素系是对晶体进行分类的基础, 对了解晶体的结构和性质非常重要。

晶体结构最基本的特点是具有空间点阵结构。晶体的点阵结构使晶体的对称性和分子的对称性有差别。分子结构的对称性是点对称性, 只有 4 种类型的对称操作和对称元素(参看第四章):

- (1) 旋转操作——旋转轴
- (2) 反映操作——镜面
- (3) 反演操作——对称中心
- (4) 旋转反演操作——反轴

晶体的点阵结构, 包括平移的对称操作。它一方面使晶体结构的对称性在上述点对称性的基础上还增加下列 3 种类型的对称操作和对称元素:

- (5) 平移操作——点阵
- (6) 螺旋旋转操作——螺旋轴
- (7) 反映滑移操作——滑移面

另一方面, 晶体的对称操作和对称元素又受到点阵的制约。在晶体

结构中存在的对称轴,包括旋转轴、螺旋轴和反轴只有轴次为1, 2, 3, 4, 6等几种。而滑移面和螺旋轴中的滑移量,也要受点阵制约。

晶体的点阵结构只允许存在1, 2, 3, 4, 6等轴次的对称轴,这可证明如下:如图7.8所示,设点阵点 $A_1, A_2, A_3, A_4$ 相隔为 $a$ ,有一个 $n$ 重旋转轴通过点阵点。因为每个点阵点周围环境都相同,每一对称操作都存在对应的逆操作,以 $a$ 作半径转动角 $\alpha=2\pi/n$ ,将

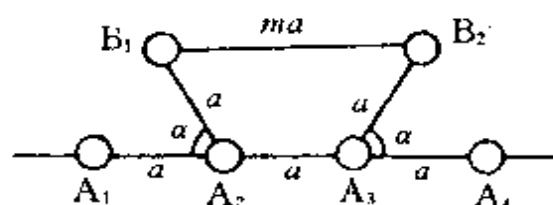


图 7.8 旋转轴轴次的证明

会得到另一点阵点。绕 $A_2$ 点顺时针方向转 $\alpha$ 角,可得点阵点 $B_1$ ;绕 $A_3$ 点逆时针方向转 $\alpha$ 角,可得点阵点 $B_2$ 。 $B_1$ 和 $B_2$ 线平行于 $A_1$ 和 $A_4$ 线, $B_1$ 和 $B_2$ 间的距离必须为 $a$ 的整数倍,设为 $ma$ , $m$ 为整数,得

$$a + 2a \cos \alpha = ma \quad \cos \alpha = (m-1)/2, \quad |(m-1)/2| \leq 1$$

满足这方程的 $\alpha$ 值只能为 $0^\circ, 60^\circ, 90^\circ, 120^\circ, 180^\circ, 360^\circ$ 。这就证明点阵结构中旋转轴的轴次只有1, 2, 3, 4, 6等五种。

在晶体结构中可能存在的对称元素除点阵外列于表7.1中。表中的螺旋轴和滑移面是晶体微观对称性所特有的,其阶次都是无限的。螺旋轴对应的对称操作是旋转和平移的联合对称操作。螺旋轴 $n_m$ 的基本操作是绕轴旋转 $2\pi/n$ ,接着沿着轴的方向平移 $m/n$ 个和轴平行的单位矢量。例如 $2_1$ 轴的基本操作是绕轴转 $180^\circ$ ,接着沿着轴的方向平移 $1/2$ 个单位矢量。图7.9(a)示出 $2_1$ 轴联系的图像。滑移面对应的对称操作是反映和平移的联合操作。

表 7.1 晶体结构中可能存在的对称元素

对称元素 类型	书写记号	图示记号	
对称中心	$\bar{1}$	。	
镜面	$m$	垂直纸面 ———	在纸面内 └ ┘
滑移面	$a, b, c$	在纸面内滑移 - - - - - 离开纸面滑移 .....	└ ┘ 箭头表示 滑移方向
	$n$	———	↗
	$d$	——— ——— ———	↗↘
旋转轴	2 3 4 6	↑ ▲ ◆ ●	→
螺旋轴	2 <sub>1</sub> 3 <sub>1</sub> 3 <sub>2</sub> 4 <sub>1</sub> 4 <sub>2</sub> 4 <sub>3</sub> 6 <sub>1</sub> 6 <sub>2</sub> 6 <sub>3</sub> 6 <sub>4</sub> 6 <sub>5</sub>	↑ ▲▲ ◆◆◆ ★ ★ ★ ★ ★	→
反轴	3 4 6	△ ⬇ ●	

$a$  滑移面的基本操作是按该面进行反映后,接着沿  $x$  轴方向滑移  $a/2$ 。图 7.9(b)示出  $a$  滑移面(记号为  $-$ )联系的图像(关于和  $x$  轴垂直的滑移面的记号与滑移量,请参看表 7.1)。

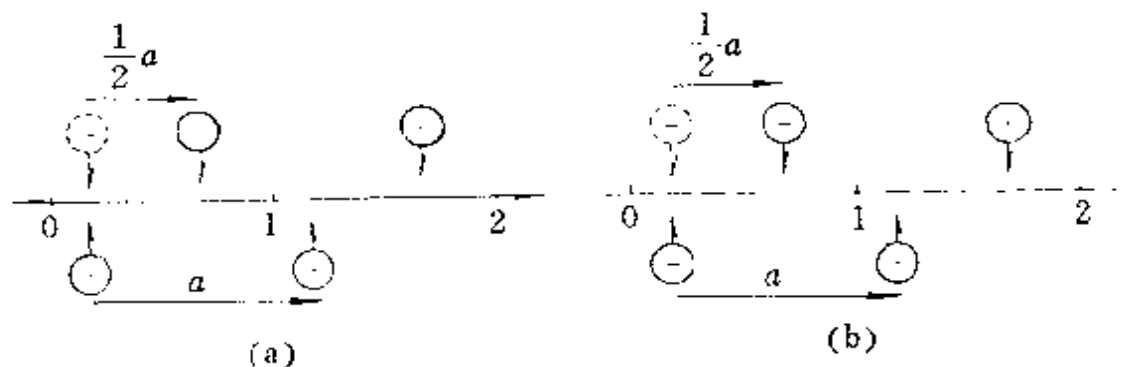


图 7.9  $2_1$  螺旋轴(a)和  $a$  滑移面(b)

上述点阵、螺旋轴和滑移面 3 种对称元素是晶体点阵结构所特有的,和它们相应的对称操作中都包含有平移成分。例如在我们熟悉的 NaCl 晶体的结构中,存在无数个二重螺旋轴和  $a$  滑移面,也存在着和二维点阵结构对应的平移群矢量  $a$  和  $b$ ,如图 7.10 所

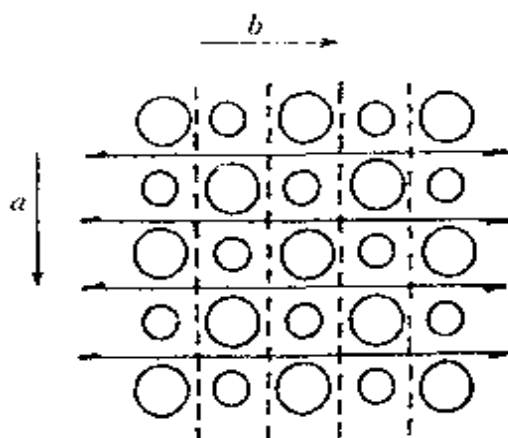


图 7.10 NaCl 晶体中存在的  $2_1$  螺旋轴和  $a$  滑移面

示。图中按水平的二重螺旋轴旋转  $180^\circ$ 、平移  $(1/2)b$ ,图形得到复原。按垂直的  $a$  滑移面将原子进行反映,再沿  $x$  方向滑移  $(1/2)a$ ,图形也得到复原。在这结构中进行  $ma+nb$  的平移,图形也复原。

凡是包含有平移的对称性,都要求图形本身是无限的,否则经过平移后,就会出现一边缺少另一边增多的现象。同理,包含平移对称性的对称元素,其本身的数目也是无限的。

现实的晶体中原子数目总是有限的,但因其数目很多,可用理想化的点阵结构来描述。

由上可见,晶体中原子在空间呈三维周期性排列,具有以点阵结构为基本特征的长程平移有序,以及由 1,2,3,4,6 次对称轴所表现的长程取向有序两方面的对称性。

近十年来,人们发现了准晶体,并对它作了深入而广泛的研究<sup>[5]</sup>。准晶体是指那些具有长程取向序,但无平移的周期性的固体。准晶体通过电子衍射能得到衍射斑点比较明锐的,具有五次对称轴或八次、十次、十二次对称轴等通常晶体所不允许的衍射花样。准晶体的结构特征介于晶体和玻璃态非晶体之间,它不具备完全的周期性,但可能具有准周期性。准周期性没有平移点阵性质,却可用高维点阵的投影来描述。

## -2- 晶胞

按照晶体内部结构的周期性,划分出一个个大小和形状完全一样的平行六面体,以代表晶体结构的基本重复单位,叫晶胞。晶胞由晶体空间点阵中 3 个不相平行的单位矢量  $a, b, c$  所规定,其大小形状用晶胞参数  $a, b, c, \alpha, \beta, \gamma$  表示。晶胞参数与前面讨论的点阵参数是等同的,可以通用。严格地说点阵只反映了晶体周期性结构的重复方式,是抽象的;而晶胞则是具体的、实际的。晶胞形状一定是一个平行六面体,但三条边的长度不一定相等,也不一定互相垂直。晶胞的形状和大小由晶体的结构决定。平行六面体划分方式可以有多种,但实际划分时要按一定的原则进行:一是尽可能反映晶体内部结构的对称性,为此对各晶系的晶胞参数加以限制,凡符合这限制条件的晶胞称为正当晶胞;二是尽可能划得小些。

晶胞是晶体结构的基本重复单位,整个晶体就是按晶胞在三

维空间周期地重复排列,相互平行取向,按每一顶点为8个晶胞共有的方式堆砌而成。研究晶体结构即要了解晶胞的两个基本要素:一个是晶胞的大小和形状,即晶胞参数 $a, b, c, \alpha, \beta, \gamma$ ;另一个是晶胞内部各个原子的坐标位置,即原子的坐标参数 $(x, y, z)$ 。有了这两个方面的数据,整个晶体的空间结构也就知道了。

原子在晶胞中的坐标参数 $(x, y, z)$ 的意义是指由晶胞原点指向原子的矢量 $r$ 用单位矢量 $a, b, c$ 表达

$$r = xa + yb + zc$$

例如在图 7.4(g)中,  $\text{Cl}^-$  和  $\text{Na}^+$  的坐标参数为

$$\text{Cl}^- : 0, 0, 0; \frac{1}{2}, 0, \frac{1}{2}; 0, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}; \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 0$$

$$\text{Na}^+ : \frac{1}{2}, 0, 0; 0, \frac{1}{2}, 0; 0, 0, \frac{1}{2}; \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}$$

注意:晶体中原子的坐标参数是以晶胞的3个轴作坐标轴,以3个轴的轴长作为坐标轴的单位的,当原点位置改变或选取的晶轴改变时,原子坐标参数也会改变。

### -3- 晶系

根据晶体的对称性,可将晶体分为7个晶系,每个晶系有它自己的特征对称元素。按特征对称元素的有无为标准,沿表 7.2 中从上而下的顺序划分晶系。例如晶体的结构中4个方向上(在立方体对角线方向上)有三重旋转轴,则为立方晶系晶体。若晶体结构中有六重对称轴则为六方晶系晶体,依此类推。这里的对称轴是指旋转轴、螺旋轴和反轴,而不是指映轴。

某个晶体由特征对称元素确定晶系后,划分晶胞通常要求符合表 7.2 中第三列所示的规定,并按第四列的方法选择晶轴。凡是所得晶胞符合这种规定的,称为该晶系的正当晶胞。在正当晶胞中,有的含一个结构基元,叫素晶胞;含一个以上结构基元的称复晶胞。

晶体所属的晶系由特征对称元素所决定,而不是由晶胞的形

表 7.2 晶系的划分和选晶轴的方法\*

晶 系	特征对称元素	晶 胞 类 型	选晶轴的方法
立 方	4 个按立方体的 对角线取向的 三重旋转轴	$a=b=c$ $\alpha=\beta=\gamma=90^\circ$	4 个三重轴和立方体的 4 个对角线平行, 立方体的 3 个互相垂直的边即为 $a, b, c$ 的方向。 $a, b, c$ 与三重轴的夹角为 $54^\circ44'$
六 方	六重对称轴	$a=b \neq c$ $\alpha=\beta=90^\circ$ $\gamma=120^\circ$	$c$ // 六重对称轴 $a, b$ // 二重轴或 $\perp$ 对称面或选 $a, b$ $\perp c$ 的恰当的晶棱
四 方	四重对称轴	$a=b \neq c$ $\alpha=\beta=\gamma=90^\circ$	$c$ // 四重对称轴 $a, b$ // 二重轴或 $\perp$ 对称面或 $a, b$ 选 $\perp c$ 的晶棱
三 方	三重对称轴	菱面体晶胞 $a=b=c$ $\alpha=\beta=\gamma < 120^\circ \neq 90^\circ$	$a, b, c$ 选 3 个与三重轴交成等角的晶棱
		六方晶胞 $a=b \neq c$ $\alpha=\beta=90^\circ, \gamma=120^\circ$	$c$ // 三重轴 $a, b$ // 二重轴或 $\perp$ 对称面或 $a, b$ 选 $\perp c$ 的晶棱
正 交	2 个互相垂直的 对称面或 3 个 互相垂直的二 重对称轴	$a \neq b \neq c$ $\alpha=\beta=\gamma=90^\circ$	$a, b, c$ // 二重轴 或 $\perp$ 对称面
单 斜	二重对称轴 或对称面	$a \neq b \neq c$ $\alpha=\gamma=90^\circ \neq \beta$	$b$ // 二重轴或 $\perp$ 对称面 $a, c$ 选 $\perp b$ 的晶 棱
三 斜	无	$a \neq b \neq c$ $\alpha \neq \beta \neq \gamma \neq 90^\circ$	$a, b, c$ 选 3 个不 共面的晶棱

\* 表中对称轴包括旋转轴、反轴和螺旋轴; 对称面包括镜面和滑移面。



状决定。有时某一晶体的晶胞参数,在实验测定的误差范围内若出现  $a=b=c$ ,  $\alpha=\beta=\gamma=90^\circ$ , 如果晶体结构中不存在立方晶系的特征对称元素,该晶体依然不能归属于立方晶系。表 7.2 晶胞类型栏中的“ $\neq$ ”符号,要理解为晶体的对称性不要求它相等。

#### 4 晶体的空间点阵型式

晶体的空间点阵型式是根据晶体点阵结构的对称性,将点阵点在空间的分布按正当晶胞形状的规定和带心型式进行分类,共有 14 种型式。这 14 种型式最早(1866 年)由 Bravais(布拉维)推得,又称为布拉维点阵或布拉维点阵型式。

根据点阵的特性,点阵中全部点阵点都具有相同的周围环境,各点的对称性都相同。当按照点阵的对称性划分出正当点阵单位后,除了各素单位外,尚有一些复单位存在。例如立方晶系,含有 2 个点阵点的体心( $I$ )单位和 4 个点阵点的面心( $F$ )单位也完全满足立方晶系特征对称元素的要求。但若只有一个面带心,例如  $C$  面带心[点阵点坐标位置在  $(1/2, 1/2, 0)$ ],就会破坏体对角线上三重轴的对称性,不能保持立方晶系。所以立方晶系只有 3 种型式:简单立方( $cP$ ),体心立方( $cI$ ),面心立方( $cF$ )。7 个晶系总共有 14 种空间点阵型式,列于表 7.3 中。其图形示于图 7.11 中,其中英文字母来源于:  $a$ —anorthic,  $m$ —monoclinic,  $o$ —orthorhombic,  $h$ —hexagonal,  $t$ —tetragonal,  $c$ —cubic。

由表 7.2 可知,三方晶系的晶胞有两种选择方法:菱面体晶胞和六方晶胞。六方晶系和三方晶系均可选用六方晶胞,因它既适合于六方晶系也适合于三方晶系的对称性,只是由于历史原因才将这种形状的晶胞称为六方晶胞,不要因名称而引起误会。在《晶体学国际表》中,将三方晶系和六方晶系均按六方晶胞形状表示空间点阵型式。六方晶系晶体按六方晶胞表达,均可得素晶胞( $hP$ )。三方晶系晶体按六方晶胞划分时,一部分可得素晶胞,标记为( $hP$ );

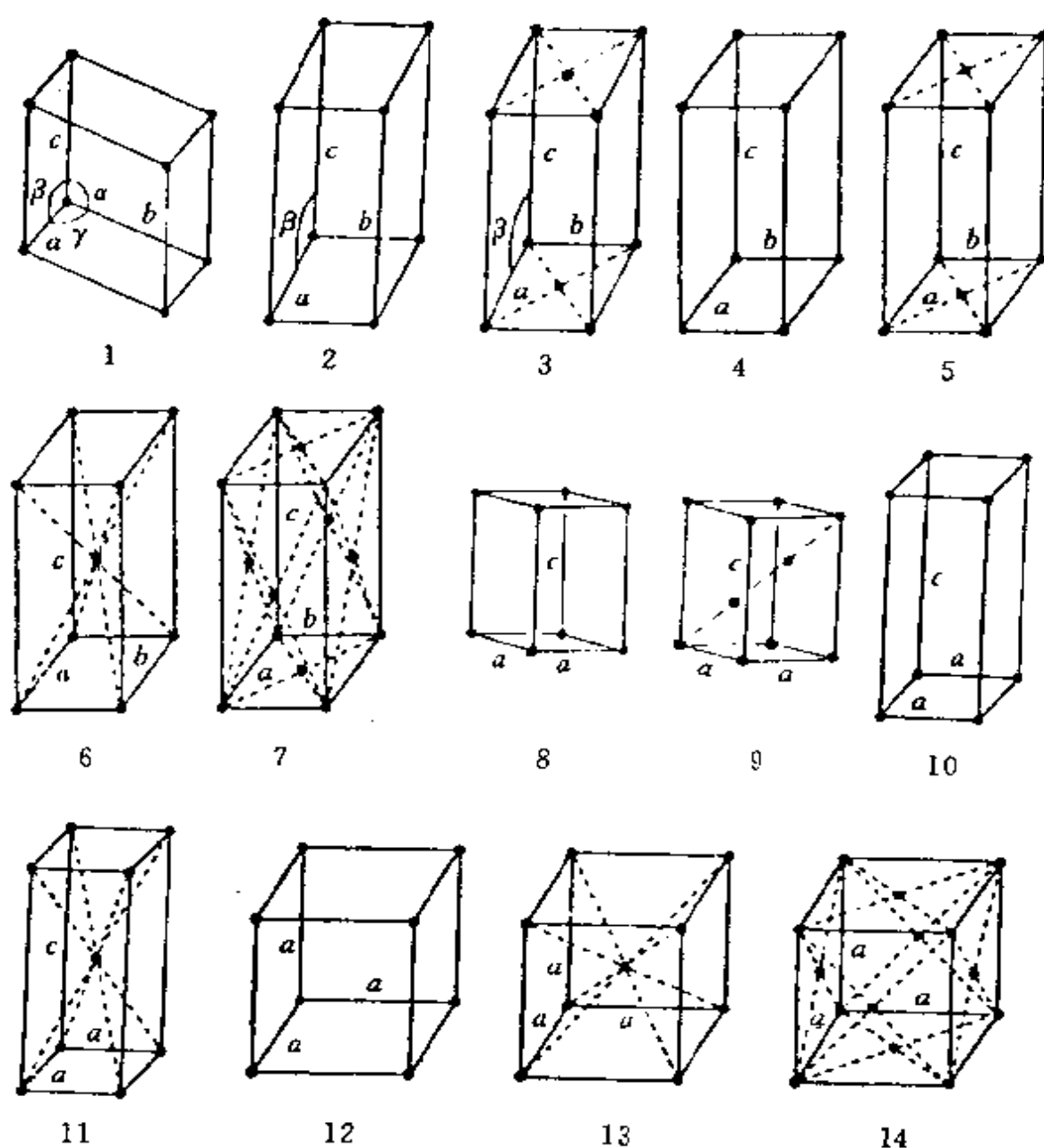


图 7.11 14 种空间点阵型式

- (1) 简单三斜( $aP$ ) (2) 简单单斜( $mP$ ) (3)  $C$  心单斜( $mC$ )  
 (4) 简单正交( $oP$ ) (5)  $C$  心正交( $oC$ ) (6) 体心正交( $oI$ )  
 (7) 面心正交( $oF$ ) (8) 简单六方( $hP$ ) (9)  $R$  心六方( $hR$ )  
 (10) 简单四方( $tP$ ) (11) 体心四方( $tI$ ) (12) 简单立方( $cP$ )  
 (13) 体心立方( $cI$ ) (14) 面心立方( $cF$ )

一部分为复晶胞,该晶胞对应 3 个点阵点,这 3 个点的坐标位置定为:  $0, 0, 0$ ;  $2/3, 1/3, 1/3$ ;  $1/3, 2/3, 2/3$ , 在表 7.3 中记为 ( $hR$ ) ( $R$  表示菱面体, Rhombohedron)。三方晶系的这两种点阵型式:  $P$  和  $R$ , 将在空间群的记号中加以运用。

表 7.3 14 种空间点阵型式<sup>[4]</sup>

记号	晶系	晶胞参数的限制	空间点阵型式	
$a$	三斜		$ap$	简单三斜
$m$	单斜	$\alpha = \gamma = 90^\circ$	$mP$	简单单斜
			$mC(mA, mI)$	C 心单斜
$o$	正交	$\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	$oP$	简单正交
			$oC(oA, oB)$	C 心正交
			$oI$	体心正交
			$oF$	面心正交
$h$	三方	$a = b$ $\alpha = \beta = 90^\circ$	$hP$	简单六方
			$hR$	$R$ 心六方
	六方	$\gamma = 120^\circ$	$hP$	简单六方
$t$	四方	$a = b$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	$tP$	简单四方
			$tI$	体心四方
$c$	立方	$a = b = c$ $\alpha = \beta = \gamma = 90^\circ$	$cP$	简单立方
			$cI$	体心立方
			$cF$	面心立方

## 5- 晶体学点群

晶体的理想外形及其在宏观观察中所表现的对称性称为宏观对称性。晶体的宏观对称性是在晶体微观结构基础上表现出来的相应的对称性。晶体宏观对称性中的对称元素和晶体微观结构中相应的对称元素一定是平行的,但宏观观察区分不了平移的差异,使晶体的宏观性质呈现连续性和均匀性,微观对称操作中包含的平移已被均匀性所掩盖,结构中的螺旋轴和滑移面等,在宏观对称

性中表现为旋转轴和镜面。所以在晶体外形和宏观观察中表现出来的对称元素只有对称中心、镜面和轴次为 1, 2, 3, 4, 6 的旋转轴和反轴, 与这些对称元素相应的对称操作都是点操作。当晶体具有一个以上对称元素时, 这些宏观对称元素一定要通过一个公共点。将晶体中可能存在的各种宏观对称元素通过一个公共点按一切可能性组合起来, 总共有 32 种型式, 称为 32 个晶体学点群。

表 7.4 中列出 32 个晶体学点群的记号、点群中包含的对称元素和所属点群的晶体实例。按 4.3 节有关点群的知识可知: 表中  $D_{2d}$  点群含  $I_4$  对称轴, 属于四方晶系;  $C_{3h}$  和  $D_{3h}$  含  $I_6$  对称轴, 属六方晶系; 对称元素中含有  $i$  的 11 个点群为中心对称点群。

表 7.4 32 个晶体学点群

晶系	点 群			对称元素*	实 例
	序号	Schönflies 记 号	国 际 记 号		
三斜	1	$C_1$	1		$\text{Al}_2\text{Si}_2\text{O}_5(\text{OH})$ (高岭土)
	2	$C_2$	$\bar{1}$	$i$	$\text{CuSO}_4 \cdot 5\text{H}_2\text{O}$
单斜	3	$C_2$	2	$C_2$	$\text{BiPO}_4$
	4	$C_s$	$m$	$\sigma$	$\text{KNO}_3$
	5	$C_{2h}$	$2/m$	$\sigma, C_2, i$	$\text{KAlSi}_3\text{O}_8$
正交	6	$D_2$	222	$3C_2$	$\text{HIO}_3$
	7	$C_{2v}$	$mm2$	$C_2, 2\sigma$	$\text{NaNO}_2$
	8	$D_{2h}$	$mmm$	$3C_2, 3\sigma, i$	$\text{Mg}_2\text{SiO}_4$
四方	9	$C_4$	4	$C_4$	$\text{I}(\text{NH})\text{C}(\text{CH}_2)_2\text{COOH}$
	10	$S_4$	$\bar{4}$	$I_4$	$\text{BPO}_4$
	11	$C_{4h}$	$4/m$	$C_4, \sigma, i$	$\text{CaWO}_4$
	12	$D_4$	422	$C_4, 4C_2$	$\text{NiSO}_4 \cdot 6\text{H}_2\text{O}$
	13	$C_{4v}$	$4mm$	$C_4, 4\sigma$	$\text{BaTiO}_3$
	14	$D_{2d}$	$\bar{4}2m$	$I_4, 2\sigma, 2C_2$	$\text{KH}_2\text{PO}_4$
	15	$D_{4h}$	$4/mmm$	$C_4, 5\sigma, 4C_2, i$	$\text{TiO}_2$ (金红石)
三方	16	$C_3$	3	$C_3$	$\text{Ni}_3\text{TeO}_8$
	17	$C_{3i}$	$\bar{3}$	$C_3, i$	$\text{FeTiO}_3$
	18	$D_3$	32	$C_3, 3C_2$	$\alpha\text{-SiO}_2$ (石英)
	19	$C_{3v}$	$3m$	$C_3, 3\sigma$	$\text{LiNbO}_3$
	20	$D_{3d}$	$\bar{3}m$	$C_3, 3\sigma, 3C_2, i$	$\alpha\text{-Al}_2\text{O}_3$

(续表)

晶系	点 群			对称元素*	实 例
	序号	Schönflies 记 号	国 际 记 号		
六方	21	$C_6$	6	$C_6$	$\text{NaAlSiO}_4$
	22	$C_{3h}$	$\bar{6}$	$I_6(C_3, \sigma)$	$\text{Pb}_3\text{Ge}_3\text{O}_{12}$
	23	$C_{6h}$	$6/m$	$C_6, \sigma, i$	$\text{Ca}_5(\text{PO}_4)_3\text{F}$
	24	$D_6$	622	$C_6, 6C_2$	$\text{LaPO}_4$
	25	$C_{6v}$	$6mm$	$C_6, 6\sigma$	$\text{ZnO}$
	26	$D_{3h}$	$\bar{6}m2$	$I_6, 3\sigma, 3C_2$	$\text{CaCO}_3$ (方解石)
	27	$D_{6h}$	$6/mmm$	$C_6, 7\sigma, 6C_2, i$	$\text{BaTiSi}_3\text{O}_9$
立方	28	$T$	23	$4C_3, 3C_2$	$\text{NaClO}_3$
	29	$T_h$	$m\bar{3}$	$4C_3, 3\sigma, 3C_2, i$	$\text{FeS}_2$
	30	$O$	432	$4C_3, 3C_4, 6C_2$	$\beta\text{-Mn}$
	31	$T_d$	$\bar{4}3m$	$4C_3, 3C_2, 6\sigma$	$\text{ZnS}$
	32	$O_h$	$m\bar{3}m$	$4C_3, 3C_4, 9\sigma, 6C_2, i$	$\text{NaCl}$

\* 对称元素符号前的数字代表对称元素的数目,未注数字的表示为 1。

## 6- 空间群

晶体结构具有空间点阵式的周期结构,点阵结构的空间对称操作群称为空间群。

空间群可由晶体的微观对称元素组合得到。组合的方法可将每个点群的旋转轴用轴次相同的旋转轴或螺旋轴取代;原有的镜面用和它平行的镜面或滑移面取代,组合时考虑点阵对称的平移操作,组合后产生的对称元素既不超出表 7.1 所列的对称元素的范围,相应的宏观对称性也不超过原有的点群,共可组合得 230 个空间群。

每个空间群的记号可用 Schönflies (熊夫利) 记号;或用国际记号;也可同时将两种记号结合使用。例如  $D_{2h}^{16}-P 2_1/n 2_1/m 2_1/a$ ;  $D_{2h}$  是点群的 Schönflies 记号;  $D_{2h}^{16}$  是空间群的 Schönflies 记号;“-”记号后是国际记号,第一个大写字母表示点阵型式,  $P$  为简单点阵;其余 3 个位上的记号表示晶体中 3 个方向的对称性。各个晶系 3 个位的方向的规定列于表 7.5 中。例如,  $P 2_1/n 2_1/m 2_1/a$  表

示晶体为正交晶系简单点阵型式, 3 个位分别代表  $a, b, c$  方向, 即  $\parallel a$  有  $2_1$  轴,  $\perp a$  有  $n$  滑移面;  $\parallel b$  有  $2_1$  轴,  $\perp b$  有镜面;  $\parallel c$  有  $2_1$  轴,  $\perp c$  有  $a$  滑移面。

表 7.5 国际记号中三个位置代表的方向

晶 系	三个位置所代表的方向		
	1	2	3
立方晶系	$a$	$a+b+c$	$a+b$
六方晶系	$c$	$a$	$2a+b$
四方晶系	$c$	$a$	$a+b$
三方晶系	$a+b+c$	$a-b$	—
三方晶系(取六方晶胞)	$c$	$a$	—
正交晶系	$a$	$b$	$c$
单斜晶系	$b$	—	—
三斜晶系	—	—	—

属于同一点群的晶体, 可分别隶属于几个空间群。各种晶体归属在 230 个空间群中的分布情况, 数量上相差很大。由形状不规则的有机分子堆积成的晶体, 属于  $C_{2h}^3-P2_1/c$  者最多, 占 20% 以上。图 7.12 示出  $C_{2h}^3-P2_1/c$  对称元素分布图(以  $b$  为单轴)。

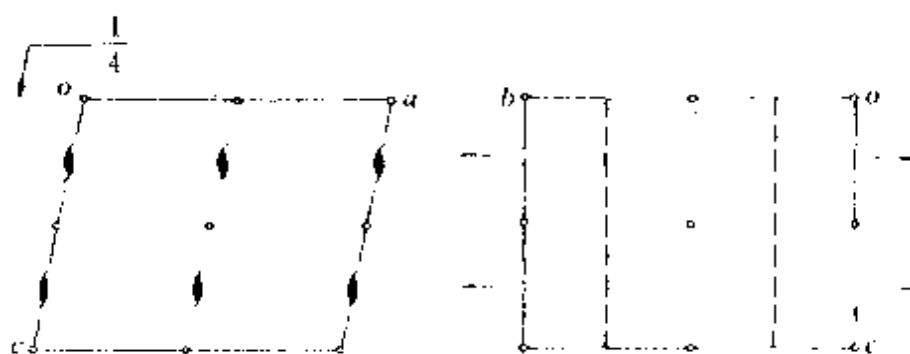


图 7.12  $C_{2h}^3-P2_1/c$  对称元素分布图( $b$  轴由纸面向外)

(图中“ $\circ$ ”代表对称中心, “ $f$ ”代表  $2_1$  轴, “ $f - \frac{1}{4}$ ”代表  $y$  值为  $1/4$  处有  $c$  滑移面, 平行四边形线代表晶胞形状)

和空间群的对称元素系密切相关的另一概念是等效点系坐标位置。如果按图 7.13 表示的对称元素的分布了解晶胞中原子的排列，当在位置 1 处有一个原子时，

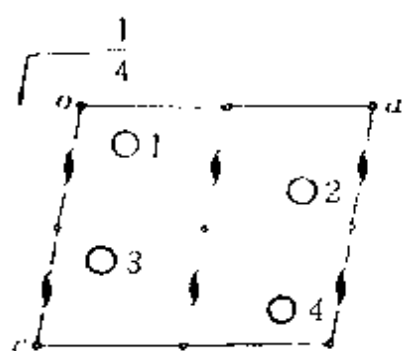


图 7.13  $C_{2h}^5-P2_1/c$  的等效点系

因为对称元素的要求，在晶胞中 2, 3, 4 位置上也要有原子，如图 7.13 所示。1, 2, 3, 4 这 4 个点是由对称性联系的、等效的一组点。所谓等效是指从任意一点出发，必然得出其他 3 个点，它们是由对称性联系的、等同的、等效的。

对于  $C_{2h}^5-P2_1/c$  这个空间群，1, 2, 3, 4 的坐标位置依次为： $x, y, z$ ； $\bar{x}, \frac{1}{2}+y, \frac{1}{2}-z$ ； $x, \frac{1}{2}-y, \frac{1}{2}+z$ ； $\bar{x}, \bar{y}, \bar{z}$ 。这些位置是处在晶胞中的一般位置上，不是处在某一对称元素上，称为一般等效点系位置。空间群  $C_{2h}^5-P2_1/c$  的一般等效位置为（指  $b$  轴为单轴）

$$(1) x, y, z; (2) \bar{x}, \frac{1}{2}+y, \frac{1}{2}-z; (3) x, \frac{1}{2}-y, \frac{1}{2}+z; (4) \bar{x}, \bar{y}, \bar{z}$$

若坐标点处在对称元素上， $x, y, z$  具有特定数值，这时点的数目减少，例如按图 7.13 所示，若原子坐标为 0, 0, 0，则等效点数目降为 2，这一特殊的等效点系为：0, 0, 0；0, 1/2, 1/2。

在《晶体学国际表》中，为每个空间群列出一组一般等效点系和各种特殊位置的等效点系及其对称性。等效点系是从原子排列的方式表达晶体的对称性，对学习晶体化学有重要意义。

金刚石结构示于图 7.4(f) 和图 10.2(d) 中，属空间群  $Fd\bar{3}m$  (227 号)。在这些图所示的晶胞中，C 原子坐标位置为

$$0, 0, 0; 0, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}; \frac{1}{2}, 0, \frac{1}{2}; \frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 0; \\ \frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}; \frac{1}{4}, \frac{3}{4}, \frac{3}{4}; \frac{3}{4}, \frac{1}{4}, \frac{3}{4}; \frac{3}{4}, \frac{3}{4}, \frac{1}{4}$$

它们属于一套等效点系，4 个结构基元。每个结构基元包括两个 C

原子,若指定为  $0,0,0$  和  $\frac{1}{4},\frac{1}{4},\frac{1}{4}$ ,这两个 C 原子可看作由处在  $\left(\frac{1}{8},\frac{1}{8},\frac{1}{8}\right)$  位置上的对称中心相联系,或看作处在  $a/8$  位置垂直  $x$  轴上的  $d$  滑移面相联系 [ $d$  滑移面的滑移量为  $\frac{1}{4}(b+c)$ ,见表 7.9]。

$\text{CaF}_2$  晶体结构示于图 9.5 中,属空间群  $Fm\bar{3}m(225 \text{ 号})$ ,结构基元包括 1 个  $\text{Ca}^{2+}$  和 2 个  $\text{F}^-$ 。4 个  $\text{Ca}^{2+}$  属一套等效点系,8 个  $\text{F}^-$  属另一套等效点系。

## -7- 点阵点、直线点阵和平面点阵的指标

当空间点阵选择某一点阵点为坐标原点,选择 3 个不相平行的单位矢量  $a, b, c$  后,该空间点阵就按确定的平行六面体单位进行划分,晶胞的大小形状就已确定。这时点阵中每一点阵点都可用一定的指标标记它。而一组直线点阵或某个晶棱的方向也可用数字符号标记。一组平面点阵或晶面也可用一定的数字指标标记。

### 1. 点阵点指标 $uvw$

空间点阵中某一点阵点的坐标,可作从原点至该点的矢量  $r$ ,并将  $r$  用单位矢量  $a, b, c$  表示,若

$$r = ua + vb + wc$$

则该点阵点的指标为  $uvw$ 。

### 2. 直线点阵指标或晶棱指标 $[uvw]$

晶体点阵中的每一组直线点阵的方向,用记号  $[uvw]$  表示,其中  $u, v, w$  为 3 个互质的整数。直线点阵  $[uvw]$  的取向与矢量  $ua + vb + wc$  平行。

晶体外形上晶棱的记号与和它平行的直线点阵相同。

### 3. 平面点阵指标或晶面指标 $(hkl)$

晶体的空间点阵可划分为一族平行而等间距的平面点阵。晶体外形中每个晶面都和一族平面点阵平行,可根据晶面和晶轴相



互间的取向关系,用晶面指标标记同一晶体内不同方向的平面点阵族或晶体外形的晶面。

设有一平面点阵和 3 个坐标轴  $x, y, z$  相交,在 3 个坐标轴上的截数分别为  $r, s, t$  (以  $a, b, c$  为单位的截距数目)。

截数之比即可反映出平面点阵的方向。但直接由截数之比  $r : s : t$  表示时,当平面点阵和某一坐标轴平行,截数将会出现  $\infty$ 。为了避免  $\infty$  数,规定用截数的倒数之比  $1/r : 1/s : 1/t$  作为平面点阵的指标。由于点阵的特性,这个比值一定可化成互质的整数之比  $1/r : 1/s : 1/t = h : k : l$ , 所以平面点阵的取向就用指标  $(hkl)$  表示,即平面点阵的指标为  $(hkl)$ 。

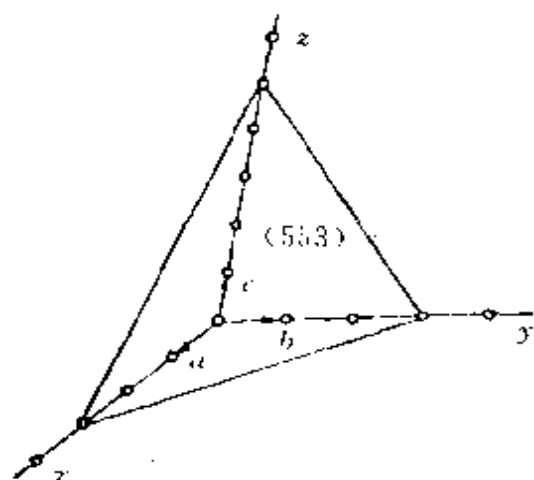


图 7.14 平面点阵  $(553)$  的取向

图 7.14 中  $r, s, t$  分别为 3, 3, 5, 而  $1/r : 1/s : 1/t = 1/3 : 1/3 : 1/5 = 5 : 5 : 3$ , 该平面点阵的指标为  $(553)$ 。

平面点阵尚可用图 7.15 和图 7.16 表示。图 7.15 示出  $(100)$ 、 $(110)$ 、 $(111)$  三组点阵面在三维点阵中的取向关系。图 7.16 示出在沿  $z$  轴的投影图中,和  $z$  轴平行的各组点阵面的取向。

晶体外形中每个晶面都和一族平面点阵平行,所以  $(hkl)$  也用

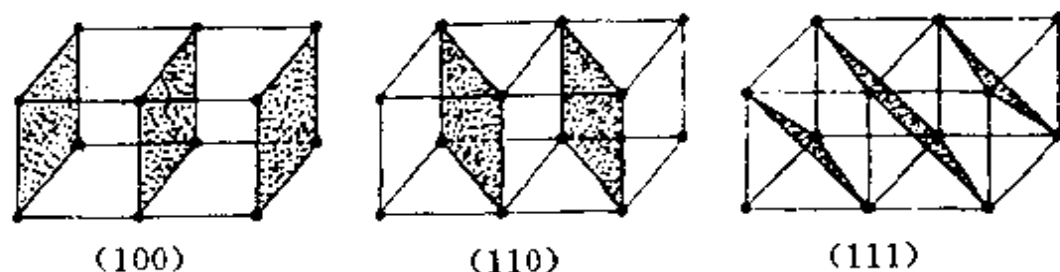


图 7.15  $(100)$ 、 $(110)$ 、 $(111)$  在点阵中的取向

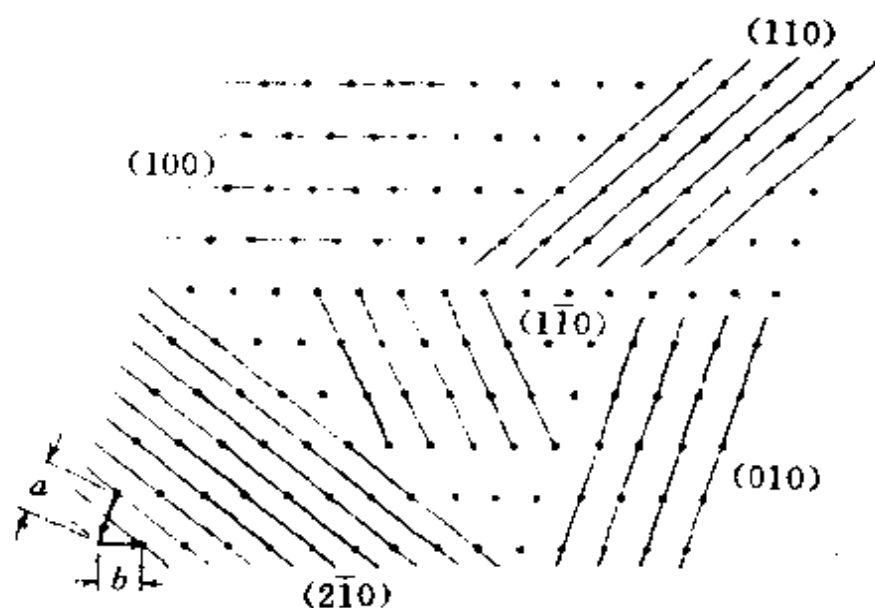


图 7.16 和  $z$  轴平行的各组点阵面在投影中的取向

作和该平面点阵平行的晶面的指标。当对晶体外形的晶面进行指标化时,通常把坐标原点放在晶体的中心,外形中两个平行的晶面一个为 $(hkl)$ ,另一个为 $(\bar{h}\bar{k}\bar{l})$ 。例如 NaCl 晶体常出现立方体的外形,其 6 个晶面的指标分别为 $(100)$ , $(010)$ , $(001)$ , $(\bar{1}00)$ , $(0\bar{1}0)$ , $(00\bar{1})$ 。明矾晶体常出现正八面体外形,这 8 个晶面的指标分别为 $(111)$ , $(\bar{1}11)$ , $(1\bar{1}1)$ , $(11\bar{1})$ , $(\bar{1}\bar{1}\bar{1})$ , $(1\bar{1}\bar{1})$ , $(\bar{1}1\bar{1})$ , $(\bar{1}\bar{1}1)$ 。四面体 4 个面的指标分别为 $(111)$ , $(\bar{1}11)$ , $(1\bar{1}1)$ , $(11\bar{1})$ 。在结构化学中,通常所说的晶面指标,往往是和该晶面平行的平面点阵族的指标。

#### 4. 平面间距 $d_{(hkl)}$

平面点阵族 $(hkl)$ 中相邻 2 个平面的间距用  $d_{(hkl)}$  表示。 $d_{(hkl)}$  又称晶面间距,它是指由该指标 $(hkl)$ 规定的平面族中两个相邻平面之间的垂直距离。下表给出不同晶系使用的不同计算公式。

晶 系	计 算 公 式
立方晶系	$d_{(hkl)} = a(h^2 + k^2 + l^2)^{-1/2}$
六方晶系	$d_{(hkl)} = [(4/3)(h^2 + hk + k^2)a^{-2} + l^2c^{-2}]^{-1/2}$
正交晶系	$d_{(hkl)} = [h^2/a^2 + k^2/b^2 + l^2/c^2]^{-1/2}$

由公式可见,平面间距既与晶胞参数有关,又与平面指标  $h, k, l$  有关。 $h, k, l$  的数值越小,面间距离越大,根据经验规律,实际晶体外形中这个晶面出现的机会也越大。实际上晶体外形出现的晶面,其指标都是简单的整数。

### 7.3 晶体结构的表达及应用

根据晶体结构具有点阵结构的特点,在描述和表达一个晶体的结构时,只要了解晶胞的大小、形状、晶体的对称性以及晶胞内部原子的坐标参数(及热参数)即可。由于晶胞内部原子之间往往有对称元素将它们联系起来,当表达原子的坐标参数时,不需要将晶胞中每一个原子的坐标参数都标出来,而只要标出不对称单位中的原子的坐标参数即可。所谓不对称单位,是指晶体中原子之间没有对称元素联系的那一部分原子。根据不对称单位中的原子坐标参数,通过对称操作,晶胞中全部原子的坐标参数就可以导出。

一个晶体可以有多种划分晶胞的方式。不同方式的晶胞,其形状和大小不同,相应的原子坐标参数也不相同。对于一种方式的晶胞,由于原点选择不同,原子坐标参数的数值不同,但各个原子间的差值是相同的。

本节通过几个实例介绍化学文献中对于晶体结构的表达方式,以及怎样把晶体学的语言(晶系、空间群、晶胞参数、原子坐标参数等)变成化学语言(键长、键角、分子的几何构型等),怎样利用晶体学数据解决化学问题。

#### 【例 7.1】 碘晶体<sup>[6]</sup>

碘的晶体结构参数列于表 7.6 中(110 K)。根据表中提供的结构参数,可以通过计算,获得下面的结果:

(1) 晶体结构图。按晶系、晶胞参数和空间群等数据,可画出晶胞的形状及晶胞中原子的分布,如图 7.17 所示。图中画出晶胞

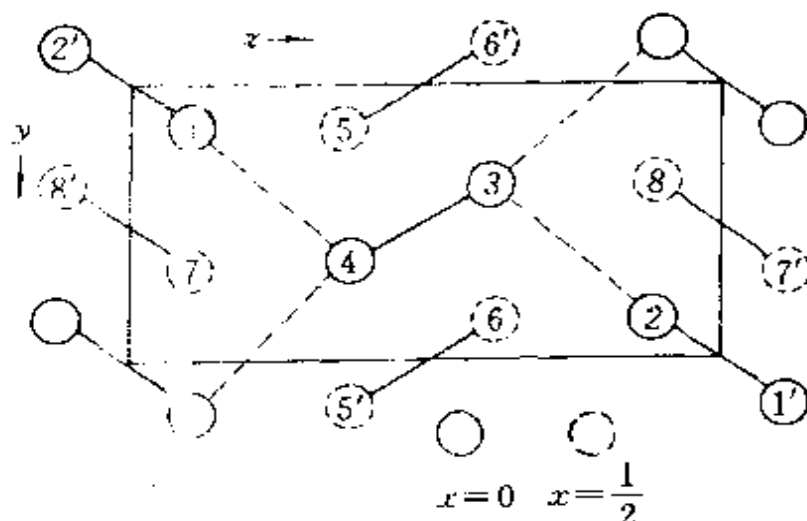


图 7.17 碘的晶体结构

$1(0, .15434, .11741), \quad 2(0, .84566, .88259),$   
 $3(0, .34566, .61741), \quad 4(0, .65434, .38259),$   
 $5(1/2, .15434, .38259), \quad 6(1/2, .84566, .61741),$   
 $7(1/2, .65434, .11741), \quad 8(1/2, .34566, .88259).$

表 7.6 碘的晶体结构参数

晶系	正交晶系			
空间群	$D_{2h}^{18}$ - $Cmca$ (或 $C 2/m 2/c 2_1/a$ )			
晶胞参数(110 K)	$a=713.6 \text{ pm}$ $b=468.6 \text{ pm}$ $c=978.4 \text{ pm}$			
晶胞中分子数	$Z=4[I_2]$			
碘原子坐标参数:	$x$	$y$	$z$	
	1	0	0.15434	0.11741

沿  $x$  轴的投影。矩形框架表示晶胞的形状,按晶胞参数的大小比例画出。碘晶体的不对称单位只包含 1 个碘原子,晶胞中其他碘原子的坐标可由这个碘原子推引出来,形成同一等效点系的 8 个碘原子。其他 7 个碘原子的坐标参数可由晶胞中对称元素推出(见图

注)①。

(2) 键长。根据正交晶系计算键长公式,设第一个原子坐标参数为  $x_1, y_1, z_1$ , 第二个原子坐标参数为  $x_2, y_2, z_2$ 。

$$r_{1-2} = [(x_1 - x_2)^2 a^2 + (y_1 - y_2)^2 b^2 + (z_1 - z_2)^2 c^2]^{\frac{1}{2}}$$

由碘晶体中原子 3 和 4 的坐标参数,可得  $I_2$  分子内 I—I 键长

$$\begin{aligned} r_{3-4} &= [0 + (0.30868 \times 468.6 \text{ pm})^2 + (0.23482 \times 978.4 \text{ pm})^2]^{\frac{1}{2}} \\ &= 271.5 \text{ pm} \end{aligned}$$

I—I 原子间为共价单键,根据这键长可推得 I 原子的共价单键半径为 136 pm。由气态  $I_2$  可得 I 原子共价单键半径为 133 pm。

(3) 分子间的接触距离。在晶体中,  $I_2$  分子在垂直于  $x$  轴的平面堆积成层型结构,层内分子间的最短接触距离  $r_{1-4}$  为

$$\begin{aligned} r_{1-4} &= [(0.5 \times 468.6 \text{ pm})^2 + (0.38259 - 0.11741)^2 \\ &\quad \times (978.4 \text{ pm})^2]^{\frac{1}{2}} = 349.6 \text{ pm} \end{aligned}$$

层间分子间的最短接触距离  $r_{1-7}$  为

$$\begin{aligned} r_{1-7} &= [(0.5 \times 713.6 \text{ pm})^2 + (0.5 \times 468.6 \text{ pm})^2]^{\frac{1}{2}} \\ &= 426.9 \text{ pm} \end{aligned}$$

I 原子的范德华半径可由几个数值相近的分子间接触距离平均求得,其值为 218 pm。

层内分子间的接触距离(350 pm)小于 I 原子范德华半径之和,说明层内分子间有一定作用力,这种键长介于共价单键键长和范德华距离之间的分子间作用力,对碘晶体性质具有很大影响,例如碘晶体具有金属光泽、导电性能各向异性,平行于层的方向比垂直于层的方向高得多。

---

① 本课程不要求推引有关空间群的对称元素排布及等效点系,这些数据可查表得到<sup>[4]</sup>。本例的等效点系为:  $(0,0,0) + \left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 0\right) +$

$$x, y, z; \bar{x}, \bar{y}, \bar{z}; \bar{x}, \bar{y} + \frac{1}{2}, z + \frac{1}{2}; x, y + \frac{1}{2}, \bar{z} + \frac{1}{2}。$$

(4)  $I_2$  分子的大小和形状。 $I_2$  分子呈哑铃形, 长为  $2 \times 218 \text{ pm} + 272 \text{ pm} = 708 \text{ pm}$ , 最大处直径为  $2 \times 218 \text{ pm} = 436 \text{ pm}$ 。如图 7.18 所示。

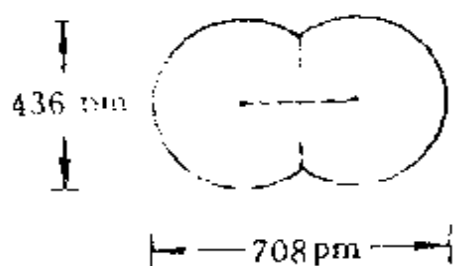


图 7.18  $I_2$  分子的大小和形状

(5) 晶体的密度。根据晶胞参数可以计算晶胞体积( $V$ ), 根据晶胞中包含原子的种类和数目, 可以计算晶胞中包含原子的质量, 由这两个数据, 可算得晶体的密度( $D$ )。碘晶体的晶胞体积

$$\begin{aligned} V &= a \times b \times c = 713.6 \text{ pm} \times 468.6 \text{ pm} \times 978.4 \text{ pm} \\ &= 3.27 \times 10^8 \text{ pm}^3 \end{aligned}$$

晶体的密度  $D = \text{晶胞中包含的质量} / \text{晶胞体积}$ , 即

$$\begin{aligned} D &= \frac{(8 \times 127.0 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1} / 6.02 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1})}{(327.0 \times 10^{-24} \text{ cm}^3)} \\ &= 5.16 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3} (110 \text{ K}) \end{aligned}$$

**【例 7.2】**  $\alpha$ -二水合草酸( $\text{HOOC}-\text{COOH} \cdot 2\text{H}_2\text{O}$ )<sup>[7]</sup>

$\alpha$ -二水合草酸的晶体学参数列于表 7.7 中。

(1) 晶体结构图。为了获得晶胞中草酸分子周围配位的全面情况, 用上表晶体学数据, 以  $a+c$  和  $a-c$  作为新的晶轴, 这个新的晶胞中  $Z=4$ , 所得结构沿  $b$  轴投影的图形如图 7.19 所示。由图可见, 每个草酸分子周围通过氢键和 6 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子相连, 而每个  $\text{H}_2\text{O}$  分子则和 3 个草酸相连, 形成氢键体系。

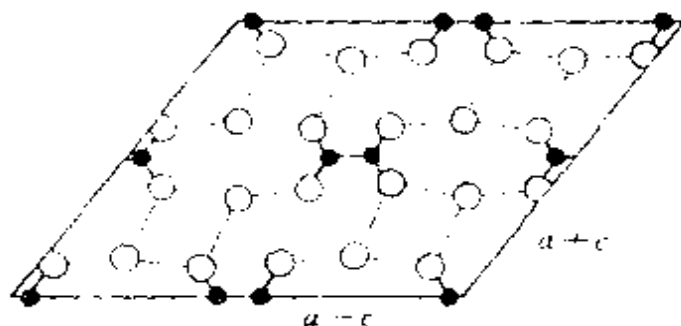


图 7.19  $\alpha$ -二水合草酸沿  $b$  轴投影的结构图形

表 7.7  $\alpha$ -二水合草酸的晶体学数据及原子坐标参数(100 K)

晶 系: 单斜

空间群:  $C_{2h}^2-P2_1/n$

晶胞参数:  $a=609.68 \text{ pm}$ ,  $b=349.75 \text{ pm}$ ,  $c=1194.6 \text{ pm}$ ,

$\beta=105.78^\circ$ ;  $Z=2$

原 子	$x$	$y$	$z$
C(1)	-.0448	.0586	.0520
O(1)	.0851	-.0562	.1501
O(2)	-.2214	.2424	.0363
O( $w$ )	-.4515	.6309	.1787
H(1)	.0234	.0217	.2228
H( $w_1$ )	-.5783	.6968	.1127
H( $w_2$ )	-.3581	.4546	.1495

(2) 草酸分子的构型。根据表 7.7 算得草酸分子的构型如图 7.20(a)所示。

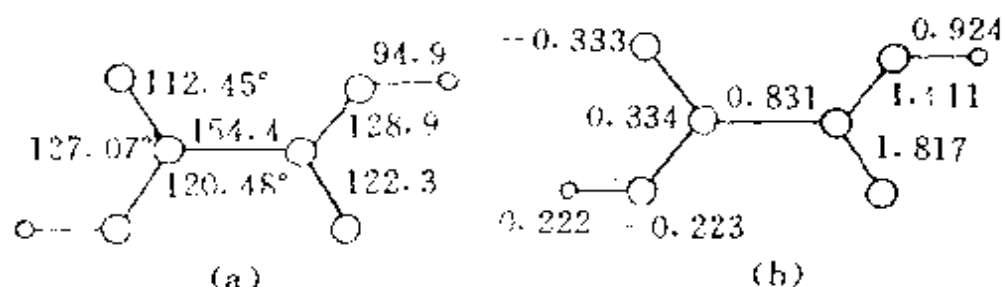
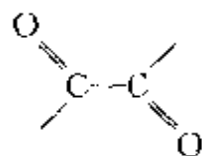


图 7.20 草酸分子的键长、键角(a)及键级和电荷分布(b)

(原子所带电荷以  $e$  为单位,示于图(b)左边的 4 个数)

(3) 草酸分子中化学键的性质。草酸分子为平面型分子, C—C 键长在 100 K 下达 154.4 pm, 比单键要长, 而且大多数草酸盐和草酸氢盐室温下 C—C 键长也在 156—158 pm 之间。为什么在草酸分子中存在



单双键交替体系, 而 C—C 键比单键还长呢? 我们通过量子化学计

算<sup>[8]</sup>,知道是由于在占有电荷的分子轨道中,4个 $\pi$ 轨道在两个C原子间正负、正负交替重叠,成键和反键互相抵消,没有净的 $\pi$ 键成键效应;又由于O原子电负性较高,O原子上净电荷较多,C原子上较少,如图7.20(b)所示。上述因素影响了C-C键键级,只有0.831,比单键弱。草酸分子键级值示于图7.20(b)中。草酸容易氧化,从C-C键断裂成2个 $\text{CO}_2$ 分子,与其化学键性质有关。

### 【例 7.3】 氟硅酸脲<sup>[9]</sup>

氟硅酸脲是防治小麦锈病的一种农药,它可由四氟化硅气体通入尿素的甲醇溶液制得,晶体无色透明,化学式为: $\{[(\text{NH}_2)_2\text{CO}]_2\text{H}\}_2\text{SiF}_6$ 。其晶体学数据如表7.8所示。

表 7.8 氟硅酸脲的晶体学数据及原子坐标参数<sup>\*</sup>

晶 系: 四方

空间群:  $D_{2h}^2-P4_12_12$

晶胞参数:  $a=926.3$ ,  $c=1789.8$  pm;  $Z=4$

原 子	$x$	$y$	$z$	原 子	$x$	$y$	$z$
Si	179	179	0	N(2)	463	315	154
F(1)	37	136	57	N(3)	136	322	329
F(2)	288	70	52	N(4)	91	270	205
F(3)	219	318	57	C(1)	483	220	208
O(1)	573	243	261	C(2)	69	243	278
O(2)	-17	143	299	H(1)	171	171	500
N(1)	407	98	209	H(2)	413	413	500

\* 原子坐标参数( $\times 10^3$ ,  $-\text{NH}_2$ 上H的参数未列出)。

由晶体结构数据可见,晶体由 $[(\text{NH}_2)_2\text{CO}]_2\text{H}^+$ 和 $\text{SiF}_6^{2-}$ 两种离子组成, $\text{SiF}_6^{2-}$ 呈八面体构型,每两个尿素分子俘获一个质子形成脲合质子 $[(\text{NH}_2)_2\text{CO}\cdots\text{H}\cdots\text{OC}(\text{NH}_2)_2]^+$ ,如图7.21所示,这个 $\text{H}^+$ 坐在 $\text{C}_2$ 轴上,形成 $\text{O}\cdots\text{H}\cdots\text{O}$ 对称氢键,氢键键长为

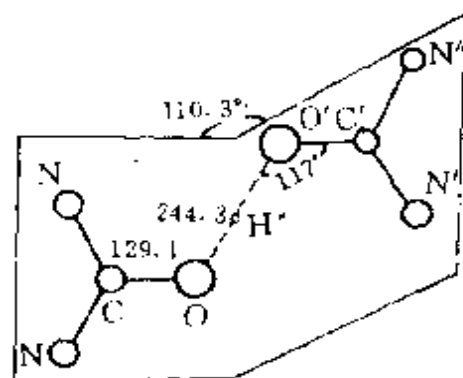


图 7.21  $[(\text{NH}_2)_2\text{CO}]_2\text{H}^+$ 的结构



244.3 和 242.4 pm,这是一种很强的氢键。

氟硅酸脲常温下是晶体,在水中易溶解,水溶液呈酸性,有很好的防锈药效,和含量相同的氟硅酸药效一样,但它比氟硅酸优越:一是能制成粉剂,便于包装运贮、增加药剂稳定性、腐蚀性小;二是由于强氢键的形成,缓慢释放质子,抑制了



的分解,能保持药效而减少药害。这个晶体结构的测定,为这一农药的投产和推广使用提供科学依据。

数万种化合物的晶体结构已经测定,这些晶体结构数据加深了人们对化学科学的认识。促进化学的发展有许多因素,其中之一是晶体结构知识所起的作用。很难想象如果没有 X 射线衍射法测定出大量的晶体结构,化学能够发展到今天这样的水平。

## 7.4 晶体的 X 射线衍射

晶体的周期性结构使晶体能对 X 射线、中子流、电子流等产生衍射效应,形成 X 射线衍射法、中子衍射法和电子衍射法,这些衍射法能获得有关晶体结构可靠而精确的数据。其中最重要的 X 射线衍射法于 1912 年问世,几十年来成果丰富、联系广泛,是人们认识物质微观结构的重要途径。到 40—50 年代,各类有代表性的无机物和有机物的晶体结构,多数已得到测定,总结出键长、键角及其变异规律,分子的构型、构象规律,阐明固体物理的许多效应,成为化学、物理学、矿物学以及冶金学等科学和技术方面的基础。到 50 年代,成功地测定了蛋白质的晶体结构,为分子生物学的发展提供了基础。到 60—70 年代,衍射法和计算机技术结合,实现收集衍射实验数据的自动化,发展测定结构的程序,使晶体结构的测定工作从少数晶体学家手中解放出来,而为广大有机化学家和无机化学家所掌握。进入 80 年代,从积累的大量结构数据(4 万多种有机化合物,1 万多种无机化合物,5000—6000 种金属和合金等

已测定出结构数据),建立多功能的晶体结构数据库,为化学、物理学、生物学等各方面的广泛应用,提供系统的结构信息。

### -1- X射线的产生及其性质

X射线是波长范围在约  $1 \sim 10000 \text{ pm}$  的电磁波。用于测定晶体结构的X射线,波长为  $50 \sim 250 \text{ pm}$ ,这个波长范围与晶体点阵面的间距大致相当。波长太长( $>250 \text{ pm}$ ),样品对X射线吸收太大;波长太短( $<50 \text{ pm}$ ),衍射线过分集中在低角度区,不易分辨。

晶体衍射所用的X射线,通常是在真空度约为  $10^{-4} \text{ Pa}$  的X射线管内,由高电压加速的一束高速运动的电子,冲击阳极金属靶面时产生。

由X射线管产生的X射线包含两部分:一部分是具有连续波长的“白色”X射线,另一部分是由阳极金属材料成分决定的、波长确定的特征X射线。前者是由于电子与阳极物质撞击时,穿过一层物质,降低一部分动能,穿透深浅不同,降低动能不等,所以有各种波长的X射线。后者是高速电子把原子内层电子激发,再由外层电子跃迁至内层,势能下降而发生的X射线,它的波长由原子的能级决定。图7.22示出原子能级以及电子跃迁时产生X射线的情况(参看2.5节)。Cu靶X射线:  $\lambda(\text{Cu K}\alpha_1) = 154.056 \text{ pm}$ ,

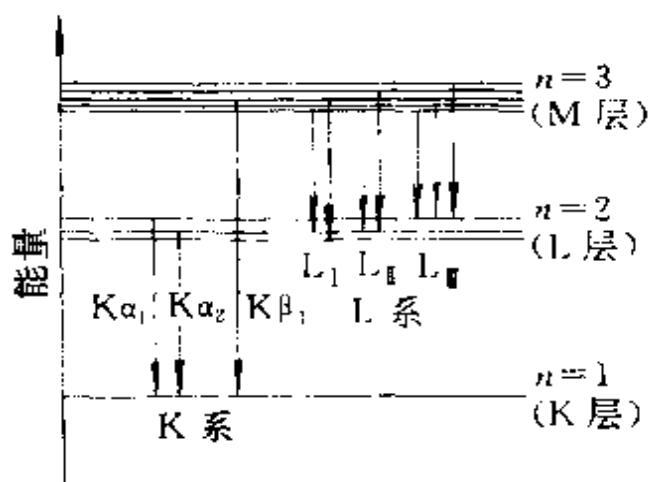


图 7.22 原子能级以及电子跃迁时产生 X 射线的情况

$\lambda(\text{Cu K}\alpha_2) = 154.439 \text{ pm}$ ,  $\lambda(\text{Cu K}\beta_1) = 139.222 \text{ pm}$ 。各线强度有一定比例

$$I(\text{Cu K}\alpha_2) : I(\text{Cu K}\alpha_1) = 0.497$$

$$I(\text{Cu K}\beta_1) : I(\text{Cu K}\alpha_1) = 0.200$$

图 7.23 示出 Cu 靶的 X 射线谱。当分辨率较低时,  $\text{K}\alpha_1$  和  $\text{K}\alpha_2$  分不开, 就用  $\text{K}\alpha$  的平均波长,  $\text{Cu K}\alpha$  的平均波长为  $154.18 \text{ pm}$ 。

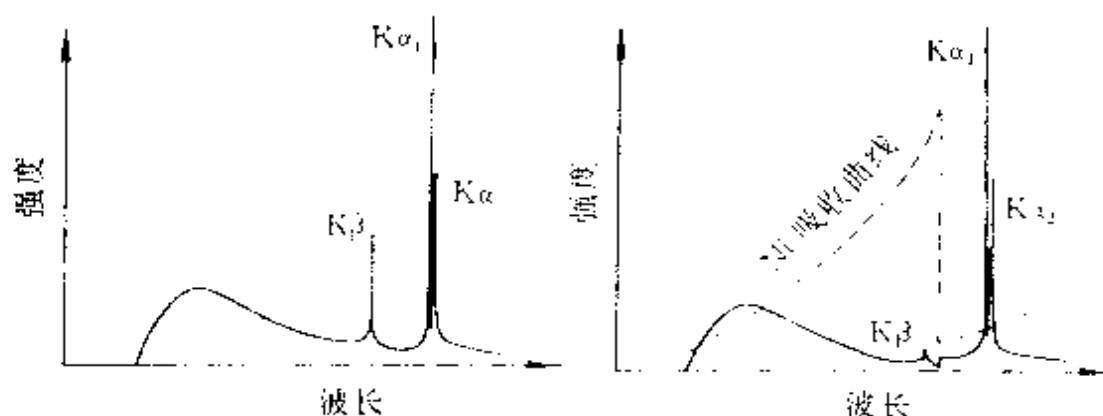
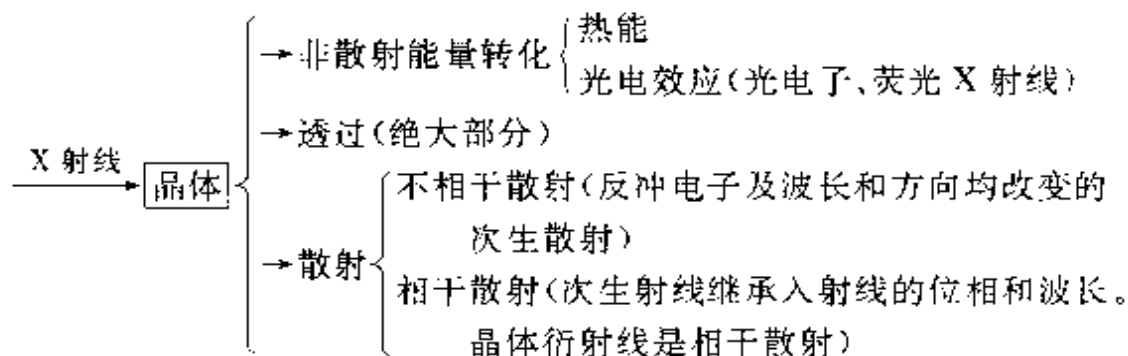


图 7.23 Cu 靶产生的 X 射线谱

为了获得单色 X 射线, 需将  $\text{K}\beta$  射线及白色射线除去, 一种方法是选择一种金属, 它的吸收限波长处在  $\text{K}\alpha$  和  $\text{K}\beta$  之间, 用这种金属薄片作滤波片, 吸收掉  $\text{K}\beta$  射线。图 7.23 中的虚线表示 Ni 的吸收曲线, 曲线在  $148.81 \text{ pm}$  处有一突变, 为 Ni 的 K 吸收限。另一种方法是利用晶体单色器, 通过衍射方法, 只让  $\text{K}\alpha$  射线满足衍射条件,  $\text{K}\beta$  射线不满足而被除去。

X 射线同可见光一样, 有直进性, 但折射率小, 穿透力强。当它射到晶体上时, 大部分透过, 小部分被吸收散射, 而光学的反射和折射极小, 可忽略不计。兹将 X 射线和晶体的相互作用列于下:



## -2- 衍射方向

晶体衍射方向是指晶体在入射 X 射线照射下产生的衍射线偏离入射线的角度。衍射方向决定于晶体内部结构周期重复的方式和晶体安置的方位。测定晶体的衍射方向,可以求得晶胞的大小和形状。

联系衍射方向和晶胞大小、形状的方程有两个: Laue(劳埃)方程和 Bragg(布拉格)方程。前者以直线点阵为出发点,后者以平面点阵为出发点,这两个方程是等效的。

### 1. Laue 方程

设有一直线点阵和晶胞的单位矢量  $\mathbf{a}$  平行。 $\mathbf{s}_0$  和  $\mathbf{s}$  分别代表入射 X 射线和衍射 X 射线的单位矢量,如图 7.24 所示。若要求由每个点阵点所代表的结构基元间散射的次生 X 射线互相叠加,则要求相邻点阵点的光程差为波长的整数倍,这样,衍射方向单位矢量  $\mathbf{s}$  和入射方向单位矢量  $\mathbf{s}_0$  与晶胞单位矢量  $\mathbf{a}$  (即  $\overrightarrow{OP}$ ) 间联系的方程为

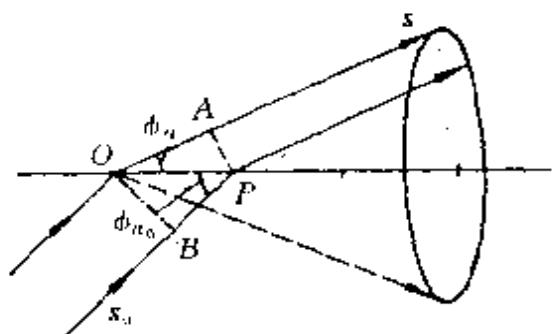


图 7.24 Laue 方程的推导

$$\text{光程差} = OA - BP = \mathbf{a} \cdot \mathbf{s} - \mathbf{a} \cdot \mathbf{s}_0 = h\lambda \quad (7.1)$$

式中  $h$  为整数。若用三角函数表达,则为

$$a(\cos\phi_a - \cos\phi_{a_0}) = h\lambda \quad (7.1')$$

(7.1)或(7.1')式称为 Laue 方程。它规定了当  $\mathbf{a}$  和  $\mathbf{s}_0$  的夹角为  $\phi_{a_0}$  时,在和  $\mathbf{a}$  呈  $\phi_a$  角的方向上产生衍射。实际上以  $\mathbf{a}$  作为轴线,和  $\mathbf{a}$  呈  $\phi_a$  角的圆锥面的各个方向均满足这一条件,如图中虚线所示。

将(7.1)或(7.1')式推广应用于晶胞的单位矢量  $\mathbf{b}$  和  $\mathbf{c}$ ,可得相同的方程式。同时满足  $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$  和衍射矢量  $\mathbf{s}$  的 Laue 方程组为

$$\left. \begin{aligned} \mathbf{a} \cdot (\mathbf{s} - \mathbf{s}_0) &= h\lambda \\ \mathbf{b} \cdot (\mathbf{s} - \mathbf{s}_0) &= k\lambda \\ \mathbf{c} \cdot (\mathbf{s} - \mathbf{s}_0) &= l\lambda \end{aligned} \right\} \quad (7.2)$$

或

$$\left. \begin{aligned} a(\cos\phi_a - \cos\phi_{a_0}) &= h\lambda \\ b(\cos\phi_b - \cos\phi_{b_0}) &= k\lambda \\ c(\cos\phi_c - \cos\phi_{c_0}) &= l\lambda \end{aligned} \right\} \quad (7.2')$$

(7.2)和(7.2')式中 $h, k, l$ 均为整数,这组整数 $hkl$ 称为衍射指标。晶体的衍射方向由 $\mathbf{s}$ 规定,从图形来看, $\mathbf{s}$ 的方向为围绕 $\mathbf{a}, \mathbf{b}, \mathbf{c}$ 三轴线的圆锥面的交线方向。

衍射指标 $hkl$ 的整数性决定了衍射方向的分立性,即只在空间某些方向上出现衍射。在这些方向上各点阵点之间入射线和衍射线的波程差必定是波长的整数倍。这结论可证明如下:从点阵原点 $000$ 到点阵点 $mnp$ 间的矢量为

$$\mathbf{T}_{mnp} = m\mathbf{a} + n\mathbf{b} + p\mathbf{c}$$

通过这两个点阵点的光程差 $\Delta$ 为

$$\begin{aligned} \Delta &= \mathbf{T}_{mnp} \cdot (\mathbf{s} - \mathbf{s}_0) \\ &= m\mathbf{a} \cdot (\mathbf{s} - \mathbf{s}_0) + n\mathbf{b} \cdot (\mathbf{s} - \mathbf{s}_0) + p\mathbf{c} \cdot (\mathbf{s} - \mathbf{s}_0) \\ &= mh\lambda + nk\lambda + pl\lambda \\ &= (mh + nk + pl)\lambda \end{aligned} \quad (7.3)$$

因 $m, n, p$ 和 $h, k, l$ 均为整数,故 $\Delta$ 必为波长的整数倍,这样满足(7.2)式的方向所有晶胞散射的次生射线都是互相加强的,这些方向就是衍射方向。

## 2. Bragg 方程

晶体的空间点阵可划分为一族平行而等间距的平面点阵 $(hkl)$ 。同一晶体不同指标的晶面在空间的取向不同,晶面间距 $d_{(hkl)}$ 也不同。

X射线入射到晶体上,对于一族 $(hkl)$ 平面中的一个点阵面1来说,若要求面上各点的散射线同相,互相加强,则要求入射角 $\theta$ 和衍射角 $\theta'$ 相等,入射线、衍射线和平面法线三者在同一平面内,

才能保证光程一样,如图 7.25(a)所示。图中入射线  $s_0$  在  $P, Q, R$  时波的周相相同,而散射线  $s$  在  $P', Q', R'$  处仍是同相,这是产生衍射的重要条件。

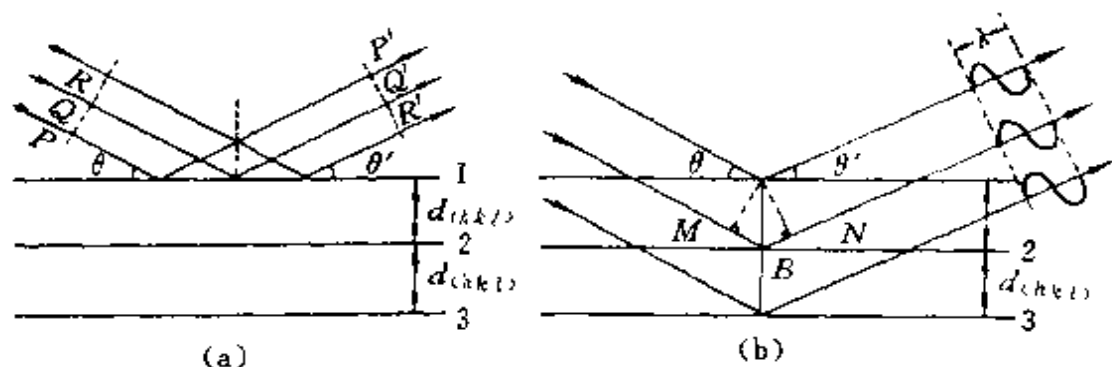


图 7.25 Bragg 公式的推引

再考虑平面 1, 2, 3, ... [见图 7.25(b)], 相邻两个平面的间距为  $d_{(hkl)}$ , 射到面 1 上的 X 射线和射到面 2 上的 X 射线的光程差为  $MB + BN$ , 而

$$MB = BN = d_{(hkl)} \sin \theta$$

光程差为  $2d_{(hkl)} \sin \theta$ 。根据衍射条件, 只有光程差为波长  $\lambda$  的整数倍时, 它们才能互相加强而产生衍射。由此得 Bragg 方程

$$2d_{(hkl)} \sin \theta_n = n\lambda \quad (7.4)$$

式中:  $n$  称为衍射级数, 可取 1, 2, 3, ... 整数;  $\theta_n$  为衍射角。晶面指标为  $(hkl)$  的一组晶面, 由于它和入射 X 射线取向不同, 光程差不同, 可产生衍射指标为  $hkl, 2h2k2l, 3h3k3l, \dots$  一级, 二级, 三级, ... 衍射。例如晶面指标为  $(110)$  这组面, 在不同衍射角上可能出现衍射指标为  $110, 220, 330, \dots$  的衍射线。由于  $|\sin \theta_n| \leq 1$ , 使得  $n\lambda \leq 2d_{(hkl)}$ , 所以  $n$  是数目有限的几个整数,  $n$  大者  $\theta_n$  也大。图 7.26 示出晶面指标为  $(110)$  这组面在  $\theta_1$  位置产生衍射指标为  $110$  的衍射, 在  $\theta_2$  处产生  $220$  衍射, 在  $\theta_3$  处产生  $330$  衍射等。

$(hkl)$  这组面的  $n$  级衍射, 可视为与  $(hkl)$  平行但相邻两面间距为  $d_{(hkl)}/n$  的一组面的一级衍射。 $d_{nhnknl}$  等于  $d_{(hkl)}/n$ ,  $nh nk nl$  仍为

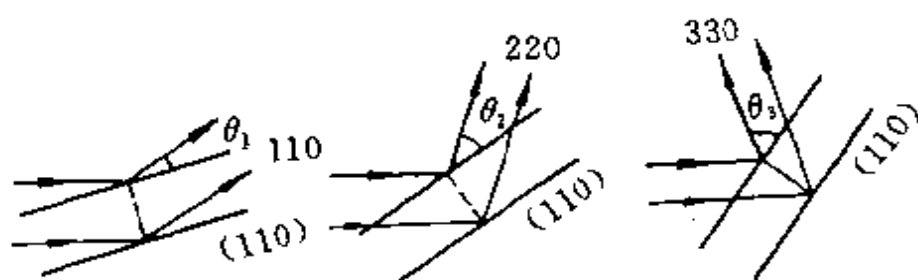


图 7.26 (110)面在不同衍射角上产生 110, 220, 330 等衍射的情况

一组整数,但并不一定互质。通常把不加括号的这组整数  $hkl$  称为

衍射指标。图 7.27 示出相邻两个虚线所示的面间距  $d_{330}$  只有  $d_{(110)}$  的  $1/3$ 。目前通用的 Bragg 方程为

$$2d_{hkl}\sin\theta = \lambda \quad (7.5)$$

或简写为  $2d\sin\theta = \lambda$ 。(7.5) 式中  $hkl$  是不加括号的 3 个整数。用衍射指标  $hkl$  代替晶面指标,可以计算衍射面间距  $d_{hkl}$ 。例如立方晶系  $d_{hkl} = a/(h^2 + k^2 + l^2)^{1/2}$ 。所以 330 也表示和 (110) 平行的

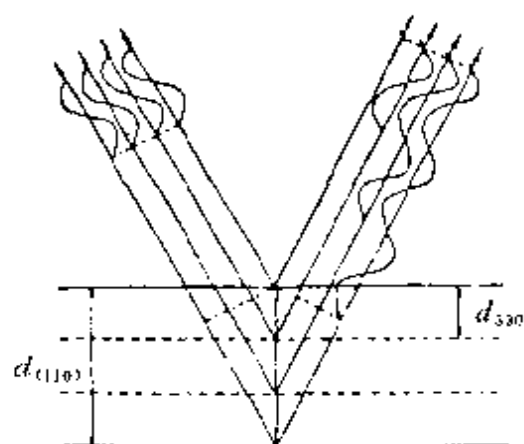


图 7.27 和衍射指标 330 对应的一组平面

一组面,相邻两面的间距为  $d_{(110)}/3$ ,在  $\theta_3$  时彼此差  $1\lambda$ 。

### 3- 衍射强度

晶体对 X 射线在某衍射方向上的衍射强度,与衍射方向及晶胞中原子的分布有关。前者由衍射指标  $hkl$  决定,后者由晶胞中原子的坐标参数  $(x, y, z)$  决定。定量地表达这两因素和衍射强度的关系,需考虑波的叠加,并引进结构因子  $F_{hkl}$

$$F_{hkl} = \sum_{j=1}^N f_j \exp[i2\pi(hx_j + ky_j + lz_j)] \quad (7.6)$$

式中衍射  $hkl$  的结构因子可由晶胞中原子的种类(由原子散射因

子  $f_j$  表示) 及各个原子的坐标参数 (由  $x_j, y_j, z_j$  表示) 算出。

晶体由原子组成, 原子有原子核和核外电子。X 射线照射到晶体上, 电子和原子核都要随 X 射线的电磁场在振动, 因核的电荷与质量之比要比电子小得多, 讨论这种振动时可忽略不计。振动着的电子就是一个发射球面电磁波的波源, 按原有波长和周相散射 X 射线。原子种类不同, 电子数目及分布不同, 散射能力有大小之别, 通常用原子散射因子  $f$  表示, 它是一个自由电子在相同条件下散射波振幅的  $f$  倍。  $f$  随  $\sin\theta/\lambda$  的增加而减小, 可以根据核外电子分布函数通过计算得到。(7.6)式来源如下:

今有一晶胞由  $a, b, c$  三个矢量规定, 晶胞中有  $N$  个原子, 其中第  $j$  个原子在晶胞中的坐标参数为  $(x_j, y_j, z_j)$ , 原子散射因子为  $f_j$ 。从晶胞原点到第  $j$  个原子的矢量为  $r_j$

$$r_j = x_j a + y_j b + z_j c \quad (7.7)$$

在衍射  $hkl$  中, 通过晶胞原点的衍射波与通过第  $j$  个原子的衍射波相互间的波程差  $\Delta$  为

$$\Delta = r_j \cdot (s - s_0) \quad (7.8)$$

由(7.2)式可得

$$\Delta = \lambda(hx_j + ky_j + lz_j) \quad (7.9)$$

周相差  $\alpha_j$  为

$$\alpha_j = 2\pi\Delta/\lambda = 2\pi(hx_j + ky_j + lz_j) \quad (7.10)$$

考虑晶胞中各个原子的散射波的振幅  $f_j$  和原点的周相差  $\alpha_j$ , 将这  $N$  个原子的散射波互相叠加而成复合波, 用指数形式表示可得

$$\begin{aligned} F_{hkl} &= f_1 \exp(i\alpha_1) + f_2 \exp(i\alpha_2) + \cdots + f_N \exp(i\alpha_N) \\ &= \sum_{j=1}^N f_j \exp(i\alpha_j) \end{aligned} \quad (7.11)$$

即 
$$F_{hkl} = \sum_{j=1}^N f_j \exp[i2\pi(hx_j + ky_j + lz_j)] \quad (7.6)$$

衍射  $hkl$  的衍射强度  $I_{hkl}$  正比于  $|F_{hkl}|^2$ , 还和晶体大小、入射光强、温度高低、晶体对 X 射线的吸收及其他一系列物理因素有



关。将它们予以修正,得

$$I_{hkl} = K |F_{hkl}|^2 \quad (7.12)$$

这样就将衍射强度和晶体结构联系在一起,通过衍射强度数据可以设法测定晶体的结构。

晶体结构中存在带心点阵型式、滑移面和螺旋轴时,就会出现系统消光,即许多衍射有规律地、系统地不出现,衍射强度为零。

金属铜为体心立方结构,晶胞中两个 Na 原子的坐标为  $0, 0, 0$ ;  $1/2, 1/2, 1/2$ 。由(7.6)式可得

$$\begin{aligned} F_{hkl} &= f_{Na} \exp[i2\pi(h \cdot 0 + k \cdot 0 + l \cdot 0)] \\ &\quad + f_{Na} \exp[i2\pi(h/2 + k/2 + l/2)] \\ &= f_{Na} \{1 + \exp[i\pi(h + k + l)]\} \end{aligned}$$

当  $h + k + l =$  偶数时,  $F_{hkl} = 2f_{Na}$ 。当  $h + k + l =$  奇数时,  $F_{hkl} = 0$ 。

由此可以推论:对于体心点阵型式,当  $h + k + l =$  奇数时,  $F_{hkl} = 0$ , 衍射强度为 0。反之,如果在收集的衍射数据中,出现  $h + k + l =$  奇数时衍射强度均为 0 的现象,则这一晶体为体心点阵型式。

又设晶体在  $c$  方向上有二重螺旋轴  $2_1$ , 处在  $x = y = 0$  处。晶胞中每一对由它联系的原子坐标为  $x, y, z; \bar{x}, \bar{y}, z + (1/2)$ 。由(7.6)式,可得

$$\begin{aligned} F_{hkl} &= \sum_{j=1}^{N/2} f_j \left\{ \exp[i2\pi(hx_j + ky_j + lz_j)] \right. \\ &\quad \left. + \exp[i2\pi(h\bar{x}_j + k\bar{y}_j + l(z_j + \frac{1}{2}))] \right\} \\ F_{00l} &= \sum_{j=1}^{N/2} f_j \exp[i2\pi lz_j] (1 + \exp[i2\pi l/2]) \end{aligned}$$

当  $l$  为偶数时

$$F_{00l} = 2 \sum_{j=1}^{N/2} f_j \exp[i2\pi lz_j]$$

当  $l$  为奇数时

$$F_{00l} = 0$$

由此可见在  $c$  方向上有  $2_1$  轴时,在  $00l$  型衍射点中,  $l$  为奇数的衍

射点一律不出现。

其他的带心点阵、滑移面和螺旋轴的系统消光的范围和性质,可用同样的原理和方法进行推引。表 7.9 列出一些类型的系统消光和晶体中的对称性的关系,所以根据系统消光,可以测定微观对称元素和点阵型式,为测定晶体所属的空间群提供实验数据。

表 7.9 一些类型的系统消光和对称性

衍射指标 类 型	消 光 条 件	消 光 解 释	带 心 型 式 和 对 称 元 素 记 号
$hkl$	$h+k+l=$ 奇数 $h+k=$ 奇数 $h-l=$ 奇数 $k+l=$ 奇数 $h, k, l$ 奇偶混杂 $-h+k+l$ 不为 3 的 倍数	体心点阵 C 面带心点阵 B 面带心点阵 A 面带心点阵 面心点阵 R 心点阵	$I$ $C$ $B$ $A$ $F$ $R$ (六方晶胞)
$0kl$	$k=$ 奇数 $l=$ 奇数 $k+l=$ 奇数 $k+l$ 不为 4 的倍数	$(100)$ 滑移 面, 滑移量 $\left\{ \begin{array}{l} b/2 \\ c/2 \\ (b+c)/2 \\ (b+c)/4 \end{array} \right.$	$b$ $c$ $n$ $d$
$00l$	$l=$ 奇数 $l$ 不为 3 的倍数 $l$ 不为 4 的倍数 $l$ 不为 6 的倍数	$[001]$ 螺旋 轴, 平移量 $\left\{ \begin{array}{l} c/2 \\ c/3 \\ c/4 \\ c/6 \end{array} \right.$	$2_1, 4_2, 6_3$ $3_1, 3_2, 6_2, 6_4$ $4_1, 4_3$ $6_1, 6_5$

#### 4- 单晶衍射法

作单晶衍射用的晶体一般为直径 0.1—1 mm 的完整晶粒。当选好晶体后,用胶液粘在玻璃毛顶端,安置在测角头上,收集衍射强度数据。调整晶体坐标轴和入射 X 射线的相对取向,可使每一衍射  $hkl$  符合衍射条件,晶体向空间一定方向发射出一束衍射线。记录衍射强度可用照相机或衍射仪法。照相机用一张感光胶片可记录一批衍射点的衍射方向和衍射强度,计算出晶胞参数,了解系

统消光及晶体对称性,并可测量各衍射点的强度。常用的照相法有回摆法、魏森伯(Weissenberg)法和旋进照相法(precession method)等。衍射仪法是按照单晶衍射仪测定晶胞参数和晶体定向的具体要求,输入控制程序所需数据,测定晶胞参数及晶体在空间的取向,然后根据收集衍射强度的要求,逐一地收集各个衍射强度数据,输出各个衍射指标及强度值。现在最通用的单晶衍射仪为四圆衍射仪,这4个圆分别称为 $\phi$ (phi)圆、 $\chi$ (chi)圆、 $\omega$ (omega)圆和 $2\theta$ (2theta)圆,每个圆都有一个独立的马达带动运转,通常由计算机控制,调节晶体定位取向,使各个 $hkl$ 满足衍射条件产生衍射,并记录它的强度。

测定晶胞参数及各个衍射的相对强度数据后,需将强度数据统一到一个相对标准上,对一系列影响强度的几何因素、物理因素加以修正,求得(7.12)式中的 $K$ 值,从强度数据得到 $|F_{hkl}|$ 值。

测定晶体结构时,从实验数据只能得到结构振幅( $|F_{hkl}|$ )的数值,而不能直接得到结构因子( $F_{hkl}$ )的数值。结构振幅和结构因子的关系为

$$F_{hkl} = |F_{hkl}| \exp[i\alpha_{hkl}] \quad (7.13)$$

式中 $\alpha_{hkl}$ 称为衍射 $hkl$ 的相角。因此,解决相角问题是测定晶体结构的关键一环。

解决相角的方法可用重原子法或直接法等多种方法。可以先解决部分(例如10%)强度较大的衍射的相角,通过电子密度函数的计算,求出其他衍射的相角。

利用结构振幅和相角数据,可按下式计算电子密度函数

$$\rho(XYZ) = V^{-1} \sum_h \sum_k \sum_l F_{hkl} \exp[-i2\pi(hX + kY + lZ)] \quad (7.14)$$

$\rho(XYZ)$ 称电子密度函数,它表示晶胞中坐标为 $XYZ$ 点上电子密度的数值,它由全部衍射 $hkl$ 的结构因子 $F_{hkl}$ 按(7.14)式加和得到。晶胞中每一坐标点 $XYZ$ 上 $\rho$ 值都和全部 $F_{hkl}$ 有关。例如假定

$X=1/64, Y=1/64, Z=1/64$ , 衍射 223 对该点  $\rho$  值的贡献为

$$V^{-1}F_{223}\exp[-i2\pi(2/64+2/64+3/64)]$$

将全部衍射对该点贡献加和起来, 就得该点的  $\rho$  值。计算出晶胞中各点的  $\rho$  值, 将  $\rho$  的数值相等的点连成线, 称为等电子密度线, 由等密度线表示  $\rho(XYZ)$  的图叫电子密度图。电子密度图中各个极大值点即和原子的坐标位置对应, 电子多的原子  $\rho$  值大。一般可从电子密度图上区分出各种原子, 求得它们在晶胞中的坐标参数, 从而测定出晶体的结构。

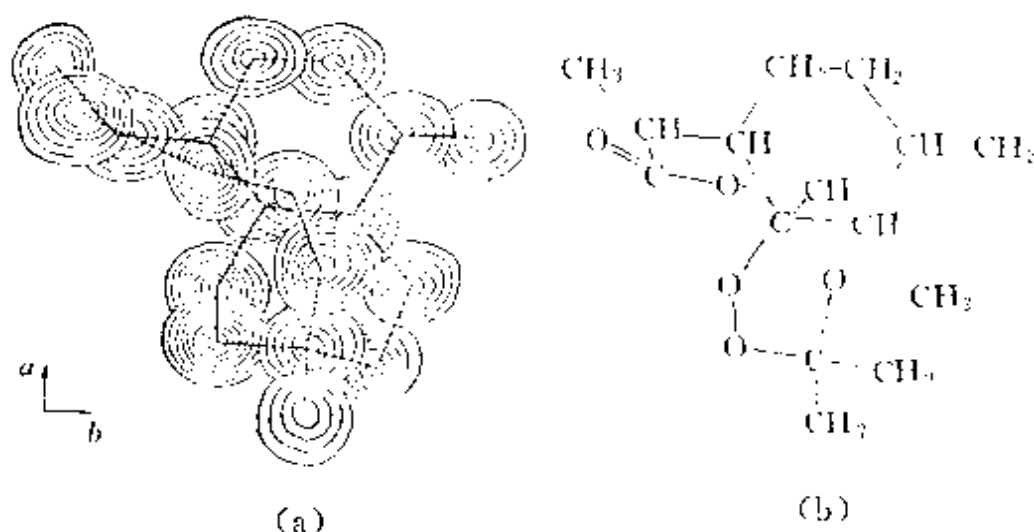


图 7.28 青蒿素晶体的三维电子密度叠合图(a)及其结构式(b)

图 7.28(a)示出青蒿素( $C_{15}H_{22}O_5$ )的三维电子密度叠合图, (b)示出青蒿素分子的结构式。这个分子的空间结构正是借助 X 射线单晶衍射法, 由电子密度图测定出来的<sup>[16]</sup>。

## -5- 多晶衍射法

多晶样品(如一小块金属, 一包晶体粉末)中含有无数个小晶粒, 它们杂乱无章、取向机遇地聚集在一起。当单色 X 射线照到多晶样品上, 产生的衍射花样和单晶不同。单晶中一族平面点阵的取向若和入射 X 射线的夹角为  $\theta$ , 满足衍射条件, 则在衍射角  $2\theta$  处产生衍射, 可使胶片感光出一个衍射点, 如图 7.29(a)所示。如果

X 射线照到这种晶体的粉末上,因晶粒有各种取向,同样一族平面点阵,可形成分布在张角为  $4\theta$  的圆锥方向上的衍射线,这衍射线是由无数个符合同样衍射条件的晶粒产生的衍射点形成的,如图 7.29(b)。晶体中有许多平面点阵族,相应地形成许多张角不同的衍射圆锥线,共同以入射的 X 射线为中心轴。

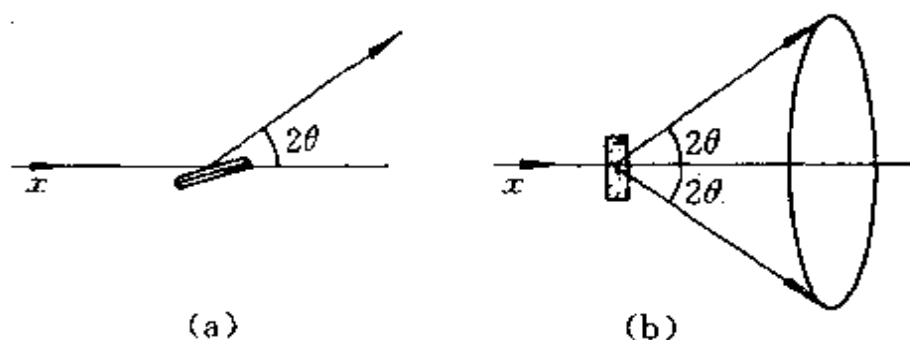


图 7.29 单晶(a)和多晶(b)产生衍射情况

若放一平板感光胶片于多晶样品前方,衍射线在胶片上感光出一系列同心圆,但只能收集  $\theta$  值小的部分衍射线。若将感光胶片围成圆筒形,按图 7.30 所示方式放置,样品位置和圆筒中心线重合,圆筒半径为  $R$ 。经感光后得图下方所示的粉末衍射图(以后简称粉末图),若图中某一对粉末衍射线的间距为  $2L$ ,则

$$4\theta = 2L/R(\text{弧度}) = 180 \times 2L/\pi R(\text{度}) \quad (7.15)$$

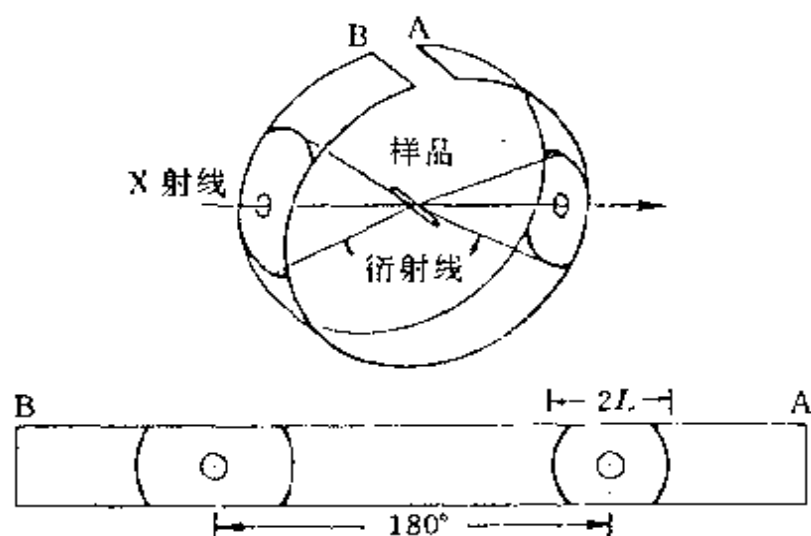


图 7.30 多晶衍射照相法及粉末图

由此通过测量  $L$  值, 算出每一衍射的衍射角  $\theta$ 。根据  $\theta$  和  $\lambda$  值即可按 Bragg 方程求出  $d$  值。

多晶衍射仪法是利用计数管和一套计数放大测量系统, 把接收到的衍射光转换成一个大小与衍射光强成正比的讯号记录下来, 如图 7.31。图中样品放在衍射仪圆的中心, 计数管始终对准中

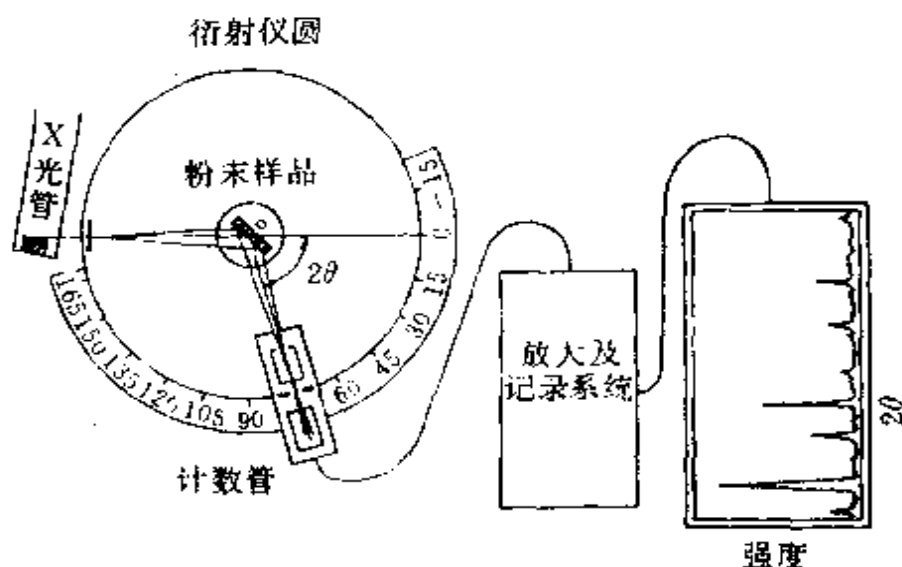


图 7.31 多晶衍射仪原理

心, 绕中心旋转。样品每转  $\theta$ , 计数管转  $2\theta$ , 记录仪同步转动, 逐一地把各衍射线的强度记录下来。

多晶衍射所得的基本数据是“ $d-I$ ”值(衍射面间距和衍射强度)。利用这数据可进行物相分析; 将各个衍射指标化, 可求得晶胞参数; 根据系统消光可得点阵型式。对于简单的金属和化合物, 还可用多晶衍射法测定晶体结构。它是研究各种材料进行物相分析的重要方法, 下面简要介绍粉末图的特点及其应用。

各种物相的粉末图都有其特点, 纯化合物的粉末图各不相同, 正如人的指纹一样, 每一种晶体都有它自己的一套特征的“ $d-I$ ”数据。混合物由混合的各个物相的粉末图叠加而成, 含量多的相出现粉末线的强度大, 含量少的强度弱。有些物相由于它本身衍射能力较低, 含量在 5% 以下衍射线就不明显地出现。固溶体只出现相当于一种纯化合物的粉末图。如果是由 A, B 两种物质相互溶解形成

的固溶体,少量的 B 溶于 A 生成  $\alpha$  相,  $\alpha$  相的结构和纯 A 的晶体结构相似,  $\alpha$  相的粉末图像纯 A,但每一衍射线往往向同一侧移动。无定形体和液体不出现分立的衍射线,只在某些衍射角上显现出弥散的衍射强度的分布。

根据粉末图分布的特点, X 射线粉末法可作为一种重要的实验方法,广泛地应用于化学、物理学、地质、矿物、冶金、机械、建筑材料等多方面的科研工作中。下面列举几方面的应用。

### 1. 物相分析

物相分析是分析材料或产品由哪些相组成,各相的相对含量和分布情况。物相分析在生产和科研中具有重要应用。例如  $\text{Al}_2\text{O}_3$  在化工和工业材料上有广泛用途,它随不同的制备条件和生产工艺有不同的晶体结构,性质上也有差异。但这些不同的结晶状态用化学分析和光谱分析难以鉴定,而 X 射线粉末法则是鉴别它们的好方法。又如,成分同为  $\text{CaCO}_3$ ,但可结晶成方解石和文石;而  $\text{CaCO}_3$  和  $\text{MgCO}_3$  可能为白云石( $\text{Ca}_{0.5}\text{Mg}_{0.5}\text{CO}_3$ )晶体的成分。对材料科学、催化剂剖析、试剂生产、矿物资源分析利用等等,粉末法可发挥一定的作用。

每一种晶体的粉末图,它的衍射线的分布位置和强度高低有着特征的规律,成为物相鉴定的基础,物相分析是根据实验获得的“ $d-I$ ”数据、化学组成、样品来源等和标准多晶衍射数据互相对比、进行鉴定。

现在内容最丰富、规模最大的多晶衍射数据集是由 JCPDS (Joint Committee on Powder Diffraction Standards) 编的《粉末衍射卡片集》(PDF),到 1991 年已出 41 集,化合物总数已超过 4 万余种。可通过索引查对,解释衍射图所对应的物相。

物相的定量分析是依据衍射强度。对于一个含有多种物相的样品,若它的某一组成物相  $i$  的重量分数为  $x_i$ ,某一衍射  $hkl$  的强度为  $I_i$ ,纯  $i$  相衍射  $hkl$  的强度为  $I_i^0$ ,考虑样品的吸收,可得

$$I_i = I_i^0 x_i (\mu_i / \bar{\mu}) \quad (7.16)$$

式中： $\mu_i$  为物相  $i$  的质量吸收系数、 $\bar{\mu}$  为样品的平均质量吸收系数 ( $\bar{\mu} = \sum_j x_j \mu_j$ )。通过已知配比成分的工作曲线求出  $\mu_i/\bar{\mu}$ ，即可根据某一衍射的  $I_i^0$  和  $I_i$  值，从(7.16)式求得  $i$  相的含量  $x_i$ 。

## 2. 测定简单晶体的结构

金属合金和某些结构简单的化合物，当不易制得单晶体时，可用多晶衍射法测定晶体结构。测定结构的关键步骤是指标化，即将各条衍射线的  $hkl$  标出。对晶胞不大的立方、四方、六方和三方晶系的晶体，粉末图一般不难指标化，低级晶系较难一些，若已用单晶衍射法测定它的晶胞参数或参考同晶型晶体的晶胞参数，就不难指标化了。

由 Bragg 方程及立方晶系的晶面间距和晶面指标的关系式，可为立方晶系推得

$$\sin^2\theta = (\lambda/2a)^2(h^2 + k^2 + l^2) \quad (7.17)$$

由于衍射角较小的衍射指标都是简单整数，而  $(\lambda/2a)$  是常数，所以若以第一或第二条衍射线的  $\sin^2\theta$  值去除其他各线的  $\sin^2\theta$  值，根据比值即可求出和各线相对应的一套整数，这套整数即为可能的平方和  $(h^2 + k^2 + l^2)$ 。也可根据比值及点阵型式的要求推出合理的平方和。有了平方和就容易得到衍射指标了。

根据系统消光的要求，对立方晶系，不同点阵型式(简单点阵  $P$ ，体心点阵  $I$ ，面心点阵  $F$ )可能出现的平方和为

点阵型式	平方和	规律
$P$	1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 16, 17, ...	缺 7, 15 等数
$I$	2, 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18, 20, 22, ...	和 $P$ 比较，不会有空缺的衍射线，平方和全为偶数
$F$	3, 4, 8, 11, 12, 16, 19, 20, 24, ...	出现二密一稀规律

由衍射指标出现的规律，可了解系统消光，推得点阵型式，估计可能的空间群。

根据强度数据及晶胞中原子数目和晶体所属的空间群等，可



用模型法或其他方法推求原子在晶胞中的位置。

### 3. 晶胞参数的精确测定及其应用

用粉末法测定晶胞参数能够达到很高的精密度和准确度。为要精确测定晶胞参数,一方面需要精心做好实验,注意消除在实验中带来的误差;另一方面要辅以适当的数据处理方法。若将 Bragg 方程进行微分,可得

$$(\partial/\partial \theta)(2d\sin\theta) = 0 \quad (7.18)$$

$$2(\partial d/\partial \theta)\sin\theta + 2d\cos\theta = 0$$

$$\partial d/d = -\cot\theta \partial \theta$$

或  $(\Delta a/a) = (\Delta d/d) = -\cot\theta \Delta\theta \quad (7.19)$

由此可见,随着衍射角  $\theta$  值的增大,  $\cot\theta$  值变小,同样的测量偏差值  $\Delta\theta$ ,高角度( $\theta$  值大)时对  $d$  值的相对误差小,即对晶胞参数  $a$  的相对误差小。因此,精确测定晶胞参数,常借重于高角度数据。有时还根据高角度数据外推至  $\theta=90^\circ$ ,以求得准确的晶胞参数值。

准确的晶胞参数有着多方面的应用,例如

(1) 根据准确的晶胞参数、化学式量( $M$ )和晶体的准确密度( $D$ )及晶胞中原子或分子数( $Z$ ),测定 Avogadro 常数( $N$ )

$$N = ZM/VD \quad (7.20)$$

(2) 测定热膨胀系数。粉末法能测出各向异性的数据。

(3) 测定固溶度,用以绘制相图等。

### 4. 粉末衍射线的宽化及晶粒大小的测定

利用衍射线的峰形数据,能够测定粉末样品中平均晶粒大小数据。当晶粒直径小于 200 nm 时,衍射峰开始变宽,此时晶粒越小,宽化越多,直径小到几个 nm 时,衍射线过宽而消失在背底之中。晶粒大小和衍射线变宽间的定量关系,可由下式表示

$$D = K\lambda/(B - B_0)\cos\theta \quad (7.21)$$

式中:  $D$  是晶粒直径;  $\theta$  为衍射角;  $\lambda$  为波长;  $K$  为一固定常数,数值为 0.9;  $B_0$  为晶粒较大没有宽化时的衍射线半高宽,  $B$  为待测样品衍射线的半高宽( $2\theta$  标度的峰),  $\Delta B$ (即  $B - B_0$ )要用弧度

表示。

例如,某一  $\text{MgCl}_2$  样品经球磨 9 小时后, 003 衍射峰半高宽为  $1.1^\circ$ , 110 衍射线为  $1.0^\circ$ ; 而研磨前样品的 003 衍射峰半高宽为  $0.4^\circ$ , 110 为  $0.6^\circ$ ; 003 的衍射角  $\theta$  为  $7.5^\circ$ , 110 为  $25.1^\circ$ ; 实验用  $\text{CuK}\alpha$  射线,  $\lambda=154 \text{ pm}$ , 将这些数据代入(7.21)式, 得

003 衍射:  $\Delta B = 1.1^\circ - 0.4^\circ = 0.7^\circ = 0.01222 \text{ 弧度}$

$$D_{003} = (0.9 \times 0.154 \text{ nm}) / 0.01222 \times \cos 7.5^\circ = 11.5 \text{ nm}$$

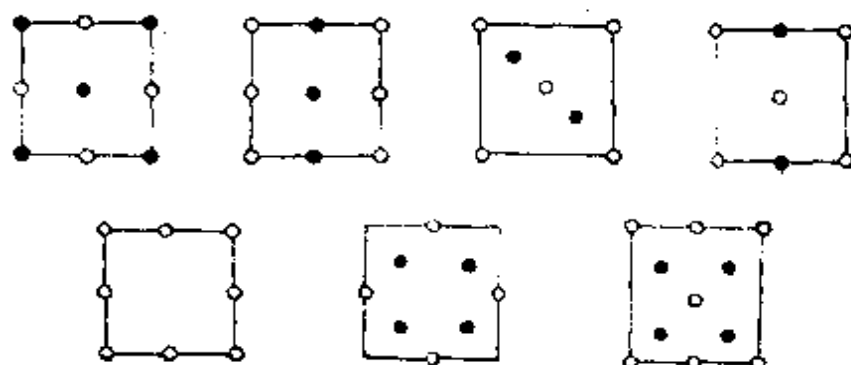
110 衍射:  $\Delta B = 1.0^\circ - 0.6^\circ = 0.4^\circ = 0.00698 \text{ 弧度}$

$$D_{110} = (0.9 \times 0.154 \text{ nm}) / 0.00698 \times \cos 25.1^\circ = 22.0 \text{ nm}$$

由此可见, 经球磨后晶粒大小的平均值, 沿  $c$  轴方向厚约  $11.5 \text{ nm}$ , 而垂直  $c$  轴直径约为  $22.0 \text{ nm}$ , 晶粒呈扁平椭球状。

## 习 题 七

7.1 若平面周期性结构系按下列单位并置重复堆砌而成, 请画出它们的点阵素单位, 并写出每个素单位中白圈和黑圈的数目。



7.2 层状石墨分子中  $\text{C}-\text{C}$  键长为  $142 \text{ pm}$ , 试根据它的结构画出层型石墨分子的原子分布图, 画出二维六方素晶胞, 用对称元素的图示记号标明晶胞中存在的全部六重轴, 并计算每一晶胞的面积、晶胞中包含的 C 原子数和  $\text{C}-\text{C}$  键数。

7.3 画出层状石墨分子的点阵素单位及石墨晶体的空间点阵素单位(参照图 7.4), 分别说明它们的结构基元。

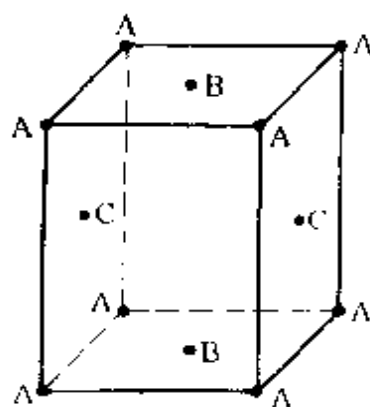
7.4 有一 AB 型晶体, 晶胞中 A 和 B 的坐标参数分别为  $(0, 0, 0)$  和  $(1/2,$

1/2, 1/2)。指明该晶体的空间点阵型式和结构基元。

- 7.5 下表给出由 X 射线衍射法测得一些链型高分子的周期。请根据 C 原子的立体化学, 画出这些聚合物的一维结构; 找出它们的结构基元; 画出相应的直线点阵; 比较这些聚合物链周期大小, 并解释原因。

高 分 子	化 学 式	链周期/pm
聚 乙 烯	$(-\text{CH}_2-\text{CH}_2-)_n$	252
聚乙烯醇	$(-\text{CH}_2-\underset{\text{OH}}{\text{CH}}-)_n$	252
聚氯乙烯	$(-\text{CH}_2-\underset{\text{Cl}}{\text{CH}}-)_n$	510
聚偏二氯乙烯	$(-\text{CH}_2-\underset{\text{Cl}}{\overset{\text{Cl}}{\text{C}}}-)_n$	470

- 7.6 有一组点, 周期地分布于空间, 其平行六面体单位如右图所示。问这一组点是否构成一点阵? 是否构成一点阵结构? 请画出能够概括这一组点的周期性的点阵及其素单位。

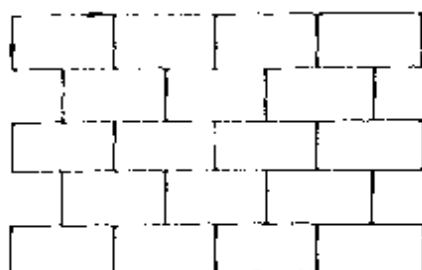


- 7.7 列表比较晶体结构和分子结构的对称元素及其相应的对称操作。晶体结构比分子结构增加了哪几类对称元素和对称操作? 晶体结构的对称元素和对称操作受到哪些限制? 原因是什么?
- 7.8 根据点阵的性质作图证明晶体中不可能存在五重对称轴。
- 7.9 分别写出晶体中可能存在的独立的宏观对称元素和微观对称元素, 并说明它们之间的关系。
- 7.10 晶体的宏观对称操作集合可构成多少个晶体学点群? 这些点群分属于多少个晶系? 这些晶系共有多少种空间点阵型式? 晶体的微观对称操作的集合可构成多少个空间群? 这些空间群分属于多少个点群?
- 7.11 从某晶体中找到  $C_3$ 、 $3C_2$ 、 $\sigma_h$  和  $3\sigma_d$  等对称元素, 则该晶体所属的晶系和

点群各是什么?

7.12 六方晶体可按六方柱体(八面体)结合而成,但为什么六方晶胞不能划成六方柱体?

7.13 按下图堆砌的结构为什么不是晶体中晶胞并置排列的结构?



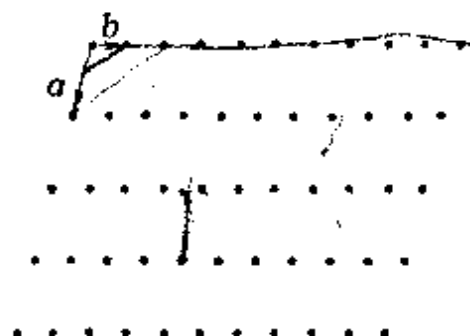
7.14 已知金刚石立方晶胞的晶胞参数  $a = 356.7 \text{ pm}$ , 写出其中碳原子的分数坐标; 并计算 C—C 键长和晶体密度。

7.15 四方晶系的金红石晶体结构中, 晶胞参数  $a = 458 \text{ pm}$ ,  $c = 298 \text{ pm}$ ; 原子分数坐标为: Ti(0, 0, 0;  $1/2, 1/2, 1/2$ ), O(0.31, 0.31, 0; 0.69, 0.69, 0; 0.81, 0.19,  $1/2$ ; 0.19, 0.81,  $1/2$ )。计算  $z$  值相同的 Ti—O 键长。

7.16 许多由有机分子堆积成的晶体属于单斜晶系, 其空间群记号为  $C_{2h}^5-P2_1/c$ , 说明该记号中各符号的意义。利用图 7.12 中  $P2_1/c$  空间群对称元素的分布, 推出晶胞中和原子 (0.15, 0.25, 0.10) 属同一等效点系的其他 3 个原子的坐标, 并作图表示。

7.17 写出在 3 个坐标轴上的截距分别为  $2a$ 、 $-3b$  和  $-3c$  的点阵面的指标; 写出指标为 (321) 的点阵面在 3 个坐标轴上的截距。

7.18 标出下面点阵结构的晶面指标 (100), (210), ( $\bar{1}20$ ), ( $\bar{2}10$ ), (230), (010)。每组面画出 3 条相邻的直线表示。



7.19 金属镍的立方晶胞参数  $a = 352.4 \text{ pm}$ , 试求  $d_{200}$ ,  $d_{111}$ ,  $d_{220}$ 。

7.20 在直径为  $57.3 \text{ mm}$  的相机中, 用 Cu  $K\alpha$  射线拍金属铜的粉末图。从图

上量得 8 对粉末线的  $2L$  值为: 44.0, 51.4, 75.4, 90.4, 95.6, 117.4, 137.0, 145.5 mm。试计算下表各栏数值, 求出晶胞参数, 确定晶体点阵型式。

序号	$2L/\text{mm}$	$\theta/\text{度}$	$\sin^2\theta$	$h^2+k^2+l^2$	$hkl$	$\lambda^2/4a^2$

- 7.21 已知  $\text{Cu K}\alpha = 154.2 \text{ pm}$ ,  $\text{Cu K}\alpha_1 = 154.1 \text{ pm}$ ,  $\text{Cu K}\alpha_2 = 154.4 \text{ pm}$ , 用  $\text{Cu K}\alpha$  拍金属钽的粉末图, 所得各粉末线的  $\sin^2\theta$  值列于下表。试判断钽所属晶系、点阵型式, 将上述粉末线指标化, 求出晶胞参数。

序 号	射 线	$\sin^2\theta$
1	$\text{Cu K}\alpha$	0.11265
2	$\text{Cu K}\alpha$	0.22238
3	$\text{Cu K}\alpha$	0.33155
4	$\text{Cu K}\alpha$	0.44018
5	$\text{Cu K}\alpha$	0.54825
6	$\text{Cu K}\alpha$	0.65649
7	$\text{Cu K}\alpha$	0.76312
8	$\text{Cu K}\alpha_1$	0.87054
9	$\text{Cu K}\alpha_2$	0.87563
10	$\text{Cu K}\alpha_1$	0.97826
11	$\text{Cu K}\alpha_2$	0.98335

- 7.22 什么是晶体衍射的两个要素? 它们与晶体结构(例如晶胞的两要素)有何对应关系? 写出能够阐明这些对应关系的表达式, 并指出式中各符号的意义。晶体衍射的两要素在 X 射线粉末衍射图上有何反映?
- 7.23 写出 Bragg 方程的两种表达形式, 说明  $(hkl)$  与  $hkl$ 、 $d_{(hkl)}$  与  $d_{hkl}$  之间的关系以及衍射角  $\theta$  随衍射级数  $n$  的变化。
- 7.24 为什么用 X 射线粉末法测定晶胞参数时常用高角度数据(有时还根据高角度数据外推至  $\theta = 90^\circ$ ), 而测定超细晶粒的结构时要用低角度数据(小角散射)?
- 7.25 用 X 射线衍射法测定  $\text{CsCl}$  的晶体结构, 衍射 100 和 200 哪个强度大? 为什么?
- 7.26 用  $\text{Cu K}\alpha$  射线测得某晶体的衍射图, 从中量得以下数据。试查 PDF 卡

片,鉴定此晶体可能是什么。

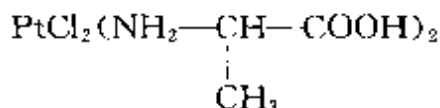
$2\theta/\text{度}$	27.3	31.3	45.5	53.9	58.6	66.3	75.5
$I/I_0$	18	100	80	5	21	20	20

- 7.27 金属铝属立方晶系,用 Cu K $\alpha$  射线摄取 333 衍射,  $\theta=81^\circ17'$ ,由此计算晶胞参数。
- 7.28 S<sub>8</sub> 分子既可形成单斜硫,也可形成正交硫。用 X 射线衍射法(Cu K $\alpha$  射线)测得某正交硫晶体的晶胞参数  $a=1048\text{ pm}$ ,  $b=1292\text{ pm}$ ,  $c=2455\text{ pm}$ 。已知该硫磺的密度为  $2.07\text{ g}\cdot\text{cm}^{-3}$ , S 的原子量为 32。  
(a) 计算每个晶胞中 S<sub>8</sub> 分子的数目;  
(b) 计算 224 衍射线的 Bragg 角  $\theta$ ;  
(c) 写出气相中 S<sub>8</sub> 分子的全部独立的对称元素。
- 7.29 硅的晶体结构与金刚石相似。20℃下测得其立方晶胞参数  $a=543.089\text{ pm}$ ,密度为  $2.3283\text{ g}\cdot\text{cm}^{-3}$ , Si 的原子量为 28.0854,计算 Avogadro 常数。
- 7.30 已知某立方晶系晶体,其密度为  $2.16\text{ g}\cdot\text{cm}^{-3}$ ,分子量为 234。用 Cu K $\alpha$  射线在直径 57.3 mm 粉末相机中拍粉末图,从中量得衍射 220 的衍射线间距  $2L$  为 22.3 mm,求晶胞参数及晶胞中分子数。
- 7.31 已知 NaCl 晶体立方晶胞参数  $a=563.94\text{ pm}$ ,实验测得衍射 111 的衍射角  $\theta=5.10^\circ$ ,求实验所用 X 射线的波长。
- 7.32 核糖核酸酶-S 蛋白质晶体的晶体学数据如下:晶胞体积  $167\text{ nm}^3$ ,晶胞中分子数 6,晶体密度  $1.282\text{ g}\cdot\text{cm}^{-3}$ 。如蛋白质在晶体中占 68%(质量),计算该蛋白质分子量。
- 7.33 CaS 晶体具有 NaCl 型结构,晶体密度为  $2.581\text{ g}\cdot\text{cm}^{-3}$ , Ca 的原子量和 S 的原子量分别为 40.08 和 32.05。试回答下列问题:  
(a) 指出 100,110,111,200,210,211,220,222 衍射中哪些是允许的?  
(b) 计算晶胞参数  $a$ ;  
(c) 计算 Cu K $\alpha$  辐射( $\lambda=154.2\text{ pm}$ )的最小可观测 Bragg 角。
- 7.34  $\delta\text{-TiCl}_3$  微晶是乙烯、丙烯聚合催化剂的活性组分。用 X 射线粉末法(Cu K $\alpha$  线)测定其平均晶粒度时所得数据如下。请由公式(7.21)估算该  $\delta\text{-TiCl}_3$  微晶的大小。

$hkl$	$\theta$	$B_c$	$B$
001	$7.55^\circ$	$0.40^\circ$	$1.3^\circ$
100	$26^\circ$	$0.55^\circ$	$1.5^\circ$

- 7.35 冰为六方晶系晶体, 晶胞参数  $a = 452 \text{ pm}$ ,  $c = 737 \text{ pm}$ , 晶胞中含  $4\text{H}_2\text{O}$ , 括弧内为 O 原子分数坐标  $(0, 0, 0; 0, 0, 0.375; 2/3, 1/3, 1/2; 2/3, 1/3, 0.875)$ 。请据此计算或说明:
- 计算冰的密度;
  - 计算氢键  $\text{O}-\text{H}\cdots\text{O}$  键长;
  - 冰的点阵型式是什么? 结构基元包含哪些内容?
- 7.36 某晶体  $h0l$  型衍射中  $l = 2n + 1$  系统消光, 试说明在什么方向有什么样的滑移面? 滑移量是多少?
- 7.37 某 MO 型金属氧化物属立方晶系, 晶体密度为  $3.581 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ 。用 X 射线粉末法 ( $\text{Cu K}\alpha$  线) 测得各衍射线相应的衍射角分别为:  $18.5^\circ, 21.5^\circ, 31.2^\circ, 37.4^\circ, 39.4^\circ, 47.1^\circ, 54.9^\circ$ 。请据此计算或说明:
- 确定该金属氧化物晶体的点阵型式;
  - 计算晶胞参数和一个晶胞中的结构基元数;
  - 计算金属原子 M 的原子量。
- 7.38 根据 7.3 节中第三个例子给出的信息说明或计算:
- 氟硅酸脲晶体所属的点群;
  - 该晶体所属的空间点阵型式;
  - 该晶体的宏观对称元素及特征对称元素;
  - 该晶体的密度。

- 7.39 L-丙氨酸与氯铂酸钾反应, 形成的晶体



属正交晶系, 且已知:  $a = 746.0, b = 854.4, c = 975.4 \text{ pm}$ ; 晶胞中包含 2 个分子, 空间群为  $P2_122_1$ , 一般等效点系数目为 4, 即每一不对称单位相当于半个分子。试由此说明该分子在晶体中的构型和点群, 并写出结构式。

7.40  $\alpha$ -二水合草酸晶体所属的空间群为  $P 2_1/n$ , 试写出下列衍射的系统消光条件: (a)  $hkl$ , (b)  $hko$ , (c)  $hol$ , (d)  $hoo$ , (e)  $oko$ 。

## 参 考 文 献

- [1] 唐有祺, 结晶化学, 高等教育出版社(1957)
- [2] 周公度, 晶体结构测定, 科学出版社(1981)
- [3] 周公度, 晶体结构的周期性和对称性, 高等教育出版社(1992)
- [4] T. Hahn(ed.), International Tables for Crystallography, Vol. A, D. Reidel(1983)
- [5] 王仁卉, 郭可信, 晶体学中的对称群, 科学出版社(1990)
- [6] F. Van Bolhuis, P. B. Koster and T. Migcheisen, *Acta Cryst.*, **23**, 90 (1967)
- [7] E. D. Stevens, P. Coppens, *Acta Cryst.*, **B36**, 1864(1980)
- [8] 周公度, 李奇和刘若庄, 化学通报, **1**, 43(1988)
- [9] 张泽莹, 邵美成, 徐筱杰和唐有祺, 科学通报, **27**, 658(1982)
- [10] 青蒿素结构研究协作组, 科学通报, **22**, 142(1977)
- [11] M. F. C. Ladd, Symmetry in Molecules and Crystals, Ellis Horwood and Wiley(1989)
- [12] A. R. West 著, 苏勉曾, 谢高阳, 申泮文等译, 固体化学及其应用, 复旦大学出版社(1989)
- [13] A. R. West, Basic Solid State Chemistry, Wiley, New York(1988)
- [14] M. F. C. Ladd and R. A. Palmer, Structure Determination by X-ray Crystallography, 3rd ed., Plenum Press, New York(1993)



## 第八章 金属的结构和性质

### 8.1 金属键和金属的一般性质

#### -1- 金属键的“自由电子”模型

在一百多种化学元素中,金属约占 80%,它们有许多共同的性质:不透明、有金属光泽、导电传热性能优良、富有延展性等。金属的这些性质是金属内部结构的反映。金属元素的电负性较小,电离能也较小,最外层价电子容易脱离原子的束缚,而在金属晶粒中由各个正离子形成的势场中比较自由地运动,形成“自由电子”或称“离域电子”。这些在三维空间中运动、离域范围很大的电子,与正离子吸引胶合在一起,形成金属晶体。金属的这种结合力称为金属键。金属的一般特性都是和金属中存在着这种“自由电子”有关。自由电子能较“自由”地在整个晶粒内运动,使金属具有良好的导电传热性;自由电子能吸收可见光并能立即放出,使金属不透明、有金属光泽;由于自由电子的胶合作用,当晶体受到外力作用时,原子间容易进行滑动,所以能捶打成薄片、抽拉成细丝,表现出良好的延展性和可塑性。金属间能形成各种组成的合金,也是由金属键的性质决定的。按“自由电子”模型,金属键没有方向性,每个原子中电子的分布基本上是球形对称的,自由电子的胶合作用,将使球形的金属原子作紧密堆积,形成能量较低的稳定体系。

按自由电子模型,把金属中的“自由电子”看作彼此间没有相互作用,各自独立地在势能等于平均值的势场中运动,势能为常数,并取作 0,这就相当于把金属中的电子看作三维势箱中运动的电子。若三维势箱为边长等于  $l$  的立方体,势场的边界条件和 1.3 节所述的相同,可得“自由电子”模型的 Schrödinger 方程为

$$\nabla^2 \psi + \frac{8\pi^2 m}{h^2} E \psi = 0 \quad (8.1)$$

解之,得

$$\psi(x, y, z) = \left( \frac{2}{l} \right)^{\frac{3}{2}} \sin\left( \frac{n_x \pi x}{l} \right) \sin\left( \frac{n_y \pi y}{l} \right) \sin\left( \frac{n_z \pi z}{l} \right) \quad (8.2)$$

$n_x, n_y, n_z$  均为正整数,相应的能级为

$$E = \frac{h^2}{8ml^2} (n_x^2 + n_y^2 + n_z^2) = \frac{n^2 h^2}{8ml^2} \quad (8.3)$$

若波函数用指数形式表达

$$\psi = \left( \frac{1}{l} \right)^{\frac{3}{2}} \exp \left[ \frac{i2\pi}{l} (n_x x + n_y y + n_z z) \right] \quad (8.4)$$

这时  $n_x, n_y, n_z$  可为正值、零和负值整数,能级变为

$$E = \frac{h^2}{2ml^2} (n_x^2 + n_y^2 + n_z^2) = \frac{n^2 h^2}{2ml^2} \quad (8.5)$$

每一组量子数  $(n_x, n_y, n_z)$  确定一个允许的量子态,因  $n^2 = n_x^2 + n_y^2 + n_z^2$ ,对  $E$  值确定的状态,用  $n_x^2 + n_y^2 + n_z^2$  相等的任意一组数均可。若考虑电子自旋,还要加入自旋磁量子数  $m_s$ 。

体系处在基态时,第一能级  $n^2=0$ ,可放 2 个电子,即为  $n_x=n_y=n_z=0, m_s=\pm 1/2$  的状态。第二能级  $n^2=1$ ,按  $(n_x, n_y, n_z, m_s)$  的可能值,计有 12 种简并态:  $1, 0, 0, \pm 1/2$ ;  $-1, 0, 0, \pm 1/2$ ;  $0, 1, 0, \pm 1/2$ ;  $0, -1, 0, \pm 1/2$ ;  $0, 0, 1, \pm 1/2$ ;  $0, 0, -1, \pm 1/2$ 。第三能级  $n^2=2$ ,可放 24 个电子,……。体系处在 0K 时,电子从最低能级填起,直至 Fermi 能级  $E_F$ ,能量低于  $E_F$  的能级,全都填满了电子;而所有高于  $E_F$  的能级都是空的。对导体,  $E_F$  就是 0K 时电子所能占据的最高能级。若和  $E_F$  相应的量子数为  $n_F$ ,用下面简单办法可以计算  $n_F$  和  $E_F$  值。

在  $x, y, z$  坐标轴上,  $n_x, n_y$  和  $n_z$  均为整数的坐标点符合 (8.5) 式的量子化条件,每个点相当于一个确定量子数的状态,这些点的排列如同简单立方点阵,每一单位体积摊到一个点,以  $n_F$

作为半径所得的球体积,将相当于状态的数目。具有  $n$  小于  $n_F$  的点数为  $(4/3)\pi n_F^3$ ,每一状态可放 2 个电子 ( $m_s = \pm 1/2$ ),故共可放  $(8/3)\pi n_F^3$  个电子。若金属的立方体势箱的边长为  $l$ ,则体积为  $l^3$ 。单位体积有  $N$  个电子,则共有  $Nl^3$  个,即

$$Nl^3 = (8/3)\pi n_F^3$$

或 
$$\left(\frac{n_F}{l}\right)^3 = \left(\frac{3N}{8\pi}\right)^{\frac{2}{3}} \quad (8.6)$$

将此关系代入(8.5)式,得 0K 时的 Fermi 能级

$$E_F = \frac{h^2}{2m} \left(\frac{n_F}{l}\right)^2 = \frac{h^2}{8\pi^2 m} (3\pi^2 N)^{\frac{2}{3}} \quad (8.7)$$

例如金属钠,密度为  $0.97 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ,每一原子提供一个自由电子,电子密度

$$\begin{aligned} N &= \frac{0.97 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}}{23 \text{ g}} \times (6.02 \times 10^{23} e) \\ &= 2.5 \times 10^{22} e \cdot \text{cm}^{-3} \\ &= 2.5 \times 10^{28} e \cdot \text{m}^{-3} \end{aligned}$$

代入(8.7)式,得

$$E_F = 5.04 \times 10^{-19} \text{ J (或 } 3.15 \text{ eV)}$$

实验测定金属钠的  $E_F$  为 3.2 eV,与计算所得结果符合较好。由金属钠的  $E_F$  值可见,即使在 0K 时,电子仍有相当大的动能。

当温度升高,部分电子会得到热能,所得热能的数量级为  $kT$ 。室温下,  $kT$  约为  $4.14 \times 10^{-21} \text{ J}$ ;而大多数金属  $E_F$  约为  $(3-10) \times 10^{-19} \text{ J}$ ,  $kT$  比  $E_F$  约小两个数量级。

由于  $kT \ll E_F$ ,只有其能量处在  $E_F$  值附近  $kT$  范围的电子才能被激发到较高的空能级,这部分电子数目很少,即很少一部分电子对比热有贡献,所以金属的比热很小,而室温下  $E_F$  值和 0K 时的数值差别不大。

金属键的强度可用金属的原子化热(气化热)衡量。表 8.1 列出金属的原子化热和熔点。原子化热是指 1 mol 的金属变成气态



原子所需要吸收的能量。金属的许多性质和原子化热有关,若原子化热的数值较小,这种金属通常比较软,熔点比较低;原子化热的数值较大,这种金属通常较硬,熔点较高。

## -2- 固体能带理论

考虑金属晶体中的电子处在由金属原子形成的周期性势场中运动,这时势能函数不像自由电子模型取作 0,而取作一周期变化的势场  $V$ ,其 Schrödinger 方程为

$$\left[ -\frac{\hbar^2}{8\pi^2m} \nabla^2 + V \right] \psi = E\psi$$

用微扰法等近似方法可解得能带模型,它将整块金属当作一个巨大的分子,晶体中  $N$  个原子的每一种能量相等的原子轨道,通过线性组合,得到  $N$  个分子轨道,它是一组扩展到整块金属的离域轨道。由于  $N$  数值很大( $\sim 10^{23}$ ),所得分子轨道各能级间的间隔极小,形成一个能带。每个能带具有一定的能量范围,相邻原子间轨道重叠少的内层原子轨道形成的能带较窄,轨道重叠多的外层原子轨道形成的能带较宽。各个能带按能量高低排列起来,成为能带结构。图 8.1 示出金属钠和金属镁的能带结构示意图。

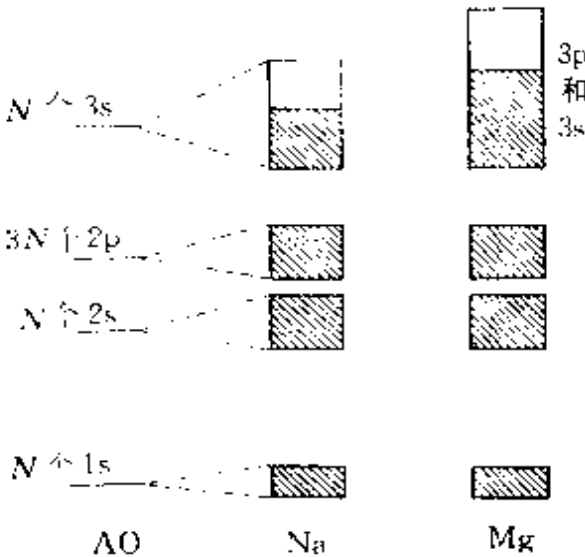


图 8.1 钠和镁的能带示意图

图 8.1 中画有斜线的能带表示该能带已充满电子,叫满带;未画斜线的能带表示该带中无电子,叫空带;有电子但未填满的能带叫导带。Na 原子的电子组态为 $(1s)^2(2s)^2(2p)^6(3s)^1$ ,由 1s, 2s, 2p 组成的分子轨道,按分子轨道组成的一般原则,电子正好填满,形成满带。 $N$  个 3s 轨道组成的能带,有  $N$  个分子轨道, $N$  个电子只填其中  $N/2$  个轨道,形成导带。Mg 的 3s 能带虽已填满,但它和 3p 能带重叠,从 3s 及 3p 的总体看,也是导带。所有能带的范围都是允许有电子存在的区域,而各能带间的间隙,是电子不能存在的区域,叫禁带。

金属在外电场作用下能导电,这时电子的能量分布和运动速度将有改变。在导带中的电子,受外电场作用,有可能在该能带中的不同能级间改变其能量分布状况,因而导电。满带中的电子已填满,电子的能量分布固定,没有任何改变的可能,不能导电。空带中没有电子,当然也不能导电。

如果空带和满带重叠则成导带,空带和导带相隔很近,在外电场作用下,部分电子跃入空带,空带有了电子变成了导带。原来的满带缺少了电子,或者说产生了空穴,形成导带,能导电,一般也说空穴导电。

导体的能带结构特征是具有导带。绝缘体的特征是只有满带和空带,而且能量最高的满带和能量最低的空带之间的禁带较宽, $E_g \geq 5 \text{ eV}$ ,在一般电场条件下,难以将满带电子激发入空带,即不能形成导带。半导体的特征,也是只有满带和空带,但最高满带和最低空带之间的禁带较窄, $E_g < 3 \text{ eV}$ 。例如, Si 的禁带宽度为  $1.1 \text{ eV}$ , Ge 为  $0.72 \text{ eV}$ , GaAs 为  $1.4 \text{ eV}$  等。图 8.2 示意表示出导体、绝缘体和半导体的能带结构特征。

在硅的晶体中掺入不同杂质,可以改变其半导体的性质。图 8.3 左边示出硅中掺入磷后的能级,磷的价电子较硅多,形成 n 型半导体;右边示出硅中掺入镓后的能级,镓的价电子较硅少,形成 p 型半导体。利用这两种型式的半导体,可制作 p-n 结,它是生产

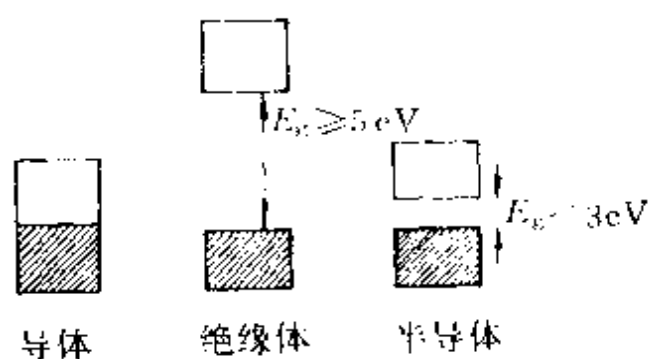


图 8.2 导体、绝缘体和半导体的能带结构特征

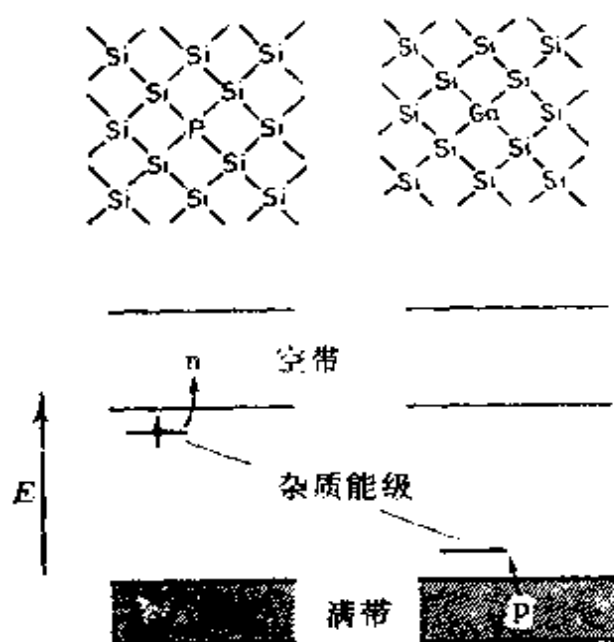


图 8.3 n 型半导体和 p 型半导体

各种晶体管的基础。

## 8.2 球的密堆积和金属单质的结构

若将金属键看作原子间各向同性的相互作用,金属原子在晶体中总是趋向于密堆积的结构,即金属晶体最常见的结构型式是具有堆积密度大,原子的配位数高,能充分利用空间的那些结构。本节先介绍等径圆球的堆积,再讨论金属单质的结构和金属的原子半径。

## -1- 等径圆球的堆积

等径圆球的堆积有最密堆积和其他形式的堆积,最密堆积的结构可从密堆积层来了解。密堆积层的结构只有一种形式,如图 8.4 所示。在层中每个球和周围 6 个球接触,即配位数为 6。在密堆积层中,每个球周围有 6 个空隙,每个空隙由 3 个球围成,这样由  $N$  个球堆积成的层中,有  $2N$  个空隙,平均每个球摊到 2 个空隙,这些三角形空隙的顶点的朝向有一半和另一半相反。

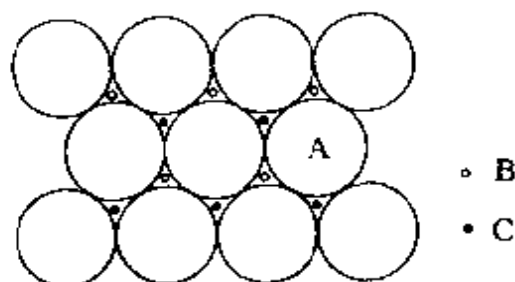


图 8.4 密堆积层的结构

图中 A 表示球心的位置, B 表示顶点向上的三角形空隙( $\Delta$ )的中心位置, C 表示顶点向下的三角形空隙( $\nabla$ )的中心位置。

由密堆积层进行堆积时,若采用最密堆积的方式,必须是密堆积层中原子的凸出部位正好处在相邻一密堆积层中的凹陷部位,即每 1 个原子都同时和相邻一密堆积层的 3 个原子相接触。按照这种方式将密堆积层堆积起来,才能形成最密堆积的结构。由密堆积层按这个原则作最密堆积时,密堆积层中的每个球心位置对准相邻层的空隙的中心位置,这样各密堆积层的相对位置实质上只有三种,可把各层球心所处的相对位置投影到图 8.4 中标明的 A、B、C 三种位置上来加以区分。

常见的两种最密堆积的结构为:

(1) 立方最密堆积。将密堆积层的相对位置按照 ABCABC ABC... 方式作最密堆积,这时重复的周期为 3 层,如图 8.5(a)。由于这种方式可划出面心立方晶胞,故称为立方最密堆积,按英文名称简写为 ccp(cubic closest packing),记为 A1 型。



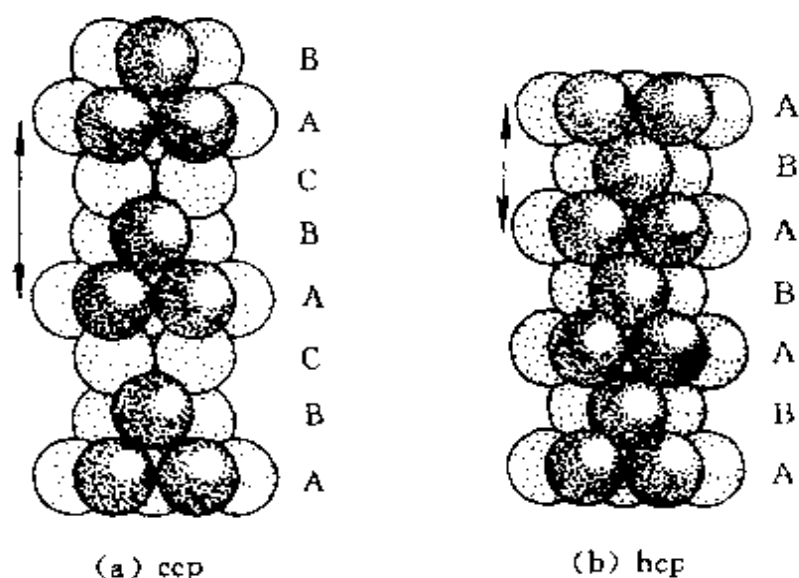


图 8.5 两种最密堆积的结构

(2) 六方最密堆积。将密堆积层的相对位置按照 ABABAB... 方式作最密堆积, 这时重复的周期为两层, 如图 8.5(b)。由于这种方式可划出六方晶胞, 故称为六方最密堆积, 按英文名称简写为 hcp(hexagonal closest packing), 记为  $A_3$  型。

除上述两种最密堆积外, 在金属单质中出现的最密堆积方式尚有

ABAC...

ABABCBCAC...

等最密堆积的形式。

在等径圆球最密堆积的各种形式中, 每个球的配位数均为 12, 中心的球和这 12 个球的距离相等, 这 12 个球的配位形式有所不同, 图 8.6 中示出典型的两种情况: 立方最密堆积配位(a)和六

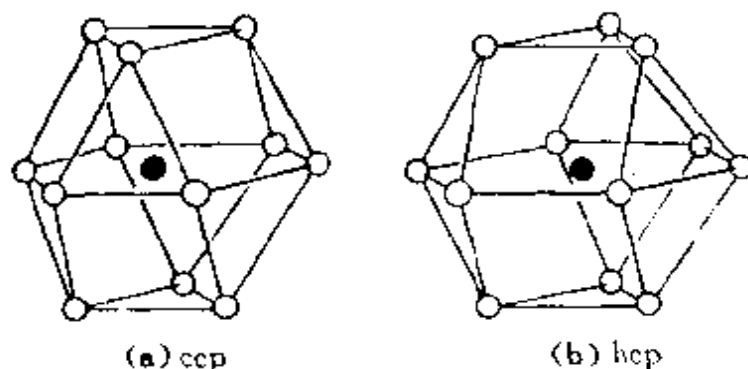


图 8.6 两种最密堆积的配位情况

方最密堆积配位(b)。

等径圆球的各种最密堆积形式均具有相同的堆积密度,其堆积系数即球体积与整个堆积体积之比均为 0.7405。可按图 8.7(a)的立方晶胞进行计算。设球的半径为  $R$ ,晶胞边长为  $a$ ,面对角线长为  $4R$ ,它等于  $\sqrt{2}a$ ,所以

$$a = \frac{4R}{\sqrt{2}} = 2\sqrt{2}R$$

晶胞体积  $V_{\text{晶胞}} = a^3 = (2\sqrt{2}R)^3 = 16\sqrt{2}R^3$

晶胞内 4 个圆球的总体积

$$V_{\text{球}} = 4 \left( \frac{4}{3}\pi R^3 \right) = \frac{16}{3}\pi R^3$$

$$\text{堆积系数} = \frac{V_{\text{球}}}{V_{\text{晶胞}}} = \frac{\frac{16}{3}\pi R^3}{16\sqrt{2}R^3} = 0.7405$$

在各种最密堆积中,球间的空隙数目和大小也相同。由  $N$  个半径为  $R$  的球组成的堆积中,平均有  $2N$  个四面体空隙,可容纳半径为  $0.225R$  的小球;还有  $N$  个八面体空隙,可容纳半径为  $0.414R$  的球。

在立方最密堆积(ccp)和六方最密堆积(hcp)中,八面体空隙和四面体空隙的分布情况,示于图 8.7(a)和(b)中。

许多金属单质采取体心立方密堆积结构,它可简写为 bcp (body cubic packing),记为 A2 型。但体心立方密堆积并不是最密堆积,堆积系数为 0.6802。这一现象说明影响晶体结构的因素除堆积密度外,还有其他的因素,例如参加成键的价电子数及其轨道的影响等。另外,在计算堆积密度时,用不变形的圆球模型也过于简单,实际上在成键过程中原子会发生变形,圆球模型的计算值只是真正的堆积密度的一种近似值。

体心立方密堆积结构示于图 8.7(c)中,每个圆球均有 8 个最近的配位圆球处在立方体的 8 个顶点上,距离为  $d$ ;另外还有 6 个

● 金属原子 ○ 八面体空隙 ◆ 四面体空隙

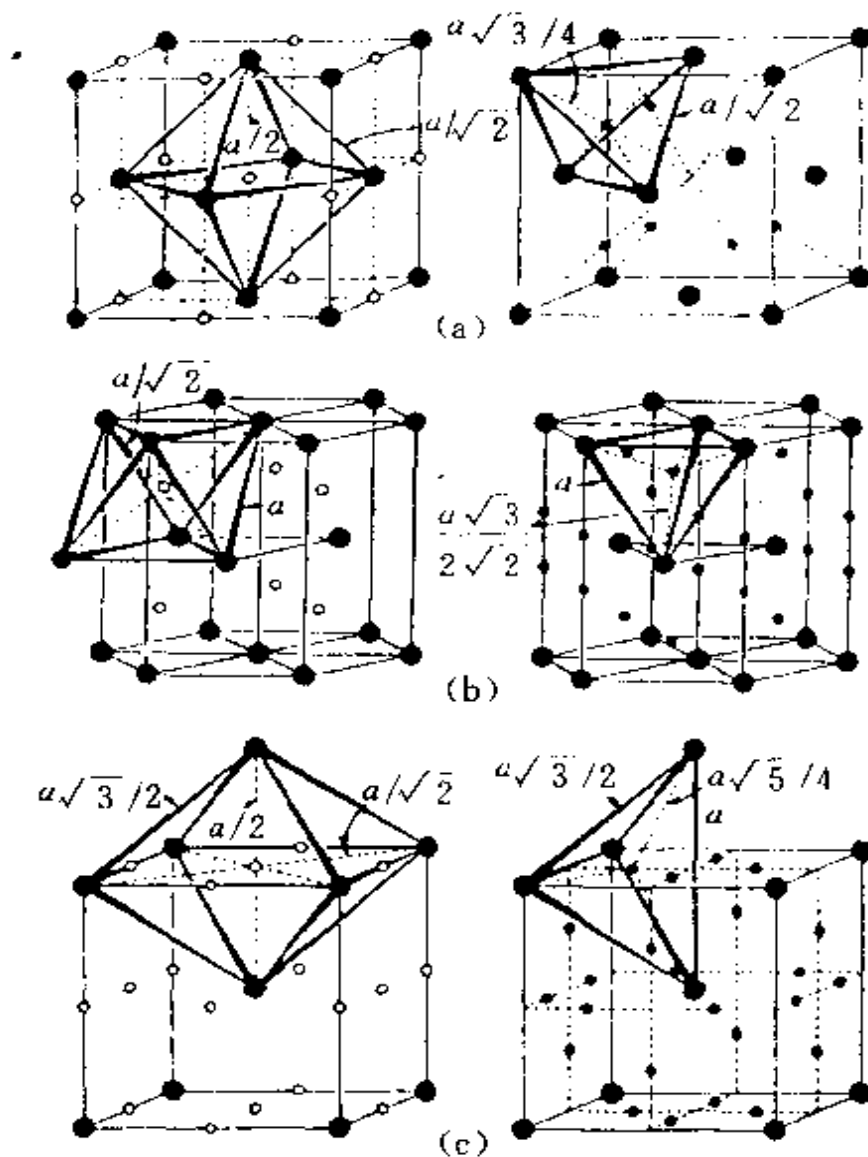


图 8.7 几种密堆积结构及其中的空隙分布

(a) ccp (b) hcp (c) bcc

配位圆球, 距离为  $(2/\sqrt{3})d = 1.15d$ , 所以有效的配位数可看作 8 和 14 之间。

了解体心立方堆积中空隙的位置和数目, 对于阐明这种类型晶体的结构和性质十分重要。在图 8.7(c) 所示晶胞的每个面的中

心和每条边的中心点上,均是由 6 个圆球围成的八面体空隙,每一个堆积球平均可摊到 3 个这种空隙。这种空隙不是正八面体,而是沿着一个轴压扁的变形八面体,空隙中最短处可容纳小球的半径  $r$  与堆积球的半径  $R$  之比为  $r/R=0.154$ 。

另一种空隙为变形四面体空隙,处在晶胞的面上,每个面有 4 个四面体中心,这种空隙的  $r/R=0.291$ ,每个堆积圆球平均摊到 6 个这种四面体空隙。图 8.7(c)示出体心立方堆积中八面体和四面体空隙的分布。这些八面体空隙和四面体空隙在空间上是重复地加以利用的,即空间某一点不是只属于某个多面体所有,由于划分方式不同,有时算这个多面体,有时算另外一个多面体,这些多面体共面连接,这种连接面为平面三角形空隙,也可看作变形的三方双锥空隙,它的数目较多,每个堆积圆球摊到 12 个。由上可见,在体心立方堆积中每个圆球平均可摊到 3 个八面体空隙,6 个四面体空隙,12 个三角形空隙,共计 21 个空隙。这些空隙的大小和分布特征直接影响到这种堆积结构的性质。

灰锡为金刚石型结构,这种结构的堆积系数仅为 0.3401,因为这种结构型式共价键成分高,而堆积系数系按原子共价半径计算原子占据的体积。

## -2- 金属单质的结构概况

表 8.2 列出 74 种金属单质的结构型式。在金属单质中,由于温度和压力等外界条件的改变,可能出现多种同素异构体,但表中只列出室温下能相对稳定存在的晶型。表中每个元素符号下面注明金属结构型式: A1、A2、A3 已如前述, A4 为金刚石型结构(见图 10.2), A5 为白锡型结构, A6 为由 A1 型变形为四方晶系的结构, A7 型和 A10 型为三方晶系的结构, A11 为金属 Ga 的结构, A12 和 A13 分别为  $\alpha$ -Mn 和  $\beta$ -Mn 的结构(它们的结构较复杂,不易用简单堆积描述)。此外,表中还有用 C-1, O-4, O-8, M-16 等符号表示晶体结构,这些符号前面大写字母表示晶体所属的晶系, C

表 8.2 金属单质的结构型式和金属的原子半径/pm

[illegible]

代表立方晶系,  $O$  代表正交晶系,  $M$  代表单斜晶系, 字母后面的数字表示晶胞中的原子数。

由表数据可见, 许多金属单质的结构采用  $A1$  和  $A3$  (包括  $ABAC$  型, 表中用  $A3^*$  记号) 这两种最密堆积型式。还有十多种金属采用  $A2$  型。

一种金属究竟属于哪种结构型式? 有人对金属晶体的结构型式与电子组态间找出一些定性的关系, 认为晶体结构与金属原子价层  $s$  和  $p$  轨道上的电子数目有关; 当每个原子平均摊到  $s$ 、 $p$  电子数较少时容易为  $A2$  型结构, 较多时为  $A1$  型结构, 而中间为  $A3$  型结构。 $d$  电子对成键强度影响较大, 但并不直接决定晶体的结构型式。这种关系也适用于合金的结构。例如钠为  $[\text{Ne}]3s^1$ , 价层  $s$ 、 $p$  电子数为 1, 晶体为  $A2$  型; 镁为  $[\text{Ne}]3s^2$ , 价层  $s$ 、 $p$  电子数为 2, 晶体为  $A3$  型; 铝为  $[\text{Ne}]3s^23p^1$ ,  $s$ 、 $p$  电子数较多, 为  $A1$  型。

### -3- 金属原子半径

表 8.2 列出金属的原子半径。对于  $A1$  和  $A2$  型结构, 只要把原子间的最近的接触距离除以 2, 即得金属原子半径。例如  $A1$  型结构的金属铜, 原子间的接触距离为 255.6 pm, 铜的原子半径为 127.8 pm。对于  $A3$  型的结构, 12 个配位原子分成两套不等价的配位, 往往 6 个配位原子距离短些, 另外 6 个稍长些, 这时有两种计算原子半径方法: 一是取平均值, 二是取短的值, 表 8.2 所列数值是采用短的距离计算而得, 单位为 pm。

半径和配位数有关, 配位数高, 半径大。表 8.2 中所列的数据是由室温下稳定晶型的实际原子接触距离求得, 若将这些数据用于配位数 12, 则应根据配位数与相对半径比予以换算。

配位数	12	8	6	4
相对半径比	1.00	0.97	0.96	0.88

由表所列数据可见,金属原子半径在周期表中的变化有一定的规律性:

- 同一族元素原子半径随原子序数的增加而增加。这是由于同族元素外层电子组态相同,电子层数增加,半径加大。

- 同一周期元素原子半径随原子序数的增加而下降。这是由于电子价层不变,有效核电荷随原子序数的增加而递增,使半径收缩。

- 同一周期过渡元素的原子半径开始时稳定下降,以后稍有增大,但变化幅度不大,一方面是当原子序数增加时,电子因填内层 d 轨道,有效核电荷虽有增大,但增大较少,半径下降不多;另一方面,随电子数增加,半径稍有增加,出现两种相反因素。

- 镧系元素在原子序数递增时,核电荷增加,核外电子数也增加,但电子充填在较内部的 4 f 轨道上,不能屏蔽全部所增加的核电荷,出现半径随原子序数增加而缩小的“镧系收缩”效应。镧系元素的原子半径由 La 的 187.3 pm 下降到 Lu 的 172.7 pm。但值得注意的是在其中有两个例外:Eu 和 Yb 的原子半径特别大,这认为是由于这两个元素参加成键的电子只有 2 个, Eu 和 Yb 的化学性质以及  $\text{Eu}^{2+}$  和  $\text{Yb}^{2+}$  比较稳定存在等事实均可以佐证。

受镧系收缩效应的影响,第二长周期比第一长周期同族元素的半径大,但第三长周期与第二长周期的同族元素的半径却极相近, Zr 和 Hf、Nb 和 Ta、Mo 和 W 的半径极为近似,成为极难分离的元素,而 Ru、Rh、Pd、Os、Ir、Pt 6 个元素的原子半径和化学性质相似,通称铂族元素。

### 8.3 合金的结构和性质

合金是两种或两种以上的金属经过熔合过程后所得的生成物。在形成合金过程中,热效应一般比较小。从单质金属到合金的变化,一般不像其他化学反应那么显著。合金一般都具有一定的金

属性能,研究合金的结构化学,在于了解合金的晶体结构,并联系合金的性能,阐明它们的相互关系及规律性。

按合金的结构和相图等的特点,合金一般可分为金属固溶体、金属化合物和金属间隙化合物三类。当两种金属元素的电负性、化学性质和原子大小等比较接近时,容易生成金属固溶体。若电负性和原子半径差别大,生成金属化合物的倾向就较大。金属化合物中又可分为组成可变的金属化合物与组成确定的金属化合物两种不同的型式,过渡金属元素与半径很小的 H, B, C, N 等非金属元素形成的化合物,小的非金属原子填入金属原子堆积的空隙中,这种合金称为金属间隙化合物或金属间隙固溶体。

### -1- 金属固溶体的结构

两种金属组成的固溶体,其结构型式一般与纯金属相同,只是一部分原子被另一部分原子统计地置换,即每一原子位置两种金属均有可能存在,其几率正比于该金属在合金中所占的比例,这样的原子在很多效应上相当于一个统计原子。

形成固溶体合金的倾向决定于下列三个因素:

- 两种金属元素在周期表中的位置及其化学性质和物理性质的接近程度;

- 原子半径的接近程度;

- 单质的结构型式。

过渡金属元素相互之间最易形成固溶体物相,当两个过渡金属元素的原子半径相近(差别 $<15\%$ )、单质的结构型式相同时,往往可以形成一完整的固溶体体系。例如,按金属元素的原子半径和单质的结构型式,可列出三组过渡金属(见下表)。

结构型式	金 属
ccp	Cu, Ag, Au, Ni, $\beta$ -Co, $\gamma$ -Fe, Pt, Ir, Rh
bcp	$\alpha$ -Fe, V, Cr
bcp	Mo, W



在这三组中, 每组金属至少可与一种同组金属形成一完整的固溶体, 如: Ag-Au, Ni-Pd, Mo-W。

金属的互溶度不是可互易的, 一般在低价金属中的溶解度大于在高价金属中的溶解度, 例如

在低价金属中的溶解度		在高价金属中的溶解度	
例	数 据	例	数 据
Zn 在 Ag 中	37.8% (原子 Zn)	Ag 在 Zn 中	6.3% (原子 Ag)
Zn 在 Cu 中	38.4% (原子 Zn)	Cu 在 Zn 中	2.3% (原子 Cu)

无序的固溶体在缓慢冷却过程中, 结构会发生有序化, 有序化的结构称为超结构, 下面以 Cu-Au 体系作为实例进行讨论。

铜和金在周期表中属于同一族, 具有相同的电子组态; 单质结构型式也相同, 均为面心立方晶体; 原子半径分别为 128 和 144 pm, 差别不大。两种金属混合熔化成液体, 即形成互溶体系, 凝固后的高温固溶体也完全互溶。

当将固溶体进行淬火处理, 即快速冷却时, 形成无序固溶体相, 金原子完全无序地、统计地取代铜原子。这种合金的结构和单质一样, 只是以统计原子  $\text{Cu}_{1-x}\text{Au}_x$  代替 Cu 或 Au, 保持立方晶系  $O_h$  点群对称性, 这时晶胞参数随组成改变而略有变化, 其结构如图 8.8(a) 所示。

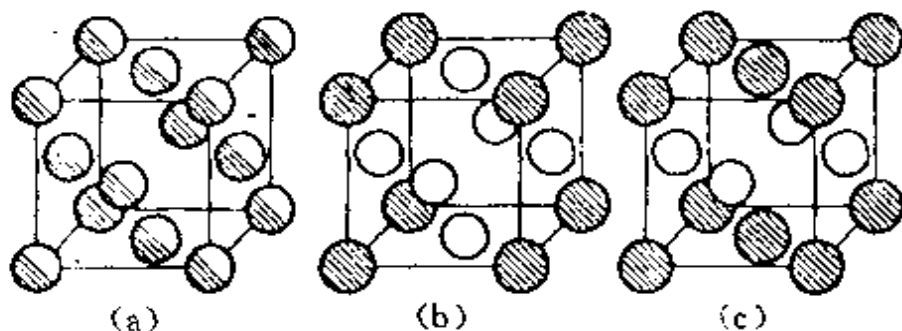


图 8.8 Au-Cu 体系的相结构

(a) 无序的  $\text{Cu}_{1-x}\text{Au}_x$  (b) 有序的  $\text{Cu}_3\text{Au}$  (c) 有序的  $\text{CuAu}$

当合金进行退火,即缓慢地冷却时,金和铜原子的分布不再无序,两种原子各自趋向确定的几何位置。当组成为  $\text{Cu}_3\text{Au}$  的合金退火,在低于  $395^\circ\text{C}$  通过等温有序化,成图 8.8(b)所示的结构,晶体点阵型式为简单立方,这种相称为  $\alpha$  相。当组成为  $\text{CuAu}$  的合金退火,在低于  $380^\circ\text{C}$  通过等温有序化,得到图 8.8(c)的结构,晶体属四方晶系,称为  $\beta$  相。

$\text{CuAu}$  和  $\text{Cu}_3\text{Au}$  的有序结构在物理性质上和相同组成的无序结构不同。

将有序结构的合金加热,温度超过某一临界值(此临界值随组成而变),就会转变为无序结构。在临界温度时,合金的许多物理性质会有急剧变化,例如会出现比热的反常现象,因为随着合金温度的升高,必须提供额外的热能以破坏晶体的有序结构。

## -2- 金属化合物的结构

金属化合物物相有两种主要型式,一种是组成确定的金属化合物物相,另一种是组成可变的化合物物相。易于生成组成可变的金属化合物物相,是合金独有的化学性能。在相图和结构-性能关系图上具有转折点和各种金属化合物物相的主要特点和形成金属化合物的标志。

金属化合物物相的结构特征一般表现在两个方面:第一,金属化合物的结构型式一般不同于纯组分在独立存在时的结构型式。第二,在金属 A 与 B 形成的金属化合物物相中,各种原子在结构中的位置已经有了分化,它们已分为两套不同的结构位置,而两种原子分别占据其中的一套。下面结合  $\text{CaCu}_5$  合金和电子化合物的结构进行讨论。

### 1. $\text{CaCu}_5$ 合金的结构

$\text{CaCu}_5$  合金可看作由图 8.9 中所示的(a)、(b)两种原子层交替堆积排列而成;(a)是由 Cu 和 Ca 共同组成的层,层中 Cu-Cu 之间由实线相连;(b)是完全由 Cu 原子组成的层, Cu-Cu 之间也

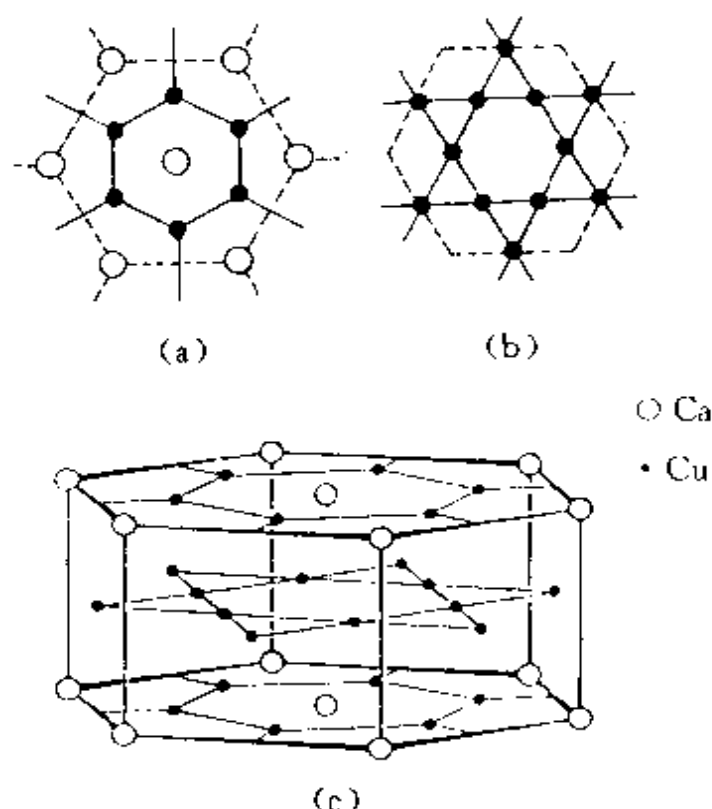


图 8.9  $\text{CaCu}_5$  的结构

由实线相连。图中由虚线勾出的六角形，表示由这两种层平行堆积时垂直于层的相对位置，即 3 个六方晶胞拼在一起的轮廓（3 个晶胞方向不同）；(c) 是由 (a) 和 (b) 两种原子层交替堆积成  $\text{CaCu}_5$  的晶体结构图。图中可见六方晶胞中包含 1 个  $\text{CaCu}_5$ 。在这结构中 Ca 有 18 个 Cu 原子配位。同一层的 6 个，Ca-Cu 为 294 pm，相邻两层各 6 个，Ca-Cu 为 327 pm。

若干储氢材料  $\text{LaNi}_5$ ,  $\text{LaCo}_5$ ,  $\text{CeCo}_5$  等的结构和  $\text{CaCu}_5$  相同，它们的储氢性能将在第十章中讨论。

## 2. 电子化合物

过渡金属与周期表右半部的一个金属形成的合金体系，通常其结构型式决定于每个原子平均摊到的价电子数，故称为电子化合物。

在计算价电子数时，Ⅷ族元素价电子数为 0；Cu、Ag、Au 为

1; Zn、Cd、Hg 为 2; Al、In、Ga 为 3; Si、Ge、Sn、Pb 为 4。

Hume-Rothery 首先提出这些复杂的电子化合物物相可以按照它们的价电子数和原子数之比来判断它的结构,如表 8.3 所示。

表 8.3 每个原子的价电子数与合金的结构

$\frac{\text{电子数}}{\text{原子数}}$	$\frac{3}{2}$		$\frac{21}{13}$	$\frac{7}{4}$
结构 型式	体心立方 或 CsCl 型	$\beta$ -Mn 型	$\gamma$ -黄铜型	六方密堆积 ( $\epsilon$ 相)
合          金	CuZn	Ag <sub>3</sub> Al	Cu <sub>5</sub> Zn <sub>8</sub>	CuZn <sub>3</sub>
	Cu <sub>3</sub> Al	Cu <sub>5</sub> Si	Cu <sub>9</sub> Al <sub>4</sub>	Cu <sub>2</sub> Sn
	Cu <sub>5</sub> Sn	Au <sub>3</sub> Al	Fe <sub>5</sub> Zn <sub>21</sub>	AgZn <sub>3</sub>
	CoAl	CoZn <sub>3</sub>	Ni <sub>5</sub> Cd <sub>21</sub>	Ag <sub>5</sub> Al <sub>3</sub>
	AgZn		Co <sub>5</sub> Zn <sub>21</sub>	Au <sub>3</sub> Sn
	AgCd		Na <sub>31</sub> Pb <sub>8</sub>	AuZn <sub>3</sub>
	AuZn		Rh <sub>5</sub> Zn <sub>21</sub>	AuCd <sub>3</sub>
	NiAl		Pt <sub>5</sub> Zn <sub>21</sub>	
	FeAl		Ag <sub>5</sub> Zn <sub>8</sub>	
	Cu <sub>3</sub> Ga		Au <sub>5</sub> Zn <sub>8</sub>	
			Ag <sub>5</sub> Hg <sub>8</sub>	

### 3- 金属间隙化合物的结构

金属和硼、碳、氮等元素形成的化合物,可把金属原子看作形成最密堆积结构或形成简单的结构,而硼、碳、氮等较小的非金属原子填入间隙之中,形成间隙化合物或间隙固溶体。

AlN 具有六方 ZnS 型的结构,可将铝原子看作六方密堆积,而氮原子填在四面体空隙中,氮原子和铝原子之间实际上以共价键为主。ScN, TiN, ZrN, VN, HfN, LaN, CeN, PrN, NdN, NbN, TiC, ZrC, HfC, ThC, VC, NbC, TaC 等具有 NaCl 型结构,可将金属原子看作立方密堆积,而氮原子和碳原子填在八面体空隙中。Fe<sub>4</sub>N 结构中,铁原子按立方密堆积,氮原子统计地处在铁原子的八面体空隙中。

间隙化合物具有下列特征:

- 不论纯金属本身的结构型式如何,大多数间隙化合物采取 NaCl 型结构。

- 具有很高的熔点和很大的硬度,很少数量的非金属原子,即可使纯金属的性质发生很大的变化。

- 导电性能良好、有金属光泽等一般合金所具有的性质。填隙原子和金属原子间存在共价键。

## 8.4 固体表面的结构和性质

金属表面上原子排列的图像,理论上可以根据晶体结构加以推断;而实际上,表面结构是很复杂的。由于表面原子往往倾向于进入新的平衡位置,而改变层内原子间的距离、改变配位数,甚至重建表面结构。表面晶体学的研究表明,不能简单地把表面看作体相的中止,把表面结构看作体相结构的延续。对于由多种原子组成的固体,表面层的化学组成常和体相组成不同。在通常的实验条件下,表面总是被一层吸附分子所覆盖。由于吸附作用的活化能很小,当洁净的表面暴露在大气中,很快就吸附上一层分子,一般在约  $10^{-4}$  Pa 真空条件下,大约几秒钟就能吸附上一层气体,所以关于表面结构的认识是随着超高真空技术的发展才逐渐深入的。

研究固体表面的组成和结构有许多方法,重要的有场离子显微镜(FIM)、低能电子衍射(LEED)、紫外光电子能谱(UPS)、X射线光电子能谱(XPS)、俄歇电子谱(AES)、离子散射谱(ISS)、电子能量损失谱(EELS)等等。利用这些方法研究表面结构,得到许多有关表面结构的知识。从原子水平看,表面并不是光滑的,而有多种情况出现,如图 8.10 所示。由图可见,在表面上原子的周围环境并不像二维点阵结构那样单一,而有多种不同的环境,图中示出有:附加原子(adatom)、台阶附加原子(step adatom)、单原子台阶(monatomic step)、平台(terrace)、平台空位(terrace vacancy)、扭

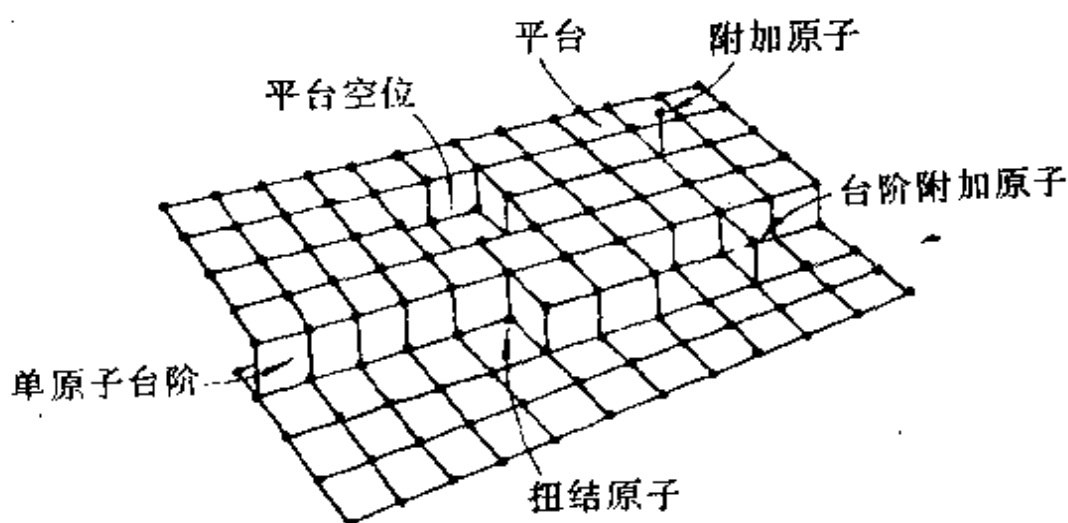


图 8.10 固体表面原子的情况

接原子(kink atom)等等。这些表面上原子间的差异,主要表现在它们的配位数不同上。附加原子的配位数少,而平台原子的配位数较多。通常在表面上只存在很少量的附加原子,而存在大量台阶原子、平台原子和扭结原子。这些不同类型的原子,它们的化学行为不同,吸附热和催化活性差别很大。例如,附加原子和平台空位虽然数量很少,但它们对表面原子沿着表面迁移起很大作用。

研究表面结构、研究表面层吸附分子的结构,对化学、物理学、材料科学等均有重大意义。

唐有祺和谢有畅等发现许多氧化物(如  $\text{NiO}$ ,  $\text{La}_2\text{O}_3$ ,  $\text{MoO}_3$  等)和盐类(如  $\text{NaCl}$ ,  $\text{NiSO}_4$ ,  $\text{CuCl}_2$  等)与载体(如  $\gamma\text{-Al}_2\text{O}_3$ , 硅胶, 分子筛等)混合后,在低于其熔点的适当温度下焙烧,氧化物和盐类晶体在载体表面上自发分散成单层。他们发现这种分散是一种很普遍的现象,并对这种现象的本质、效应和应用进行了广泛的研究<sup>[9,10]</sup>。由于这种分散是氧化物和盐类由三维有序的晶相变为二维单层分散的状态,是无序度增加即熵增加的过程;同时这些氧化物和盐类单层分散可与载体表面形成相当强的表面键,与原来晶体内部的化学键强度差别不大,因而焓变不大;这种分散过程体系的总表面积不会增加。所以这种过程是自由焓减少( $\Delta G < 0$ )的过

程,是热力学自发变化的过程。

氧化物和盐类在载体表面的自发单层分散有许多用途,例如指导催化剂的制备,设计和制备新型吸附剂,制备新型固体电解质以及在材料科学的有关领域都有重要应用。

## 习 题 八

- 8.1 半径为  $R$  的圆球堆积成正四面体空隙,试作图计算该四面体的边长和高、中心到顶点距离、中心距底面的高度、中心到两顶点连线的夹角以及中心到球面的最短距离。
- 8.2 半径为  $R$  的圆球堆积成正八面体空隙,计算中心到顶点的距离。
- 8.3 半径为  $R$  的圆球围成正三角形空隙,计算中心到顶点的距离。
- 8.4 半径为  $R$  的圆球堆积成  $A3$  型结构,计算简单六方晶胞参数  $a$  和  $c$  的数值。
- 8.5 证明半径为  $R$  的圆球所作的体心立方堆积中,八面体空隙只能容纳半径为  $0.154 R$  的小球,四面体空隙可容纳半径为  $0.291 R$  的小球。
- 8.6 计算等径圆球密置单层中平均每个球所摊到的三角形空隙数目及二维堆积密度。
- 8.7 指出  $A1$  型和  $A3$  型等径圆球密堆积中密置层的方向各是什么。
- 8.8 请按(a)~(c)总结  $A1$ 、 $A2$  及  $A3$  型金属晶体的结构特征。
  - (a) 原子的堆积方式、重复周期( $A2$  型除外)、原子的配位数及配位情况。
  - (b) 空隙的种类和大小、空隙中心的位置及平均每个原子摊到的空隙数目。
  - (c) 原子的堆积系数、所属晶系、晶胞型式、晶胞中原子的坐标参数、晶胞参数与原子半径的关系以及空间点阵型式等。
- 8.9 画出等径圆球密置双层图及相应的点阵素单位,指明结构基元。
- 8.10 金属铜属于  $A1$  型结构,试计算(111)、(110)和(100)等面上铜原子的堆积系数。
- 8.11 金属铂为  $A1$  型结构,立方晶胞参数  $a = 392.3 \text{ pm}$ , Pt 的原子量为 195.0,试求金属铂的密度及原子半径。

- 8.12 硅的结构和金刚石相同, Si 的共价半径为 117 pm, 求硅的晶胞参数、晶胞体积和晶体密度。
- 8.13 已知金属钛为六方最密堆积结构, 钛原子半径为 146 pm, 试计算理想的六方晶胞参数及晶体密度。
- 8.14 铝为面心立方结构, 密度为  $2.70 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ , 试计算它的晶胞参数和原子半径。用 Cu K $\alpha$  射线摄取衍射图, 333 衍射线的衍射角是多少?
- 8.15 金属钠为体心立方结构,  $a=429 \text{ pm}$ , 计算:
- Na 的原子半径;
  - 金属钠的理论密度;
  - (110)面的间距。
- 8.16 金属钽为体心立方结构,  $a=330 \text{ pm}$ , 试求:
- Ta 的原子半径;
  - 金属钽的理论密度(Ta 的原子量为 181);
  - (110)面间距;
  - 若用  $\lambda=154 \text{ pm}$  的 X 射线, 衍射指标为 220 的衍射角  $\theta$  的数值是多少?
- 8.17 金属镁属 A3 型结构, 镁的原子半径为 160 pm。
- 指出镁晶体所属的空间点阵型式及微观特征对称元素;
  - 写出晶胞中原子的分数坐标;
  - 若原子符合硬球堆积规律, 计算金属镁的摩尔体积;
  - 求  $d_{002}$  值。
- 8.18 Ni 是面心立方金属, 晶胞参数  $a=352.4 \text{ pm}$ , 用 Cr K $\alpha$  辐射( $\lambda=229.1 \text{ pm}$ )拍粉末图, 列出可能出现的谱线的衍射指标及其衍射角( $\theta$ )的数值。
- 8.19 已知金属 Ni 为 A1 型结构, 原子间接触距离为 249.2 pm, 试计算:
- Ni 的密度及 Ni 的立方晶胞参数;
  - 画出(100)、(110)、(111)面上原子的排布方式。
- 8.20 金属锂晶体属立方晶系, (100)点阵面的面间距为 350 pm, 晶体密度为  $0.53 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ , 从晶胞中包含的原子数目判断该晶体属何种点阵型式?(Li 的原子量为 6.941)。
- 8.21 灰锡为金刚石型结构, 晶胞中包含 8 个 Sn 原子, 晶胞参数  $a=648.9 \text{ pm}$ 。



- (a) 写出晶胞中 8 个 Sn 原子的分数坐标;
- (b) 算出 Sn 的原子半径;
- (c) 灰锡的密度为  $5.75 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ , 求 Sn 的原子量;
- (d) 白锡属四方晶系,  $a = 583.2 \text{ pm}$ ,  $c = 318.1 \text{ pm}$ , 晶胞中含 4 个 Sn 原子, 通过计算说明由白锡转变为灰锡, 体积是膨胀了, 还是收缩了?
- (e) 白锡中 Sn-Sn 间最短距离为  $302.2 \text{ pm}$ , 试对比灰锡数据, 估计哪一种锡的配位数高。

**8.22** 有一黄铜合金含 Cu 75%, Zn 25% (质量), 晶体的密度为  $8.5 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ 。晶体属立方面心点阵结构, 晶胞中含 4 个原子。Cu 的原子量 63.5, Zn 65.4。

- (a) 求算 Cu 和 Zn 所占的原子百分数;
- (b) 每个晶胞中含合金的质量是多少克?
- (c) 晶胞体积多大?
- (d) 统计原子的原子半径多大?

**8.23** AuCu 无序结构为立方晶系, 晶胞参数  $a = 385 \text{ pm}$  [如图 8.8(a)], 其有序结构为四方晶系 [如图 8.8(c)]。若合金结构由 (a) 转变为 (c) 时, 晶胞大小看作不变, 请回答:

- (a) 无序结构的点阵型式和结构基元;
- (b) 有序结构的点阵型式、结构基元和原子分数坐标;
- (c) 用波长  $154 \text{ pm}$  的 X 射线拍粉末图, 计算上述两种结构可能在粉末图中出现的衍射线的最小衍射角 ( $\theta$ ) 数值。

## 参 考 文 献

- [1] 鲍林(L. Pauling)著, 卢嘉锡、黄耀曾、曾广植和陈元柱等译, 化学键的本质(第三版), 上海科学技术出版社(1981)
- [2] J. Emsley, The Elements, Clarendon Press, Oxford(1989)
- [3] C. S. Barrett and T. B. Massalski, Structure of Metals, 3rd ed., Pergamon Press, Oxford(1980)
- [4] J. A. Duffy, Bonding, Energy Levels and Bands in Inorganic Solids.

Longman Scientific and Technical(1990)

- [5] A. F. Wells, *Structural Inorganic Chemistry*, 5th ed., Oxford University Press(1984)
- [6] T. C. W. Mak(麦松威)and G. D. Zhou(周公度), *Crystallography in Modern Chemistry, A Resource Book of Crystal Structures*, Wiley, New York(1992)
- [7] G. A. Somorjai, *Chemistry in Two Dimensions Surfaces*, Cornell University Press(1981)
- [8] 施开良,单质的结构,高等教育出版社(1990)
- [9] Y.-C. Xie(谢有畅)和 Y.-Q. Tang(唐有祺), *Adv. in Catalysis*, **37**,1 (1990)
- [10] 唐有祺,谢有畅,桂琳琳,自然科学进展, **4**,642(1994)

## 第九章 离子化合物的结构化学

离子化合物是指由正负离子结合在一起形成的化合物,它一般由电负性较小的金属元素与电负性较大的非金属元素生成。在离子化合物中,金属元素将部分价电子转移给非金属元素,形成具有较稳定的电子组态的正负离子。正负离子也可以由多原子组成,例如  $\text{NH}_4^+$ ,  $\text{NO}_3^-$ ,  $\text{SO}_4^{2-}$  等。正负离子之间由静电力作用结合在一起,这种化学键称为离子键。以离子键结合的化合物倾向于形成晶体,以使每个离子周围配位尽可能多的异性离子,降低体系能量。

### 9.1 离子晶体的若干简单结构型式

许多离子晶体的结构可以按密堆积结构了解其特征,表 9.1 是从两种最密堆积的结构出发来理解的。一般负离子半径较大,可把负离子看作等径圆球进行密堆积,而正离子有序地填在四面体空隙和八面体空隙之中(图 9.1 示出填隙八面体和填隙四面体的

表 9.1 若干常见的离子晶体的结构

填隙的类型和分数	ccp	hcp
全部八面体空隙	NaCl	NiAs
全部四面体空隙	$\text{CaF}_2$	
$\frac{1}{2}$ 四面体空隙	立方 ZnS	六方 ZnS
$\frac{1}{2}$ 八面体空隙	—	金红石
<hr/>		
$\frac{1}{2}$ 八面体空隙	$\text{CdCl}_2$	$\text{CdI}_2$

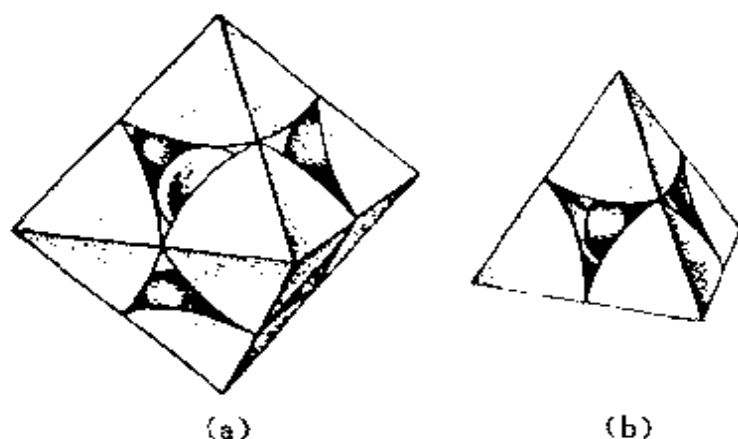


图 9.1 填隙八面体(a)和填隙四面体(b)

图形);有时也可看作正离子进行密堆积,负离子填在空隙之中,如表 9.1 中的  $\text{CaF}_2$  晶体。根据离子晶体的组成,填入空隙原子的数目不同,有的能将某种空隙全部填满,有的只是部分填入。

下文简释表 9.1 中所列几种晶体的情况。

### 1. NaCl

在 NaCl 结构中,正负离子的配位情况相同,配位数均为 6,都是八面体配位。若以密堆积层的形式描述,大的负离子( $\text{Cl}^-$ )堆积的层的相对位置用 A,B,C 表示,小的正离子( $\text{Na}^+$ )在层中的相对位置用 a,b,c 表示。NaCl 晶体中正负离子的堆积型式沿(111)方向周期为|AcBaCb|。氯化钠型结构涉及许多二元化合物晶体。键型可以从典型的离子键到共价键和金属键,同是氯化钠型结构,它们的电性、磁性和力学性能则随键型变化而有很大差异,图 9.2 示出 NaCl 型的晶体结构。

### 2. NiAs

在 NiAs 结构中,Ni 和 As 的配位数虽然均为 6,但 Ni 是处在 As 的六方最密堆积的配位八面体中,而 As 则处在由 Ni 形成的配位三方柱体中,两者的配位结构并不相同,按密堆积型式描述,其堆积层结构可表达为|AcBc|。在 NiAs 结构中,相邻两个 Ni 原子的配位八面体共面相连,根据 NiAs 的晶胞参数( $a=360.2$

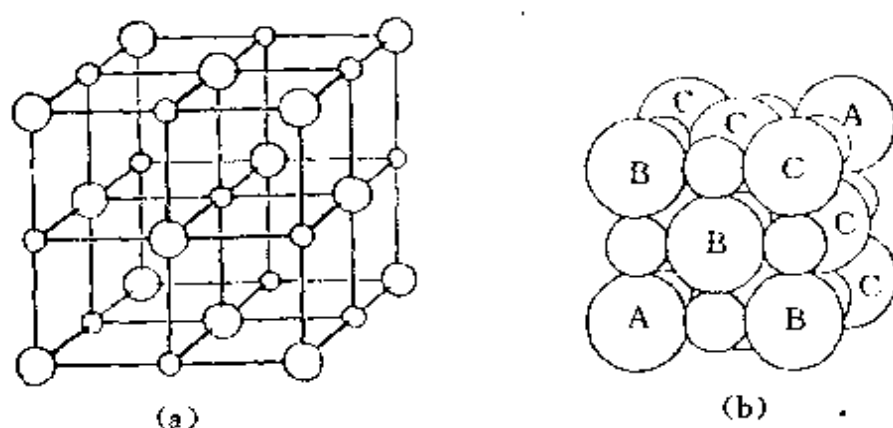


图 9.2 NaCl 的结构

(a) 晶胞结构 (b) 密堆积层排列

pm,  $c=500.9$  pm)可以看出, Ni-Ni 间的距离只有 250 pm, 与金属镍中的距离一致。NiAs 晶体有明显的金属性。图 9.3 示出 NiAs 的结构。

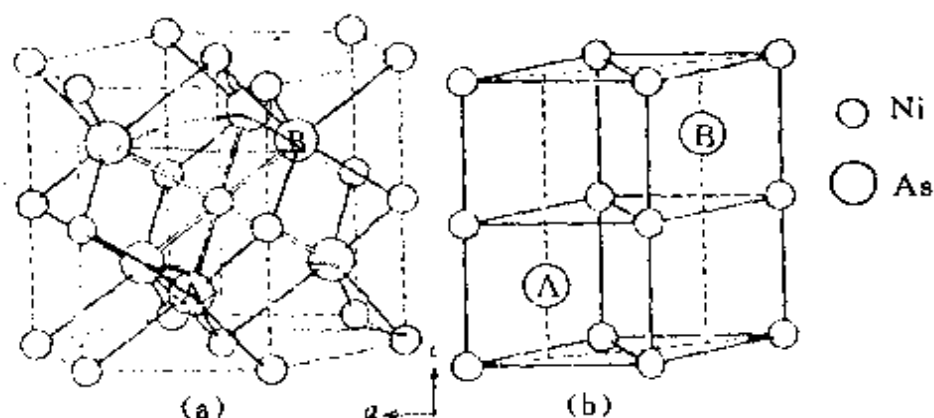


图 9.3 NiAs 的结构

(a) 三个六方晶胞拼在一起, 它们取向不同 (b) 六方晶胞

### 3. ZnS

ZnS 的结构可看作  $S^{2-}$  的最密堆积,  $Zn^{2+}$  填在一半四面体空隙之中, 填隙时互相间隔开, 使填隙四面体不会出现共面连接或共边连接。立方 ZnS 结构是  $S^{2-}$  的立方最密堆积, 密堆积层堆积表示式为  $|AaBbCc|$ , 结构见图 9.4(a); 六方 ZnS 结构是  $S^{2-}$  的六方最密堆积, 密堆积层堆积表示式为  $|AaBb|$ , 结构见图 9.4(b)。

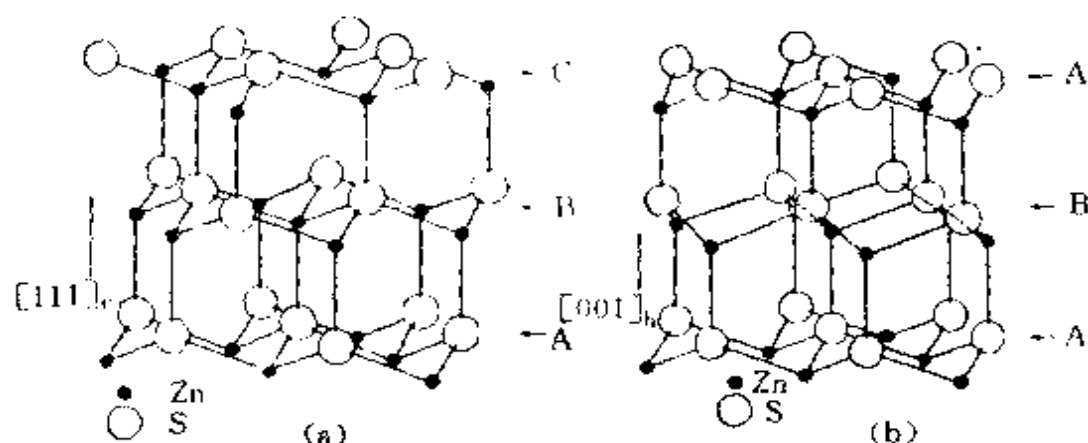


图 9.4 ZnS 的结构  
(a) 立方 ZnS (b) 六方 ZnS

#### 4. $\text{CaF}_2$

$\text{CaF}_2$  的结构可看作  $\text{Ca}^{2+}$  的立方最密堆积排列,  $\text{F}^-$  填在全部四面体空隙中, 结构见图 9.5。

#### 5. $\text{TiO}_2$

金红石 ( $\text{TiO}_2$ ) 的结构属四方晶系,  $D_{4h}$  点群, 是常见的重要结构型式之一。在结构中,  $\text{O}^{2-}$  近似地具有六方密堆积的结构,  $\text{O}^{2-}$  密置层垂直晶胞  $a$  轴延伸,  $\text{Ti}^{4+}$  填入其中一半的八面体空隙, 而  $\text{O}^{2-}$  周围有 3 个近于正三角形配位的  $\text{Ti}^{4+}$ 。从结构的配位多面体连接来看, 每个  $[\text{TiO}_6]$  八面体和相邻 2 个八面体共边连接成长链, 链平行于四重轴, 链和链沿垂直方向共用顶点连成三维骨架。金红石的晶体结构见图 9.6(a), 图(b)示出配位多面体的连接及  $4_2$  轴所在位置。

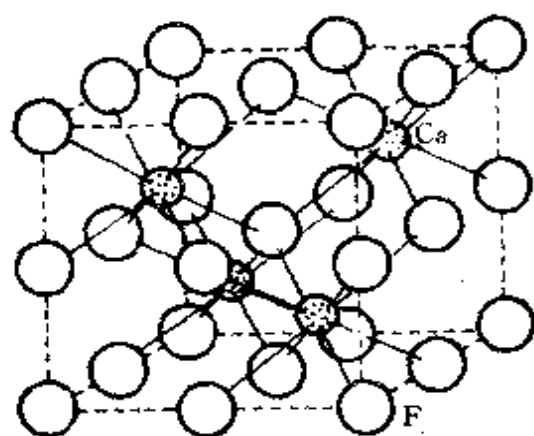


图 9.5  $\text{CaF}_2$  的结构

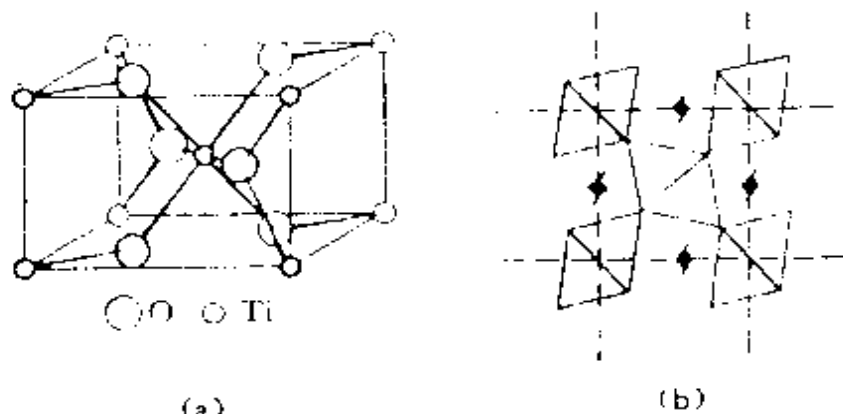


图 9.6  $\text{TiO}_2$  (金红石) 的结构

### 6. $\text{CdCl}_2$ 和 $\text{CdI}_2$

表 9.1 虚线以下的化合物具有层型结构, 即有的整个一层八面体空隙空缺, 不被金属原子占据。 $\text{CdCl}_2$  晶体中层型分子的结构示于图 9.7(a)。层型分子沿垂直于层的方向堆积,  $\text{Cl}^-$  作立方最密堆积,  $\text{Cd}^{2+}$  填入其中八面体空隙中, 各层相对位置周期为  $|\text{ABaCAcBCb}|$ , 如图 9.7(c)。  $\text{CdI}_2$  晶体中层型分子的结构和  $\text{CdCl}_2$  相同,  $\text{I}^-$  作六方最密堆积,  $\text{Cd}^{2+}$  填入其中八面体空隙中。通常由水溶液中结晶的晶体, 结构的周期为  $|\text{ABc}|$ , 如图 9.7(b)。如

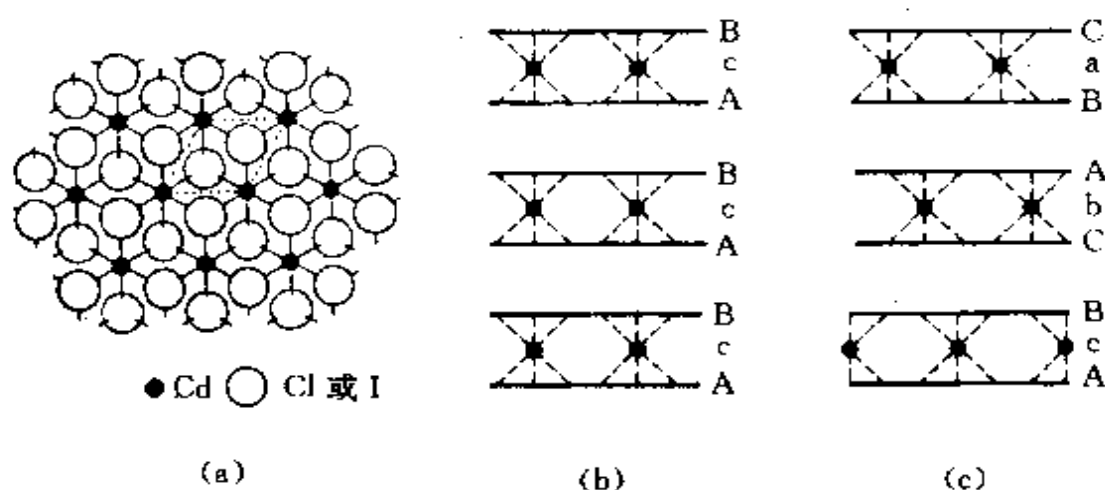


图 9.7  $\text{CdI}_2$  和  $\text{CdCl}_2$  的结构

(a)  $\text{CdI}_2$  和  $\text{CdCl}_2$  层形分子 (b)  $\text{CdI}_2$  的结构 (c)  $\text{CdCl}_2$  的结构

果从熔融状态结晶而得,层的排列是|AcBAbC|。

### 7. 其他结构型式

除上述最密堆积的结构型式外,离子化合物中简单的结构型式尚有 CsCl 型结构。CsCl 结构可看作  $\text{Cl}^-$  作简单立方堆积,  $\text{Cs}^+$  填入立方体空隙中形成。CsCl 的结构属于简单立方点阵,  $O_h$  点群。正负离子的配位数均为 8, 图 9.8 示出 CsCl 的结构。

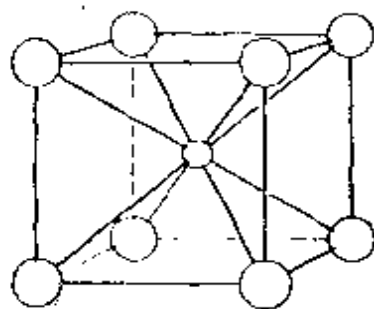


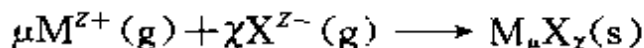
图 9.8 CsCl 的结构

$\text{CaF}_2$  的晶体结构也可将  $\text{F}^-$  看作简单立方堆积,  $\text{Ca}^{2+}$  填入立方体空隙中, 由于  $\text{Ca}^{2+}$  数目比  $\text{F}^-$  少一倍, 所以有一半空隙是空的, 只有一半的立方体空隙填  $\text{Ca}^{2+}$ ,  $\text{Ca}^{2+}$  与空位交替地间隔排列。 $\text{ZrO}_2$  等  $\text{CaF}_2$  型化合物具有特殊的  $\text{O}^{2-}$  迁移性, 并可用以制作探测  $\text{O}^{2-}$  浓度的电极, 与这种空隙结构有关。

## 9.2 离子键和点阵能

### -1- 点阵能的计算和测定

离子键的强弱可用点阵能的大小表示。点阵能是指在 0 K 时, 1 mol 离子化合物中的正负离子, 由相互远离的气态, 结合成离子晶体时所释放出的能量。若用化学反应式表示, 点阵能( $U$ )相当于下一反应的内能改变量。



点阵能负值越大, 表示离子键越强, 晶体越稳定。

如果在晶体中键的作用力性质完全是离子键力, 点阵能可以根据离子晶体中离子的电荷、离子的排列等结构数据加以计算。

离子间存在静电库仑力和短程排斥力, 库仑力异号相互吸引,



同号互相排斥,作用能和距离  $r$  成反比。短程排斥力作用能和距离高次方成反比,作用力本质不很清楚。

按照库仑定律,两个荷电为  $(Z_+)e$  和  $(Z_-)e$ 、距离为  $r$  的球形离子,库仑作用能  $\epsilon_C$  为

$$\epsilon_C = \frac{(Z_+)(Z_-)e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \quad (9.1)$$

当这两个离子近距离接触时,电子云间将产生排斥作用,相应的排斥能  $\epsilon_R$  为

$$\epsilon_R = br^{-m} \quad (9.2)$$

式中  $b$  和  $m$  均为常数。

在晶体中,正负离子按照一定的规律排列,每个离子的周围都有许多正负离子和它相互作用。今以 NaCl 型晶体为例,了解晶体中离子间作用能的情况。由 NaCl 的晶体结构可知,当  $\text{Na}^+$  和  $\text{Cl}^-$  最近的距离为  $r$  时,每个  $\text{Na}^+$  周围有

6 个距离为  $r$  的  $\text{Cl}^-$

12 个距离为  $\sqrt{2}r$  的  $\text{Na}^+$

8 个距离为  $\sqrt{3}r$  的  $\text{Cl}^-$

6 个距离为  $\sqrt{4}r$  的  $\text{Na}^+$

.....

所以,对这个  $\text{Na}^+$  离子,其库仑作用能  $\epsilon_{\text{Na}^+}$  为

$$\epsilon_{\text{Na}^+} = \frac{Z_+ Z_- e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \left[ 6 + \frac{12}{\sqrt{2}} \frac{Z_+}{Z_-} + \frac{8}{\sqrt{3}} + \frac{6}{\sqrt{4}} \frac{Z_+}{Z_-} + \dots \right]$$

因为 NaCl 型结构中,  $Z_+/Z_- = -1$ , 所以

$$\epsilon_{\text{Na}^+} = \frac{Z_+ Z_- e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \left[ 6 - \frac{12}{\sqrt{2}} + \frac{8}{\sqrt{3}} - \frac{6}{\sqrt{4}} + \dots \right] = \frac{Z_+ Z_- e^2}{4\pi\epsilon_0 r} A \quad (9.3)$$

式中  $A \approx 1.7476$ , 代表  $\left[ 6 - \frac{12}{\sqrt{2}} + \frac{8}{\sqrt{3}} - \frac{6}{\sqrt{4}} + \dots \right]$ , 称为 Madelung (马德隆) 常数。实际上按此级数计算  $A$  值并不收敛。为

使级数收敛,可按保持电中性原则,取不断扩大的立方体单位进行计算,直至数据收敛为止。计算时在立方体内的离子算 1、面上的算 1/2、棱上的算 1/4、顶角上的算 1/8、立方体外的算 0。例如,边长为  $2a(=1127.88 \text{ pm})$  的立方体中心  $\text{Na}^+$  的  $\epsilon_{\text{Na}^+}$  可列出算式

$$\begin{aligned}\epsilon_{\text{Na}^+} &= -\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r} \left[ 1 \times \left( 6 - \frac{12}{\sqrt{2}} + \frac{8}{\sqrt{3}} \right) \right. \\ &\quad + \frac{1}{2} \left( -\frac{6}{\sqrt{4}} + \frac{24}{\sqrt{5}} - \frac{24}{\sqrt{6}} \right) \\ &\quad + \frac{1}{4} \left( -\frac{12}{\sqrt{8}} + \frac{24}{\sqrt{9}} \right) - \frac{1}{8} \times \frac{8}{\sqrt{12}} \left. \right] \\ &= -\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 r} (1.7518)\end{aligned}$$

继续扩大立方体的体积, Madelung 常数就会逐渐趋近于 1.7476 这一数值。

同理,分析一个  $\text{Cl}^-$ , 其库仑作用能为

$$\epsilon_{\text{Cl}^-} = \frac{Z_+ Z_- e^2}{4\pi\epsilon_0 r} A \quad (9.4)$$

由 1 mol 的  $\text{Na}^+$  和 1 mol 的  $\text{Cl}^-$  组成的晶体中,  $\text{Na}^+$  和  $\text{Cl}^-$  的数目均为  $N$  (Avogadro 常数), 由于每一离子均计算了两次, 应除以 2, 所以

$$E_C = \frac{N}{2} (\epsilon_{\text{Na}^+} + \epsilon_{\text{Cl}^-}) = \frac{Z_+ Z_- e^2}{4\pi\epsilon_0 r} AN \quad (9.5)$$

而 1 mol  $\text{NaCl}$  晶体中的排斥能为

$$E_R = Br^{-m} \quad (9.6)$$

这样, 对于 1 mol  $\text{NaCl}$  晶体, 总的势能函数为

$$u = E_C + E_R = \frac{Z_+ Z_- e^2 AN}{4\pi\epsilon_0 r} + Br^{-m} \quad (9.7)$$

$u$  显然随  $r$  而异。在晶体中, 势能达到最低值时, 相邻的  $\text{Na}^+$  和  $\text{Cl}^-$  间的距离即为平衡距离  $r_e$ , 这时

$$\left( \frac{\partial u}{\partial r} \right)_{r=r_e} = -\frac{Z_+ Z_- e^2 AN}{4\pi\epsilon_0 r_e^2} - \frac{mB}{r_e^{m+1}} = 0 \quad (9.8)$$

由此得

$$B = -\frac{Z_+ Z_- e^2 AN}{m 4\pi\epsilon_0} r_e^{m-1} \quad (9.9)$$

代入(9.7)式,得到 NaCl 型离子晶体点阵能

$$U = u = \frac{Z_+ Z_- e^2 AN}{4\pi\epsilon_0 r_e} \left( 1 - \frac{1}{m} \right) \quad (9.10)$$

式中  $m$  可从晶体的压缩性因子求得。Pauling 认为  $m$  应随离子的电子组态而变化,他给出  $m$  的数值如下

离子电子组态	He	Ne	Ar, Cu <sup>+</sup>	Kr, Ag <sup>+</sup>	Xe, Au <sup>+</sup>
$m$	5	7	9	10	12

NaCl 晶体的  $m$  值可取 7 和 9 的平均值,即按  $m=8$  计算。根据 NaCl 晶体的结构数据 ( $Z_+ = 1$ ,  $Z_- = -1$ ,  $A = 1.7476$ ,  $r_e = 2.8197 \times 10^{-10} \text{ m}$ ) 及其他常数,按(9.10)式计算得点阵能

$$U = -753 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

排斥作用能亦可近似表达为

$$E_R = -\frac{Z_+ Z_- e^2 AN}{4\pi\epsilon_0 r_e} \left( \frac{\rho}{r_e} \right) \quad (9.11)$$

式中  $\rho$  为一常数。对于碱金属卤化物,其值约为  $0.31 \times 10^{-10} (\text{m})$ ,用此值计算点阵能,误差不大于 2%。所以由 1 mol 气态  $\text{Na}^+$  和 1 mol 气态  $\text{Cl}^-$  生成 1 mol 的 NaCl 晶体,内能的改变量(即点阵能)亦可表示为

$$U = E_C + E_R = -\frac{e^2 AN}{4\pi\epsilon_0 r_e} \left( 1 - \frac{\rho}{r_e} \right) \quad (9.12)$$

将  $e, N, \epsilon_0$  等按国际单位所给数值代入计算,得

$$U = -1.3894 \times 10^{-7} \frac{A}{r_e} \left( 1 - \frac{\rho}{r_e} \right) \quad (9.13)$$

按(9.13)式计算, NaCl 的点阵能

$$U = -1.3894 \times 10^{-7} \frac{1.7476}{2.8197 \times 10^{-10}} \left( 1 - \frac{0.31}{2.8197} \right)$$

$$= -766 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$$

$M_\mu X_\chi$  晶体的点阵能也可用(9.10)式计算。由于晶体不同,离子配位不同,  $\mu$  和  $\chi$  不同,这时(9.10)式中的 Madelung 常数  $A$  既考虑了离子的配位,也考虑了  $\mu$  和  $\chi$  的数值。表 9.2 列出几种结构型式的晶体的 Madelung 常数值[对应于(9.10)式]。

表 9.2 Madelung 常数值

结构型式	$A$
NaCl	1.7476
CsCl	1.7627
立方 ZnS	1.6381
六方 ZnS	1.6413
CaF <sub>2</sub>	2.5194
TiO <sub>2</sub> (金红石)	2.4080
$\alpha$ -Al <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	4.172

精确计算点阵能时,还需要考虑其他一些相互作用,例如色散能和零点能,这些能量相对地较小,表 9.3 列出若干二元化合物的点阵能及各种作用能(单位:  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )。

表 9.3 若干二元化合物的各种作用能

晶体	库仑能	排斥能	色散能	零点能	点阵能
LiF	-1200	+180	-16	+16	-1020
NaCl	-860	+100	-16	+8	-768
AgCl	-875	+146	-121	+4	-846
MgO	-4634	+699	-6	+18	-3923

由表 9.3 中数据可见,离子电荷对点阵能影响很大,因为库仑作用能与  $Z_+$  和  $Z_-$  的乘积成正比。对比 NaCl 和 AgCl 的点阵能的分配可见, AgCl 的色散能特别大,说明极化力强的  $\text{Ag}^+$  对可极化性大的  $\text{Cl}^-$  的极化作用。当这种作用能大到一定程度,原子间作用力不能用简单的静电模型表达,键的性质发生改变,带有共价键因

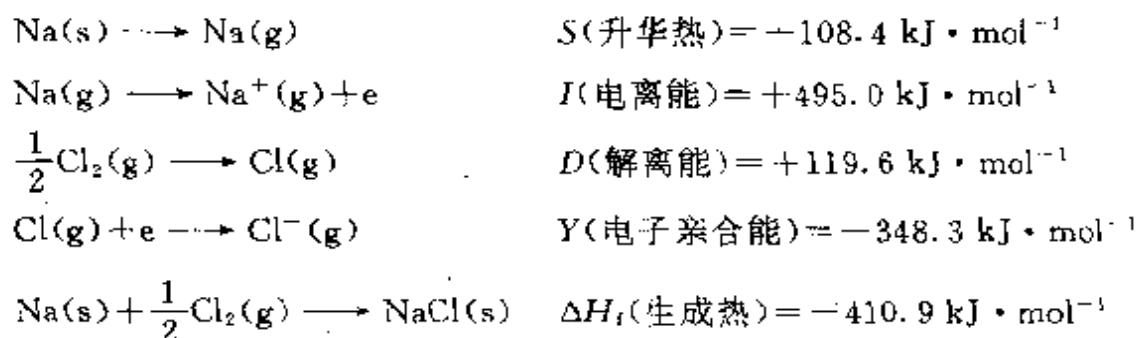
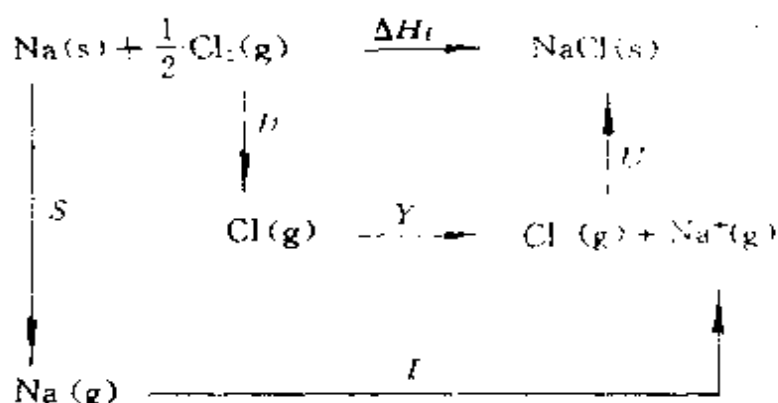
素,即需要考虑键型发生变异的因素。

点阵能的数值可以根据热力学第一定律通过实验间接测定。

例如 NaCl 晶体的点阵能

$$\begin{aligned} U &= \Delta H_f - S - I - D - Y \\ &= -(410.9 + 108.4 + 495.0 + 119.6) + 348.3 \\ &= -785.6 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1} \end{aligned}$$

可通过下面所示的 Born-Haber(玻恩-哈伯)循环计算。



由上述循环计算点阵能时,从化学手册中查得的  $\Delta H_f, S, D$  等是 298 K 的数据,而点阵能的定义规定为 0 K 的条件。这两者之差一般小于  $10 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,其大小和循环中各步骤数据误差之和差不多,通常也就不予细致计算了。

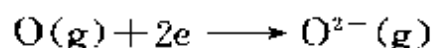
根据 Born-Haber 循环计算点阵能,不同作者所用电子亲和能等数值不完全相同,所得点阵能也略有差异,但总的说来和理论计算值符合得很好,说明离子晶体中作用力的本质是静电力。

## -2- 点阵能的应用

点阵能的数据既然可以由 Born-Haber 循环推得,有了点阵能的数据,就可用于估算其他不易测定的数据。

### 1. 估算电子亲合能

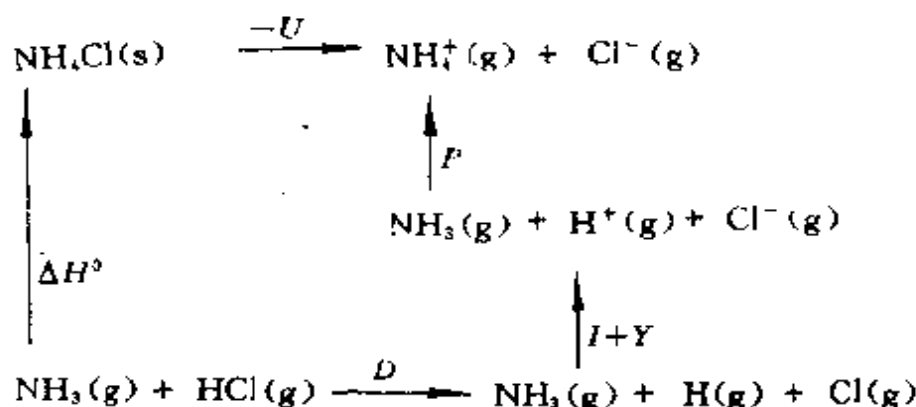
根据 Born-Haber 循环,当通过实验求得  $S, I, D, \Delta H_f$  以及点阵能的数值,就可以计算电子亲合能  $Y$  的数值,例如欲求氧原子的电子亲合能,即



反应的  $Y$  值,可根据  $\text{MgO}$  的结构,计算出点阵能,再通过实验测定  $S, I, D, \Delta H_f$  等数据,就可求出  $Y$  值。

### 2. 估算质子亲合能

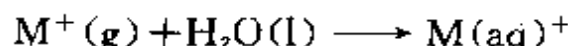
若要计算  $\text{NH}_3(\text{g}) + \text{H}^+(\text{g}) \longrightarrow \text{NH}_4^+(\text{g})$  的能量变化  $P$ ,可按下一循环求得



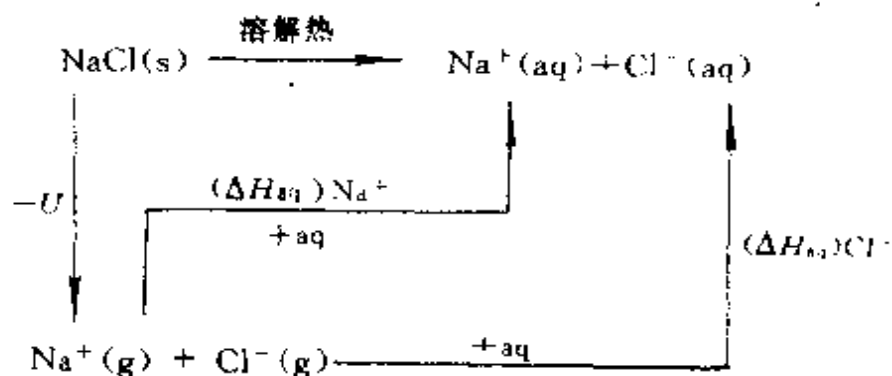
通过实验求得  $\text{NH}_3$  分子的质子亲合能( $P$ )值为  $-895 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ 。

### 3. 计算离子的溶剂化能

离子的溶剂化能或水化能是指  $1 \text{ mol}$  气态离子与无限量的溶剂结合时所释放的能量,即下一反应的焓变  $\Delta H_{\text{aq}}$



例如,欲求  $\text{Na}^+$  的水化热,可根据下一循环,测定  $\text{NaCl}$  的溶解热和点阵能,再知道  $\text{Cl}^-$  的水化热就可求得

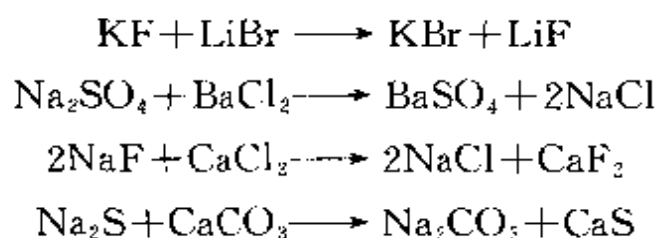


若干离子的水化热  $\Delta H_{\text{aq}}(\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1})$  的数值为

$\text{Na}^+$	$\text{K}^+$	$\text{Mg}^{2+}$	$\text{Ca}^{2+}$	$\text{Cl}^-$	$\text{OH}^-$	$\text{CN}^-$	$\text{NO}_3^-$	$\text{ClO}_4^-$
-420	-340	-1960	-1615	-350	-510	-345	-310	-225

#### 4. 点阵能和化学反应

由于点阵能正比于正负离子电价的乘积,而和正负离子的距离成反比,因此,对于离子化合物进行复分解的反应趋势常常是半径较小的正离子趋向于和半径较小的负离子相结合,同时半径较大的正离子和半径较大的负离子相结合;价数高的正离子趋向于和价数高的负离子相结合,而价数低正离子和价数低的负离子相结合;半径小的离子趋向于和价数高的异号离子结合。这样可以降低能量,生成较稳定的离子化合物,例如



#### 5. 非球形离子半径的估算

含有非球形离子的化合物, Madelung 常数不易得到, Kapustinskii (卡普斯金斯基) 提出半经验公式计算点阵能 ( $U$  用  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$  为单位)

$$U = 1.202 \times 10^5 \frac{(Z_+)(Z_-)(\mu + \chi)}{r_+ + r_-} \left( 1 - \frac{3.45 \times 10^{-11}}{r_+ + r_-} \right)$$

式中 $(\mu+\chi)$ 是化学式中的离子数: NaCl 为 2,  $\text{CaCl}_2$  为 3,  $\text{KClO}_4$  为 2;  $r_+$  和  $r_-$  分别为六配位的正负离子的半径, 单位为 m。

当用热化学方法测定了化合物的点阵能后, 利用这个公式可以计算非球形离子的离子半径, 称为离子的热化学半径, 例如  $\text{KClO}_4$  的  $U = -591 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ ,  $Z_+ = 1$ ,  $Z_- = -1$ , 令  $r_+ + r_- = r_e$ , 则

$$-591 = \frac{-1.202 \times 10^{-7} \times 2}{r_e} \left( 1 - \frac{3.45 \times 10^{-11}}{r_e} \right)$$

解此方程, 得

$$r_e = 3.69 \times 10^{-10} \text{ m} = 369 \text{ pm}$$

已知  $\text{K}^+$  的半径为 133 pm, 所以  $r_-$  即  $\text{ClO}_4^-$  的半径为 236 pm。

用此法已求得若干离子的热化学半径, 例如:  $\text{BF}_4^-$  228 pm,  $\text{BO}_3^{3-}$  191 pm,  $\text{CN}^-$  182 pm,  $\text{CO}_3^{2-}$  185 pm,  $\text{ClO}_3^-$  200 pm,  $\text{MnO}_4^-$  240 pm,  $\text{NO}_3^-$  189 pm,  $\text{SO}_4^{2-}$  230 pm 等。

### -3- 键型变异原理

许多简单离子化合物的晶体结构, 可以成功地用离子键模型加以处理, 晶体点阵能的理论计算值和实验测定值很相符合, 说明离子键模型对这些晶体是适用的。这种利用晶体的离子键模型处理晶体的能量和结构型式的办法, 获得许多重要成果, 如离子晶体的点阵能, 离子大小和配位关系、配位情况与能量关系等, 所以离子键理论很重要。但是在实际晶体中, 单纯的离子键很少, 甚至有些很熟悉的离子化合物, 往往几种键型兼而有之。

离子键、共价键和金属键是化学键的三种极限键型。离子键源于离子间的静电相互作用。共价键是原子轨道互相叠加成为分子轨道, 电子占据能量较低的成键分子轨道而使原子间稳定地结合。形成化学键的电子仅处于两个原子范围的键称为定域键; 形成化学键的电子作用在参加成键的多个原子之间的键称为多中心键或离域键。金属键是使金属原子结合在一起的高度离域的共价键的



相互作用(能带理论)或静电的相互作用(自由电子理论)。同核双原子分子中形成共价键的电荷分布对两个核是对称的,为典型的非极性键;异核双原子分子中或化合物中因两个不同的原子电负性的差异而使电荷分布偏向电负性高的原子,形成极性键。典型的离子键是成键电荷完全转移到电负性高的原子上的极端的极性键。在成键的原子或基团间,由其中一方提供成键电子的化学键称为配位键。

在实际晶体中,原子间结合力的性质少数是纯粹属于三种极限键型之一,而多数晶体中则偏离这三种典型的键型。图 9.9 示出按周期规律排列的若干化合物的键型示意图,表中除三角形 3 个顶点上所标明的化合物外,其余的化合物多少包含有其他键型的因素,并逐渐过渡,这现象称为键型变异现象。

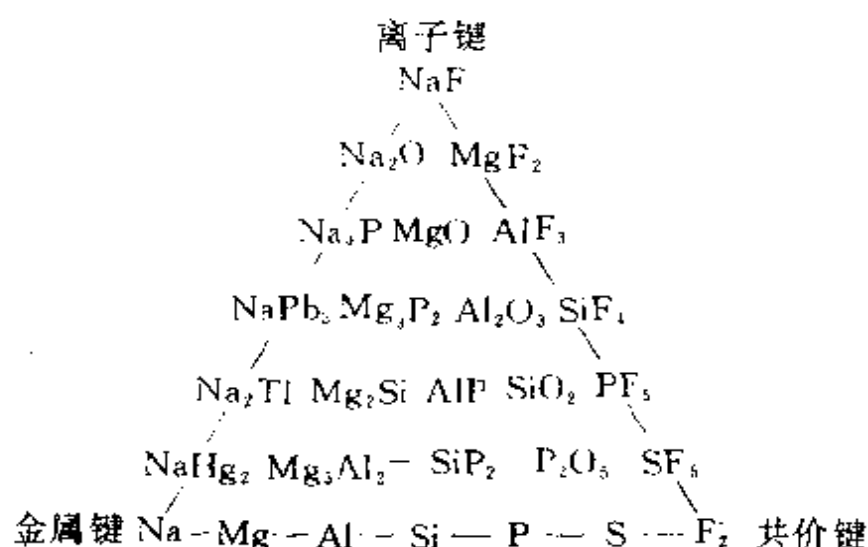


图 9.9 若干化合物的键型

1963 年在讨论有机物结构理论时,唐有祺教授提出键型变异原理<sup>[6]</sup>,认为键型变异是和离子的极化、电子的离域以及轨道的重叠成键等因素密切相关的。只要某种条件具备,就会产生和这种条件相应的成键作用。

卤化银的结构可作为由离子键向共价键过渡的例证。几种卤

化银的结构和点阵能数据列于表 9.4 中,表中  $r_{\text{Ag}^+}$  (表观)值是指  $d_{\text{Ag-X}}$  与  $\text{X}^-$  的离子半径之差( $r_{\text{X}^-}$ 数据见表 9.6)。由表可见,  $r_{\text{Ag}^+}$  (表观)的数值从 AgF 到 AgI 愈来愈小,偏离  $\text{Ag}^+$  的半径(115 pm)愈来愈多。对 AgI 晶体,  $\text{Ag-I}$  距离为 281 pm,与表 5.5 中所列的 Ag 和 I 的共价半径之和( $153+133=286$  pm)相近。这与离子极化有关。

表 9.4 卤化银的结构和点阵能

$\text{AgX}$	结构型式	$\frac{d_{\text{Ag-X}}}{\text{pm}}$	$\frac{r_{\text{X}^-}}{\text{pm}}$	$\frac{r_{\text{Ag}^+}}{\text{pm}}$ (表观)	点阵能/( $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$ )		
					实验值	计算值	$\Delta$
AgF	NaCl 型	246	133	113	954	921	33
AgCl	NaCl 型	277	181	96	904	833	71
AgBr	NaCl 型	289	196	93	895	816	79
AgI	ZnS 型	281	220	61	883	778	105

关于离子的极化是指离子本身带有电荷,形成一个电场,离子在相互电场的作用下,可使电子分布的中心偏离原子核,而发生电子云变形,离子的这种变形称为离子的极化。离子极化将使正负离子之间在原有的静电相互作用基础上,又附加新的作用,这种作用可以用诱导偶极矩( $\mu$ )和极化率  $\alpha$  来衡量,如 4.4 节所述。

正负离子虽然相互极化,但因正离子较小,电子云不易变形,它不易被极化,而有较高的极化力,使异号离子极化;负离子较大,电子云容易变形,容易被极化,而极化力较小。

离子极化现象的存在,将使离子键向共价键过渡。由卤化银的实例可见,由于  $\text{Ag}^+$  具有较高的极化力,当  $\text{X}^-$  由小增大,原子核对外层价电子的吸引力减弱时,可极化力增大,所以由  $\text{F}^-$  到  $\text{I}^-$  依次增加,促使  $\text{AgX}$  的键型逐步由离子键向共价键过渡;到 AgI 已经是按一定方向成键,成为以共价键为主的结构。而点阵能的计算值与实验值的偏离也愈来愈大。

对于由 A, B 两原子形成的极性共价键中离子键的成分, Pauling 提出经验的估算公式, 即

$$\text{离子性数量} = 1 - \exp \left[ -\frac{1}{4} (\chi_A - \chi_B)^2 \right]$$

式中  $\chi_A$  和  $\chi_B$  分别为 A, B 两原子的电负性。例如, H, F, Cl, Br, I 的电负性分别为 2.1, 4.0, 3.0, 2.8, 2.5, 按此公式可算出 HI, HBr, HCl 和 HF 的键中离子键的成分分别为 4%, 11%, 19% 和 60%。

一种原子将采用哪一种键型, 常常和化合物本身的结构有关, 不同的结构为原子提供成键的条件不同, 键型会发生改变。金刚石和石墨均由碳原子组成, 在金刚石结构中, C—C 之间按典型的共价单键成键; 而在石墨晶体中, 由于有条件形成离域  $\pi$  键, 增大电子的离域范围, 其导电性能和颜色光泽均和金属相似。AgI 有多种晶型, 常温下 ZnS 型的  $\gamma$ -AgI, 共价键占优势; 而高温下具有体心立方结构的  $\alpha$ -AgI, 离子键占优势。这时  $\text{Ag}^+$  统计地分布在 I 堆积成的变形四面体和八面体之中, 在外电场作用下, 能迁移导电。 $\alpha$ -AgI 的导电率要比  $\gamma$ -AgI 约大 1 万倍, 而成为一类重要的固体离子导体材料。由此可见, 不同的结构提供成键的条件不同, 形成不同型式的化学键, 使晶体具有不同的性质。

在有 d 轨道参加成键的条件下, 有时出现多种多样的键型, 甚至有的很难确切说明是什么键。一种元素的原子在不同的化合物中, 可以出现多种键型, 甚至在一种化合物中一种原子也有多种键型。

每种元素都有它自己的成键规律, 使其化合物的结构显现出丰富多采的型式, 这是结构化学研究的重要内容之一。

从上述情况可以说明: 在化合物中, 各个原子之间只要满足成键的条件, 就会以多种形式最大可能地形成多种形式的化学键, 各个原子参加成键的方式多种多样, 形成化学键的型式也是多种多样。通过这些成键作用, 可以改变分子中电荷的分布, 促进原子轨

道互相有效地重叠,使异号电荷间的吸引力加强,使分子和晶体的势能降低,稳定性增加。

### 9.3 离子半径

在离子晶体中,相邻的正、负离子间存在着静电吸引力和离子的外层电子云相互作用的排斥力。当这两种作用力达成平衡时,离子间保持一定的接触距离。排斥力是短距离性质的作用力,当正、负离子接近时,排斥力随距离的缩短而迅速增加。所以,离子可近似地看作具有一定半径的弹性球,两个互相接触的球形离子的半径之和等于核间的平衡距离。由原子结构可以了解电子在原子核外是连续分布的,并无明确的界限,离子半径的数值也是和离子所处的特定条件有关的。

#### 1- 离子半径的测定

利用 X 射线衍射法可以很精确地测定正、负离子间的平衡距离。例如 NaCl 型晶体中,其立方晶胞参数  $a$  的一半( $a/2$ )即等于正、负离子的平衡距离或正、负离子的半径之和。而从这个平衡距离定出离子半径的基本问题是每个离子各贡献多少,即怎样划分正负离子的接触距离成为两个离子半径。

Lande(朗德)在 1920 年,通过对比下表(表中括号内的数字为后来较精确的测定值)中具有 NaCl 型结构的化合物的晶胞参数后,认为 MgS 和 MnS、MgSe 和 MnSe 的晶胞参数几乎相等,意味着在晶体中负离子和负离子已相接触。他利用简单的几何关系,推出  $S^{2-}$  和  $Se^{2-}$  的离子半径

$$r_{S^{2-}} = 260 / \sqrt{2} = 184 \text{ pm}$$

$$r_{Se^{2-}} = 273 / \sqrt{2} = 193 \text{ pm}$$

从而给出第一批离子半径数据。

晶 体	$\frac{1}{2}a/\text{pm}$	晶 体	$\frac{1}{2}a/\text{pm}$
MgO	210(210.56)	MnO	224(222.24)
MgS	260(260.17)	MnS	259(261.18)
MgSe	273(272.5)	MnSe	273(272.4)

Wasastjerna(瓦萨斯雅那)在 1925 年按照离子的摩尔折射度正比于其体积的方法,划分离子的大小。获得 8 个正离子和 8 个负离子半径,包括  $\text{F}^-$  (133 pm)和  $\text{O}^{2-}$  (132 pm)。

Goldschmidt(哥希密特)在 1927 年,采用 Wasastjerna 的  $\text{F}^-$  和  $\text{O}^{2-}$  的离子半径数据,根据实验测定的离子晶体中离子间的接触距离的数据,引出 80 多种离子的半径(Goldschmidt 离子半径),至今仍在通用。

1927 年 Pauling 据 5 个晶体( $\text{NaF}$ 、 $\text{KCl}$ 、 $\text{RbBr}$ 、 $\text{CsI}$  和  $\text{Li}_2\text{O}$ )的核间距离数据,用半经验方法推出大量的离子半径。因为离子的大小由它最外层电子的分布所决定,而最外层电子的分布与有效核电荷成反比,即

$$r = \frac{c_n}{Z - \sigma} = \frac{c_n}{Z^*} \quad (9.14)$$

式中  $c_n$  为由量子数  $n$  决定的常数,对于等电子的离子或原子,  $c_n$  取相同数值。屏蔽常数可按 Slater 规则估算(见 2.4 节)。Pauling 给出 Ne 型离子的  $\sigma = 4.52$ <sup>①</sup>,这样可得

$$r_{\text{Na}^+} = \frac{c_n}{11 - 4.52} \quad (9.15)$$

$$r_{\text{F}^-} = \frac{c_n}{9 - 4.52} \quad (9.16)$$

① 按 Slater 规则计算屏蔽常数为

$$\sigma = 2 \times 0.85 + 8 \times 0.35 = 4.50 \quad \text{或} \quad \sigma = 2 \times 0.85 + 7 \times 0.35 = 4.15$$

两者所得  $Z^*(\text{Na}^+)/Z^*(\text{F}^-)$  差别不大。

由实验测定 NaF 晶体的晶胞参数,从中得

$$r_{\text{Na}^+} + r_{\text{F}^-} = 231 \text{ pm} \quad (9.17)$$

解(9.15)~(9.17)这 3 个联立方程,即得  $r_{\text{Na}^+} = 95 \text{ pm}$ ,  $r_{\text{F}^-} = 136 \text{ pm}$ ,  $c_n = 615$ 。用此方法推引 1-1 价离子晶体所得的半径,适用于 1-1 价离子的场合。有了  $c_n$  值,即可计算各种 Ne 型离子的单价半径,例如  $\text{O}^{2-}$  的  $r_1 = 615/Z^* = 176 \text{ pm}$ 。其他 Ne 型离子也可用  $r_1 = 615/Z^*$  求算,其数值列入下表(单位 pm)。

$\text{C}^4$	$\text{N}^{3-}$	$\text{O}^{2-}$	$\text{F}^-$	Ne	$\text{Na}^+$
414	247	176	136	112	95
$\text{Mg}^{2+}$	$\text{Al}^{3+}$	$\text{Si}^{4+}$	$\text{P}^{5+}$	$\text{S}^{6+}$	$\text{Cl}^{7+}$
82	72	65	59	53	49

$\text{Mg}^{2+}$  和  $\text{O}^{2-}$  是二价离子,在 MgO 晶体中,  $(1/2)a = 210 \text{ pm}$ , 比单价半径和 ( $82 + 176 = 258 \text{ pm}$ ) 要小。这是因为这时正负离子间的引力要四倍于单价离子相同距离的同型晶体。根据上节计算点阵能的公式(9.10)式可知,当  $|Z_+| = |Z_-| = Z$  时,(9.10)式可化为

$$\frac{Z^2 e^2 AN}{4\pi\epsilon_0} r_c^{m-1} = -mB \quad (9.18)$$

若近似地将  $Z$  价和 1 价的平衡距离之比看作  $Z$  价和 1 价离子半径之比,则因(9.18)式右边是常数,可得  $Z^2 r_2^{m-1} = 1^2 r_1^{m-1}$ ,即

$$r_2 = r_1 (Z)^{-2/(m-1)} \quad (9.19)$$

Ne 型离子  $m=7$ ,对二价离子  $Z=2$ ,则  $r_2 = r_1 (2)^{-1/3}$ ,即

$$r_2 = 0.794 r_1$$

$\text{O}^{2-}$  的晶体半径应为  $0.794 \times 176 = 140 \text{ pm}$ ,  $\text{Mg}^{2+}$  为  $0.794 \times 82 \text{ pm} = 65 \text{ pm}$ 。Pauling 即按上述方法从各种离子的单价半径,按(9.19)式算出晶体半径。这种晶体半径称为 Pauling 离子半径,它覆盖面较大,被广泛采用。表 9.5 列出若干种离子的 Pauling 离子半径数据。

表 9.5 Pauling 离子半径/pm<sup>[5]</sup>

Ag <sup>+</sup>	126	Co <sup>3+</sup>	63	Hg <sup>2+</sup>	110	Nb <sup>5+</sup>	70	Si <sup>4+</sup>	41
Al <sup>3+</sup>	50	Cr <sup>2+</sup>	84	I <sup>-</sup>	216	Ni <sup>2+</sup>	72	Sr <sup>2+</sup>	113
As <sup>3+</sup>	222	Cr <sup>3+</sup>	69	In <sup>+</sup>	132	Ni <sup>3+</sup>	62	Sn <sup>2+</sup>	112
As <sup>5+</sup>	47	Cr <sup>6+</sup>	52	In <sup>3+</sup>	81	O <sup>2-</sup>	140	Sn <sup>4+</sup>	71
Au <sup>+</sup>	137	Cs <sup>+</sup>	169	K <sup>+</sup>	133	P <sup>3+</sup>	212	Te <sup>2+</sup>	221
B <sup>3+</sup>	20	Cu <sup>+</sup>	96	La <sup>3+</sup>	115	P <sup>5+</sup>	34	Ti <sup>2+</sup>	90
Ba <sup>2+</sup>	135	Cu <sup>2+</sup>	70	Li <sup>+</sup>	60	Pb <sup>2+</sup>	120	Ti <sup>3+</sup>	78
Be <sup>2+</sup>	31	Eu <sup>2+</sup>	112	Lu <sup>3+</sup>	93	Pb <sup>4+</sup>	84	Ti <sup>4+</sup>	68
Bi <sup>3+</sup>	74	Eu <sup>3+</sup>	103	Mg <sup>2+</sup>	65	Pd <sup>2+</sup>	86	Tl <sup>-</sup>	140
Br	195	F	136	Mn <sup>2+</sup>	80	Ra <sup>2+</sup>	140	Tl <sup>3+</sup>	95
C <sup>4</sup>	260	Fe <sup>2+</sup>	76	Mn <sup>3+</sup>	66	Rb <sup>+</sup>	148	U <sup>4+</sup>	97
C <sup>4+</sup>	15	Fe <sup>3+</sup>	64	Mn <sup>4+</sup>	54	S <sup>2</sup>	184	V <sup>2+</sup>	88
Ca <sup>2+</sup>	99	Ga <sup>+</sup>	113	Mn <sup>7+</sup>	46	S <sup>6+</sup>	29	V <sup>3+</sup>	74
Cd <sup>2+</sup>	97	Ga <sup>3+</sup>	62	Mo <sup>6+</sup>	62	Sb <sup>2</sup>	245	V <sup>4+</sup>	60
Ce <sup>3+</sup>	111	Ge <sup>2+</sup>	93	N <sup>3+</sup>	171	Sb <sup>5+</sup>	62	V <sup>5+</sup>	59
Ce <sup>4+</sup>	101	Ge <sup>4+</sup>	53	N <sup>5+</sup>	11	Sc <sup>3+</sup>	81	Y <sup>3+</sup>	93
Cl <sup>-</sup>	181	H <sup>-</sup>	208*	Na <sup>+</sup>	95	Se <sup>2</sup>	198	Zn <sup>2+</sup>	74
Co <sup>2+</sup>	74	Hf <sup>4+</sup>	81	NH <sub>4</sub> <sup>+</sup>	148	Se <sup>6+</sup>	42	Zr <sup>4+</sup>	80

\* 表中 H<sup>-</sup>数据(208 pm)偏大,一般常用 140 pm。

## 2- 有效离子半径

Shannon(香农)等归纳整理实验测定的上千个氧化物和氟化物中正负离子间距离的数据,并假定正负离子半径之和即等于离子间的距离,考虑了配位数、电子自旋状况、配位多面体的几何构型等对正负离子半径的影响,对某种固定的负离子、结构类型相同的一系列化合物,其晶胞体积正比于正离子的体积(但不一定是直线关系)。他们以 Pauling 提出的配位数为 6 的 O<sup>2-</sup> 半径为 140 pm, F<sup>-</sup> 半径为 133 pm 作为出发点,用 Goldschmidt 方法划分离子间距离为离子半径,经过多次修正,提出一套较完整的离子半径数据,称为有效离子半径。所谓“有效”,是指这些数据是由实验测定的数据推得,而离子半径之和与实验测定的离子间的距离相比,

符合得最好。(若从  $O^{2-}$  半径为 132 pm 出发,可得另一套半径值。)

表 9.6 列出一些离子在不同价态、不同配位数和几何形状条

表 9.6 有效离子半径/pm<sup>[7]</sup>

离子	配位数	半径值	离子	配位数	半径值	离子	配位数	半径值
Ag <sup>+</sup>	2	67	Co <sup>2+</sup>	4(HS)	58	K <sup>+</sup>	8	151
	4	100		6(LS)	65		12	164
	4(sq)	102	Co <sup>3+</sup>	6(HS)	74.5	La <sup>3+</sup>	6	103.2
	6	115		6(LS)	54.5		12	136
Al <sup>3+</sup>	4	39	Cr <sup>2+</sup>	6(HS)	61	Li <sup>+</sup>	4	59
	6	53.5		6(LS)	73		6	76
As <sup>3+</sup>	6	58	Cr <sup>3+</sup>	6(HS)	80	Lu <sup>3+</sup>	6	86.1
As <sup>5+</sup>	4	33.5		6	61.5		6	86.1
	6	46	Cr <sup>6+</sup>	4	26	Mg <sup>2+</sup>	4	57
Au <sup>-</sup>	6	137	Cs <sup>+</sup>	6	167		6	72
	6	137		6	167	Mn <sup>2+</sup>	6(LS)	67
Au <sup>3+</sup>	4(sq)	68	Cu <sup>+</sup>	2	46		6(HS)	83
	6	85		4	60	Mn <sup>7+</sup>	4	25
B <sup>3+</sup>	3	1		6	77		6	102
	4	11	Cu <sup>2+</sup>	4	57	Ni <sup>3+</sup>	6	69
Ba <sup>2+</sup>	6	27		4(sq)	57		6(LS)	56
	6	135	F <sup>-</sup>	5	65	O <sup>2-</sup>	6(HS)	60
Be <sup>2+</sup>	8	142		6	73		3	136
	9	147	Fe <sup>2+</sup>	2	128.5	P <sup>3-</sup>	4	138
	4	27		3	130		6	140
Br <sup>-</sup>	6	45	Fe <sup>3+</sup>	4	131	P <sup>5+</sup>	8	142
	6	196		6	133		6	44
C <sup>4+</sup>	4	15	Fe <sup>2+</sup>	4(HS)	63	Rb <sup>+</sup>	4	17
	6	16		4(sq)	64		6	152
Ca <sup>2+</sup>	6	100	Fe <sup>3+</sup>	6(LS)	61	S <sup>2-</sup>	6	184
	9	118		6(HS)	78		4	12
Cd <sup>2+</sup>	4	78	Fe <sup>3+</sup>	4(HS)	49	Si <sup>4+</sup>	4	26
	6	95		6(LS)	55		6	40
Ce <sup>3+</sup>	6	101	I <sup>-</sup>	6(HS)	64.5	Ti <sup>4+</sup>	4	42
Ce <sup>4+</sup>	6	87		6	220		6	54
	6	87	K <sup>+</sup>	6	138	V <sup>5+</sup>	6	54
Cl <sup>-</sup>	6	181		6	138		4	60
						Zn <sup>2+</sup>	4	60



件下的有效离子半径值。在配位数栏中(sq)代表平面四方形配位，(HS)代表高自旋状态，(LS)代表低自旋状态。

### -3- 离子半径的变化趋势

在周期表中，离子半径的大小有一些共同变化趋势。

(1) 在周期表 s 区和 p 区各族元素中，同族元素的离子半径随原子序数增加而增加。例如，I A 族 6 配位的离子半径(pm)为

$\text{Li}^+$	$\text{Na}^+$	$\text{K}^+$	$\text{Rb}^+$	$\text{Cs}^+$
76	102	138	152	167

因为同一族原子的价电子层结构相同，而最外层电子的主量子数随原子序数的增加而增加。

(2) 在周期表的每一周期中，核外电子数相同的正离子系列中，离子半径随着正电荷数的增加而下降。例如当配位数为 6 时，离子半径(pm)为

$\text{Na}^+$ 102	$\text{Mg}^{2+}$ 72	$\text{Al}^{3+}$ 53.5		
$\text{Au}^+$ 137	$\text{Hg}^{2+}$ 102	$\text{Tl}^{3+}$ 88.5	$\text{Pb}^{4+}$ 77.5	

这是因为在每一周期内，等电子离子随着原子序数的增加而核外电子数并没有增加，核对外层电子增加了吸引力；而且随着离子价数的增加，高价离子间静电吸引力增强，而使离子间距离缩短。

(3) 就同一元素各种价态的离子，电子数越多，离子的半径(pm)越大。例如

$\text{Cr}^{2+}$	$\text{Cr}^{3+}$	$\text{Cr}^{4+}$	$\text{Cr}^{6+}$
80	62	55	44

从整个周期表看，负离子的半径一般要比正离子的半径大，负离子的半径约在 130~230 pm，而正离子的半径则小于 190 pm。

(4) 核外电子数相同的负离子对,随着负电价的增加而半径(pm)略有增加。例如

$F^-$	133	$O^{2-}$	140
Cl	181	$S^{2-}$	184
Br	196	$Se^{2-}$	198

增加数量很少,这是因为较高价的负离子以及和它配位的正离子吸引力增加,抵消了负电价增加引起离子半径的增加。

(5) 镧系元素三价离子的半径(6配位),从  $La^{3+}$  的 103.2 pm 随着原子序数的增加逐渐下降到  $Lu^{3+}$  的 86.1 pm。此为镧系收缩效应所引起,它使镧系以后的元素离子半径相应地也有所减小,以致锆和铪、铌和钽、钼和钨等同族的第五和第六周期元素具有几乎相等的离子半径。

和镧系元素同族的  $Y^{3+}$  的离子半径为 90 pm,它的性质和镧系相似。通称的稀土元素包括 Y 在内。

## 9.4 离子配位多面体及其连接规律

为了描述复杂离子化合物的结构,揭示这些化合物的结构规律,通常引入离子配位多面体及有关离子晶体的结构规则:将正离子周围邻接的负离子的中心互相联成的多面体称为正离子配位多面体;将配位多面体作为结构单元,观察它们互相连结的方式,这是描述离子晶体结构的重要方法。

### -1- 正负离子半径比和离子的配位多面体

具有惰性气体电子组态的离子呈球形,它和荷电相反的离子的作用是各向同性的。若从简单的静电作用考虑,由球形的  $M^{z+}$  和  $X^{z-}$  离子组成的结构中,最稳定的排列是按对称的方式进行,并使正负离子相互接触。通常由于负离子的半径比正离子大,可以认

为在离子晶体中正离子位于负离子形成的配位多面体的中心,而多面体的型式主要取决于半径比  $r_+/r_-$ 。现以配位数为 6 的八面体配位为例。

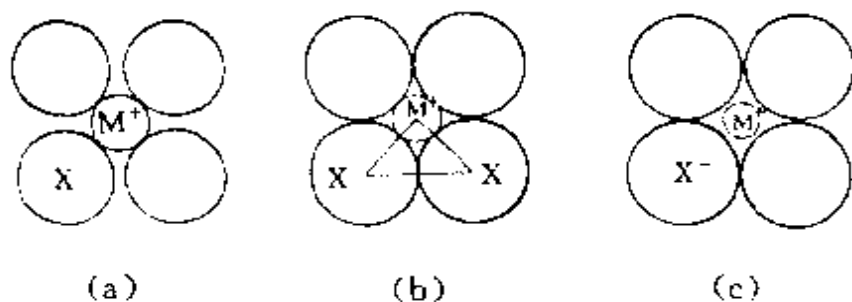


图 9.10 八面体配位中正负离子的接触情况

在八面体配位中,离子间的接触情况有三种(分示于图 9.10 中):

- 正负离子相互接触,而负离子之间不接触;
- 正负离子之间和负离子之间都相互接触;
- 负离子之间接触,而正负离子之间不接触。

由图 9.10(b)可以得到

$$r_+ = (r_+ + r_-) / \sqrt{2}$$

$$r_+ / r_- = \sqrt{2} - 1 = 0.414$$

所以当  $r_+/r_- < 0.414$  时,正负离子不相接触,而负离子自己相互接触,这时静电排斥力大,而吸引力小,晶体不很稳定;当  $r_+/r_- > 0.414$  时,正负离子相接触,而负离子自己不接触,因而静电吸引力大,排斥力小,晶体比较稳定。另一方面,正离子周围负离子数越多,即配位数越高,由 Madelung 常数的表达式可知,配位数高,第一项数值大,静电吸引力大,晶体的势能低。为了使晶体稳定,最优条件是正负离子相互接触,配位数尽可能的高。所以配位数为 6 的条件是  $r_+/r_- \geq 0.414$ 。但当  $r_+/r_-$  大到 0.732 时,正离子周围就有可能安排 8 个负离子,使正负离子相互接触。按照这种计算和推理,可得表 9.7 所示的配位多面体的半径比的极限值。

表 9.7 配位多面体的极限半径比

配位多面体	配位数	$r_+/r_-$ 的最小值
平面三角形体	3	0.155
四面体	4	0.225
八面体	6	0.414
立方体	8	0.732
立方八面体	12	1.000

对典型的离子晶体,根据离子半径数据,就可以从几何的观点推测其结构。例如

半径比( $r_+/r_-$ )	0.225—0.414	0.414	0.732	>0.732
推测结构	四面体配位	八面体配位	立方体配位	

正负离子半径比只是影响晶体结构的一个因素,在复杂多样的离子晶体中,还有其他因素影响晶体的结构。例如

●  $M-X$  间共价键的成分增大,中心原子按一定数目的共价键的方向性与周围原子形成一定几何形状的配位体,并使  $M-X$  键缩短。

● 某些过渡金属常形成  $M-M$  键,使配位多面体扭歪,例如  $VO_2$ 、 $MoO_2$ 、 $ReO_2$  形成扭歪的金红石型结构。

●  $M^{n+}$  周围  $X^-$  的配位场效应使离子配位多面体变形。  
所以离子晶体究竟采取什么样的结构形式,配位多面体是否有所变形,需要通过实验测定,而不能简单地从单一几何因素去推论。

## 2- 配位多面体的连接

在无机化合物中,最重要的配位多面体是八面体和四面体。原则上这些多面体可共顶点或共棱或共面连接,但是共棱和共面会使处在多面体中心的离子相互间的距离缩短。表 9.8 示出两个规

则的  $\text{MX}_4$  四面体连接时和两个规则的  $\text{MX}_6$  八面体连接时,处在多面体中心的  $\text{M}-\text{M}$  间的距离。表中共顶点和共棱的距离指的是最大值。由表可见,共面连接会大大缩短  $\text{M}-\text{M}$  间的距离,使同号离子间的排斥能增加,降低晶体结构的稳定性,所以对典型的离子化合物共面连接的方式很少。

表 9.8 两个规则的  $\text{MX}_4$  和两个规则的  $\text{MX}_6$  连接时  $\text{M}-\text{M}$  间距离

多面体	和 $\text{X}-\text{X}$ 距离相比			和 $\text{M}-\text{X}$ 距离相比		
	共顶点	共 棱	共 面	共顶点	共 棱	共 面
四面体	1.22	0.71	0.41	2.00	1.16	0.67
八面体	1.41	1.00	0.82	2.00	1.41	1.16

多面体的连接方式和化学组成有密切关系,配位多面体的连接方式不同,化学组成也不同;反之,同样的组成,结构不同,多面体的连接方式可以有所不同。满足电中性,即正负电荷相等是所有离子必须遵循的原则。这对了解多面体的连接方式也有一定的帮助。在实习 8 中,要求观察一些简单的离子化合物的模型,了解离子配位多面体的连接方式。而复杂的离子化合物,将在 9.5 节中,以硅酸盐为例,了解配位四面体的若干连接方式。

### -3- 离子晶体结构的 Pauling 规则

早在 1928 年,Pauling 就根据当时已测定的结构数据和点阵能公式反映的原理,提出了关于离子化合物结构的 5 个规则,简称 Pauling 规则。以后在《化学键的本质》(见 1960 年版 13.6 节)一书中,Pauling 将它归纳成下面三个方面加以叙述<sup>[5]</sup>。这些内容对于了解和说明复杂的离子化合物的结构有重大意义。

#### 1. 离子配位多面体规则

这一规则指明围绕着正离子的负离子配位多面体的性质,即在正离子的周围形成了负离子配位多面体。正离子与负离子之间

的距离取决于正负离子半径之和,而配位数取决于半径之比。这一规则的基础已在本节前面加以叙述。

## 2. 离子电价规则

这一规则说明在一个稳定的离子化合物结构中,每一负离子的电价等于或近乎等于从邻近的正离子至该负离子的各静电键的强度的总和,即

$$Z_- = \sum_i s_i = \sum_i \frac{Z_i}{\nu_i}$$

式中  $Z_-$  为负离子的电荷,  $Z_i$  为正离子所带的电荷,  $\nu_i$  为它的配位数,  $s_i$  定义为静电键强度。

下表归纳了几种稳定的氧化物中  $O^{2-}$  的电价(其值正好等于从邻近配位正离子提供的电价)。

稳定的氧化物	和 $O^{2-}$ 配位的离子	O 的电价
石英( $SiO_2$ )	2 个 $Si^{4+}$	$4/4 + 4/4 = 2$
黄玉( $Al_2SiO_4F_2$ )	1 个 $Si^{4+}$ , 2 个 $Al^{3+}$	$4/4 + 2 \times (3/6) = 2$
橄榄石( $Mg_2SiO_4$ )	1 个 $Si^{4+}$ , 3 个 $Mg^{2+}$	$4/4 + 3 \times (2/6) = 2$

表中  $Si^{4+}$ (四面体),  $Al^{3+}$ (八面体),  $Mg^{2+}$ (八面体); 每一个 Si—O 键、Al—O 键和 Mg—O 键的静电键强度分别为 4/4、3/6 和 2/6。

电价规则规定了公用同一配位多面体顶点的多面体数目,是 Pauling 规则的核心,涉及多面体的顶点如何公用的问题。

根据电价规则的计算,  $CO_3^{2-}$ 、 $NO_3^-$ 、 $PO_4^{3-}$ 、 $SO_4^{2-}$ 、 $ClO_4^-$  等在晶体中应为分立的离子团,它们在各自的晶体中不会公用  $O^{2-}$ 。例如  $CO_3^{2-}$  中,每一个 C—O 键强度为 4/3,由于 O 的电价为 2,除去 4/3,只剩 2/3,不能同时和两个 C 连接。所以  $CO_3^{2-}$  是分立的离子团。在  $SiO_4^{4-}$  中,  $O^{2-}$  则能公用在两个  $SiO_4^{4-}$  四面体之间。

## 3. 离子配位多面体共用顶点、棱边和面的规则

这个规则指明在一个配位多面体结构中,共边连接和共面连

接会使结构的稳定性降低;而正离子的价数越高,配位数越小,这一效应就越显著。

离子晶体结构稳定性降低主要是由正离子间的库仑斥力所引起。当2个四面体共边连接时,将使位于四面体中心的正离子之间的距离缩短,由表9.8可知,共棱时的距离只有共顶点时的  $116/200=0.58$ ,共面时的距离则只有共顶点时的0.33。所以,共边和共面连接,相应的库仑斥力项增大,降低晶体的稳定性。特别是对带高电荷的正离子来说尤其如此。

根据这些考虑,还可推测出:在含有各种不同正离子的晶体中,价数高而配位数小的正离子,趋向于彼此间不共用多面体的几何元素。

#### 4- 键价方法

Pauling 规则是个定性规则。近年来,根据大量晶体结构数据以及化学键和原子价的概念,提出键价方法<sup>[8,9]</sup>。这个方法用原子间的距离和经验参数定量地计算晶体中每个原子的键价,用以阐明复杂晶体的结构和性能的关系,发展了 Pauling 的电价规则。

键价方法指出,每个原子和周围配位原子间的键价总和等于它的原子价。

原子和配位原子间键价( $S$ )可由该原子在结构中<sub>与周围配位原子间的键长( $R$ )</sub>,通过公式

$$S = \left\{ \frac{R}{R_0} \right\}^{-N} \quad \text{或} \quad S = \exp \left[ -\frac{R - R_0}{B} \right]$$

计算得到。式中  $R_0$  为单价键长,即键长  $R=R_0$  时,  $S=1$ ,  $N$  和  $B$  为常数。Brown(勃朗)等人给出各种电正性元素与 O, N, X, S 等成键时的  $R_0, N, B$  数值。表9.9列出部分元素和 O 结合时计算键价的参数  $R_0, N, B$  的数值。将所研究的原子和各个配位原子间的键价加和在一起,即得该原子的键价,其数值应接近于它的原子价。

表 9.9 若干元素和氧键合时计算键价的参数

元素	$R_0/\text{pm}$	$N$	$B$	元素	$R_0/\text{pm}$	$N$	$B$
H	87	2.2		Cl(VI)	162.2	4.7	
Li	129.2		48	K	227.6	9.1	
Be	137.4		38	Ca	190.9	5.4	
B	136.6		37	Ti(IV)	180.6	5.2	
C	137	4.4		V(V)	179.1	5.1	
	140		26	Cr(VI)	179		34
N	143	4.0		Cr(III)	173.3	5.2	
	141		39	Mn(VI)	178.0	5.43	
Na	166.1		44	Mn(IV)	177.4	5.2	
Mg	163.6		42	Mn(II)	179.8	5.6	
Al	164.4		38	Fe(III)	178.0	5.7	
Si	163		36	Fe(II)	176.4	5.5	
P	162		36	Co(II)	172.7	5.6	
S(VI)	161.4		36	Ni(II)	168.0	5.4	
S(IV)	162.9	4.6		Cu(II)	171.8	6.0	
As(V)	177		41	Zn(II)	167.5		39
Se(VI)	177.5	5.0		Mo(VI)	190		33
Ag(I)	194.6	7.4		W(VI)	190.4	6.0	
				La(III)	216.7	6.5	

键价方法有广泛的应用,例如:

(1) 计算各离子团或晶体中各原子间化学键的键价。不论键型如何,一般均可应用。例如 MgO 晶体属于 NaCl 型, Mg—O 间距离为 210.56 pm, 根据表 9.9 中所给 Mg 的  $R_0$  ( $=163.6$  pm) 和  $B$  ( $=42$ ) 数值, 可算得 Mg—O 键的键价

$$S = \exp \left[ - \frac{210.6 - 163.6}{42} \right] = 0.33$$

所以每个 Mg—O 键强度相当于 0.33 个键。Mg 的配位数为 6,  $6 \times 0.33 = 2$ , 近似等于它的原子价。

又如  $\text{PO}_4^{3-}$  中 P—O 键长 154 pm, 由表 9.9 所列数据, 可算得键价



$$S = \exp \left[ -\frac{154 - 162}{36} \right] = 1.25$$

说明  $\text{PO}_4^{3-}$  中 P—O 键比单键要强些, 而 4 个键的键价之和为 5, 正好等于 P 的原子价。

$\text{V}_2\text{O}_5$  是层型结构, 每个 V 原子和周围 6 个 O 原子呈变形八面体配位(若略去层间微弱的配位原子, 可看作四方锥形配位), 其键长和键价(按表 9.9 提供的  $R_0$  和  $N$  值计算)分别为

V—O 键长/pm	159	178	188	188	202	281
V—O 键价	1.835	1.032	0.780	0.780	0.541	0.100

由此可见, 这 6 个键价之和为 5.0, 与 V 的原子价相等。最强的键相当于双键, 在最强键的反位位置是层间微弱的作用力, 键价只有 0.100。

(2) 用键价方法计算晶体中各个原子的价态, 可了解和辨别原子的种类。例如对于硅酸盐,  $\text{Si}^{4+}$  和  $\text{Al}^{3+}$  常常由于核外电子数相同, 配位情况相似, 互相置换形成固溶体, 不易区分, 但通过键价计算, 三价的  $\text{Al}^{3+}$  和四价的  $\text{Si}^{4+}$  可从键价的差别区分出来。

(3) 检验结构的正确性。一个正确的结构, 原子键价的计算值一般与原子价符合得很好。若发现偏差太大, 则需考虑测定的结构是否正确, 或者结构中存在其他因素, 需将结构重新加以审核。

(4) 帮助确定晶体结构中轻原子的位置。例如在钨酸锂 ( $\text{Li}_2\text{WO}_4$ ) 晶体中, 通过键价计算画出键价等高线分布图, 可定出 Li 原子的位置。

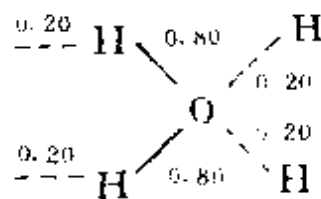
(5) 了解氢键的强弱和键价分配。例如在冰中, 氢键  $\text{O—H}\cdots\text{O}$  的键长, 通过实验测定得 O—H 距离 96 pm,  $\text{H}\cdots\text{O}$  距离 180 pm, O—H $\cdots$ O 总长 276 pm。由表 9.9 得

$$\text{O—H 键价} \quad S_1 = (96/87)^{-2.2} = 0.80$$

$$\text{H}\cdots\text{O 键价} \quad S_2 = (180/87)^{-2.2} = 0.20$$

所以冰中水分子周围键价分布如右图。

另外,通过键价计算可以了解键的强度(包括力常数)、酸碱性等。



键价法将正离子作为 Lewis 酸,负离子作为 Lewis 碱,每种正离子有它特征的酸价,每种负离子也有它特征的碱价,并可按式

$$\text{特征键价} = \text{原子价} / \text{平均配位数}$$

求出。当一种离子化合物的正离子的酸价和负离子的碱价接近相等时,这种化合物较稳定,而差别大时,稳定性差。

## 9.5 硅酸盐的结构化学<sup>[10]</sup>

### -1- 概述

硅酸盐是数量极大的一类无机物,约占地壳重量的 80%。地壳中的岩石、砂子、粘土、土壤,建筑材料中的砖瓦、水泥、陶瓷、玻璃,大都由硅酸盐组成。在各种矿床中,硅酸盐起着重要的作用,它几乎是所有金属矿物的伴生矿物,而有的硅酸盐本身就是金属矿物(如 Be、Li、Zn、Ni 等金属矿)或非金属矿物(如云母、滑石、石棉、高岭石等)。

在硅酸盐中,结构的基本单位是  $[\text{SiO}_4]$  四面体,四面体互相公用顶点连接成各种各样的结构型式。四面体的连接方式决定硅氧骨干的结构型式,是了解硅酸盐结构化学的基础。

在硅酸盐化学中,铝具有特殊的作用。由于  $\text{Al}^{3+}$  的大小和  $\text{Si}^{4+}$  相近,  $\text{Al}^{3+}$  可以无序地或有序地置换  $\text{Si}^{4+}$ ,置换数量有多有少,这时 Al 处在四面体配位中和 Si 一起组成硅铝氧骨干,形成硅铝酸盐。为了保持电中性,每当骨干中有  $\text{Al}^{3+}$  置换  $\text{Si}^{4+}$  时,必然伴随着引入其他正离子补偿其电荷。 $\text{Al}^{3+}$  的大小又适合于处在配位数为 6 的配位八面体中,这时  $\text{Al}^{3+}$  又可以作为硅氧骨干外的正离

子,起平衡电荷的作用。硅酸盐的结构存在下列特点:

●除少数例外,硅酸盐中 Si 处在配位数为 4 的  $[\text{SiO}_4]$  四面体中,其键长、键角的平均值为:  $d_{\text{Si-O}}=162 \text{ pm}$ ,  $\angle \text{OSiO}=109.5^\circ$ ,  $\angle \text{SiOSi}=140^\circ$ 。

●在天然硅酸盐中置换作用非常广泛而重要。Al 置换 Si 形成硅铝酸盐就很普遍,在  $[\text{AlO}_4]$  中,  $d_{\text{Al-O}}=176 \text{ pm}$ 。Al 也可占据配位八面体。Al 置换 Si 伴随有正离子进入,以平衡其电荷。

● $[(\text{Si}, \text{Al})\text{O}_4]$  只共顶点连接,而不共边和共面,而且两个  $\text{Si-O-Al}$  的能量要比一个  $\text{Al-O-Al}$  和一个  $\text{Si-O-Si}$  的能量低。

● $[\text{SiO}_4]$  四面体的每个顶点上的  $\text{O}^{2-}$  至多只能公用于两个这样的四面体之间。

表 9.10 若干硅(铝)氧骨干的结构型式和实例

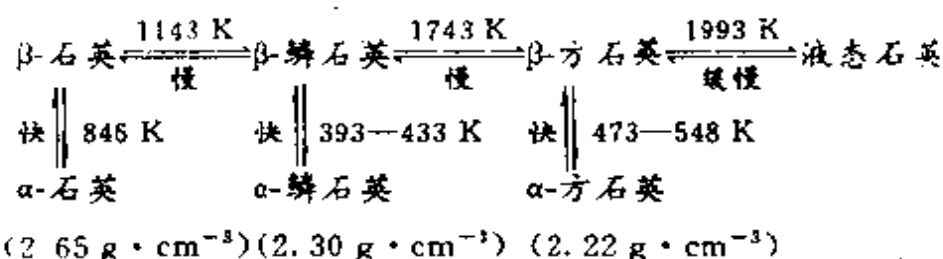
骨干型式		组成单元	实 例
分 立 型	孤立四面体	$[\text{SiO}_4]$	$\text{Mg}_2[\text{SiO}_4]$ 橄榄石
	双四面体	$[\text{Si}_2\text{O}_7]$	$\text{Zn}_4[\text{Si}_2\text{O}_7](\text{OH})_2 \cdot \text{H}_2\text{O}$ 异极矿
	三 环	$[\text{Si}_3\text{O}_9]$	$\text{BaTi}[\text{Si}_3\text{O}_9]$ 硅酸钡钛矿
	四 环	$[\text{Si}_4\text{O}_{12}]$	$\text{Ca}_2\text{Al}_2(\text{Fe}, \text{Mn})\text{BO}_3[\text{Si}_4\text{O}_{12}](\text{OH})$ 斧石
	六 环	$[\text{Si}_6\text{O}_{18}]$	$\text{Be}_3\text{Al}_2[\text{Si}_6\text{O}_{18}]$ 绿柱石
	双六环	$[\text{Si}_{12}\text{O}_{36}]$	$\text{KCa}_2(\text{AlBe}_2)[\text{Si}_{12}\text{O}_{36}] \cdot \frac{1}{2}\text{H}_2\text{O}$ 簪柱石
链 型	单 链	$[\text{SiO}_3]_n$	$\text{CaMg}[\text{SiO}_3]_2$ 透辉石
	双 链	$[\text{Si}_4\text{O}_{11}]_n$	$\text{Ca}_2\text{Mg}_5[\text{Si}_4\text{O}_{11}](\text{OH})_2$ 透闪石
		$[\text{Si}_6\text{O}_{17}]_n$	$\text{Ca}_6[\text{Si}_6\text{O}_{17}](\text{OH})_2$ 硬硅钙石
		$[\text{AlSiO}_5]_n$	$\text{Al}[\text{AlSiO}_5]$ 硅线石
层 型	六元环层	$[\text{AlSi}_3\text{O}_{10}]_n$	$\text{KAl}_2[\text{AlSi}_3\text{O}_{10}](\text{OH})_2$ 白云母
	四元环层	$[\text{Si}_4\text{O}_{10}]_n$	$\text{KCa}_4\text{F}[\text{Si}_4\text{O}_{10}]_2 \cdot 8\text{H}_2\text{O}$ 鱼眼石
	过渡型层	$[\text{AlSi}_3\text{O}_{10}]_n$	$\text{Ca}_2\text{Al}[\text{AlSi}_3\text{O}_{10}](\text{OH})_2$ 葡萄石
骨 架 型	硅 石	$[\text{SiO}_2]_n$	$\text{SiO}_2$ 石英
	长 石	$[\text{AlSi}_3\text{O}_8]_n$	$\text{KAlSi}_3\text{O}_8$ 正长石
	沸 石	$[\text{Al}_p\text{Si}_q\text{O}_{2(p+q)}]_n$	$\text{Na}[\text{AlSi}_2\text{O}_6] \cdot 4\text{H}_2\text{O}$ 八面沸石

●在硅铝酸盐中,硅铝氧骨干外的金属离子容易被其他金属离子置换,置换不同的离子,对骨干的结构变化较小,但对它的性能影响很大。

硅酸盐结构中硅(铝)氧骨干的结构型式可作为硅酸盐分类的基础。硅酸盐可分为分立型、链型、层型、骨架型4类(见表9.10)。

## -2- $\text{SiO}_2$ 的结构

在常压下,  $\text{SiO}_2$  有多种晶型,它们的名称和稳定存在的温度范围如下:



液态的  $\text{SiO}_2$  结晶比较困难,通常是固化成石英玻璃,石英玻璃热膨胀系数较小、软化点很高( $\sim 1800\text{ K}$ )、可透过紫外光、耐酸性强,所以有广泛的用途。上述三种石英的多晶型转变很不容易,在自然界的矿物中均可发现,而且每一种石英又存在两种高低温晶型:低温晶型称为 $\alpha$ 型,对称性较低;高温称 $\beta$ 型,对称性较高。 $\alpha$ -石英 $\longleftrightarrow\beta$ -石英转变温度为 $846\text{ K}$ , $\alpha$ -鳞石英 $\longleftrightarrow\beta$ -鳞石英转变温度为 $393\text{—}433\text{ K}$ , $\alpha$ -方石英 $\longleftrightarrow\beta$ -方石英为 $473\text{—}548\text{ K}$ ,后两者的 $\alpha$ - $\beta$ 转变是在不稳定的温度区间进行,说明这三种石英晶体间的变化是很困难的。

石英、鳞石英和方石英晶体均由 $[\text{SiO}_4]$ 四面体公用顶点连接而成的三维骨架。图9.11示出(a)石英、(b)鳞石英、(c)方石英等的 $\beta$ 型的结构。方石英和鳞石英的结构中硅原子位置分别相当于立方和六方 $\text{ZnS}$ 结构中 $\text{Zn}$ 和 $\text{S}$ 原子的位置。图中 $\text{Si—O—Si}$ 键用直线表示,是个理想化的图形,实际上氧原子的位置偏离 $\text{Si—Si}$ 的连线, $\text{Si—O}$ 键长 $161\text{ pm}$ ,这两种结构都比石英空旷,这可从它

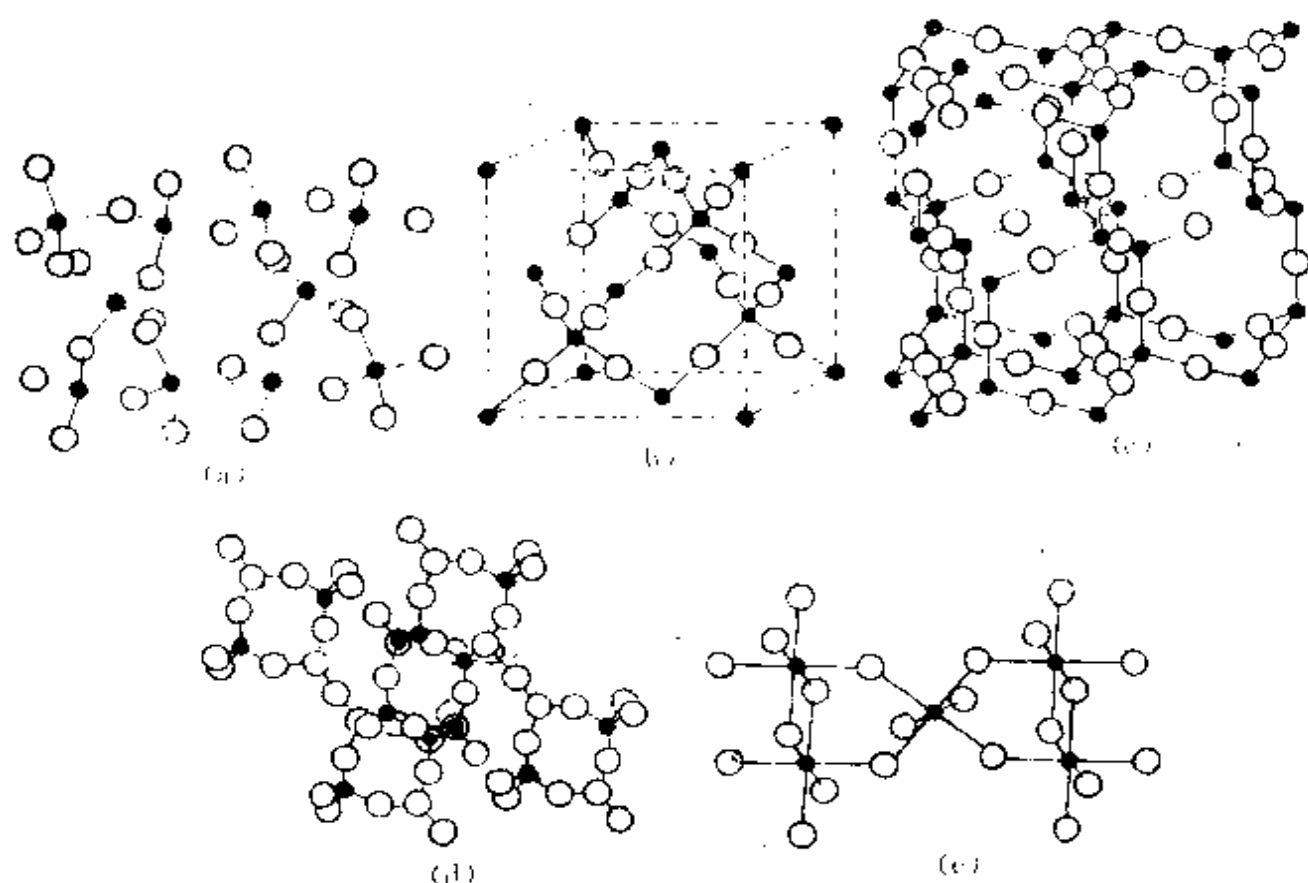


图 9.11  $\text{SiO}_2$  的结构

(a)石英 (b)方石英 (c)鳞石英 (d)柯石英 (e)超石英

们的密度数据看出。

石英的结构中[见图 9.11(a)]硅原子和氧原子在垂直于纸面的方向高度不同,呈螺旋型分布。常见的石英是 $\alpha$ 型, $\alpha$ -石英属 $D_3$ 点群, $\text{Si}-\text{O}$ 键长 159.7 pm 和 161.7 pm,  $\angle\text{SiOSi}$  为  $144^\circ$ ,它具有很强的压电效应和旋光性。由于石英是非中心对称晶体,具有左形和右形两种形态,能使光的偏振面旋转,当石英发生 $\alpha \rightarrow \beta$ 转变时,旋光性质仍能继承,即右旋 $\alpha$ -石英仍变为右旋 $\beta$ -石英,左旋 $\alpha$ -石英仍变为左旋 $\beta$ -石英。

在高压下  $\text{SiO}_2$  出现一些密度较高的晶型, 3GPa 压力、室温下可得柯石英(coesite),它的结构示于图 9.11(d)中,它的密度达  $2.89 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ 。当在 1500—1700 K 和 16 GPa 的条件下,  $\text{SiO}_2$  可转变成金红石型的超石英(stishovite),它的结构示于图 9.11(e)中,由图可见这时 Si 为六配位,近于正八面体型。

### -3- 各类硅酸盐的结构特点

#### 1. 分立型硅酸盐

结构中含有分立的硅氧骨干,如橄榄石( $\text{Mg}_2\text{SiO}_4$ ),锆英石( $\text{ZrSiO}_4$ ),石榴石 $[\text{Mg}_3\text{Al}_2(\text{SiO}_4)_3]$ 等。这类矿物堆积较密,属于重硅酸盐。另外有由2个、3个、6个、12个等 $[\text{SiO}_4]$ 四面体连成的分立骨干。

#### 2. 链型硅酸盐

链型硅酸盐可分为单链和双链两类。单链的特点是每个 $[\text{SiO}_4]$ 四面体公用两个顶点,连成一维无限长链。如硅灰石( $\text{CaSiO}_3$ ),透辉石 $[\text{CaMg}(\text{SiO}_3)_2]$ ,图9.12(a)示出单链的连接方式。双链的结构中有一部分 $[\text{SiO}_4]$ 四面体公用3个顶点互相连接,

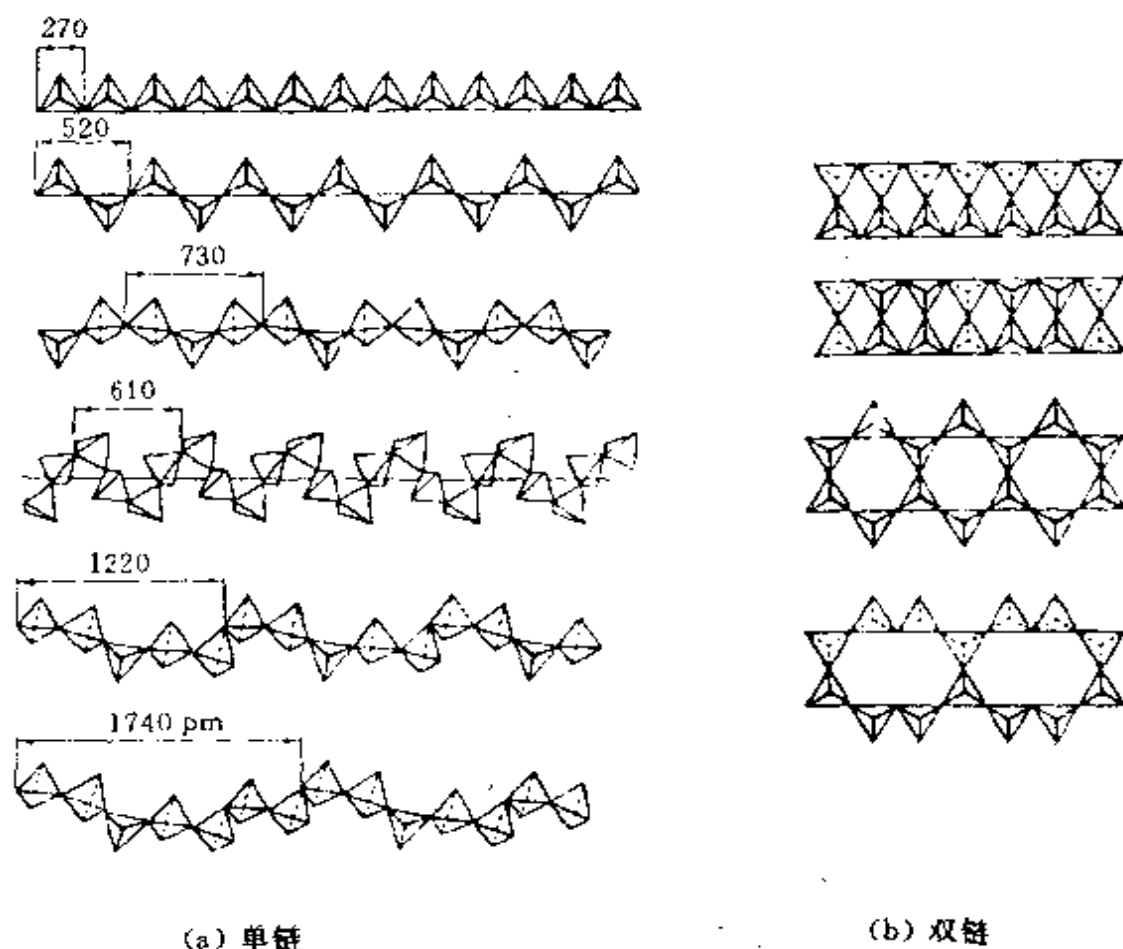


图 9.12 链型硅氧骨干连接型式

如角闪石。图 9.12(b) 示出双链结构。

链型硅酸盐中链间的结合力较薄弱, 容易出现平行于链轴的解理性。透辉石与角闪石均有明显的解理性。

透辉石的解理角为  $93^\circ$ , 而角闪石为  $56^\circ$ , 这一区别曾经是矿物学家划分辉石类与角闪石类硅酸盐的主要根据。这种解理角的差别, 是由结构中的链型骨干的型式及其内部结构的排列情况决定的。图 9.13 示出这两类硅酸盐的解理性和内部结构。

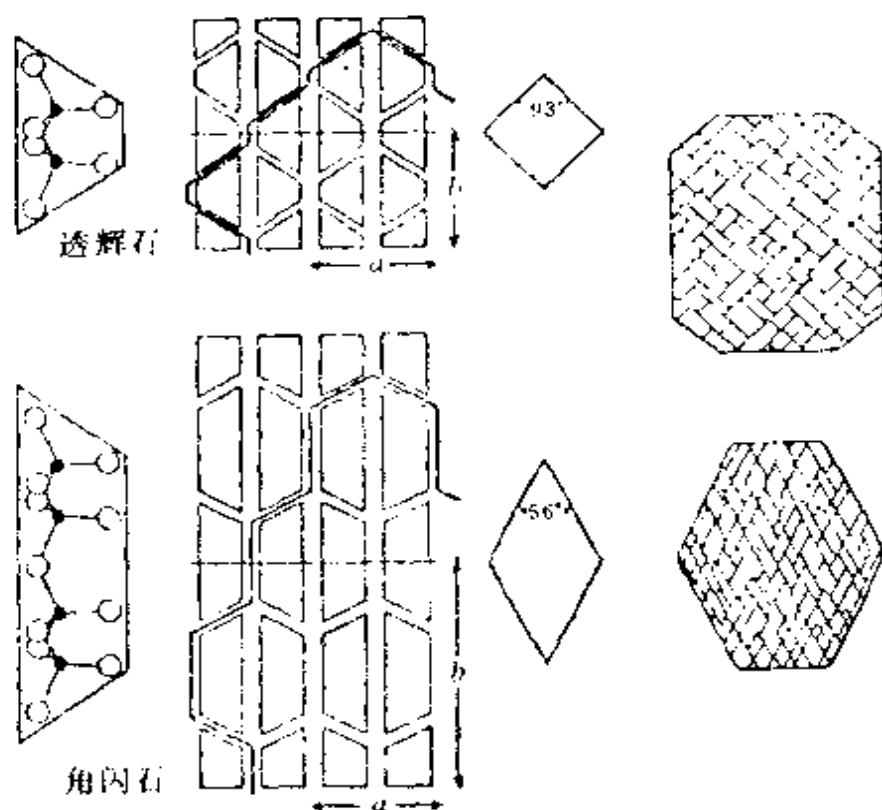


图 9.13 透辉石和角闪石的结构特征和解理性

石棉  $\text{Mg}_5(\text{Si}_4\text{O}_{11})_2(\text{OH})_2 \cdot \text{H}_2\text{O}$  的基本特征是能解理成纤维, 沿着纤维方向具有角闪石双链的结构。但作为矿物它是多种纤维的角闪石类的矿物的总称, 如透闪石、钠闪石、阳起石、纤维蛇纹石等。石棉矿物中大半是纤维蛇纹石  $[\text{Mg}_3\text{Si}_2\text{O}_5(\text{OH})_4]$ , 它属层型硅酸盐, 但由于层两边结构不同, 它会卷曲, 像把地毯卷起一样, 卷成直径约 10 nm 的一个个圆柱形纤维。

### 3. 层型硅酸盐

在层型硅酸盐中 $[\text{SiO}_4]$ 四面体公用 3 个顶点, 由于连接方式的不同, 可形成多种形式的层。在葡萄石中, 有的硅铝氧四面体共用 4 个顶点, 具有骨架型特点, 故称为过渡型。在六元环的层型结构中, 云母类和粘土类矿物是它的重要代表。图 9.14 示出 5 种层型硅酸盐的结构。

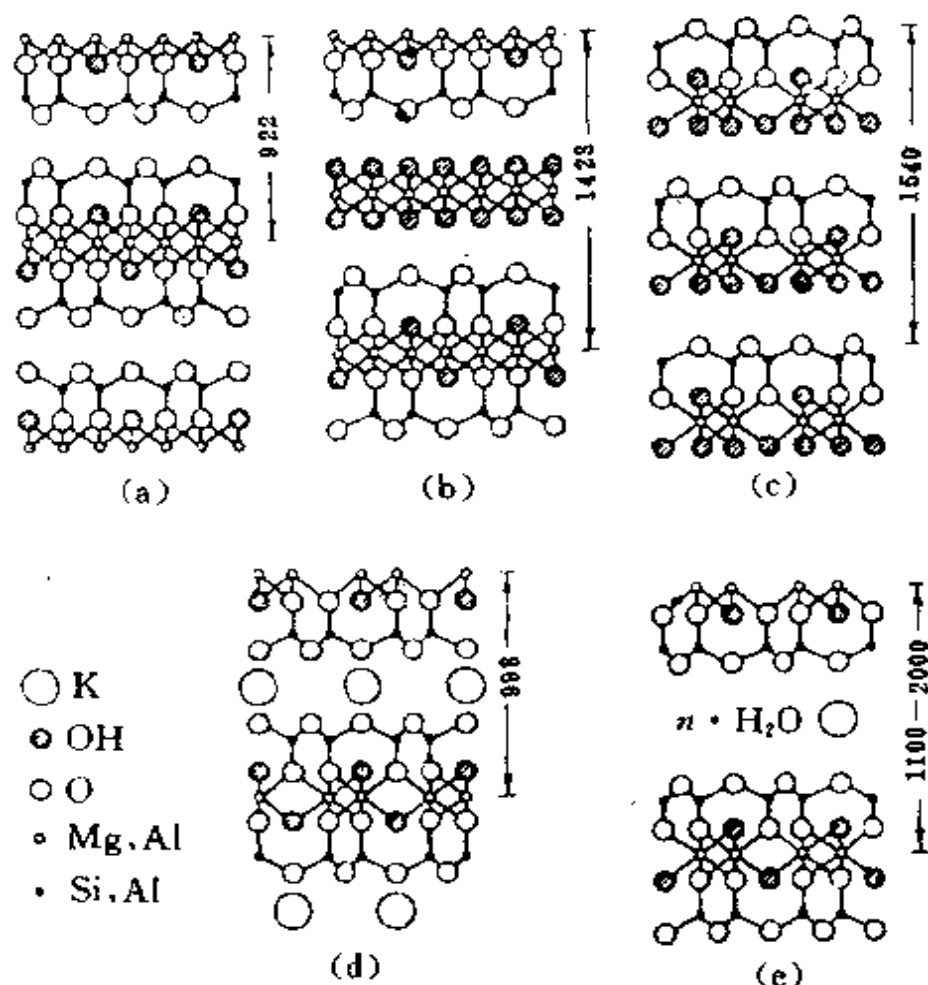


图 9.14 层型硅酸盐的结构(厚度单位为 pm)

(a) 滑石 (b) 绿泥石 (c) 高岭石 (d) 云母 (e) 蒙脱石

在白云母 $\{\text{KAl}_2(\text{OH})_2[\text{AlSi}_3\text{O}_{10}]\}$ 结构中,  $\text{K}^+$ 处于层型硅氧骨干之间, 配位数为 12, 每个  $\text{K}-\text{O}$  键的静电键强度为  $1/12$ , 很弱, 是云母易解理成薄片的结构根源。云母是重要的绝缘材料。



在层型硅酸盐中,层的结构可以存在多种型式;层内离子可以互相置换,化学成分可在很大的范围内变化;层间的水分子和金属离子有多有少,可有可无;层间的堆积型式可以有序,也可以无序,其结构和组成随着外界条件(水分的多少、盐的浓度、机械作用力等)改变而变化。所以由层型硅酸盐组成的粘土和土壤,其结构和性质是非常复杂多样的,但它们都是层型结构,沿层方向容易解理,晶粒较小,具有柔软、易水合、容易进行离子交换等共性。

#### 4. 骨架型硅酸盐

在硅石、长石、沸石等类骨架型硅酸盐中, $[\text{SiO}_4]$ 四面体的4个顶点都相互连接形成三维的骨架。除硅石外,各种骨架型硅酸盐均有 $\text{Al}^{3+}$ 置换 $\text{Si}^{4+}$ ,使骨架带有一定的负电荷,需在骨架外引入若干正离子。

长石是地壳岩石的主要成分,岩石界的三分之二系长石类的硅酸盐,像坚硬的花岗岩就是由长石、石英和云母组成的。各种长石的硅氧骨架 $(\text{AlSi}_3\text{O}_8)^{-}$ 都是相似的,在骨架中,硅(铝)氧四面体组成四元环,两个顶点向上,两个顶点向下。四元环与四元环连接,形成曲折的无限长链,链间通过数量较少的 $\text{Si}-\text{O}-\text{Si}$ 键结合而成三维骨架,如图9.15所示。

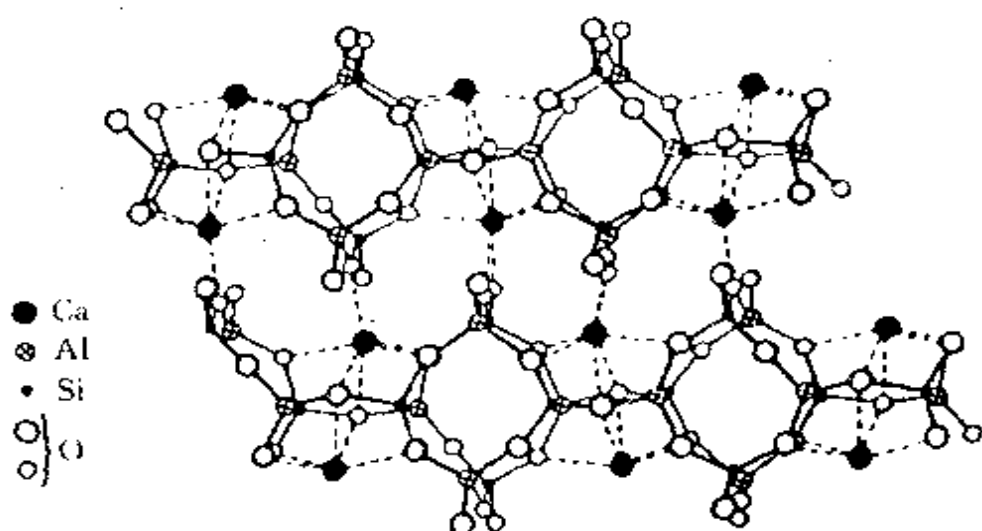


图 9.15 长石的结构

#### -4- 沸石分子筛

沸石是含水的骨架型硅铝酸盐,当它们受到灼烧时,由于晶体中的水被赶出,产生类似沸腾的现象,故称为沸石。已经发现自然界中的沸石矿物约 40 多种,除丝光沸石、斜发沸石、方沸石、钙十字沸石等少数几种数量较多外,其他数量都较少。人们根据沸石的化学组成和形成条件,从 40 年代末开始合成出和沸石结构相似的化合物,迄今已有百余种,其中 A 型、X 型、Y 型、ZSM 型等分子筛,已在工业生产中起了重大的作用。这类天然的或合成的硅铝酸盐,具有很空旷的硅氧骨架,有很多孔径均匀的孔道和内表面很大的孔穴,其中含有水分子,若将它加热,把孔道和孔穴内的水赶出,就能起吸附剂的作用;直径比孔道小的分子能进入孔穴,直径比孔道大的分子被拒之门外,起着筛选分子的作用,故称分子筛。

重要的分子筛有 A 型、X 型和 Y 型等,这些分子筛都可看作由立方八面体笼(又称方钠石笼)构成。立方八面体笼是由 24 个硅(铝)氧四面体连接而成的孔穴,它是一个十四面体,由立方体和八面体围聚而成,如图 9.16 所示。

将立方八面体笼放在立方体的 8 个顶点上,相互以四元环通

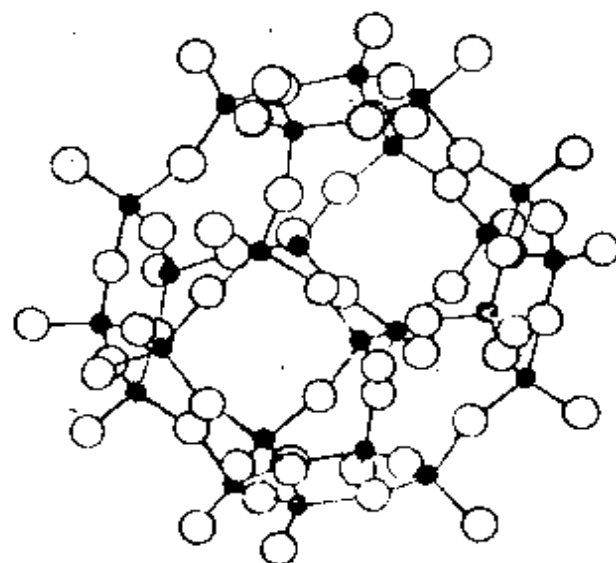


图 9.16 方钠石笼( $\beta$  笼)的结构

过立方体笼连接,这样所得的骨架即为A型分子筛的骨架结构。8个立方八面体笼连接后,在中心形成一个大 $\alpha$ 笼,它是一个二十六面体,孔穴直径达1140 pm,各个 $\alpha$ 笼相互间通过八元环互相连通,这八元环是A型分子筛的主要通道或孔窗。图9.17为A型分子筛

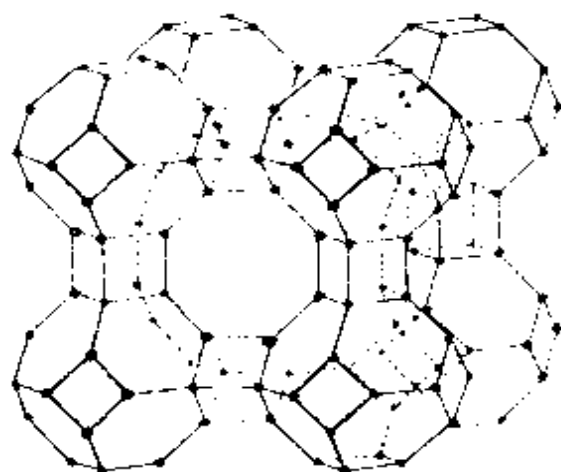


图 9.17 A 型分子筛的结构示意图

子筛的结构示意图。A型分子筛的化学式为 $\text{Na}_{12}[\text{Al}_{12}\text{Si}_{12}\text{O}_{48}] \cdot 29\text{H}_2\text{O}$ ,这种晶体孔窗直径约为4 Å (0.4 nm),称4A型分子筛。若以 $\text{K}^+$ 代 $\text{Na}^+$ ,孔窗变小,称3A型分子筛;若以 $\text{Ca}^{2+}$ 代 $\text{Na}^+$ , $\text{Ca}^{2+}$ 数目少,孔径增大至约5 Å,称5A型分子筛。孔径不同,分子筛的用途也不同:5A型分子筛可用于石油脱蜡,分离直链烷烃和侧链烷烃,用于气体和液体的深度干燥和纯化;4A型分子筛用于制作5A和3A分子筛的原料,用于气体和液体的深度干燥和纯化;3A分子筛用于深度干燥乙烯和丙烯等气体。分子筛是优良的干燥剂,其吸水能力仅次于五氧化二磷,但是它不潮解、不膨胀、不腐蚀、不沾污,能反复使用。

立方八面体笼有8个六元环,其中互不相邻的4个六元环呈四面体向分布。仿照金刚石中碳原子的四面体向连接方式,把立方八面体笼连接起来,连接相邻两个立方八面体笼的为六方柱笼,这样组成的三维骨架,即为X型和Y型分子筛骨架的结构,如图9.18所示。在骨架中,形成大的八面沸石笼,这个笼的自由径达

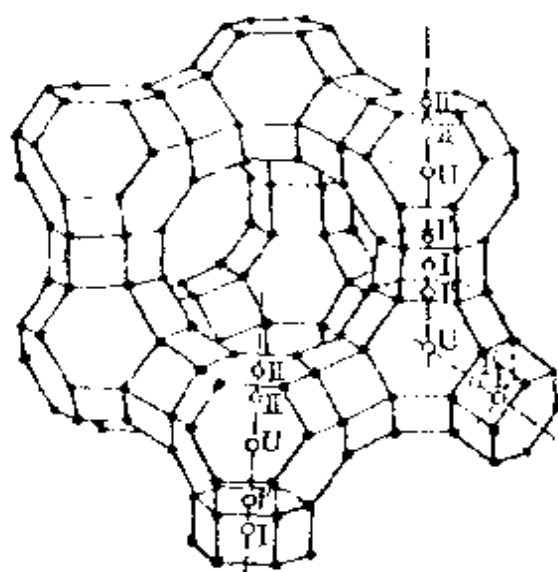


图 9.18 X型和Y型分子筛骨架及骨架外离子位置分布图

1180 pm, 笼和笼间通过十二元环连通, 因而有很大的孔窗。X型分子筛的  $\text{SiO}_2/\text{Al}_2\text{O}_3$  比值在 2.2—3.0 范围, 大于 3.0 的称 Y 型分子筛。X 型和 Y 型分子筛主要作为催化剂, 大量应用于石油炼制等工业中。作为催化剂, 骨架外金属离子常用稀土或其他过渡金属离子交换制成。骨架外金属离子主要分布在图 9.18 中所示的

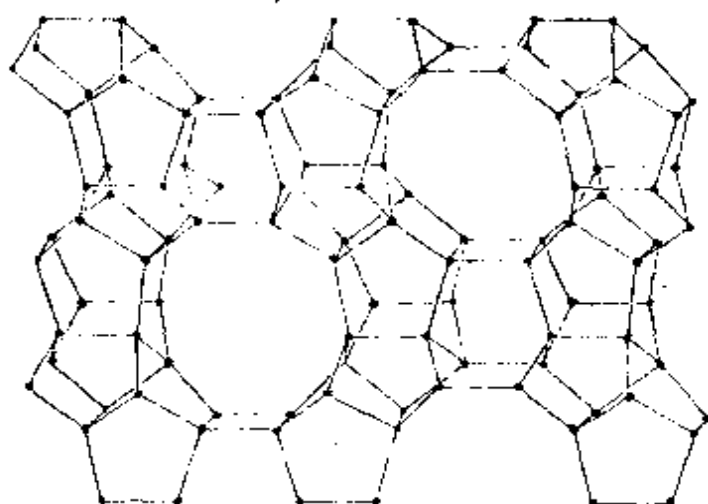


图 9.19 ZSM-5 型分子筛骨架的结构

I, I', II, II', U 等位置附近。

ZSM-5 型分子筛的骨架结构示于图 9.19 中。它在结构上的特点是含有大量的五元环,并具有空旷的孔道;在组成上 Si/Al 比值很高,能耐高温。

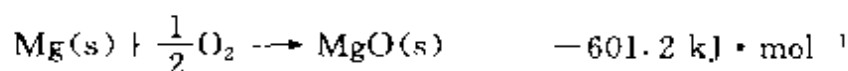
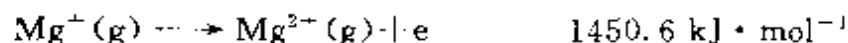
## 习 题 九

9.1 MgO 的晶体结构属 NaCl 型, Mg—O 最短距离为 210 pm。

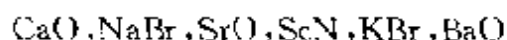
(a) 利用下面公式计算点阵能  $U$ 。

$$U = \frac{ANZ_+Z_-e^2}{r_e(4\pi\epsilon_0)} \left( 1 - \frac{\rho}{r_e} \right) \quad (\rho = 0.31 \times 10^{-10} \text{ m})$$

(b) O 原子的第二电子亲和能( $\text{O}^- + e \longrightarrow \text{O}^{2-}$  的能量)不能直接在气相中测定,试利用下列数据及(a)中得到的点阵能数据,按 Born-Haber 循环求算。



9.2 写出下列 NaCl 型晶体点阵能大小的次序及依据的原理。



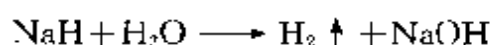
9.3 已知离子半径:  $\text{Ca}^{2+}$  99 pm,  $\text{Cs}^+$  182 pm,  $\text{S}^{2-}$  184 pm,  $\text{Br}^-$  195 pm,若立方晶系 CaS 和 CsBr 晶体均服从离子晶体的结构规则,请判断这两种晶体的正、负离子的配位数,配位多面体型式,负离子的堆积方式,晶体的结构型式。

9.4 已知  $\text{Ag}^+$  和  $\text{I}^-$  离子半径分别为 115 和 220 pm,若碘化银结构完全遵循离子晶体结构规律,  $\text{Ag}^+$  的配位数应为多少? 实际上在常温下 AgI 的结构中,  $\text{Ag}^+$  的配位数是多少? 为什么?

9.5  $\text{NH}_4\text{Cl}$  为简单立方点阵结构,晶胞中包含 1 个  $\text{NH}_4^+$  和 1 个  $\text{Cl}^-$ ,晶胞参数  $a = 387 \text{ pm}$ 。

- (a) 若  $\text{NH}_4^+$  热运动呈球形, 试画出晶胞结构示意图;  
 (b) 已知  $\text{Cl}^-$  半径为 181 pm, 求球形  $\text{NH}_4^+$  的半径;  
 (c) 计算晶体密度;  
 (d) 计算平面点阵族(110)相邻两点阵面的间距;  
 (e) 用 Cu K $\alpha$  射线进行衍射, 计算衍射指标 330 的衍射角( $\theta$ )值;  
 (f) 若  $\text{NH}_4^+$  不因热运动而转动, H 为有序分布, 请讨论晶体所属的点群。

- 9.6 NaH 具有 NaCl 型结构。已知立方晶胞参数  $a = 488 \text{ pm}$ ,  $\text{Na}^+$  半径为 102 pm, 推算负离子  $\text{H}^-$  的半径。根据反应



阐明  $\text{H}^-$  的酸碱性。

- 9.7 第三周期元素氯化物的熔点从  $\text{SiF}_4$  开始突然下降(见下表), 试从结构观点予以分析、说明。

化合物	NaF	$\text{MgF}_2$	$\text{AlF}_3$	$\text{SiF}_4$	$\text{PF}_5$	$\text{SF}_6$
熔点/ $^\circ\text{C}$	-993	1261	1291	-90	-83	-50.5

- 9.8 经 X 射线分析鉴定, 某一离子晶体属于立方晶系, 其晶胞参数  $a = 403.1 \text{ pm}$ , 晶胞中顶点位置为  $\text{Ti}^{4+}$  所占, 体心位置为  $\text{Ba}^{2+}$  所占, 所有棱心位置为  $\text{O}^{2-}$  所占。请据此回答或计算:
- (a) 用分数坐标表达诸离子在晶胞中的位置;  
 (b) 写出此晶体的化学组成;  
 (c) 指出晶体的点阵型式、结构基元和点群;  
 (d) 指出  $\text{Ti}^{4+}$  的氧配位数与  $\text{Ba}^{2+}$  的氧配位数;  
 (e) 计算两种正离子半径值( $\text{O}^{2-}$  半径为 140 pm);  
 (f) 检验此晶体是否符合电价规则, 判断此晶体中是否存在分立的络离子基团;  
 (g)  $\text{Ba}^{2+}$  和  $\text{O}^{2-}$  联合组成哪种型式的堆积?  
 (h)  $\text{O}^{2-}$  的配位情况怎样?
- 9.9 具有六方 ZnS 型结构的 SiC 晶体, 其六方晶胞参数为  $a = 308 \text{ pm}$ ,  $c = 505 \text{ pm}$ ; 且已知 C 原子的分数坐标  $(0, 0, 0; 2/3, 1/3, 1/2)$  和 Si 原子的分数坐标  $(0, 0, 5/8; 2/3, 1/3, 1/8)$ 。请回答或计算下列问题:

- (a) 按比例清楚地画出这个六方晶胞；
- (b) 晶胞中含有几个 SiC？
- (c) 画出点阵型式，说明每个点阵点代表什么？
- (d) Si 作什么型式的堆积，C 填在什么空隙中？
- (e) 计算 Si—C 键键长。

9.10 试说明硅酸盐结构的共同特征。

9.11  $Al^{3+}$  为什么能部分置换硅酸盐中的硅？置换后对硅酸盐组成有何影响？

9.12 试说明离子晶体结构的 Pauling 规则的内容。

9.13 回答下列有关 A 型分子筛的问题：

- (a) 写出 3A, 4A, 5A 型分子筛的化学组成表达式及其用途；
- (b) 最大孔窗由几个 Si 和几个 O 原子围成？
- (c) 最大孔穴(笼)是什么笼？直径大约多大？
- (d) 简述筛分分子的机理。

9.14 已知氧化铁  $Fe_xO$  (富氏体) 为氯化钠型结构，在实际晶体中，由于存在缺陷， $x < 1$ 。今有一批氧化铁，测得其密度为  $5.71 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ，用 Mo K $\alpha$  射线 ( $\lambda = 71.07 \text{ pm}$ ) 测得其面心立方晶胞衍射指标为 200 的衍射角  $\theta = 9.56^\circ$  ( $\sin\theta = 0.1661$ )。(Fe 的原子量为 55.85。)

- (a) 计算  $Fe_xO$  的面心立方晶胞参数；
- (b) 求  $x$  值；
- (c) 计算  $Fe^{2+}$  和  $Fe^{3+}$  各占总铁量的百分数；
- (d) 写出标明铁的价态的化学式。

9.15 NiO 晶体为 NaCl 型结构，将它在氧气中加热，部分  $Ni^{2+}$  将氧化为  $Ni^{3+}$ ，成为  $Ni_xO$  ( $x < 1$ )。今有一批  $Ni_xO$ ，测得密度为  $6.47 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ，用波长  $\lambda = 154 \text{ pm}$  的 X 射线通过粉末法测得立方晶胞 111 衍射指标的  $\theta = 18.71^\circ$  ( $\sin\theta = 0.3208$ )。(Ni 的原子量为 58.70。)

- (a) 计算  $Ni_xO$  的立方晶胞参数；
- (b) 算出  $x$  值，写出标明 Ni 的价态的化学式；
- (c) 在  $Ni_xO$  晶体中， $O^{2-}$  的堆积方式怎样？Ni 在此堆积中占据哪种空隙？占有率(即占有分数)是多少？
- (d) 在  $Ni_xO$  晶体中，Ni-Ni 间最短距离是多少？

9.16 从 NaCl 晶体结构出发：(a) 除去其中全部  $Cl^-$ ，剩余  $Na^+$  是何种结构型式？(b) 沿垂直三重轴方向抽去一层  $Na^+$ ，保留一层  $Na^+$ ，是何种结构

型式?

9.17  $\text{Ag}_2\text{O}$  属立方晶系晶体,  $Z=2$ , 原子分数坐标为

$\text{Ag}: 1/4, 1/4, 1/4; 3/4, 3/4, 1/4; 3/4, 1/4, 3/4; 1/4, 3/4, 3/4。$

$\text{O}: 0, 0, 0; 1/2, 1/2, 1/2。$

(a) 若把  $\text{Ag}$  放在晶胞原点, 请重新标出原子分数坐标;

(b) 说明  $\text{Ag}$  和  $\text{O}$  的配位数和配位型式;

(c) 晶体属于哪个点群?

9.18 一种高温超导体  $\text{YBa}_2\text{Cu}_3\text{O}_{7-x}$  ( $x \approx 0.2$ ) 的晶体属正交晶系。空间群为  $Pmmm$ ; 晶胞参数为  $a=381.87 \text{ pm}$ ,  $b=388.33 \text{ pm}$ ,  $c=1166.87 \text{ pm}$ 。晶胞中原子坐标参数如下

原子	$x$	$y$	$z$
Y	1/2	1/2	1/2
Ba	1/2	1/2	0.1844
Cu(1)	0	0	0
Cu(2)	0	0	0.3554
O(1)	0	1/2	0
O(2)	1/2	0	0.3788
O(3)	0	1/2	0.3771
O(4)	0	0	0.1579

试按比例画出晶胞的大小及晶胞中原子的分布, 并和立方晶系的  $\text{BaTiO}_3$  结构(9.8题)对比, 指出有哪些异同。

9.19  $\text{FeS}_2$  (黄铁矿) 的晶体结构与  $\text{NaCl}$  的晶体结构相似:  $\text{Fe}$  和  $\text{S}_2$  分别处在与  $\text{Na}^+$  和  $\text{Cl}^-$  相当的位置上。实验测得  $\text{FeS}_2$  的密度为  $5.01 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ,  $\text{Cu K}\alpha$  射线在  $8.17^\circ$  产生第一个衍射。试由这些数据计算 Avogadro 常数。

9.20 在  $\beta\text{-TiCl}_3$  晶体中,  $\text{Cl}^-$  作  $A3$  型密堆积。若按  $\text{Ti}^{3+}$  和  $\text{Cl}^-$  的离子半径分别为  $78 \text{ pm}$  和  $181 \text{ pm}$  计算, 则  $\text{Ti}^{3+}$  应占据什么空隙? 占据空隙的分数是多少? 占据空隙的方式有多少种?

9.21 由于生成条件不同,  $\text{C}_{60}$  分子可堆积成不同的晶体结构, 如立方最密堆积和六方最密堆积结构。前者的晶胞参数  $a=1420 \text{ pm}$ ; 后者的晶胞参数  $a=b=1002 \text{ pm}$ ,  $c=1639 \text{ pm}$ 。

(a) 画出  $\text{C}_{60}$  的 ccp 结构沿四重轴方向的投影图, 并用分数坐标示出分子间多面体空隙中心的位置(每类多面体空隙中心只写一组坐标



即可)。

(b) 在  $C_{60}$  的 ccp 和 hcp 结构中, 各种多面体空隙理论上所能容纳的“小球”的最大半径是多少?

(c)  $C_{60}$  分子还可形成非最密堆积结构, 使某些碱金属离子填入多面体空隙, 从而制得超导材料。在  $K_3C_{60}$  所形成的立方面心晶胞中,  $K^+$  占据什么多面体空隙? 占据空隙的百分数为多少?

9.22 Y 型分子筛属于立方晶系, 空间群为  $O_h^2 - F \frac{4_1}{3} \frac{2}{m}$ , 其晶胞参数为  $a = 2460 \text{ pm}$ , 晶胞组成为  $28Na_2O \cdot 28Al_2O_3 \cdot 136SiO_2 \cdot xH_2O$ 。

(a) 说明该分子筛晶体所属的点群和空间点阵型式;

(b) 说明该分子筛晶体的宏观对称元素和特征对称元素;

(c) 计算硅铝比;

(d) 已知该分子筛的密度为  $1.95 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ , 求晶胞中结晶水的数目。

## 参 考 文 献

- [1] 唐有祺, 结晶化学, 高等教育出版社(1957)
- [2] 周公度, 无机结构化学, 科学出版社(1982)
- [3] A. F. Wells, *Structural Inorganic Chemistry*, 5th ed., Oxford University Press(1984)
- [4] 埃文思(R. C. Evans)著, 胡玉才, 戴寰和新民译, 结晶化学导论, 人民教育出版社(1983)
- [5] 鲍林(L. Pauling)著, 卢嘉锡、黄耀曾、曾广植和陈元柱等译, 化学键的本质(第三版), 上海科学技术出版社(1981)
- [6] 唐有祺, 科学通报, 1, 35(1964)
- [7] R. D. Shannon, *Acta Cryst.*, A32, 751(1976)
- [8] I. D. Brown, "The Bond-Valence Method", in M. O'Keeffe and A. Novotzsky(eds.), *Structure and Bonding in Crystals*, Vols. 1 and 2, Academic Press, New York(1981)
- [9] 邵美成, 鲍林规则与键价理论, 高等教育出版社(1993)
- [10] F. Liebau, *Structural Chemistry of Silicates*, Springer-Verlag, Berlin (1985)

## 第十章 非金属元素的结构化学

### 10.1 非金属元素的结构特征

#### 1- 非金属单质的结构特征

非金属单质的结构,有的很简单,有的却很复杂。但各族元素都有它们自己的结构特点。

稀有气体是单原子分子,在低温下,Ne、Ar、Kr、Xe 单原子分子按立方最密堆积形成晶体,而 He 在 2.5 K、6.1 MPa 下结晶成六方最密堆积的结构。

Cl<sub>2</sub>、Br<sub>2</sub>、I<sub>2</sub> 以双原子分子结晶成正交晶系晶体,晶体结构如图 7.17 所示。在这三种晶体中,X—X 的键长( $d$ )与分子间最短的接触距离( $d'$ )的数据如下

	Cl <sub>2</sub>	Br <sub>2</sub>	I <sub>2</sub>
$d/\text{pm}$	198.0	227	271.5
$d'/\text{pm}$	332	332	350
$d'/d$	1.68	1.46	1.29

由表可见,随着原子序数的增加, $d'/d$  值明显地下降。

硫的同素异构体极多,据报道已接近 50 种,例如 S<sub>n</sub> 分子中  $n=1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,12,18\cdots$ 。同一种分子又可有几种晶体结构型式,如 S<sub>8</sub> 分子可组成正交硫,也可组成单斜硫。在硫的同素异构体中,S<sub>6</sub>、S<sub>8</sub>、S<sub>12</sub>、S<sub>x</sub> 等分子形成的晶体,其结构已详细测定。在这些分子中,每个 S 原子均和 2 个 S 原子成键,S—S 键长 206 pm,∠SSS 约为 105°左右。Se 和 Te 也有多种同素异构体,室温下稳定的结构中,每个原子也是二配位,Se—Se 键长 237 pm,

Te—Te 键长 283 pm, 键角  $103^\circ$  左右。

磷、砷、锑、铋都有多种同素异构体, 结构型式比较复杂多样, 但共同点是每个原子都有 3 个较近的原子配位。这些单质的三方晶系的晶体都由层型分子组成, 层内原子间的距离( $d$ )和层间原子间的距离( $d'$ )的比值( $d'/d$ ), 随着原子序数增加而减小。

	P	As	Sb	Bi
$d/\text{pm}$	213	251.7	290.8	307.2
$d'/\text{pm}$	327	312.0	335.5	352.9
$d'/d$	1.54	1.24	1.15	1.15

碳、硅、锗、锡也都存在多种同素异构体, 它们都存在金刚石型的结构, 结构中每个原子均按四面体向和周围 4 个原子以共价单键连接。除金刚石型结构外, 碳有石墨型结构和球烯型结构, 硅、锗、锡有白锡型结构。

球烯(Fullerenes)是球形而有不饱和性的纯碳分子, 是由几十个甚至上百个碳原子组成的封闭多面体<sup>[6]</sup>(见图 10.1)。现在研究

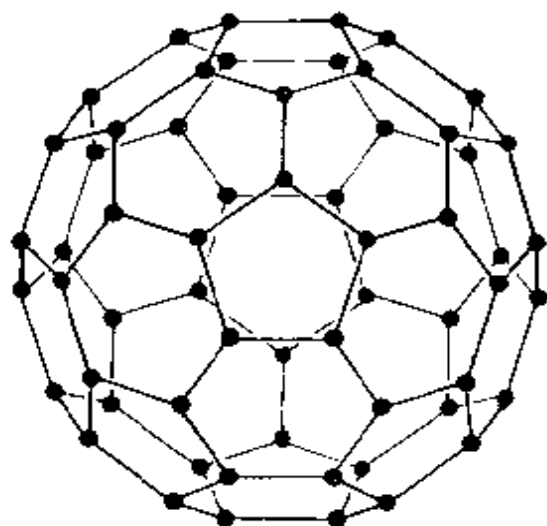


图 10.1 足球烯- $C_{60}$ 的结构

较多的是  $C_{60}$ , 其次是  $C_{70}$  和  $C_{84}$  等。对于足球形的球烯- $C_{60}$ , 60 个碳原子组成 12 个五元环面, 20 个六元环面, 共有 90 条边的多面体。每个 C 原子参加形成 2 个六元环和 1 个五元环, 3 个  $\sigma$  键键角之和为  $348^\circ$ ,  $\angle CCC$  平均为  $116^\circ$ 。碳原子的杂化轨道介于  $sp^2$ (石墨)和  $sp^3$ (金刚石)之间, 为  $sp^{2.26}$ , 即每

个  $\sigma$  轨道近似地含有 s 成分 30.5%, p 成分 69.5%。而垂直球面

的  $\pi$  轨道 s 成分 8.8%, p 成分 91.2%。

单质硼的结构其复杂性仅次于硫, 已知有 16 种以上的同素异构体, 在这些结构中, 有许多可划成  $B_{12}$  二十面体单位来理解它的结构,  $B_{12}$  多面体的结构可参看实习 3。

从上述非金属的单质结构可为非金属元素的结构化学归纳出下面几点有关的结构特征:

(1) 对于各种元素, 尽管存在各种同素异构体, 有的甚至数目很多, 但是每种原子的成键方式、配位情况、键长、键角等数据却很一致, 或出现有限的几种情况。例如硫的同素异构体的数目很多, 但硫原子之间一般都是二配位, S—S 键长为 206 pm,  $\angle SSS$  为  $105^\circ$  左右。

单质的成键规律在一定程度上将在由这些元素所形成的化合物中得到继承。碳的三种异构体的结构特征和成键规律也将相应地在三族有机化合物中得到体现<sup>[7]</sup> (见下表)。

碳的异构体	相应的有机化合物	通式	典型代表
金刚石	脂肪族化合物	RX	$C_nH_{2n+2}$ (正烷烃)
石墨	芳香族化合物	ArX	$C_6H_6$ (苯)
球烯	球烯族化合物	FuX	$C_{60}$ (足球烯)

脂肪族化合物 (RX) 的典型代表是正烷烃  $C_nH_{2n+2}$ , 它的结构特征是由四面体取向成键的碳原子连接成一维的碳链。R 是脂肪烃基团, X 为置换 H 原子的各种基团。

芳香族化合物 (ArX) 的典型代表是苯  $C_6H_6$ 。它的结构特征是由平面三角形成键的碳原子组成二维平面结构。Ar 是芳香基团, X 为置换 H 原子的各种基团。

球烯族化合物 (FuX) 的典型代表是足球烯- $C_{60}$ , 它的结构特征是由球面形成键的碳原子组成三维封闭的多面体。Fu 为球烯基团, X 为加成于球面上的各种基团。

(2) 非金属单质的成键规律, 一般可按参与成键的价电子数

及有关的原子轨道来分析。就价电子数目来说,周期表中第  $NA$  族非金属元素,每个原子可以提供  $8-N$  个价电子去与  $8-N$  个邻近的原子形成  $8-N$  个共价单键。因此在第  $N$  族非金属单质中,与每个原子邻接的原子数一般为  $8-N$ ,称为  $8-N$  规则。例如稀有气体  $8-N$  为 0,形成单原子分子;卤素  $8-N$  为 1,形成双原子分子; S、Se、Te 的  $8-N$  为 2,形成二配位的链形或环形分子; P、As、Sb 等则形成三配位的有限分子  $P_4$ ,  $As_4$  或无限的层形分子; C、Si、Ge、Sn 则形成四配位的金刚石型结构等。图 10.2 示出  $8-N$  规则。

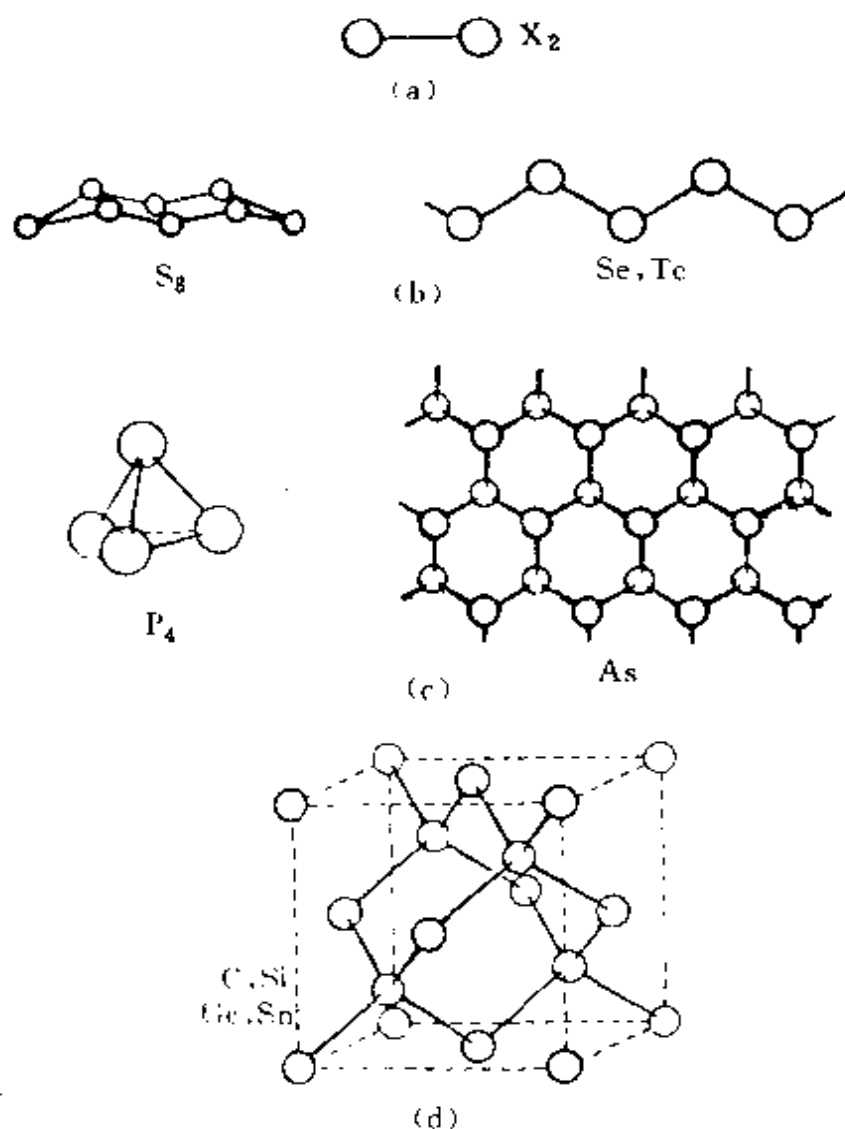


图 10.2  $8-N$  规则

(a) VII 族 (b) VI 族 (c) V 族 (d) IV 族

在单质结构中,有的由于形成 $\pi$ 键、多中心键或d轨道参与成键,键型发生变化,这时形式上不遵守 $8-N$ 规则。例如 $N_2$ 、 $O_2$ 分子中原子间的共价键不是单键,硼的单质和石墨的结构中存在多中心键或离域 $\pi$ 键,键的数目就不等于 $8-N$ 个。

(3) 在非金属的单质结构中,同一族元素随着原子序数的递增,金属性也会相应地递增,分子间的界限会越来越模糊,例如P、As、Sb、Bi及 $Cl_2$ 、 $Br_2$ 、 $I_2$ 的结构数据,都说明分子间的最短接触距离与分子内的键长的比值,随着原子序数的增加而缩小。在金属结构中,就分不出分子内和分子间的差别了。

## 2- 非金属化合物的结构特征

非金属元素相互间可形成数目非常多的化合物,这些化合物还可以进一步和金属元素结合,形成更多的化合物。本节从分析归纳这些化合物的结构特征着手,进而了解其性质。

### 1. 分析各个原子d轨道是否参与成键

第一周期H,He只有1s轨道参与成键;第二周期元素只能有2s,2p轨道参与成键;而从第三周期起,就有空的nd轨道与ns,np轨道的能级接近,可使价层轨道扩充。由于有d轨道参加,最高的配位数可超过4。但d轨道能否有效地参加成键,还要看d轨道的分布情况:当d轨道分布弥散,离核较远,成键效率下降,就不能利用d轨道成键。例如, $SiF_6^{2-}$ 能稳定存在,而 $SiCl_6^{2-}$ 却不存在,其原因是硅原子的d轨道比s和p轨道离核较远,参与组成 $sp^3d^2$ 杂化轨道时,不能形成稳定的键;而 $SiF_6^{2-}$ 能稳定存在,是由于F原子的电负性大,从Si拉走的电子较多,增加了Si核的有效正电荷,使d轨道收缩,Si—F键增强,同时F原子半径较小,相互排斥较小,使它适于成键。

d轨道的成键作用还表现在d轨道能在原来 $\sigma$ 键的基础上形成 $d_{\pi}-p_{\pi}$ 键,而使原来的键增强,表现出键长缩短的效果。例如 $SO_4^{2-}$ 中,由于d轨道参加成键,使S—O键的键长缩短至149 pm。

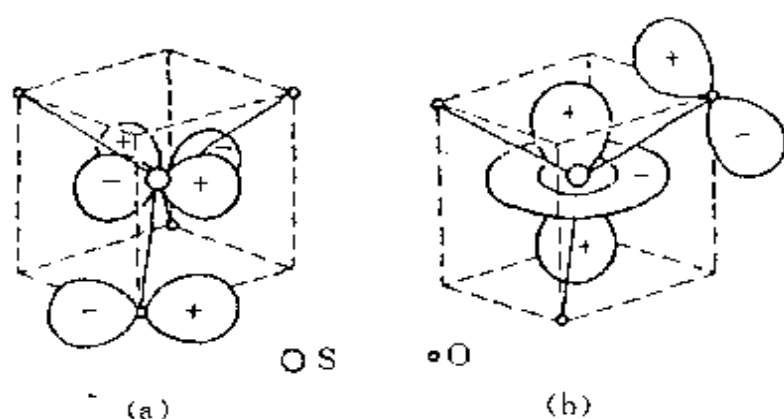


图 10.3  $\text{SO}_4^{2-}$  中的  $\text{p}_\pi\text{-d}_\pi$  配键

(a)  $\text{p}_x \rightarrow \text{d}_{x^2-y^2}$  (b)  $\text{p}_y \rightarrow \text{d}_{xz}$

(图中每个 O 原子均取 S—O 键键轴作为 z 轴)

这时中心硫原子组成  $\text{sp}^3$  杂化轨道,每个 O 原子除以  $\text{p}_z$  轨道和 S 原子的  $\text{sp}^3$  杂化轨道形成  $\sigma$  键外,尚有两个充满电子的  $\text{p}_x$  和  $\text{p}_y$  轨道垂直于 S—O 键轴,它们可分别和中心 S 原子的  $\text{d}_{x^2-y^2}$  和  $\text{d}_{xz}$  成配键。这种配键为  $\text{p}_\pi \rightarrow \text{d}_\pi$  配键,如图 10.3 所示。由于  $\sigma$  键上附加这一配键,使 S—O 键的键长缩短。 $\text{PO}_4^{3-}$ ,  $\text{SiO}_4^{4-}$ ,  $\text{ClO}_4^-$  等也有同样情况,列于表 10.1 中。

表 10.1  $\text{AB}_4$  型离子的结构数据

$\text{AB}_4$ 型离子	A—B 键键长/pm		键长缩短值/pm
	实验测定值	共价单键半径加和值	
$\text{SiO}_4^{4-}$	163	186	23
$\text{PO}_4^{3-}$	154	179	25
$\text{SO}_4^{2-}$	149	175	26
$\text{ClO}_4^-$	146	172	26
$\text{SiF}_4$	156	185	29

$\text{N}(\text{SiH}_3)_3$  与  $\text{N}(\text{CH}_3)_3$  有相同的价电子数,但实验测定前者呈平面构型,后者呈三角锥形。这是由于 Si 的 3d 空轨道参加成键

的结果,即 N 原子采用  $sp^2$  杂化,孤对电子占据未参与杂化的  $p_z$  轨道与 3 个 Si 的 3d 空轨道形成离域  $\pi$  键  $\pi_4^2$ ,如图 10.4 所示。 $\pi_4^2$  键的形成增加了分子的稳定性,增强了 Si—N 键,实验测定 Si—N 键长为 174 pm,短于共价单键半径和(188 pm)。如果  $N(SiH_3)_3$  分子中 N 原子采用不等性  $sp^3$  杂化,分子呈三角锥形,就会破坏  $\pi_4^2$  键的形成。

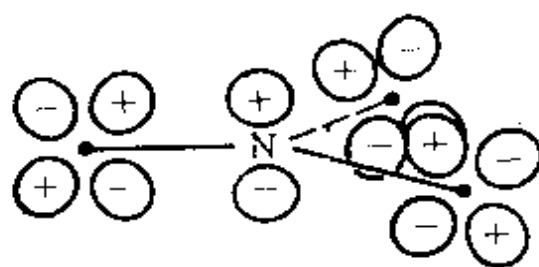
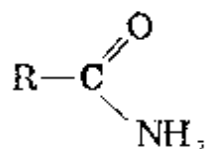


图 10.4  $N(SiH_3)_3$  中的  $\pi_4^2$  键的形成

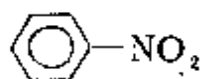
## 2. 从分子的几何构型了解分子中原子的成键情况

分子的几何构型与分子成键情况密切联系,通过实验测定分子几何构型,是了解分子成键情况的基础。

例如 N 原子的基态电子组态为  $1s^2 2s^2 2p^3$ ,有 3 个不成对电子。当 N 原子和周围原子呈三角锥形,这时 N 原子以  $sp^3$  杂化轨道成键,除形成 3 个  $\sigma$  键外还有一对孤对电子,孤对电子占据其中 1 个杂化轨道,如  $NH_3$  及其衍生物。当 N 原子周围按四面体向成 4 个配位时, N 以  $sp^3$  杂化轨道形成 4 个  $\sigma$  键,这时 N 原子或者显正电性  $N^+$ ,和 C 相似,如  $NH_4^+$  及其衍生物,或者以  $:NH_3$  的孤对电子去和其他原子形成配键。当 N 原子和周围原子呈平面三角形配位时,出现 3 个  $\sigma$  键,它由  $sp^2$  杂化轨道成键,剩余 1 个 p 轨道和 2 个电子,通常参与离域  $\pi$  键的形成,以下几种化合物就属此例。



酰胺



硝基苯



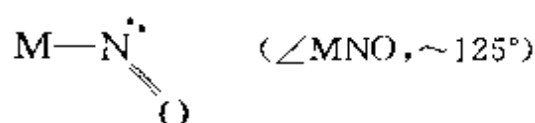
硝酸根

当 N 原子和周围原子呈弯曲形二配位时,则有 1 对孤对电子(如  $R-\text{NO}$ )或 2 对孤对电子(如  $NH_2^-$ ),前者有  $\pi$  键形成,而后者则与  $H_2O$  为等电子分子,和  $H_2O$  的结构相似。当 N 原子和周围原子呈



直线形二配位时,则 N 原子除形成 2 个  $\sigma$  键外,剩余 2 个价轨道和 3 个价电子能在互相垂直的方向和两端原子形成 2 个  $\pi$  键。例如  $\text{N}_2\text{O}$ ,  $\text{N}_3^-$ ,  $\text{NO}_2^+$  等分子中中心 N 原子成键情况,与  $\text{CO}_2$  分子的 C 原子相似。

分子的几何构型是讨论分子成键的一种根据。在配位化合物中曾讨论到—NO 基团对中心原子提供的电子数问题,同样的  $\text{M}-\text{NO}$ ,若呈直线型( $\angle \text{MNO}$ ,  $\sim 180^\circ$ ), N 提供 3 个电子参与成键,(认为它是 10 e 单位)是三电子给体,按  $\text{NO}^+$  配体计算。若呈弯曲形



它提供 1 个电子参与成键(认为它是 12 e 单位),是单电子接受体,算  $\text{NO}^-$  配体。

由上可见,了解非金属化合物的结构,首先要重视分子的立体构型。

### 3. 从分子的成键情况了解分子的性质





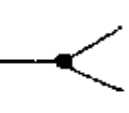









根据分子几何构型,了解分子的成键情况,进一步计算分子中原子形成  $\sigma$  键的数目及孤对电子对的数目,然后联系分子的性质进行讨论。表 10.2 示出非金属元素形成的分子中,中心原子周围的孤对电子数与键对电子数以及它们在空间的排布情况。

孤对电子和键对电子一起,按照价电子对互斥理论(VSEPR)可以了解分子中中心原子的孤对和键对电子的排布,进而了解构型和性质,如 5.1 节中所述。

带有孤对电子的分子,在化学性质上比较活泼,它能形成配位键、氢键,孤对电子是和其他原子、分子或离子进行化合的结合点。

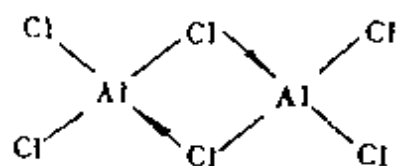
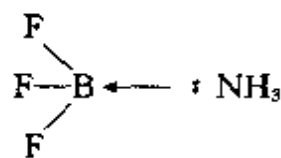
根据分子中原子的成键情况,可以较精确地从键长、键角等分子几何构型数据及原子的 van der Waals 半径,获得分子的形状和大小,进一步了解它具有的性质。

表 10.2 非金属元素分子中孤对和键对电子的排列

孤对电子对数	孤对和键对电子对数				
	7	6	5	4	3
0	 IF <sub>7</sub>	 SF <sub>6</sub>	 PCl <sub>5</sub>	 CH <sub>4</sub>	 BCl <sub>3</sub>
1	 XeF <sub>4</sub>	 BrF <sub>3</sub>	 SF <sub>4</sub>	 NH <sub>3</sub>	 ClNO
2		 XeF <sub>2</sub>	 ClF <sub>3</sub>	 H <sub>2</sub> O	
3			 XeF <sub>2</sub>		

## 10.2 硼烷和有关化合物的结构

Li, Be, B, Al等原子价层的原子轨道数多于价电子数, 它们在一定条件下倾向于接受电子, 形成四面体构型。例如平面构型的 BF<sub>3</sub> 很容易与具有孤对电子的原子化合成四面体配位化合物(右式)。



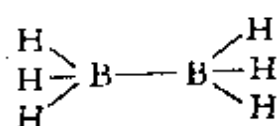
有时没有合适的外来原子, 化合物自身也可通过聚合, 相互提供具有孤对电子的原子, 形成四配位化合物, 像 AlCl<sub>3</sub> 常以二聚体

形式组成具有“氯桥”的结构,在这里中间 2 个氯原子提供孤对电子形成正常的二电子键(或称为三中心四电子氯桥键)。

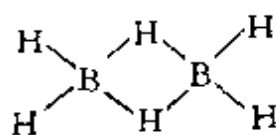
在硼烷、金属烷基化合物、四氢硼酸盐等化合物中,常常由于没有足够的电子使原子间均能形成二电子键,所以出现缺电子多中心键。下面通过几类化合物的结构,介绍缺电子多中心键。

## -1- 硼烷

关于  $B_2H_6$  的结构,曾在两种主要的结构模型中争论:



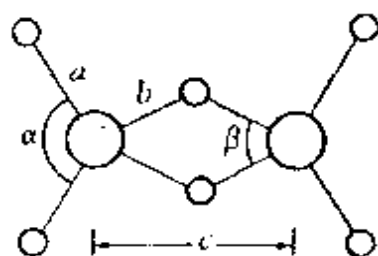
(a) 乙烷式



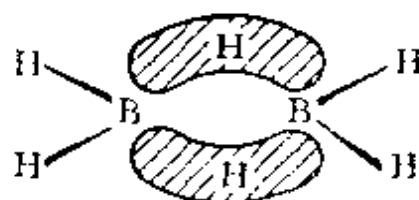
(b) 桥式

乙烷式的结构和  $C_2H_6$  相似,桥式结构和  $Al_2Cl_3$  相似。乙烷式结构中共有 7 个共价单键,需要 14 个价电子,但事实上在  $B_2H_6$  中只有 12 个价电子,而且  $B_2H_6$  的化学性质和物理性质与乙烷式结构不符合。桥式结构中一价氢原子能形成 2 个共价键,对此不好理解。

利用电子衍射和 X 射线衍射分别测定气体和晶体中二硼烷的结构,证实  $B_2H_6$  是桥式结构。根据电子衍射数据,结构中 B—H 间有两种键长:成桥的 B—H<sub>l</sub> 为 132.9 pm,两端的 B—H<sub>e</sub> 为 119.2 pm。怎样理解  $B_2H_6$  的桥键结构? 现在比较普遍接受的观点



(a)



(b)

图 10.5  $B_2H_6$  的分子结构(a)和  $B_2H_6$  中 B—H—B 三中心键的结构(b)

( $a=119.2$ ,  $b=132.9$ ,  $c=177$  pm;  $\alpha=121.0^\circ$ ,  $\beta=96.5^\circ$ )

是形成  $B-H-B$  三中心二电子键 ( $3c-2e$  键)。B 原子以  $sp^3$  杂化轨道参与成键, 每个硼原子的 1 个  $sp^3$  轨道都和氢原子的  $1s$  轨道叠加, 共同组成  $B-H-B$  三中心键, 如图 10.5 所示。在这个三中心键中, 只有 2 个电子, 它是三中心二电子键。这是缺电子原子的一种特殊的共价结合形式。

除  $B_2H_6$  之外, 不少硼烷的结构已经测定, 在这些化合物中有 3 种类型的化学键: (1) 正常的共价单键, 如  $B-H$ ,  $B-B$  键等; (2)  $B-H-B$  桥键; (3) 由两个以上的硼原子组成的多中心键 (见下图)。表 10.3 示出这些多中心键中轨道的叠加情况。

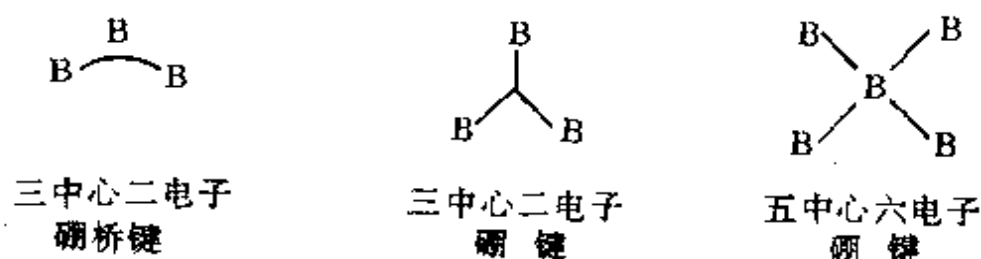
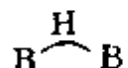
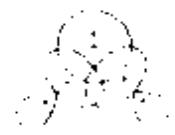
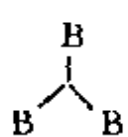

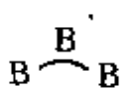

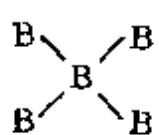



表 10.3 硼烷中多中心键

名 称	符 号	轨道重叠情况
三中心二电子氢桥键		
三中心二电子硼键		
三中心二电子硼桥键		
五中心六电子硼键		

复杂的硼烷有多种多中心键。以  $B_5H_9$  为例,它的结构示于图 10.6 中。分子中价电子的总数为  $3 \times 5 + 9 = 24$  个,这些价电子分配如下: 5 个  $B-H$  键用去 10 个电子, 4 个  $B \xrightarrow{H} B$  桥键用去 8 个电子,剩余的 6 个电子通过五中心六电子硼键将 5 个硼原子

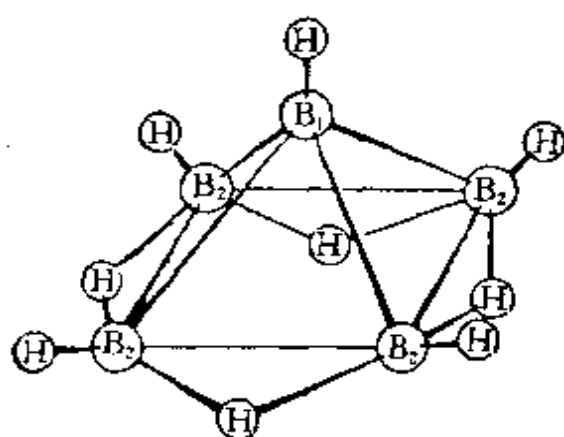


图 10.6  $B_5H_9$  的结构

子结合在一起。4 个底部的硼原子,用  $sp^3$  杂化轨道,  $B-H$  键用去 1 个电子和 1 个  $sp^3$  杂化轨道, 2 个  $B-H-B$  键又用去 1 个电

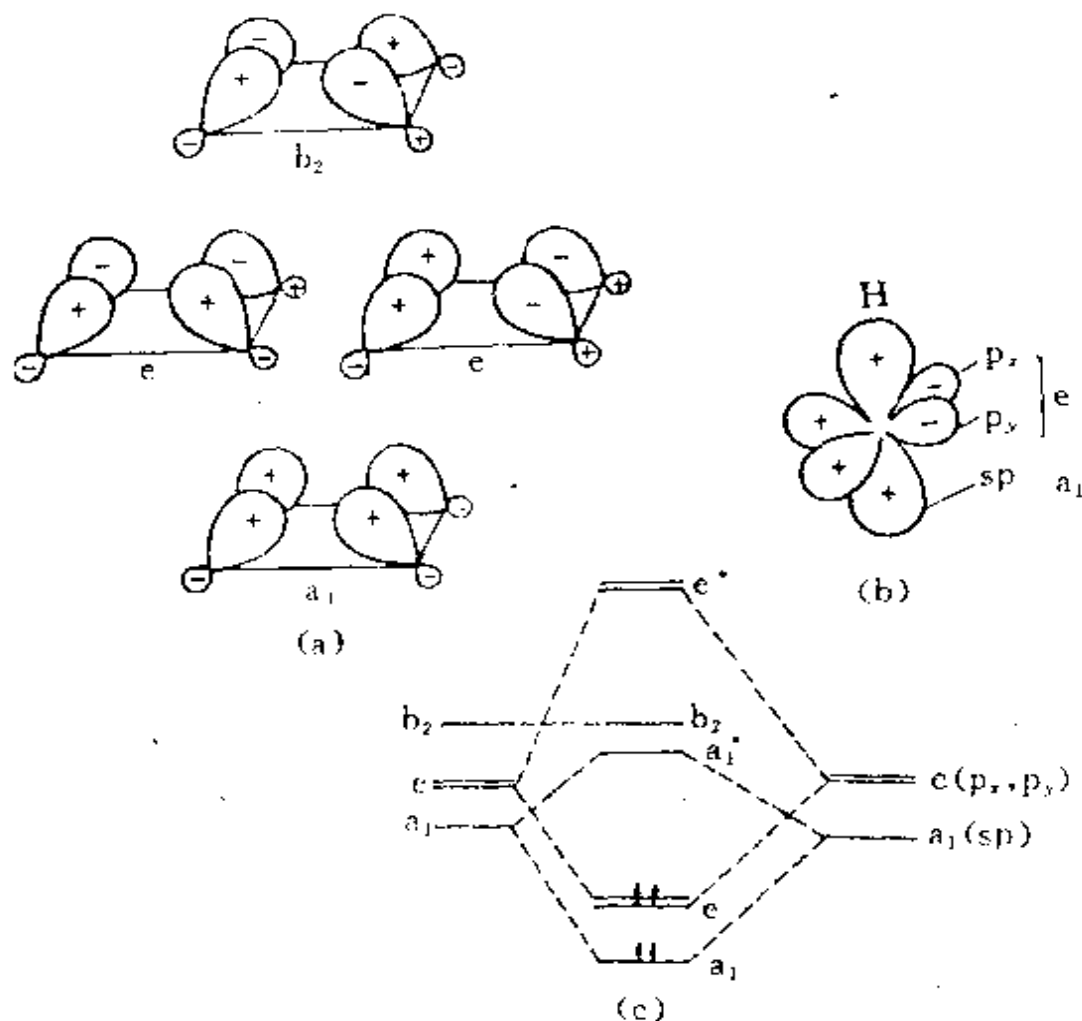


图 10.7  $B_5H_9$  分子中五中心六电子硼键分子轨道形成情况及能级分布图

子和 2 个  $sp^3$  杂化轨道, 尚余 1 个电子和 1 个  $sp^3$  杂化轨道。顶部的硼原子以  $sp$  杂化轨道成键, B—H 键用去 1 个电子和 1 个  $sp$  杂化轨道, 剩余 2 个电子和 1 个  $sp$  杂化轨道, 它和底部的 4 个硼原子的  $sp^3$  杂化轨道共同组成五中心六电子硼键。

$B_5H_9$  中五中心六电子硼键的分子轨道形成的情况, 以及分子轨道能级的分布示于图 10.7 中。图中(a)为底面上 4 个硼原子的原子轨道组合成对称性用  $a_1, e, b_2$  表示的群轨道, (b) 为顶部 B 原子的原子轨道, (c) 为由这 5 个硼原子组成的分子轨道能级图, 6 个电子都处在成键轨道上。

其他较复杂的硼烷及碳硼烷的过渡金属配位化合物的结构情

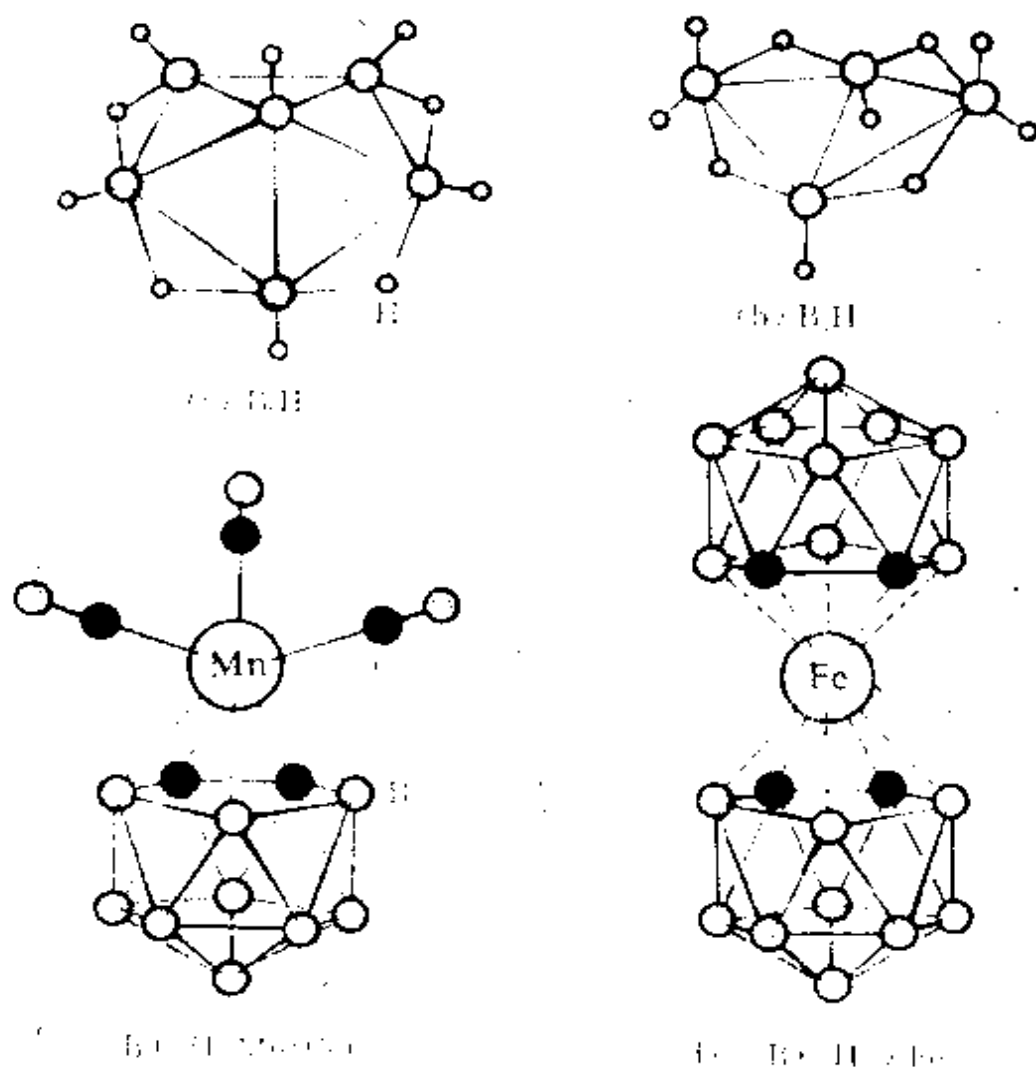


图 10.8 若干硼烷及碳硼烷的过渡金属配位化合物的结构

况,选了几个实例,示于图 10.8 中。由图可见,硼烷的结构型式是多种多样的。

## -2- 金属烷基化合物

碱金属、碱土金属和硼族元素能和烷基结合形成化合物,这些化合物能进一步通过多中心键结合。

### 1. $\text{Al}(\text{CH}_3)_3$

B, Al, Ga, In, Tl 均可和甲基形成三甲基化合物  $\text{M}(\text{CH}_3)_3$ 。气相时以单体存在, M—C 间距离列于下表。

$\text{M}(\text{CH}_3)_3$ 中 M	B	Al	Ga	In	Tl
$R_{\text{M-C}}/\text{pm}$	158	196	197	216	222

固相中,  $\text{B}(\text{CH}_3)_3$  是单体,  $\text{Al}(\text{CH}_3)_3$  以二聚体形式存在;  $\text{In}(\text{CH}_3)_3$  和  $\text{Tl}(\text{CH}_3)_3$  以多聚体形式存在。二聚体的  $\text{Al}_2(\text{CH}_3)_6$  的结构和  $\text{Al}_2\text{Cl}_6$  很相似,它是通过  $\text{CH}_3$  的桥键结合而成的,即利用  $\text{CH}_3$  中碳原子的  $\text{sp}^3$  杂化轨道和 2 个 Al 原子的  $\text{sp}^3$  杂化轨道叠加结合在一起,形成三中心二电子桥键。实验测定  $\text{Al}_2(\text{CH}_3)_6$  的结构如图 10.9 所示。

在化合物  $\text{MgAl}_2(\text{CH}_3)_8$  分子中, Mg 原子以  $\text{sp}^3$  杂化轨道和 2

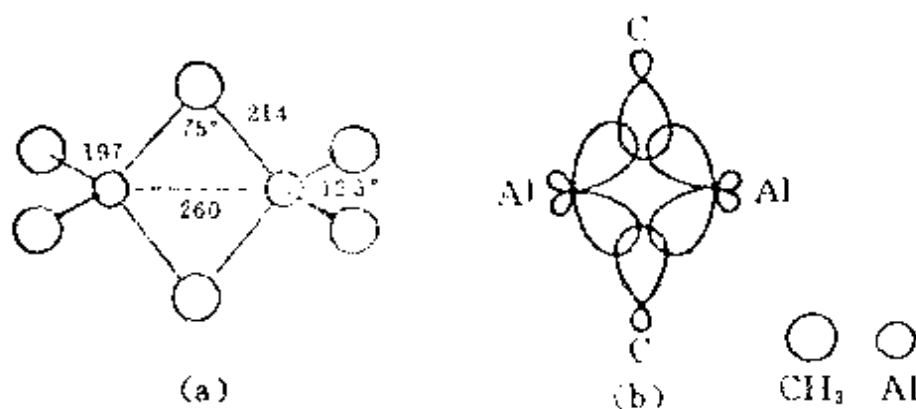
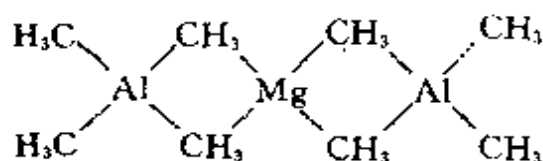


图 10.9  $\text{Al}_2(\text{CH}_3)_6$  的结构(a)和三中心二电子桥键(b)

个 Al 原子形成 4 个  $\text{CH}_3$  桥键,其结构如下式所示:



$$R_{\text{Mg}-\text{C}} = 220 \text{ pm}$$

$$R_{\text{Al}-\text{C}} = 210 \text{ pm}$$

## 2. $(\text{LiCH}_3)_4$

四聚烷基锂的结构如图 10.10 所示, Li 原子处在四面体的 4 个顶点上,相互间距离为 268 pm,每一甲基对称地和 3 个 Li 原子通过桥键结合, C—Li 距离为 231 pm,形成多中心键。

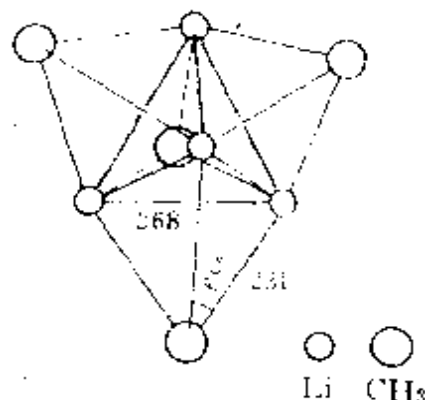
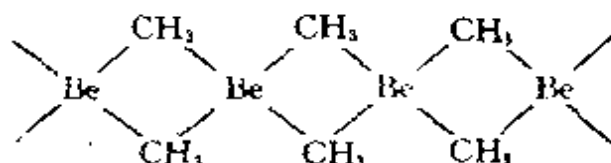


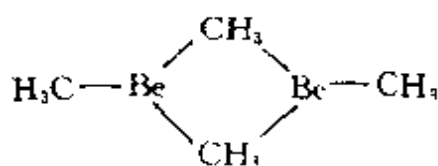
图 10.10  $(\text{LiCH}_3)_4$  的结构

## 3. $\text{Be}(\text{CH}_3)_2$

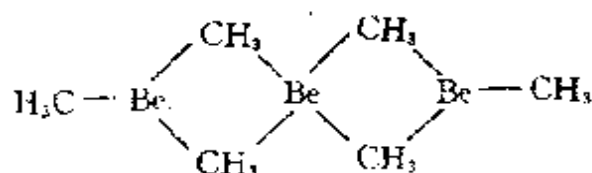
固态的  $\text{Be}(\text{CH}_3)_2$  为多聚的结构,形成无限长链,如下式所示



气相的  $\text{Be}(\text{CH}_3)_2$  主要以二聚体形式存在,也有少量是单体和三聚体,分别如下两式所示



二聚体



三聚体

# 10.3 氢的结构化学

## -1- 氢的成键型式

氢是元素周期表的第一个元素,核中质子数为 1,核外只有 1



个电子处在1s轨道上。它可以失去1个电子成 $H^+$ ，如像ⅠA族元素；可以获得1个电子成 $H^-$ ，使价层轨道全充满，如像ⅦA族元素；可以看作价层轨道为半充满的状态，如像ⅤA族元素。由于这一原因，氢在元素周期表中的位置可以放在ⅠA、ⅤA和ⅦA族的第一个位置。虽然氢原子只有1个1s轨道参加成键，但是近20多年合成化学和结构化学的发展，已经阐明氢原子在不同的化合物中可以形成多种型式的化学键。

### 1. 共价单键

由H、C、O、N、S、X等元素组成的氢化物和各种有机化合物中，H原子以共价单键和另外一个原子成键，例如 $H_2O$ 、 $NH_3$ 、 $CH_4$ 、 $CH_3CH_2OH$ 、 $HCl$ 等。氢原子的共价半径为32 pm。

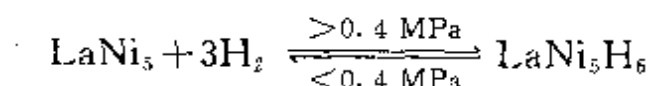
### 2. 离子键

H原子可获得1个电子形成 $H^-$ 离子，由于H原子的电子亲和能很小(0.75 eV)，形成负离子的趋势低于卤素(卤素电子亲和能 $>3$  eV)，所以只有电正性高的金属才能形成盐型氢化物，如 $NaH$ 、 $CaH_2$ 等。在这些化合物中 $H^-$ 以离子键和其他正离子结合， $H^-$ 的离子半径在130—150 pm之间。

H原子丢失1个电子形成 $H^+$ ， $H^+$ 是很小的质点，半径大约为0.0015 pm，比一般原子小 $10^5$ 倍。当 $H^+$ 接近其他原子时，能使其他原子变形，形成共价键。所以除气态离子束外， $H^+$ 必定和其他原子或分子结合，形成 $H_3O^+$ 、 $H_2O_2^+$ 、 $NH_4^+$ 等离子，再和其他异号离子结合成化合物。

### 3. 金属键

$H_2$ 能被某些金属和合金，如Pd、Ni、La、 $LaNi_5$ 等大量地吸附，以原子状态存在于金属和合金的空隙之中。例如



即 $H_2$ 的压力大于0.4 MPa时，它会被 $LaNi_5$ 合金吸附；小于0.4 MPa时，吸附的 $H_2$ 又能释放出来。 $LaNi_5$ 合金是一种良好的储氢

材料。

$\text{LaNi}_5$  是  $\text{CaCu}_5$  型结构(见图 8.8), 六方晶胞( $a=511 \text{ pm}$ ,  $c=397 \text{ pm}$ )中含 1 个  $\text{LaNi}_5$ , 晶胞体积为  $90 \times 10^{-24} \text{ cm}^3$ , 晶胞中含有 3 个八面体空隙, 6 个四面体空隙(若全部填上 H 原子, 组成为  $\text{LaNi}_5\text{H}_9$ )。组成为  $\text{LaNi}_5\text{H}_x$  的合金, 氢在其中的密度为

$$\frac{1.5}{5.0 \times 10^{23}} (\text{g}) / 90 \times 10^{-24} (\text{cm}^3) = 0.083 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3} = 83 \text{ g} \cdot \text{dm}^{-3}$$

比标准状态下氢气的密度( $0.089 \text{ g} \cdot \text{dm}^{-3}$ )约大千倍, 所以这种能在低压下储存大量氢气的方法安全、经济; 而且储存和释放过程同时也是纯化氢气的过程(由于对  $\text{H}_2$  起选择吸附作用), 所以这种储氢的方法很有发展前途。

$\text{H}_2$  在低温高压下变成金属固体, 其原因是 H 原子没有内层电子, 高压下原子间距离靠近, 价层分子轨道互相叠加, 电子离域范围增大, 像金属中电子的行为, 使它具有金属性。

#### 4. 氢键

以氢原子为中心形成的  $\text{X}-\text{H}\cdots\text{Y}$  键称为氢键, 氢键将在本节下一部分中讨论。

#### 5. 缺电子多中心氢桥键

氢和硼原子等形成的缺电子多中心键已在 10.2 节中讨论。

#### 6. 过渡金属氢化物中的 $\text{M}-\text{H}$ 键

在过渡金属氢化物中, H 原子能以多种型式和金属原子 M 成键:

● 端接  $\text{M}-\text{H}$  键。在  $\text{K}_2\text{ReH}_9$  和  $\text{HMn}(\text{CO})_5$  中, H 原子以单键和金属成  $\text{M}-\text{H}$  键, 键长在  $160-170 \text{ pm}$  范围。

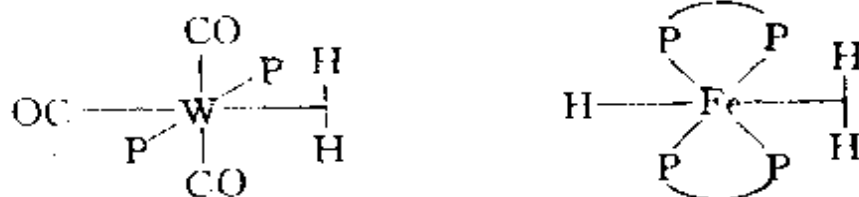
●  $\text{M}-\text{H}-\text{M}$  桥键。在  $[\text{HCr}_2(\text{CO})_{10}]^-$  离子中, H 原子将 2 个  $\text{Cr}(\text{CO})_5$  分子片连接在一起,  $(\text{CO})_5\text{Cr}-\text{H}-\text{Cr}(\text{CO})_5$ , 其中,  $\angle\text{CrHCr}$  为  $158.9^\circ$ ,  $\text{Cr}-\text{H}$  键长为  $170.7$  和  $173.7 \text{ pm}$ 。

●  $(\mu_3-\text{H})\text{M}_3$  三桥键。在  $\text{H}_3\text{Ni}_4\text{Cp}_4$  中, H 原子处在  $\text{Ni}_4$  四面体的三角形面外, 同时和 3 个 Ni 原子桥连。

● 间隙氢化物。在  $\text{HCo}_6(\text{CO})_{15}$  中, H 原子处在由 6 个 Co 原子组成的八面体中心, 同时和 6 个 Co 原子桥连。

### 7. 氢分子配键

在  $\text{W}(\eta^2\text{-H}_2)(\text{CO})_3[\text{P}(\text{C}_3\text{H}_7)_3]_2$  以及  $[\text{Fe}(\eta^2\text{-H}_2)(\text{H})(\text{PPh}_2\text{CH}_2\text{CH}_2\text{PPh}_2)_2]\text{BPh}_4$  等化合物中,  $\text{H}_2$  与金属原子从侧面结合, 结构式(未写出烃基)为



在这些化合物中,  $\text{H}_2$  作为配体, 以它的成键  $\sigma$  轨道电子提供给金属空轨道, 形成  $\sigma$  配键; 另一方面, 金属 d 轨道电子提供给  $\text{H}_2$  分子中的  $\sigma^*$  反键轨道, 形成反馈  $\pi$  配键。这两方面共同组成  $\sigma$ - $\pi$  配键。

### 8. C—H $\rightarrow$ M 桥键

在若干金属有机化合物中, 烃基上的 H 原子能和金属原子 M 形成 C—H $\rightarrow$ M 键。这种键的英文名称为 agostic bond, “agostic” 来源于拉丁文, 意思是抓住使其靠近。

饱和碳氢化合物对金属原子 M 通常是没有化学作用的。然而近年来发现, 在一些金属有机化合物中, C—H 键上的 H 原子能

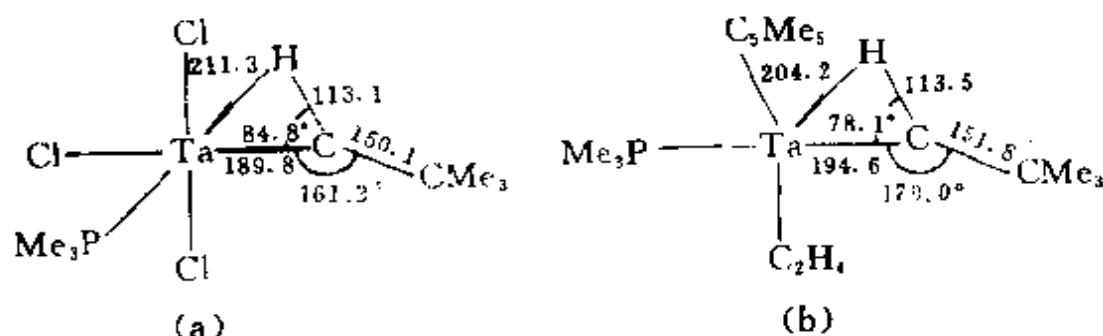


图 10.11 和 C—H $\rightarrow$ M 键有关的一些结构参数

(a)  $[\text{Ta}(\text{CHCMe}_3)(\text{PMe}_3)\text{Cl}_3]_2$  的一部分

(b)  $\text{Ta}(\text{CHCMe}_3)(\eta^5\text{-C}_5\text{Me}_5)(\eta^2\text{-C}_2\text{H}_4)(\text{PMe}_3)$

(图中键长单位为 pm)

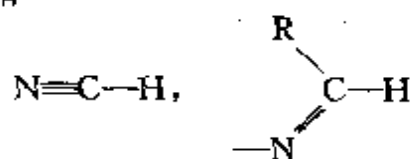
与 M 原子相互作用,改变烃基的几何构型。例如在图 10.11 的化合物(a)和(b)中,形成了 C—H→M 键(其结构参数示于图中)。由图可见, Ta 原子为了抓住 H 原子使其靠近,  $\angle \text{TaCH}$  从理论值  $120^\circ$  分别变为  $84.8^\circ$  和  $78.1^\circ$ , 使 Ta 和 H 间形成化学键。

C—H→M 键的形成,促使 C—H 键变长、减弱,活性增加,活化了惰性的烃基,对有机催化反应将会有重大的作用。

## -2- 氢键

氢的另一特性是能形成氢键。氢键以  $\text{X—H}\cdots\text{Y}$  表示,其中 X 和 Y 都是电负性较高的原子,如 F、O、N 等,Cl 和 C 在某些条件下也参与形成氢键。当 H 原子以共价键和 X 结合时,由于 X 的电负性高,吸引价电子能力大,使氢原子带部分正电荷,带有部分正电荷的氢原子与有孤对电子而电负性较强的 Y 原子接触时,它们之间存在静电吸引力及部分共价键力。 $\text{X—H}\cdots\text{Y}$  间的这种作用力即为氢键力。

按参与形成氢键原子的不同种类,可有  $\text{F—H}\cdots\text{F}$  (如 HF),  $\text{O—H}\cdots\text{O}$  (如  $\text{H}_2\text{O}$ ),  $\text{O—H}\cdots\text{F}$  (如  $\text{CuF}_2 \cdot 2\text{H}_2\text{O}$ ),  $\text{N—H}\cdots\text{F}$  (如  $\text{NH}_4\text{F}$ ),  $\text{N—H}\cdots\text{O}$  (如尿素),  $\text{N—H}\cdots\text{N}$  (如液氨)等。当 C 和 N 以三键和双键相连时,如



氢键  $\text{C—H}\cdots\text{O}$  等应予以重视,它在生物高分子中是稳定高级结构的一个重要因素。

有的氢键在分子内形成,称为分子内氢键,如邻硝基苯酚;而大量的是在分子间形成分子间氢键。氢键有强氢键和弱氢键之分,氢键的强弱除与 X、Y 的电负性有关外,还与酸碱性有关,一般酸和酸式盐中形成的氢键较强,而碱和碱式盐中形成的氢键较弱。 $\text{KHF}_2$  中形成  $[\text{F—H—F}]^-$  对称氢键,键长 226 pm;  $(\text{H}_5\text{O}_2)\text{ClO}_4$

中形成  $O-H-O$  对称氢键, 键长  $240\text{ pm}$ , 这些是最强的氢键。冰中  $O-H\cdots O$  键长  $276\text{ pm}$ , 是中等强度的氢键。

氢键键能介于共价键和范德华引力之间, 它的形成不像共价键那样需要严格的条件, 它的结构参数如键长、键角和方向性等各个方面都可以在相当大的范围内变化, 具有一定的适应性和灵活性。氢键的键能虽然不大, 但对物质性质的影响却很大, 其原因一方面是由于物质内部趋向于尽可能多地生成氢键以降低体系的能量, 即在具备形成氢键条件的固体、液体甚至气体中都尽可能多地生成氢键(可称为形成最多氢键原理); 另一方面因为氢键键能小, 它的形成和破坏所需要的活化能也小, 加上形成氢键的空间条件比较灵活, 在物质内部分子间和分子内不断运动变化的条件下, 氢键仍能不断地断裂和形成, 在物质内部保持一定数量的氢键结合。氢键的形成对物质的各种物理化学性质都会发生深刻的影响, 在人类和动植物的生理生化过程中也起十分重要的作用。

下面从几方面分析氢键的形成与物质性能的关系。

### 1. 物质的溶解性能

水是应用最广的极性溶剂。汽油、煤油等是典型的非极性溶剂, 通称为油。溶质分子在水中和油中的溶解性质, 可用“相似相溶”原理表达。这个经验原理指出: 结构相似的化合物容易互相混溶, 结构相差很大的化合物不易互溶。其中“结构”二字主要有两层含义: 一是指物质结合在一起所依靠的化学键型式, 对于由分子结合在一起的物质, 主要指分子间结合力形式; 二是指分子或离子、原子的相对大小以及离子的电价。

水是极性较强的分子, 水分子之间有较强的氢键生成, 水分子既可为生成氢键提供  $H$ , 又能有孤对电子接受  $H$ 。氢键是水分子间的主要结合力。油分子不具极性, 分子间依靠较弱的范德华引力结合。所以对于溶质分子, 凡能为生成氢键提供  $H$  与接受  $H$  者, 均和水相似, 例如  $ROH$ ,  $RCOOH$ ,  $Cl_3CH$ ,  $R_2C=O$ ,  $RCONH_2$  等等均可通过氢键和水结合, 在水中溶解度较大。而不具极性的碳氢化合

物,不能和水生成氢键,在水中溶解度很小。

在同一类型的溶质分子中,如 $\text{ROH}$ ,随着 $\text{R}$ 基团加大,在水中溶解度越来越小。

从热力学分析,  $\Delta G = \Delta H - T\Delta S$ ,自发进行的过程自由焓减少。溶质分子和溶剂分子混合,熵总是增加的,即溶解过程 $\Delta S$ 为正值;只要 $\Delta H$ 项不是很大的正值,不超过 $T\Delta S$ 项,就会溶解。若溶质和溶剂相似,溶质和溶剂分子间相互作用能和原来溶质、溶剂单独存在时变化不大, $\Delta H$ 不大,故易互溶。如果溶质和溶剂差异很大,例如水和苯,当苯分子进入水内,会破坏原来水内部分子间较强的氢键,同时也破坏原来苯分子间的较强的色散力,而代之以水和苯分子间的诱导力。这种诱导力在分子间作用力中占的比重较小,故 $\Delta H$ 变成较大的正值,超过 $T\Delta S$ 项, $\Delta G$ 成为正值,使溶解不能进行。所以水和苯不易互溶。

丙酮、二氧六环烷、四氢呋喃等,既能接受 $\text{H}$ 和 $\text{H}_2\text{O}$ 分子生成氢键,又有很大部分和非极性的有机溶剂相似,所以它们能与水和油等多种溶剂混溶。

温度升高, $T\Delta S$ 项增大,互溶度一般也增大。

## 2. 物质的熔点和沸点

由于气态物质分子间作用力可以忽略不计,气化过程将使分子间作用力消失。所以分子间作用力愈大的液态和固态物质愈不易气化,其沸点愈高,气化热愈大。熔化过程也需克服部分分子间作用力,但因影响熔点和熔化热的因素较多,其规律性不如沸点和气化热明显。

结构相似的同系物质,若系非极性分子,色散力是分子间的主要作用力;随着分子量增大,极化率增大,色散力加大,熔沸点升高。但若分子间存在氢键,结合力较色散力强,会使熔沸点显著升高。图10.12示出各种氢化物的沸点和熔点,由图可见, $\text{HF}$ , $\text{H}_2\text{O}$ , $\text{NH}_3$ 等由于分子间有较强的氢键生成,熔点和沸点就特别高。

分子间生成氢键,熔点、沸点会上升;分子内生成氢键,一般

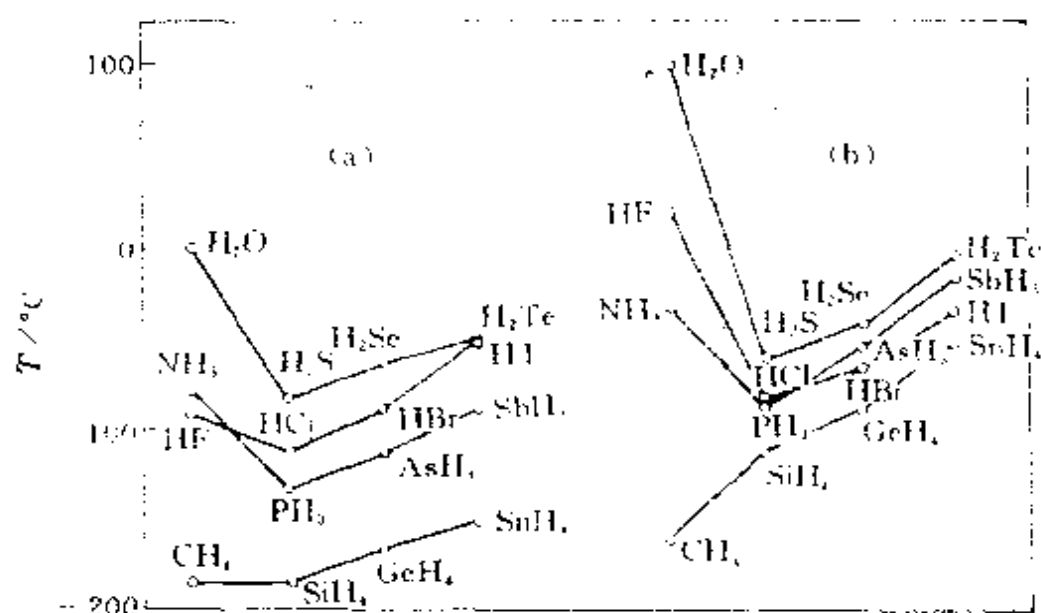
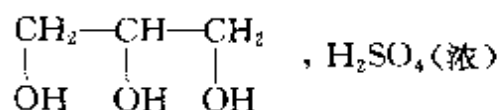


图 10.12 主族元素氢化物的熔点(a)和沸点(b)

熔、沸点要降低。例如邻硝基苯酚生成分子内氢键,熔点为 45℃,而生成分子间氢键的间位和对位硝基苯酚,其熔点分别为 96℃和 114℃。

### 3. 粘度和表面张力

分子间生成氢键,粘度会增大,例如甘油和浓硫酸



等都是粘度较大的液体。水的表面张力很高,其根源也在于水分子间的氢键。

物质表面能的大小和分子间作用力大小有关,因为表面分子受到作用力不均匀,能量较高,有使表面自动缩小的趋势。某些液态物质表面能的数值列于下表(以  $10^{-7} \text{ J/cm}^2$  为单位)。

水	苯	丙酮	乙醇	乙醚
72.8	28.9	23.3	22.6	17.1

表中所列水的表面能最高,因为水分子之间有强的氢键作用。若加表面活性剂破坏表面层的氢键体系就可降低表面能,在工业生产中有着重要的意义。

### -3- 水的结构化学

#### 1. 水分子的结构和配位情况

气态时,单个水分子的结构已准确测定, O—H 键长为 95.72 pm,  $\angle\text{HOH}$  为  $104.52^\circ$ ,

在冰、水或水合物晶体中,  $\text{H}_2\text{O}$  分子均可看作按四面体方向分布的电荷体系。水分子的两个氢原子指向四面体的两个顶点,显示正电性。而氧原子上的两对孤对电子指向四面体的另外两个顶点,显示负电性。正电性的一端常和负离子或其他分子中的负电性一端结合,例如形成  $\text{O—H}\cdots\text{O}$ ,  $\text{O—H}\cdots\text{N}$ ,  $\text{O—H}\cdots\text{Cl}$  等型式的氢键;负电性的一端常和正离子或其他分子中的正电性的一端结合,形成



等型式的氢键,或和  $\text{M}^{n+}$  配位,形成水合离子等。

#### 2. 冰的结构

常压下,水冷至  $0^\circ\text{C}$  以下即可结晶成六方晶系的冰- $\text{I}_h$ 。日常生活中见到的冰、霜、雪等都属于这种结构型式。图 10.13 示出冰- $\text{I}_h$  的六方晶胞。  $0^\circ\text{C}$  时,六方晶胞参数为:  $a = 452.27 \text{ pm}$ ,  $c = 736.71 \text{ pm}$ ;晶胞中包含 4 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子,空间群为  $D_{6h}^4 - P6_3/mmc$ ;其密度为  $0.9168 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ 。

在冰- $\text{I}_h$  中平行于六重轴方向的  $\text{O—H}\cdots\text{O}$  的距离为 275.2 pm,而其他 3 个为 276.5 pm,  $\angle\text{OOO}$  非常接近于  $109.5^\circ$ 。由于

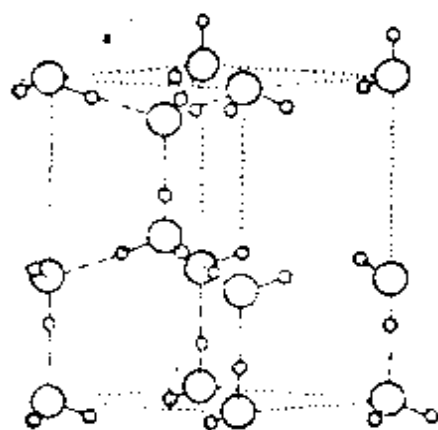
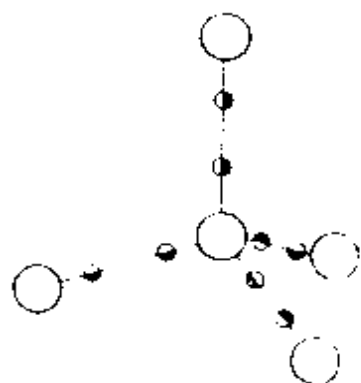


图 10.13 冰- $\text{I}_h$  的结构



H<sub>2</sub>O 分子的  $\angle\text{HOH}$  为  $104.5^\circ$ , O—H 键长为 97 pm, 在 O—H...O 氢键中, H 原子是处在 O...O 连线的附近, 而不是正好处在连线上;



10.14 冰中氧原子周围氢原子统计分布示意  
(大球代表氧原子, 小球代表 1/2 个氢原子)

氢原子靠近一个 O 原子, 所以出现 O—H...O 和 O...H—O 两种方式。在冰-I<sub>h</sub> 中, 由于氢原子的无序分布, 这两种方式相等。平均而言, 就每一氢键, 相当于距离其中一个氧原子为 97 pm 和 179 pm 处都有半个氢原子, 如图 10.14 所示。正是由于氢原子的无序统计分布, 提高了冰-I<sub>h</sub> 的对称性, 使它具有  $D_{6h}$  点群的对称性。

冰结构中的这种无序结构, 使它在低温时仍有可以测出的熵值——残余熵。一块冰的晶体可能以许多构型中的任何一个存在, 每种构型与水分子的某种取向相对应, 当冰冷却到很低温度时, 它就冻结在许多可能的构型中的某个构型, 而不可能出现排布完全整齐的构型, 因此它具有残余熵  $k\ln W$ 。k 为玻耳兹曼常数, W 为晶体可实现的构型数。1 mol 冰有  $2N$  个 H 原子, 每个 H 在 O—O 间有两个位置可供选择, 共有  $2^{2N}$  个构型。但是每个 O 原子只和两个 H 原子靠近, 只占图 10.15 示出的全部 16 种可能构型中的 6 种, 即 6/16。

$$W = 2^{2N} \left( \frac{6}{16} \right)^N = \left( \frac{3}{2} \right)^N$$

$$k\ln \left( \frac{3}{2} \right)^N = R\ln \frac{3}{2} = 3.372 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$$

这一数据与实验测定值 ( $3.430 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1} \cdot \text{K}^{-1}$ ) 一致, 对早期冰的无序结构的假设提供有力的支持。

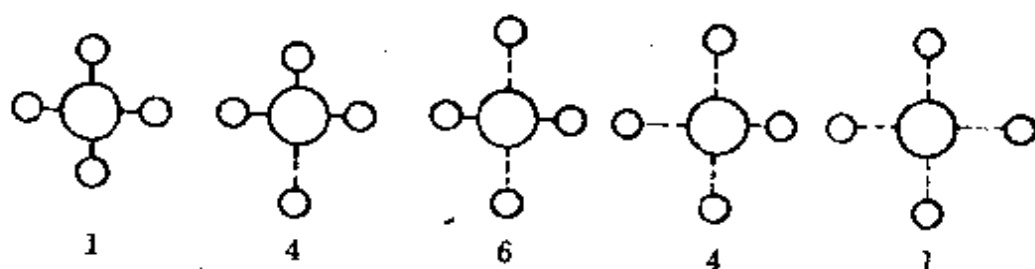


图 10.15 冰中水分子的可能构型

根据冰的结构,可连接出骨架型式的氢键体系,如图 10.16 所示。由图可见,冰有很空旷的结构,结构中有很大的空隙。这是由冰结构中每个  $\text{H}_2\text{O}$  分子具有四面体向分布的氢键所引起。正是这种结构使冰的密度比水小,冰能浮在水面上,并使水具有一系列特殊的性能。

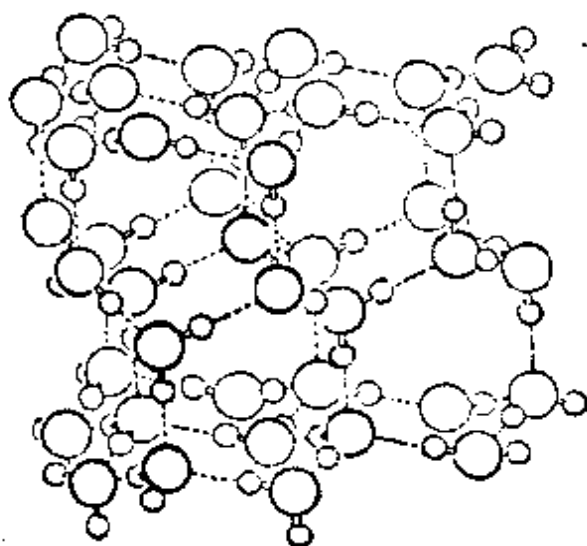
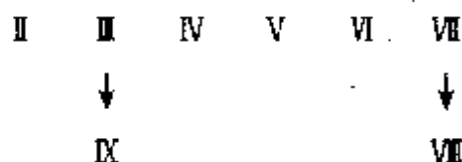


图 10.16 冰中的氢键体系

在真空中,控制温度在  $133-153\text{ K}$ ,尚可从水蒸气直接结晶成立方晶系的冰- $\text{I}_c$ ;在  $153\text{ K}$  以上,冰- $\text{I}_c$  不如冰- $\text{I}_h$  稳定。冰- $\text{I}_c$  的晶体中,氧原子的排列和金刚石相似,而氢原子的位置和冰- $\text{I}_h$  一样,也是无序结构。

冰在加压的条件下,尚可转变成一系列不同晶型的结构,其晶型分别记为



其中 IX 和 VIII 分别为 III 和 VI 的低温晶型。

在各种晶型的冰中,  $\text{H}_2\text{O}$  分子均可看作四面体向分布的电荷体系,这是各种冰的结构共同点。在冰- $\text{I}$  和冰- $\text{V}$  中,四面体变

形,使第五配位接近,冰-Ⅱ的第五个配位由冰-Ⅰ<sub>h</sub>的450 pm变至冰-Ⅱ的324 pm,而冰-V的第五和第六配位为328 pm和345 pm。

在冰-VI, VII和VIII三种晶体中,氢键体系还出现互相穿插交叉现象。像冰-VI晶体中, O原子按立方体心排列,每个H<sub>2</sub>O分子都有8个距离相等的近邻,但它只和4个H<sub>2</sub>O分子之间有氢键形成,这样在结构中出现两套相互穿插交叉氢键体系。

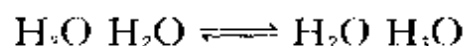
各种高压晶型的冰,其密度都比冰-I高(Ⅱ1.17,Ⅲ1.16,Ⅳ1.29,Ⅴ1.23,Ⅵ1.31,Ⅶ1.65,Ⅷ1.65,Ⅸ1.16 g·cm<sup>-3</sup>)。其原因并不是高压下氢键O—H…O缩短所致,而是O原子配位数增加,出现O和O间的非键配位,使其密度增大。在各种高压晶型的冰中,只有冰Ⅱ是一种有序氢键的冰。

### 3. 水的结构

水是地球上数量最多的化合物之一,体积达 $1.4 \times 10^{18} \text{ m}^3$ 。水和人们的生活、动植物的生长以及工农业的生产关系极为密切,人们对于水的结构极为关注,进行过大量的研究。

当温度升高冰熔化为水时,冰的空旷的氢键体系瓦解,变为堆积密度较大的水;另一方面,热膨胀又使水的密度下降,所以在熔点附近温度改变时,两种相反的因素使密度发生变化,导致水在4℃时具有最大的密度。不同温度下,水中氢键数目不同,Raman光谱和粘度测量指出20℃时水的氢键数目大约为同量冰中的一半。冰的升华热较高(51.0 kJ·mol<sup>-1</sup>)。根据估计,升华热中约有1/5是由于一般的范德华力,其余部分体现氢键的破裂。冰的熔化热较低(6.0 kJ·mol<sup>-1</sup>),说明冰熔化时只是一小部分(~15%)氢键断裂;随着温度升高,氢键逐渐断裂,需要吸收热量,所以水的比热很高,为4.184 J/g·K。在沸点时,液态水中氢键依然有相当数量,因而蒸发热较高(373 K时为40.63 kJ·mol<sup>-1</sup>)。

H<sup>+</sup>和OH<sup>-</sup>的淌度是各种离子中最大者,分别为 $32.5 \times 10^{-4}$ 和 $17.8 \times 10^{-4} \text{ cm} \cdot \text{s}^{-1}$ 。计算表明从H<sub>3</sub>O<sup>+</sup>中移去一个质子去和另一个水分子结合所需能量很小,即反应



很容易进行。图 10.17(a) 为  $\text{H}^+$  处在 A 位置转移到 B 位置的示意图。在此过程中,  $\text{H}^+$  不必亲自由 A 运行到 B, 而可由  $\text{H}_2\text{O}$  的替换接力方式进行迁移; 同理,  $\text{OH}^-$  也可用替换接力的方式进行迁移, 如图 10.17(b) 所示, 所以  $\text{H}^+$  和  $\text{OH}^-$  均具有比较高的淌度。

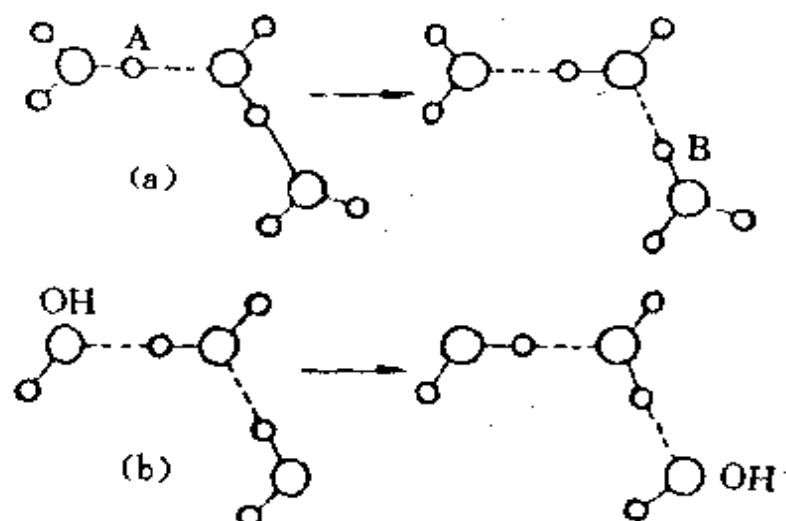
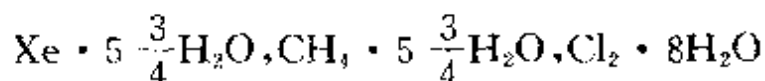


图 10.17  $\text{H}^+$  (a) 和  $\text{OH}^-$  (b) 中质子迁移的方式

#### 4. 气体水合物的结构

$\text{Ar}$ ,  $\text{Xe}$  以及  $\text{CH}_4$ ,  $\text{Cl}_2$  等气体分子能与水形成气体水合物晶体。在这种晶体中, 水分子形成三维氢键骨架体系, 在骨架中有孔穴, 它可容纳  $\text{Ar}$ ,  $\text{Xe}$ ,  $\text{CH}_4$ ,  $\text{Cl}_2$  等分子, 形成笼形包合物。

在较低温度下 ( $0^\circ\text{C}$  附近), 将  $\text{Ar}$ ,  $\text{Xe}$ ,  $\text{CH}_4$ ,  $\text{Cl}_2$  等气体通入水中, 可得组成为



等晶体, 晶体属立方晶系, 晶胞参数  $a \approx 1200 \text{ pm}$ 。这种立方晶体的结构, 可从多面体的结构出发来理解。20 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子组成五角十二面体, 如图 10.18(a) 所示; 在其 20 个顶点上放  $\text{H}_2\text{O}$  分子, 它们之间沿着多面体的边形成氢键, 这种正五边形的每个角为  $108^\circ$ , 和四面体键角极为相近, 很适合于  $\text{H}_2\text{O}$  分子之间形成氢键。多面

体的边长,可按冰中的氢键长度(276 pm)结合,在晶胞中包含 2 个这种十二面体,其中一个放在立方体的顶点,另一个放在立方体的中心(取向不同);另外,再在 4 个十二面体之间的空隙上再放一

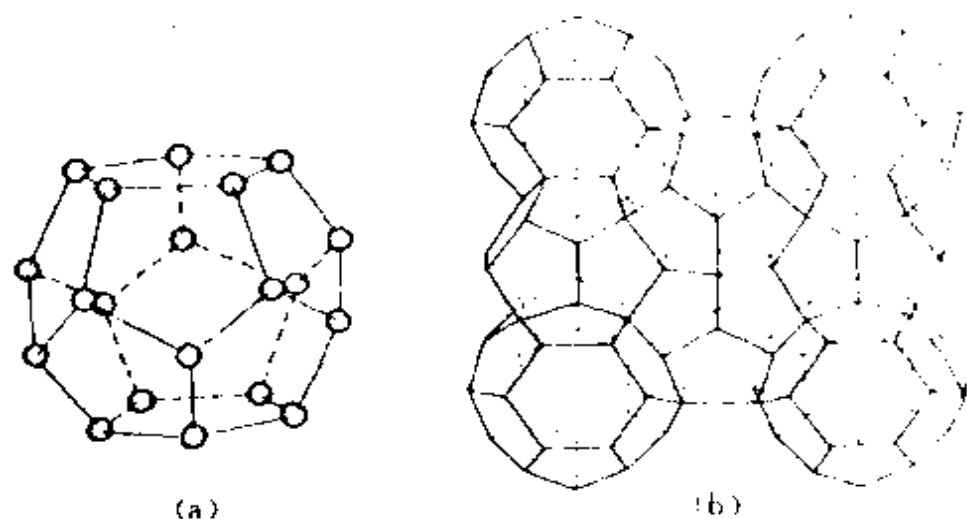
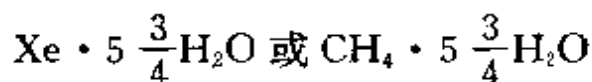


图 10.18  $8\text{Xe} \cdot 46\text{H}_2\text{O}$  水合物的结构

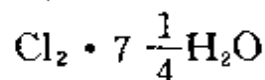
(多面体顶点上为  $\text{H}_2\text{O}$  分子的位置)

个  $\text{H}_2\text{O}$  分子,一个晶胞共计放 6 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子。这样,晶胞中 46 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子围成 6 个大的十四面体,每个十四面体有 2 个六角形的面,12 个五角形的面。图 10.18(b) 示出五角十二面体和十四面体连接的晶胞结构。在这种骨架中,平均 46 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子总共围成 2 个稍小的十二面体,6 个稍大的十四面体。

对于  $\text{Ar}$ ,  $\text{Xe}$ ,  $\text{CH}_4$ ,  $\text{H}_2\text{S}$  等较小的分子,十二面体和十四面体均可将分子包合在其中,这时晶胞的组成为  $8\text{Xe} \cdot 46\text{H}_2\text{O}$  或  $8\text{CH}_4 \cdot 46\text{H}_2\text{O}$ ,相当于组成为



对较大的  $\text{Cl}_2$ ,若 6 个十四面体中装  $\text{Cl}_2$ ,而 2 个十二面体中容纳  $\text{H}_2\text{O}$ ,则晶胞中有 6 个  $\text{Cl}_2$ ,48 个  $\text{H}_2\text{O}$ ,相当于组成为  $\text{Cl}_2 \cdot 8\text{H}_2\text{O}$ 。近来较精确的化学分析和密度测定,确定  $\text{Cl}_2$  水合物的组成为



估计在十二面体中有一部分( $>20\%$ )仍被  $\text{Cl}_2$  所占据。

$\text{CHCl}_3$  和  $\text{HPF}_6$  等尚可和水形成其他结构型式的水合物。

### 5. 结晶水

晶体中包含的水通称结晶水。水在晶体中的作用很不一致。在气体水合物中,  $\text{H}_2\text{O}$  分子构成三维骨架, 在骨架的孔穴中包含一些气体分子。在分子筛晶体中, 硅(铝)氧组成三维骨架, 在骨架的孔穴中包藏水分子, 脱水或失水不会破坏骨架。在盐类的水合物中, 水分子通常与金属离子配位, 形成配位离子, 如  $[\text{Co}(\text{H}_2\text{O})_6]\text{Cl}_2$ ,  $[\text{Mg}(\text{H}_2\text{O})_6]\text{Cl}_2$ ,  $[\text{Be}(\text{H}_2\text{O})_4]\text{SO}_4$  等, 这种配位在金属离子周围的水通称配位水。还有一种是结构水, 这种水分子不和金属离子配位, 而填在结构的间隙之中(见下表)。

结构水的存在型式	典型化合物
孤立的水分子或几个水分子	$\text{AlF}_3 \cdot \frac{1}{2}\text{H}_2\text{O}$
以链型连接	$\text{CaSO}_4 \cdot \frac{1}{2}\text{H}_2\text{O}$
连接成层	$(\text{Mg}, \text{Fe})_3(\text{OH})_2\text{AlSi}_3\text{O}_{10} \cdot 4\text{H}_2\text{O}$ (蛭石)

在许多盐类晶体中, 既有配位水又有结构水, 例如五水合硫酸铜中: 4 个  $\text{H}_2\text{O}$  和  $\text{Cu}^{2+}$  配位; 另外 1 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子为结构水, 它不和  $\text{Cu}^{2+}$  配位, 在晶体中把  $\text{SO}_4^{2-}$  中的氧原子与和  $\text{Cu}^{2+}$  配位的  $\text{H}_2\text{O}$  分子结合在一起。又如明矾  $[\text{KAl}(\text{SO}_4)_2 \cdot 12\text{H}_2\text{O}]$  中的 12 个结晶水有 6 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子配位在三价正离子 ( $\text{Al}^{3+}$ ) 上, 而其他 6 个  $\text{H}_2\text{O}$  分子和金属离子没有直接的作用。在一般情况下, 失去部分结晶水, 就会破坏原有的晶体结构, 已知  $\text{Na}_3\text{PO}_3 \cdot \text{H}_2\text{O}$  是例外, 失水并不破坏结构。

许多无机物是从水溶液中结晶出来的, 常常带有结晶水, 以水合物的形式存在。在大多数情况下, 水的存在有使结构稳定的作用。有些化合物只能以带有结晶水的形式出现, 例如存在  $[\text{Fe}(\text{H}_2\text{O})_6]\text{SiF}_6$  晶体, 而尚未制备出  $\text{Fe}(\text{SiF}_6)$  晶体。加热除去结

晶体通常会使结构破坏,而形成新的无水的或结晶水较少的晶体。当然加热时失水的晶体,加热前不一定含有水分子,因为只含有 $\text{OH}^-$ 离子的晶体,加热时也会产生水,如像 $\text{Al}(\text{OH})_3$ 和 $\text{AlO}(\text{OH})$ 加热时都可能放出 $\text{H}_2\text{O}$ 。水合物严格讲是指化合物中含有确定数目水分子,像粘土等含水量可多可少,称为吸附水较合适。

大多数情况下,水分子和正离子结合,用带负电性一端和金属离子配位,降低正离子的电荷密度。对正离子而言,正价电荷高,离子半径小,水合能力强;对于负离子而言,半径大者易水合。例如 $\text{CsCl}$ 无水; $\text{BaCl}_2$ 有1个和2个 $\text{H}_2\text{O}$ ;  $\text{LaCl}_3$ 有6个和7个 $\text{H}_2\text{O}$ ,即高价正离子水合数目较多。

水很难存在于硫化物和磷化物中,因为它不能形成氢键。

晶体中存在结合形式不同的水,加热时的行为不相同:吸附水一般低于 $100^\circ\text{C}$ 即可除去;结构水约 $100^\circ\text{C}$ 以上;配位水温度要更高些才失去;而包含 $\text{OH}^-$ 的晶体失水,温度则更高。

## 习 题 十

- 10.1 足球烯- $\text{C}_{60}$ 的结构如图 10.1 所示。若用定域价键结构表达其成键状况,该分子有多少个 $\sigma$ 键?
- 10.2 根据你的化学知识,画出 $\text{S}_6$ 和 $\text{S}_8$ 分子的结构,标明它们所属的点群。
- 10.3 说明单质结构的 $8-N$ 规则的内容。
- 10.4 画出下列分子中孤对电子和键对电子在空间的排布图。
  - (a)  $\text{ICl}_2^+$ ,  $\text{N}_2\text{O}$ ; (b)  $\text{H}_3\text{O}^+$ ,  $\text{BrF}_3$ ,  $\text{NF}_3$ ;
  - (c)  $\text{ICl}_4^-$ ,  $\text{IF}_4^+$ ,  $\text{SbF}_5$ ,  $\text{XeO}_2\text{F}_2$ ; (d)  $\text{IF}_5$ ,  $\text{XeF}_5^-$ 。
- 10.5  $\text{B}_2\text{H}_6$ 分子的 $^1\text{H}$  NMR 给出面积之比为 $2:1$ 的两类质子峰。
  - (a) 根据你学过的化学键理论和上述信息,说明 $\text{B}_2\text{H}_6$ 分子不是乙烷式构型而是桥式构型;
  - (b) 分析分子中的成键情况(原子轨道及其重叠、化学键类型等);
  - (c) 指出分子所属的点群,全部独立的对称元素及有无偶极矩和旋光性;

- (d) 该分子有多少种简正振动方式?
- 10.6 写出  $B_4H_{10}$ ,  $B_5H_{10}$  的结构式, 说明它们各有哪些缺电子多中心键。
- 10.7 气相  $Be(CH_3)_2$  常成二聚和三聚分子, 写出它们的结构式及多中心键情况。
- 10.8  $B_5H_9$  的  $B(1s)$  光电子能谱中有两个峰, 其强度比为 4:1, 小峰的结合能较小。化学反应结果表明其中一个 B 原子具有较高的亲核行为。
- (a) 根据上述信息推测  $B_5H_9$  的几何构型;
- (b) 说明  $B_5H_9$  分子的点群, 全部独立的对称元素及是否有偶极矩和旋光性;
- (c) 分析分子的成键情况(原子成键所用的轨道、化学键的类型、价电子的分配等)。
- 10.9 试说明氢键的本质及其形成的条件。
- 10.10 怎样知道液态水中仍保持一定的氢键? 怎样解释水在  $4^\circ\text{C}$  时密度最大?
- 10.11 下表给出  $15^\circ\text{C}$  时几种物质的粘度(单位:  $10^{-3} \text{ kg} \cdot \text{m}^{-1} \cdot \text{s}^{-1}$ ), 试说明为什么会有这样的大小次序。

物质	丙酮	苯	HAc	$C_2H_5OH$	$H_2SO_4$
粘度	0.34	0.91	1.31	1.33	32.8

- 10.12 水和乙醚的表面能分别为  $72.8$  和  $17.1(10^{-7} \text{ J}) \cdot \text{cm}^{-2}$ , 说明存在如此大差异的原因。
- 10.13 举例说明什么是配位水、结构水和结晶水。为什么硫化物和磷化物一般不存在结晶水?
- 10.14 说明  $SiF_6^{2-}$  能稳定存在, 而  $SiCl_6^{2-}$  不稳定的原因。
- 10.15 说明  $H_3PO_4$ ,  $H_2SO_4$  和  $HClO_4$  的几何构型、酸性强弱次序及原因。实验测定  $P \rightarrow O$ ,  $S \rightarrow O$ ,  $Cl \rightarrow O$  键长都比各自正常的单键短, 试从化学键的角度解释其原因。
- 10.16 写出下列分子的结构式和立体构型:  $P_4$ ,  $N_4S_4$ ,  $IO_2F_2^-$ ,  $B_3N_3H_6$ 。
- 10.17 低温下, Ne 原子按立方最密堆积形成晶体。0.1 MPa, 0K(外推)时的晶胞参数  $a = 446.2 \text{ pm}$ 。请计算:
- (a) 晶体密度;
- (b) 晶体中每个 Ne 原子所占的体积;



(c) 晶体中原子间的最短距离。

10.18  $\text{SiO}_2$  和  $\text{CO}_2$  是同一族元素的氧化物,但两者的结构和性质差异均很大,试说明其原因。

## 参 考 文 献

- [1] 周公度,无机结构化学,科学出版社(1982)
- [2] 施开良,单质的结构,高等教育出版社(1990)
- [3] N. N. Greenwood and A. Earnshaw, Chemistry of the Elements, Pergamon Press, Oxford(1984)
- [4] F. A. Cotton and G. Wilkinson, Advanced Inorganic Chemistry, 5th ed., Wiley, New York(1989)
- [5] T. C. W. Mak(麦松威)和 G. D. Zhou(周公度), Crystallography in Modern Chemistry, A Resource Book of Crystal Structures, Wiley, New York(1992)
- [6] H. W. Kroto, J. E. Fischer and D. E. Cox(eds.), The Fullerenes, Pergamon Press, Oxford(1993)
- [7] 周公度,大学化学, 7(4), 29(1992)
- [8] G. A. Olah, K. Wade and R. E. Williams(eds.), Electron Deficient Boron and Carbon Clusters, Wiley, New York(1991)

# 附录 I 实 习

## 实习 1 原子轨道空间分布图的描绘

解氢原子的 Schrödinger 方程,可得原子轨道的数学表达式。  
例如

$$\psi_{2p_z} = \left( \frac{1}{4\sqrt{2\pi}a_0^3} \right)^{-1} (r/a_0) e^{-r/2a_0} \cos\theta \quad (1.1)$$

按照  $\psi$  的数学表达式,即可描绘出  $\psi$  的空间分布图。

本实习通过计算和绘制  $\psi_{2p_z}$  的空间分布图并讨论它的各种性质,加深对原子结构的理解,为进一步学习化学键理论打下基础。

### 1.1 作 $\psi-r$ 图

取  $a_0$  作为  $r$  的单位,  $1/4\sqrt{2\pi}$  作为  $\psi$  的单位,则  $\psi_{2p_z}$  可以简化为

$$\psi_{2p_z} = re^{-r/2} \cos\theta \quad (1.2)$$

- (1) 按(1.2)式计算下表所规定的  $r$ 、 $\theta$  值时的  $\psi_{2p_z}$  值。
- (2) 根据下表所列数据,对每个  $\theta$  值作一条  $\psi_{2p_z}-r$  的关系曲线(以  $\psi_{2p_z}$  为纵坐标,  $r$  为横坐标)。6 条曲线画在同一张坐标纸上,得  $\psi_{2p_z}-r$  图。

### 1.2 作 $\psi$ 空间分布图

- (1) 根据所画的  $\psi_{2p_z}-r$  图,读出下表所需的数据,对应于每个  $\theta$ ,  $\psi_{2p_z}$  值应读出两个  $r$  值。

$\phi$ $\theta$	$r$	0	0.5	1.0	1.5	2	3	4	5	6	7	8	9
$0^\circ$													
$15^\circ$													
$30^\circ$													
$45^\circ$													
$60^\circ$													
$75^\circ$													
$90^\circ$													

(2) 在直角坐标纸上选取横轴为  $x$  轴,纵轴为  $z$  轴,原点为原子核位置;从原点出发,按上表中  $\theta$  值作辐射线。根据表中所列的  $r, \theta$  和  $\phi$  的数据,标出各个  $\phi$  值相同的坐标位置,画出各条  $\phi$  的等值线并标明  $\phi$  值。

(3) 将  $\theta$  值从  $90^\circ$  扩充至  $180^\circ$ ,标明  $\phi$  的正、负号。

(4) 求出  $|\phi|$  最大的坐标位置及该点的数值,并在图上标明。

$\phi$ $\theta$	$r$	0.1	0.2	0.3	0.4	0.5	0.6	0.7
$0^\circ$								
$15^\circ$								
$30^\circ$								
$45^\circ$								
$60^\circ$								
$75^\circ$								
$90^\circ$								

### 1.3 讨论

(1) 从上述平面图形出发,讨论  $\psi_{2z}$  的空间分布图形。[从图形对  $x$  轴、 $y$  轴、 $z$  轴、 $xy$  平面的对称性、节面以及图形的大小(以  $|\psi|=0.1$  为界面)等方面进行讨论]。

(2) 与  $\psi_{2p_z}$  等值线图形对比,讨论  $\psi_{2z}^2$  的等值线图形。

(3) 与  $\psi_{2p_z}$  图形对比讨论  $\psi_{2p_x}$  和  $\psi_{2p_y}$  的空间分布图。

## 实习 2 $\text{H}_2^+$ 能量曲线的绘制

本实习根据线性变分法等方法解  $\text{H}_2^+$  所得的结果,了解  $\text{H}_2$  能量随不同核间距离的变化。加深对化学键和分子光谱的理解。

### 2.1 作 $\text{H}_2^+$ 的 $E-R$ 曲线

(1) 利用 3.1 节(3.16)和(3.17)式

$$J = \left(1 + \frac{1}{R}\right) e^{-2R}, K = \left(\frac{1}{R} - \frac{2R}{3}\right) e^{-R}, S = \left(1 + R + \frac{R^2}{3}\right) e^{-R}$$

$$E_1 = E_H + \frac{J+K}{1+S}, E_2 = E_H + \frac{J-K}{1-S}$$

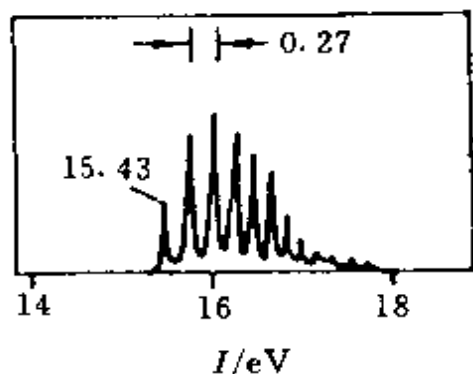
取下列 12 个不同的  $R$  值,计算表中各栏数值。

$R$	1.6	1.8	2.0	2.2	2.4	2.6	2.8	3.2	3.6	4.0	5.0	6.0
$J$												
$K$												
$S$												
$E_1$												
$E_2$												

(2) 用上表数值画出  $\text{H}_2^+$  的  $E_1-R$  和  $E_2-R$  曲线,并讨论所得结果。

### 2.2 $\text{H}_2^+$ 和 $\text{H}_2$ 的 $E-R$ 曲线比较

(1) 已知  $\text{H}_2^+$  的  $D_0 = 2.651 \text{ eV}$ ,  $\frac{1}{2}h\nu = 0.142 \text{ eV}$ ;  $R_e = 106$



图(实习 2)  $\text{H}_2$  的光电子能谱

pm;  $\text{H}_2$  的  $D_0 = 4.478 \text{ eV}$ ,  $\frac{1}{2}h\nu = 0.270 \text{ eV}$ ,  $R_e = 74 \text{ pm}$ ;  $I(\text{H}_2) = 15.43 \text{ eV}$ ,  $I(\text{H}) = 13.598 \text{ eV}$ 。请在一张坐标纸上画出  $\text{H}_2^-$  和  $\text{H}_2$  的  $E-R$  曲线。

(2) 由上图讨论  $\text{H}_2$  的光电子能谱。已知  $\text{H}_2$  的光电子能谱如图(实习 2)所示, 从中可得到哪些有关  $\text{H}_2$  和  $\text{H}_2^+$  的结构数据?

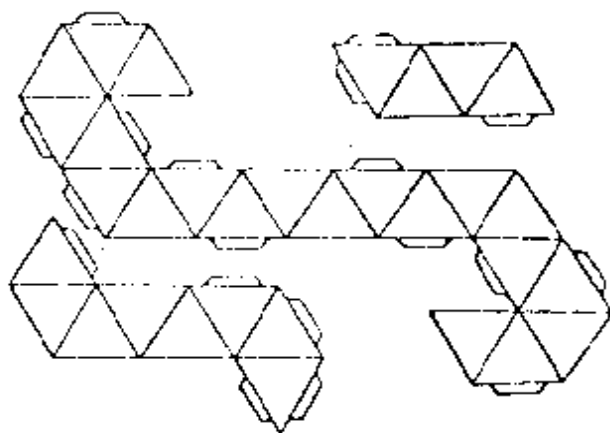
### 实习 3 分子的立体构型和分子的性质

分子的立体构型从分子中原子排布的几何关系描述分子的结构, 对于了解分子的性质具有重要意义。

本实习通过自己动手制作和仔细观察分子模型, 掌握分子的空间结构, 加深对分子构型和分子性质的了解。

#### 3.1 制作多面体模型

用厚纸片按图(实习 3)的图形制作四面体、八面体和正三角二十面体。在制作时, 三角形面的边长不应小于 5 cm。



图(实习 3) 多面体模型的制作

### 3.2 从分子模型了解其对称性

- (1) 搭出下列分子模型,了解它们的对称性,填写表中各栏内容。 $\text{CH}_4$ ,  $\text{H}_2\text{O}_2$ ,  $\text{SF}_6$ ,  $\text{N}_4(\text{CH}_2)_6$ ,  $\text{C}_6\text{H}_{12}$  (环己烷:船式和椅式),  $\text{C}_2\text{H}_6$  (重叠式、交叉式以及介于这两者之间的型式)。
- (3) 搭出下列丙二烯型化合物的模型,了解它们的对称性。



(4) 搭出 L 型氨基酸、D 型甘油醛、 $\text{Cr}(\text{en})_3^{3+}$  及它们的对映体的模型。

(5) 搭出图 4.12 中  $\text{N}^+[\text{CH}_2\text{CHCH}_3]_3$  的分子模型,说明它具有  $I_4$  和  $S_4$ ,但没有  $i, \sigma, C_4$ 。

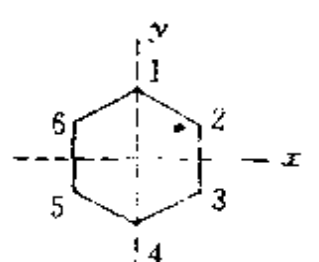
分 子		对称元素及数目			点 群	偶极矩	旋光性
		对 称 轴	镜面	$i$			
$\text{CH}_4$ (四面体)							
$\text{SF}_6$ (八面体)							
$\text{B}_{12}$ (二十面体)							
环己烷	船 式						
	椅 式						
$\text{H}_2\text{O}_2$							
$\text{C}_2\text{H}_6$	重叠式						
	交叉式						
	中间式						
$\text{N}_4(\text{CH}_2)_6$							

## 实习4 苯的 HMO 处理

(1) 画出苯分子结构, 对各碳原子及其  $p_z$  轨道编号[如图(实习4)], 由 AO 线性组合得出 MO

$$\phi = \sum_{i=1}^6 c_i \phi_i \quad (1.3)$$

(2) 用 Hückel 近似写出化简的久期方程如下:



$$\begin{bmatrix} x & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 1 & x & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & x & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & x & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & x & 1 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & x \end{bmatrix} \begin{bmatrix} c_1 \\ c_2 \\ c_3 \\ c_4 \\ c_5 \\ c_6 \end{bmatrix} = 0 \quad (1.4)$$

图(实习4)

(3) 以图中标明的虚线作镜面, 利用这两个镜面对称性化简(1.4)式, 求出  $x$  值。

(4) 利用  $x$  值求出分子轨道能级; 利用  $x$  值代入化简的(1.4)式, 结合归一化条件求出分子轨道组合系数  $c_i$ 。

(5) 根据能级从低到高的次序, 列出 6 个解  $E_i$  及  $\phi_i$ 。

(6) 画出各个  $\phi_i$  的示意图。

(7) 计算苯分子中每个碳原子的电荷密度、原子间  $\pi$  键键级及各碳原子的自由价, 写出苯的分子图。

(8) 计算苯的离域能, 讨论苯分子的性质。

提示: 简化(1.4)式时可充分利用镜面对称性, 了解各个  $c_i$  间的关系。

例如对镜面  $\sigma_x$

对 称( $S_x$ ):  $c_1 = c_4, c_2 = c_3, c_5 = c_6$

反对称( $A_x$ ):  $c_1 = -c_4, c_2 = -c_3, c_5 = -c_6$

对镜面  $\sigma_y$

对 称( $S_y$ ):  $c_2 = c_6, c_3 = c_5$

反对称( $A_y$ ):  $c_1 = c_4 = 0, c_2 = -c_6, c_3 = -c_5$

例如利用  $S_2$  和  $S_4$  条件, 可将(1.4)式化简为

$$xc_1 + 2c_2 = 0 \quad (1.5-1)$$

$$c_1 + (x+1)c_2 = 0 \quad (1.5-2)$$

从(1.5)式, 使  $c_1, c_2$  不全为 0 的解, 需满足下一行列式

$$\begin{vmatrix} x & 2 \\ 1 & (x+1) \end{vmatrix} = 0 \quad (1.6)$$

解(1.6)式得  $x = -2$  或  $1$ 。当  $x = -2$ ,  $E_1 = \alpha + 2\beta$ 。将  $x$  代回(1.5)式, 并结合归一化条件(即  $c_1^2 + c_2^2 + c_3^2 + c_4^2 + c_5^2 + c_6^2 = 1$ ), 得

$$\psi_1 = \frac{1}{\sqrt{6}} (\phi_1 + \phi_2 + \phi_3 + \phi_4 + \phi_5 + \phi_6)$$

## 实习 5 点阵和晶胞

### 5.1 根据晶体结构模型填写出下表各栏内容

	金属铜	金属钠	氯化铯	金刚石	石 墨	金属镁
结 构 基 元						
素 晶 胞 形 状						
特征对称元素						
晶 系						
正当晶胞点阵点数						
点 阵 型 式						
原子分数坐标						

### 5.2 作图表明微观对称元素

(1) 金刚石的空间群为  $O_h^3-Fd3m$ , 试画出金刚石立方晶胞结构投影图, 在图上用微观对称元素记号标出一个  $d$  滑移面。

(2) 画出金属镁晶胞沿六重轴方向的结构投影图, 在图上标出六重轴(两种:  $6_2$  和  $\bar{6}$ )的位置和记号。

(3) 画出石墨晶体结构的投影图, 在图上标出六重轴的位置



和记号(和金属镁一样,也有  $6_3$  和  $\bar{6}$  两种六重轴)。

### 5.3 标出晶面指标

对下面三种多面体以其中心为原点,选合适晶轴,标出各个面的晶面指标。



### 5.4 讨论

(1) 在 14 种点阵型式中,为什么有四方  $I$ ,而无四方  $F$ ? 为什么有正交  $C$ ,而无四方  $C$ ? 为什么有立方  $F$ ,而无立方  $C$ ? 根据什么原则确定点阵型式?

(2) 总结你是怎样从一个模型或图像抽象出点阵? 如何判断一组点确是点阵?

(3) 结构基元、点阵点、晶胞和点阵型式等概念的正确含义和相互关系怎样?

(4) 下列说法对否? 为什么?

(a) 晶面间距  $d_{hkl}$  是一颗晶体两个相对的晶面之间的距离;

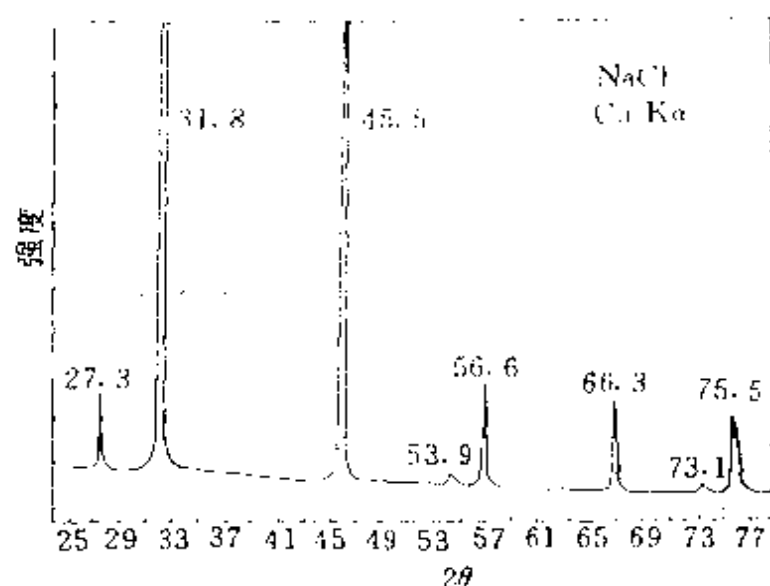
(b)  $\text{CsCl}$  可取出立方体心晶胞;

(c) 立方体属  $O_h$  点群,凡立方晶系都可划出立方体晶胞,所以都是  $O_h$  点群。

## 实习 6 多晶 X 射线衍射法

本实习采用衍射仪拍摄  $\text{NaCl}$  晶体的粉末衍射图,测定  $\text{NaCl}$  晶体的点阵型式,计算晶体密度,通过实验进一步掌握多晶粉末法的原理,了解衍射仪的使用,练习 PDF 卡片的查找方法。本实习内容可参考“物理化学实验” I-39,北京大学出版社出版(1985)。

(1) 在衍射仪上拍摄  $\text{NaCl}$  晶体的粉末衍射图,了解衍射仪的



图(实习 6) NaCl 的多晶衍射图

基本结构和使用方法。

(2) 根据所附 NaCl 晶体的衍射图(用 Cu K $\alpha$  射线拍摄), 计算下表所列各项, 确定 NaCl 晶体的点阵型式为\_\_\_\_\_。

衍射线	$2\theta$	$\theta$	$\sin\theta$	$\sin^2\theta$	$\sin^2\theta$ 之比	$h^2+k^2+l^2$	$hkl$
1							
2							
3							
4							
5							
6							
7							
8							

(3) 选择 5 条高角度的衍射线, 计算晶胞参数  $a$ , 然后得到  $\bar{a}$ 。

(4) 计算 NaCl 的晶体密度。

(5) 以 NaCl 为例, 练习 PDF 卡片的查找方法, 记下卡片号。

## 实习 7 等径圆球的堆积

在晶体中,原子(或离子)的排列堆积方式是晶体结构的重要内容。本实习通过等径圆球的堆积来模拟金属单质中原子的堆积,了解金属单质的若干典型结构型式,加深对金属晶体结构的了解,并为学习离子化合物的结构打下基础。

### 7.1 密堆积层

取若干等径圆球,分别排列成密堆积层和四方平面层,比较它们的异同,填写下表。(设圆球半径为  $R$ ,球的配位数是指与一个圆球直接接触的圆球数目。计算空隙中心到球面的最短距离,用球半径  $R$  表示。)

	密堆积层	四方平面层
每个球的配位数		
法线方向上的对称性		
空隙中心到球面的最短距离		
面积利用率		

### 7.2 等径圆球的最密堆积

将密堆积层按  $ABAB\cdots$  和  $ABCABC\cdots$  两种重叠方式分别组成六方和立方最密堆积。各取一个晶胞,观察并填写下表。

堆 积 方 式	六方(A3)	立方(A1)
球的配位数		
一个球平均占有的四面体空隙数		
一个球平均占有的八面体空隙数		
点阵型式		
密堆积层方向(用晶胞单位矢量表示)		
晶胞内球的分数坐标		

### 7.3 最密堆积中的空隙

#### (1) 四面体空隙

一个四面体空隙由 4 个球构成, 所以一个球在一个四面体中占有  $\frac{1}{4}$  的空隙。一个球参与  $4$  个四面体空隙的构成, 因此平均一个球占有  $1$  个四面体空隙。

计算四面体空隙中心到球面的最短距离(用球半径  $R$  表示)。

#### (2) 八面体空隙

一个八面体空隙由 6 个球构成, 所以一个球在一个八面体中占有  $\frac{1}{6}$  的空隙。一个球参与  $6$  个八面体空隙的构成, 因此平均一个球占有  $1$  个八面体空隙。

计算八面体空隙中心到球面的最短距离(用球半径  $R$  表示)。

### 7.4 体心立方堆积和简单立方堆积

将球作体心立方堆积和简单立方堆积, 取其晶胞, 观察并填写下表。表中密置列是指球沿一维直线紧密排列, 其方向以晶胞单位矢量表示。

堆积方式	体心立方		简单立方
密置列方向			
球的配位数			
晶胞内球的坐标			
空隙型式			
晶胞内空隙数			
空隙中心到球面的最短距离			
一个球平均占有的空隙数			

### 7.5 计算堆积系数

列式计算立方最密堆积、六方最密堆积、体心立方堆积、简单立方堆积和金刚石堆积等的堆积系数(空间利用率)。

## 实习 8 离子晶体的结构

通过观察和分析下表所列 6 个二元离子晶体的结构模型,了解离子晶体的结构,并将结果填入下表。

晶 体		NaCl	CsCl	ZnS (立方)	ZnS (六方)	CaF <sub>2</sub>	TiO <sub>2</sub> (金红石)
负离子堆积方式							
正负离子半径比							
正负离子数量比							
正 离 子	占什么空隙						
	占空隙比率						
	配 位 数						
	配位多面体 连接方式						
负离子的配位数							
点 阵 型 式							
结 构 基 元							
晶胞内正负离子数							
离子分数坐标							

## 参 考 文 献

- [1] 何福城、李象远,结构化学模型与折纸技术,四川教育出版社(1993)
- [2] 王文亮、杨宗璐,晶体化学实习,高等教育出版社(1993)

## 附录 II 单位、物理常数和换算因子

### II.1 国际单位制的基本单位

物理量名称	单位名称	单位符号
长度	米	m
质量	千克	kg
时间	秒	s
电流强度	安	A
热力学温度	开	K
物质的量	摩尔	mol
发光强度	坎	cd

### II.2 若干重要的导出单位

物理量名称	单位名称	单位符号
力	牛	$\text{N}(\text{kg} \cdot \text{m} \cdot \text{s}^{-2})$
能	焦	$\text{J}(\text{N} \cdot \text{m})$
功率	瓦	$\text{W}(\text{J} \cdot \text{s}^{-1})$
电荷量	库	$\text{C}(\text{A} \cdot \text{s})$
电位	伏	$\text{V}(\text{W} \cdot \text{A}^{-1})$
电容	法	$\text{F}(\text{C} \cdot \text{V}^{-1})$
电阻	欧	$\Omega(\text{V} \cdot \text{A}^{-1})$
频率	赫	$\text{Hz}(\text{s}^{-1})$
磁通量	韦	$\text{Wb}(\text{V} \cdot \text{s})$
磁感应强度	特	$\text{T}(\text{Wb} \cdot \text{m}^{-2})$
电感	亨	$\text{H}(\text{Wb} \cdot \text{A}^{-1})$

## II.3 常用物理常数

名 称	符 号	数 值
电子质量	$m_e$	$9.10953 \times 10^{-31} \text{ kg}$
质子质量	$m_p$	$1.67265 \times 10^{-27} \text{ kg}$
真空电容率	$\epsilon_0$	$8.854188 \times 10^{-12} \text{ C}^2 \cdot \text{J}^{-1} \cdot \text{m}^{-1}$
真空磁导率	$\mu_0$	$4\pi \times 10^{-7} \text{ J} \cdot \text{s}^2 \cdot \text{C}^{-2} \cdot \text{m}^{-1}$
真空光速	$c$	$2.997925 \times 10^8 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$
电子电荷	$e$	$1.60219 \times 10^{-19} \text{ C}$
Boltzmann 常数	$k$	$1.38066 \times 10^{-23} \text{ J} \cdot \text{K}^{-1}$
气体常数	$R$	$8.31441 \text{ J} \cdot \text{K}^{-1} \cdot \text{mol}^{-1}$
Planck 常数	$h$	$6.62618 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$
Avogadro 常数	$N$	$6.02205 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1}$
Bohr 磁子	$\beta_e \left( = \frac{eh}{4\pi m_e} \right)$	$9.2740 \times 10^{-24} \text{ J} \cdot \text{T}^{-1}$
核磁子	$\beta_N \left( = \frac{eh}{4\pi m_p} \right)$	$5.05082 \times 10^{-27} \text{ J} \cdot \text{T}^{-1}$
Bohr 半径	$a_0 \left( = \frac{\epsilon_0 h^2}{\pi m_e e^2} \right)$	$5.29177 \times 10^{-11} \text{ m}$
Rydberg 常数	$R_\infty \left( = \frac{m_e e^4}{8ch^3 \epsilon_0^2} \right)$	$1.097373 \times 10^5 \text{ cm}^{-1}$

## II.4 能量和其他一些物理量单位间的换算

	$\text{J} \cdot \text{mol}^{-1}$	$\text{kcal} \cdot \text{mol}^{-1}$	eV	$\text{cm}^{-1}$
$1 \text{ J} \cdot \text{mol}^{-1}$	1	$2.390 \times 10^{-4}$	$1.036 \times 10^{-5}$	$8.359 \times 10^{-2}$
$1 \text{ kcal} \cdot \text{mol}^{-1}$	$4.184 \times 10^3$	1	$4.336 \times 10^{-2}$	$3.497 \times 10^2$
1 eV	$9.649 \times 10^4$	23.060	1	$8.065 \times 10^3$
$1 \text{ cm}^{-1}$	$1.196 \times 10$	$2.859 \times 10^{-3}$	$1.240 \times 10^{-4}$	1

$$1 \text{ \AA} = 100 \text{ pm} = 10^{-8} \text{ cm} = 10^{-10} \text{ m}$$

$$1 \text{ atm} = 760 \text{ mm Hg} = 1.01325 \times 10^5 \text{ N} \cdot \text{m}^{-2} (\text{Pa})$$

$$1 \text{ D (Debye)} \triangleq 3.33564 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m}$$

$$1 \text{ G (Gauss)} = 10^{-4} \text{ T}$$

## II.5 原子单位(a.u.)

长 度	$1 \text{ au} = a_0 = 5.29177 \times 10^{-11} \text{ m}$ (Bohr 半径)
质 量	$1 \text{ au} = m_e = 9.109534 \times 10^{-31} \text{ kg}$ (电子静质量)
电 荷	$1 \text{ au} = e = 1.6021892 \times 10^{-19} \text{ C}$ (电子电荷)
能 量	$1 \text{ au} = \frac{e^2}{4\pi\epsilon_0 a_0}$ (二个电子相距 $a_0$ 的势能) $\approx 27.2116 \text{ eV}$

时间:在原子单位中,  $4\pi\epsilon_0 = 1$ ,  $\frac{h}{2\pi} = 1$ , 因而时间的原子单位不是秒, 而是  $2.418885 \times 10^{-17} \text{ s}$ , 即电子在氢原子基态轨道转 1  $a_0$  所需的时间。

角动量:  $1 \text{ au} = \frac{h}{2\pi} (\equiv \hbar) = 1.0545887 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$

## II.6 用于构成十进倍数和分数单位的词头

a	atto	$10^{-18}$	d	deci	$10^{-1}$
f	femto	$10^{-15}$	k	kilo	$10^3$
p	pico	$10^{-12}$	M	mega	$10^6$
n	nano	$10^{-9}$	G	giga	$10^9$
$\mu$	micro	$10^{-6}$	T	tera	$10^{12}$
m	milli	$10^{-3}$	P	peta	$10^{15}$
c	centi	$10^{-2}$	E	exa	$10^{18}$



## 附录 III 习题答案(摘选)

### 习题一

- 1.1  $h = 6.63 \times 10^{-34} \text{ J} \cdot \text{s}$   
 $W = 2.85 \times 10^{-19} \text{ J}$   
 $\nu_0 = 4.32 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$
- 1.2  $\nu = 4.469 \times 10^{14} \text{ s}^{-1}$   
 $\tilde{\nu} = 1.491 \times 10^4 \text{ cm}^{-1}$   
 $E = 178.3 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$
- 1.3  $2.96 \times 10^{20}$
- 1.4  $8.117 \times 10^5 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$
- 1.5  $2.742 \text{ pm}$
- 1.6 (a)  $6.626 \times 10^{-10} \text{ pm}$   
 (b)  $90.43 \text{ pm}$   
 (c)  $71 \text{ pm}$
- 1.7 ③和⑤错
- 1.9  $\Delta x = 3.8 \times 10^{-10} \text{ m}$ , 无影响
- 1.12  $-6a$
- 1.14  $\exp(im\phi)$  是本征函数,  $-m$
- 1.16  $E_n = \frac{n^2 h^2}{8ml^2}$ ,  $\langle x \rangle = \frac{l}{2}$ ,  $\langle p_x \rangle = 0$
- 1.17  $P_1 = 0.0399$ ,  $P_2 = 0.0001$
- 1.18  $1120 \text{ pm}$
- 1.19  $E$  为  $\frac{3h^2}{8ma^2}$ ,  $\frac{6h^2}{8ma^2}$ ,  $\frac{9h^2}{8ma^2}$ ,  $\frac{11h^2}{8ma^2}$ ,  $\frac{12h^2}{8ma^2}$ ; 简并度为 1, 3, 3, 3, 1
- 1.20  $506.6 \text{ nm}$
- 1.21  $86.2 \text{ nm}$

1.22 是; 无确定值;  $\langle E \rangle = \frac{5h^2}{13ma^2}$

### 习题二

- 2.1  $R = 109678 \text{ cm}^{-1}$   
 $n_1 = 2, n_2 = 3, 4, 5, 6$
- 2.2  $52.947 \text{ pm}, 52.918 \text{ pm}$   
 $2.1877 \times 10^6 \text{ m} \cdot \text{s}^{-1}$
- 2.3 (a)  $121 \text{ nm}, 92.9 \text{ nm}$   
 Lyman 系, 紫外光区  
 (b) 均不能使处于基态的氢原子电离, 但皆可使铜电离  
 (c)  $519 \text{ pm}, 415 \text{ pm}$
- 2.4  $e$
- 2.5  $0.728$
- 2.6  $2.66 a_0$
- 2.7 (a)  $-13.6 \text{ eV}, 0$   
 (b)  $-27.2 \text{ eV}, 13.6 \text{ eV}$
- 2.8 (a)  $-3.4 \text{ eV}$   
 (b)  $\sqrt{2} \frac{h}{2\pi}, \sqrt{2} \beta_e$   
 (c)  $90^\circ$
- 2.11  $|M_L| = \sqrt{2} \frac{h}{2\pi}, \mu = \sqrt{2} \beta_e$
- 2.12 (a)  $\frac{a_0}{3}$  (b)  $\frac{1}{2} a_0$  (c)  $r \rightarrow 0$   
 (d) 相同 (e)  $5.75 \text{ eV}$
- 2.13 (a)  $54.38 \text{ eV}$  (b)  $-78.97 \text{ eV}$   
 (c)  $29.9 \text{ eV}$  (d)  $0.3$

- (e)  $-13.32 \text{ eV}$
- 2.15 Na:  $4.1 a_0, 0.58 a_0$   
F:  $8.6 a_0, 0.77 a_0$
- 2.16 (a)  $^3P_0$ ; (b)  $^6S_{5/2}$ ; (c)  $^2P_{3/2}$ ;  
(d)  $^6D_{5/2}$ ; (e)  $^3F_4$
- 2.17 Na:  $^2S_{1/2}$   
F:  $^2P_{1/2}, ^2P_{3/2}$   
C:  $^3D_3, ^3D_2, ^3D_1, ^3P_2, ^3P_1, ^3P_0, ^3S_1, ^1D_2, ^1P_1, ^1S_0$
- 2.18 组态(b)全部光谱项为 $^1D$ 和 $^3D$ ,  
不含 $^3F_4$ ,因此应为组态(a)。

### 习题三

- 3.2 (c)  $\gg$  (a)  $>$  (b)
- 3.5 弱
- 3.7 NO 能级类似于  $N_2$ , 键级 2.5  
不成对电子 1,  $NO^+$  键强
- 3.10 2.5, 3
- 3.12 (a)  $(1\sigma)^2(2\sigma)^2(1\pi)^3$   
(b)  $1\pi$   
(c) 定域于 O 原子  
(d) MO 类似于 AO, 电离的电子是由 O 和 F 提供的非键电子
- 3.13  $941.48 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$
- 3.14  $I = 3.303 \times 10^{-47} \text{ kg} \cdot \text{m}^2$   
 $r = 1.419 \times 10^{-10} \text{ m}$
- 3.15 3.864, 7.727, 11.591,  
 $15.456 \text{ cm}^{-1}$
- 3.16 (a) 是  
(b)  $6.928 \times 10^{13} \text{ Hz}$   
(c)  $2.295 \times 10^{-20} \text{ J}$

- (d)  $312.3 \text{ N} \cdot \text{m}^{-1}$
- 3.17 6, 7,  $\text{H}-\text{C}\equiv\text{C}-\text{H}$  (Raman)  
 $\text{H}-\text{C}\equiv\text{C}-\text{H}$  (Raman)  
 $\text{H}-\text{C}\equiv\text{C}-\text{H}$  (IR)
- $\begin{array}{c} \uparrow \quad \quad \uparrow \\ \text{H}-\text{C}\equiv\text{C}-\text{H} \\ \downarrow \quad \quad \downarrow \end{array}$   
(Raman, 二重简并)
- $\begin{array}{c} \uparrow \quad \quad \uparrow \\ \text{H}-\text{C}\equiv\text{C}-\text{H} \\ \downarrow \quad \quad \downarrow \end{array}$   
(IR, 二重简并)
- 3.20  $4.5292 \text{ eV}$
- 3.21 (a)  $1.161 \times 10^{-13} \text{ m}$   
(b)  $8.061 \times 10^{-46} \text{ kg} \cdot \text{m}^2$   
 $7.167 \times 10^{-46} \text{ kg} \cdot \text{m}^2$
- 3.25  $CO(1\sigma)^2(2\sigma)^2(1\pi)^4(3\sigma)^2$   
 $NO(1\sigma)^2(2\sigma)^2(1\pi)^4(3\sigma)^2(2\pi)^1$   
NO 电离  $(2\pi)^1$  上高能反键电子  
CO 电离  $(3\sigma)^2$  上成键电子
- 3.26  $\begin{array}{c} \text{O} \\ \parallel \\ \text{F}_3\text{C}-\text{C}-\text{O}-\text{CH}_2-\text{CH}_3 \\ \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \quad \downarrow \\ 1 \quad 2 \quad 3 \quad 4 \end{array}$   
 $1 > 2 > 3 > 4$ , 碳的有效电负性  
按此次序变化
- 3.27 Ag 3d 峰
- 3.28 (a) Ar:  $^1S_0$ ;  
 $\text{Ar}^+ : ^2P_{1/2}, ^2P_{3/2}$   
(b)  $\text{Ar}(^1S_0) \longrightarrow \text{Ar}^+(^2P_{3/2}) + e$   
 $I = 15.759 \text{ eV}$   
 $\text{Ar}(^1S_0) \longrightarrow \text{Ar}^+(^2P_{1/2}) + e$   
 $I = 15.937 \text{ eV}$   
(c) 3p  
(d)  $0.178 \text{ eV}$

## 习题四

- 4.2  $C_3$ ,  $3C_2$
- 4.3  $S_6$ ;  $E$ ,  $S_6^5$ ,  $S_6^3=C_2^3$ ,  $S_6^2=C_3^2$ ,  $S_6^4=C_3$ ,  $S_6^1=C_6$   
 $S_6^5=C_6^5$ ,  $S_6^3=C_2$ ,  $S_6^2=C_3$
- 4.5  $\sigma_{xz}$   $\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$
- $C_2^1(x) = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & -1 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}$
- 4.8  $C_{\infty v}$ ,  $D_{3h}$ ,  $C_{2v}$ ,  $D_{6h}$ ,  $D_{2h}$
- 4.10  $D_{2h}$ ,  $D_{2d}$ ,  $D_2$
- 4.12 (a)  $C_{2v}$ ,  $C_{2v}$ ,  $D_{3d}$   
 (b)  $C_s$ ,  $C_s$ ,  $C_{3v}$
- 4.15 (a) 直线形,  $D_{\infty h}$   
 (b) 弯曲形,  $C_{2v}$   
 (c) 直线形,  $D_{\infty h}$   
 (d) 弯曲形,  $C_2$   
 (e) 平面形,  $D_{2h}$   
 (f) 不共面,  $C_{2v}$   
 (g) 不共面,  $C_{2v}$
- 4.18 4.50, 5.84,  $6.51 \times 10^{-30} \text{ C} \cdot \text{m}$
- 4.21 12.98, 13.04  $\text{cm}^{-1}$
- 4.27  $D_{3h}$ ,  $C_{2v}$ ,  $T_d$ ,  $D_{2h}$ ,  $D_{3d}$ ,  $C_{3v}$
- 4.28 两种:  $C_{2v}$  和  $C_{3v}$ ; 无旋光性, 有偶极矩

## 习题五

- 5.1  $\text{CO}_2$ ,  $\text{NO}_2^+$  是直线形, 其他为弯曲形;  $\text{CO}_2$  为非极性, 其他为极性;  $\text{NO}_2$  和  $\text{ClO}_2$  有一个

不成对电子, 其他没有

- 5.2  $\text{NO}^+ < \text{NO}_2 < \text{NO}_2^-$
- 5.3 正方形, 四面体, 三角锥, 直线, 四方锥
- 5.4 三角键, T 形, 平面三角形, 三角锥, 平面三角形, 三角锥
- 5.6  $\text{CS}_2$ ,  $\text{NO}_2^-$  为  $sp$ ;  
 $\text{NO}_2$ ,  $\text{BF}_3$  为  $sp^2$ ;  
 $\text{CBr}_4$ ,  $\text{PF}_4^-$  为  $sp^3$ ;  
 $\text{SiF}_5^-$  为  $sp^3d$ ;  
 $\text{SeF}_6$ ,  $\text{AlF}_6^-$ ,  $\text{IF}_6^-$  为  $sp^3d^2$ ;  
 $\text{MnO}_4^-$  为  $sd^4$ ;  
 $\text{MoCl}_5$  为  $d^1sp$ ;  
 $(\text{CH}_3)_2\text{SnF}_2$  为  $sp^3$
- 5.9  $\text{N}_2\text{H}_2$  弯曲形, 有顺反异构,  
 $\text{C}_2\text{H}_2$  为直线形
- 5.12 (a)  $c_1=0.558$ ,  $c_2=0.830$   
 (b) 2s 31.1%, 2p 68.9%
- 5.13 (c) 反磁 (d) 0.5
- 5.14 (c) 0.5
- 5.15 形成 2 个  $\pi^3$  键
- 5.16 407  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$
- 5.17 1001  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$
- 5.18 -152.2  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$
- 5.19 138  $\text{kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$
- 5.20 (a)  $>$  (b)  $>$  (c)
- 5.21 Cl 的活泼性:  $\text{C}_6\text{H}_5\text{Cl} <$   
 $\text{C}_6\text{H}_5\text{CH}_2\text{Cl} < (\text{C}_6\text{H}_5)_2\text{CHCl}$   
 $< (\text{C}_6\text{H}_5)_3\text{CCl}$
- 5.22  $(\text{CH}_3)_2\text{CO} > \text{CO}_2 > \text{CO}$
- 5.24 碱性强弱顺序:  $\text{N}(\text{CH}_3)_3 >$   
 $\text{NH}_3 > \text{C}_2\text{H}_5\text{NH}_2 > \text{CH}_3\text{CONH}_2$

5.26  $\frac{2}{3}$ , 0.4

5.27 分子有两个相互垂直的  $\pi_3^2$   
对每一个  $\pi_3^2$

$$\phi_1 = \frac{1}{2}(\phi_1 + \sqrt{2}\phi_2 + \phi_3)$$

$$E_1 = \alpha + \sqrt{2}\beta$$

$$\phi_2 = \frac{1}{\sqrt{2}}(\phi_1 - \phi_3)$$

$$E_2 = \alpha$$

$$\phi_3 = \frac{1}{2}(\phi_1 - \sqrt{2}\phi_2 + \phi_3)$$

$$E_3 = \alpha - \sqrt{2}\beta$$

$$P_{12} = P_{31} = 1.414$$

5.28 有两个互相垂直的  $\pi_3^4$ , 直线型  
对每个  $\pi_3^4$ ; MO 形式同 5.27 题  
分子总离域能为  $1.656\beta$

### 习题六

6.1 (a) 和 (c) HS, 顺磁, LFSE 为 0  
(b) LS, 反磁, LFSE 为  $2.4\Delta_0$

6.3  $\text{Co}(\text{NH}_3)_6^{3+}$ ; LS,  $(t_{2g})^6$   $\mu=0$   
 $\text{Fe}(\text{H}_2\text{O})_6^{3+}$ ; HS,  $(t_{2g})^3(e_g)^2$ ,  
 $\mu=5.92\beta$

6.5  $d^{10}$ , 无 d-d 跃迁

6.7  $(d_{xx})^2(d_{yy})^2(d_{z^2})^2(d_{xy})^2$   
 $(d_{x^2-y^2})^1$

6.9 反键轨道上电子易丢失

6.10 (c), (d), (e) 会变形  
(b) 若为四面体, 会变形

6.11 (a) 减弱  
(b) 因为  $d_{x^2-y^2}$  能级高, 不符合

6.14  $\text{LFSE}(T_d) = 0.356\Delta$

$$\text{LFSE}(O_h) = 1.2\Delta$$

$\text{NiAl}_2\text{O}_4$  为反式尖晶石

6.15  $\text{NiCl}_4^{2-}$  为四面体型

$\text{Ni}(\text{CN})_4^{2-}$  为平面正方形

### 习题七

7.2  $5.24 \times 10^4 \text{ pm}^2$ , 2 个 C, 3 个  
C—C 键

7.4 简单立方, AB

7.6 否, 是, 简单点阵单位

7.11 六方晶系,  $D_{3h}$

7.14  $154.4 \text{ pm}$ ,  $3.51 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$

7.15  $201 \text{ pm}$

7.16  $(0.85, 0.75, 0.40)$

$(0.85, 0.75, 0.90)$

$(0.15, 0.25, 0.60)$

7.17  $(\bar{3}22)$ ;  $2a, 3b, 6c$

7.19  $176.2 \text{ pm}$

$203.5 \text{ pm}$

$124.6 \text{ pm}$

7.20  $360.8 \text{ pm}$ , 面心立方

7.21 立方, 体心,  $330.5 \text{ pm}$

7.25 衍射 200 强度大, 因为  $\text{Cs}^+$  和  
 $\text{Cl}^-$  均处于间隔为  $\frac{1}{2}d_{(100)}$  的面  
上

7.27  $a = 404.9 \text{ pm}$

7.28 (a)  $I_4, 4C_2, 4\sigma_d$

(b) 16 个

(c)  $13.12^\circ$

7.30  $1127.6 \text{ pm}$ , 8

7.31  $57.9 \text{ pm}$

7.32 14612

7.33 (a) 111, 200, 220, 222

(b)  $a=570.5 \text{ pm}$

(c)  $13.53^\circ$

7.34  $D_{201}=8800 \text{ pm}$ ,  $D_{100}=9200 \text{ pm}$

7.35 (a)  $0.917 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$

(b)  $276.4 \text{ pm}$

(c)  $hP$ ,  $4\text{H}_2\text{O}$

7.37 (a) 立方面心

(b)  $a=421 \text{ pm}$ , 4 个 MO

(c) 24.23

7.38 (a)  $D_2$

(b) 简单四方

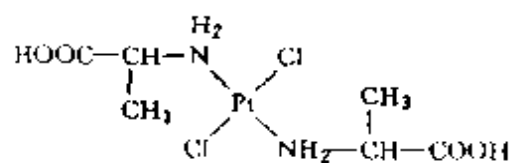
(c)  $C_4$ ,  $4C_2$

特征对称元素是  $C_4$

(d)  $1.66 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$

7.39 因不对称单位相当于半个分子, 分子只能坐在 2 重轴上, 2 重轴通过 Pt 原子, 分子呈反式构型; 分子的点群为  $C_2$ ;

结构式为



## 习题八

8.1  $2R$ ,  $\sqrt{\frac{8}{3}}R$ ,  $1.225R$ ,

$109.47^\circ$ ,  $0.408R$

8.2  $\sqrt{2}R$

8.3  $1.154R$

8.4  $a=b=2R$ ,  $c=3.266R$

8.6  $2, -\frac{\sqrt{3}}{6}\pi$

8.9 结构基元为 2 个球

8.10 (111)面:  $\frac{\sqrt{3}}{6}\pi$ ;

(110)面:  $\frac{\sqrt{2}}{4}\pi$ ;

(100)面:  $\frac{\pi}{4}$

8.11  $21.45 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ,  $138.7 \text{ pm}$

8.12  $540.4 \text{ pm}$ ,  $1.578 \times 10^8 \text{ pm}^3$ ,  
 $2.365 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$

8.13  $a=b=292 \text{ pm}$ ,  $c=476.8 \text{ pm}$ ,  
 $d=3.91 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$

8.14  $404.9 \text{ pm}$ ,  $143.2 \text{ pm}^{-1}$ ,  
 $81^\circ 17'$

8.15  $185.8 \text{ pm}$ ,  $0.967 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ,  
 $303.3 \text{ pm}$

8.16 (a)  $143 \text{ pm}$   
(b)  $16.7 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$   
(c)  $233 \text{ pm}$   
(d)  $41.3^\circ$

8.17 (a) 简单六方;  $6_3$ ,  $\bar{6}$   
(b)  $0, 0, 0$ ;  $\frac{1}{3}, \frac{2}{3}, \frac{1}{2}$

(c)  $13.95 \text{ cm}^3$

(d)  $261.3 \text{ pm}$

8.18 111,  $34.27^\circ$ ; 200,  $40.56^\circ$ ;  
 $220, 66.83^\circ$

8.19 (a)  $8.91 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$ ,  $352.4 \text{ pm}$

8.20 体心立方点阵

8.21 (b)  $140.5 \text{ pm}$

(c)  $118.3$

(d) 膨胀

- (e) 白锡配位数高
- 8.22 (a) 75.5%, 24.5%  
 (b)  $4.25 \times 10^{-22}$  g  
 (c)  $0.5 \times 10^{-22}$  cm<sup>3</sup>  
 (d) 130 pm
- 8.23 (c) 无序 20.26°, 有序 11.54°

### 习题九

- 9.1 (a)  $-3930 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$   
 (b)  $-898.7 \text{ kJ} \cdot \text{mol}^{-1}$
- 9.2  $\text{ScN} > \text{CaO} > \text{SrO} > \text{BaO} > \text{NaBr} > \text{KBr}$
- 9.3 CaS: 八面体, 6, ccp, NaCl 型  
 CsBr: 立方体, 8, 简单立方, CsCl 型
- 9.5 (b) 154 pm  
 (c)  $1.53 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$   
 (d) 273.6 pm  
 (e) 57.6°  
 (f)  $T_d$
- 9.6 142 pm, 强碱性
- 9.8 (a)  $\text{Ti}^{4+}$ : (0,0,0)  
 $\text{Ba}^{2+}$ :  $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$   
 $\text{O}^{2-}$ :  $\left(\frac{1}{2}, 0, 0\right)$ ,  
 $\left(0, \frac{1}{2}, 0\right)$ ,  
 $\left(0, 0, \frac{1}{2}\right)$   
 (b)  $\text{BaTiO}_3$   
 (c) 简单立方,  $\text{BaTiO}_3$ ,  $O_h$   
 (d)  $\text{Ti}^{4+}$ : 6 个  $\text{O}^{2-}$

- $\text{Ba}^{2+}$ : 12 个  $\text{O}^{2-}$   
 (e)  $\text{Ti}^{4+}$ : 61.6 pm  
 $\text{Ba}^{2+}$ : 145.0 pm  
 (f) 符合, 不存在  
 (g) ccp  
 (h) 2 个  $\text{Ti}^{4+}$  和 4 个  $\text{Ba}^{2+}$

- 9.9 (b) 2  
 (c) 2SiC  
 (d) hcp, 四面体空隙  
 (e) 189 pm
- 9.14 (a) 428 pm  
 (b) 0.92  
 (c) 82.6%, 17.4%  
 (d)  $\text{Fe}_{0.16}^{\text{I}} \text{Fe}_{0.76}^{\text{I}} \text{O}$
- 9.15 (a) 415.7 pm  
 (b)  $x=0.92$ ,  $\text{Ni}_{0.76}^{2+} \text{Ni}_{0.16}^{3+} \text{O}$   
 (c) ccp, 八面体, 0.92  
 (d) 293.9 pm
- 9.16 (a) ccp (Al)  
 (b)  $\text{CdCl}_2$  型
- 9.17 (a)  $\text{Ag}$ : (0,0,0),  
 $\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, 0\right)$ ,  
 $\left(\frac{1}{2}, 0, \frac{1}{2}\right)$ ,  
 $\left(0, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right)$   
 $\text{O}$ :  $\left(\frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}\right)$ ,  
 $\left(\frac{3}{4}, \frac{3}{4}, \frac{3}{4}\right)$   
 (b)  $\text{Ag}$ : 2, 直线型  
 $\text{O}$ : 4, 四面体  
 (c)  $T_d$

9.20 八面体空隙,  $\frac{1}{3}$ , 3 种

9.21 (a) 四面体空隙中心:

$$\left(\frac{1}{4}, \frac{1}{4}, \frac{1}{4}\right) \text{ 等}$$

八面体空隙中心:

$$\left(\frac{1}{2}, \frac{1}{2}, \frac{1}{2}\right),$$

$$\left(\frac{1}{2}, 0, 0\right) \text{ 等}$$

(b) 112.7 pm, 207.4 pm

(c) 四面体空隙和八面体空隙,  
100%

9.22 (a)  $O_h$ , 简单立方

(b)  $3C_4$ ,  $4C_3$ ,  $6C_2$ ,  $6\sigma_d$ ,  $3\sigma_h$ ,  
 $i$ ; 沿立方体对角线方向的  
 $4C_3$

(d) 264

## 习题十

10.1 90

10.2  $D_{3d}$ ,  $D_{6d}$

10.5 (c)  $D_{2h}$ ;  $3C_2$ ,  $\sigma_h$ ,  $2\sigma_v$ ,  $i$   
无偶极矩、无旋光性  
(d) 18

10.8 (a) 四方锥

(b)  $C_{4v}$ ;  $C_4$ ,  $4\sigma_v$

$\mu \neq 0$ , 无旋光性

10.12 水分子间有较强的氢键, 而乙醚分子间没有

10.13 因为不能形成  $O \cdots H \cdots S$  及  
 $O \cdots H \cdots P$  氢键

10.14 F 电负性大, 增加了 Si 原子核的有效正电荷, 使其 d 轨道收缩, Si—F 键增强; F 原子半径小, 相互间斥力小, 适于成键

10.15 皆四面体构型; 酸性:  $H_3PO_4$   
 $< H_2SO_4 < HClO_4$ , 可由中心原子的电负性大小和非羟基氧的数目解释; 生成  $\sigma-\pi$  配键, 但这些  $\sigma-\pi$  配键的电子授受方向与过渡元素配合物中的情况相反

10.16 四面体; 环形, S 原子按四面体分布; 变形四面体; 平面六边形

10.17 (a)  $1.509 \text{ g} \cdot \text{cm}^{-3}$   
(c) 315.6 pm

# 索引

## 1-3 画

一维箱中粒子	26, 33
乙炔合成苯机理	324
二维核磁共振	281
丁二烯	31, 237
八面体空隙	413
八面体配位场	292
力学量	18
力常数	152
几率	17, 22
几率波	10, 17, 18
几率密度	17
三中心二电子键	469
三维势箱	33

## 4 画

元素周期表	74, 75
元素周期性质	74, 83
不饱和烃配体	289, 308
中心力场法	63
手性分子	203
化学分析电子能谱(ESCA)	161
化学位移	276
化学键	108
分子	108
分子轨道	118

分子轨道理论	117, 137, 291
分子轨道分类	121, 122
分子轨道对称性	251
分子轨道对称守恒原理	256
分子光谱	141
分子间作用能	265
分子的点群	188
分子的形状	271
分子的对称性	174
分子的旋光性	203
分子的偶极矩	197
分子图	237
分子筛	451
分立型硅酸盐	447
分裂能	293
气化热	389
气体水合物	485
反应机理	251
反轴	180
反映操作	179
反演操作	178
反键轨道	118, 121
双原子分子结构	108, 117
B <sub>2</sub>	129
C <sub>2</sub>	129
CO	131, 137, 166



$F_2$	128	电子密度函数	372
$H_2$	109, 123	电负性	80
$H_2$	123, 132	电价规则	439
HF	132, 167	电荷密度	237
$N_2$	129, 137, 164	电离能	65, 77
NO	131	四面体场	304
$O_2$	128, 137, 167	四面体空隙	413
水化热	298	归一性	22
水的结构	484	半导体	391
六方最密堆积(hcp)	394	主量子数	49
<div>5画</div>		主操作	175
		立方最密堆积(ccp)	393
本征值	20	对称元素	175
本征态	20	对称元素组合	186
平均值	23	对称中心	178
平面四方场	304	对称性匹配	118
正交性	22	对称操作	175
正负离子半径比	435	<div>6画</div>	
石墨	333		
节面(节点)	30	共价半径	259, 260
电子云	53	共价键	116, 425
电子云分布图	53, 57	共价键的饱和性	230
电子互斥能	70	共价键键能	261
电子化合物	404	共轭效应	244, 246
电子光谱	158	共振结构式	245
电子组态	72	轨道轮廓图	59
电子亲合能	79	有效核电荷	64
电子结合能	64	有效离子半径	432
电子盐	10	成对能	297
电子能谱	160	成键轨道	115, 118
电子探针	104	光子	5, 8
电子排布原则	72	光电子	5

光电子能谱	160,168
光电效应	5
光谱支项	90
光谱项	87,90
自由电子模型	386
自由价	237
自洽场方法	63
自轭算符	18,21
自旋运动	24
自旋-自旋耦合作用	279
自旋量子数	52
自旋磁量子数	52
价电子对互斥理论(VSEPR)	220
价键理论	132,136,289
合金	401
多中心键	425
多电子原子	61
多原子分子结构	220
多晶衍射法	373
多核配位化合物	287,318
杂化轨道理论	223
色散力	268
冰	481
交换积分	113
导带	391
红外光谱	142,155

# 7 画

极化率	201
极性键	426
足球烯	460
体心立方密堆积(bcc)	395

低自旋	296
位错	339
系统消光	371
角度分布图	61
角动量	19,50,144
角量子数	50
库仑积分	112
间隙化合物	405
层型分子	462
层型硅酸盐	449

# 8 画

态叠加原理	23
构型	220,465
构象	220
环状共轭多烯	242
转动光谱	144
固氮酶	130
非金属元素	459
非球形离子半径	424
非谐振子	150
非键轨道	118
径向分布图	55
金刚石	333,462
金属	386
金属化合物	403
金属气化热	389
金属间隙化合物	405
金属表面结构	406
金属多重键	320
金属固溶体	401
金属氢化物	475

金属烷基化合物	472	玻色子	26
金属单质结构	392,397	品优波函数	18
金属原子簇化合物	317	骨架型硅酸盐	450
金属熔点	85,389	映轴	181
金属羰基配位化合物	306	界面图	59
金属键	386,425	范德华作用能	268
质子亲合能	423	范德华半径	266,270
肽键	248	点阵	330
物相分析	376	点阵能	298,417
沸石分子筛	451	点群分类	188
变分法	110	点群判别法	195
变数分离法	43	垂直电离能	164
空间群	350	重叠积分	113,133
空间阻碍效应	271	衍射方向	365
空间点阵型式	346	衍射指标	367
实物粒子	8,15	衍射强度	368
波函数	16,47	氢分子配键	476
波函数图形	53	氢原子光谱	91
波粒二象性	7	氢的成键型式	473
单电子原子	41	氢键	477
单晶衍射法	371	选律	93,100,148,151,154,274
单齿配位体	288	测不准原理	12
总量子数	52,90	前线轨道理论	252
总磁量子数	52,90	诱导力	267
定态波函数	17	诱导效应	200
定域键	425	亲油效应	272
孤对电子	220,466	弯键	229
线性自轭算符	19	屏蔽常数	64
		屏蔽效应	68
		结构化学	1
		结构因子	368
		结构基元	331
相对论效应	83		
残余熵	482		

9 画

结晶水	487	原子结构参数	76
绝热电离能	163	原子核性质	274
10 画		原子簇化合物	317
		氧化态	315
配位化合物	287	缺电子多中心键	468
配位体	287	特征标	209
配位场理论	292	特征标表	209
配位场稳定化能	296	钻穿效应	69
配位催化作用	316	高自旋	296
配位键	287, 293	离子化合物	412
逐级平衡常数	302	离子半径	299, 429
核自旋角动量	273	离子极化	427
核自旋磁量子数	273	离子配位多面体	435
核磁子	274	离子晶体结构	412
核磁共振谱(NMR)	274	CaF <sub>2</sub>	415
核磁矩	273	CdCl <sub>2</sub>	416
振动光谱	147	CdI <sub>2</sub>	416
原子	38	CsCl	417
原子 X 射线谱	102	NaCl	413
原子半径	399	NiAs	413
原子发射光谱	101	TiO <sub>2</sub>	415
原子吸收光谱	101	ZnS	414
原子光谱	87	离子键	417, 425
原子价	136, 314	离域 $\pi$ 键	244
原子轨道	17, 47	离域分子轨道理论	230
原子轨道的有效半径	67	离域效应	31, 246
原子轨道图	59	离域键	425
原子轨道能	64	能级	64, 99, 119
原子轨道能级	67	能带理论	390
原子轨道等值线图	57	能量最低原理	72
原子轨道线性组合(LCAO)	118	能量量子化	3
原子单位(au)	505	弱场配位体	295

# 11 画

球烯	460
紫外光电子能谱(UPS)	161,163
硅酸盐	443
偶极矩	197
旋转反映操作	181
旋转反演操作	180
旋转轴	175
旋转操作	175
强场配位体	295
维里定理	50

# 12 画

超共轭效应	249
晶体	328
晶体场理论	290
晶体学点群	348
晶体结构的表达	356
晶体缺陷	337
晶系	344
晶胞	343
晶胞参数	336,378
晶面间距	355
晶面指标	354
晶格	336
散射因子	369
量子力学	3,16
量子效应	29,30
量子数	49
惰性电子对效应	84
链型硅酸盐	447

黑体辐射	3
等电子原理	222
等径圆球的堆积	393
等瓣相似规则	311
滑移面	340

# 13 画

碘晶体	357
硼烷	467
零点能	29
简正振动	155
简并性	34
简谐振子	147
键长	259
键价	440
键价方法	440
键级	125,237
键矩	198
键型变异原理	425
键能	261
微观粒子	3,15
溶剂化能	423
群	183
群的表示	206

# 14 画以上

静电力	267
碱金属原子光谱	94
磁矩	51
磁旋比	51
磁量子数	51
算符	18

稳定常数	301	Frenkel(弗伦克尔)缺陷	337
隧道效应	34	Goldschmidt(哥希米特)离子半径	430
摩尔折射度	201	Hamilton(哈密顿)算符	21
螯合效应	302	Hartree-Fock(哈特里-福克)法	63
螯合配位体	288	HOMO(Highest Occupied Molecular Orbital)	252
键系收缩	435	HMO 法(Hückel Molecular Orbital Method)	235
镜面	179	Hund(洪特)规则	72, 100
簇合物	287, 317	<i>j-j</i> 耦合法	91
镶嵌结构	339	Jahn-Teller(姜-泰勒)效应	300
螺旋轴	340	<i>L-S</i> 耦合法	91
<div style="border: 1px solid black; padding: 2px; display: inline-block;">其他</div>		Laplace(拉普拉斯)算符	22
		Laue(劳埃)方程	365
$4m+2$ 规则	243	Lennard-Jones(林纳德-琼斯)6—12关系式	269
$8-N$ 规则	462	LCAO(Linear Combination of Atomic Orbitals)	118
18 电子规则	318	LUMO(Lowest Unoccupied Molecular Orbital)	252
au(atomic unit, 原子单位)	505	Madelung(马德伦)常数	419
A 型分子筛	452	Morse(摩斯)势能曲线	150
Bohr(玻尔)半径	40	NMR 谱(Nuclear Magnetic Resonance Spectra)	274
Bohr(玻尔)磁子	51	Pauli(泡利)原理	24
Bohr(玻尔)氢原子模型	39	Pauling(鲍林)离子半径	432
Born-Haber(玻恩-哈伯)循环	422	Pauling(鲍林)离子晶体结构规则	438
Born-Oppenheimer(玻恩-奥本海默)近似	109	Planck(普朗克)常数	5
Bragg(布拉格)方程	366	Raman(拉曼)光谱	157
C—H→M 桥键(agostic bond)	476	Rydberg(里德伯)常数	38, 40
d 轨道成键作用	321, 463	s-p 混杂	126
de Broglie(德布罗意)波	8		
Euler(欧拉)公式	45		
ESCA (Electron Spectroscopy for Chemical Analysis)	161		
Fermi(费米)能级	387		
Franck-Condon(弗兰克-康登)原理	159, 160		

S 积分	113	Zeeman(塞曼)效应	24, 100
Schottky(肖特基)缺陷	337	ZSM-5型分子筛	453
Schrödinger(薛定谔)方程	20	$\alpha$ 积分	112
Slater(斯莱特)计算屏蔽常数法	65	$\beta$ 积分	113
Slater(斯莱特)行列式	74	$\delta$ 轨道	124
UPS(Ultraviolet Photoelec-		$\delta$ 键	124
tron Spectroscopy)	161	$\pi$ 轨道	123
van der Waals(范德华)力	266	$\pi$ 键	123
van der Waals(范德华)半径	266, 270	$\pi$ 键配位体	289
VSEPR(Valence Shell Electron		$\sigma$ - $\pi$ 配键	306
Pair Repulsion)理论	220	$\sigma$ 轨道	122
X 型和 Y 型分子筛	452	$\sigma$ 键	122
X 射线衍射	362	$\phi$ - $r$ 图	53, 54, 149
X 射线荧光分析	103	$\phi^2$ - $r$ 图	53, 54, 149
XPS(X-ray Photoelectron			
Spectroscopy)	161, 168		