

参 考 答 案

第 一 章

1. 电介质在电场作用下,在介质内部感应出偶极矩、介质表面出现束缚电荷的现象称为电介质的极化。其宏观参数是介电系数 ϵ 。
2. 在电场作用下平板介质电容器的介质表面上的束缚电荷所产生的、与外电场方向相反的电场,起削弱外电场的作用,所以称为退极化电场。

退极化电场:

$$E_d = \frac{-\sigma'}{\epsilon_0} = \frac{-P}{\epsilon_0}$$

平均宏观电场:

$$E = \frac{P}{\epsilon_0(\epsilon_r - 1)}$$

充电电荷产生的电场:

$$\begin{aligned} E &= E + E_d \\ &= \frac{\sigma}{\epsilon_0} = \frac{D}{\epsilon_0} = \frac{\epsilon_0 E + P}{\epsilon_0} = \frac{P}{\epsilon_0(\epsilon_r - 1)} + \frac{P}{\epsilon_0} = \frac{\epsilon_r P}{\epsilon_0(\epsilon_r - 1)} \end{aligned}$$

3. 计算氧的电子位移极化率:按式 $\alpha = 4\pi\epsilon_0 r^3$ 代入相应的数据进行计算。

4. 氖的相对介电系数:

单位体积的粒子数:

$$N = 6.023 \times 10^{23} \times \frac{10^3}{22.4} = 2.73 \times 10^{25}, \text{ 而 } \epsilon_0(\epsilon_r - 1) = N\alpha_e$$

所以:

$$\epsilon_r = 1 + \frac{N\alpha_e}{\epsilon_0} = 1 + \frac{2.73 \times 10^{25} \times 0.22 \times 10^{-40}}{8.85 \times 10^{-12}} \cong 1.0000678$$

5. 洛伦兹有效电场:

$$E_e = \frac{\epsilon_r + 2}{3} E + E''$$

ϵ_r 与 α 的关系为:

$$\frac{\epsilon_r - 1}{\epsilon_r + 2} = \frac{1}{3\epsilon_0} N\alpha$$

介电系数的温度系数为:

$$\alpha_{\epsilon} = -\frac{(\epsilon_r - 1)(\epsilon_r + 2)}{\epsilon_r} \beta_L$$

6. $E_1 = 0$ 时, 洛伦兹有效电场可表示为: $E_e = \frac{\epsilon_r + 2}{3} E$

7. 克---莫方程赖以成立的条件: $E''=0$ 。其应用范围: 体心立方、面心立方, 氯化钠型以及金刚石型结构的晶体; 非极性液体及弱极性液体介质。

8. 按洛伦兹有效电场计算模型可得:

$$E''=0 \text{ 时, } E_e = \frac{\epsilon_r + 2}{3} E$$

$$\text{所以 } E = \frac{3}{\epsilon_r + 2} E_e$$

9. 温度变化 1 度时, 介电系数的相对变化率称为介电系数的温度系数.

$$\alpha_\epsilon = \frac{1}{\epsilon_r} \frac{d\epsilon_r}{dT}, \alpha_C = \frac{1}{C} \frac{dC}{dT} \quad \alpha_\epsilon = -\frac{(\epsilon_r - 1)(\epsilon_r + 2)}{\epsilon_r} \beta_I$$

10. 如高铝瓷, 其主要存在电子和离子的位移极化, 而掺杂的金红石和钛酸钙瓷 除了含有电子和离子的位移极化以外, 还存在电子和离子的松弛极化。极性介质在光频区将会出现电子和离子的位移极化, 在无线电频率区可出现松弛极化、偶极子转向极化和空间电荷极化。

11. 极化完成的时间在光频范围内的电子、离子位移极化都称为瞬间极化。而在无线电频率范围内的松弛极化、自发式极化都称为缓慢式极化。电子、离子的位移极化的极化完成的时间非常短, 在 $10^{-12} \sim 10^{-15}$ 秒的范围内, 当外电场的频率在光频范围内时, 极化能跟得上外电场交变频率的变化, 不会产生极化损耗; 而松弛极化的完成所需时间比较长, 当外电场的频率比较高时, 极化将跟不上交变电场的频率变化, 产生极化滞后的现象, 出现松弛极化损耗。

12. 参照书中简原子结构模型中关于电子位移极化率的推导方法。

13. $E_0 = \frac{\sigma}{\epsilon_0}, D_0 = \sigma, P_0 = 0$

$$E_J = \frac{\sigma/\epsilon_0}{\epsilon_r} = \frac{\sigma}{\epsilon_0 \epsilon_r}, D_J = \sigma, P_J = \sigma \left(1 - \frac{1}{\epsilon_r}\right)$$

$$E_{ji} = -(E_0 - E_J) = \frac{\sigma(1 - \epsilon_r)}{\epsilon_0 \epsilon_r} \text{ 或 } \frac{\sigma(\epsilon_r - 1)}{\epsilon_0 \epsilon_r} \quad \text{“-”表示了 } E_{ji} \text{ 的方向性。}$$

14. 参考有效电场一节。

15. 求温度对介电系数的影响, 可利用 $\frac{\epsilon_r - 1}{\epsilon_r + 2} = \frac{1}{3\epsilon_0} N \left(\alpha_{e^+} + \alpha_{e^-} + \frac{q^2}{k} \right)$, 对温度求

导得出: $\alpha_e = \frac{1}{\epsilon_r} \frac{d\epsilon_r}{dT} = 2 - \frac{(\epsilon_r - 1)(\epsilon_r + 2)}{\epsilon_r} \beta_L + \frac{-(\epsilon_r + 2)^2}{9\epsilon_0 \epsilon_r} N \frac{q^2}{k^2} \frac{dk}{dT}$ 。由上式可

知, 由于电介质的密度减小, 使得电子位移极化率及离子位移极化率所贡献的极化强度都减小, 第一项为负值; 但温度升高又使离子晶体的弹性联系减弱, 离子位移极化加强, 即第二项为正值; 然而第二项又与第一项相差不多。所以氯化钠型离子晶体的介电系数是随温度的上升而增加, 只是增加得非常慢。

16. 串联时: $\frac{1}{c} = \frac{1}{c_1} + \frac{1}{c_2}, c_1 = \frac{\epsilon_0 \epsilon_1 S}{d_1}, c_2 = \frac{\epsilon_0 \epsilon_2 S}{d_2}, \quad c = \frac{\epsilon_0 \epsilon_r S}{d_1 + d_2}$

$$\frac{d_1}{d_1 + d_2} = \gamma_1, \frac{d_2}{d_1 + d_2} = \gamma_2$$

由以上关系可得到: $\frac{1}{\epsilon_r} = \frac{\gamma_1}{\epsilon_1} + \frac{\gamma_2}{\epsilon_2} = \frac{\gamma_1 \epsilon_2 + \gamma_2 \epsilon_1}{\epsilon_1 \epsilon_2} = \frac{d_1 \epsilon_2 + d_2 \epsilon_1}{\epsilon_1 \epsilon_2 d}$

$$\epsilon_r = \frac{\epsilon_1 \epsilon_2 d}{d_1 \epsilon_2 + d_2 \epsilon_1}$$

并联时:

$$C = C_1 + C_2$$

$$\frac{\epsilon_r S}{d} = \frac{\epsilon_1 S_1}{d} + \frac{\epsilon_2 S_2}{d}$$

$$\epsilon_r = \frac{\epsilon_1 S_1 + \epsilon_2 S_2}{S}$$

17. 参考书上有关章节。

$$18. \text{ 真空时: } E_0 = \frac{\sigma_0}{\epsilon_0} = \frac{1.77 \times 10^{-6}}{8.85 \times 10^{-12}} \approx 2.0 \times 10^5 \text{ 伏/米}$$

$$D_0 = \sigma_0 = \epsilon_0 E = 1.77 \times 10^{-6} \text{ 库/米}^2$$

$$P_0 = 0$$

介质中:

$$E = \frac{E_0}{\epsilon_0} = \frac{\sigma_0}{\epsilon_0} = \frac{2.0 \times 10^5}{9} \approx 2.2 \times 10^4 \text{ 伏/米}$$

$$D = \epsilon E = \epsilon_0 \epsilon_r E = \sigma_0 = 1.77 \times 10^{-6} \text{ 库/米}^2$$

$$P = \epsilon_0 (\epsilon_r - 1) E = 8.85 \times 10^{-12} \times 8 \times 2.2 \times 10^4 = 1.57 \times 10^{-6} \text{ 库/米}^2$$

$$E' = \frac{-\sigma'}{\epsilon_0} = \frac{1.57 \times 10^{-6}}{8.85 \times 10^{-12}} = -1.78 \times 10^5 \text{ 伏/米}$$

$$(E' = E_0 - E = 2.0 \times 10^5 - 2.22 \times 10^4 = 1.78 \times 10^5 \text{ 伏/米})$$

$$19. \text{ 解: } C = \frac{\epsilon_0 \epsilon_r A}{d} = 8.85 \times 10^{-12} \times \frac{2 \times 10 \times 10^{-4}}{1 \times 10^{-2}} = 1.77 \times 10^{-12} \text{ 法}$$

$$Q = CV = 1.77 \times 10^{-12} \times 1.5 \times 300 = 7.965 \times 10^{-10} \text{ 库}$$

$$Q' = \sigma' A = \epsilon_0 (\epsilon_r - 1) EA = 8.85 \times 10^{-12} \times (2 - 1) \frac{1.5 \times 300}{1 \times 10^{-2}} \times 10 \times 10^{-4} \\ = 3.9825 \times 10^{-10} \text{ 库}$$

$$P = \sigma' = 3.9825 \times 10^{-7} \text{ 库/米}^2$$

$$\mu = PV = 3.9825 \times 10^{-7} \times 1 \times 10^{-2} \times 10 \times 10^{-4} = 3.9825 \times 10^{-12} \text{ 库} \cdot \text{米}$$

$$E_0 = V/d = \frac{1.5 \times 300}{1 \times 10^{-2}} = 4.5 \times 10^4 \text{ 伏/米}$$

$$E_e = \frac{\epsilon_r + 2}{3} E = \frac{4}{3} \times 4.5 \times 10^4 = 6 \times 10^4 \text{ 伏/米}$$

第 二 章

1. $p_r = p_{rm}(1 - e^{-t/\tau})$ ，宏观表征出来的是一随时间逐渐衰减的吸收电流。

2. 在交变电场中，由于电场频率不同，介质的种类、所处的温度不同，介质在电场作用下的介电行为也不同。

当介质中存在松弛极化时，介质中的电感应强度 D 与电场强度 E 在时间上有一个显著的相位差， D 将滞后于 E ， $D = \epsilon_r E$ 的简单表示式就不再适用了。且电容器两极板上的电位与真实电荷之间产生相位差，对正弦交变电场来说，电容器的充电电流超前电压的相位角小于 $\pi/2$ 。电容器的计算不能用 $C = \epsilon_r C_0$ 的简单公式了。

D 与 E 之间存在相位差时， D 滞后于 E ，存在一相角 δ ，用复数来描述 D 与 E 的关系：

$$\dot{D} = \frac{\dot{D}}{\epsilon_0 \dot{E}} = \epsilon' - i\epsilon''$$

3

①

$$\epsilon' = \epsilon_\infty + (\epsilon_s - \epsilon_\infty) \frac{1}{1 + \omega^2 \tau^2}$$

$$\epsilon'' = (\epsilon_s - \epsilon_\infty) \frac{\omega \tau}{1 + \omega^2 \tau^2}$$

$$\textcircled{2} \quad \omega_m = \frac{1}{\tau}, \omega_m' = \frac{1}{\tau} \sqrt{\epsilon_s / \epsilon_\infty}$$

③ 有关曲线图参考书上有有关章节。

4. 由已知条件：

$$E = E_m e^{i\omega t}, p_r = \frac{x_m}{1 + i\omega\tau} E, p = p_\omega + p_r = (x_1 + x_2)E, \quad p_r = x_2 E。$$

$$\text{解：} D = \epsilon_0 E + p = \epsilon_0 E + p_\omega + p_r$$

$$\epsilon_0 \epsilon_r E = \epsilon_0 E + (x_1 + x_2)E$$

\therefore

$$\epsilon_r = 1 + \frac{1}{\epsilon_0} (x_1 + x_2) = 1 + \frac{1}{\epsilon_0} x_1 + \frac{1}{\epsilon_0} \frac{x_m}{1 + i\omega\tau} \dots\dots$$

(1)

$$\text{当 } \omega = 0, \epsilon_r = \epsilon_s,$$

$$\varepsilon_s = 1 + \frac{1}{\varepsilon_0} x_1 + \frac{1}{\varepsilon_0} x_m \dots \dots (2)$$

当 $\omega \rightarrow \infty$, $\varepsilon_s = \varepsilon_\infty$

$$\varepsilon_\infty = 1 + \frac{1}{\varepsilon_0} x_1 \dots \dots (3)$$

$$(2)-(3): \quad \varepsilon_s - \varepsilon_\infty = \frac{1}{\varepsilon_0} x_m \dots \dots (4)$$

将 (3)、(4) 代入 (1) :

$$\varepsilon = \varepsilon_\infty + \frac{\varepsilon_s - \varepsilon_\infty}{1 + i\omega\tau} = \varepsilon_\infty + \frac{(\varepsilon_s - \varepsilon_\infty)(1 - i\omega\tau)}{1 + \omega^2\tau^2} = \varepsilon_\infty + \frac{(\varepsilon_s - \varepsilon_\infty)}{1 + \omega^2\tau^2} - i \frac{\omega\tau(\varepsilon_s - \varepsilon_\infty)}{1 + \omega^2\tau^2} = \varepsilon' - i\varepsilon''$$

$$\tan \delta = \frac{\varepsilon''}{\varepsilon'} = \frac{\omega\tau(\varepsilon_s - \varepsilon_\infty)}{\varepsilon_s - \omega^2\tau^2\varepsilon_\infty}$$

$$\text{令 } \frac{\partial \tan \delta}{\partial \omega} = 0, \quad \text{得 } \omega\tau = \sqrt{\frac{\varepsilon_s}{\varepsilon_\infty}} \text{ 时, } \quad \tan \delta_{\max} = \frac{\varepsilon_s - \varepsilon_\infty}{2\sqrt{\varepsilon_s \varepsilon_\infty}}, \quad \text{曲线图参考有关章节。}$$

5. 参考有关章节。
6. 参考有关章节。
7. 参考有关章节。

$$8. \text{ 德拜函数为 } \frac{\varepsilon' - \varepsilon_\infty}{\varepsilon_s - \varepsilon_\infty}、\frac{\varepsilon''}{\varepsilon_s - \varepsilon_\infty}。 \text{ 德拜函数图参考有关章节。}$$

$$9. \quad \varepsilon' \sim \varepsilon'' \text{ 的关系式: } (\varepsilon' - 7.5)^2 + \varepsilon''^2 = 4.5^2, \text{ 其柯尔——柯尔图参考有关章节。}$$

10. 参考有关章节。
11. 参考有关章节。

12. 比较 $\tan \delta$ 与 P, $\tan \delta$ 可用仪表直接测量;
 $\tan \delta$ 与 P 成正比例关系;

在多数情况下,介质的介电系数变化不大,当介电系数变化大时,用 $\varepsilon' \tan \delta$ 来表示, $\varepsilon' \tan \delta$ 称为介质损耗因子。

13. 测量介质在整个频段(从低频到高频)的介电系数及损耗,作出 ε' 与 ε'' 的关系曲线图。根据其图的图型与标准的柯尔——柯尔图相比较,即可判断。

14. 因为电子元器件的参数，如 ε 、 $\tan \delta$ 、 ρ 等都与外场频率、环境温度条件有关。所以在检测时要说明一定的检测条件。

第 三 章

1. 参考有关章节。
2. 参考有关章节。
3. 参考有关章节。
4. 参考有关章节。
5. 参考有关章节。
6. 参考有关章节。
7. 参考有关章节。
8. 条件： $eEx_1 \geq eI$ 。I-----气体分子的电离电位； eI -----气体分子的电离电能； x_1 -----电子在电场作用下移动的距离。
9. 参考有关章节。
10. 可采用中和效应和压抑效应。详细内容参考有关章节。
11. 固体介质中导电载流子有：本征离子电导、弱系离子电导、电子电导。在高温时主要以本征电导为主，低温时以弱系离子电导为主，而电子电导主要发生在含钛陶瓷中。

12. 因为 $\gamma = Ae^{-B/T}$, $B = U/K$, $U = BK$. $\ln \gamma = A - B/T$, $\lg \gamma = A' - B/T \cdot \lg e$ 。
- $\rho = Ae^{B/T}$, $\lg \rho = A' + B/T \cdot \lg e$ 根据所测的电阻率 ρ 和测试温度 T ，作出 $\lg \rho$ 与 $1/T$ 的关系曲线图，计算出直线的斜率 $B \lg e$ ，即可求出激活能量 U 。

$$\rho = \rho_0 e^{-a}, \lg \rho = \lg \rho_0 - a \lg e, a \lg e = K, a = \frac{K}{\lg e}, a = \frac{B}{273^2}, B = 273^2 a$$

$$\therefore U = BK$$

13. 参考有关章节。
14. 参考有关章节。
15. 参考有关章节。
16. 参考有关章节。
17. 参考有关章节。

18. 参考有关章节。
19. 参考有关章节。
20. 参考有关章节。

21. 解:

$$1. \quad \varepsilon = \frac{cd}{\varepsilon_0 s} = \frac{2000 \times 10^{-12} \times 10^{-3}}{8.85 \times 10^{-12} \times 3.14 \times 25 \times 10^{-6}} \cong 2877$$

$$\varepsilon' \tan \sigma = 2877 \times 0.02 = 57.54$$

$$\gamma = \omega \varepsilon_0 \varepsilon \tan \delta = 2 \times 3.14 \times 50 \times 8.85 \times 10^{-12} \times 2877 \times 0.02 = 159898 \times 10^{-12}$$

$$\cong 1.6 \times 10^{-7} \quad \text{西/米}$$

$$G = \gamma \frac{s}{l} \cong 1.26 \times 10^{-8} \quad \text{西}$$

$$G = \omega C \tan \delta = 2 \times 3.14 \times 50 \times 2000 \times 10^{-12} \times 0.02 \cong 1.26 \times 10^{-8} \quad \text{西}$$

$$2. \quad G \cong 1.26 \times 10^{-2} \quad \text{西}$$

3.

$$\begin{aligned} I &= VG = V \frac{s}{l} = 10 \times \left(2 \times 3.14 \times 1000 \times 8.85 \times 10^{-12} \times 2877 \times 0.02 \right) \times \frac{3.14 \times 25 \times 10^{-6}}{10^{-3}} \\ &= 10 \times 3.2 \times 10^{-6} \times 78.5 \times 10^{-3} = 2.5 \times 10^{-6} (A) = 2.5 (\mu A) \end{aligned}$$

22. 参考有关章节。

第 四 章

1. 参考有关章节。
2. 参考有关章节。
3. 参考有关章节。

$$\varepsilon = \frac{C}{T - T_0}.$$

4. 参考有关章节。居里外斯定律:
5. 参考有关章节。
6. 参考有关章节。
7. 参考有关章节。

8. 参考有关章节。

9. 解：按一级相变的条件， $T = T_c$ 时， $F(P_s, T_c) = F(0, T_c)$

$$\therefore \frac{1}{2} \alpha P_s^2 + \frac{1}{4} \beta P_s^4 + \frac{1}{6} \gamma P_s^6 = 0$$

$$\alpha + \frac{1}{2} \beta P_s^2 + \frac{1}{3} \gamma P_s^4 = 0 \quad \text{----- (1)}$$

$$\text{热平衡条件: } \left(\frac{\partial F}{\partial P} \right)_T = 0$$

$$\text{得: } \alpha P_s + \beta P_s^3 + \gamma P_s^5 = 0$$

$$\alpha + \beta P_s^2 + \gamma P_s^4 = 0 \quad \text{----- (2)}$$

$$(2) - (1): \frac{1}{2} \beta P_s^2 + \frac{2}{3} \gamma P_s^4 = 0$$

$$\therefore P_s^2 = -\frac{3}{4} \frac{\beta}{\gamma}, P_s = \pm \sqrt{-\frac{3}{4} \frac{\beta}{\gamma}} \quad \text{----- (3)}$$

$$(3) \text{ 代入 } (2): \quad \alpha = \frac{3}{16} \frac{\beta^2}{\gamma}$$

11. 参考有关章节。

$$12. \text{ 解: } P = N \alpha E_i = N \alpha \left(E + \frac{\gamma}{\epsilon_0} P \right) = N \alpha E + N \alpha \frac{\gamma}{\epsilon_0} P$$

$$\therefore P = \frac{N \alpha E}{1 - N \alpha \frac{\gamma}{\epsilon_0}}$$

$$\text{因此, 即使外电场为 } 0, \text{ 也能发生极化的条件为: } 1 - N \alpha \frac{\gamma}{\epsilon_0} = 0$$

$$\alpha = \frac{\epsilon_0}{(N \gamma)} = \frac{8.85 \times 10^{-12}}{\frac{1}{4 \times 10^{-10}} \times 3} = 17 \times 10^{-40} F \cdot M^2$$

13. 解: 参考题 10, 得

$$P_s = \pm \sqrt{-\frac{3}{4} \frac{\beta}{\gamma}}, \quad \alpha = \frac{3}{16} \frac{\beta^2}{\gamma}$$

设: $\alpha = A(T_c - T_0)$

$$\therefore T_c = T_0 + \frac{3}{16A} \frac{\beta^2}{\gamma}$$

第 五 章

- 1 参考有关章节。
- 2 参考有关章节。