

模拟题一

一、单项选择题(在每小题的四个备选答案中, 选出一个正确答案, 并将正确答案的序号填在题干的括号内。每小题 3 分, 共 30 分)

1. 设: 如图—1 所示信号。

则: 信号 $f(t)$ 的数学表示式为()。

- (A) $f(t) = t \varepsilon(t) - t \varepsilon(t-1)$
- (B) $f(t) = t \varepsilon(t) - (t-1) \varepsilon(t-1)$
- (C) $f(t) = (1-t) \varepsilon(t) - (t-1) \varepsilon(t-1)$
- (D) $f(t) = (1+t) \varepsilon(t) - (t+1) \varepsilon(t+1)$

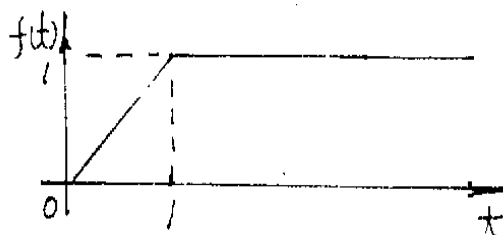


图 1

2. 设: 两信号 $f_1(t)$ 和 $f_2(t)$ 如图—2。则: $f_1(t)$ 与 $f_2(t)$ 间变换关系为()。

- (A) $f_2(t) = f_1(\frac{1}{2}t + 3)$
- (B) $f_2(t) = f_1(3 + 2t)$
- (C) $f_2(t) = f_1(5 + 2t)$
- (D) $f_2(t) = f_1(5 + \frac{1}{2}t)$

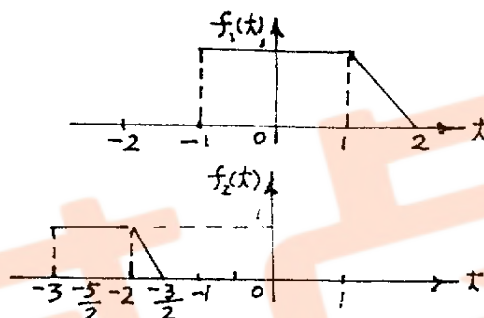


图 2

3. 已知: $f(t) = \text{SgN}(t)$ 的傅里叶变换为 $F(j\omega) = \frac{2}{j\omega}$, 则: $F_1(j\omega) = j\pi \text{SgN}(\omega)$ 的傅里叶反变换 $f_1(t)$ 为()。

- (A) $f_1(t) = \frac{1}{t}$
- (B) $f_1(t) = -\frac{2}{t}$
- (C) $f_1(t) = -\frac{1}{t}$
- (D) $f_1(t) = \frac{2}{t}$

4. 周期性非正弦连续时间信号的频谱, 其特点为()。

- (A) 频谱是连续的, 收敛的
- (B) 频谱是离散的, 谐波的, 周期的
- (C) 频谱是离散的, 谐波的, 收敛的
- (D) 频谱是连续的, 周期的

5. 设: 二端口网络 N 可用 A 参数矩阵 $\{a_{ij}\}$ 表示, 其出端与入端特性阻抗为 Z_{c2} 、 Z_{c1} , 后接负

载 Z_L , 电源 \dot{U}_s 的频率为 ω_s , 内阻抗为 Z_s 。则: 特性阻抗 Z_{c1} 、 Z_{c2} 仅与()有关。

- (A) $\{a_{ij}\}$, Z_L
- (B) $\{a_{ij}\}$, Z_L , Z_s
- (C) $\{a_{ij}\}$, ω_s , \dot{U}_s^*
- (D) $\{a_{ij}\}$

6. 设: $f(t) \leftrightarrow F(j\omega)$ 则: $f_1(t) = f(at+b) \leftrightarrow F_1(j\omega)$ 为()

- (A) $F_1(j\omega) = aF(j\frac{\omega}{a})e^{-jb\omega}$
- (B) $F_1(j\omega) = \frac{1}{a}F(j\frac{\omega}{a})e^{-jb\omega}$

$$(C)F_1(j\omega) = \frac{1}{a}F(j\frac{\omega}{a})e^{-j\frac{b}{a}\omega}$$

$$(D)F_1(j\omega) = aF(j\frac{\omega}{a})e^{-j\frac{b}{a}\omega}$$

7. 已知某一线性时不变系统对信号 $X(t)$ 的零状态响应为 $4 \frac{dX(t-2)}{dt}$ ，则该系统函数

$H(S) = ($)。

- (A) $4F(S)$ (B) $4S \cdot e^{-2S}$
(C) $4e^{-2S}/S$ (D) $4X(S) \cdot e^{-2S}$

8. 单边拉普拉斯变换 $F(S) = 1+S$ 的原函数 $f(t) = ($)。

- (A) $e^{-t} \cdot \varepsilon(t)$ (B) $(1+e^{-t}) \varepsilon(t)$
(C) $(t+1) \varepsilon(t)$ (D) $\delta(t) + \delta'(t)$

9. 如某一因果线性时不变系统的系统函数 $H(S)$ 的所有极点的实部都小于零，则()。

- (A) 系统为非稳定系统 (B) $|h(t)| < \infty$
(C) 系统为稳定系统 (D) $\int_0^{\infty} |h(t)| \cdot dt = 0$

10. 离散线性时不变系统的单位序列响应 $h(n)$ 为()

- (A) 对输入为 $\delta(n)$ 的零状态响应 (B) 输入为 $\varepsilon(n)$ 的响应
(C) 系统的自由响应 (D) 系统的强迫响应

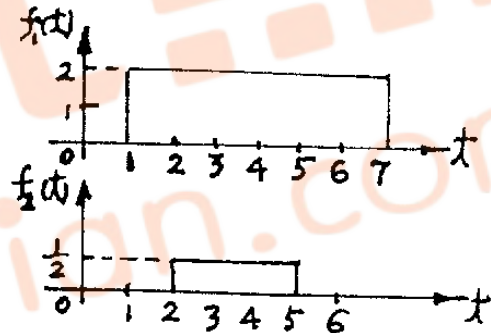
二、填空题(每题 1 分，共 15 分)

1. $\delta(-t) =$ (用单位冲激函数表示)。

2. 设：信号 $f_1(t), f_2(t)$ 如图—12

$$f(t) = f_1(t) * f_2(t)$$

画出 $f(t)$ 的结果图形_____。



3. 设： $f(t) = f_1(t) * f_2(t)$

图 12

希：写出卷积的微积分形式 $f(t) =$ _____ * _____。

4. 现实中遇到的周期信号，都存在傅利叶级数，因为它们都满足_____。

5. 为使回路谐振时的通频带，能让被传输的信号带宽，应怎样选择 Q 值：_____。

6. 若 $f(t)$ 是 t 的实，奇函数，则其 $F(j\omega)$ 是 ω 的_____且为_____。

7. 设：二端口网络如图—17，

则：网络 Y 参数矩阵的一个元素为

$$y_{22} = \frac{\dot{I}_2}{\dot{U}_2} \Big|_{\dot{U}_1=0} = \text{_____}。$$

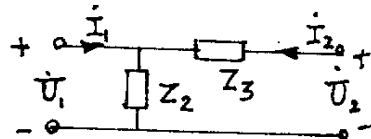


图 17

8. 傅里叶变换的尺度性质为：

若 $f(t) \leftrightarrow F(j\omega)$ ，则 $f(at) a \neq 0 \leftrightarrow$ _____。

9. 若一系统是时不变的, 则当: $f(t) \xrightarrow{\text{系统}} y_f(t)$ 应有: $f(t-t_d) \xrightarrow{\text{系统}} \underline{\hspace{2cm}}$ 。
10. 已知某一因果信号 $f(t)$ 的拉普拉斯变换为 $F(S)$, 则信号 $f(t-t_0) * \varepsilon(t), t_0 > 0$ 的拉氏变换为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。
11. 系统函数 $H(S) = \frac{S+b}{(S+p_1)(S+p_2)}$, 则 $H(S)$ 的极点为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。
12. 信号 $f(t) = (\cos 2\pi t) \cdot \varepsilon(t-1)$ 的单边拉普拉斯变换为 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。
13. Z 变换 $F(z) = 1 + z^{-1} - \frac{1}{2}z^{-2}$ 的原函数 $f(n) = \underline{\hspace{2cm}}$ 。
14. 已知信号 $f(n)$ 的单边 Z 变换为 $F(z)$, 则信号 $(\frac{1}{2})^n f(n-2) \cdot \varepsilon(n-2)$ 的单边 Z 变换等于 $\underline{\hspace{2cm}}$ 。
15. 如某一因果线性时不变系统为稳定系统, 其单位序列响应为 $h(n)$, 则 $\sum_{n=0}^{+\infty} |h(n)| \underline{\hspace{2cm}}$ 。

三、计算题(每题 5 分, 共 55 分)

1. 设: 一串联谐振回路如图—26, $f_0 = 0.465\text{MHz}$, $B\omega = 12.5\text{kHz}$, $C = 200\text{pf}$, $U_s = 1\text{V}$

- 试求: (1) 品质因素 Q
(2) 电感 L
(3) 电阻 R
(4) 回路特性阻抗 ρ
(5) \dot{I} , U_L, U_C

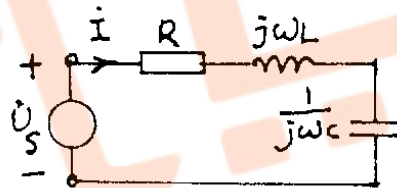


图 26

2. 试: 计算积分 $\int_{-\infty}^{\infty} 2(t^3+4) \delta(1-t) dt =$
3. 设: 一系统如图—28.a

$$e(t) = \frac{\sin t}{t}, -\infty < t < \infty$$

$$s(t) = \cos 1000t$$

$$H(j\omega) = g_2(\omega) \text{ 如图-28.b}$$

试: 用频域法求响应 $r(t)$

- (1) $e(t) \leftrightarrow E(j\omega)$
(2) $S(t) \leftrightarrow S(j\omega)$
(3) $m(t) = e(t) \cdot s(t) \leftrightarrow M(j\omega)$
(4) $R(j\omega) = M(j\omega)H(j\omega)$
(5) $r(t) \leftrightarrow R(j\omega)$

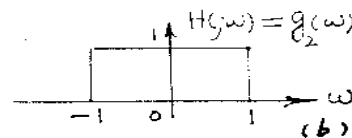
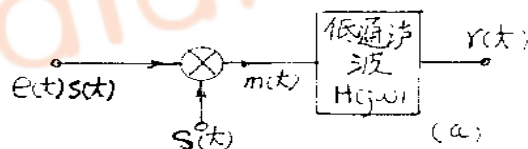


图 28

4. 设: 一系统的单位冲激响应为: $h(t) = e^{-2t} \varepsilon(t)$
激励为: $f(t) = (2e^{-t} - 1) \varepsilon(t)$
试: 由时域法求系统的零状态响应 $y_f(t)$
5. 设: 一系统由微分方程描述为
 $y''(t) + 3y'(t) + 2y(t) = 2f(t)$
要求: 用经典法, 求系统的单位冲激响应 $h(t)$ 。
6. 设: 一系统由微分方程描述为:

$$2 \frac{dy(t)}{dt^2} + 3 \frac{dy(t)}{dt} + 4y(t) = \frac{df(t)}{dt}$$

已知: $f(t) = \varepsilon(t)$, $y(0_-) = 1$, $y'(0_-) = 1$

求: $y(0_+)$, $y'(0_+)$

7. 已知某一因果线性时不变系统, 其初始状态为零, 冲激响应 $h(t) = \delta(t) + 2e^{-2t} \cdot \varepsilon(t)$, 系统的输出 $y(t) = e^{-2t} \cdot \varepsilon(t)$, 求系统的输入信号。

8. 如图—33 所示电路, $i(0_-) = 2A$,

(1) 求 $i(t)$ 的拉氏变换 $I(S)$

(2) 求系统的冲激响应

(3) 求系统的零输入响应

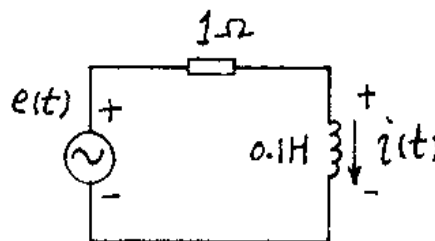


图 33

9. 某一二阶因果线性时不变系统的微分方程为 $y''(t) + 3y'(t) + 2y(t) = f'(t)$,

(1) 求系统函数 $H(S)$ 与冲激响应

(2) 输入信号 $f(t)$ 如图—34 所示, 求系统的零状态响应。

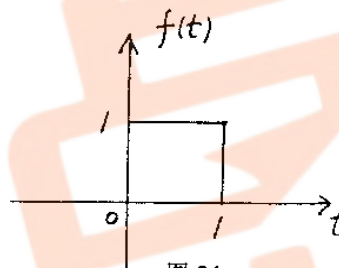


图 34

10. 已知信号 $x(n] = \delta(n) + 2\delta(n-1) - 3\delta(n-2) + 4\delta(n-3)$, $h(n) = \delta(n) + \delta(n-1)$ 求卷积和 $x(n) * h(n)$

11. 已知描述某一离散系统的差分方程

$y(n] - ky(n-1) = f(n]$, k 为实数, 系统为因果系统,

(1) 写出系统函数 $H(z)$ 和单位序列响应 $h(n]$

(2) 确定 k 值范围, 使系统稳定

(3) 当 $k = \frac{1}{2}$, $y(-1) = 4$, $f(n) = 0$, 求系统响应 ($n \geq 0$)。

参考答案

一、单项选择题(每小题 3 分, 共 30 分)

- | | | | | |
|-----|-----|-----|-----|------|
| 1.B | 2.C | 3.C | 4.C | 5.D |
| 6.C | 7.B | 8.D | 9.C | 10.A |

二、填空题(每小题 1 分, 共 15 分)

1. $\delta(t)$

2.

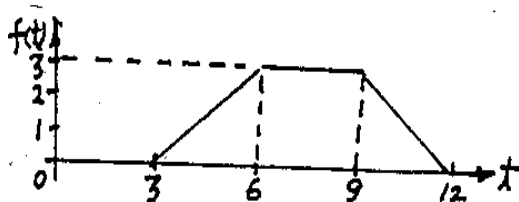


图 12(答案)

3. $f(t) = f'_1(t) * f^{(-1)}_2(t) = f^{(-1)}_1(t) * f'_2(t)$ 写出一组即可

4. 狄里赫利条件

5.选择 Q 值应兼顾电路的选择性和通频带

6.虚函数 奇函数

$$7. y_{22} = \frac{1}{Z^3}$$

$$8. f(at) \leftrightarrow \frac{1}{|a|} F(j\frac{\omega}{a}) \quad a \neq 0$$

$$9. f(t-t_d) \xrightarrow{\text{系统}} y_f(t-t_d)$$

$$10. \frac{F(S)}{S} \cdot e^{-st_0}$$

11. $-p_1$ 和 $-p_2$

$$12. \frac{S \cdot e^{-s}}{S^2 + 4\pi^2}$$

$$13. \delta(n) + \delta(n-1) - \frac{1}{2} \delta(n-2)$$

$$14. (2Z)^{-2} \cdot F(2Z)$$

$$15. < \infty$$

三、计算题(每题 5 分, 共 55 分)

$$1. Q = f_0 / B \overline{W} = 37.2$$

$$L = \frac{1}{(2\pi f_0)^2 C} = 588 \times 10^{-6} \text{H} = 588 \mu \text{H}$$

$$\rho = \sqrt{\frac{L}{C}} = 1.71 \times 10^3 = 1.71 \text{k}\Omega$$

$$R = \frac{1}{Q} \rho = 46 \Omega$$

$$I = \frac{1}{R} = 0.022 \text{A}, U_C = U_L = QU_S = 37.2 \text{V}$$

$$2. \text{原式} = \int_{-\infty}^{\infty} 2(1^3 + 4) \delta[-(t-1)] dt = 10 \int_{-\infty}^{\infty} \delta[-(t-1)] dt = 10$$

$$3. E(j\omega) F\{e(t)\} = \pi [\varepsilon(\omega+1) - \varepsilon(\omega-1)]$$

$$S(j\omega) = F\{S(t)\} = \pi [\delta(\omega-1000) + \delta(\omega+1000)]$$

$$M(j\omega) = \frac{1}{(2\pi)^2} [E(j\omega) * S(j\omega) * S(j\omega)]$$

$$= \frac{\pi}{4} \{ [\varepsilon(\omega+1) - \varepsilon(\omega-1)] * [\delta(\omega-2000) + \delta(\omega+2000) + 2\delta(\omega)] \}$$

$\therefore H(j\omega) = g_2(\omega)$, 截止频率 $\omega_c = 1$

\therefore 仅 $2\delta(\omega)$ 项可通过

$$R(j\omega) = M(j\omega)H(j\omega) = \frac{\pi}{2} [\varepsilon(\omega+1) - \varepsilon(\omega)]$$

$$r(t)=F^{-1}\{R(j\omega)\}=\frac{1}{2}\frac{\sin t}{t}$$

$$\begin{aligned} 4. y_f(t) &= f(t) * h(t) = (2e^{-t} - 1) \varepsilon(t) * e^{-2t} \varepsilon(t) \\ &= \int_0^t (2e^{-\tau} - 1) e^{-2(t-\tau)} d\tau \\ &= \left[2e^{-t} - \frac{3}{2}e^{-2t} - \frac{1}{2} \right] \varepsilon(t) \end{aligned}$$

5. ∴ 原方程左端 $n=2$ 阶，右端 $m=0$ 阶， $n=m+2$

∴ $h(t)$ 中不函 $\delta(t)$, $\delta'(t)$ 项 $h(0^-)=0$

$$h''(t) + 3h'(t) + 2h(t) = 2\delta(t)$$

上式齐次方程的特征方程为: $\lambda^2 + 3\lambda + 2 = 0$ ∴ $\lambda_1 = -1, \lambda_2 = -2$

$$\therefore h(t) = [c_1 e^{-t} + c_2 e^{-2t}] \varepsilon(t)$$

以 $h(t), h'(t), h''(t)$ 代入原式, 得:

$$2c_1 \delta(t) + c_2 \delta(t) + c_1 \delta'(t) + c_2 \delta'(t) = 2\delta(t)$$

$\delta'(t)$ 对应项系数相等:

$$2c_1 + c_2 = 2 \quad \therefore c_1 = 2, c_2 = -c_1 = -2$$

$$c_1 + c_2 = 0 \quad \therefore h(t) = [2e^{-t} - 2e^{-2t}] \varepsilon(t)$$

$$6. y(0_+) = y(0_-) = 1$$

$$y'(0_+) = y'(0_-) + \frac{1}{2} = 1 + \frac{1}{2} = \frac{3}{2}$$

$$7. Y_f(S) = \frac{1}{S+2}$$

$$H(S) = \frac{S+4}{S+2}$$

$$Y_f(S) = F(S) \cdot H(S)$$

$$F(S) = \frac{Y_f(S)}{H(S)} = \frac{1}{S+4}$$

$$f(t) = e^{-4t} \cdot \varepsilon(t)$$

$$8. (1) I(S) = \frac{10E(S)}{S+10} + \frac{2}{S+10}$$

$$(2) h(t) = 10e^{-10t} \cdot \varepsilon(t)$$

$$(3) I_x(S) = \frac{2}{S+10}$$

$$i_x(t) = 2e^{-10t} \cdot \varepsilon(t)$$

$$9. (1) H(S) = \frac{S}{S^2 + 3S + 2}$$

$$h(t) = (2e^{-2t} - e^{-t}) \varepsilon(t)$$

$$(2) Y_f(S) = \frac{1 - e^{-s}}{S^2 + 3S + 2}$$

$$y_f(t) = (e^{-t} - e^{-2t}) \varepsilon(t) - (e^{-(t-1)} - e^{-2(t-1)}) \varepsilon(t-1)$$

$$10. \delta(n) + 3\delta(n-1) - \delta(n-2) + \delta(n-3) + 4\delta(n-4)$$

$$11. (1) H(Z) = \frac{1}{1 - kZ^{-1}}$$

$$h(n) = (k)^n \varepsilon(n)$$

(2)极点 $Z=k, |k|<1$, 系统稳定

$$(3)Y(Z)=\frac{2}{1-\frac{1}{2}Z^{-1}}$$

$$y(n)=2\left(\frac{1}{2}\right)^n \varepsilon(n)$$

考试点
kaoshidian.com

模拟题二

一、简单计算题（每题 8 分）

- 1、已知某连续信号 的傅里叶变换为 ，按照取样间隔 对其进行取样得到离散时间序列 ，序列 的 Z 变换。
- 2、求序列 和 的卷积和。
- 3、已知某双边序列的 Z 变换为 ，求该序列的时域表达式 。
- 4、已知某连续系统的特征多项式为：

试判断该系统的稳定情况，并指出系统含有负实部、零实部和正实部的根各有几个？

- 5、已知某连续时间系统的系统函数为： 。试给出该系统的状态方程。
- 6、求出下面框图所示离散时间系统的系统函数。

二、（12 分）已知系统框图如图(a)，输入信号 $e(t)$ 的时域波形如图(b)，子系统 $h(t)$ 的冲激响应波形如图(c)所示，信号 的频谱为 。

- 试：1） 分别画出 的频谱图和时域波形；
- 2） 求输出响应 $y(t)$ 并画出时域波形。
- 3） 子系统 $h(t)$ 是否是物理可实现的？为什么？请叙述理由；

三（12 分）、已知电路如下图所示，激励信号为 ，在 $t=0$ 和 $t=1$ 时测得系统的输出为 ， 。分别求系统的零输入响应、零状态响应、全响应、以及自然响应和受迫响应。

四(12 分)、已知某离散系统的差分方程为

其初始状态为 , 激励 ;

求: 1) 零输入响应 、零状态响应 及全响应 ;

2) 指出其中的自由响应分量和受迫响应分量;

3) 判断该系统的稳定性。

五 (12 分)、已知某离散时间系统的单位函数响应 。

1) 求其系统函数 ;

2) 粗略绘出该系统的幅频特性;

3) 画出该系统的框图。

六、(10 分) 请叙述并证明 z 变换的卷积定理。